



INSTITUTO TECNOLÓGICO AUTÓNOMO DE MÉXICO

PROGRAMACIÓN LINEAL

Proyecto final

Formulación y solución de problemas de programación lineal

Integrantes del equipo	Clave única
Karen Arteaga Mendoza	190161
Federico Santacruz González	190438
Leopoldo Rodríguez Díaz Infante	189584
José Alberto Márquez Luján	187917
Santiago Fernández del Castillo Sodi	189210

Profesor:

Dr. Edgar Possani Espinosa

23 de noviembre de 2022

1. Programación del Método Simplex

1.1. Pseudocódigo y explicación

La programación del Método Simplex se llevó a cabo en el lenguaje de programación Python. Se divide en cuatro funciones importantes:

1. **SOLVER** es la función principal: aquí se manda a llamar al resto de los métodos. Recibe como entrada los datos del problema en su formulación estándar y regresa la tabla final y el valor de la función objetivo evaluada en la solución óptima.
2. **MATRIZT0** es una función sencilla que se utiliza para construir la tabla cero del problema a partir de los datos y con base en el Método de la Gran M.
3. **REGLADEBLAND** es una función que recibe como parámetro una tabla Simplex y, basándose en la Regla de Bland, decide si la tabla es final, el problema no es acotado o hay que pivotar; si es final, regresa $(-1, -1)$; si el problema no está acotado, regresa $(-1, -2)$, y, si hay que realizar un paso más, regresa la posición (fila y columna) del elemento sobre el cual se va a pivotar en el siguiente paso. Esta función se manda a llamar solamente desde **PIVOTEO**.
4. **PIVOTEO** Dada una tabla Simplex, esta función pivotea sobre el elemento que dictamina la regla de Bland y regresa el resultado. Si no se pudo pivotar, ya sea porque es tabla final o porque el problema no está acotado, regresa como valor el que obtiene de la función **REGLADEBLAND**. Si pudo pivotar, regresa un número 1.

A continuación se presenta el pseudocódigo de la función **SOLVER**. La función primero obtiene la tabla cero del problema al mandar llamar a **MATRIZT0**. Posteriormente obtiene la tabla Simplex inicial al asegurarse de que la base se encuentra en la tabla. Después, intenta pivotar sobre la tabla hasta que encuentre que el problema no es acotado o bien encuentre la solución del problema. Por último, regresa la última tabla a la que llegó y el valor de la función objetivo evaluada en la solución o **NAN** si el problema no está acotado.

Algorithm 1 Función SOLVER

```

function SOLVER( $A, b, c, M$ ) returns  $t_1, z$ 
     $t_0 \leftarrow \text{MATRIZT0}(A, b, c, M)$ 
    for  $i$  in RANGE(LEN( $A$ )) do
         $t_0[-1] \leftarrow t_0[-1] + t_0[i] * (-M)$ 
    end for
     $t_1, z \leftarrow \text{PIVOTEO}(t_0)$ 
    while  $z \geq 0$  do
         $t_1, z \leftarrow \text{PIVOTEO}(t_1)$ 
    end while
    if no acotado then
        return  $t_1, \text{NAN}$ 
    end if
    return  $t_1, (-1) * t_1[-1][-1]$ 
end function

```

Para la función **MATRIZT0** solamente se manipulan los parámetros con la librería **numpy**; al tratarse de pocas líneas y de procedimiento sencillo, no incluiremos un pseudocódigo. Basta

mencionar que pegamos los costos relativos hasta abajo de la tabla y, a la derecha, agregamos unas columnas que corresponden a las variables añadidas por el Método de la Gran M. La última columna corresponde al vector b y se inicializa el valor de la función objetivo en cero.

La función `REGLADEBLAND` es un poco más interesante. Como se mencionó al principio, recibe como parámetro una tabla Simplex. Primero busca los índices de los costos relativos en los que los costos son estrictamente negativos. Si no encuentra ninguno, entonces regresa $(-1, -1)$ pues la tabla es final. Si encuentra alguno, entonces almacena como columna de salida el índice que esté más a la izquierda. Posteriormente, recorre b_i y y_i , donde b_i es el elemento de hasta la derecha de la tabla en la i -ésima fila y y_i es el elemento correspondiente, pero de la columna de salida. Si y_i es estrictamente positivo, entonces almacena en un arreglo el valor de b_i/y_i ; si no, almacena un -1 . Luego busca en ese arreglo si hay valores mayores o iguales a cero; si hay, regresa el índice que corresponde a la fila de ese elemento; si no hay, entonces regresa $(-1, -2)$, pues estaríamos tratando con un problema no acotado. El pseudocódigo se presenta a continuación:

Algorithm 2 Función `REGLADEBLAND`

```

function REGLADEBLAND(tablaSimplex) returns renglonSal, colSal
    cr  $\leftarrow$  costos relativos tablaSimplex
    busq  $\leftarrow$  índices donde cr < 0
    if LEN(busq) == 0 then                                      $\triangleright$  todos los costos relativos son positivos
        return  $(-1, -1)$ 
    else
        colSal  $\leftarrow$  busq[0]
    end if
     $b_k \leftarrow$  tablaSimplex[:, -1]
     $y_k \leftarrow$  tablaSimplex[:, colSal]
    by  $\leftarrow$  []
    for  $b_i, y_i$  in  $(b_k, y_k)$  do
        if  $y_i > 0$  then
            by.APPEND( $b_i/y_i$ )
        else
            by.APPEND( $-1$ )
        end if
    end for
    valid  $\leftarrow$  índices donde by  $\geq 0$ 
    if LEN(valid) == 0 then                                      $\triangleright$  el problema no está acotado
        return  $(-1, -2)$ 
    end if
    renglonSal  $\leftarrow$  argmin{by | by > 0}
    return renglonSal, colSal
end function

```

1.2. Resultados del código

1.3. Posibles áreas de mejora

2. Casos de estudio