

Análisis de Imagen Biomédica

Resumen

En las ciencias biomédicas no solo se recogen datos; en ocasiones se generan imágenes que posteriormente se deben analizar y de las que se debe extraer información comprensiva. El análisis de imagen biomédica es el proceso de examinar y extraer información útil de imágenes biomédicas, como resonancias magnéticas, tomografías computarizadas (TC) o ecografías, para facilitar diagnósticos, monitorear el progreso de enfermedades y desarrollar nuevas técnicas de diagnóstico y tratamiento. El prefijo "bio" se refiere a la fase preclínica, siendo así las imágenes de modelos animales fundamentalmente.

Sandra Mingo Ramírez

UAM - 2025/26

30 de septiembre de 2025 16:33

Universidad Autónoma de Madrid
Bioinformática y Biología Computacional

[Código en Github](#)

Índice general

I	Introducción al procesado de imágenes	3
I.1	Formación de imágenes	3
I.1.1	De analógico a digital	4
I.2	Procesado de imágenes digitales	4
I.2.1	Image enhancement	5
I.2.2	Image analysis	6
II	Fundamentos imagen biomédica	8
II.1	Percepción visual	8
II.1.1	Fenómeno de la luz	8
II.1.2	Sistema visual humano	8
II.1.3	Luz	10
II.1.4	Percepción de luminancia y color	11
II.1.5	Brillo	12
II.2	Captura de imágenes	12
II.2.1	Sistema de adquisición	12
II.2.2	Modelo de cámara puntual <i>pin hole</i>	13
II.2.3	Color	13
II.3	Representación de imágenes	14
II.3.1	La imagen digital	14
II.3.2	True Color	15
II.3.3	Resolución vs definición	16
II.3.4	Profundidad	16
II.3.5	Formatos	17
III	Procesado imágenes digitales	18
III.1	Introducción	18
III.2	Operadores puntuales	18
III.2.1	Introducción	18
III.2.2	Modelado de histograma	19
III.2.3	Modificación de niveles	21
III.3	Operadores locales	22
III.3.1	Filtrado espacial	23
III.3.2	Suavizado: lineal y no lineal	24
III.3.3	Realce: lineal	25
IV	Registro de imágenes	27
IV.1	Tipos de registro	27
IV.2	Avances clave en IA en registro de imágenes	28

IV.3	Artículo	29
IV.4	Imágenes, mapas y templates	30
IV.4.1	Imágenes de Difusión en Neuroimagen	31
IV.4.2	Construcción de Mapas de Difusión	31
IV.4.3	Registro de imágenes y templates	31

Capítulo I

Introducción al procesado de imágenes

I.1. Formación de imágenes

Hay muchas formas de obtener una imagen, dependiendo de la fuente de energía (p. ej., fotones, ondas de radio, ultrasonido) y del sistema detector que la capture. Los tipos de imágenes se clasifican según si la formación es directa o indirecta, analógica (continua) o digital, y según el tipo de energía utilizada (radiación electromagnética, acústica, etc.).

Una forma de clasificarlas es en función del tipo de energía o radiación utilizada. La luz visible es una pequeña parte del espectro electromagnético. Las imágenes biomédicas pueden generarse utilizando otras partes de este espectro (rayos X, radiofrecuencia), así como otras formas de energía como ondas mecánicas (sonar, ultrasonido) o campos (magnéticos, eléctricos).

Aunque el grueso del curso sea el análisis y procesado de las imágenes, es importante saber de dónde vienen y su contexto.

- La **formación de imagen de rayos X** proviene de una fuente emisora. Estos rayos interaccionan con el tejido biológico (son atenuados principalmente por absorción y dispersión). La radiación que atraviesa el tejido incide sobre un detector (que históricamente era una placa fotográfica o de película, pero hoy son casi exclusivamente detectores digitales como placas de fósforo o detectores planos).
- La **formación de una imagen de Resonancia Magnética (RM)** se basa en aplicar un campo magnético estático y fuerte (B_0) al tejido, alineando los momentos magnéticos de los núcleos de hidrógeno. Se aplican pulsos de radiofrecuencia (RF) para excitar estos núcleos, que al relajarse emiten señales de RF. Esta señal se detecta con bobinas. Utilizando gradientes de campo magnético (que varían el campo de forma lineal en el espacio), se puede codificar espacialmente la señal y reconstruirla digitalmente para asignar diferentes intensidades de señal a cada voxel (elemento de volumen 3D) o píxel (2D).

I.1.1. De analógico a digital

Para convertir una imagen analógica (como una placa de rayos X o una fotografía) a digital se utiliza un dispositivo de digitalización, como un escáner o un detector digital directamente. Este proceso implica **muestrear (sampling)** la imagen, dividiendo el espacio en una matriz discreta de elementos (píxeles), y **cuantizar** la intensidad de luz en cada punto, asignándole un valor digital discreto.

La resolución espacial tiene que ver con el nivel de detalle discernible, determinado por el tamaño del píxel y las propiedades del sistema de imagen. Una imagen con muchos píxeles pequeños (alta resolución) permite visualizar detalles finos y bordes definidos. En cambio, una imagen de baja resolución tiene pocos píxeles grandes, lo que resulta en una pérdida de detalles y una apariencia pixelada o borrosa al ampliarla.

Las imágenes con las que se suele trabajar en diagnóstico por imagen suelen representarse en escala de grises. Esto significa que a cada píxel se le asigna una intensidad lumínica representada por un valor numérico. En el formato estándar de 8 bits, este valor va de 0 (negro) a 255 (blanco), permitiendo $2^8 = 256$ tonos de gris intermedios. La cantidad de bits utilizada para representar el valor de un píxel se denomina profundidad de bits (bit depth).

Cualquier sistema moderno de formación de imagen biomédica integra **sensores** (o detectores) y un **conversor de analógico a digital (ADC)**. La imagen digital se debe guardar, procesar y, en ocasiones, se reconvierte a analógico (por ejemplo, mediante una pantalla) para su visualización.

I.2. Procesado de imágenes digitales

Dentro del procesamiento de imagen hay varias categorías o pasos:

1. **Mejora o Realce de la Imagen (Image Enhancement):** Técnicas para ajustar propiedades como el brillo, el contraste o para aplicar filtros (como la convolución) con el fin de hacer ciertas características más visibles para el observador humano o para un algoritmo posterior. Incluye la corrección de algunos artefactos.
2. **Restauración de Imagen (Image Restoration):** Su objetivo es eliminar o reducir la degradación (como el desenfoque o el ruido) utilizando un modelo de cómo se degradó la imagen. Se busca aproximarse a la imagen original no degradada.
3. **Análisis de la Imagen (Image Analysis):** Procesos como la segmentación (delimitación de regiones de interés), la extracción de características (cálculo de métricas cuantitativas) y la clasificación de objetos.
4. **Compresión de Imagen (Image Compression):** Técnicas para reducir el tamaño de los archivos de imagen para su almacenamiento o transmisión eficiente (p. ej., JPEG, JPEG 2000, DICOM con compresión).

5. **Síntesis de Imagen (Image Synthesis):** Generación de imágenes a partir de modelos o datos, como en la reconstrucción tomográfica o la generación de imágenes mediante Inteligencia Artificial.

1.2.1. Image enhancement

Las imágenes biomédicas se utilizan para el diagnóstico, tanto **cualitativo** (observación visual de morfología) como **cuantitativo** (medición de parámetros fisiológicos o bioquímicos). Para el diagnóstico cualitativo, se tratan las imágenes para reducir ruido o realzar bordes. En las imágenes cuantitativas, el valor numérico del píxel tiene significado físico (p. ej., unidades Hounsfield en TC, concentración de un contraste, valores T1 o T2 en RM). Por ello, al manipular estas imágenes para su análisis, es crucial utilizar técnicas que no alteren o que corrijan de manera controlada los valores subyacentes, preservando la información biológico-física. A menudo, la consistencia en el procesamiento (aplicar el mismo algoritmo a todos los sujetos de un estudio) es más importante que la absolutez del valor.

Los **artefactos** son patrones o estructuras presentes en la imagen que no corresponden a la anatomía o fisiología real del sujeto, sino que son causados por el equipo, el protocolo de adquisición o el propio paciente. Estos incluyen desde artefactos por metal (implantes) hasta los causados por el movimiento voluntario o involuntario del paciente durante una adquisición, especialmente si es larga. La **reducción de ruido** (ruido aleatorio inherente a cualquier medición física) es también esencial para mejorar la relación señal-ruido (SNR).

Hoy día, las técnicas de **aprendizaje automático (machine learning)**, y en particular las **redes neuronales convolucionales (CNN)**, se utilizan extensamente. Un ejemplo es el entrenamiento de redes con pares de imágenes: una entrada degradada (p. ej., con artefactos de movimiento o ruido) y una salida objetivo de referencia ("ground truth") de alta calidad. La red aprende la transformación para mapear la imagen defectuosa a una versión corregida. Es importante destacar que a menudo el "ground truth" perfecto no existe *in vivo*, por lo que los modelos se entrena con datos simulados o con imágenes de alta calidad adquiridas en condiciones ideales.

Para corregir el ruido, una técnica común es el **filtrado espacial**. Un ejemplo básico es el **filtro Gaussiano**, que suaviza la imagen promediando los valores de los píxeles vecinos, ponderados por una función Gaussiana. Esto homogeniza las regiones y reduce el ruido, pero a costa de una potencial pérdida de detalle (suavizado de bordes). La operación se aplica deslizando un kernel (ventana) sobre la imagen, realizando una **convolución** (producto punto entre el kernel y los píxeles subyacentes) en cada posición.

Mejora de la Resolución: El término general es superresolución (super-resolution). Este proceso busca estimar o reconstruir una imagen de alta resolución a partir de una o varias imágenes de baja resolución. El objetivo es recuperar detalles finos perdidos durante la adquisición, lo que conduce a una visualización más clara y puede facilitar un diagnóstico más preciso. Es importante distinguirlo de un simple zoom o interpolación, que agranda los píxeles sin añadir información nueva real. Las técnicas de superresolución pueden ser:

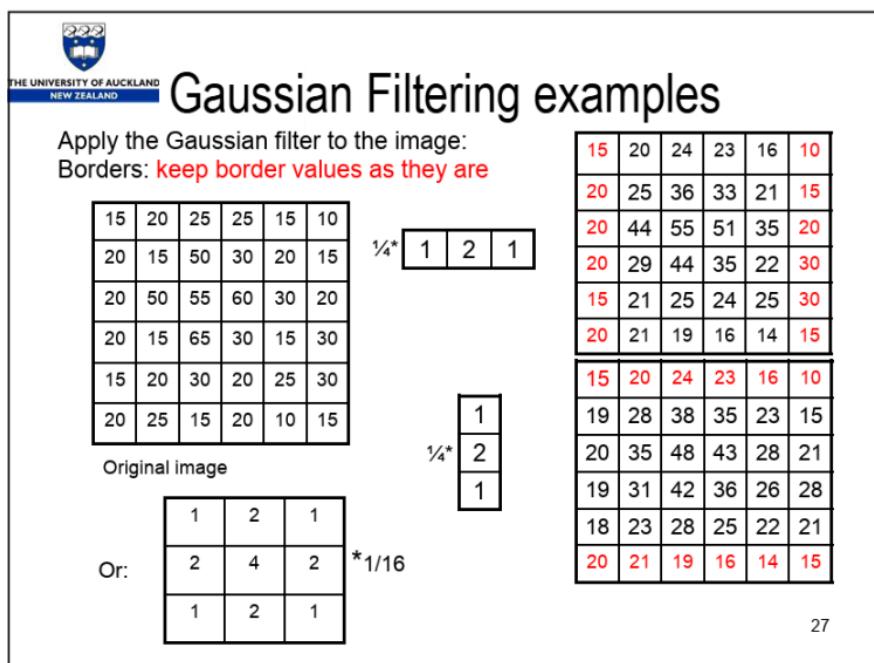


Figura I.1: Ejemplo de filtro Gaussiano. Se aplica la matriz izquierda inferior sobre la imagen original, multiplicando los valores por la matriz de filtro y dividiendo por 16. Esto se realiza sobre cada píxel a excepción de los bordes. Por ejemplo, para el píxel con valor 15 de la segunda fila, segunda columna: $(15 * 1 + 20 * 2 + 25 * 1 + 20 * 2 + 15 * 4 + 50 * 2 + 20 * 1 + 50 * 2 + 55 * 1) / 16 = 455 / 16 = 28,4375 \approx 28$, que es el valor del píxel de la matriz derecha inferior.

- **Basadas en reconstrucción:** Utilizan múltiples imágenes sub-píxel de la misma escena y algoritmos para fusionarlas.
- **Basadas en aprendizaje:** Utilizan redes neuronales (como CNNs) entrenadas con pares de imágenes (baja/alta resolución) para aprender el mapeo que añade los detalles faltantes.

I.2.2. Image analysis

La **segmentación** es un paso fundamental en el análisis de imágenes. Su objetivo es dividir una imagen en regiones o estructuras significativas, permitiendo extraer y cuantificar la información de interés. Por ejemplo, aislar solo los huesos en una Tomografía Computarizada (TC), delimitar un tumor, o separar el ventrículo izquierdo en una imagen cardiaca.

Se lleva a cabo mediante algoritmos que identifican boundaries (bordes) o regiones homogéneas basándose en propiedades como la intensidad, el color, la textura o el contexto. No se limita solo a la extracción de bordes; existen múltiples enfoques:

- **Basados en umbral (thresholding):** Separan según el valor de intensidad.
- **Basados en regiones (region growing, watershed):** Agrupan píxeles conectados con propiedades similares.

- Basados en bordes (edge detection): Identifican discontinuidades en la intensidad (usando operadores como Sobel, Canny).
- Basados en modelos (active contours, level sets): Utilizan curvas o superficies que evolucionan para ajustarse a los contornos.
- Basados en aprendizaje (Machine/Deep Learning): Las redes neuronales (especialmente las U-Net) aprenden a segmentar a partir de ejemplos etiquetados.

El **registro de imágenes (Image Registration)** es el proceso de alinear geométricamente dos o más conjuntos de imágenes (datasets) adquiridas en diferentes momentos, desde diferentes modalidades o desde distintos puntos de vista. El objetivo es establecer una correspondencia punto a punto entre ellas para poder comparar, fusionar o analizar la información de forma coherente.

Esto se logra encontrando la transformación espacial óptima que mapea los puntos de una imagen (imagen móvil o "moving") sobre los de otra (imagen de referencia o "fixed"). Los tipos de transformación, ordenados de menor a mayor complejidad y flexibilidad, son:

- **Registro rígido (Rigid):** Alinea imágenes solo con rotaciones y traslaciones (desplazamientos) globales. Preserva las distancias y ángulos entre todos los puntos. Es útil para imágenes de la misma anatomía sin cambios internos (p. ej., cabeza en diferentes estudios de RM).
- **Registro por similitud (Similarity):** Añade escalado isotrópico (mismo factor de escala en todos los ejes) a la transformación rígida. Preserva las formas y los ángulos, pero no las distancias absolutas.
- **Registro afín (Affine):** Incluye cizallamiento (shearing) y escalado anisotrópico (diferente factor en cada eje), además de las transformaciones rígidas y de escalado. Las líneas paralelas siguen siéndolo después de la transformación, pero los ángulos pueden no conservarse. Es útil para corregir diferencias de adquisición o geometría entre modalidades.
- **Registro no rígido o deformable (Non-rigid/Deformable):** Maneja deformaciones elásticas o fluidas complejas, localizadas y no lineales. Es esencial para compensar movimientos de órganos (como el corazón o los pulmones), cambios anatómicos (crecimiento de un tumor) o para alinear imágenes de pacientes diferentes en un atlas poblacional.

Capítulo II

Fundamentos imagen biomédica

II.1. Percepción visual

II.1.1. Fenómeno de la luz

Una fuente de luz **monocromática** emite radiación predominantemente en una única **longitud de onda** (o frecuencia), percibida como un color puro. Un ejemplo característico es el láser. Por el contrario, la luz **policromática** está compuesta por una mezcla de múltiples longitudes de onda, como la luz solar o la de una bombilla LED blanca.

Existen dos tipos de fuentes luminosas:

- **Fuentes Primarias o Emisivas:** Generan su propia luz mediante procesos de excitación de átomos o moléculas (ej.: el Sol, una bombilla, un LED).
- **Fuentes Secundarias o Reflectantes:** No generan luz propia, sino que reflejan total o parcialmente la luz que reciben de una fuente primaria (ej.: la Luna, un libro, la mayoría de los objetos que nos rodean). Casi todo lo que vemos son fuentes secundarias.

II.1.2. Sistema visual humano

El proceso de la visión comienza cuando la luz entra en el ojo y es proyectada sobre la **retina**, donde los **fotorreceptores** la captan y la convierten en señales electroquímicas (proceso de **transducción**). Estas señales se transmiten a través del **nervio óptico** al cerebro, donde se interpretan para generar la percepción visual.

Desde un punto de vista óptico, el ojo humano es análogo a una cámara fotográfica:

- **Lente:** El cristalino (junto con la córnea y los humores acuoso y vítreo) se encarga de enfocar la luz, proyectando una imagen nítida sobre la retina. Su forma se ajusta en un proceso llamado acomodación.
- **Diafragma:** El iris (la parte coloreada) actúa como un diafragma, controlando el tamaño de la pupila para regular la cantidad de luz que entra en el ojo.

- **Sensor:** La retina equivale al sensor de una cámara (CCD/CMOS). Es una capa de tejido sensible a la luz ubicada en la parte posterior del ojo.

La retina contiene dos tipos principales de fotorreceptores:

- **Bastones:** Altamente sensibles a la intensidad lumínica (luminancia), pero no al color. Son responsables de la visión escotópica (visión en condiciones de baja iluminación). Se concentran en la periferia de la retina, siendo muy sensibles al movimiento.
- **Conos:** Menos sensibles que los bastones, pero especializados en la percepción del color (visión fotópica, en condiciones de alta iluminación). Se concentran en la fóvea, la zona central de la retina de máxima agudeza visual. Existen tres tipos, cada uno con un pico de sensibilidad a diferentes longitudes de onda: rojo (larga), verde (media) y azul (corta).

La capacidad del ojo tiene limitaciones físicas. La **resolución espacial** (capacidad para discernir detalles finos) y la **resolución temporal** (capacidad para discernir eventos rápidos) son finitas debido al número limitado de fotorreceptores y a su tiempo de respuesta.

La **agudeza visual** es la capacidad de distinguir entre dos puntos separados. Si la separación angular entre ellos es superior a **1 minuto de arco** ($1/60$ de grado), estimulan fotorreceptores y fibras nerviosas diferentes, por lo que el cerebro los percibe como entidades distintas. Si la separación es menor, ambos puntos estimulan el mismo receptor, y el cerebro percibe una **mezcla aditiva espacial (MAE)**, fusionándolos en un solo estímulo de color.

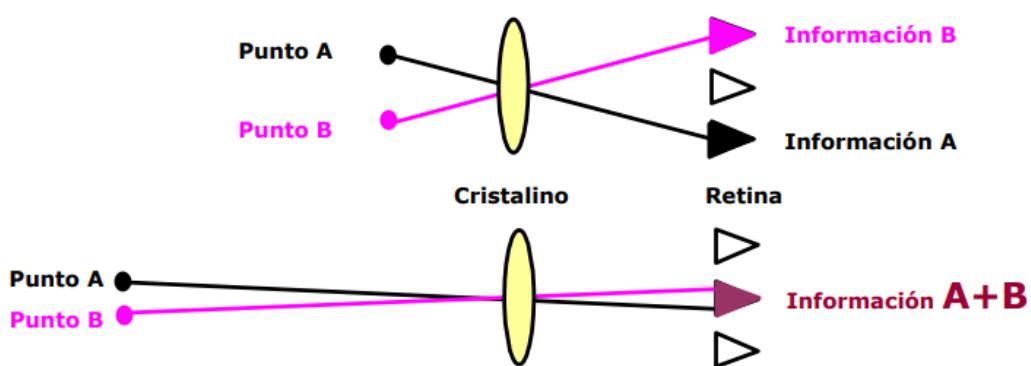


Figura II.1: Ilustración del principio de la mezcla aditiva espacial. Puntos de color suficientemente pequeños y cercanos se perciben como un color uniforme.

Este principio es fundamental en tecnologías de visualización como las pantallas de televisión y monitores, donde la imagen se forma mediante **píxeles** compuestos por subpíxeles rojos, verdes y azules (triadas de colores) cuya separación es inferior al umbral de agudeza visual.

La **memoria visual** o persistencia retiniana es una propiedad por la cual la excitación de los fotorreceptores no cesa instantáneamente tras desaparecer el estímulo, sino que continúa enviando señales al cerebro durante un breve periodo. La integración

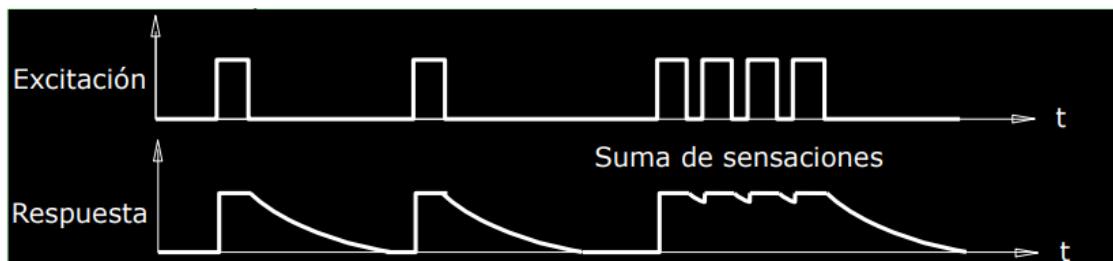


Figura II.2: Ilustración del principio de la mezcla aditiva temporal. Estímulos discretos sucesivos se perciben como un continuo si la frecuencia es suficientemente alta.

de impulsos luminosos consecutivos da lugar a la sensación de continuidad, un fenómeno conocido como **mezcla aditiva temporal (MAT)** o persistencia retiniana.

Si el intervalo entre impulsos es mayor de aproximadamente 40-50 ms (equivalente a 20-25 Hz), se percibe un parpadeo o *flicker* molesto. Por debajo de este umbral, la respuesta al nuevo estímulo se suma a la anterior, creando una sensación de flujo continuo. Esto explica por qué una secuencia de imágenes estáticas (fotogramas) a una velocidad superior a 25 fps (fotogramas por segundo) se percibe como movimiento continuo. El umbral exacto varía con la luminancia y el campo visual estimulado.

II.1.3. Luz

La visión de los objetos no emisivos se debe a la reflexión (y en algunos casos, a la transmisión) de la luz que incide sobre ellos. La intensidad de la luz reflejada (L , luminancia) que llega al ojo depende de la intensidad de la luz incidente (E , iluminancia, medida en lux) y de las propiedades reflectivas del material (R).

En términos generales, se puede modelar como:

$$C_R(X, V, geom, t, \lambda) = E(X, t, \lambda) \cdot r(V, geom, \lambda)$$

Donde: $R(V, geom, \lambda)$ es la reflectancia del material, que depende del ángulo de visión (V), la geometría de la superficie (si es rugosa/difusa o lisa/especular) y la longitud de onda (λ). Un objeto parece de un color porque absorbe selectivamente ciertas longitudes de onda y refleja otras.

Existen dos modelos de síntesis de color:

- **Síntesis Aditiva:** Propia de las fuentes de luz primarias. Los colores se crean sumando diferentes longitudes de onda de luz. La suma de los colores primarios aditivos (Rojo, Verde, Azul - RGB) en su máxima intensidad produce la percepción de blanco. Ej.: pantallas, monitores.
- **Síntesis Sustractiva:** Propia de los pigmentos y materiales (fuentes secundarias). Los colores se crean porque el material absorbe (sustrae) ciertas longitudes de onda de la luz blanca incidente y refleja otras. Los colores primarios sustractivos son Cian, Magenta y Amarillo (CMY). La "suma" teórica de los tres absorbería toda la luz, produciendo negro. Ej.: pintura, impresión.

II.1.4. Percepción de luminancia y color

El sistema visual humano opera en tres regímenes de visión según el nivel de iluminación:

- **Visión Escotópica:** Activada en condiciones de muy baja iluminación (noche). Dominada por los bastones. No permite la percepción del color (visión en escala de grises) y tiene una baja agudeza visual.
- **Visión Fotópica:** Activada en condiciones de alta iluminación (día). Dominada por los conos. Permite la percepción del color y una alta agudeza visual.
- **Visión Mesópica:** Régimen intermedio (amanecer, atardecer, iluminación tenue). Participan tanto bastones como conos. La percepción del color y la agudeza visual son intermedias. Los colores y nuestros conos no son puros. Los conos verdes absorben más que los conos rojos y azules. Nuestro cerebro recibe la información de los tres sensores y los integra para percibir un color u otro.

La respuesta espectral de los tres tipos de conos se solapa. El cerebro deduce el color percibido (**crominancia**) a partir de la **señal tricromática** comparada que envían estos tres tipos de receptores. La crominancia se describe mediante dos atributos:

- **Tono:** el color en sí mismo.
- **Saturación:** la pureza o intensidad del color.

Por otro lado, la **luminancia** se refiere a la cantidad de luz medida físicamente (en candelas/ m^2), que se percibe subjetivamente como **brillo** en una escala de grises.

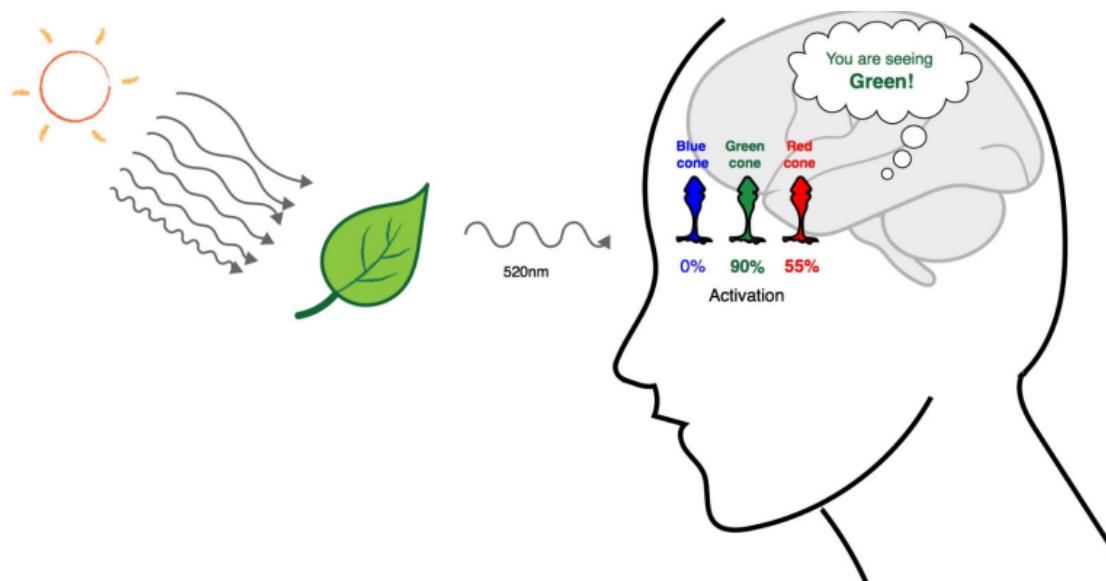


Figura II.3: Representación de la percepción visual, desglosando la información en componentes de luminancia (brillo) y crominancia (tono y saturación).

II.1.5. Brillo

El brillo es la percepción subjetiva de la luminancia. El sistema visual es extraordinariamente adaptable, capaz de funcionar en un rango de aproximadamente 10^{10} niveles de intensidad lumínica mediante el proceso de adaptación (ajuste de la sensibilidad retinal según la luminancia media del entorno).

La percepción del brillo es relativa, no absoluta. Depende críticamente del contraste entre un objeto y su fondo o entorno inmediato (Ley de Weber-Fechner). El ojo es mucho más sensible a las variaciones de luminancia (bordes, movimientos) que a los valores constantes.

No existe una medida física directa del brillo, ya que es una experiencia perceptiva compleja. En condiciones de alta luminancia (visión fotópica), el ojo tiene una mayor agudeza para discernir objetos claros sobre fondos oscuros. En condiciones de baja luminancia (visión escotópica o mesópica), la sensibilidad cambia, y puede resultar más fácil discernir objetos de luminancia media.

Dado que la percepción del brillo es relativa, su evaluación debe considerar necesariamente el entorno. La **evaluación del contraste** es, por tanto, la medición cuantitativa de la diferencia percibida en luminancia (brillo) entre un objeto de interés (por ejemplo, un texto) y su fondo inmediato. Esta diferencia se expresa comúnmente como una razón de contraste (por ejemplo, 4:1, 7:1), que se calcula dividiendo la luminancia relativa de la parte más clara entre la de la parte más oscura. Un contraste alto asegura que la información sea discernible para el sistema visual, lo que es un principio crítico en disciplinas como el diseño de interfaces, la señalética y la accesibilidad web, garantizando que el contenido sea legible para usuarios con diversas capacidades visuales o en condiciones de iluminación variables.

II.2. Captura de imágenes

II.2.1. Sistema de adquisición

Los elementos funcionales fundamentales de un sistema de adquisición de imágenes son: el **sistema óptico** (o grupo óptico), el **sensor de imagen** (con sus distintas tecnologías y características) y la etapa de **procesamiento de la señal** (que convierte la información cruda del sensor en una imagen o señal de video utilizable).

En una cámara, la exposición —la cantidad de luz que alcanza el sensor— se controla mediante dos mecanismos principales:

- El **obturador** controla la duración de la exposición (el intervalo de tiempo durante el cual la luz incide en el sensor).
- El **diafragma** controla la intensidad de la luz que entra a través de la lente, ajustando el tamaño de la abertura.
- El tercer elemento crucial es el propio **sensor**, compuesto por materiales fotosensibles (fotodiodos) que convierten la energía de los fotones (luz) en una señal eléctrica (carga).

II.2.2. Modelo de cámara puntual *pin hole*

El modelo de cámara estenopeica o *pinhole* es el modelo más simple de formación de imágenes. Sus componentes esenciales son:

- Un **centro de proyección** (el orificio estenopeico o *pinhole*).
- Una **distancia focal** (f), que es la distancia entre el centro de proyección y el plano de la imagen.
- Un **plano de imagen** donde se forma la imagen proyectada.

Debido a la propagación rectilínea de la luz, la imagen formada en el plano es **invertida** (tanto vertical como horizontalmente). La principal ventaja de este modelo es que toda la escena está enfocada sin necesidad de un sistema de enfoque; la profundidad de campo es infinita.

Sin embargo, existe un compromiso (*trade-off*) crítico en el tamaño del orificio:

- Si el orificio es demasiado grande, cada punto de la escena proyecta un pequeño círculo de confusión (*circle of confusion*) en el plano de imagen, resultando en una imagen desenfocada debido a la superposición de estos círculos.
- Si el orificio es demasiado pequeño, el fenómeno de la difracción de la luz se vuelve significativo. La luz se dispersa al pasar por la pequeña abertura, provocando que los puntos de la imagen se difuminen entre sí y se pierda definición y nitidez. Existe, por tanto, un tamaño de orificio óptimo que minimiza la combinación de estos dos efectos adversos.

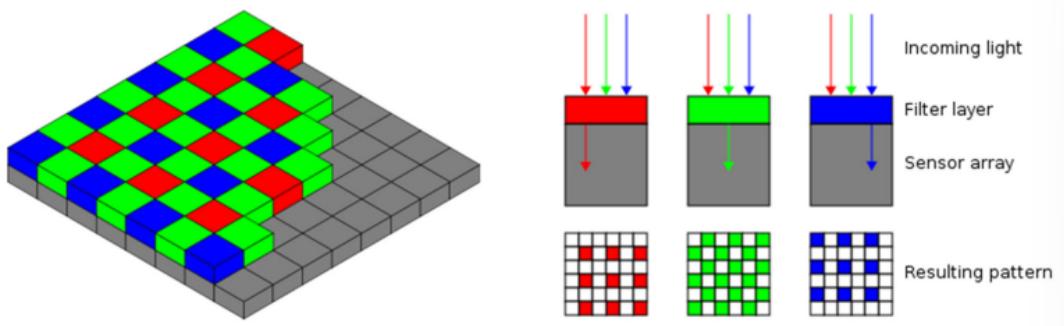
II.2.3. Color

Los sensores de imagen (CCD o CMOS) son inherentemente **monocromáticos**; solo pueden medir la intensidad de la luz, no su longitud de onda (color). Para capturar imágenes en color, se emplean diversas estrategias que implican la separación de la luz en sus componentes espectrales:

- **Sistema de 3 Sensores (3-CCD/3-CMOS)**: Utiliza un prisma dicroico para dividir la luz incidente en sus tres componentes espectrales primarias (rojo, verde y azul). Cada haz de color se dirige hacia un sensor dedicado. Este sistema ofrece la máxima calidad y fidelidad de color, ya que cada píxel de la imagen final se genera con información de intensidad completa para los tres canales. Su principal desventaja es el alto coste y la complejidad mecánica.
- **Filtro de Color Rotativo**: Se coloca un filtro de color (rojo, verde o azul) giratorio delante de un único sensor. La cámara captura secuencialmente un fotograma para cada color primario. Este método es más económico que el de 3 sensores, pero introduce graves inconvenientes: baja calidad de color (especialmente con objetos en movimiento, que producen artefactos de *ghosting*), una tasa de captura efectiva menor y la necesidad de una iluminación constante durante la rotación.

- **Matriz de Filtros de Color (CFA - *Color Filter Array*):** Es el método más común en cámaras consumer y profesionales. Consiste en un mosaico de microfiltros coloreados, depositado directamente sobre la superficie del sensor, donde cada filtro corresponde a un único fotodiodo (píxel). Cada píxel del sensor captura únicamente la intensidad de una componente de color (R, G o B). El patrón más utilizado es el filtro de Bayer (desarrollado por Bryce Bayer en Kodak, 1976), que utiliza un 50 % de filtros verdes, un 25 % de rojos y un 25 % de azules, imitando la mayor sensibilidad del ojo humano al verde. La principal limitación de

Filtro de Bayer:



los CFA es que la resolución espacial de color es inferior a la resolución nominal del sensor. Para generar una imagen en color completa (donde cada píxel tenga valores R, G y B), es necesario aplicar un algoritmo de interpolación cromática o *demosaicing*. Este proceso estima los componentes de color faltantes en cada píxel basándose en la información de los píxeles vecinos, lo que puede introducir artefactos como el *moiré* o falseado de color (*color aliasing*).

II.3. Representación de imágenes

II.3.1. La imagen digital

Una imagen digital es una representación bidimensional de una escena que ha sido **muestreada espacialmente y cuantificada en amplitud**. Esto significa que está definida en:

- Un dominio espacial discreto: un número finito de posiciones (píxeles) organizadas en una rejilla regular (matriz $M \times N$).
- Un rango de valores discreto: las intensidades solo pueden tomar un conjunto finito de valores (generalmente potencias de 2).

El **píxel** (elemento de imagen) es la unidad mínima de información espacial en una imagen digital. Cada píxel almacena un valor (o un conjunto de valores) que representa la intensidad luminosa y/o el color capturado por el sensor en esa posición específica. Así, una imagen digital puede representarse matemáticamente como una matriz de valores numéricos.

II.3.2. True Color

El término True Color se refiere a un método de representación de color que utiliza una codificación directa de los componentes cromáticos, típicamente capaz de representar más de 16 millones de colores distintos.

Es crucial hacer una distinción conceptual:

- **Imagen en Escala de Grises (Luminancia):** Se almacena un único valor por píxel, que representa la luminancia (la medida física de la intensidad de la luz), no la percepción subjetiva del brillo. Con una profundidad de 8 bits por píxel (bpp), se pueden representar 256 (2^8) niveles de gris, donde 0 suele representar el negro absoluto y 255 el blanco máximo.

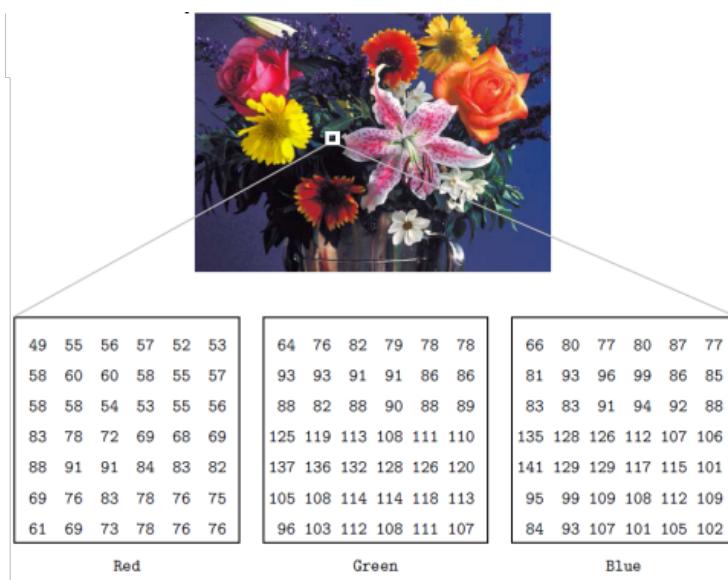


```

82 82 83 84 85 86 87 89 79 71 72 72 73 73 73 73 72 72 71 70 69 87 66 66 66 65 63 82 81 80
81 82 83 84 86 86 87 88 68 68 70 71 71 72 73 72 72 71 71 69 68 66 65 65 63 82 81 80
81 82 83 84 86 86 87 88 68 68 70 71 71 72 73 72 72 71 71 68 67 66 66 65 64 63 82 81 80
81 82 83 84 86 86 87 88 68 68 70 71 71 72 73 72 72 71 71 67 66 65 65 64 63 82 81 80
81 82 83 84 85 86 87 88 68 68 69 69 70 71 71 72 73 72 72 71 71 66 65 64 63 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 65 64 63 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 64 63 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 63 62 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 62 61 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 61 60 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 60 59 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 59 58 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 58 57 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 57 56 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 56 55 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 55 54 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 54 53 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 53 52 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 52 51 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 51 50 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 50 49 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 49 48 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 48 47 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 47 46 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 46 45 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 45 44 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 44 43 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 43 42 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 42 41 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 41 40 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 40 39 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 39 38 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 38 37 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 37 36 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 36 35 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 35 34 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 34 33 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 33 32 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 32 31 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 31 30 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 30 29 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 29 28 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 28 27 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 27 26 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 26 25 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 25 24 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 24 23 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 23 22 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 22 21 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 21 20 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 20 19 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 19 18 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 18 17 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 17 16 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 16 15 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 15 14 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 14 13 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 13 12 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 12 11 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 11 10 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 10 11 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 9 10 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 8 9 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 7 8 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 6 7 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 5 6 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 4 5 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 3 4 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 2 3 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 1 2 82 80 80
83 84 85 86 86 87 88 68 68 69 69 70 71 72 73 72 72 71 71 0 1 82 80 80

```

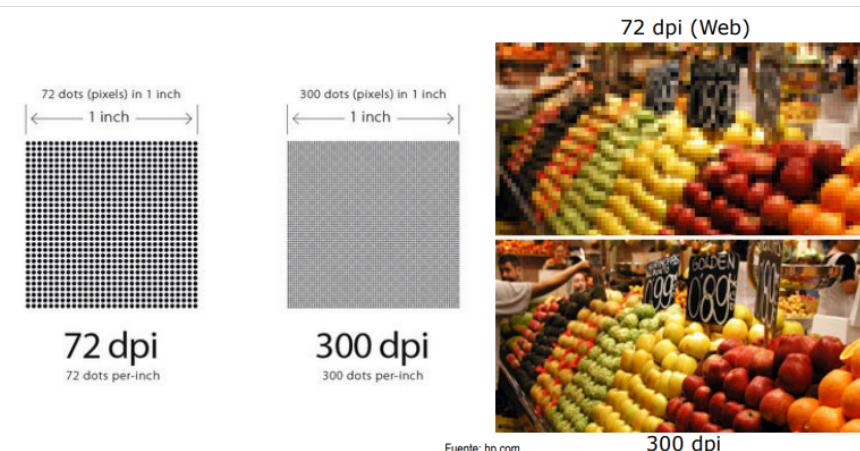
- **Imagen True Color a Color:** Utiliza tres canales independientes (generalmente Rojo, Verde y Azul - RGB). Cada canal tiene una profundidad de 8 bits, resultando en un total de 24 bits por píxel ($8 + 8 + 8$). Esto permite representar $2^{24} = 16.777.216$ colores distintos. Este tipo de imagen no es una matriz bidimensional simple, sino una estructura tridimensional de tamaño $M \times N \times 3$, a menudo conceptualizada como "un cubo de información" donde cada "capa" corresponde a un canal de color.



II.3.3. Resolución vs definición

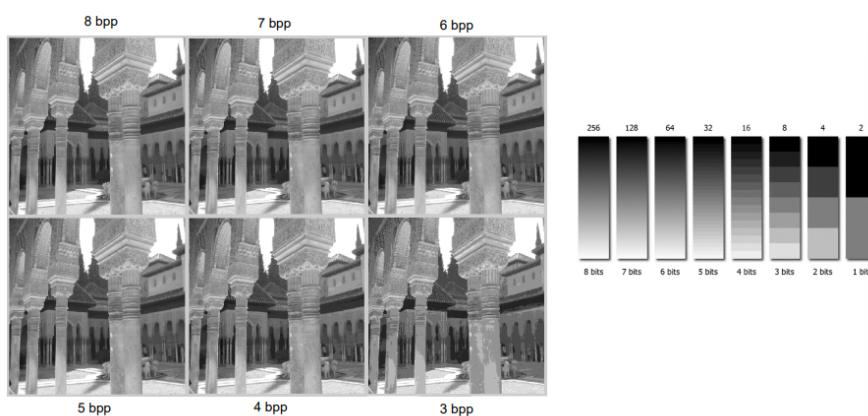
La **resolución de la imagen (Pixel Dimensions)** se refiere al número absoluto de píxeles que componen la imagen en sus dimensiones de ancho y alto (e.g., 1920×1080 px). Es un atributo intrínseco del archivo digital y determina la cantidad de detalle espacial que la imagen contiene. El usuario puede seleccionarla durante la captura o el post-procesado (remuestreo).

La **Definición o Densidad de Píxeles (PPI - Pixels Per Inch / DPI - Dots Per Inch)** es una medida de densidad que relaciona la resolución en píxeles con un tamaño físico real. Indica cuántos píxeles (PPI para pantallas) o puntos de tinta (DPI para impresión) hay en una pulgada lineal. Este valor define cómo de grandes o pequeños se verán los píxeles al reproducir la imagen en un dispositivo de salida (monitor, impresora). Está intrínsecamente ligado a la calidad del proceso de captura (óptica, sensor) y a las técnicas de procesamiento (interpolación, submuestreo) utilizadas.



II.3.4. Profundidad

La profundidad de color se mide en bits por píxel (bpp) y determina cuánta información puede almacenar cada píxel, es decir, cuántos colores o tonos de gris diferentes puede representar una imagen.



Aprovechando la menor sensibilidad del sistema visual humano a la información de color (crominancia) en comparación con la información de luminancia, se han desarrollado formatos que permiten comprimir imágenes reduciendo selectivamente los datos de color. Una alternativa al almacenamiento True Color (24 bpp) son las **imágenes indexadas**. En lugar de almacenar los tres valores RGB para cada píxel, se utiliza una paleta de colores o tabla de búsqueda (Color Look-Up Table - CLUT o Color Map). Esta paleta es un array de hasta 256 entradas (para 8 bpp) donde cada entrada contiene un color RGB de 24 bits. La imagen en sí misma no almacena colores, sino índices (valores de 0 a 255) que apuntan a una posición en la paleta. Esto reduce drásticamente el tamaño del archivo. Se almacena una matriz de $M \times N$ de 8 bits (los índices) y una pequeña tabla auxiliar de 256×3 bytes (la paleta), en lugar de tres matrices de $M \times N$ de 8 bits. No obstante, limita la imagen a un máximo de 256 colores simultáneos ($2^{n\text{bits}}$), lo que puede producir posterización (*banding*) en imágenes con degradados suaves o muchas variaciones de color. Es ideal para gráficos con áreas planas de color.

II.3.5. Formatos

Hay muchos formatos de imagen:

- Sin compresión: BMP, RAW, PPM
- Compresión sin pérdidas: PNG, GIF, TIFF
- Compresión con pérdidas: JPEG, TIFF

Capítulo III

Procesado imágenes digitales

III.1. Introducción

El preprocesado y la mejora de imágenes tienen como objetivo:

- Realzar o mejorar el contraste.
- Recortar (*cropping*) o seleccionar regiones de interés.
- Registrar: ajustar la geometría de una imagen para alinearla con otra.
- Reducir o eliminar ruido y artefactos.
- Corregir el desenfoque (*deblurring*) o reconstruir áreas faltantes (*inpainting*).

Un operador puntual se define de la siguiente manera: Dada una imagen de entrada, el operador calcula cada píxel de la imagen de salida únicamente en función del valor del píxel en la misma posición (x, y) de la imagen de entrada, mediante una función matemática.

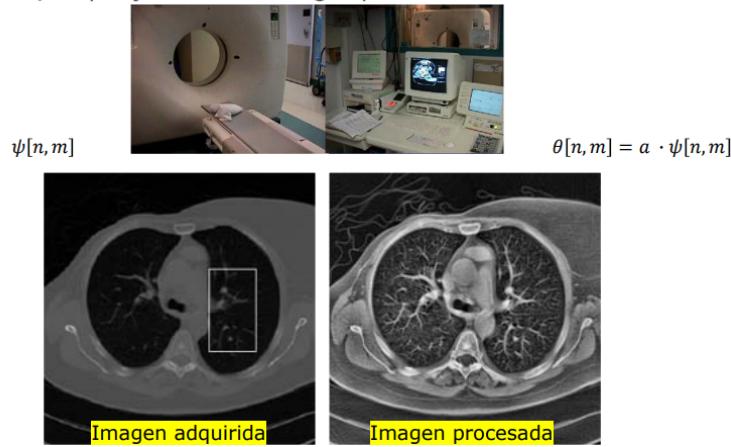
Un operador local, en cambio, calcula cada píxel de salida en función del píxel en la misma posición y de los píxeles de su vecindario en la imagen de entrada. La dependencia del vecindario está implícita en la función del operador.

III.2. Operadores puntuales

III.2.1. Introducción

Una transformación píxel a píxel donde el vecindario considerado es de 1×1 , es decir, el propio píxel. Esto implica que las coordenadas espaciales del píxel son irrelevantes para la transformación. Se define como una transformación de los valores de intensidad de entrada, r_k , a valores de salida, s_k . Así, es un operador que modifica el nivel de gris de cada píxel individualmente. Estos operadores alteran la amplitud de los píxeles de acuerdo con una operación específica, lo que puede expandir la escala de grises para mejorar la visualización de detalles.

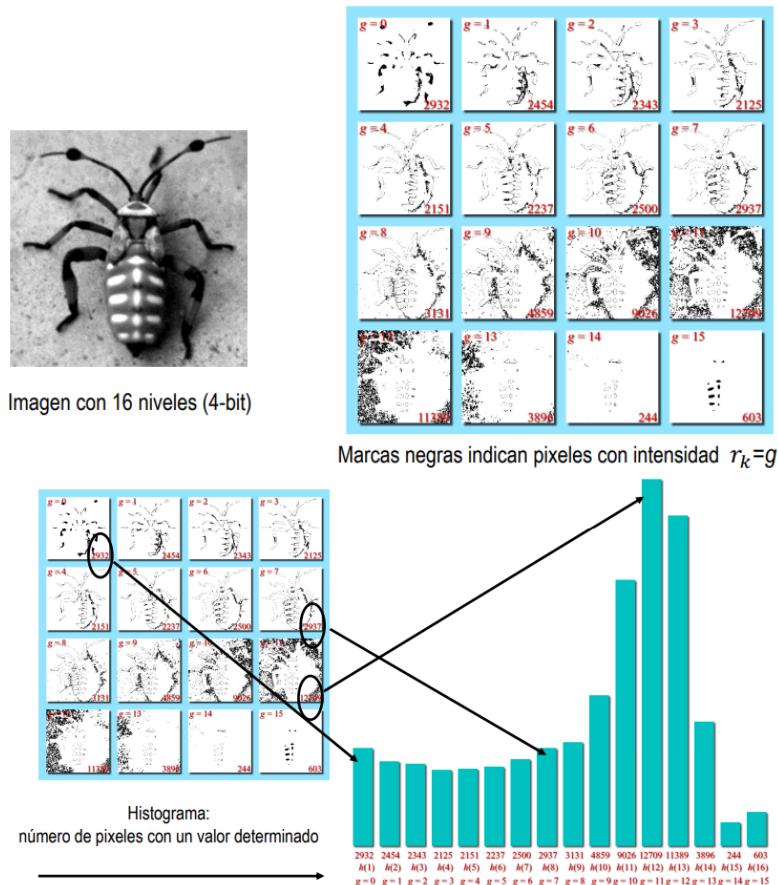
Ejemplo (mejora de la imagen)



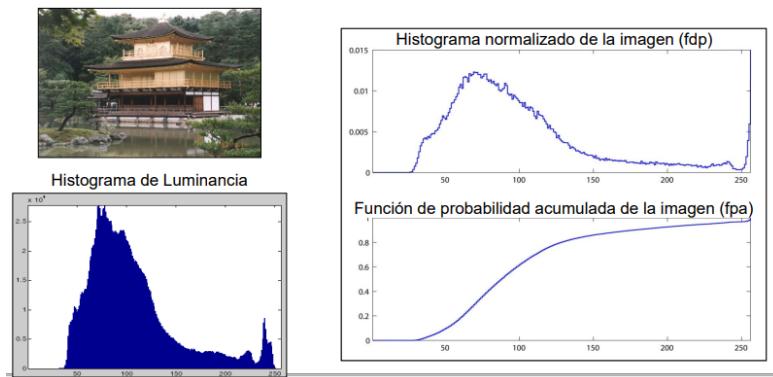
III.2.2. Modelado de histograma

El histograma de una imagen $\psi[n, m]$: $h(r_k)$ denotado como $h(r_k)$, es una representación gráfica de la frecuencia de los niveles de gris. $h(r_k)$ indica el número de píxeles que tienen el valor r_k .

Mientras la imagen original es bidimensional (coordenadas n, m), el histograma es unidimensional, ya que solo representa la distribución de frecuencias de los niveles de gris, sin información espacial.



El histograma normalizado, obtenido al dividir cada valor del histograma por el número total de píxeles (ancho x alto de la imagen), estima la **función de densidad de probabilidad (FDP)** de los niveles de gris. La suma de todos sus valores es 1. Al acumular estos valores, se obtiene la **función de distribución acumulativa (FDA)** de la imagen, que siempre culmina en 1.

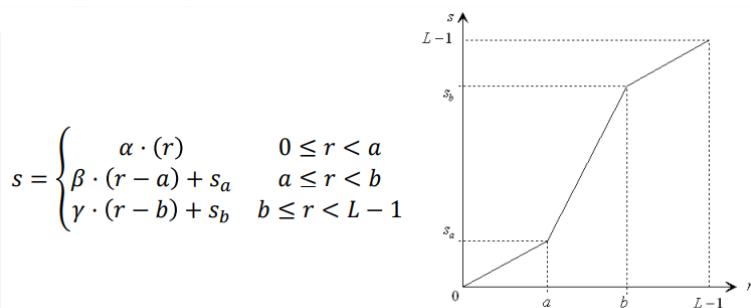


Una limitación importante del histograma es que **no contiene información espacial** sobre la disposición de los píxeles en la imagen.

III.2.2.1. Ajuste de contraste

El objetivo es realizar imágenes con bajo contraste, causado por condiciones de baja iluminación, un rango dinámico limitado del sensor o errores en la configuración de la cámara (como la apertura del diafragma). La solución consiste en expandir o comprimir el rango dinámico de las intensidades según sea necesario.

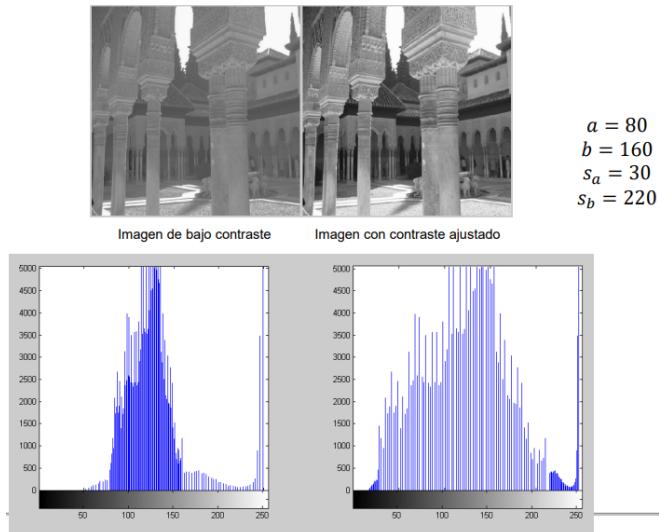
Para expandir el contraste, se asigna un rango más amplio de valores de salida a un rango estrecho de valores de entrada en el histograma. Para reducir el contraste, se hace lo contrario. El objetivo es aprovechar todo el rango disponible de niveles de gris.



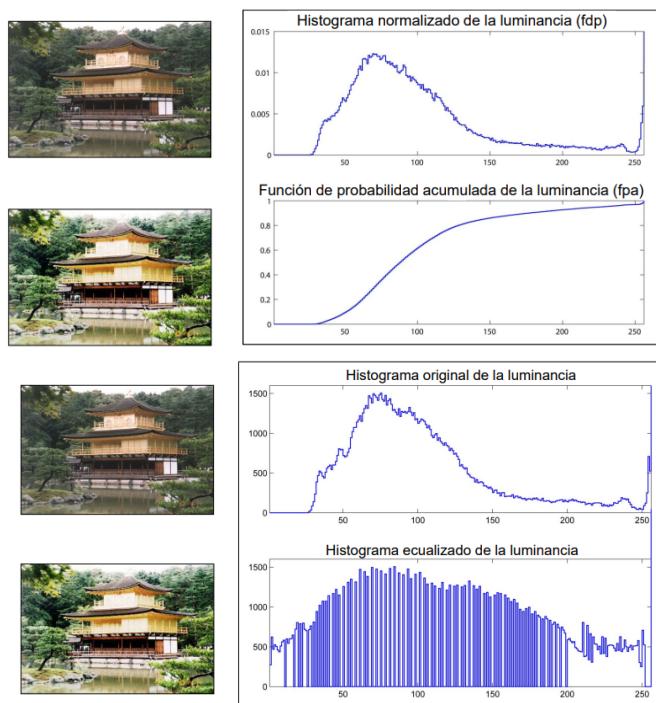
En el ejemplo, un valor de entrada de 80 se transforma en 30, y un valor de 160 en 220. Esto expande el rango central de intensidades y comprime los extremos, logrando una mejor distribución del contraste.

III.2.2.2. Igualación o ecualización (*equalization*)

La ecualización busca que la imagen resultante tenga un histograma lo más uniforme posible, es decir, que todos los niveles de gris tengan una frecuencia similar. Para ello,



se utiliza la función de distribución acumulativa (FDA) del histograma normalizado como función de transformación. El efecto es una mejora continua y automática del contraste, a diferencia del ajuste por tramos.



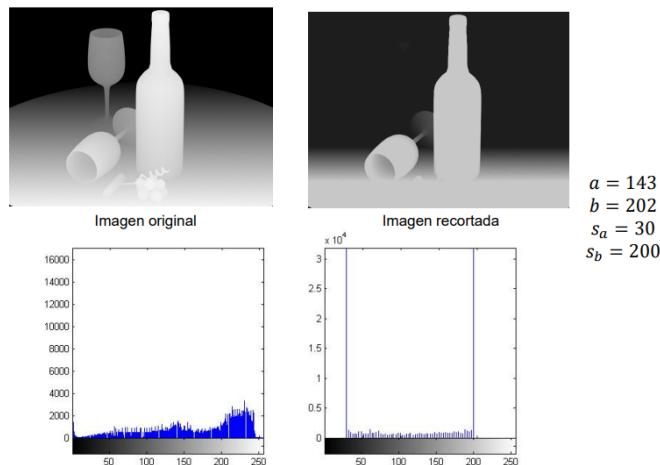
La nueva intensidad de un píxel se calcula aplicando su FDA al rango máximo de grises (ej., 255). Por ejemplo, si la FDA de un nivel de gris es 0.6, su nuevo valor será $0.6 \cdot 255 \approx 153$.

III.2.3. Modificación de niveles

Estas técnicas permiten seleccionar información específica o crear efectos especiales modificando el histograma indirectamente. Los tipos principales son:

- **Recorte (*clipping*):**

Similar al ajuste de contraste, pero "recorta" los valores por encima y por debajo de unos umbrales, asignándoles el valor máximo o mínimo. Las pendientes fuera del rango de interés se vuelven cero. Es útil para aislar regiones de interés o eliminar ruido cuando se conoce el rango válido de intensidades.



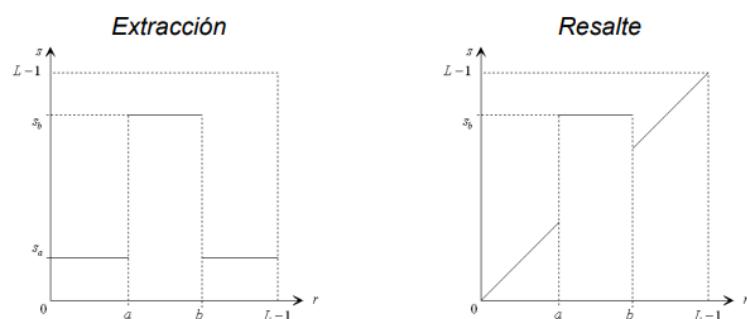
Se utiliza, por ejemplo, en sistemas de ayuda a la conducción para ignorar obstáculos lejanos, o en robótica para limitar la percepción a distancias relevantes.

- **Negativo o Inversión del eje de intensidades:**

Invierte los valores de intensidad (el blanco se vuelve negro y viceversa). Es útil en el análisis de imágenes médicas, como radiografías, para cambiar la perspectiva visual. El histograma resultante es la imagen especular del original.

- **Seccionado de niveles (*slicing*):**

Busca aislar una banda específica de niveles de gris, ya sea para extraerla o para resaltarla sobre el fondo.



III.3. Operadores locales

Los operadores locales efectúan una transformación en el dominio espacial, conocida como *filtrado espacial*.

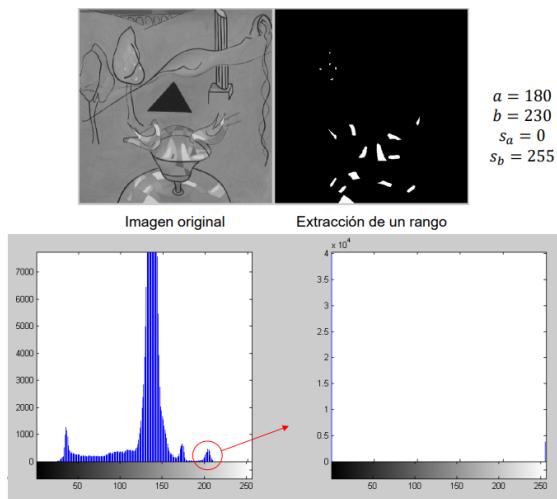


Figura III.1: Ejemplo de extracción. Los píxeles dentro del rango seleccionado se muestran en blanco; el resto en negro.

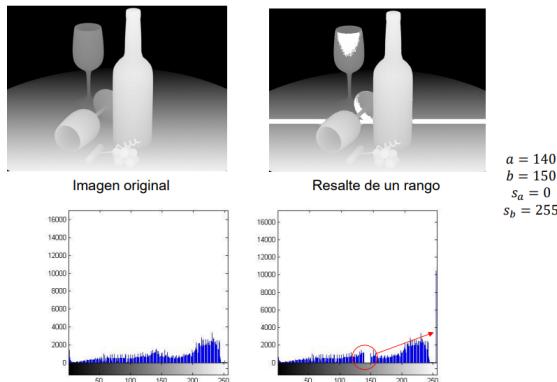


Figura III.2: Ejemplo de resalte. Una banda específica (ej., 140-150) se resalta en blanco. Puede usarse en sistemas de asistencia al conductor para marcar los límites de la distancia de seguridad.

III.3.1. Filtrado espacial

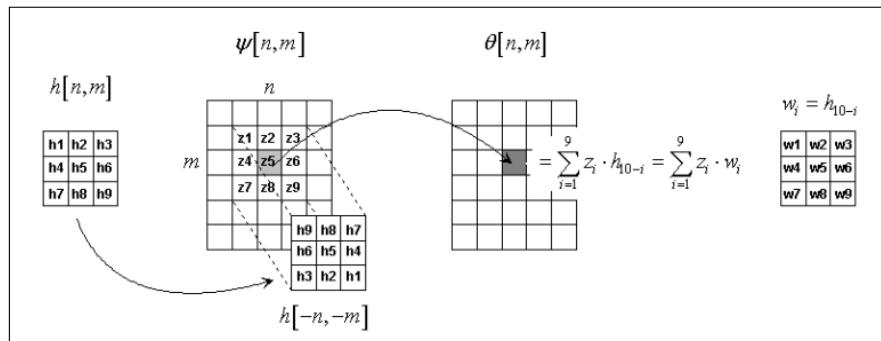
La operación de convolución se expresa como:

$$\theta[n, m] = \psi[n, m] * h[n, m] = \sum_{k=-1}^a \sum_{l=-b}^b \psi[k, l] \cdot h[n - k, m - l]$$

Para calcular $\theta[n, m]$, se centra la máscara invertida $h[-n, -m]$ sobre el píxel $\psi[n, m]$ y se calcula la suma de los productos de los píxeles de la vecindad por los coeficientes correspondientes de la máscara.

La convolución de una imagen con un impulso (delta) desplaza la imagen. Por ejemplo, una máscara con un único '1' en una esquina desplazará la imagen. Si la máscara contiene varios impulsos, el resultado es una superposición de imágenes desplazadas y promediadas, lo que genera un efecto de borronamiento.

Si en lugar de guardar solo 1 píxel de la matriz guardamos tres impulsos, se produce un desplazamiento y superposición. Se deben dividir entre 3 por normalización, y se



guardan el píxel central, el píxel arriba a la izquierda y el píxel abajo a la derecha. Como se promedia, el resultado es una imagen movida emborronada.

Ahora guardamos 5 valores, las 4 esquinas y el valor central. La imagen resultante sigue estando movida. Esto se debe a que usualmente el vecindario no es tan grande. Si en lugar de utilizar un vecindario 16x16 se utiliza un vecindario 3x3, la convolución se convierte en un filtro de emborronado o suavizado que a simple vista no se aprecia, pero con zoom sí se aprecia que los bordes son más suaves al estar promediados.

En la práctica, se utilizan máscaras pequeñas (ej., 3x3). La convolución con una máscara de promediado produce un suavizado o desenfoque, haciendo los bordes menos nítidos.

Un desafío al aplicar convoluciones es el tratamiento de los bordes, donde la máscara se extiende más allá de la imagen. Las estrategias comunes para manejar esto son:

- **Relleno de ceros (Zero padding):** Los píxeles fuera de la imagen se consideran 0.
- **Réplica de píxeles (Replication):** Se replican los valores de los píxeles del borde. Esta opción suele preferirse en imágenes médicas.
- **Convolución circular:** La imagen se trata como periódica, tomando píxeles del lado opuesto.

III.3.2. Suavizado: lineal y no lineal

Los filtros de suavizado se utilizan para reducir ruido o difuminar detalles. En los filtros lineales, los coeficientes de la máscara son positivos y suman 1 para mantener el nivel de brillo promedio.

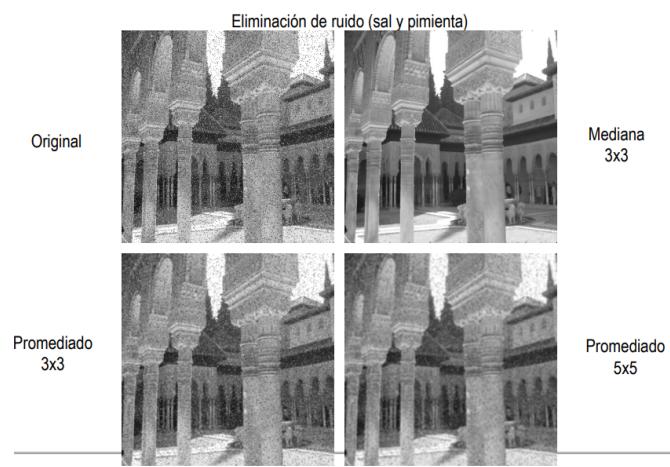
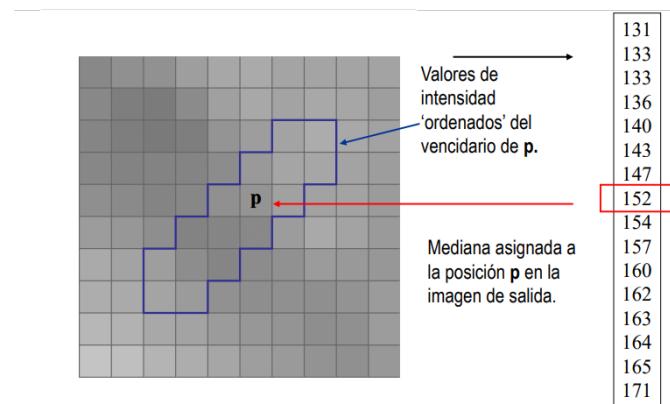
Los diseños comunes incluyen:

- **Filtro de media (averaging):** Todos los coeficientes de la máscara son iguales.
- **Filtro de media ponderada (weighted average):** Los coeficientes son mayores en el centro, dando más peso al píxel central y a sus vecinos más cercanos. Un caso particular es el filtro binomial, que es separable y produce un suavizado más gradual.

La máscara de filtrado promediado ponderada es un caso particular de filtro binomial, familia de filtros separables resultante de la aplicación sucesiva y en ambas dimensiones de la máscara. El promediado da un resultado más borroso que el binomial.

El filtrado no lineal no se basa en una suma ponderada. Preserva mejor los bordes y es efectivo contra ruido impulsivo (como ruido sal y pimienta). Un caso paradigmático es el filtro de mediana, que reemplaza el valor del píxel central por la mediana de los valores en su vecindario. Otros filtros de estadísticas de orden son el de mínimo y el de máximo.

Filtro de mediana: en lugar de mezclar por igual, se aplica la función de la mediana. Se define un píxel central y un vecindario, y al vecindario se aplica la mediana. Eso mismo se puede hacer con el valor mínimo (filtro de mínimo), máximo (filtro de máximo) y filtro de posición. El filtro de mediana funciona muy bien para el ruido de sal-pimienta (puntos blancos y negros aleatorios).



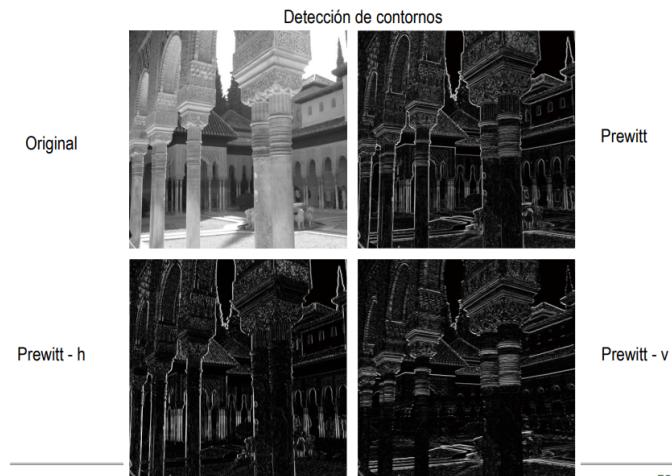
III.3.3. Realce: lineal

Los filtros de realce resaltan detalles finos y bordes. Mientras el suavizado se asocia con la integración (promediado), el realce se relaciona con la derivación, que responde fuertemente a las discontinuidades (bordes) y al ruido.

En imágenes discretas, las derivadas se aproximan mediante diferencias. La primera derivada se implementa típicamente calculando la magnitud del gradiente. Los

operadores más comunes para esto en máscaras 3x3 son los operadores de Prewitt, Sobel y Roberts.

El **operador de Prewitt** es un filtro de derivada parcial utilizado para calcular una aproximación del gradiente de la imagen en cada punto, lo que permite resaltar los bordes. Se compone de dos máscaras o kernels 3x3: una para calcular la derivada en la dirección horizontal (G_x) y otra para la dirección vertical (G_y).



Capítulo IV

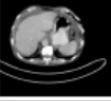
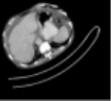
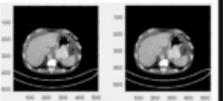
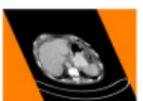
Registro de imágenes

El registro de imágenes hace referencia a alinear en un mismo sistema de coordenadas unas imágenes. Esto tiene varias aplicaciones. Si en un mismo sujeto adquieres varios tipos de imagen en distintos puntos temporales, se puede alinear para ver la evolución temporal de esa zona. También se puede hacer entre sujetos para automatizar un estudio. Además, cada tipo de imagen médica (TAC, PET) puede proporcionar una información distinta, por lo que al alinearlos se puede tener una visión más completa. Por todo esto, el proceso de alinear imágenes es diferente en función de lo que se quiera conseguir. Así, los tipos de abordajes de registro dependen de lo que se busque. En general, se busca minimizar la diferencia entre la imagen de entrada y la salida, o maximizando la similitud.

IV.1. Tipos de registro

Hay distintos tipos de registro:

- **Registro rígido:** El registro rígido solo permite rotar, manteniendo distancias y ángulos, y mover en el plano.
- **Registro de similaridad:** Se añade un multiplicador de escala. Puede rotar, mover y ampliar. Esta transformación escala todas las direcciones en la misma medida, conserva los ángulos y las proporciones relativas, e incluye rotación y traslación.
- **Transformación afín:** Además de todo lo anterior, permite el shearing, que es la alteración de la imagen al modificar un solo eje. Mientras que el escalado mantiene la forma, el shearing no. No es uniforme, ya que puede tener distintas escalas en cada eje.
- **Registro deformable:** Permite deformaciones locales que puede ser distinto para cada píxel.
- **Registro longitudinal:** Alinea múltiples imágenes del mismo sujeto a lo largo del tiempo, y puede seguir un registro rígido o deformable dependiendo de si se deben detectar cambios sutiles sin introducir deformaciones artificiales.

Identity $T_g = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ 	Scaling $T_g = \begin{bmatrix} \alpha_x & 0 & 0 \\ 0 & \alpha_y & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ 	Rotation $T_g = \begin{bmatrix} \cos \theta & -\sin \theta & 0 \\ \sin \theta & \cos \theta & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ 
Translation $T_g = \begin{bmatrix} 1 & 0 & \delta_x \\ 0 & 1 & \delta_y \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ 	y - shearing $T_g = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \zeta_y & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ 	x - shearing $T_g = \begin{bmatrix} 1 & \zeta_x & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ 

- **Registro multimodal:** Alinea imágenes obtenidas mediante diferentes técnicas de imagen, como la resonancia magnética (estructural) y la tomografía por emisión de positrones (funcional). Las diferentes modalidades pueden tener contrastes distintos; entre las métricas de similitud comunes se incluyen la información mutua y la correlación cruzada. El registro multimodal preciso es fundamental para fusionar la información anatómica y molecular (por ejemplo, planificación quirúrgica, localización de tumores).

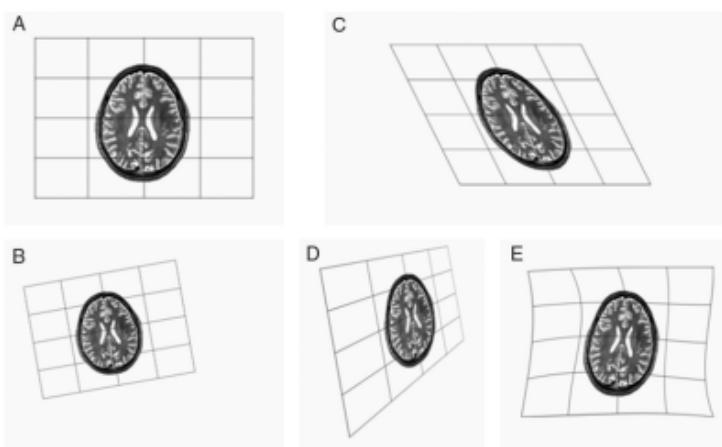


Figura IV.1: Un registro de imágenes médicas utilizando diferentes matrices de transformación. A) Una imagen original. B) Transformación de rotación y traslación. C) Transformación de rotación, traslación y cizallamiento. D) Transformación proyectiva. E) Transformación deformable.

IV.2. Avances clave en IA en registro de imágenes

La IA está mejorando significativamente el registro y el co-registro de imágenes médicas al hacer que el proceso sea más rápido, más preciso y más robusto en entornos clínicos y de investigación.

Los modelos de aprendizaje profundo, como las redes neuronales convolucionales (CNN) y los modelos basados en transformadores, han revolucionado el registro de imágenes al aprender directamente cómo alinear imágenes a partir de ejemplos, saltándose el complejo diseño manual de características y la optimización iterativa.

Las arquitecturas CNN, como U-Net, predicen campos de deformación densos que describen los desplazamientos espaciales píxel a píxel necesarios para alinear las imágenes de forma rápida y precisa.

Los modelos basados en transformadores aportan la capacidad de aprender relaciones globales y dependencias contextuales en toda la imagen, lo que mejora la precisión del registro, especialmente en el caso de variaciones anatómicas grandes o complejas.

Los modelos de IA pueden realizar registros rígidos (traslación, rotación) y deformables (deformación no lineal), lo que ayuda a alinear órganos o tejidos que pueden haber cambiado de forma entre exploraciones.

A diferencia de los métodos de registro clásicos que se basan en procesos iterativos y métricas elaboradas manualmente, los algoritmos de IA realizan predicciones en un solo paso, lo que acelera enormemente el proceso de alineación y lo hace escalable para los flujos de trabajo clínicos.

Los enfoques de registro de IA se generalizan mejor en imágenes multimodales (por ejemplo, de PET a MRI) utilizando funciones de similitud aprendidas, superando las limitaciones de las métricas tradicionales basadas en la intensidad que tienen dificultades con los diferentes contrastes de las imágenes.

Estos avances permiten aplicaciones como la monitorización de la progresión de enfermedades, la planificación de tratamientos y estudios de investigación que requieren una alineación espacial precisa de grandes conjuntos de datos de imágenes.

IV.3. Artículo

Evaluación de un procedimiento de registro conjunto de imágenes multimodales (TC, RM y PET) en fantomas y pacientes con cáncer de cabeza y cuello: precisión, reproducibilidad y consistencia

En el artículo busca mejorar la radioterapia en tumores. Se realiza una radiografía para ver el tumor y poder crear una terapia dirigida. Hay que tener en cuenta la intensidad de la radiación y la geometría del haz y dónde va a impactar en la anatomía del tumor. Para ello, se validan unas técnicas de corregistro entre distintas imágenes para delimitar lo mejor posible el volumen tumoral. Es un trabajo multi-técnica al utilizar PET (tomografía por emisión de positrones), TAC y resonancia magnética. Esto lo prueban en un phantom (tejido simulado para probar la técnica) y en pacientes.

El objetivo del estudio era validar un método interactivo de corregistro rígido basado en segmentación de superficies para fusionar imágenes de CT, MRI y PET. Como sujetos se utilizaron fantomas diseñados con estructuras que simulan el cuello y 4 pacientes con carcinoma de células escamosas faríngeo-laringeo.

Como referencia se utilizaba la tomografía computerizada (CT). Un observador ajustaba manualmente la traslación y rotación de una imagen sobre dicha referencia hasta lograr una superposición visual óptima. Los parámetros de transformación se guardaban.

El accuracy se definió como la diferencia entre la transformación aplicada por un observador y el valor promedio de todas las transformaciones realizadas por todos los observadores para la misma modalidad de imagen. Se expresó como 2 desviaciones estándar de la distribución de las traslaciones y rotaciones. También se usó el vector euclíadiano para combinar traslaciones en x, y, z y obtener un desplazamiento total en mm.

Se utilizó la reproducibilidad para medir cuán consistentes son los resultados cuando el mismo proceso lo realiza diferente gente o la misma persona en diferentes momentos. Se calculó la variación intra-observación (varianza de los resultados de coregistración de una misma persona 4 veces con días de separación) y variación inter-observador (4 observadores diferentes). Se comparó esta varianza con la Varianza Residual (la varianza total que no se puede explicar por el observador), para ver si el factor "observador" era significativo. Las variaciones intra e inter-observador fueron muy pequeñas (varianzas $< 0.25 \text{ mm}^2$) y muy inferiores a la varianza residual. Esto significa que el factor "observador" es insignificante y que cualquier clínico entrenado puede obtener resultados similares.

Finalmente, la consistencia medida si el método produce resultados coherentes cuando se aplica a diferentes tipos de imágenes del mismo sujeto. Para ello, se compararon los parámetros de coregistro obtenidos para las secuencias MRI T1 y MRI T2 de un mismo paciente. Como ambas se adquieren en el mismo equipo sin mover al paciente, deberían coregistrarse con los mismos parámetros. Cualquier diferencia indica una inconsistencia del método. No hubo diferencias significativas al coregistrar MRI T1 vs. T2, excepto en una dirección (y), lo que sugiere que el método es robusto frente a cambios en el contraste de la imagen.

IV.4. Imágenes, mapas y templates

En el procesamiento de imágenes biomédicas conviene establecer una clara diferenciación entre lo que constituye una **imagen** y lo que representa un **mapa**. Las imágenes corresponden a datos directos adquiridos por los equipos de imagenología, como tomografías computarizadas, resonancias magnéticas o estudios de tomografía por emisión de positrones. Estos datos pueden presentarse en forma cruda o reconstruida, conteniendo información anatómica o funcional directa del paciente.

Por otro lado, los mapas representan datos derivados obtenidos mediante procesamiento matemático avanzado. Se construyen a partir de múltiples imágenes y encapsulan parámetros fisiológicos o físicos cuantitativos, proporcionando una representación numérica de propiedades tisulares específicas que no son directamente observables en las imágenes originales.

IV.4.1. Imágenes de Difusión en Neuroimagen

Las imágenes de difusión por resonancia magnética se fundamentan en el movimiento browniano de las moléculas de agua en los tejidos biológicos. Desde la perspectiva física, esta técnica emplea gradientes de campo magnético específicamente diseñados para sensar el desplazamiento molecular. El movimiento de las moléculas de agua modula la señal de resonancia magnética de manera característica, permitiendo cuantificar las restricciones a la difusión mediante la atenuación de la señal observada.

En la práctica clínica, las imágenes de difusión han demostrado un valor incalculable para la detección de isquemia cerebral aguda. Durante un evento isquémico, se produce una restricción significativa de la difusión molecular que se manifiesta como una hiperintensidad característica en las imágenes ponderadas por difusión. Esta propiedad convierte a esta modalidad de imagen en una herramienta esencial para el diagnóstico temprano de accidentes cerebrovasculares, permitiendo intervenciones terapéuticas oportunas.

IV.4.2. Construcción de Mapas de Difusión

La transición desde imágenes de difusión hacia mapas paramétricos implica un proceso de reconstrucción matemática sofisticado. El mapa de Coeficiente de Difusión Aparente (ADC) se obtiene mediante un ajuste por mínimos cuadrados realizado voxel por voxel, aplicando el modelo exponencial $S(b) = S(0) \cdot \exp(-b \cdot ADC)$, donde $S(b)$ representa la intensidad de señal con el gradiente de difusión aplicado, $S(0)$ denota la intensidad de señal sin gradiente de difusión, b corresponde al factor de difusión expresado en s/mm^2 y ADC simboliz el coeficiente de difusión aparente en mm^2/s .

El flujo de procesamiento comienza con la adquisición de múltiples imágenes de difusión utilizando diferentes valores del factor b . Posteriormente, se ejecuta la reconstrucción paramétrica mediante ajuste exponencial para generar el mapa de ADC voxel por voxel. La fase final incluye la validación y control de calidad del mapa resultante, asegurando la confiabilidad de las mediciones cuantitativas obtenidas.

IV.4.3. Registro de imágenes y templates

En el contexto del análisis espacial estandarizado, los templates representan imágenes de referencia que definen espacios coordenados normalizados, como los sistemas MNI o Talairach. Estos templates poseen resoluciones espaciales predefinidas, típicamente de $1mm^3$ o $2mm^3$, y sirven como base fundamental para análisis multi-sujeto y comparaciones poblacionales.

El proceso de registro espacial implica la alineación geométrica de imágenes individuales con el template de referencia. Desde una perspectiva práctica, es la imagen individual la que normalmente se somete a re-muestreo para emparejar la resolución del template, estrategia conocida como *downsampling*. Esta aproximación se justifica por el hecho de que los algoritmos de registro funcionan de manera óptima cuando las imágenes involucradas presentan resoluciones espaciales similares. Cabe destacar que en situaciones excepcionales donde el template presenta mayor resolución que la imagen individual, podría aplicarse el proceso inverso de *upsampling*.