## Курсовые работы по теории вероятностей. 322 гр. (СМ и САПР), 2014 г.

- 1. (\*) Равномерная интегрируемость и сходимость в  $L^1$ .
- Ж. Неве, Математические основы теории вероятностей, М., Мир, 1969, гл. II, пар. II.5, задачи II.5.1 II.5.3. П.-А. Мейер, Вероятность и потенциалы, М., Мир, 1973, гл. II, пар. 2 до т.23.
- 2. (\*) Разные типы сходимости случайных величин.
- А. Н. Ширяев, Вероятность-1, М., МЦНМО, 2004, гл. 2 пар. 10. Задачи 1-4 стр. 334.
- 3. Определение распределения моментами.
- С. Уилкс, Математическая статистика, М., Наука, 1967, Гл. 5.5 задачи 5.12 и 5.13.
- 4. Битовое моделирование степенных плотностей.
- Д. Кнут, Э. Яо, Сложность моделирования неравномерных распределений, Кибернетический сборник, Новая серия, вып. 19, 1983 г., с.96–107. Разобраться в алгоритмах и обобщить их.
- 5. (\*) Центральная предельная теорема в схеме серий.
- А.А.Боровков, Теория вероятностей, 2-е изд., М., Наука, 1986, гл. 8 пар. 4. (+ решить задачу).
- 6. Испытания Бернулли на отрезке [0,1].
- М. Кац, Статистическая независимость в теории вероятностей, анализе и теории чисел, М., ИИЛ, 1963, гл. 1, задачи 1-5.
- 7. (\*) Первые понятия статистики.
- Ю.А.Розанов, Теория вероятностей, случайные процессы и математическая статистика, М., Наука, 1989; гл. III, пар.1, пп. 1, 3 5. Устранить недочеты в изложении.
- 8. Порядковые статистики.
- В.Б.Невзоров, Рекорды. Математическая теория, М., Фазис, 2000; Лекция. 2. Прочитать материал и решить задачи.
- 9. Условные вероятности и средние относительно разбиений.
- А. Н. Ширяев, Вероятность-1, М., МЦНМО, 2004., гл. І, пар. 8, задачи 1 6.
- 10. Времена ожидания и порядковые статистики
- В. Феллер, Введение в теорию вероятностей и ее приложения, т. 2, М., Мир, 1984, гл. 1, пар. 6. Формализовать рассуждения и решить задачу 17 пар. 13.
- 11. (\*) Законы больших чисел в анализе.
- В. Феллер, Введение в теорию вероятностей и ее приложения, т. 2, М., Мир, 1984, гл. 7, пар.1-4, зад. 1-6 пар.10 .
- 12. Многомерное нормальное распределение.
- С. Уилкс, Математическая статистика, М., Наука, 1967, Гл. 7.3, 7.4 задачи 7.4 и 7.7.
- А так же А. Н. Ширяев, Вероятность-1, М., МЦНМО, 2004, гл. 2 пар. 13 стр. 380–386.
- 13. Простейшие условные распределения.
- В. Феллер, Введение в теорию вероятностей и ее приложения, т. 2, М., Мир, 1984, гл. 5, пар. 9, задачи 18-20 пар. 12.
- 14. (\*) Моделирование гамма-распределения методом Беста.
- L. Devroye, Non-Uniform Random Variate Generation, 1986, стр. 401-411 (а также тот теоретический материал книги, на который опирается этот текст). Нужно разобраться в алгоритме, его обосновании и свойствах. Есть pdf-файл книги.

- 15. (\*) Тонкие методы моделирование показательного распределения .
- L. Devroye, Non-Uniform Random Variate Generation, 1986, стр. 392 401 ( а также тот теоретический материал книги, на который опирается этот текст). Нужно разобраться в алгоритмах, их обосновании и свойствах. Есть pdf-файл книги.
- 16. (\*) Один метод моделирования нормального распределения .
- L. Devroye, Non-Uniform Random Variate Generation, 1986, стр. 379 390 ( а также тот теоретический материал книги, на который опирается этот текст). Нужно разобраться в алгоритме, его обосновании и свойствах. Есть pdf-файл книги.
- 17. Урновые схемы Пойя.

В.Феллер, Введение в теорию вероятностей и ее приложения, т.1, М., Мир, 1964 (или любое другое издание), гл. 5 пар.2, задачи 18 –22 пар. 8.

- 18. Парадокс Бертрана.
- С. Секей, Парадоксы в теории вероятностей и математической статистике, М., Мир, 1990, пар. 11 стр. 50. Решить задачи, обозначеные в пункте г) на стр. 53.
- 19. (\*) Оценка вероятности успеха в испытаниях Бернулли.
- А. Н. Ширяев, Вероятность-1, М., МЦНМО, 2004, гл. 2 пар. 7. Задача 4 с. 100 (и 2 с. 42).
- 20. (\*) Уточнение предельной теоремы Муавра-Лапласа В.Феллер, Введение в теорию вероятностей и ее приложения, т.1, М., Мир, 1964, гл. 7 пар. 2, 3 и 5. Задачи 1,7,8,18.
- 21. (\*) Закон нуля и единицы.

Дж. Ламперти, Вероятность, М., Наука, 1973, гл. 2 пар. 10. Задачи 1 – 5.

- 22. (\*) Сколько в среднем корней у полинома?
- М. Кац, Вероятность и смежные вопросы в физике, М., Мир, 1965, гл. 1, пример 2. Разобраться в доказательстве и закрыть в нем «дырки».
- 23. (\*) Теорема Пуассона и ее уточнения. А.А. Боровков, Теория вероятностей. М., Наука, 1986 г., гл. 5, пар. 4; А.Н. Ширяев, Вероятность, М., Наука, 1989 г., гл. III, пар. 12. Требуется сравнить результаты и доказательства 2-х оценок скорости сходимости в предельной теореме Пуассона.