## 2020 Spring, HW-1

Due date: April 15th 11:59 p.m. through AjouBb

A. Show that the following formulas are tautologies. (4 Points)

① 
$$\neg (A \lor B) \Leftrightarrow \neg A \land \neg B$$

② 
$$(A \lor B) \land (\neg B \lor C) \Rightarrow (A \lor C)$$

(답)

(1)

Α	В	¬A	¬B	(A v B)	$\neg(A \lor B)$	(¬A ∧ ¬B)	$\neg(A \lor B) \Leftrightarrow (\neg A \land \neg B)$
t	t	f	f	t	f	f	t
t	f	f	t	t	f	f	t
f	t	t	f	t	f	f	t
f	f	t	t	f	t	t	t

(2)

Α	В	С	¬B	A∨B	¬B∨C	$(A \lor B) \land (\neg B \lor C)$	A∨C	$(A \lor B) \land (\neg B \lor C) \Rightarrow (A \lor C)$
t	t	t	f	t	t	t	t	t
t	t	f	f	t	f	f	t	t
t	f	t	t	t	t	t	t	t
f	t	t	f	t	t	t	t	t
t	f	f	t	t	t	t	t	t
f	t	f	f	t	f	f	f	t
f	f	t	t	f	t	f	t	t
f	f	f	t	f	t	f	f	t

B. Transform the following statement into conjunctive normal form. (2 Points)

$$A \land (A \Rightarrow B) \Rightarrow B$$

(답)

$$(A \land (\neg A \lor B)) \Rightarrow B \equiv \neg (A \land (\neg A \lor B)) \lor B \equiv \neg ((A \land \neg A) \lor (A \land B)) \lor B \equiv \neg (f \lor (A \land B)) \lor B \equiv (t \land \neg (A \land B)) \lor B \equiv \neg A \lor \neg B \lor B \equiv t$$

C. Consider the following knowledge base (KB).

$$\mathsf{KB} = \{\mathsf{A}, \mathsf{B}, \mathsf{C}, \mathsf{D}, \mathsf{E}, \mathsf{A} \land \mathsf{B} \land \mathsf{C} \Rightarrow \mathsf{F}, \mathsf{C} \land \mathsf{F} \land \mathsf{E} \Rightarrow \mathsf{H}\}$$

Show  $KB \models H$  by SLD resolution-refutation. (4 Points)

(답)

 $\mathsf{KB} \cup \neg \mathsf{H} = \{\mathsf{A}, \mathsf{B}, \mathsf{C}, \mathsf{D}, \mathsf{E}, \mathsf{A} \land \mathsf{B} \land \mathsf{C} \Rightarrow \mathsf{F}, \mathsf{C} \land \mathsf{F} \land \mathsf{E} \Rightarrow \mathsf{H}\}$ 

Transfer to CNF:

- 1) A, 2) B, 3) C, 4) D, 5) E,
- 6)  $A \wedge B \wedge C \Rightarrow F \equiv \neg A \vee \neg B \vee \neg C \vee F$
- 7)  $C \wedge F \wedge E \Rightarrow H \equiv \neg C \vee \neg F \vee \neg E \vee H$
- 8) ¬H

## Resolution:

- 9)  $\neg B \lor \neg C \lor F$  by (6, 1)
- 10)  $\neg C \lor F$  by (9, 2)
- 11) F by (10, 3)
- 12)  $\neg C \lor \neg E \lor H$  by (11, 7)
- 13)  $\neg E \lor H$  by (12, 3)
- 14) H by (13, 5)
- 15) {}