

P	Q	$P \vee Q$	$P \wedge Q$	$P \oplus Q$	$P \leftrightarrow Q$	$P \rightarrow Q$	$Q \rightarrow P$	$P \vee \neg Q$	$P \wedge \neg Q$	$\neg P \vee Q$	$\neg P \wedge Q$	$\neg P \vee \neg Q$	$\neg P \wedge \neg Q$
T	T	T	T	F	T	T	T	F	F	T	F	F	F
T	F	T	F	T	F	F	T	T	T	F	T	F	F
F	T	T	F	T	F	T	F	F	F	T	T	F	F
F	F	T	F	F	T	T	F	T	T	T	T	T	T

$P \vee \neg Q$	$P \wedge \neg Q$	$\neg P \vee Q$	$\neg P \wedge \neg Q$
F	F	F	F
T	T	T	F
F	F	T	T
T	F	F	F

4. P & r	PVQ	(PVQ)VR	Q-VR	PV(Q-VR)
F F F	F	F	F	F
F F T	F	T	T	T
F T F	T	T	T	T
F T T	T	T	T	T
T F F	T	T	F	T
T F T	T	T	T	T
T T F	T	T	T	T
T T T	T	T	T	T

Hw 3

2. a) T, b) F, c) F, d) T

12. a) T, b) T, c) F, d) T

14. e) F, f) T, g) F

14. a) T, b) T, c) T, d) F

$$\begin{aligned}
 & 22. (P \rightarrow Q) \wedge (P \rightarrow r) / P \rightarrow (Q \wedge r) \\
 & \Rightarrow (\neg P \vee Q) \wedge (\neg P \vee r) \Rightarrow \neg P \vee (Q \wedge r) \\
 & \Rightarrow \neg P \vee (Q \wedge r) \therefore Q.E.D.
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 & 26. \neg P \rightarrow (Q \rightarrow r) / Q \rightarrow (P \vee r) \\
 & \Rightarrow P \vee (Q \rightarrow r) \Rightarrow \neg Q \vee (P \vee r) \\
 & \Rightarrow P \vee (\neg Q \vee r) \\
 & \Rightarrow \neg Q \vee P \vee r \therefore Q.E.D.
 \end{aligned}$$

4.

a) $\exists x \exists y P(x, y)$

\Rightarrow 당신의 반에 컴퓨터 과학수업을 들은 학생이 있다.

b) $\exists x \forall y P(x, y)$

\Rightarrow 당신의 반에 모든 컴퓨터 과학수업을 들은 학생이 있다.

c) $\forall x \exists y P(x, y)$

\Rightarrow 당신의 반에 모든 학생들은 컴퓨터 과학수업을 들었다.

d) $\exists y \forall x P(x, y)$

\Rightarrow 당신의 반에 있는 모든 학생들이 수강한 컴퓨터 과학수업이 있다.

e) $\forall y \exists x P(x, y)$

\Rightarrow 모든 컴퓨터 과학수업은 당신의 반에 있는 몇몇 학생들이 들었다.

f) $\forall x \forall y P(x, y)$

\Rightarrow 당신의 반에 있는 모든 학생들은 모든 컴퓨터 과학수업을 들었다.

6.

a) Randy Goldberg는 CS252 수업에 등록되었다.

b) Math 696 수업에 등록된 학생 x 가 있다.

c) Carol Sitea가 등록된 수업 y 가 있다.

d) Math 222와 CS252 수업에 등록된 학생 x 가 있다.

e) 모든 수업에서 학생 x 와 학생 y 는 동일한 학생이 아니며, 만약 x 가 Z수업에 등록된다면 y 도 등록된다.

f) 모든 수업에서 학생 x 와 학생 y 는 동일한 학생이 아니며, x 가 Z수업에 등록되어 있고 y 가 Z수업에 등록되어 있는 경우에만 해당된다.

28.

- | | | | |
|----|---|----|---|
| a) | T | h) | F |
| b) | F | i) | F |
| c) | T | j) | T |
| d) | F | | |
| e) | T | | |
| f) | F | | |
| g) | T | | |

1. A) 만약 n = 짝수면, 그때 $n=2k$ 이다.

$$\text{그러므로 } n^2 = (2k)^2 = 4k^2 = 2(2k^2)$$

$$\therefore n^2 = 2j \text{ 즉, 짝수이다.}$$

B) $n = 2k+1$ 로 놓으면

$$n^2 = (2k+1)^2 = 4k^2 + 4k + 1 \\ = 2(2k^2 + 2k) + 1$$

$$n^2 = 2j+1 \text{ 즉, 홀수이다}$$

그러면 대수가 참이므로 원래 명제도 참이된다.

C) $\neg P \rightarrow G \wedge \neg G$

$$\neg \text{짝수}^2 \rightarrow \text{짝수} \\ \rightarrow \text{홀수}$$

$$n = 2k+1$$

$$n^2 = 4k^2 + 4k + 1$$

$$2j$$

$$2j+1$$

] 동시에 만족시킬 수 없으므로, F.

$$\text{따라서 } \neg \text{짝수}^2 \rightarrow F \text{ 인데}$$

오직 $\neg \text{짝수}^2 = F$ 일때만 성립이 되기 때문에원래 $\neg \text{짝수}^2$ 은 T이다.2. A) 결론을 반증하면 n 은 홀수

$$n = 2k+1$$

$$3n+2 = 3(2k+1)+2 = 6k+5$$

6k+5는 홀수 즉, 3n+2가 홀수이다.

따라서 대수인

$$\neg(n \text{은 짝수}) \rightarrow \neg(3n+2 \text{가 짝수})$$

가 성립이 되므로

$$(3n+2 \text{가 짝수}) \rightarrow (n \text{은 짝수})$$

도 참이다.

B) $P \rightarrow Q \Rightarrow (3n+2 \text{가 짝수}) \rightarrow (n \text{은 짝수})$

$$\neg P \rightarrow (G \wedge \neg G) \Rightarrow \neg(3n+2 \text{가 짝수}) \rightarrow (n \text{은 짝수} \wedge n \text{은 홀수})$$

하지만 짝수이면 홀수는 실수에 존재하지 않으므로

$$G \wedge \neg G = F \text{이다.}$$

따라서 $\neg P \rightarrow F$ 이 성립이 되는데,이때 $\neg P \rightarrow F$ 가 참이라면 $\neg P$ 가 F가 되어야 한다.

따라서 P는 T가 된다.

3. Case 1 $\min(a, \min(b, c)) = a$

a가 다른 수랑 같거나 작으면 최소가 된다.

$$a \leq \min(b, c)$$

 $\min(b, c)$ 각각의 수랑 같거나 작으면 a는 최소이다.

$$a \leq b, a \leq c$$

a와 b의 최소값은 a여야 한다. ($a \leq b$)

$$\min(a, b) = a$$

a와 c의 최소값은 a여야 한다. ($a \leq c$)

$$\min(\min(a, b), c) = \min(a, c) = a$$

$$\therefore \min(a, \min(b, c)) = \min(\min(a, b), c)$$

Case 2 $\min(a, \min(b, c)) = b$ $b \leq a, b \leq \min(b, c)$ 를 만족시켜야 b가 최소가 된다. $b \leq \min(b, c)$ 나중엔 $b \leq b, b \leq c$ 를 만족해야 b가 최소가 된다.a와 b의 최소값은 b가 되어야 한다. ($b \leq a$)

$$\min(a, b) = b$$

b와 c의 최소값은 b가 되어야 한다. ($b \leq c$)

$$\min(\min(a, b), c) = \min(b, c) = b$$

다음 페이지에 이어서

Case 3 $\min(a, \min(b, c)) = c$

$c \leq a$, $c \leq \min(b, c)$ 를 만족시켜야

가 최소가 된다.

$c \leq \min(b, c)$ 를 나눠 생각하면

$c \leq b$, $c \leq c$ 를 만족해야

c가 최소가 된다.

c가 $c \leq a$, $c \leq b$, c 이기 때문에

$\min(a, b)$ 의 값보다 작거나, 같다.

$$c \leq \min(a, b)$$

$\min(a, b)$ 와 c의 크기는 c가 되어야 한다.

$$(c \leq \min(a, b))$$

$$\min(\min(a, b), c) = c$$

$$\text{따라서 } \min(a, \min(b, c)) = \min(\min(a, b), c)$$

$$\min(a, \min(b, c)) = \min(\min(a, b), c) \text{의}$$

모든 경우에서 참이므로, 이 명제는 항상 참이다.