Homework05

```
# install.packages("glmnet")
# install.packages("janitor")
library(tidymodels)
## -- Attaching packages -----
                              ----- tidymodels 0.2.0 --
               0.7.12
## v broom
                        v recipes
                                      0.2.0
## v dials
               0.1.1 v rsample
                                       0.1.1
## v dplyr
              1.0.8
                       v tibble
                                      3.1.6
                     v tidyr
## v ggplot2
              3.3.6
                                      1.2.0
                       v tune
## v infer
               1.0.0
                                      0.2.0
                       v workflows
## v modeldata 0.1.1
                                      0.2.6
## v parsnip
               0.2.1
                        v workflowsets 0.2.1
## v purrr
               0.3.4
                        v yardstick 0.0.9
## -- Conflicts ----- tidymodels_conflicts() --
## x purrr::discard() masks scales::discard()
## x dplyr::filter() masks stats::filter()
## x dplyr::lag()
                masks stats::lag()
## x recipes::step() masks stats::step()
## * Search for functions across packages at https://www.tidymodels.org/find/
library(tidyverse)
## -- Attaching packages ------ tidyverse 1.3.1 --
## v readr
           1.4.0
                    v forcats 0.5.1
## v stringr 1.4.0
## -- Conflicts -----
                                     ------tidyverse_conflicts() --
## x readr::col_factor() masks scales::col_factor()
## x purrr::discard() masks scales::discard()
## x dplyr::filter()
                     masks stats::filter()
## x stringr::fixed() masks recipes::fixed()
                   masks stats::lag()
## x dplyr::lag()
                 masks yardstick::spec()
## x readr::spec()
library(rlang)
## Attaching package: 'rlang'
## The following objects are masked from 'package:purrr':
##
##
      %0%, as_function, flatten, flatten_chr, flatten_dbl, flatten_int,
      flatten_lgl, flatten_raw, invoke, splice
library(knitr)
library(discrim)
```

##

```
## Attaching package: 'discrim'
## The following object is masked from 'package:dials':
##
##
       smoothness
library(klaR)
## Loading required package: MASS
##
## Attaching package: 'MASS'
## The following object is masked from 'package:dplyr':
##
##
       select
library(glmnet)
## Loading required package: Matrix
## Attaching package: 'Matrix'
## The following objects are masked from 'package:tidyr':
       expand, pack, unpack
##
## Loaded glmnet 4.1-1
library("janitor")
## Attaching package: 'janitor'
## The following objects are masked from 'package:stats':
##
##
       chisq.test, fisher.test
tidymodels_prefer()
pokemon <- read_csv("data/Pokemon.csv")</pre>
##
## -- Column specification -----
## cols(
##
    `#` = col_double(),
##
    Name = col_character(),
##
    `Type 1` = col_character(),
##
     `Type 2` = col_character(),
##
    Total = col_double(),
##
    HP = col_double(),
##
    Attack = col_double(),
    Defense = col_double(),
##
##
     `Sp. Atk` = col_double(),
##
     `Sp. Def` = col_double(),
##
     Speed = col_double(),
    Generation = col_double(),
##
##
    Legendary = col_logical()
## )
```

head(pokemon)

```
## # A tibble: 6 x 13
                              `Type 2` Total
##
       `#` Name
                     `Type 1`
                                                  HP Attack Defense `Sp. Atk` `Sp. Def`
##
     <dbl> <chr>
                     <chr>
                              <chr>
                                        <dbl> <dbl>
                                                       <dbl>
                                                                <dbl>
                                                                           <dbl>
                                                                                      <dbl>
## 1
         1 Bulbas~ Grass
                              Poison
                                           318
                                                  45
                                                          49
                                                                   49
                                                                              65
                                                                                         65
## 2
         2 Ivysaur Grass
                              Poison
                                           405
                                                  60
                                                          62
                                                                   63
                                                                              80
                                                                                         80
## 3
                                                          82
                                                                   83
         3 Venusa~ Grass
                              Poison
                                           525
                                                  80
                                                                             100
                                                                                        100
## 4
         3 Venusa~ Grass
                              Poison
                                           625
                                                  80
                                                         100
                                                                  123
                                                                             122
                                                                                        120
## 5
         4 Charma~ Fire
                              <NA>
                                           309
                                                  39
                                                          52
                                                                   43
                                                                              60
                                                                                         50
## 6
         5 Charme~ Fire
                              <NA>
                                           405
                                                  58
                                                          64
                                                                   58
                                                                              80
                                                                                         65
## # ... with 3 more variables: Speed <dbl>, Generation <dbl>, Legendary <lgl>
```

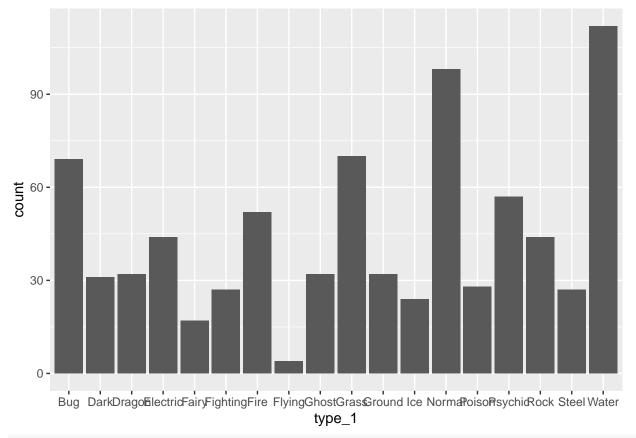
Exercise 1

```
pokemon <- pokemon %>%
  clean_names()
head(pokemon)
```

```
## # A tibble: 6 x 13
##
     number name
                         type_1 type_2 total
                                                  hp attack defense sp_atk sp_def speed
##
      <dbl> <chr>
                                        <dbl> <dbl>
                                                       <dbl>
                                                                <dbl>
                                                                        <dbl>
                                                                               <dbl> <dbl>
                         <chr>
                                 <chr>
## 1
           1 Bulbasaur
                         Grass
                                 Poison
                                           318
                                                   45
                                                          49
                                                                   49
                                                                           65
                                                                                   65
                                                                                         45
           2 Ivysaur
                         Grass
                                 Poison
                                           405
                                                   60
                                                          62
                                                                   63
                                                                           80
                                                                                   80
                                                                                         60
                                                          82
                                                                          100
                                                                                  100
                                                                                         80
## 3
           3 Venusaur
                         Grass
                                 Poison
                                           525
                                                   80
                                                                   83
                                                         100
                                                                  123
                                                                                         80
## 4
           3 VenusaurM~ Grass
                                 Poison
                                           625
                                                   80
                                                                          122
                                                                                  120
## 5
           4 Charmander Fire
                                 <NA>
                                           309
                                                   39
                                                          52
                                                                           60
                                                                                   50
                                                                                         65
                                                                   43
           5 Charmeleon Fire
                                 <NA>
                                           405
                                                   58
                                                          64
                                                                   58
                                                                           80
                                                                                   65
                                                                                         80
## # ... with 2 more variables: generation <dbl>, legendary <lgl>
```

- 1. What happened to the data? Column names are cleaned. For example, column name has changed from "#" to "number" and all the uppercase letters became lowercase letters. Also, it removes unnecessary spaces and replaces "." to "__".
- 2. why is clean_names() useful? It cleans dirty data and make it easier to process data.

```
pokemon %>%
  ggplot(aes(x = type_1)) +
  geom_bar()
```



table(pokemon\$type_1)

```
##
##
                 Dark
                        Dragon Electric
                                             Fairy Fighting
                                                                          Flying
        Bug
                                                                  Fire
##
         69
                   31
                             32
                                       44
                                                 17
                                                           27
                                                                    52
                                                                               4
##
      Ghost
                         Ground
                                      Ice
                                                      Poison
                                                              Psychic
                                                                            Rock
                Grass
                                            Normal
##
         32
                   70
                             32
                                       24
                                                 98
                                                           28
                                                                    57
                                                                              44
##
      Steel
                Water
##
         27
                  112
```

unique(pokemon\$type_1)

```
[1] "Grass"
                   "Fire"
                               "Water"
                                          "Bug"
                                                     "Normal"
                                                                 "Poison"
                                          "Fighting" "Psychic"
  [7] "Electric" "Ground"
                               "Fairy"
                                                                 "Rock"
## [13] "Ghost"
                   "Ice"
                                          "Dark"
                                                     "Steel"
                                                                 "Flying"
                               "Dragon"
```

```
# filtered_pokemon <- filter(pokemon, type_1 == "Bug" | type_1 == "Fire" | type_1 == "Grass" | type_1 =

df <- pokemon %>%
    filter(type_1 %in% c("Bug", "Fire", "Grass", "Normal", "Water", "Psychic"))
df
```

```
## # A tibble: 458 x 13
##
     number name
                                             hp attack defense sp_atk sp_def speed
                      type_1 type_2 total
##
      <dbl> <chr>
                      <chr> <chr> <dbl> <dbl> <dbl>
                                                         <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <
          1 Bulbasaur Grass Poison
                                      318
                                                    49
                                                            49
                                                                  65
                                                                         65
                                                                               45
##
   1
                                             45
##
          2 Ivysaur
                      Grass Poison
                                      405
                                             60
                                                    62
                                                            63
                                                                  80
                                                                         80
                                                                               80
##
   3
          3 Venusaur Grass Poison
                                      525
                                             80
                                                    82
                                                            83
                                                                  100
                                                                         100
##
          3 Venusaur~ Grass Poison
                                      625
                                             80
                                                   100
                                                           123
                                                                  122
                                                                         120
```

```
##
            4 Charmand~ Fire
                                 <NA>
                                          309
                                                  39
                                                          52
                                                                   43
                                                                           60
                                                                                  50
                                                                                         65
                                                          64
##
            5 Charmele~ Fire
                                 <NA>
                                          405
                                                                   58
                                                                                  65
                                                                                         80
    6
                                                  58
                                                                          80
            6 Charizard Fire
##
   7
                                 Flying
                                          534
                                                  78
                                                          84
                                                                   78
                                                                         109
                                                                                  85
                                                                                        100
                                                                         130
##
   8
            6 Charizar~ Fire
                                                  78
                                                         130
                                                                                  85
                                                                                        100
                                 Dragon
                                          634
                                                                  111
##
            6 Charizar~ Fire
                                 Flying
                                          634
                                                  78
                                                         104
                                                                   78
                                                                         159
                                                                                 115
                                                                                        100
## 10
                                <NA>
                                          314
                                                  44
                                                          48
                                                                   65
                                                                                  64
                                                                                         43
            7 Squirtle Water
                                                                          50
## # ... with 448 more rows, and 2 more variables: generation <dbl>,
       legendary <lgl>
# Converting "type_1" and "legendary" to factors
df$type_1 <- factor(df$type_1)</pre>
df$legendary <- factor(df$legendary)</pre>
```

- 1. How many classes of outcome are there? There are 18 classes.
- 2. Are there any Pokemon types with very few Pokemon? Which ones? "Flying" has only 4.

```
set.seed(1014)
df_split <- initial_split(df, prop = 0.70,</pre>
                            strata = type_1)
df_train <- training(df_split)</pre>
df_test <- testing(df_split)</pre>
dim(df_train)
## [1] 318 13
dim(df_test)
## [1] 140 13
df_folds <- vfold_cv(df_train, v = 5, strata = type_1)</pre>
df_folds
## # 5-fold cross-validation using stratification
## # A tibble: 5 x 2
##
     splits
##
     t>
                       <chr>>
## 1 <split [252/66] > Fold1
## 2 <split [253/65] > Fold2
## 3 <split [253/65]> Fold3
## 4 <split [256/62]> Fold4
## 5 <split [258/60] > Fold5
```

- 1. Number of observations for training and test sets? 318 observations for train sets and 140 observations for test sets.
- 2. Why stratifying the folds be useful? If we do not split the data into different sets the model would be evaluated on the same data it has seen during training. We could avoid overfitting by stratifying sampling.

```
tune_engine <- multinom_reg(penalty = tune(), mixture = tune()) %>%
  set_mode("classification") %>%
  set_engine("glmnet")

pokemon_wf <- workflow() %>%
  add_model(tune_engine) %>%
  add_recipe(df_recipe)

penalty_grid <- grid_regular(penalty(range = c(-5,5)), mixture(range = c(0,1)), levels = 10)</pre>
```

1. How many total models will you be fitting when you fit these models to your folded data? 500 models

```
tune_res <- tune_grid(
  pokemon_wf,
  resamples = df_folds,
  grid = penalty_grid
)

## ! Fold1: preprocessor 1/1: The following variables are not factor vectors and wil...

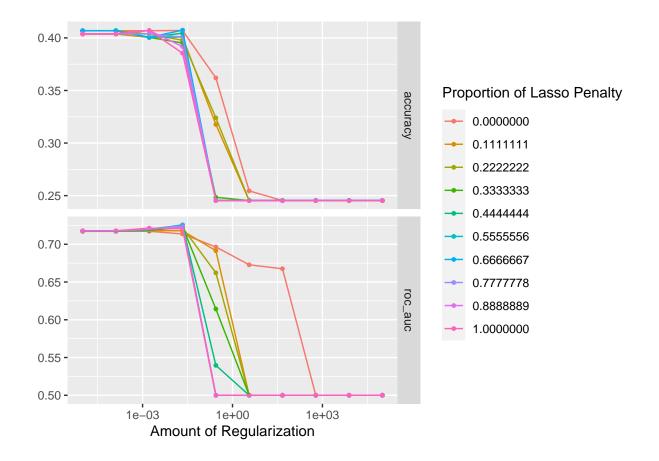
## ! Fold2: preprocessor 1/1: The following variables are not factor vectors and wil...

## ! Fold3: preprocessor 1/1: The following variables are not factor vectors and wil...

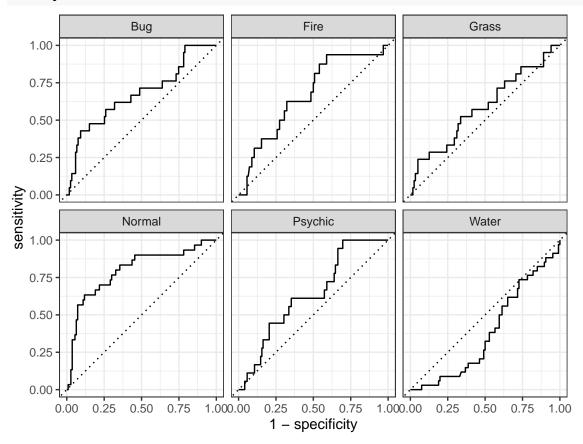
## ! Fold4: preprocessor 1/1: The following variables are not factor vectors and wil...

## ! Fold5: preprocessor 1/1: The following variables are not factor vectors and wil...

autoplot(tune_res)</pre>
```



```
best_penalty <- select_best(tune_res, metrix = "roc_auc")</pre>
## Warning: No value of `metric` was given; metric 'roc_auc' will be used.
final <- finalize_workflow(pokemon_wf, best_penalty)</pre>
final_fit <- fit(final, data = df_train)</pre>
## Warning: The following variables are not factor vectors and will be ignored:
## `generation`
predict(final_fit, new_data = df_test, type = "class")
## # A tibble: 140 x 1
      .pred_class
##
      <fct>
##
    1 Water
    2 Water
##
    3 Water
   4 Water
##
   5 Normal
   6 Normal
    7 Water
   8 Bug
    9 Water
```



```
data \leftarrow data.frame(sample(x = c(1, 0), prob = c(0.421, 0.579), size = 801, replace = TRUE))
##
       sample.x...c.1..0...prob...c.0.421..0.579...size...801..replace...TRUE.
## 1
                                                                                    0
## 2
                                                                                    1
## 3
                                                                                    0
## 4
                                                                                    0
## 5
                                                                                    0
## 6
                                                                                    0
## 7
                                                                                    0
## 8
                                                                                    0
## 9
                                                                                    1
## 10
                                                                                    0
## 11
## 12
                                                                                    0
## 13
                                                                                    0
## 14
                                                                                    0
## 15
                                                                                    1
## 16
                                                                                    0
## 17
                                                                                    0
## 18
                                                                                    1
## 19
                                                                                    1
## 20
                                                                                    1
## 21
                                                                                    0
## 22
                                                                                    0
## 23
                                                                                    0
## 24
                                                                                    1
## 25
                                                                                    0
## 26
                                                                                    0
## 27
                                                                                    0
## 28
## 29
                                                                                    0
## 30
                                                                                    1
## 31
                                                                                    0
## 32
                                                                                    0
## 33
                                                                                    0
## 34
                                                                                    1
## 35
                                                                                    1
## 36
                                                                                    1
## 37
                                                                                    0
## 38
                                                                                    1
## 39
                                                                                    0
## 40
                                                                                    1
## 41
                                                                                    1
## 42
                                                                                    1
## 43
                                                                                    1
## 44
                                                                                    0
## 45
                                                                                    0
## 46
                                                                                    1
## 47
                                                                                    0
## 48
                                                                                    0
```

##	49	0
##		0
##		0
##		0
##		
		1
##		0
##		1
##		1
##		0
##		0
##		0
##	60	0
##	61	1
##	62	1
##	63	0
##	64	0
##		1
##		0
##		0
##		0
##		0
##		0
##		0
##		0
##		
		1
##		0
##		0
##		0
##		1
##		0
##		0
##		0
##		0
##	82	0
##	83	1
##	84	0
##	85	0
##	86	0
	87	1
##		0
##		1
##		1
##		0
	92	1
	93	1
	94	1
##		0
##		1
	97	0
##		0
	99	1
	100	0
	101	1
##	102	0

	103
	104
	105
	106
	107
	108
	109
	110 111
	111
	113
	114
	115
	116
	117
	118
	119
	120
	121
	122
	123
	124
	125
##	126
##	127
	128
	129
	130
##	131
	132
	133
	134
	135
	136
	137
	138
##	139
	140
	141
	142
	143
	144
	145
	146
	147
	148
	149
	150
	151
	152
	153
	154 155
	156
π#	100

	157	1
	158	0
	159	0
	160	0
	161	0
	162	1
	163	0
	164	1
	165	1
	166	0
	167	1
	168	0
	169	0
	170	0
	171	0
	172	0
	173	0
	174	0
	175	0
	176	1
	177	0
	178	1
	179	0
	180	0
	181 182	0
	183	0
	184	
	185	0
	186	0
	187	0
	188	0
	189	0
	190	1
	191	1
	192	1
	193	1
	194	1
	195	0
##	196	0
##	197	1
##	198	0
##	199	0
##	200	0
##	201	0
	202	0
	203	0
	204	1
	205	0
	206	1
	207	0
	208	0
	209	0
##	210	1

## 211			
## 213 ## 214 ## 215	##	211	1
## 214 ## 215 ## 216 ## 217 ## 218 ## 219 ## 220 ## 220 ## 221 ## 223 ## 223 ## 223 ## 224 ## 225 ## 225 ## 226 ## 227 ## 228 ## 227 ## 228 ## 228 ## 230 ## 231 ## 233 ## 231 ## 233 ## 233 ## 233 ## 234 ## 233 ## 234 ## 235 ## 235 ## 236 ## 237 ## 238 ## 239 ## 239 ## 230 ## 231 ## 232 ## 233 ## 244 ## 242 ## 242 ## 242 ## 244 ## 242 ## 244 ## 245 ## 242 ## 244 ## 245 ## 245 ## 246 ## 247 ## 248 ## 249 ## 241 ## 242 ## 248 ## 249 ## 241 ## 242 ## 248 ## 249 ## 241 ## 242 ## 248 ## 249 ## 241 ## 242 ## 248 ## 249 ## 241 ## 242 ## 248 ## 249 ## 241 ## 242 ## 248 ## 249 ## 241 ## 242 ## 248 ## 249 ## 248 ## 249 ## 248 ## 249 ## 248 ## 249 ## 248 ## 249 ## 248 ## 249 ## 248 ## 249 ## 248 ## 249 ## 248 ## 249 ## 248 ## 249 ## 248 ## 249 ## 255 ## 255 ## 256 ## 257 ## 258 ## 260 ## 261 ## 262 ## 263	##	212	1
## 215	##	213	0
## 215	##	214	1
## 216	##	215	
## 217 ## 218 ## 219 0 ## 220 ## 221 1 1 ## 223 ## 223 1 1 ## 225 1 1 ## 226 ## 226 1 1 ## 228 0 1 ## 228 1 1 ## 228 1 1 ## 233 1 ## 233 1 ## 233 1 ## 233 1 ## 233 1 ## 233 1 ## 233 1 ## 233 1 ## 234 1 ## 235 0 ## 244 1 ## 248 0 ## 244 1 ## 244 1 ## 244 1 ## 244 1 ## 244 1 ## 244 1 ## 244 1 ## 245 1 ## 248 0 ## 246 ## 247 0 ## 248 0 ## 249 ## 248 0 ## 249 ## 248 0 ## 249 ## 248 ## 249 ## 248 ## 255 ## 266 ## 255 ## 256 ## 255 ## 255 ## 255 ## 255 ## 255 ## 255 ## 255 ## 256 ## 256 ## 255 ## 256 ## 255 ## 256 ## 266 ## 262 ## 262 ## 263			
## 218			
## 219 ## 220			
## 220 ## 221 ## 223 ## 224			
## 221			
## 222 ## 223			
## 223 ## 224			
## 224 ## 225			
## 225			
## 226 ## 227			
## 227 ## 228			
## 228			
## 229 ## 230 ## 231 ## 232 ## 233 ## 234 ## 235 ## 236 ## 236 ## 237 ## 238 ## 239 ## 240 ## 241 ## 242 ## 242 ## 243 ## 243 ## 244 ## 245 ## 245 ## 245 ## 245 ## 245 ## 245 ## 246 ## 247 ## 248 ## 249 ## 249 ## 249 ## 249 ## 249 ## 250 ## 250 ## 250 ## 250 ## 250 ## 250 ## 255 ## 255 ## 255 ## 255 ## 255 ## 255 ## 255 ## 256 ## 255 ## 256 ## 255 ## 256 ## 256 ## 257 ## 258 ## 258 ## 258 ## 259 ## 259 ## 259 ## 260 ## 260 ## 260 ## 260 ## 260 ## 261			
## 230			
## 231			
## 232			
## 233 ## 234 # 235			
## 234 # 235 # 236 # 237 # 238 # 239 # 240 # 241 # 242 # 242 # 243 # 243 # 243 # 244 # 245 # 245 # 246 # 247 # 248 # 247 # 248 # 249 # 249 # 249 # 249 # 250 # 250 # 250 # 250 # 250 # 250 # 250 # 255 # 256 # 255 # 256 # 256 # 257 # 258 # 258 # 259 # 258 # 259 # 259 # 260 # 261 # 262 # 263			
## 235			
## 236			
## 237 ## 238 ## 239 0 ## 240 0 ## 241 ## 242 0 ## 243 0 ## 244 1 ## 245 0 ## 246 1 ## 247 0 ## 248 0 ## 248 0 ## 249 1 ## 250 0 ## 251 1 ## 252 0 ## 253 0 ## 254 1 ## 255 0 ## 255 0 ## 255 0 ## 256 0 ## 257 ## 258 ## 258 ## 258 ## 258 ## 259 ## 250 ## 250 ## 251 ## 252 0 ## 253 0 ## 254 1 ## 255 0 ## 255 0 ## 256 0 ## 257 ## 258 ## 258 ## 258 ## 259 ## 250 ## 260 ## 260 ## 260 ## 260 ## 260 ## 260 ## 260			
## 238			
## 239 ## 240 ## 241 ## 242			
## 240 ## 241 ## 242 ## 243 ## 244 ## 245 ## 245 ## 246 ## 247 ## 248 ## 249 ## 250 ## 251 ## 252 ## 253 ## 253 ## 254 ## 255 ## 256 ## 257 ## 256 ## 257 ## 257 ## 258 ## 259 ## 259 ## 260 ## 261 ## 262 ## 262 ## 263			
## 241			
## 242			
## 243			
## 244 ## 245 ## 246 ## 247 ## 248 ## 249 ## 250 ## 251 ## 252 ## 253 ## 254 ## 255 ## 255 ## 256 ## 257 ## 258 ## 260 ## 261 ## 262 ## 263			
## 245			
## 246			
## 247			
## 248			
## 249 ## 250 ## 251 ## 252 0 ## 253 0 ## 254 1 ## 255 0 ## 257 1 ## 259 1 ## 260 ## 261 ## 262 ## 263			
## 250 ## 251 ## 252			
## 251 ## 252 0 ## 253 0 ## 254 1 ## 255 0 ## 256 0 ## 257 1 ## 258 0 ## 259 1 ## 260 0 ## 261 0 ## 262 0 ## 263 0			
## 252			
## 253			
## 254			
## 255 0 0			
## 256			
## 257 ## 258 0 ## 259 1 ## 260 0 ## 261 262 0 ## 263			
## 258 0 ## 259 1 ## 260 0 ## 261 0 ## 262 0 ## 263			
## 259			
## 260 0 ## 261 0 ## 262 0 ## 263 0			
## 261 0 ## 262 0 ## 263 0			
## 262 ## 263			
## 263			
## 264			
	##	264	0

##	265	0
##	266	1
##	267	0
##	268	0
##	269	0
##	270	1
##	271	1
##	272	0
##	273	0
##	274	1
##	275	0
##	276	1
##	277	1
##	278	1
##	279	1
##	280	0
##	281	1
	282	0
	283	0
	284	0
	285	0
	286	0
	287	0
	288	0
	289	1
	290	1
	291	0
	292	0
	293	1
	294	1
	295	0
	296	1
	297	0
	298	1
	299	0
	300	1
	301	1
	302	0
	303	1
	304	1
	305	0
	306	1
	307	0
	308	0
	309	0
	310 311	0
	311	0
	312	1
	313	1
	314	0
	315	0 1
	316	0
	317	1
##	210	1

##	319	0
##	320	1
##	321	1
##	322	1
##	323	0
##	324	1
##	325	1
##	326	0
##	327	1
##	328	0
##	329	1
##	330	0
##	331	1
##	332	0
	333	1
	334	1
	335	0
	336	0
	337	0
	338	1
	339	1
	340	0
	341	0
	342	0
	343	1
	344	0
	345	1
	346	0
	347	0
	348	0
	349	1
	350	1
	351	1
	352	0
	353	0
	354	0
	355	0
	356	1
	357	0
	358	0
	359	0
	360	1
	361	0
	362	1
	363	0
	364	0
	365	0
	366	1
	367	0
	368	0
	369	0
	370	0
	371	0
	372	1
##	012	1

##	373	1
	374	0
	375	0
	376	0
##	377	1
##	378	1
##	379	0
##	380	0
##	381	0
	382	0
##	383	0
##	384	0
	385	1
	386	0
	387	1
	388	0
	389	1
	390	0
	391	1
	392	0
	393	0
	394	0
	395	1
	396	0
	397	0
	398	1
	399	1
	400	0
	400	0
	401	
		0
	403	0
	404	0
	405	1
	406	1
	407	0
	408	0
	409	1
	410	0
	411	1
	412	1
	413	1
	414	0
	415	0
	416	1
	417	1
##	418	0
	419	0
##	420	1
##	421	1
##	422	1
	423	0
	424	0
	425	0
	426	1
	-	-

##	427	0
	428	0
	429	0
	430	0
	431	1
	432	0
	433	0
	434	1
	435	0
	436	0
	437	0
	438	1
	439	0
	440	0
	441	0
	442	0
	443	0
	444	1
	445	1
	446	0
	447	0
	448	0
	449	1
	450	0
	451	0
	452	0
	453	0
	454	1
	455	0
	456	0
	457	0
	458	1
	459	1
	460	1
	461	0
	462	0
	463	0
	464	1
	465	1
	466	1
	467	0
	468	1
	469	1
	470	0
	471	0
	472	1
	473	0
	474	0
	475	1
	476	0
	477	1
	477 478	0
	478 479	1
		0
##	480	U

## 485			
## 483			
## 484 ## 486 ## 487 ## 488 ## 489 ## 490 ## 491 ## 492 ## 493 ## 495 ## 496 ## 496 ## 496 ## 496 ## 496 ## 497 ## 498 ## 498 ## 499 ## 500 ## 501 ## 501 ## 504 ## 505 ## 506 ## 506 ## 507 ## 511 ## 512 ## 513 ## 514 ## 515 ## 516 ## 517 ## 518 ## 519 ## 520 ## 520 ## 521 ## 520 ## 520 ## 521 ## 522 ## 523 ## 524 ## 526 ## 527 ## 528 ## 527 ## 528 ## 527 ## 528 ## 529 ## 531 ## 531 ## 531 ## 531 ## 531			
## 485	##	483	
## 486			1
## 487 ## 488 ## 490 ## 491 ## 492 ## 493 ## 494 ## 496 ## 498 ## 499 ## 499 ## 499 ## 501 ## 502 ## 502 ## 508 ## 506 ## 507 ## 508 ## 508 ## 508 ## 511 ## 512 ## 513 ## 514 ## 514 ## 515 ## 516 ## 516 ## 517 ## 518 ## 518 ## 519 ## 522 ## 524 ## 522 ## 522 ## 522 ## 522 ## 522 ## 522 ## 522 ## 524 ## 525 ## 526 ## 527 ## 528 ## 529 ## 520 ## 531 ## 531 ## 532 ## 531	##	485	1
## 488 ## 489	##	486	C
## 489 ## 490 ## 491 ## 492 ## 493 ## 496 ## 496 ## 498 ## 498 ## 499 ## 501 ## 501 ## 502 ## 503 ## 504 ## 505 ## 506 ## 507 ## 508 ## 508 ## 509 ## 510 ## 510 ## 511 ## 512 ## 513 ## 514 ## 515 ## 516 ## 516 ## 517 ## 518 ## 518 ## 519 ## 519 ## 522 ## 523 ## 522 ## 523 ## 522 ## 522 ## 523 ## 522 ## 522 ## 523 ## 522 ## 522 ## 523 ## 522 ## 522 ## 523 ## 522 ## 522 ## 523 ## 524 ## 522 ## 522 ## 523 ## 524 ## 522 ## 523 ## 524 ## 525 ## 526 ## 527 ## 528 ## 529 ## 531 ## 531 ## 531 ## 531 ## 531 ## 531 ## 531	##	487	C
## 490 ## 491 ## 492 ## 493 ## 494 ## 496 ## 497 ## 498 ## 499 ## 500 ## 501 ## 502 ## 503 ## 506 ## 506 ## 507 ## 508 ## 509 ## 511 ## 512 ## 513 ## 514 ## 515 ## 516 ## 517 ## 518 ## 517 ## 518 ## 519 ## 520 ## 521 ## 522 ## 523 ## 524 ## 525 ## 524 ## 525 ## 526 ## 527 ## 528 ## 529 ## 531 ## 532 ## 533	##	488	
## 491 ## 492 ## 493 ## 494 ## 496 ## 497 ## 498 ## 499 ## 500 ## 501 ## 502 ## 503 ## 504 ## 505 ## 508 ## 509 ## 511 ## 512 ## 513 ## 515 ## 518 ## 515 ## 518 ## 517 ## 518 ## 518 ## 519 ## 522 ## 523 ## 524 ## 522 ## 523 ## 524 ## 526 ## 527 ## 528 ## 528 ## 529 ## 521 ## 528 ## 529 ## 521 ## 528 ## 529 ## 521 ## 528 ## 529 ## 521 ## 528 ## 529 ## 521 ## 528 ## 529 ## 521 ## 528 ## 529 ## 521 ## 528 ## 528 ## 529 ## 531 ## 531 ## 531 ## 531 ## 532 ## 533	##	489	
## 492 ## 493 ## 494 ## 495 ## 496 ## 499 ## 499 ## 501 ## 502 ## 503 ## 504 ## 505 ## 506 ## 508 ## 508 ## 508 ## 509 ## 511 ## 511 ## 512 ## 513 ## 514 ## 515 ## 515 ## 515 ## 516 ## 517 ## 518 ## 518 ## 519 ## 520 ## 521 ## 522 ## 523 ## 524 ## 524 ## 525 ## 526 ## 527 ## 528 ## 529 ## 530 ## 531 ## 530 ## 531 ## 532 ## 533	##	490	
## 493 ## 494 ## 495 ## 496 ## 497 ## 498 ## 499 ## 500 ## 501 ## 503 ## 504 ## 505 ## 506 ## 507 ## 508 ## 509 ## 510 ## 511 ## 512 ## 513 ## 514 ## 515 ## 515 ## 515 ## 516 ## 517 ## 518 ## 518 ## 519 ## 520 ## 521 ## 522 ## 523 ## 524 ## 525 ## 526 ## 527 ## 528 ## 529 ## 530 ## 531 ## 532 ## 533	##	491	
## 494 ## 495 ## 496 ## 497 ## 498 ## 500 ## 501 ## 502 ## 503 ## 504 ## 505 ## 506 ## 507 ## 508 ## 509 ## 511 ## 512 ## 513 ## 514 ## 515 ## 515 ## 514 ## 515 ## 515 ## 516 ## 517 ## 518 ## 518 ## 518 ## 519 ## 520 ## 521 ## 522 ## 523 ## 524 ## 525 ## 524 ## 525 ## 526 ## 527 ## 528 ## 528 ## 529 ## 530 ## 531 ## 531 ## 531 ## 531 ## 533	##	492	1
## 495 ## 496 ## 497 ## 498 ## 499 ## 500 ## 501 ## 503 ## 504 ## 505 ## 506 ## 507 ## 508 ## 510 ## 511 ## 512 ## 513 ## 515 ## 515 ## 516 ## 517 ## 518 ## 519 ## 522 ## 522 ## 523 ## 522 ## 523 ## 524 ## 525 ## 526 ## 527 ## 528 ## 529 ## 530 ## 531 ## 532 ## 532 ## 533	##	493	1
## 495 ## 496 ## 497 ## 498 ## 499 ## 500 ## 501 ## 503 ## 504 ## 505 ## 506 ## 507 ## 508 ## 510 ## 511 ## 512 ## 513 ## 515 ## 515 ## 516 ## 517 ## 518 ## 519 ## 522 ## 522 ## 523 ## 522 ## 523 ## 524 ## 525 ## 526 ## 527 ## 528 ## 529 ## 530 ## 531 ## 532 ## 532 ## 533	##	494	
## 496 ## 497 ## 498 ## 499 ## 500 ## 501 ## 502 ## 503 ## 504 ## 506 ## 506 ## 507 ## 508 ## 509 ## 510 ## 511 ## 512 ## 512 ## 513 ## 514 ## 515 ## 516 ## 516 ## 517 ## 518 ## 519 ## 520 ## 521 ## 522 ## 523 ## 524 ## 525 ## 526 ## 526 ## 527 ## 528 ## 529 ## 530 ## 531 ## 531 ## 532 ## 532 ## 532 ## 532 ## 533			1
## 497 ## 498 ## 499 ## 500 ## 501 ## 502 ## 505 ## 506 ## 506 ## 507 ## 508 ## 509 ## 511 ## 511 ## 512 ## 513 ## 514 ## 515 ## 514 ## 515 ## 518 ## 518 ## 518 ## 519 ## 520 ## 520 ## 523 ## 522 ## 523 ## 524 ## 525 ## 526 ## 527 ## 528 ## 529 ## 530 ## 531 ## 532 ## 531			
## 498 ## 499 ## 500 ## 501 ## 502 ## 503 ## 504 ## 505 ## 506 ## 507 ## 508 ## 509 ## 510 ## 511 ## 512 ## 513 ## 514 ## 515 ## 515 ## 516 ## 517 ## 518 ## 517 ## 518 ## 519 ## 520 ## 520 ## 520 ## 520 ## 520 ## 524 ## 525 ## 528 ## 528 ## 528 ## 529 ## 528 ## 529 ## 530 ## 531 ## 531 ## 531 ## 531 ## 531 ## 532 ## 533			
## 499 ## 500 ## 501 ## 502 ## 503 ## 506 ## 506 ## 507 ## 508 ## 509 ## 511 ## 512 ## 513 ## 514 ## 515 ## 515 ## 515 ## 515 ## 516 ## 517 ## 518 ## 519 ## 520 ## 521 ## 522 ## 523 ## 524 ## 525 ## 526 ## 526 ## 527 ## 528 ## 528 ## 529 ## 531 ## 531 ## 531 ## 532 ## 531 ## 531 ## 532 ## 533			
## 500 ## 501 ## 502 ## 503 ## 504 ## 506 ## 506 ## 508 ## 508 ## 509 ## 510 ## 511 ## 512 ## 513 ## 514 ## 514 ## 515 ## 515 ## 516 ## 517 ## 518 ## 519 ## 520 ## 520 ## 521 ## 522 ## 523 ## 524 ## 525 ## 526 ## 527 ## 528 ## 529 ## 530 ## 531 ## 531 ## 531 ## 532 ## 531 ## 531 ## 532 ## 533			
## 501 ## 502 ## 503 ## 504 ## 505 ## 506 ## 507 ## 508 ## 510 ## 511 ## 512 ## 513 ## 514 ## 515 ## 516 ## 517 ## 518 ## 518 ## 519 ## 520 ## 521 ## 523 ## 524 ## 525 ## 526 ## 526 ## 527 ## 530 ## 531 ## 531 ## 532 ## 532 ## 532 ## 532 ## 532 ## 532			
## 502 ## 503 ## 504 ## 505 ## 506 ## 507 ## 508 ## 509 ## 510 ## 511 ## 512 ## 513 ## 514 ## 515 ## 516 ## 517 ## 518 ## 519 ## 520 ## 521 ## 523 ## 524 ## 524 ## 525 ## 528 ## 528 ## 528 ## 529 ## 530 ## 531 ## 532 ## 531 ## 532 ## 532 ## 532			
## 503 ## 504 ## 505 ## 506 ## 507 ## 508 ## 509 ## 510 ## 511 ## 512 ## 513 ## 514 ## 515 ## 515 ## 516 ## 517 ## 518 ## 517 ## 518 ## 519 ## 520 ## 520 ## 521 ## 522 ## 523 ## 524 ## 525 ## 526 ## 527 ## 528 ## 527 ## 528 ## 529 ## 530 ## 531 ## 531 ## 531 ## 532 ## 532 ## 533			
## 504 ## 506 ## 507 ## 508 ## 509 ## 510 ## 511 ## 512 ## 513 ## 514 ## 515 ## 516 ## 517 ## 518 ## 517 ## 518 ## 519 ## 520 ## 521 ## 522 ## 523 ## 524 ## 525 ## 526 ## 526 ## 527 ## 528 ## 529 ## 520 ## 531 ## 532 ## 532 ## 532 ## 533			
## 505 ## 506 ## 507 ## 508 ## 509 ## 510 ## 511 ## 512 ## 513 ## 514 ## 515 ## 515 ## 516 ## 517 ## 518 ## 519 ## 520 ## 521 ## 522 ## 523 ## 524 ## 523 ## 524 ## 525 ## 526 ## 527 ## 528 ## 527 ## 528 ## 529 ## 530 ## 531 ## 531 ## 532 ## 533			
## 506 ## 507 ## 508 ## 509 ## 510 ## 511 ## 512 ## 513 ## 514 ## 515 ## 516 ## 516 ## 517 ## 518 ## 519 ## 520 ## 521 ## 522 ## 523 ## 524 ## 525 ## 525 ## 526 ## 527 ## 528 ## 529 ## 530 ## 531 ## 532 ## 532 ## 532 ## 532 ## 532 ## 532 ## 533			
## 507 ## 508 ## 509 ## 510 0 ## 511 ## 512 ## 513 ## 514 ## 515 ## 516 ## 516 ## 517 ## 518 ## 519 ## 520 ## 521 ## 522 ## 522 ## 523 ## 524 ## 525 ## 525 ## 526 ## 527 ## 528 ## 529 ## 530 ## 530 ## 531 ## 532 ## 533			
## 508 ## 509 ## 510 ## 511 ## 512 ## 513 ## 514 ## 516 ## 516 ## 517 ## 518 ## 519 ## 520 ## 521 ## 522 ## 523 ## 524 ## 525 ## 525 ## 526 ## 527 ## 528 ## 529 ## 530 ## 531 ## 532 ## 533			
## 509 ## 510 ## 511 ## 512 ## 513 ## 514 ## 515 ## 516 ## 516 ## 517 ## 518 ## 519 ## 520 ## 521 ## 522 ## 523 ## 524 ## 525 ## 526 ## 527 ## 528 ## 529 ## 530 ## 531 ## 531 ## 532 ## 533			
## 510 ## 511 ## 512 ## 513 ## 514 ## 515 ## 516 ## 516 ## 517 ## 518 ## 519 ## 520 ## 521 ## 522 ## 523 ## 524 ## 525 ## 525 ## 526 ## 527 ## 528 ## 529 ## 530 ## 531 ## 531 ## 532 ## 533			
## 511 ## 512 ## 513 ## 514 ## 515 ## 516 ## 517 ## 518 ## 519 ## 520 ## 521 ## 522 ## 523 ## 524 ## 525 ## 525 ## 525 ## 525 ## 526 ## 527 ## 528 ## 529 ## 530 ## 531 ## 532 ## 533			
## 512 ## 513 ## 514 ## 515 ## 516 ## 517 ## 518 ## 519 ## 520 ## 521 ## 522 ## 523 ## 524 ## 525 ## 525 ## 525 ## 526 ## 527 ## 528 ## 529 ## 530 ## 531 ## 532 ## 533			
## 513 ## 514 ## 515 ## 516 ## 517 ## 518 ## 519 ## 520 ## 521 ## 522 ## 523 ## 524 ## 525 ## 525 ## 526 ## 527 ## 528 ## 529 ## 530 ## 531 ## 532 ## 532 ## 533			
## 514 ## 515 ## 516 ## 517 ## 518 ## 519 ## 520 ## 521 ## 522 ## 523 ## 524 ## 525 ## 525 ## 526 ## 527 ## 528 ## 529 ## 530 ## 531 ## 532 ## 532 ## 533			
## 515 ## 516 ## 517 ## 518 ## 519 ## 520 ## 521 ## 522 ## 522 ## 523 ## 524 ## 525 ## 525 ## 526 ## 527 ## 528 ## 529 ## 530 ## 531 ## 532 ## 533			
## 516 ## 517 ## 518 ## 519 ## 520 ## 521 ## 522 ## 523 ## 523 ## 524 ## 525 ## 525 ## 526 ## 527 ## 528 ## 529 ## 530 ## 530 ## 531 ## 532 ## 533			
## 517 ## 518 ## 519 ## 520 ## 521 ## 522 ## 523 ## 524 ## 525 ## 525 ## 525 ## 526 ## 527 ## 528 ## 529 ## 530 ## 530 ## 531 ## 532 ## 533			
## 518 ## 519 ## 520 ## 521 ## 522 ## 523 ## 524 ## 525 ## 525 ## 526 ## 527 ## 528 ## 529 ## 530 ## 531 ## 532 ## 533			
## 519 ## 520 ## 521 ## 522 ## 523 ## 524 ## 525 ## 526 ## 527 ## 528 ## 529 ## 530 ## 531 ## 532 ## 533			
## 520 ## 521 # 522 ## 523 ## 524 ## 525 ## 526 ## 527 ## 528 ## 529 ## 530 ## 531 ## 532 ## 533			
## 521			
## 522			
## 523 ## 524 00 ## 525 00 ## 526 ## 527 00 ## 528 00 ## 529 ## 530 ## 531 ## 532 ## 532			
## 524 ## 525 ## 526 ## 527 ## 528 ## 529 ## 530 ## 531 ## 532 ## 533			
## 525 ## 526 ## 527 ## 528 ## 529 ## 530 ## 531 ## 532 ## 533			
## 526			
## 527 ## 528 0 ## 529 ## 530 ## 531 ## 532 ## 533			
## 528			
## 529 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0			
## 530 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 0			
## 531			
## 532 ## 533			
## 533			
## 534			0
	##	534	0

##	535	1
##	536	
	537	
	538	
	539	
	540	
	541	1
		1
	542	1
	543	
	544	1
	545	C
##	546	0
##	547	0
##	548	0
##	549	0
	550	0
	551	0
	552	
	553	1
	554	0
	555	0
	556	0
	557	0
	: 558	1
	: 559	1
##	560	0
##	561	1
##	562	0
##	563	0
	564	1
	565	0
	566	0
	567	1
	: 568	
		1
	569	1
	570	0
	571	0
	572	0
	573	1
	574	0
##	575	1
##	576	1
	577	1
	578	0
	: 579	1
	: 580	0
	581	1
	582	1
	583	1
	584	1
	585	1
##	586	0
##	587	1
	588	0
		_

	589	0
	590	0
	591	1
	592	0
	593	1
	594	1
	595	0
	596	1
	597	0
	598	0
	599	1
	600	1
	601	0
	602	0
	603	1
	604	1
	605	0
	606	1
	607	1
	608	1
	609	0
	610	0
	611	0
	612	1
	613	1
	614	1
	615	0
	616	0
	617	0
	618	0
	619	0
	620	0
	621	1
	622	1
	623	0
	624	0
	625	0
	626	1
	627	1
	628	0
	629	0
	630	1
	631	1
	632	1
	633	0
	634	0
	635	0
	636	0
	637	1
	638	0
	639	0
	640	1
	641	0
##	642	0

##	643	0
	644	0
	645	0
	646	0
	647	0
	648	0
	649	0
	650	1
	651	1
	652	1
	653	1
	654	1
	655	1
	656	1
	657	1
	658	1
	659	1
	660	0
	661	1
	662	1
	663	0
	664	1
	665	1
	666	1
	667	0
	668	1
	669	1
	670	0
	671	0
	672	1
	673	1
	674	1
	675	1
	676	0
	677	0
	678	1
	679	0
	680	0
	681	0
	682	0
	683	1
	684	0
	685	1
	686	0
	687	0
	688	1
	689	0
	690	1
	691	1
	692	0
	693	0
	694	1
	695	1
	696	0
ππ	550	

##	697	1
##	698	0
##	699	0
##	700	0
##	701	0
##	702	0
##	703	1
##	704	0
##	705	0
##	706	1
##	707	1
##	708	0
##	709	0
##	710	1
##	711	1
##	712	0
##	713	1
##	714	0
##	715	1
##	716	1
##	717	0
##	718	0
	719	1
##	720	0
	721	0
	722	0
	723	1
	724	1
	725	0
	726	1
	727	1
	728	0
	729	0
	730	0
	731	1
	732	1
	733	1
	734	1
	735	1
	736	0
	737	0
	738	0
	739	1
	740 741	1 1
	741	
	742	0
	743 744	
	744	
	745 746	
	747	
	748	
	749	1
	750	0
πĦ	100	U

```
## 751
                                                                                    0
## 752
                                                                                    0
## 753
                                                                                    0
## 754
                                                                                    0
## 755
                                                                                    0
## 756
                                                                                    0
## 757
                                                                                    1
## 758
                                                                                    1
## 759
                                                                                    0
## 760
                                                                                    1
## 761
                                                                                    1
## 762
                                                                                    0
## 763
                                                                                    1
## 764
                                                                                    1
## 765
                                                                                    1
## 766
                                                                                    1
## 767
                                                                                    0
## 768
                                                                                    0
## 769
                                                                                    0
## 770
                                                                                    1
## 771
                                                                                    0
## 772
                                                                                    1
## 773
                                                                                    1
## 774
                                                                                    1
## 775
                                                                                    0
## 776
                                                                                    0
## 777
                                                                                    0
## 778
                                                                                    1
## 779
                                                                                    1
## 780
                                                                                    1
## 781
                                                                                    1
## 782
                                                                                    0
## 783
                                                                                    0
## 784
                                                                                    0
## 785
                                                                                    0
## 786
                                                                                    1
## 787
                                                                                    1
## 788
                                                                                    1
## 789
                                                                                    0
## 790
                                                                                    1
## 791
                                                                                    1
## 792
                                                                                    1
## 793
                                                                                    0
## 794
                                                                                    0
## 795
                                                                                    1
## 796
## 797
                                                                                    0
## 798
                                                                                    0
## 799
                                                                                    1
## 800
                                                                                    0
## 801
                                                                                    0
fg_boot <- bootstraps(data, times = 1e3, apparent = TRUE)</pre>
```