

第28讲物理仿真实验系统

主讲:刘睿

西北工业大学 精确制导与控制研究所





- 1、实验目的
- 2、物理仿真实验系统组成
- 3、实验系统数学模型
- 4、控制方案设计

实验目的

实验名称:

空间微重力环境下运动体控制实验 实验目的:

- (1)掌握航天器控制部件的工作原理
- (2)掌握航天器姿态控制系统建模、 控制理论工程设计方法
 - (3)提高理论与实验相结合的能力



单轴气浮台 用来模拟星体





单轴气浮台组成

敏感器:感应同步器测量角度, 这率陀螺来测量角速度







执行机构:飞轮、推力器





单轴气浮台组成

能源:太阳帆板,挠性振动,

周期性扰动







载荷: 天线

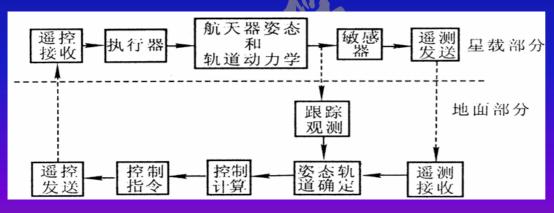




控制计算机

气浮台数据线与控制计算机相连,气浮台将姿态信息传送给控制计算机,计算机解算并输出相应控制指令;

属于星地大回路控制模式。



星地大回路控制模式框图

辅助设备

空气压缩机 压缩空气,用来浮起台体

冷凝净化器

涤油,除湿,防止空气杂质影响

高纯氮气瓶

为推力器提供工质

对于单轴气浮台物理仿真系统,考虑台体一维运动,假设挠性体变形及变形速率很小,只考虑弯曲振动,则系统数学模型可以用非线性偏微分方程来描述

$$\begin{cases} J\ddot{\theta} + \int_{0}^{L} \rho A(x+R) \frac{\partial^{2} u}{\partial t^{2}} = T \\ \rho A \frac{\partial^{2} u}{\partial t^{2}} + EI \frac{\partial^{4} u}{\partial x^{4}} + \rho A(x+R) \ddot{\theta} = 0 \end{cases}$$



系统绕转轴的转动惯量

$$\int \partial \dot{\theta} + \int_{0}^{L} \rho A(x+R) \frac{\partial^{2} u}{\partial t^{2}} = T$$

$$\rho A \frac{\partial^{2} u}{\partial t^{2}} + EI \frac{\partial^{4} u}{\partial x^{4}} + \rho A(x+R) \ddot{\theta} = 0$$





刚体本体的角加速度 "

$$\begin{cases} \mathbf{J}\ddot{\theta} + \int_{0}^{L} \rho A(x+R) \frac{\partial^{2} u}{\partial t^{2}} = T \\ \rho A \frac{\partial^{2} u}{\partial t^{2}} + EI \frac{\partial^{4} u}{\partial x^{4}} + \rho A(x+R)\ddot{\theta} = 0 \end{cases}$$





控制力矩 T,作用在中心刚体上

$$\begin{cases} J\ddot{\theta} + \int_{0}^{L} \rho A(x+R) \frac{\partial^{2} u}{\partial t^{2}} = T \\ \rho A \frac{\partial^{2} u}{\partial t^{2}} + EI \frac{\partial^{4} u}{\partial x^{4}} + \rho A(x+R) \ddot{\theta} = 0 \end{cases}$$

不考虑挠性

$$J\ddot{\theta} = T$$



挠性板的材料密度 ρ

$$\int J\ddot{\theta} + \int_{0}^{L} \rho A(x+R) \frac{\partial^{2} u}{\partial t^{2}} = T$$

$$\rho A \frac{\partial^{2} u}{\partial t^{2}} + EI \frac{\partial^{4} u}{\partial t^{4}} + \rho A(x+R) \ddot{\theta} = 0$$





挠性板的横截面积 A

$$\begin{cases}
J\ddot{\theta} + \int_{0}^{L} \rho(A)x + R \frac{\partial^{2} u}{\partial t^{2}} = T \\
\rho(A)\frac{\partial^{2} u}{\partial t^{2}} + EI\frac{\partial^{4} u}{\partial x^{4}} + \rho(A)x + R \frac{\partial^{2} u}{\partial x^{4}} = 0
\end{cases}$$





刚性本体的半径_R 距根部的距离_x

$$\int J\ddot{\theta} + \int_{0}^{L} \rho A(x) + R \frac{\partial^{2} u}{\partial t^{2}} = T$$

$$\rho A \frac{\partial^2 u}{\partial t^2} + EI \frac{\partial^4 u}{\partial x^4} + \rho A (x + R) \ddot{\theta} = 0$$





一个挠性板的长度」

$$\begin{cases}
J\ddot{\theta} + \int_{0}^{L} \rho A(x+R) \frac{\partial^{2} u}{\partial t^{2}} = T \\
\rho A \frac{\partial^{2} u}{\partial t^{2}} + EI \frac{\partial^{4} u}{\partial x^{4}} + \rho A(x+R) \ddot{\theta} = 0
\end{cases}$$



挠性板在距根部处x的变形量 u

$$\begin{cases} J\ddot{\theta} + \int_{0}^{L} \rho A(x+R) \frac{\partial u}{\partial t^{2}} = T \\ \rho A \frac{\partial^{2} u}{\partial t^{2}} + EI \frac{\partial^{2} u}{\partial x^{4}} + \rho A(x+R) \ddot{\theta} = 0 \end{cases}$$



挠性板的弯曲刚度 EI

$$\begin{cases} J\ddot{\theta} + \int_{0}^{L} \rho A(x+R) \frac{\partial^{2} u}{\partial t^{2}} = T \\ \rho A \frac{\partial^{2} u}{\partial t^{2}} + EI \frac{\partial^{4} u}{\partial x^{4}} + \rho A(x+R) \ddot{\theta} = 0 \end{cases}$$

• 挠性坐标的动力学

假设挠性板的变形可以分成时间和空间上独立的变量的积

$$u(x,t) = \sum_{i=1}^{n} \phi_i(x)q_i(t)$$





第i阶挠性模态函数 🦸

$$u(x,t) = \sum_{i=1}^{n} \phi_i(x) q_i(t)$$

- ✓ 模态: 是结构的固有振动特性, 每一个模态具有特定的固有频率、 阻尼比和模态振型。
- ✓ 这些模态参数可以由计算或试验 分析取得





考虑的挠性模态阶数 n

$$u(x,t) = \sum_{i=1}^{n} \phi_i(x)q_i(t)$$

第:阶挠性模态对应的广义坐标 q_i

经简化,系统数学模型可以表示为:

$$\begin{cases} J\ddot{\theta} + \sum_{i=1}^{n} D_{i}\ddot{q}_{i} = T \\ \ddot{q}_{i} + D_{i}\ddot{\theta} + 2\xi_{i}\omega_{i}\dot{q}_{i} + \omega_{i}^{2}q_{i} = 0 \end{cases}$$

$$(i = 1)$$

第i 阶挠性振动与本体的耦合系数 Di

$$\begin{cases} J\ddot{\theta} + \sum_{i=1}^{n} D_{i}\dot{q}_{i} = T \\ \ddot{q}_{i} + D_{i}\dot{\theta} + 2\xi_{i}\omega_{i}\dot{q}_{i} + \omega_{i}^{2}q_{i} = 0 \end{cases}$$

$$(i = 1, \dots n)$$



第 i 阶挠性振动频率 ω_i

$$\begin{cases} J\ddot{\theta} + \sum_{i=1}^{n} D_{i}\ddot{q}_{i} = T \\ \ddot{q}_{i} + D_{i}\dot{\theta} + 2\xi(\omega_{i})\dot{q}_{i} + (\omega_{i}^{2}q_{i} = 0) \\ (i = 1, \dots n) \end{cases}$$





第 i 阶挠性振动阻尼系数 ξ_i

$$\begin{cases} J\ddot{\theta} + \sum_{i=1}^{n} D_{i}\ddot{q}_{i} = T \\ \ddot{q}_{i} + D_{i}\dot{\theta} + 2\xi_{i}\dot{\phi}_{i}\dot{q}_{i} + \omega_{i}^{2}q_{i} = 0 \end{cases}$$

$$(i = 1, \dots n)$$

随着模态阶数的增大, 挠性振动的频率提高, 振动幅度减小, 对本体的影响也减小。

考虑上述因素,仅将低阶模态 纳入数学模型,取i=1,2,有:

$$\begin{cases} J\ddot{\theta} + D_{1}\ddot{q}_{1} + D_{2}\ddot{q}_{2} = T \\ \ddot{q}_{1} + D_{1}\ddot{\theta} + 2\xi_{1}\omega_{1}\dot{q}_{1} + \omega_{1}^{2}q_{1} = 0 \\ \ddot{q}_{2} + D_{2}\ddot{\theta} + 2\xi_{2}\omega_{2}\dot{q}_{2} + \omega_{2}^{2}q_{2} = 0 \end{cases}$$

控制方案设计

卫星姿态机动的方式很多,但 总可以归结为预定的角速度机动和期望的角度机动。

随着 $\dot{\theta}_{c}(t)$ 的不同,挠性卫星能够实现各种不同的机动特性和机动过程 $\theta_{c}(t)$:

$$\theta_c(t) = \theta_0 + \int_0^t \dot{\theta}_c(\tau) d\tau$$



控制方案设计

卫星姿态机动的方式很多,但 总可以归结为预定的角速度机动 和期望的角度机动。

随着 $\dot{\theta}_{e}(t)$ 的不同,挠性卫星能够实现各种不同的机动特性和机动过程 $\theta_{e}(t)$:

$$\theta_c(t) = \theta_0 + \int_0^t \dot{\theta}_c(\tau) d\tau$$

初始角度





若令:

$$\theta_c(t) = \theta_0 + \int \dot{\theta}_c(\tau) d\tau$$

C为常数,则退化为挠性卫星振 动抑制控制问题。

卫星姿态控制对动态要求不高,一般姿态机动角速度为:

0.5-1.5°/s

执行机构-飞轮

卫星上的执行机构通常为"飞轮—喷气"模式,物理仿真系统采用的执行机构包括飞轮与推力器

考虑飞轮动态特性,飞轮的输入—输出关系可简化为如下惯性 环节:

$$\frac{T_r}{T_c} = \frac{1}{\tau s + 1}$$

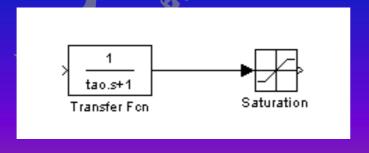


执行机构-飞轮

$$\frac{T_r}{T_c} = \frac{1}{\tau r + 1}$$

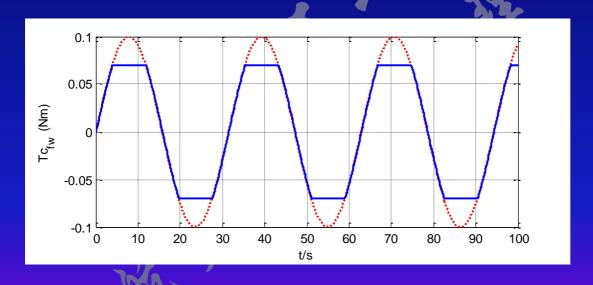
飞轮系统机电时间常数,取为 0.1s

飞轮执行机构数学模型可通过惯性环节与输出限幅进行模拟:



执行机构-飞轮

输入为幅值0.1,频率0.2的正弦信号,飞轮输出曲线:



飞轮输出正反向连续变化的力矩, 最大值0.07Nm





推力器能够输出常值力矩

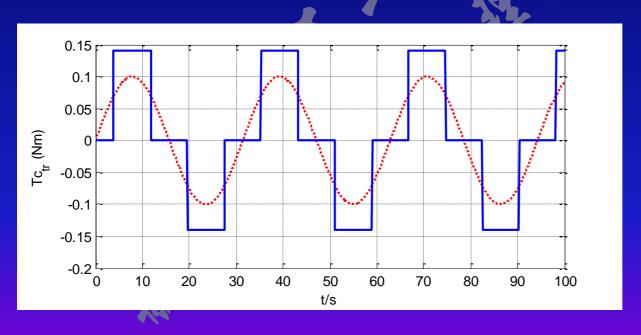
$$T = \begin{cases} 0.14Nm \\ 0 \\ -0.14Nm \end{cases}$$

实际工作时,推力器具有死区开关特性,在本次数学仿真中暂不考虑



执行机构-推力器

输入为幅值0.1,频率0.2的正弦信号,信号大小超出飞轮最大输出时开启推力器,推力器输出曲线:



推力器产生正反向幅值恒定的不连续力矩

举例: PD控制方案

考虑到物理仿真系统的敏感器 配置在中心刚体上,台体姿态角 可直接测量,设计PD反馈控制律:

$$u = K_p e + K_d \dot{e}$$

$$e = \theta_c - \theta$$



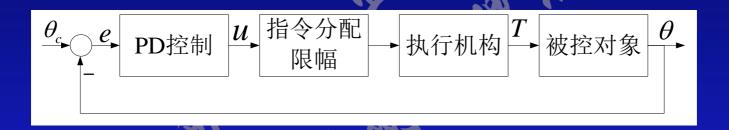
举例: PD控制方案

考虑到物理仿真系统的敏感器 配置在中心刚体上,台体姿态角 可直接测量,设计PD反馈控制律:

$$u = K_p e + K_d \dot{e}$$

 $e = \theta_c - \theta$ 期望角度 当前角度 举例: PD控制方案

控制系统的框图如图示:



根据系统对超调量、振动抑制以及 节约喷气等性能的要求,适当选择的 PD控制参数,并且将控制指令合理分 配给推力器与飞轮执行机构。



- 1、对象数学仿真
- 空间微重力环境下运动体物理仿 真系统动力学模型;
- 飞轮数学仿真
- 推力器数学仿真



2、控制方案数学仿真

- 设计挠性运动体姿态控制方案, 并对设计的方案进行数学仿真验证;
- 要求姿态控制过程中系统超调小于2°,且推力器不频繁工作,减少喷气消耗。



- 3、控制方案物理仿真实验
- 将设计的控制方案转换为物理仿 真实验控制程序,进行实验验证;
- 记录实验数据,进行数据分析。

第29讲物理仿真实验

- 1、开环实验 研究气浮台在执行机构作用 下的运动规律
- 2、稳定实验 常值干扰、周期性干扰
- 3、大角度机动实验
- 4、天线多轴指向复合控制实验