

Министерство ФГБОУ
Югорский государственный университет
Институт цифровой экономики

Отчёт о лабораторной работе по дисциплине:
Аппаратное обеспечение вычислительных систем
Лабораторная работа 4
Вариант 2

Студент группы 11916
Преподаватель

Нестеров Д.А.
Усманов Р.Т.

Цель работы:

Изучить основные способы определения устойчивости цифровых систем автоматического управления.

1. Задачи

1. Изучить основные теоретические сведения.
2. Для заданной передаточной функции, согласно варианту, замкнутой системы: путем разложения переходной функции в ряд Лорана, построить переходную характеристику замкнутой системы. Определить время регулирования, перерегулирование (если возможно), степень устойчивости и суммарную квадратическую ошибку ($T = 0,1\text{с}$).
3. Найти первый ненулевой коэффициент ошибки для полученной системы и определить степень астатизма системы.

Ход работы:

$$W(z) = \frac{b_0 z^2 + b_1 z + b_2}{a_0 z^3 + a_1 z^2 + a_2 z + a_3}$$
$$\begin{aligned} a_0 &= 20 & b_0 &= 0 & T &= 0,1c \\ a_1 &= -28 & b_1 &= 0,54 \\ a_2 &= 8,6 & b_2 &= 3,5 \\ a_3 &= -0,6 \end{aligned}$$

Исходная передаточная функция и коэффициенты передаточной функции.

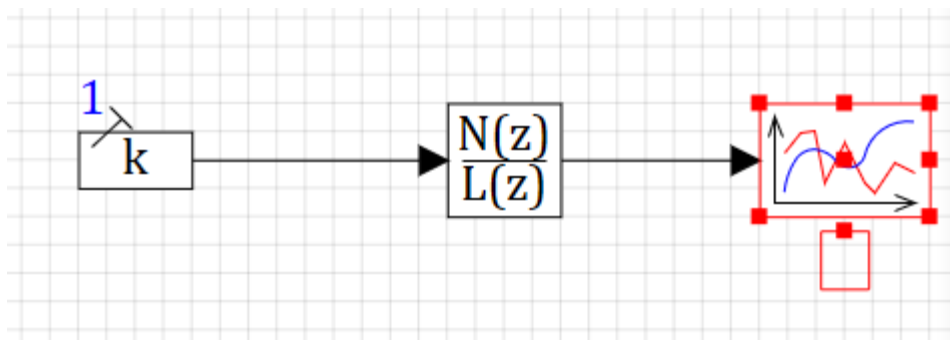


Рис.1 - Схема в SimInTech

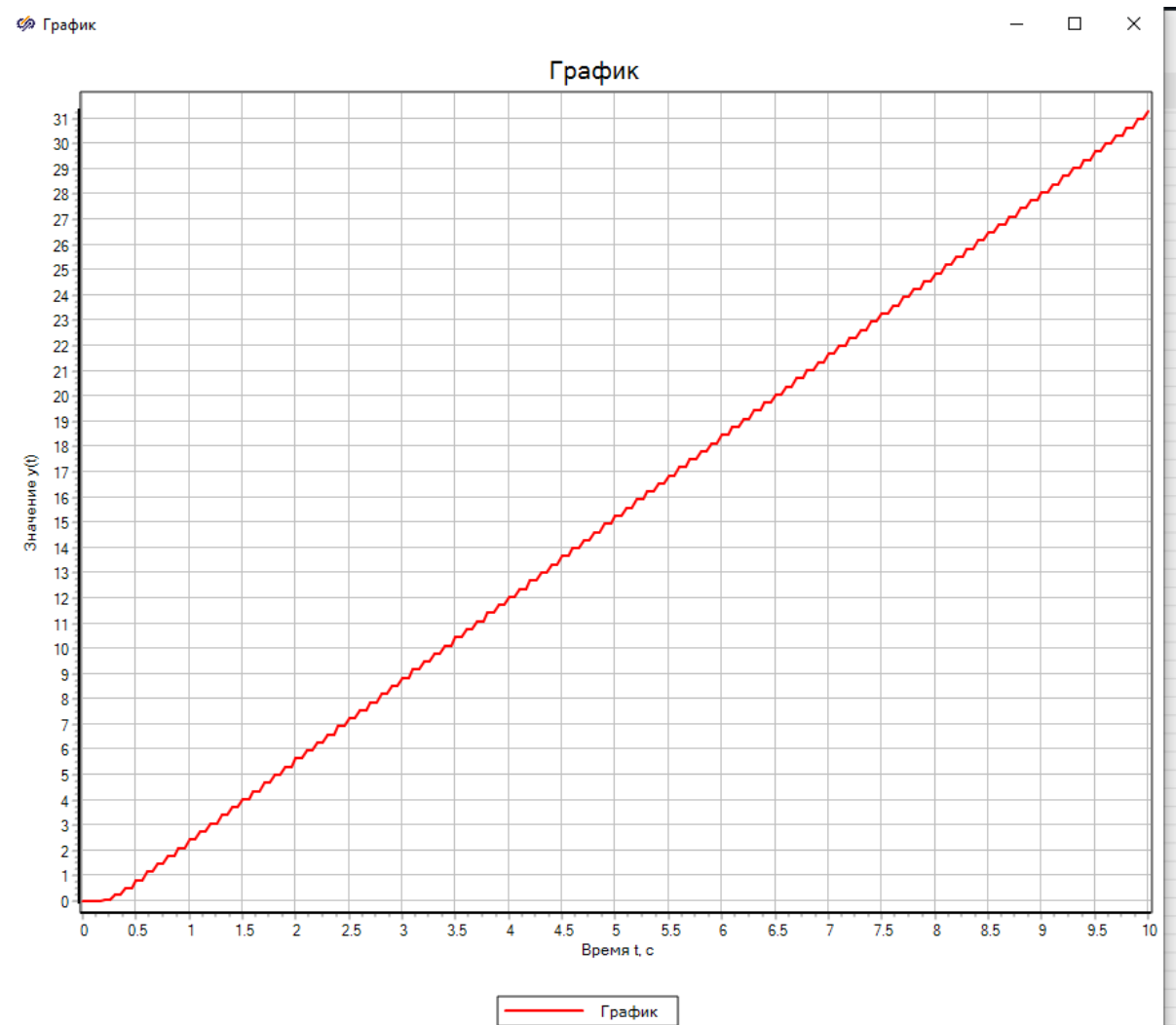


Рис.2 – График функции

$$\Delta = ((0,02 - 0,1) h(\infty))$$

$$h(\infty) = 31,5$$

$$\sigma = \frac{h_m - h_\infty}{h_\infty} \cdot 100\% = \frac{0 - 31,5}{31,5} \cdot 100\% =$$

$$= 100\%$$

$$H(z) = \frac{b_0 z^2 + b_1 z + b_2}{a_0 z^3 + a_1 z^2 + a_2 z + a_3} \cdot \frac{z}{z - 1}$$

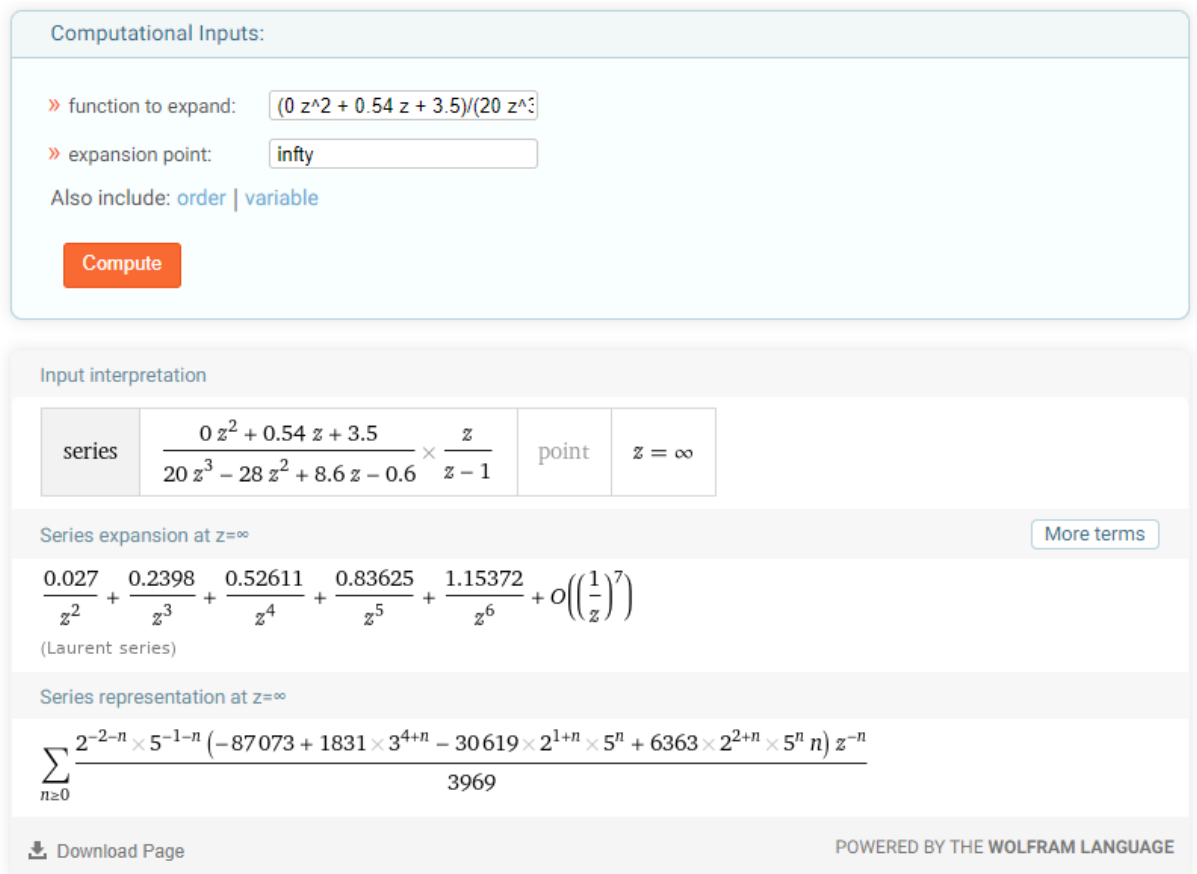


Рис.3 – ряд Лорана

По графику видно, что $h(\infty) = 31.5$, откуда следует, что во время регулирования функция достигнет значения в $h(\infty) - \Delta = 31.5 - (0.02 - 0.1) * 31.5 = 30$. Таким образом, время регулирования $tr = 1$ с.

Перерегулирование – максимальное отклонение переходной характеристики от установившегося значения, выраженное в процентах к установившемуся значению. В нашем случае получается $\sigma = -100\%$

$$\eta = \min \{ -\ln |z_v| \}$$

$$20 \cdot z^3 + (-20) \cdot z^2 + 8,6 \cdot z + (-0,6) = 0$$

$$z \approx 0,1$$

$$-\ln(0,1) = 2,30258509299$$

$$z \approx 0,3$$

$$-\ln(0,3) = 1,20397280433$$

$$z = 1$$

$$\ln(1) = 0$$

$$\eta = 0$$

$$J_{20} = \sum_{n=0}^{\infty} e_n^2 [nT], \quad e_n [nT] = e[nT] - e_{\infty} [nT]$$

$$J_{20} = \underline{33,713,94}$$

$$C_k = \frac{1}{k!} W_{0k}(z)_{z=1}, \quad k=0,1,2$$

$$W_{00}(z) = W_{e3}(z), \quad W_{0k}(z) = \frac{1}{z} \frac{dW_{0,k-1}(z)}{dz}$$

$$k=0,1,2$$

$$C_0 = \frac{0 \cdot z^2 + 0,54z + 3,5}{20 \cdot z^3 - 20 \cdot z^2 + 8,6z - 0,6} = \frac{4,04}{0} = \infty$$

$$C_1 = \infty, \quad C_2 = \infty$$

Корни характеристического уравнения получились следующими: 0.1, 0.3, 1.

Суммарная квадратичная ошибка $J_{20}=33713.94$

Коэффициенты ошибки бесконечны, это видно на графике функции и можно увидеть при расчёте коэффициента.

Далее требовалось выявить астатизм системы. Система будет астатической и иметь астатизм r -ого порядка, если передаточная функция $W(z)$ включает множитель $\frac{1}{(z-1)^r}$. Что обозначает, что система обладает астатизмом такого порядка равному количеству корней характеристического уравнения равных 1. Корни характеристического уравнения:

$$Z=0.1$$

$$Z=0.3$$

$$Z=1$$

Отсюда следует, что система астатическая первого порядка.

Вывод.

В ходе работы были проанализированы показатели качества дискретных систем управления. Были выявлены время регулирования, перерегулирование, степень устойчивости, суммарная квадратичная ошибка, коэффициенты ошибки и астатизм системы