## TABLA DE TRANSFORMADAS DE LAPLACE

f(t)

f(t)	$\mathcal{L}\{f(t)\} = F(s)$
1. 1	$\frac{1}{s}$
<b>2.</b> t	$\frac{1}{s^2}$
3. t <sup>n</sup>	$\frac{n!}{s^{n+1}}$ , <i>n</i> un entero positivo
4. $t^{-1/2}$	$\sqrt{\frac{\pi}{s}}$
5. t <sup>1/2</sup>	$\frac{\sqrt{\pi}}{2s^{3/2}}$
<b>6.</b> <i>t</i> <sup>α</sup>	$\frac{\Gamma(\alpha+1)}{s^{\alpha+1}},  \alpha > -1$
<b>7.</b> sen <i>kt</i>	$\frac{k}{s^2 + k^2}$
8. cos kt	$\frac{s}{s^2 + k^2}$
<b>9.</b> sen² <i>kt</i>	$\frac{2k^2}{s(s^2+4k^2)}$
10. $\cos^2 kt$	$\frac{s^2 + 2k^2}{s(s^2 + 4k^2)}$
<b>11.</b> <i>e</i> <sup>at</sup>	$\frac{1}{s-a}$
<b>12.</b> senh <i>kt</i>	$\frac{k}{s^2 - k^2}$
<b>13.</b> cosh <i>kt</i>	$\frac{s}{s^2 - k^2}$
<b>14.</b> senh² <i>kt</i>	$\frac{2k^2}{s(s^2-4k^2)}$
<b>15.</b> cosh <sup>2</sup> <i>kt</i>	$\frac{s^2 - 2k^2}{s(s^2 - 4k^2)}$
<b>16.</b> te <sup>at</sup>	$\frac{1}{(s-a)^2}$
17. $t^n e^{at}$	$\frac{n!}{(s-a)^{n+1}}$ , <i>n</i> un entero positivo
18. $e^{at} \operatorname{sen} kt$	$\frac{k}{(s-a)^2+k^2}$
$19. e^{at} \cos kt$	$\frac{s-a}{(s-a)^2+k^2}$

20. 
$$e^{at} \operatorname{senh} kt$$

$$\frac{k}{(s-a)^2 - k^2}$$
21.  $e^{at} \cosh kt$ 

$$\frac{s-a}{(s-a)^2 - k^2}$$
22.  $t \operatorname{sen} kt$ 

$$\frac{2ks}{(s^2 + k^2)^2}$$
23.  $t \cos kt$ 

$$\frac{2^2 - k^2}{(s^2 + k^2)^2}$$
24.  $\operatorname{sen} kt + kt \cos kt$ 

$$\frac{2ks^2}{(s^2 + k^2)^2}$$
25.  $\operatorname{sen} kt - kt \cos kt$ 

$$\frac{2ks}{(s^2 + k^2)^2}$$
26.  $t \operatorname{senh} kt$ 

$$\frac{2ks}{(s^2 - k^2)^2}$$
27.  $t \cosh kt$ 

$$\frac{s^2 + k^2}{(s^2 - k^2)^2}$$
28.  $\frac{e^{at} - e^{bt}}{a - b}$ 

$$\frac{1}{(s - a)(s - b)}$$
29.  $\frac{ae^{at} - be^{bt}}{a - b}$ 

$$\frac{s}{(s - a)(s - b)}$$
30.  $1 - \cos kt$ 

$$\frac{k^2}{s(s^2 + k^2)}$$
31.  $kt - \operatorname{sen} kt$ 

$$\frac{k^3}{s^2(s^2 + k^2)}$$
32.  $\frac{a \operatorname{sen}bt - b \operatorname{sen}at}{ab(a^2 - b^2)}$ 

$$\frac{s}{(s^2 + a^2)(s^2 + b^2)}$$
33.  $\frac{\cos bt - \cos at}{a^2 - b^2}$ 

$$\frac{s}{(s^2 + a^2)(s^2 + b^2)}$$
34.  $\operatorname{sen} kt \operatorname{senh} kt$ 

$$\frac{2k^2s}{s^3 + 4k^4}$$
35.  $\operatorname{sen} kt \cosh kt$ 

$$\frac{k(s^2 + 2k^2)}{s^4 + 4k^4}$$
36.  $\operatorname{cos} kt \cosh kt$ 

$$\frac{s^3}{s^4 + 4k^4}$$
37.  $\operatorname{cos} kt \cosh kt$ 

$$\frac{s^3}{s^4 + 4k^4}$$
38.  $J_0(kt)$ 

$$\frac{1}{\sqrt{s^2 + k^2}}$$

 $\mathcal{L}\{f(t)\} = F(s)$ 

$$\mathcal{L}{f(t)} = F(s)$$

$$39. \quad \frac{e^{bt} - e^{at}}{t} \qquad \qquad \ln \frac{s - a}{s - b}$$

42. 
$$\frac{\operatorname{sen} at}{t}$$
  $\arctan\left(\frac{a}{s}\right)$ 

43. 
$$\frac{\operatorname{sen} at \cos bt}{t}$$
  $\frac{1}{2} \arctan \frac{a+b}{s} + \frac{1}{2} \arctan \frac{a-b}{s}$ 

$$44. \quad \frac{1}{\sqrt{\pi t}}e^{-a^2/4t} \qquad \qquad \frac{e^{-a\sqrt{4}}}{\sqrt{s}}$$

**45.** 
$$\frac{a}{2\sqrt{\pi t^3}}e^{-a^2/4t}$$
  $e^{-a\sqrt{s}}$ 

**46.** 
$$\operatorname{erfc}\left(\frac{a}{2\sqrt{t}}\right)$$
  $\frac{e^{-a\sqrt{s}}}{s}$ 

47. 
$$2\sqrt{\frac{t}{\pi}}e^{-a^2/4t} - a\operatorname{erfc}\left(\frac{a}{2\sqrt{t}}\right)$$
  $\frac{e^{-a\sqrt{s}}}{s\sqrt{s}}$ 

**48.** 
$$e^{ab}e^{b^2t}\operatorname{erfc}\left(b\sqrt{t} + \frac{a}{2\sqrt{t}}\right)$$
 
$$\frac{e^{-a\sqrt{s}}}{\sqrt{s}(\sqrt{s} + b)}$$

**49.** 
$$-e^{ab}e^{b^2t}\operatorname{erfc}\left(b\sqrt{t} + \frac{a}{2\sqrt{t}}\right)$$
  $\frac{be^{-a\sqrt{s}}}{s(\sqrt{s}+b)}$   $+\operatorname{erfc}\left(\frac{a}{2\sqrt{t}}\right)$ 

**50.** 
$$e^{at}f(t)$$
  $F(s-a)$ 

51. 
$$\mathcal{U}(t-a)$$
 
$$\frac{e^{-as}}{s}$$

**52.** 
$$f(t-a)\mathcal{U}(t-a)$$
  $e^{-as}F(s)$ 

**53.** 
$$g(t)\mathcal{U}(t-a)$$
  $e^{-as}\mathcal{L}\lbrace g(t+a)\rbrace$ 

**54.** 
$$f^{(n)}(t)$$
  $s^n F(s) = s^{(n-1)} f(0) - \cdots - f^{(n-1)}(0)$ 

$$(-1)^n \frac{d^n}{ds^n} F(s)$$

**56.** 
$$\int_0^t f(\tau)g(t-\tau)d\tau \qquad F(s)G(s)$$

**57.** 
$$\delta(t)$$

**58.** 
$$\delta(t-t_0)$$
  $e^{-st_0}$