



#### Universidad Nacional del Litoral

# Facultad de Ingeniería y Ciencias Hídricas

# Estadística

Ingeniería en Informática

**Mg. Susana Vanlesberg:** Profesor Titular **Analista Juan Pablo Taulamet:** Profesor Adjunto

:: GUÍA 2 ::				
VARIABLES ALEATORIAS				
:: RESPUE	STAS ::	:: 2023 ::		

### Ejercicio 1

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{si } x < 0 \\ 0.41 & \text{si } 0 \le x < 1 \\ 0.78 & \text{si } 1 \le x < 2 \\ 0.94 & \text{si } 2 \le x < 3 \\ 0.99 & \text{si } 3 \le x < 4 \\ 1 & \text{si } x \ge 4 \end{cases}$$

$$1 - F(3) = 1\%$$

### Ejercicio 2

a) 
$$f(x) = e^{-x}$$
 y  $P(X > 2) = 13\%$ 

b)  $f_{XY}(x,y) = f_X(x)f_Y(y)$  para todo x > 0, y > 0, luego las variables X e Y son independientes.

c) 26%

#### Ejercicio 3

25%

## Ejercicio 4

a)

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{a} + \frac{x}{a^2} & \text{si } -a \le x < 0\\ \frac{1}{a} - \frac{x}{a^2} & \text{si } 0 \le x < a\\ 0 & \text{en otro caso} \end{cases}$$

b)

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{si } x < -a \\ \frac{x^2}{2a^2} + \frac{1}{a}x + \frac{1}{2} & \text{si } -a \le x < 0 \\ -\frac{x^2}{2a^2} + \frac{1}{a}x + \frac{1}{2} & \text{si } 0 \le x < a \\ 1 & \text{si } x \ge a \end{cases}$$

## Ejercicio 5

a)

$$f_X(x) = \begin{cases} \frac{2}{3}(x+1) & \text{si } 0 \le x \le 1\\ 0 & \text{en otro caso} \end{cases}$$

b)

$$f_Y(y) = \begin{cases} \frac{1}{3}(4y+1) & \text{si } 0 \le y \le 1\\ 0 & \text{en otro caso} \end{cases}$$

- c) 25 %
- d) 33.33 %

# Ejercicio 6

y	1	2	3
$f_Y(y)$	0.2	0.5	0.3

- b) 57 %
- c) No, pues  $f_{XY}(1,3) = 0 \neq f_X(1)f_Y(3) = 0.1 * 0.3$

## Ejercicio 7

a) 90 % b) 0 % c) 90 % d) 10 % e) 70 %