

Pregunta 1

Sin responder aún

Puntúa como 12,50

⚑ Marcar pregunta

En un problema de conducción del calor en 1D como el siguiente:

$$k \frac{\partial^2 \phi}{\partial x^2} = 0$$

una condición de contorno de flujo nulo que tenga segundo orden de precisión usando un nodo ficticio se escribe como:

$$\alpha_i \phi_i + \alpha_{i-1} \phi_{i-1} = 0$$

¿Cuanto valen los coeficientes α involucrados?

Pregunta 2

Sin responder aún

Puntúa como 12,50

⚑ Marcar pregunta

Un sistema lineal de un problema discretizado por Diferencias Finitas se puede escribir como:

$$\begin{bmatrix} K_{11} & K_{1j} & K_{1,N} \\ K_{i1} & K_{ij} & K_{i,N} \\ K_{N1} & K_{Nj} & K_{N,N} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \phi_1 \\ \phi_i \\ \phi_N \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} F_1 \\ F_i \\ F_N \end{bmatrix}$$

siendo $(1,N)$ los índices de los nodos extremos, siendo (i) el de los nodos interiores.

Si hay que aplicarle condiciones **Dirichlet** en ambos extremos del tipo $\phi_1 = -1$ y $\phi_N = 2$, ¿Como modificaría el anterior sistema lineal para que se cumplan estas condiciones ?

Pregunta 3

Sin responder aún

Puntúa como 12,50

El **termino reactivo** en un problema discretizado por **volúmenes finitos** ¿modifica la matriz del sistema? (S/N).

¿Modifica el miembro derecho? (S/N).

Pregunta 4

Sin responder aún

Puntúa como 12,50

⚑ Marcar pregunta

En una grilla **1D equiespaciada**, de paso $\Delta x = 0.1$ definida $\forall x \in [0,1]$ se define la función

$$f(x) = x^4 - 2x^3 + x$$

Calcule la **derivada primera usando volúmenes finitos centrados o de interpolación lineal** en el punto $x = 0.4$.

Repita el procedimiento usando un paso mitad, es decir, $\Delta x = 0.05$ y estime el error en ambos cálculos.

¿Qué conclusión puede sacar del ejercicio?

Pregunta 5

Sin responder aún

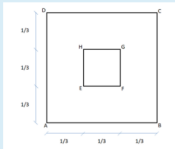
Puntúa como 25,00

⚑ Marcar pregunta

Dada la ecuación diferencial que modela la transferencia de calor en dos dimensiones,

$$\rho c_p \frac{\partial \phi}{\partial t} = \nabla \cdot (k \nabla \phi) - c \phi + G$$

Considerar el dominio de análisis, donde A se encuentra en (0,0) y C en (1,1).



Las condiciones de borde e iniciales son:

$$\text{Lado: } \overline{AD} \rightarrow \phi = 20;$$

$$\text{Lado: } \overline{BC} \rightarrow \phi = 100;$$

$$\text{Lado: } \overline{CD} \rightarrow h = 5, \phi_{\infty} = 20;$$

$$\text{Lado: } \overline{EF} = \overline{FG} = \overline{GH} = \overline{HE} \rightarrow q = 0;$$

$$\text{Condición Inicial: } \phi = 0;$$

Las constantes del modelo son: $k = 0.5$; $c = 0$; $\rho c_p = 1$

Resolver el problema utilizando un refinamiento de malla "Alto". Seleccionar un esquema implícito con un paso de tiempo $dt = 0.25$, tolerancia de error $error = 1e^{-7}$ y un total de 1000 iteraciones como máximo.

Considerar: $\overline{AB} \rightarrow q(x) = 0$ y $G = 100(x+y)$.

a) Resolver el problema mediante el **método de diferencias finitas e informar:**

- Si el problema llega a un estado estacionario o no para el paso de tiempo, cantidad de iteraciones y tolerancia indicadas.
- La temperatura alcanzada en el punto $(1/2; 1/6)$ y en el punto $(1/2; 5/6)$, especificando también en que paso de tiempo se encuentra dicho resultado.
- Los valores de temperatura en el punto $(5/6; 1/2)$ en

Pregunta 6

Sin responder aún

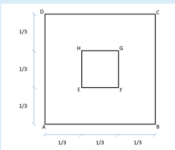
Puntúa como 25,00

⚑ Marcar pregunta

Dada la ecuación diferencial que modela la transferencia de calor en dos dimensiones,

$$\rho c_p \frac{\partial \phi}{\partial t} = \nabla \cdot (k \nabla \phi) - c \phi + G$$

Considerar el dominio de análisis, donde A se encuentra en (0,0) y C en (1,1).



Las condiciones de borde e iniciales son:

$$\text{Lado: } \overline{AD} \rightarrow \phi = 20;$$

$$\text{Lado: } \overline{BC} \rightarrow \phi = 100;$$

$$\text{Lado: } \overline{CD} \rightarrow h = 5, \phi_{\infty} = 20;$$

$$\text{Lado: } \overline{EF} = \overline{FG} = \overline{GH} = \overline{HE} \rightarrow q = 0;$$

$$\text{Condición Inicial: } (\phi = 0; \psi)$$

Las constantes del modelo son: $k = 0.5$; $c = 0$; $\rho c_p = 1$

Resolver el problema utilizando un refinamiento de malla "Alto". Seleccionar un esquema implícito con un paso de tiempo $dt = 0.25$, tolerancia de error $error = 1e^{-7}$ y un total de 1000 iteraciones como máximo.

Considerar: $\overline{AB} \rightarrow q(x) = 0$ y

$$G = \begin{cases} 0, & 0 \leq x \leq 0.5 \\ 100, & 0.5 < x \leq 1 \end{cases}$$

a) Resolver el problema mediante el **método de volúmenes finitos (espesor unitario) e informar:**

- Si el problema llega a un estado estacionario o no para el paso de tiempo, cantidad de iteraciones y tolerancia indicadas.