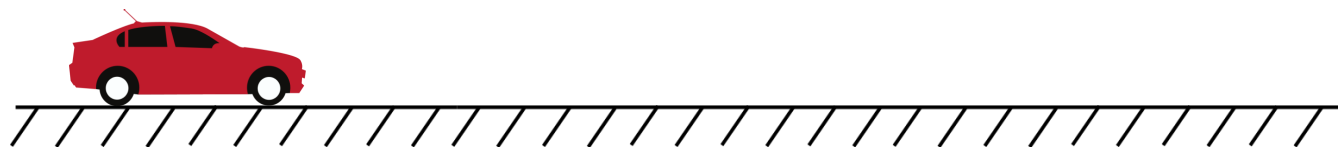
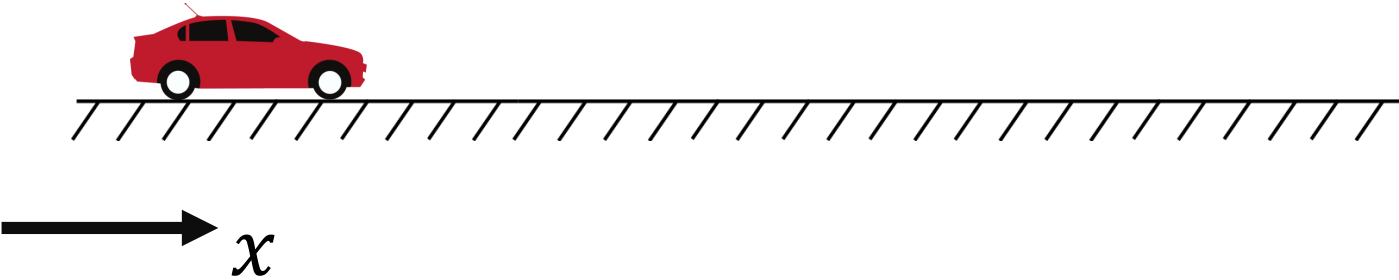


Cap2: Cinemática 1D

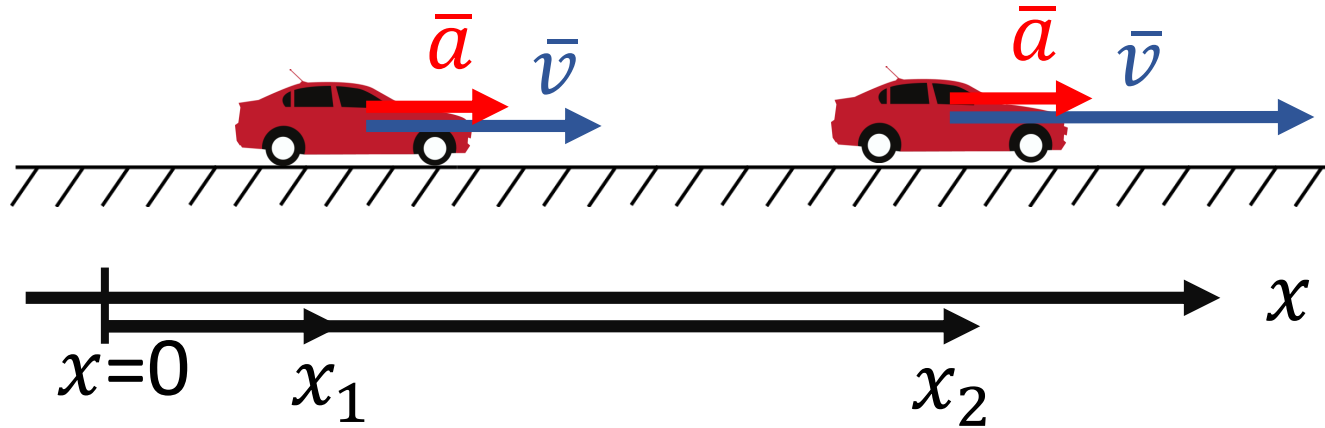


Cap2: Cinemática 1D



Cap2: Cinemática 1D

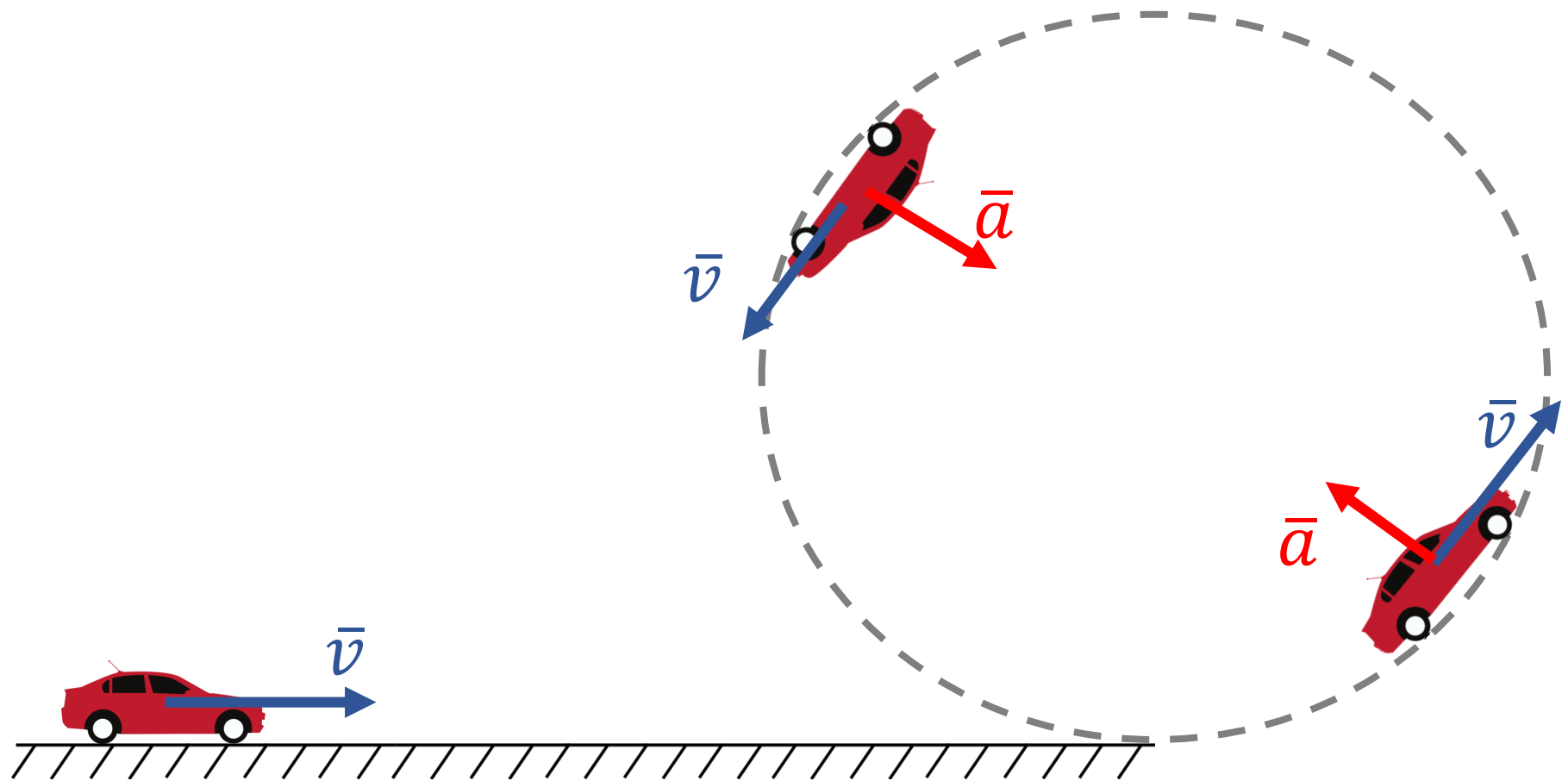
$$x(t) = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$$



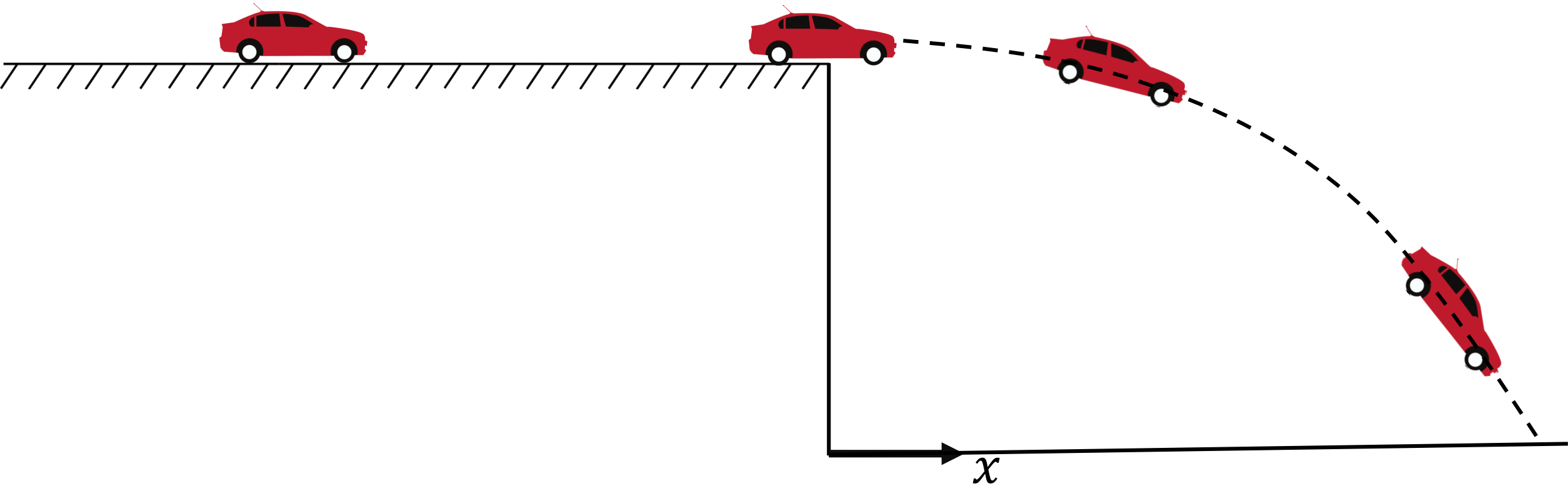
Cap3: Cinemática 2D



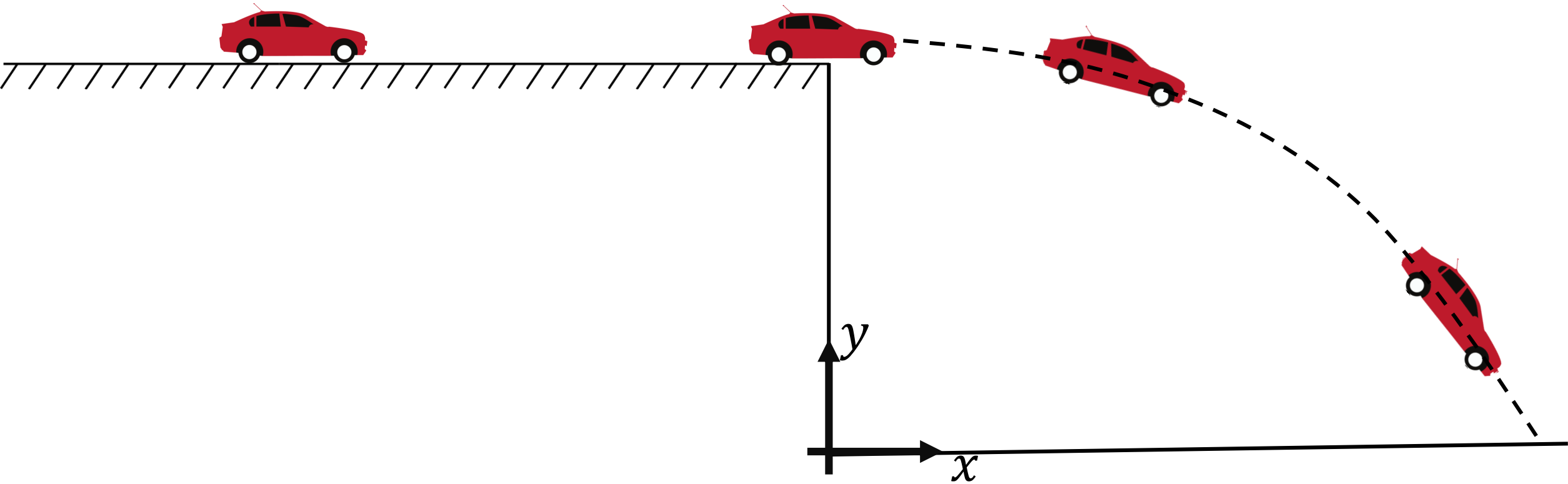
Cap3: Cinemática 2D



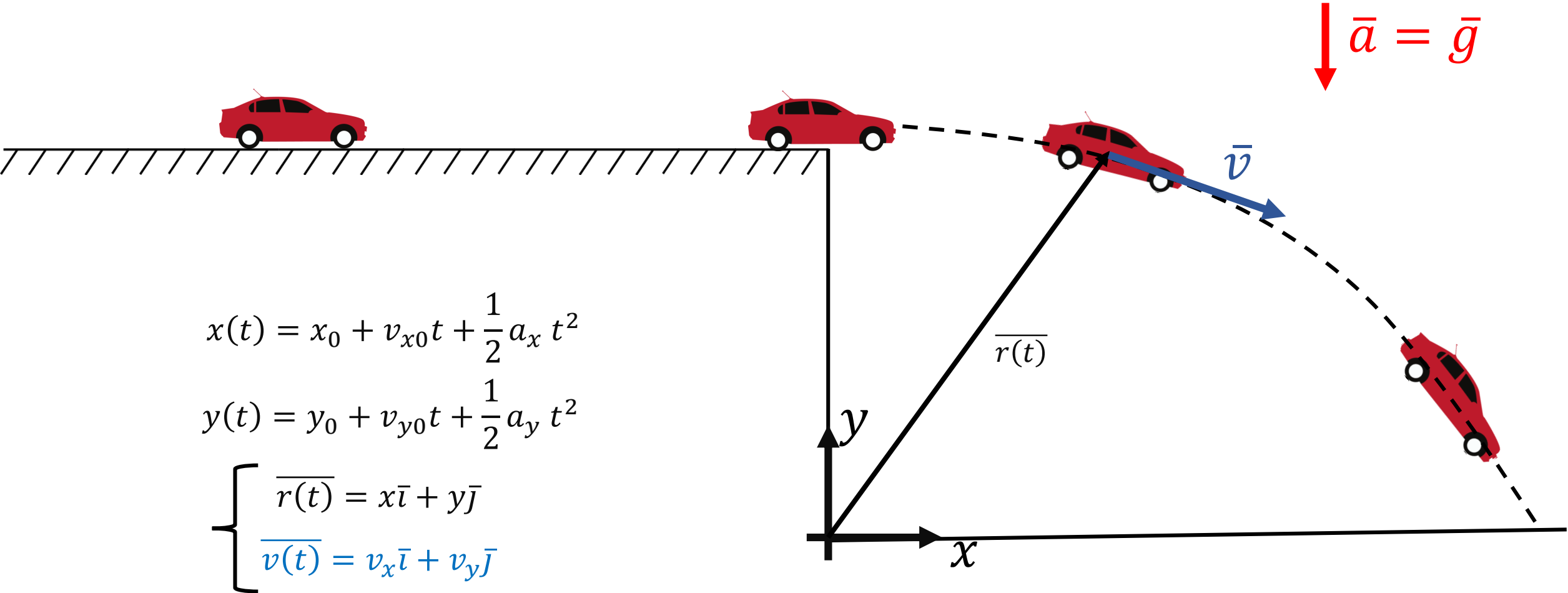
Cap3: Cinemática 2D



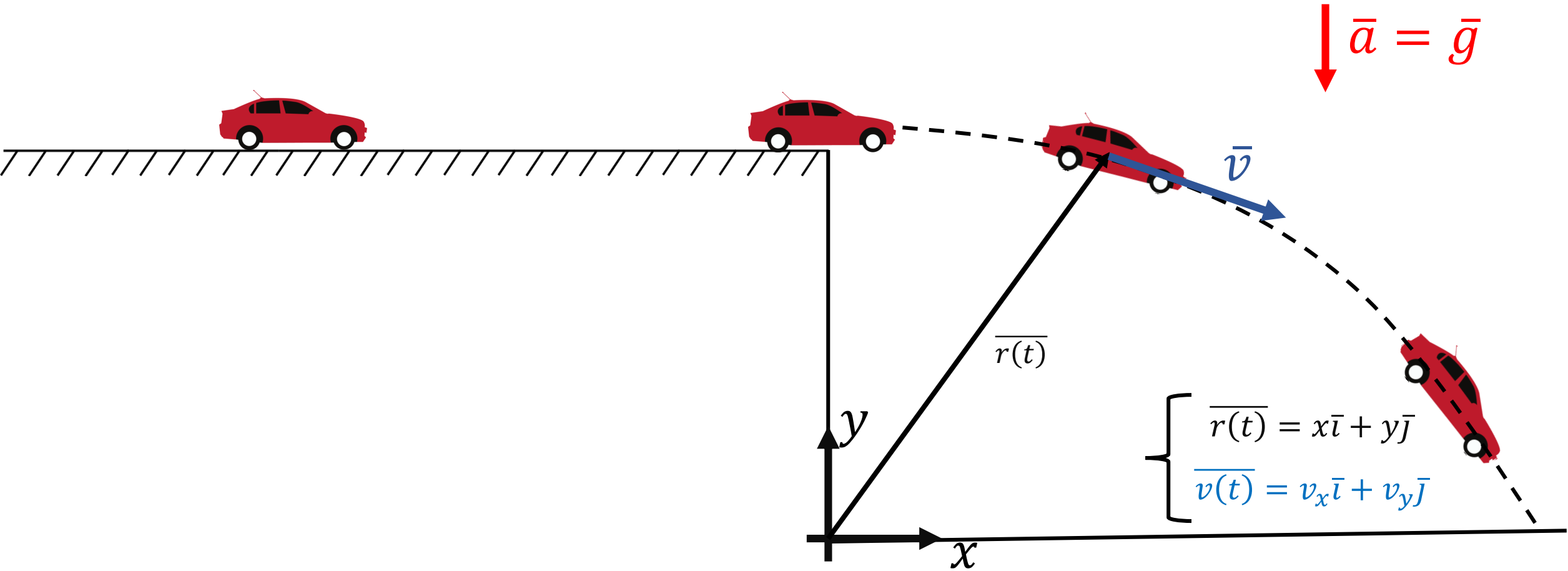
Cap3: Cinemática 2D



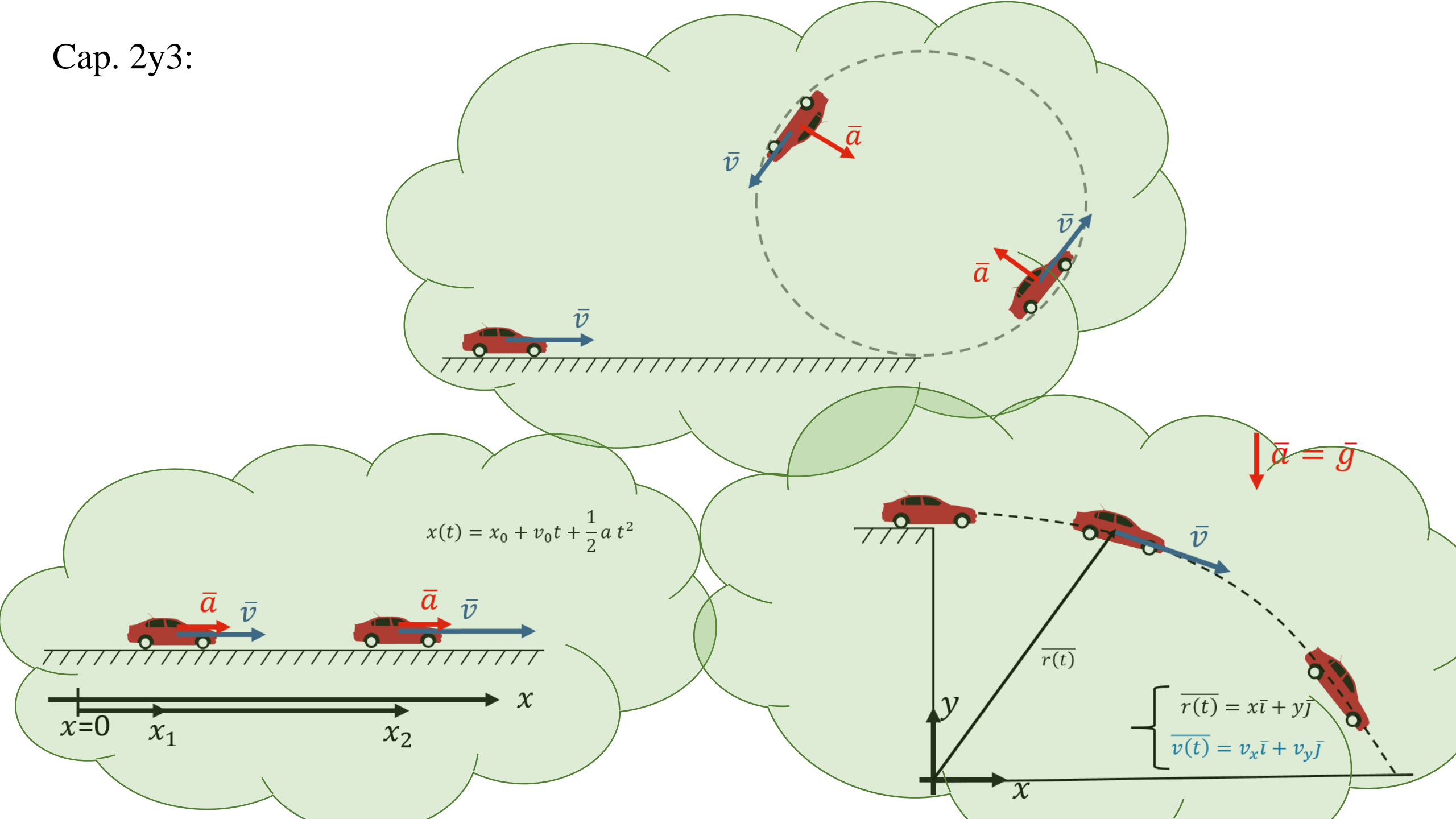
Cap3: Cinemática 2D



Cap3: Cinemática 2D



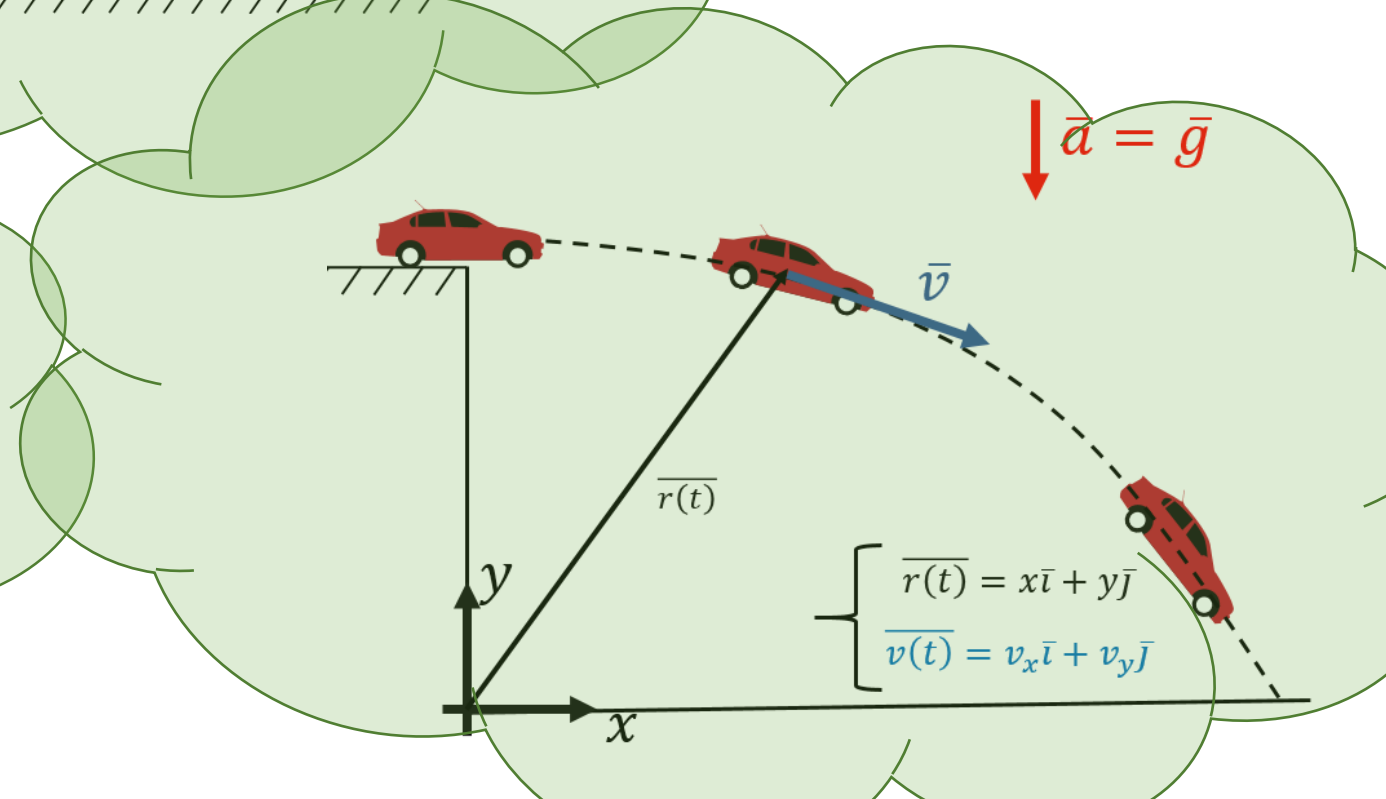
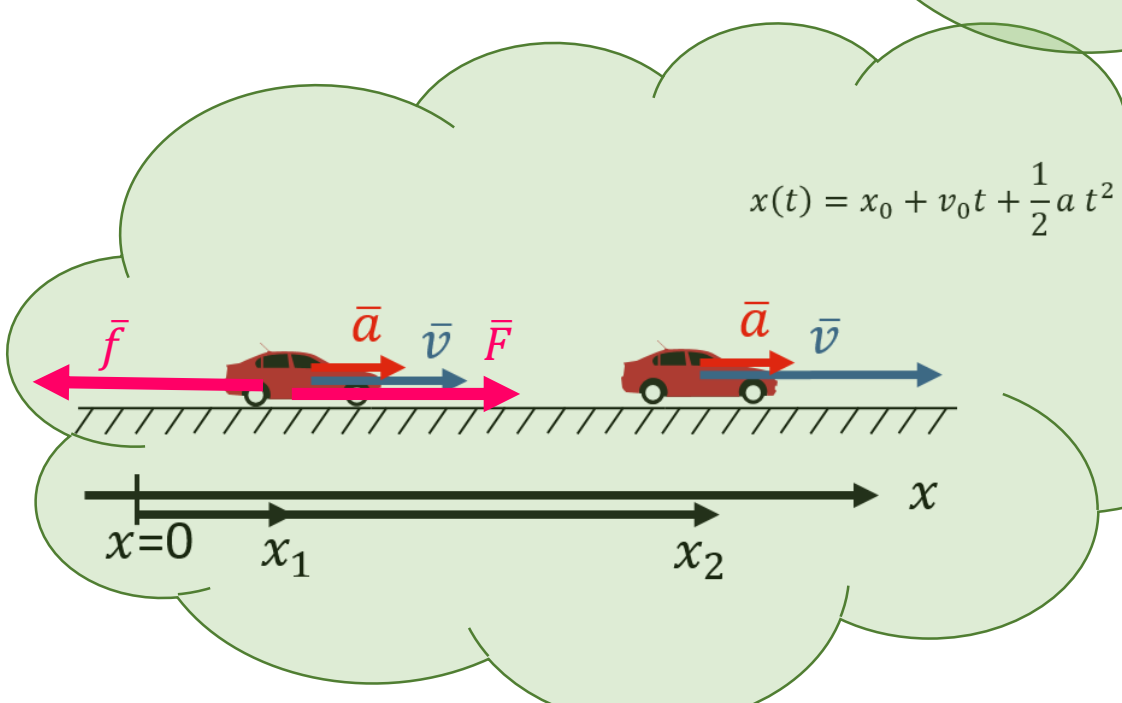
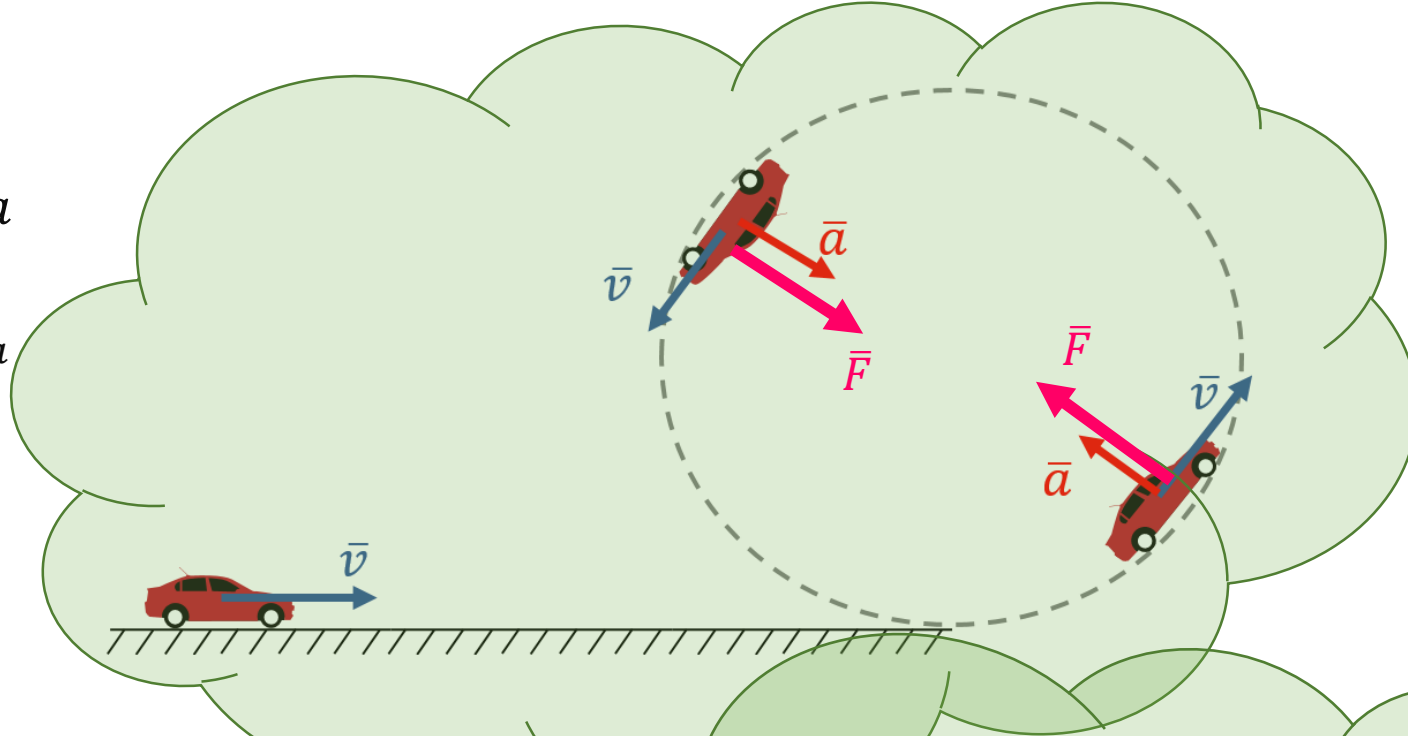
Cap. 2y3:



Cap. 4y5: Dinámica

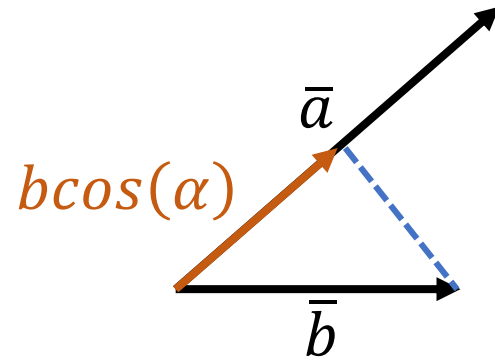


- $\sum F = ma$
- $F_{ab} = -F_{ba}$



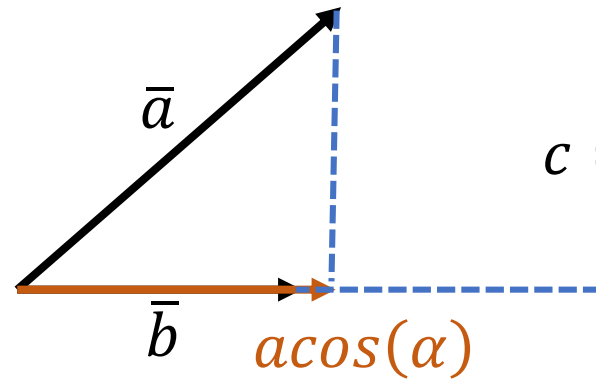
Cap. 6: Trabajo y energía

PRODUCTO ESCALAR DE DOS VECTORES:

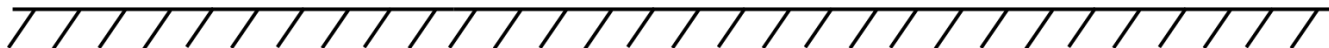


$$c = \vec{a} \cdot \vec{b} = a(b \cos(\alpha))$$

$$c = \vec{b} \cdot \vec{a}$$

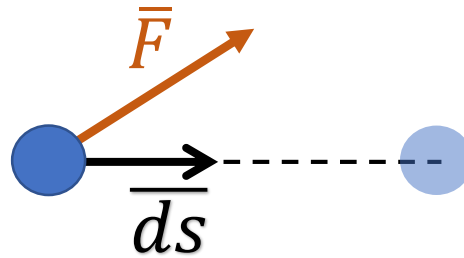


$$c = \vec{b} \cdot \vec{a} = b(a \cos(\alpha)) = \vec{a} \cdot \vec{b}$$



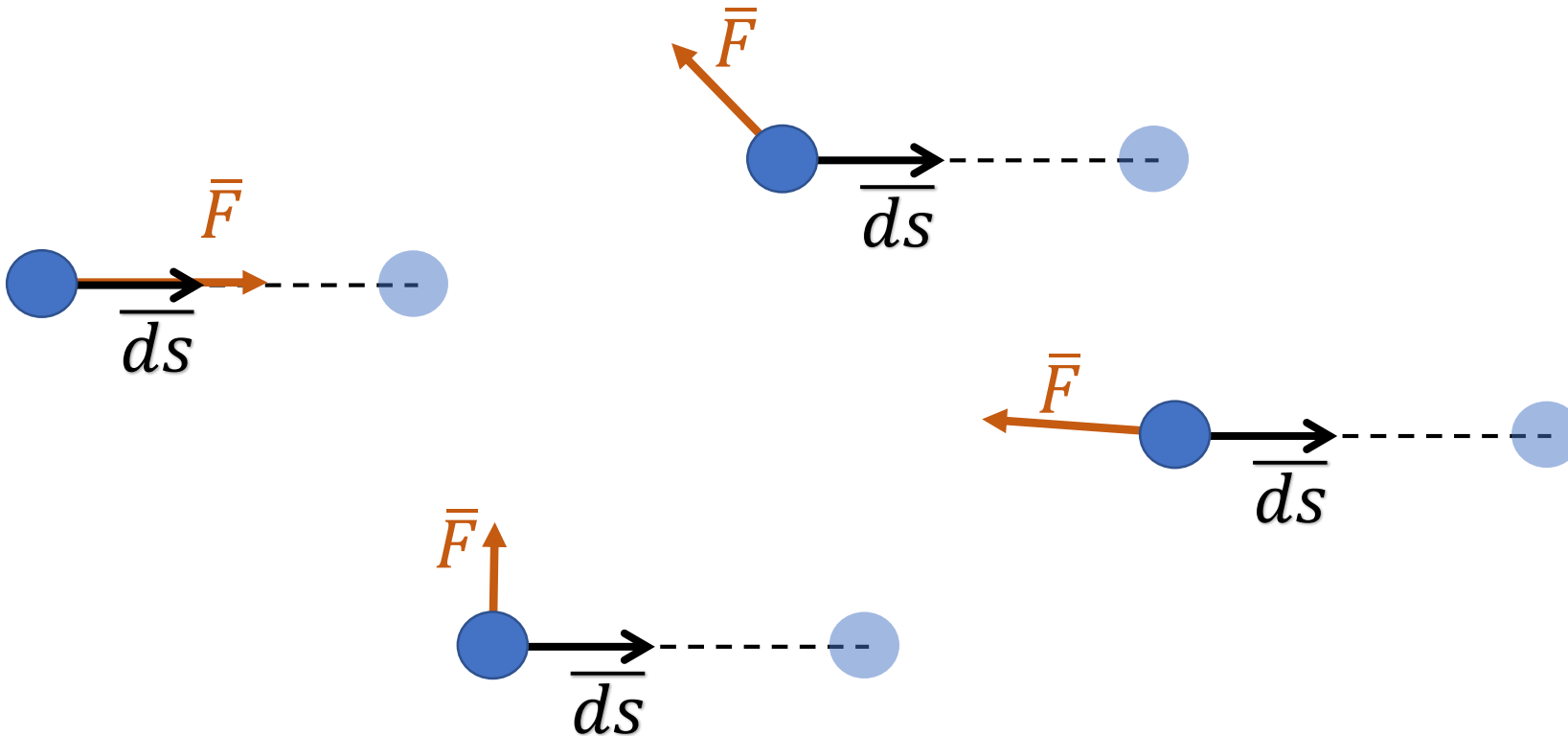
Trabajo de una Fuerza F :

$$w_F = \int \overline{F} \cdot \overline{ds} = \int F \cos(\alpha) ds$$

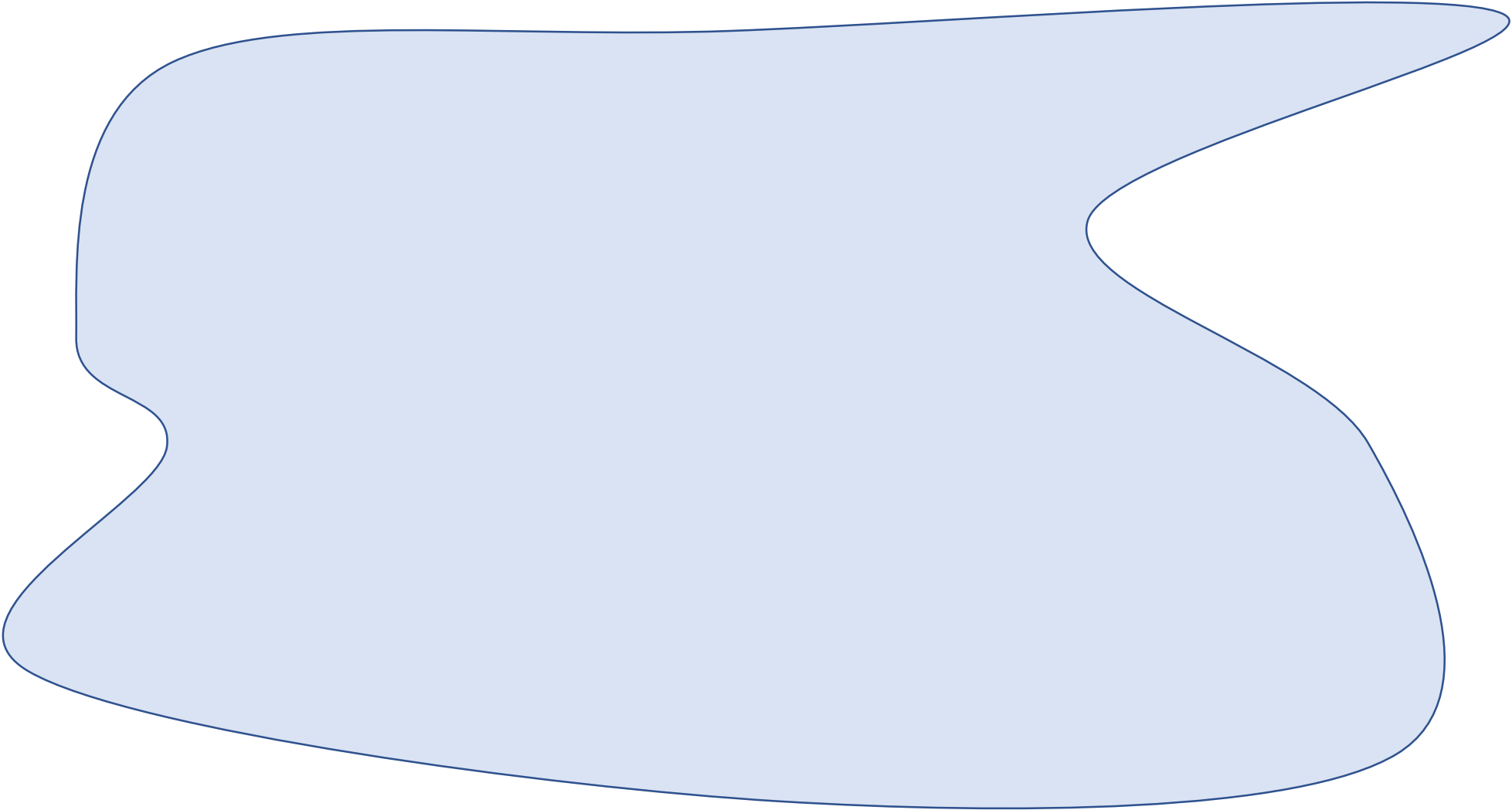


Trabajo de una Fuerza \vec{F} :

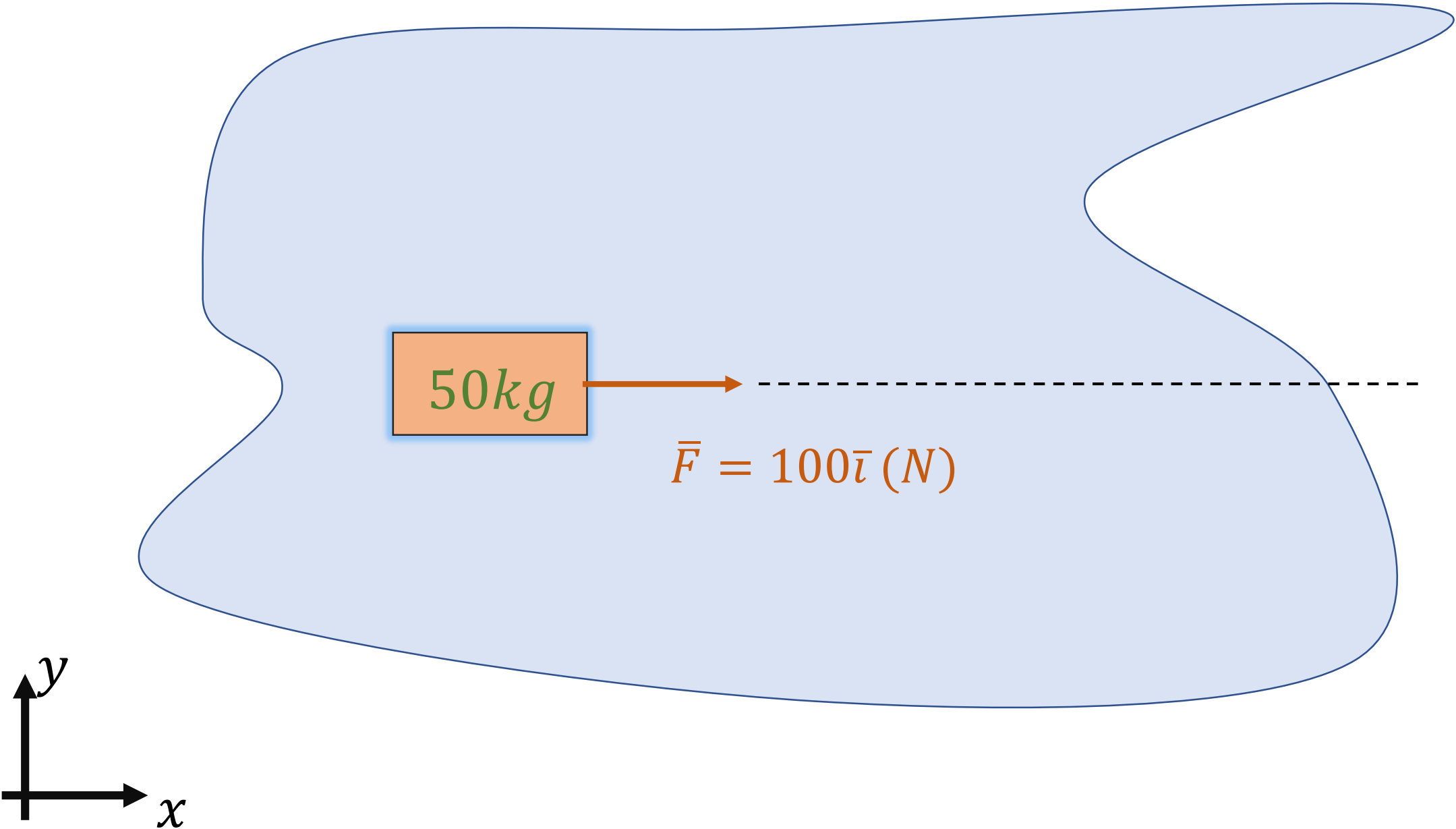
$$W_F = \int \vec{F} \cdot d\vec{s} = \int F \cos(\alpha) ds$$



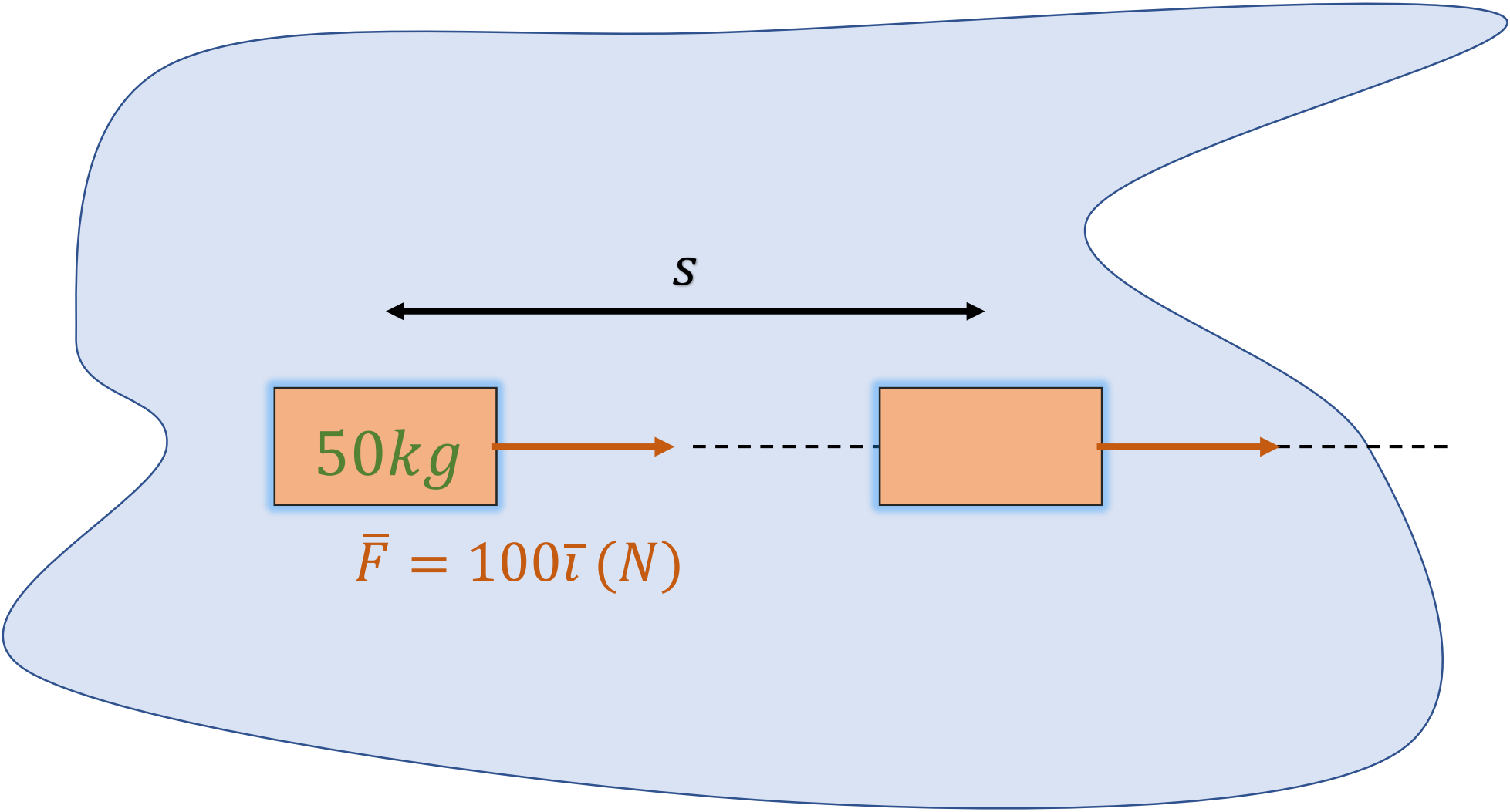
Cap. 6: Trabajo y energía



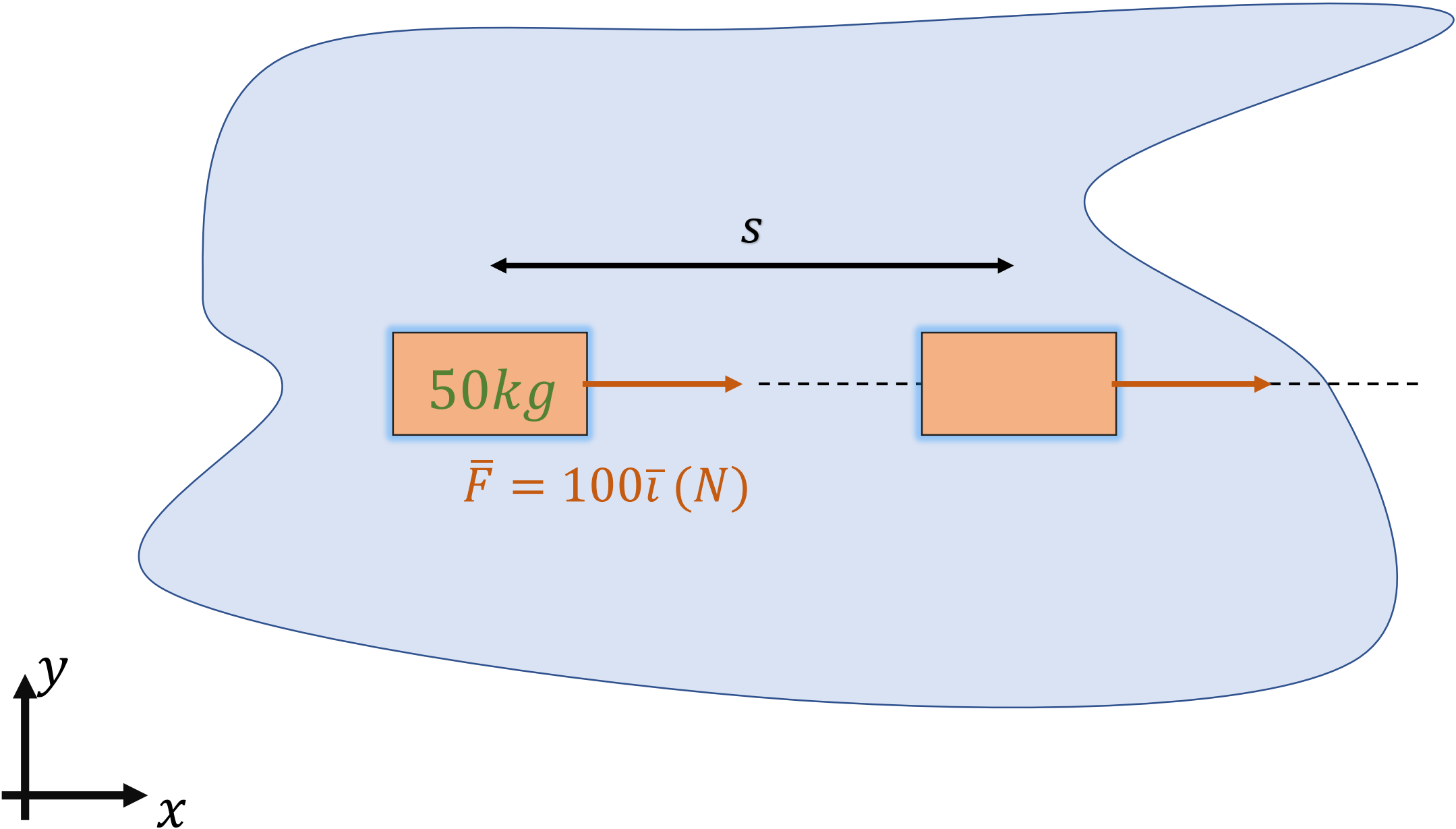
Cap. 6: Trabajo y energía



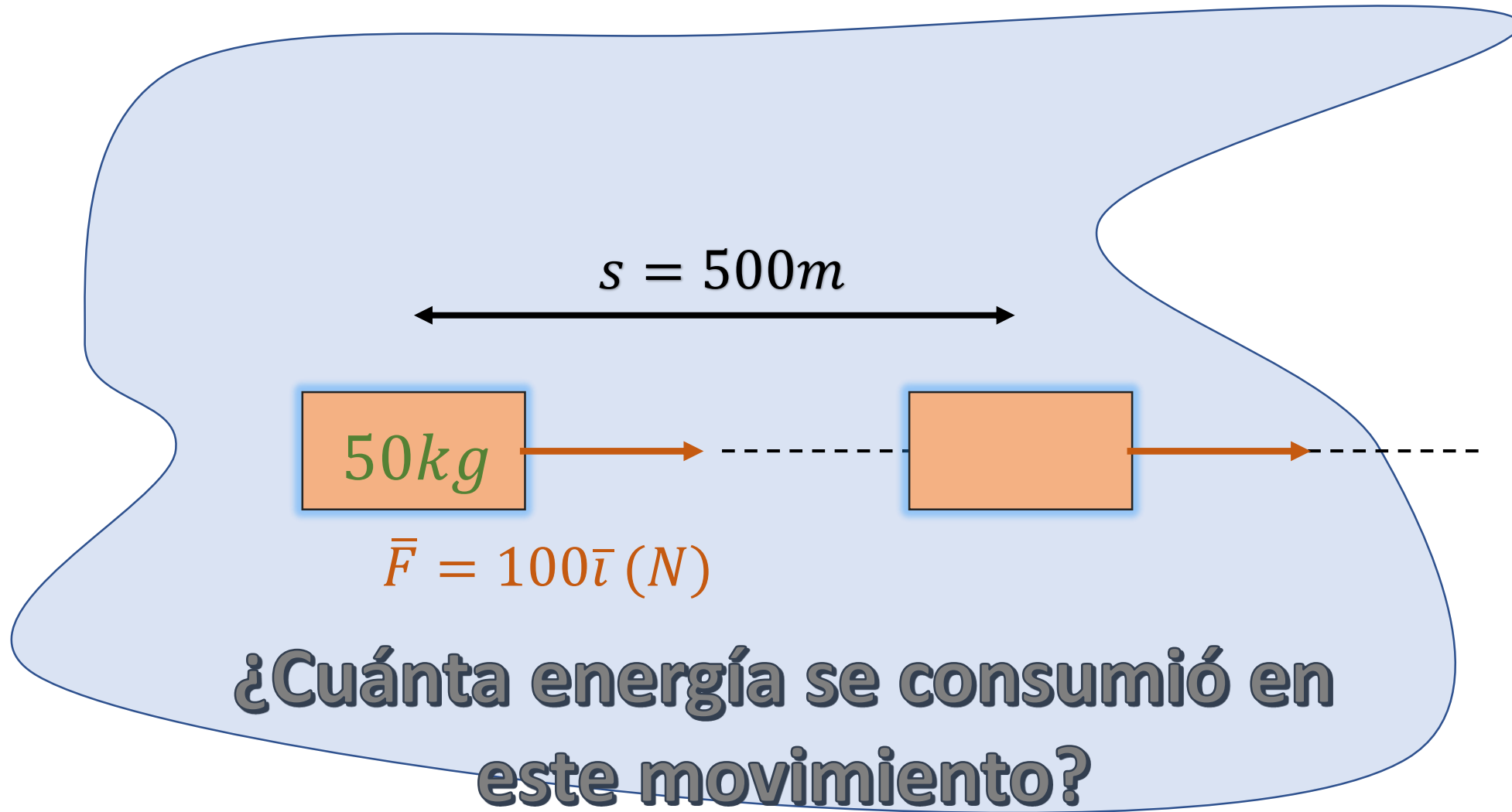
Cap. 6: Trabajo y energía



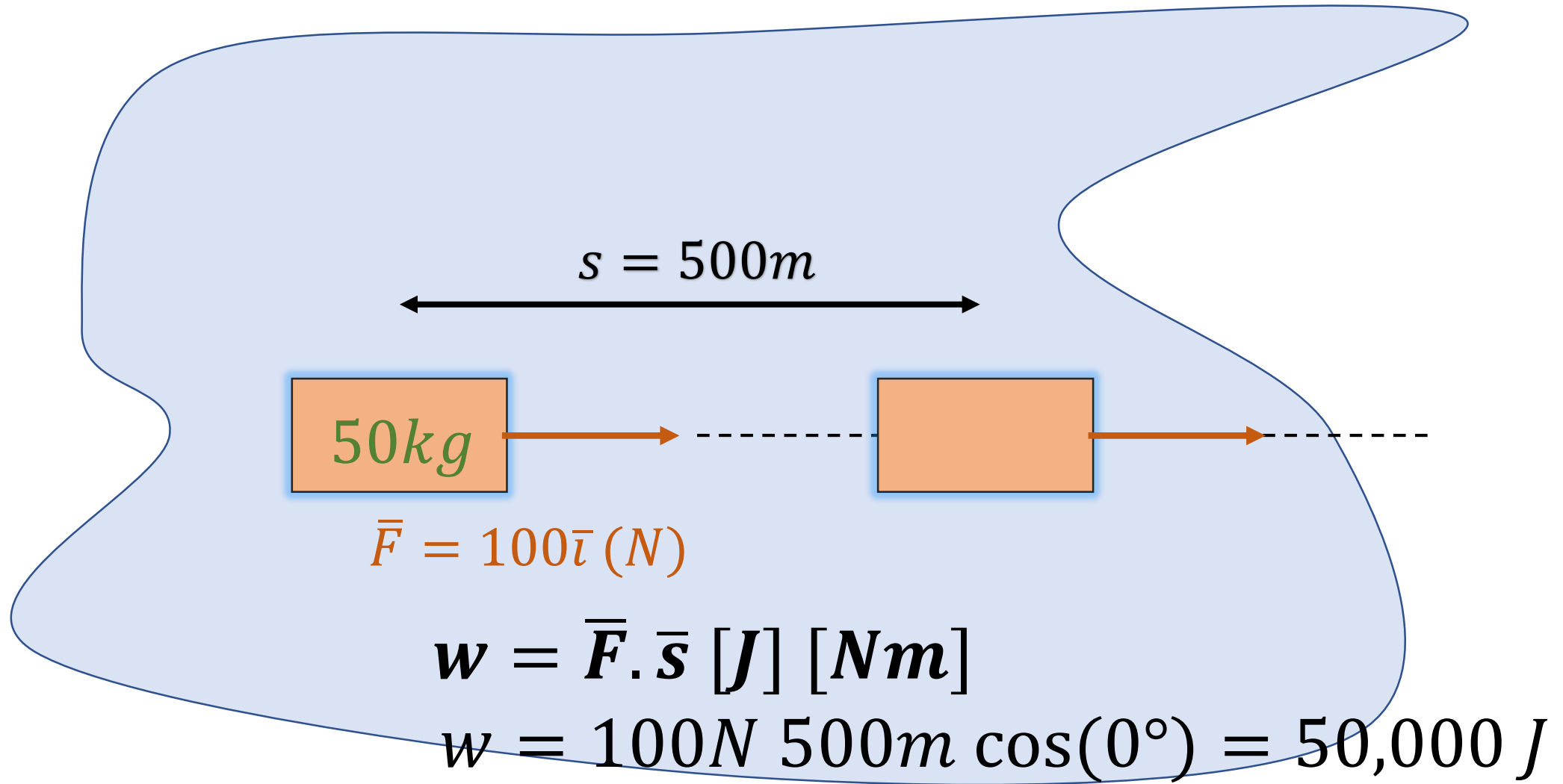
Cap. 6: Trabajo y energía



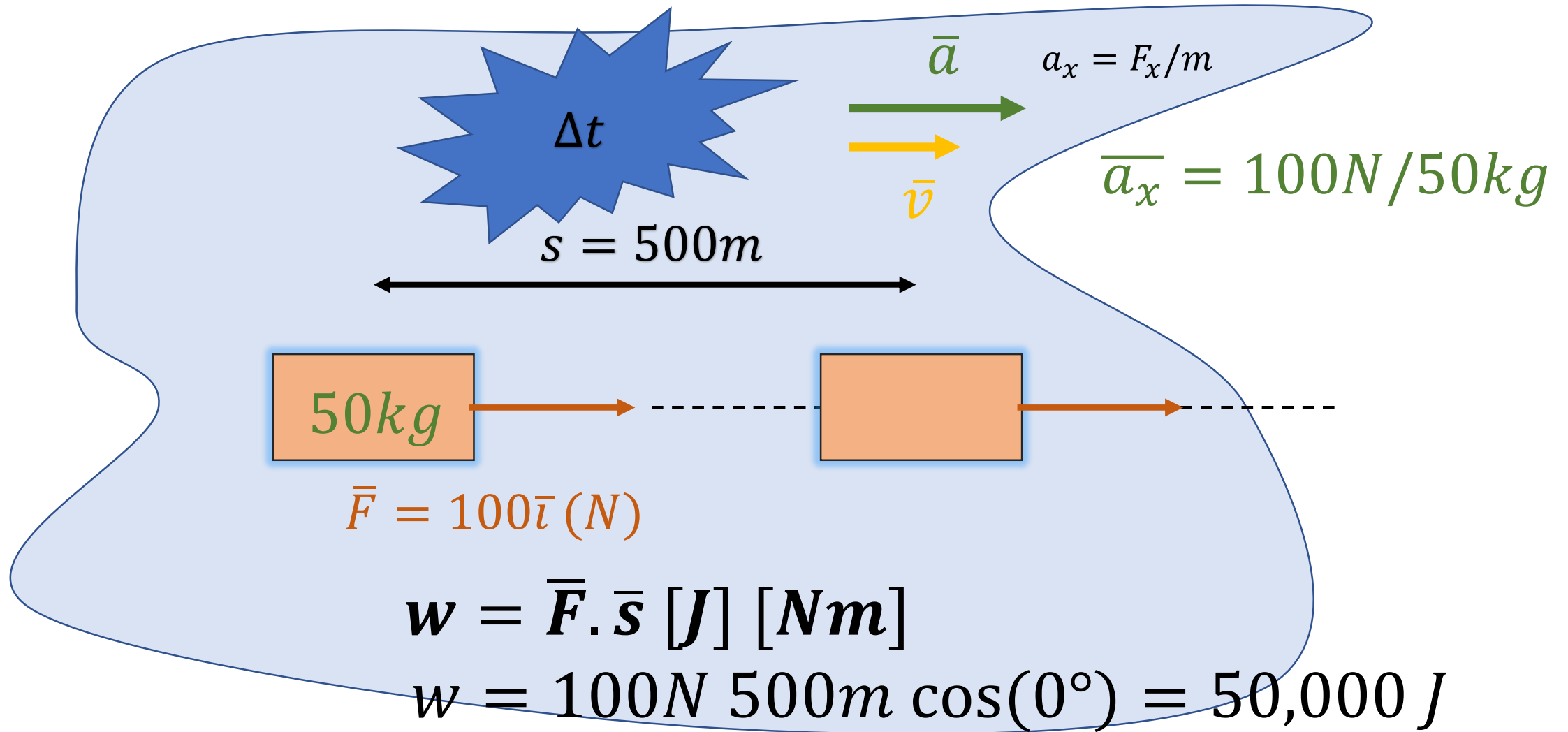
Cap. 6: Trabajo y energía



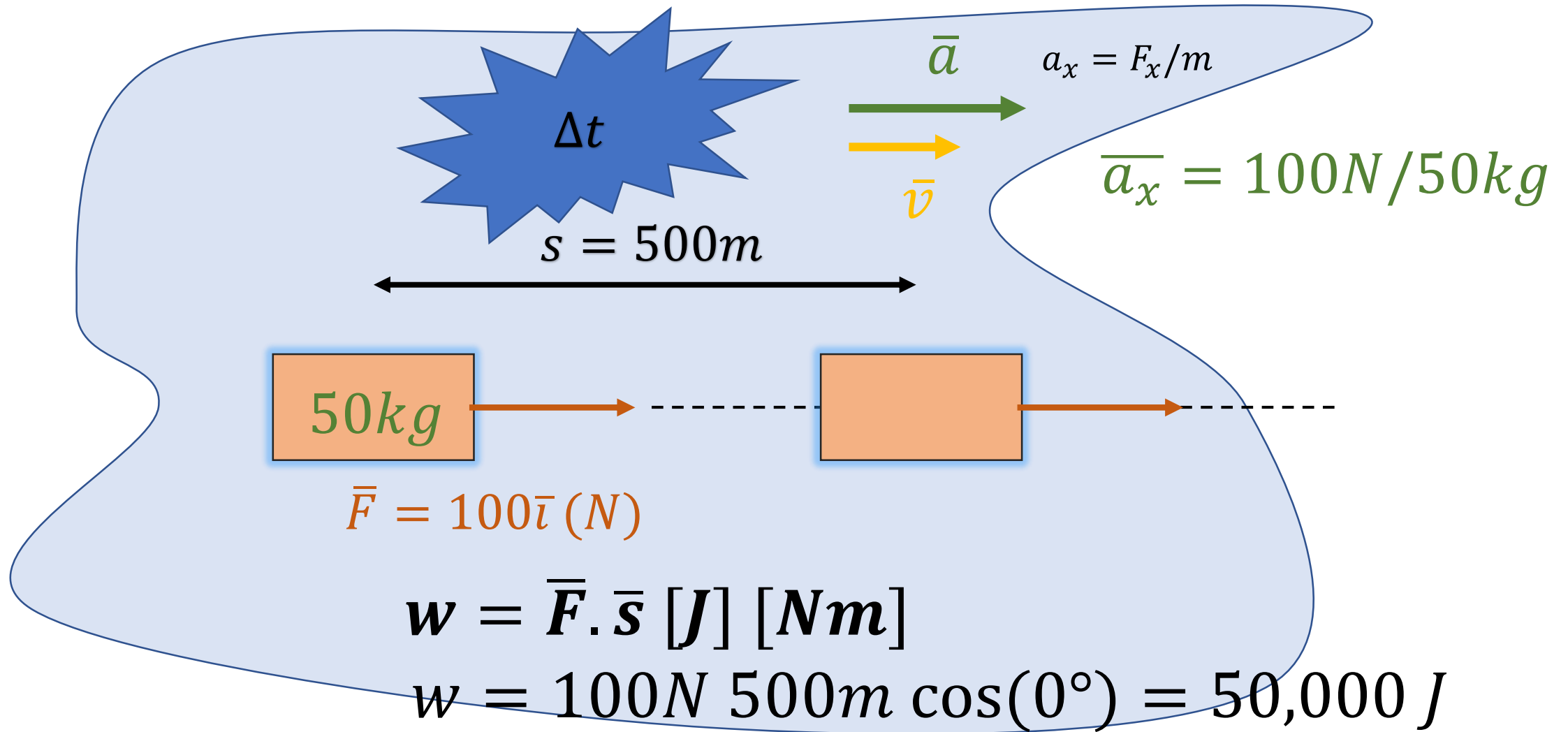
Cap. 6: Trabajo y energía



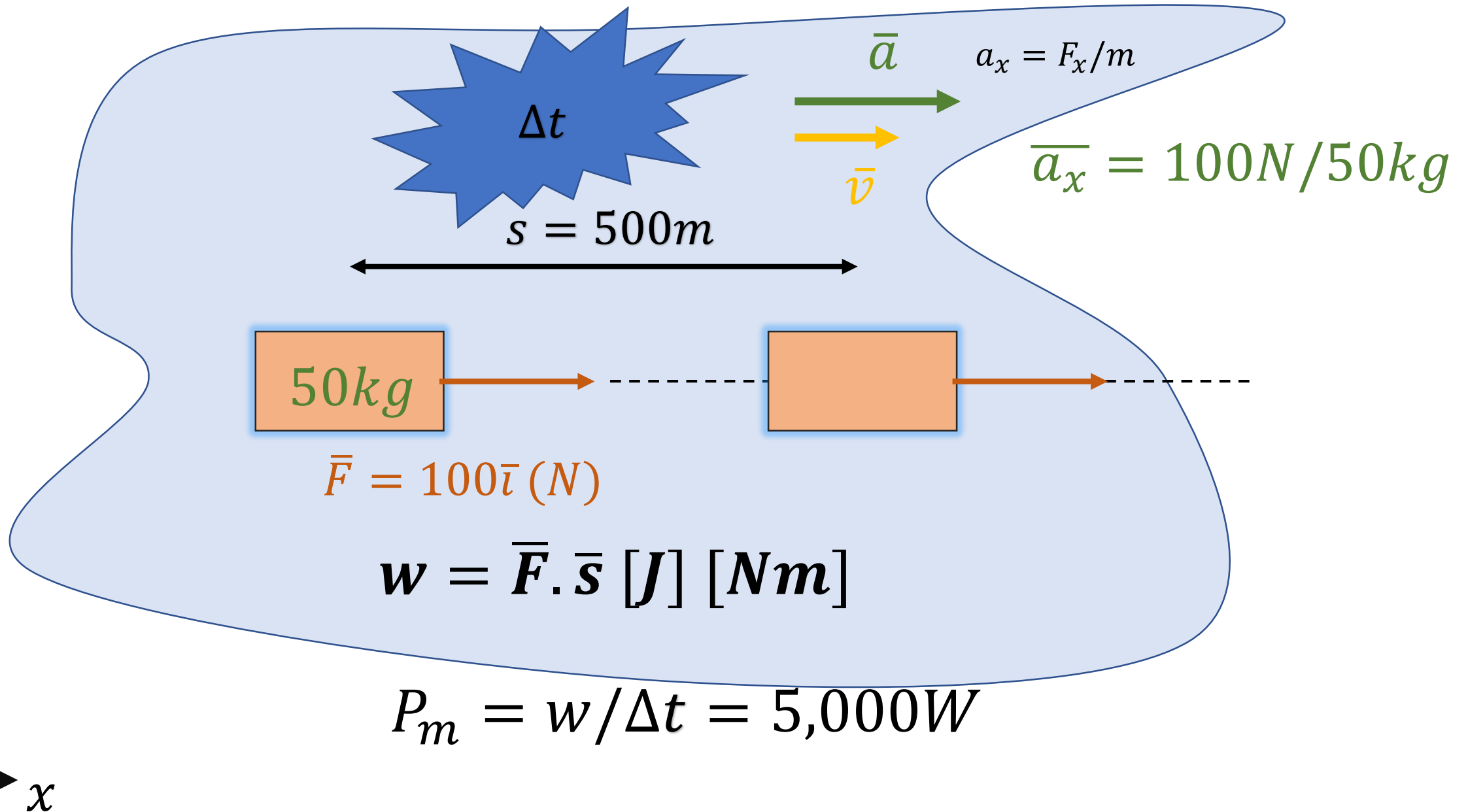
Cap. 6: Trabajo y energía



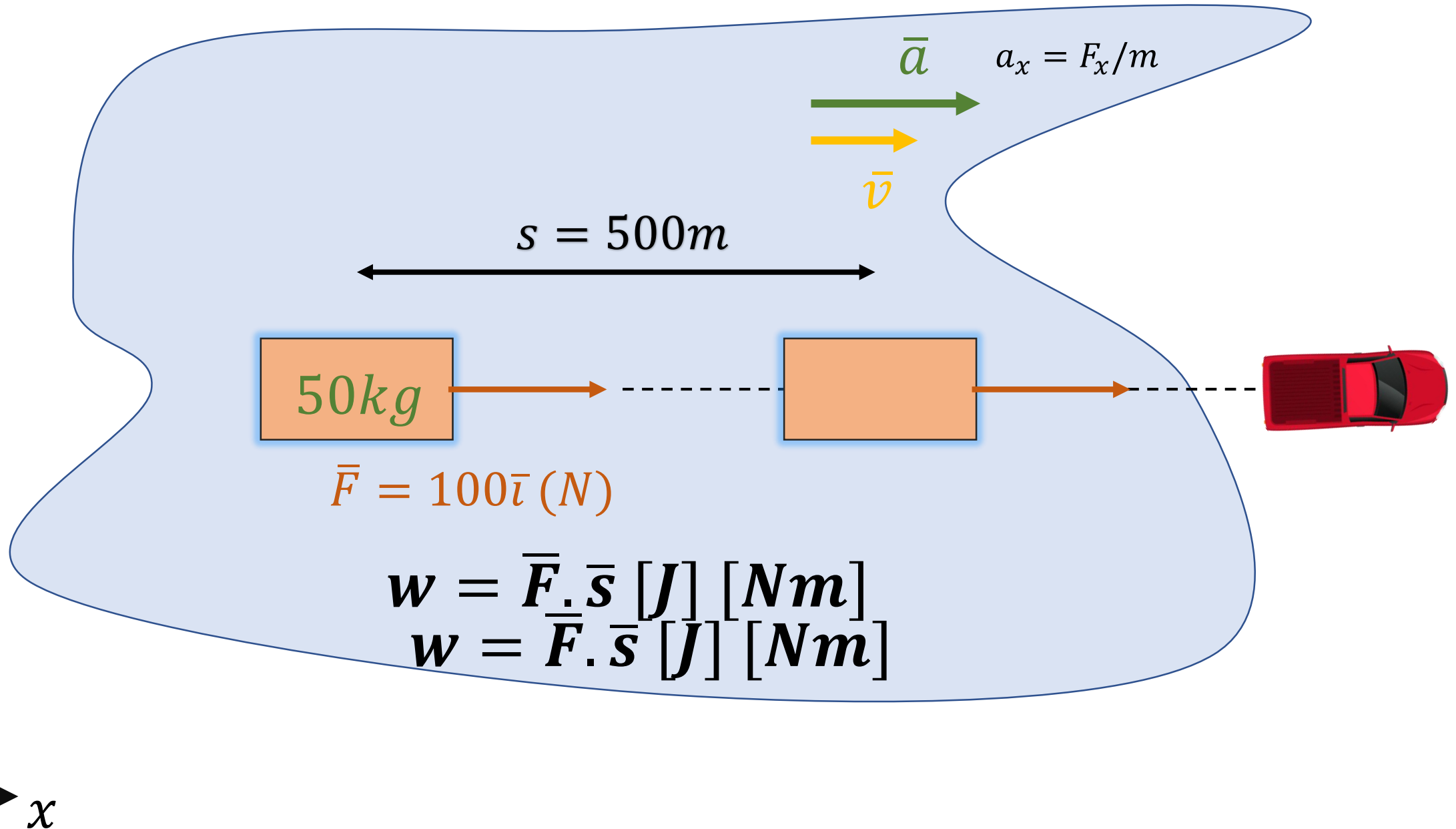
Cap. 6: Trabajo y energía



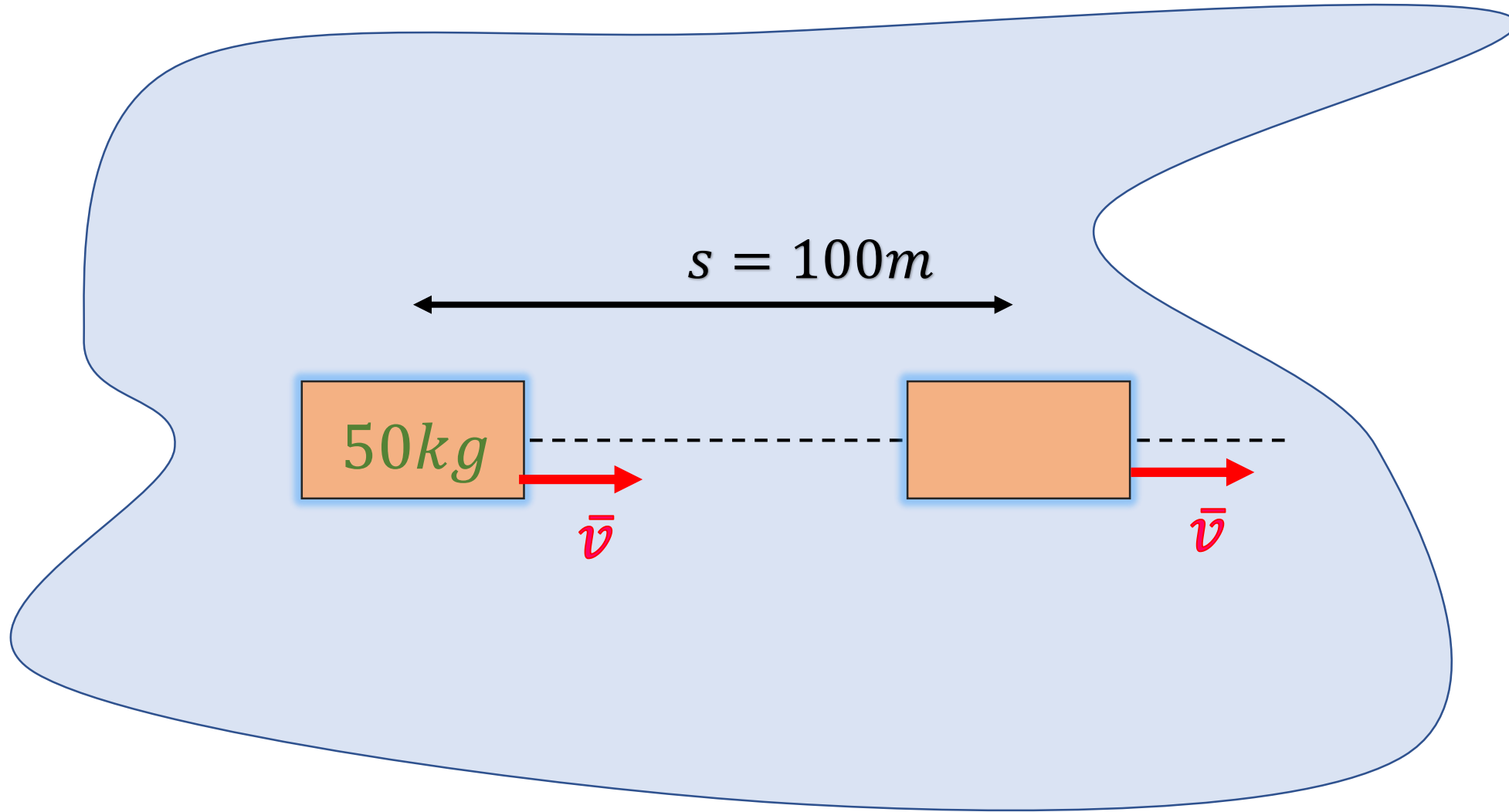
Cap. 6: Trabajo y energía



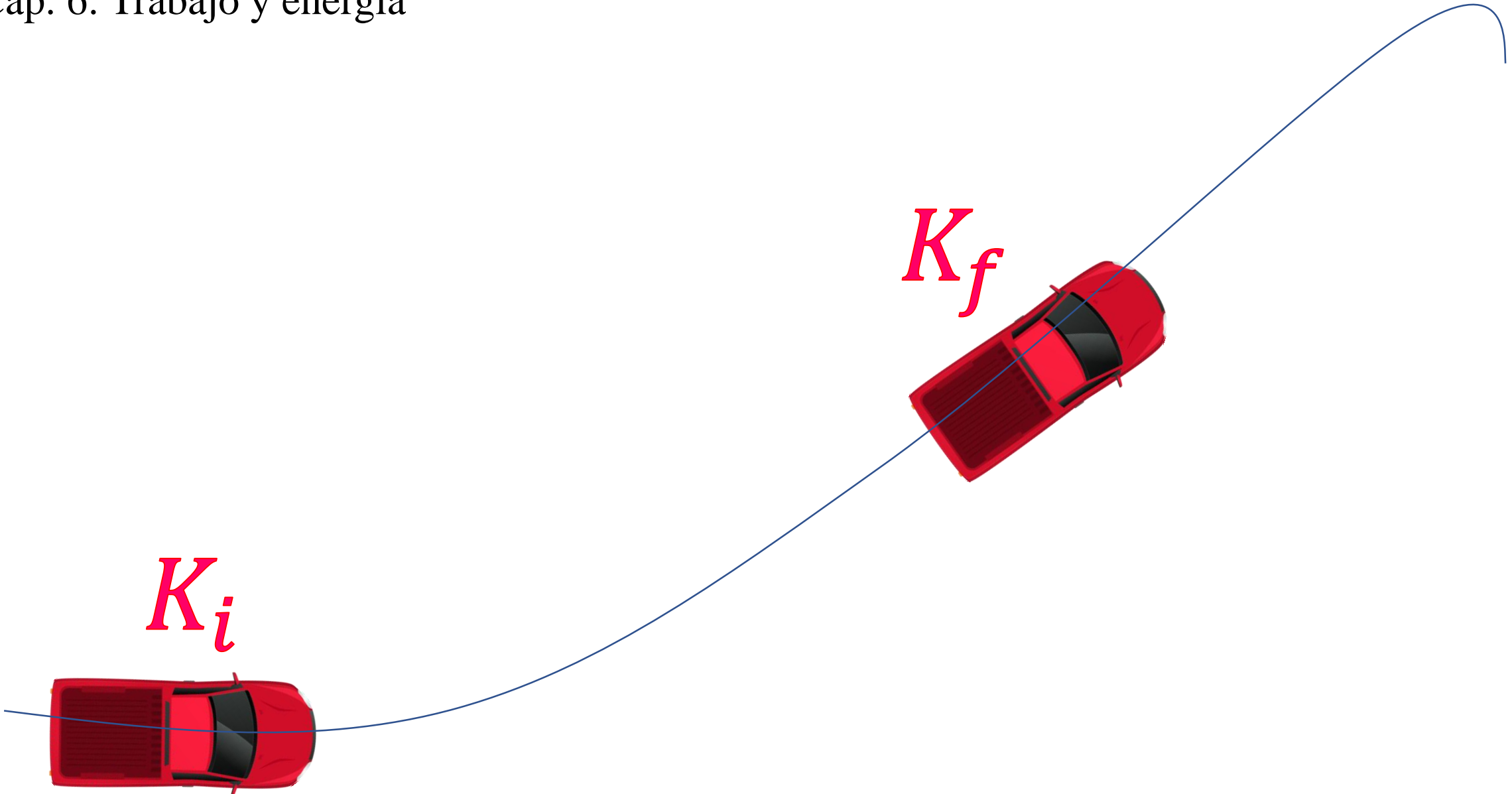
Cap. 6: Trabajo y energía



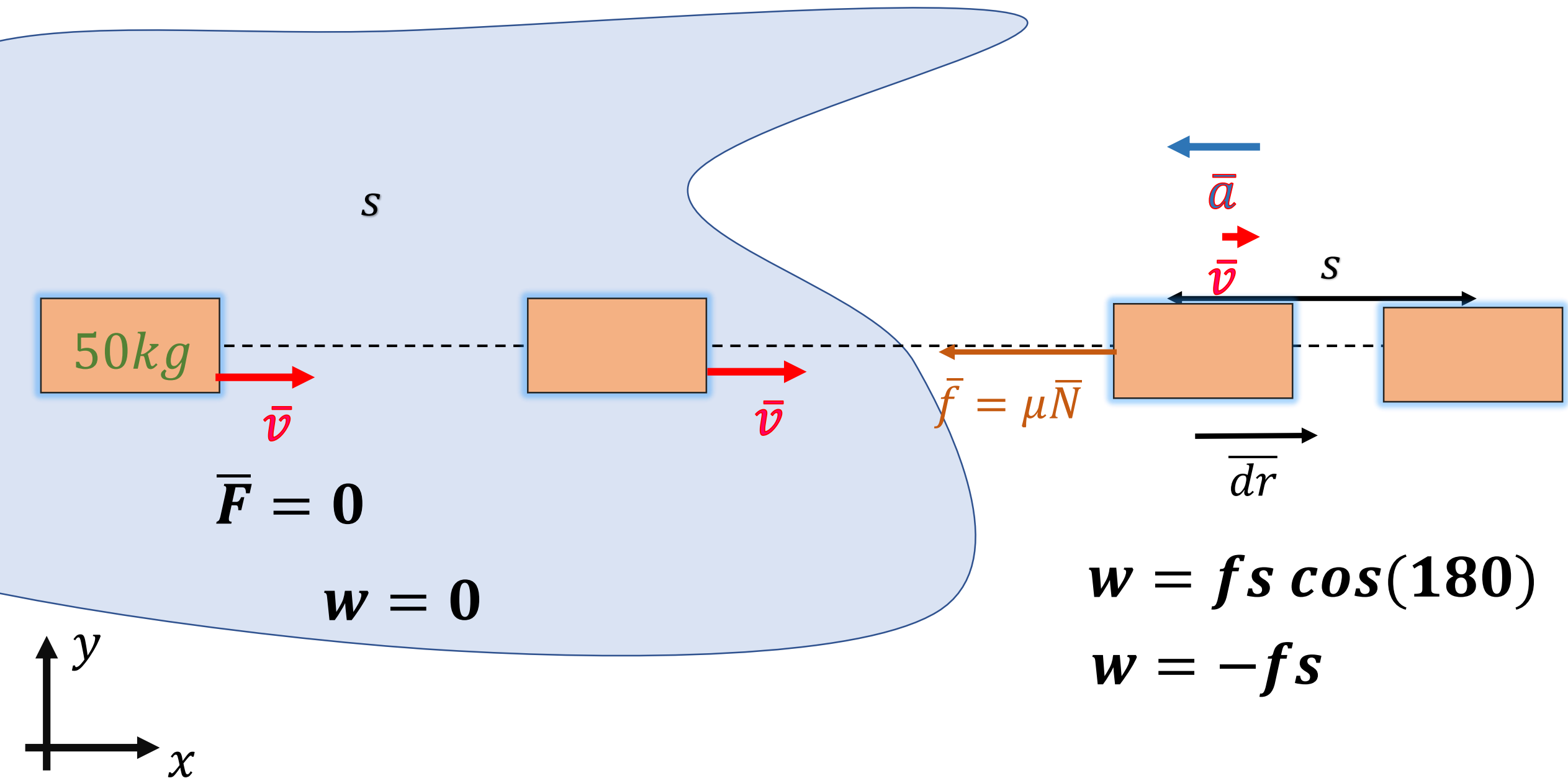
Cap. 6: Trabajo y energía



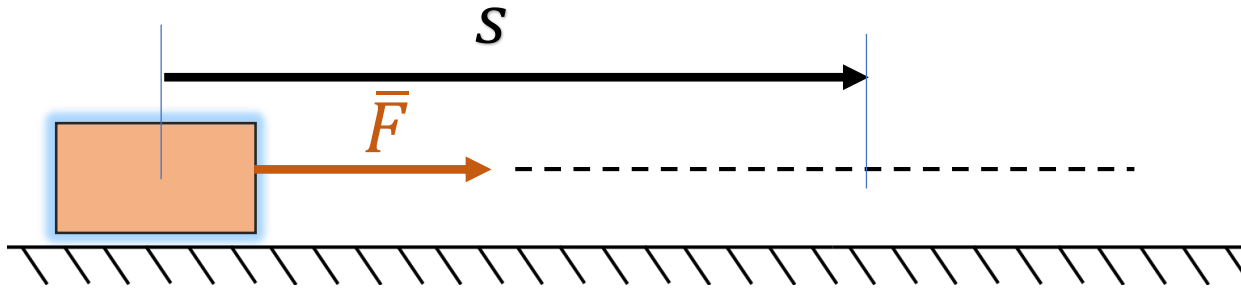
Cap. 6: Trabajo y energía



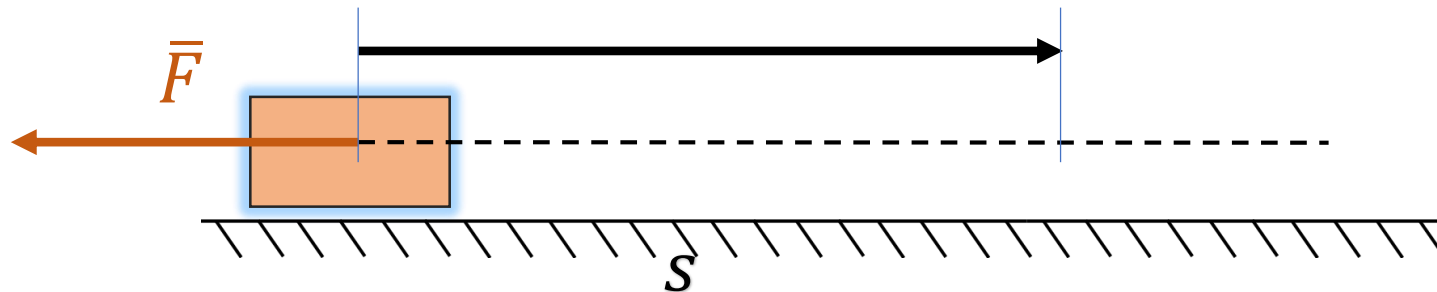
Cap. 6: Trabajo y energía



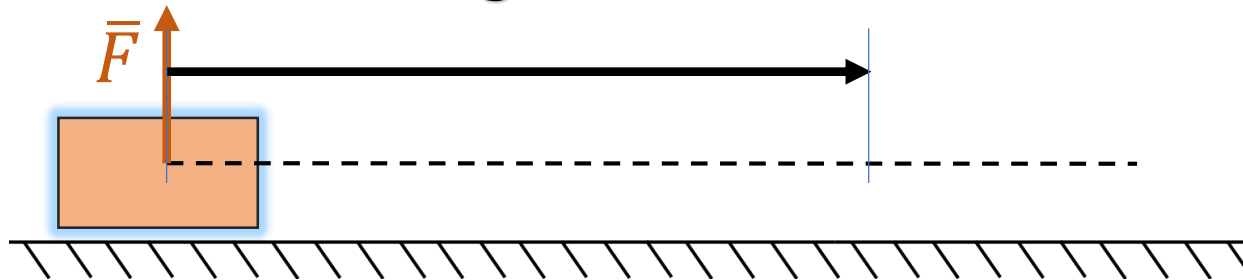
Cap. 6: Trabajo y energía



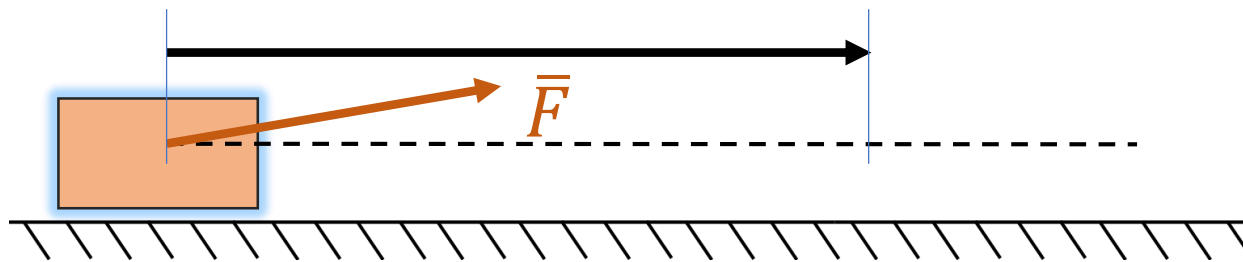
$$w = Fs \cos(0^\circ)$$



$$w = Fs \cos(180^\circ)$$

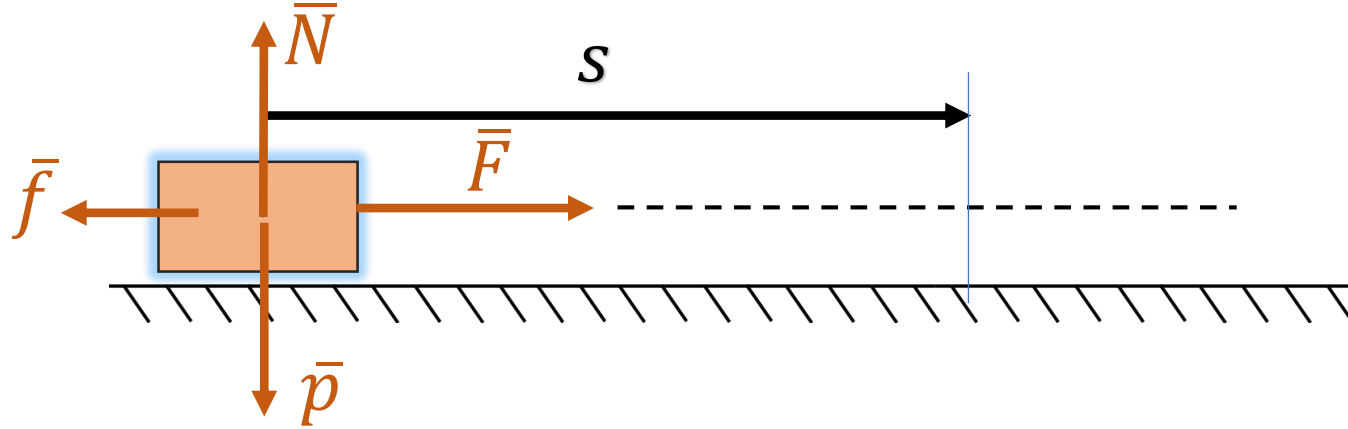


$$w = Fs \cos(90^\circ) = 0$$



$$w = Fs \cos(20^\circ)$$

Cap. 6: Trabajo y energía



$$w_N = Ns \cos(90^\circ) = 0$$

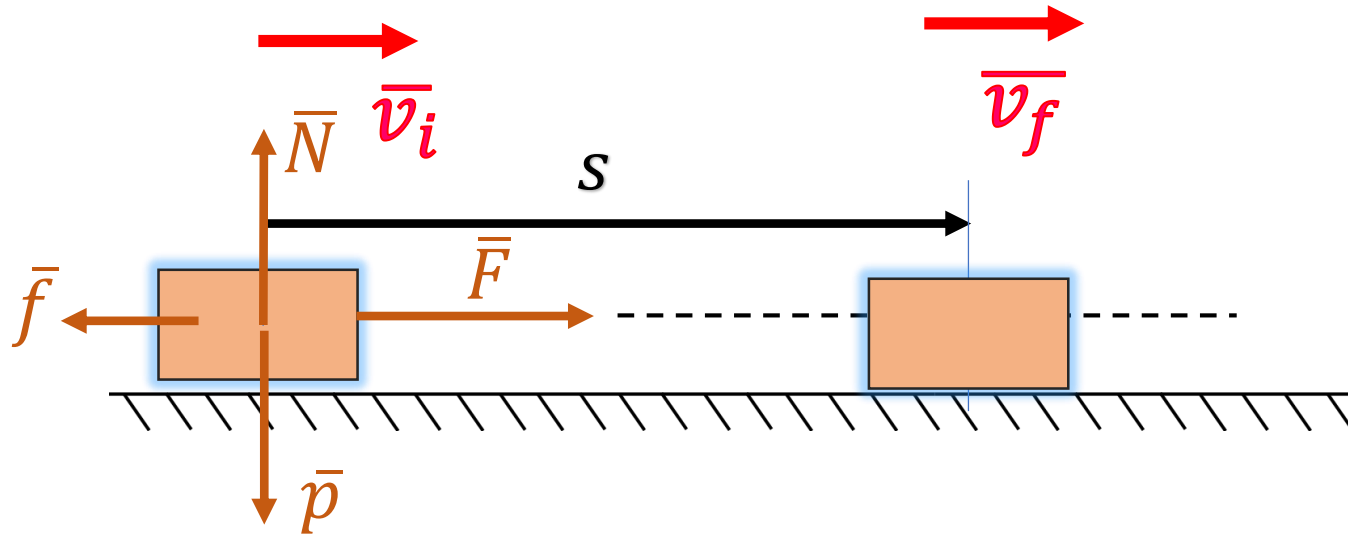
$$w_p = ps \cos(-90^\circ) = 0$$

$$w_f = fs \cos(180^\circ) = -fs$$

$$w_F = Fs \cos(0^\circ) = Fs$$

$$w_T = w_N + w_p + w_f + w_F$$

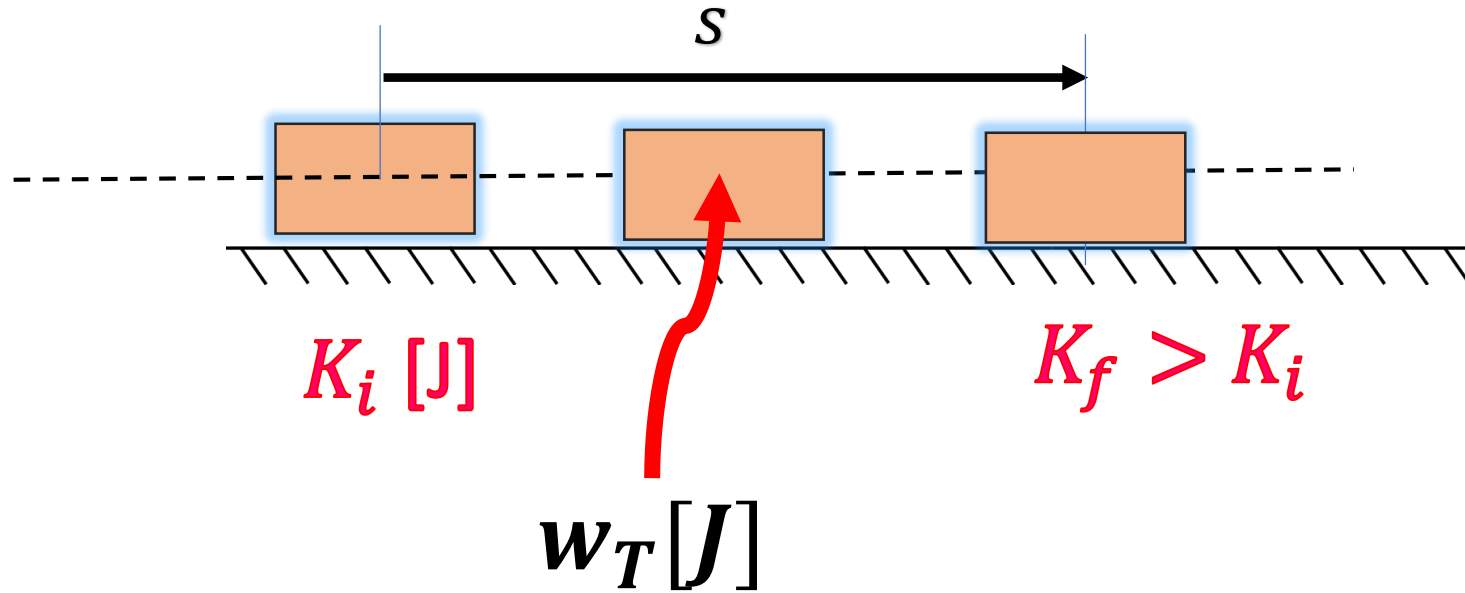
Cap. 6: Trabajo y energía



$$K_i = \frac{1}{2} m v_i^2 \text{ [J]} \quad K_f = \frac{1}{2} m v_f^2 \text{ [J]}$$

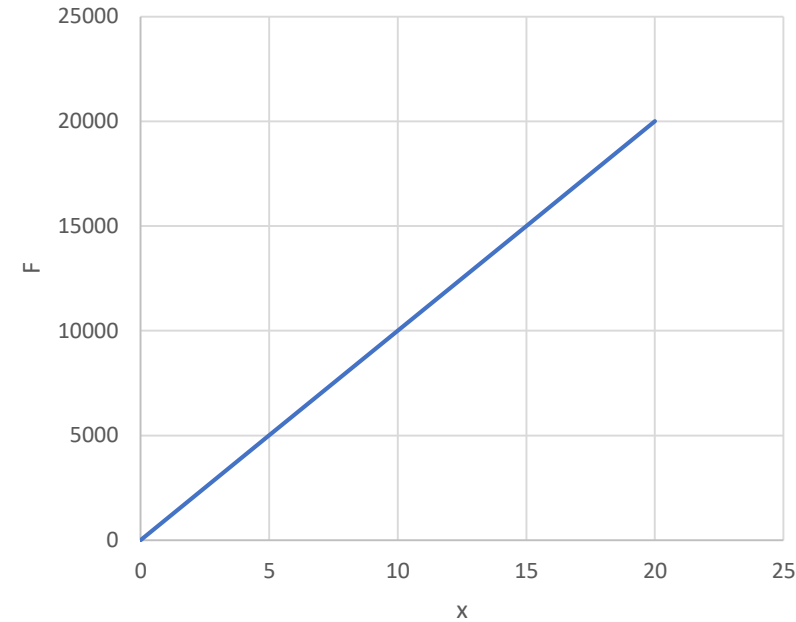
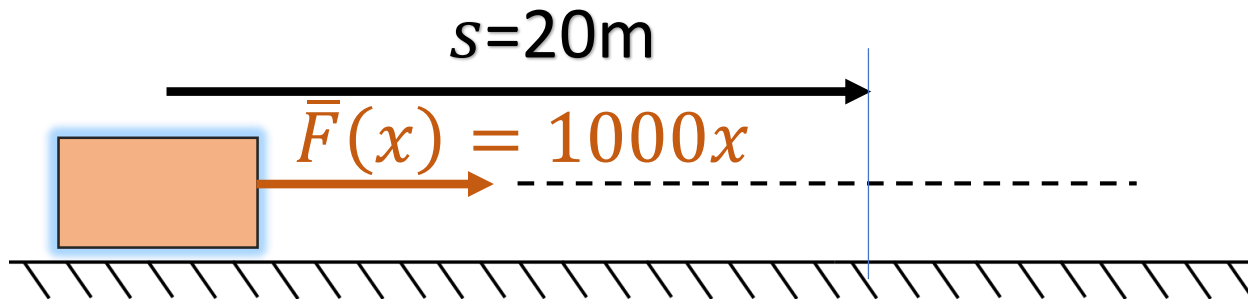
$$w_T = K_f - K_i$$

Cap. 6: Trabajo y energía



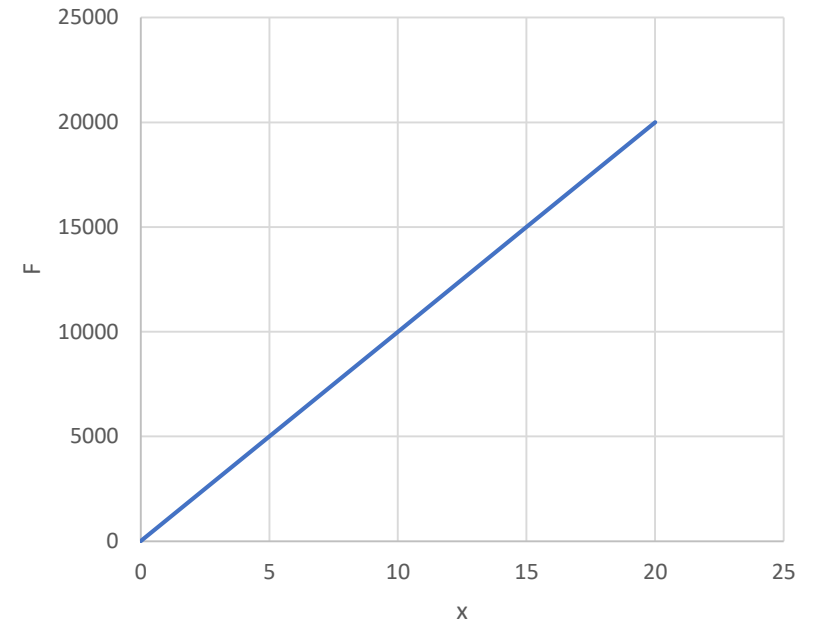
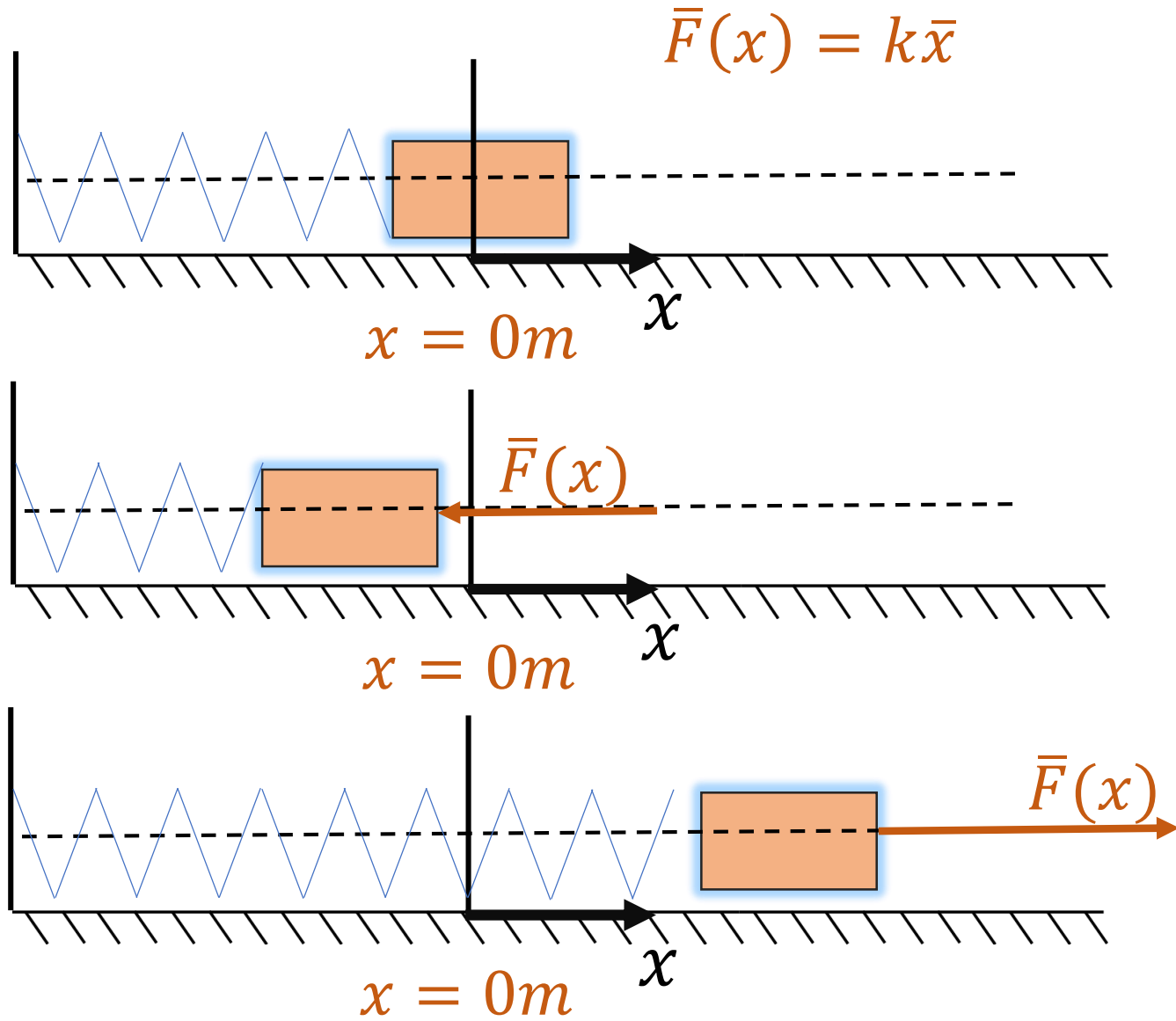
Cap. 6: Trabajo y energía

$$W_F = \int \vec{F} \cdot \vec{ds} = \int F(x) \cos(\alpha) ds$$



$$W_F = \int (1000x) dx = 500x^2 \Big|_{0m}^{20m} = 200,000J$$

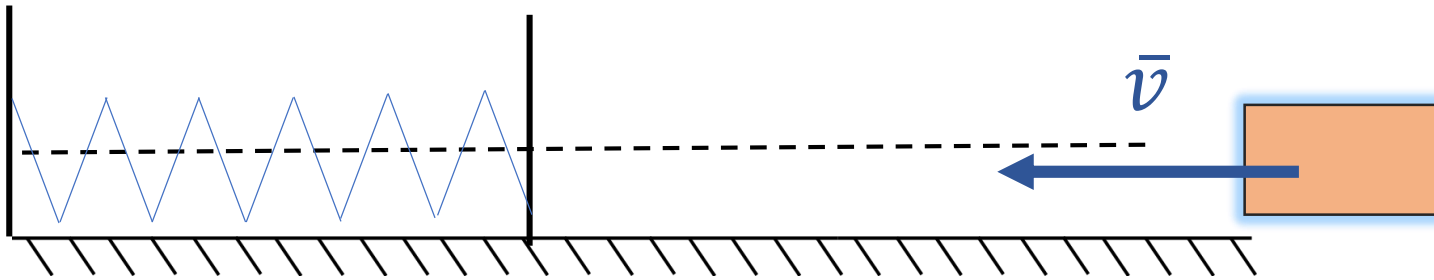
Cap. 6: Trabajo y energía



Cap. 6: Trabajo y energía

Cap. 6: Un bloque de 1,5 kg viaja sobre un plano sin rozamiento a 2m/s.

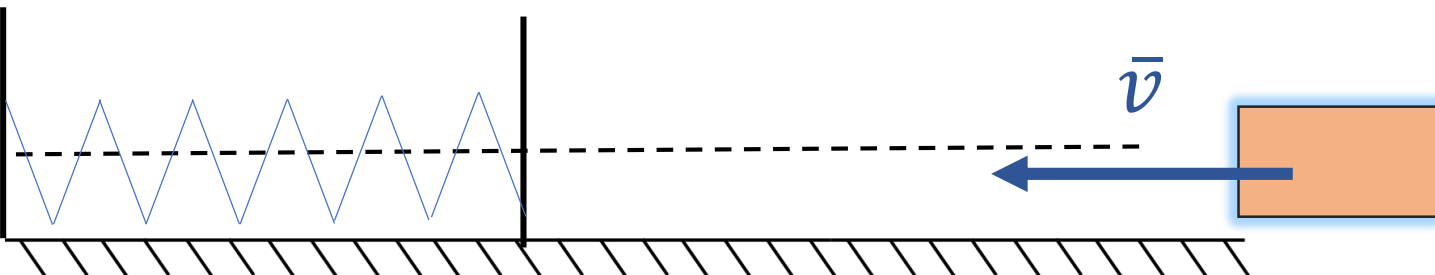
Se busca frenarlo con un resorte de constante $k=25\text{N/m}$. Cuanto se comprime el resorte?

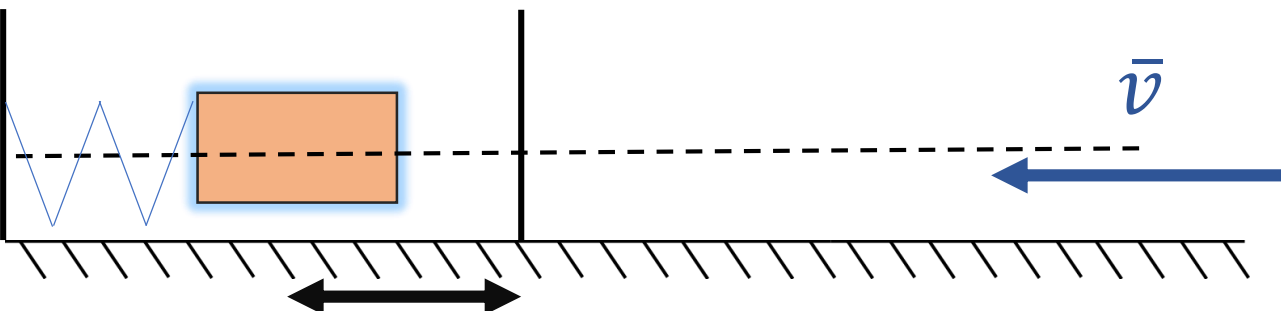


Cap. 6: Trabajo y energía

Un bloque de 1 kg viaja sobre un plano sin rozamiento a 2m/s.

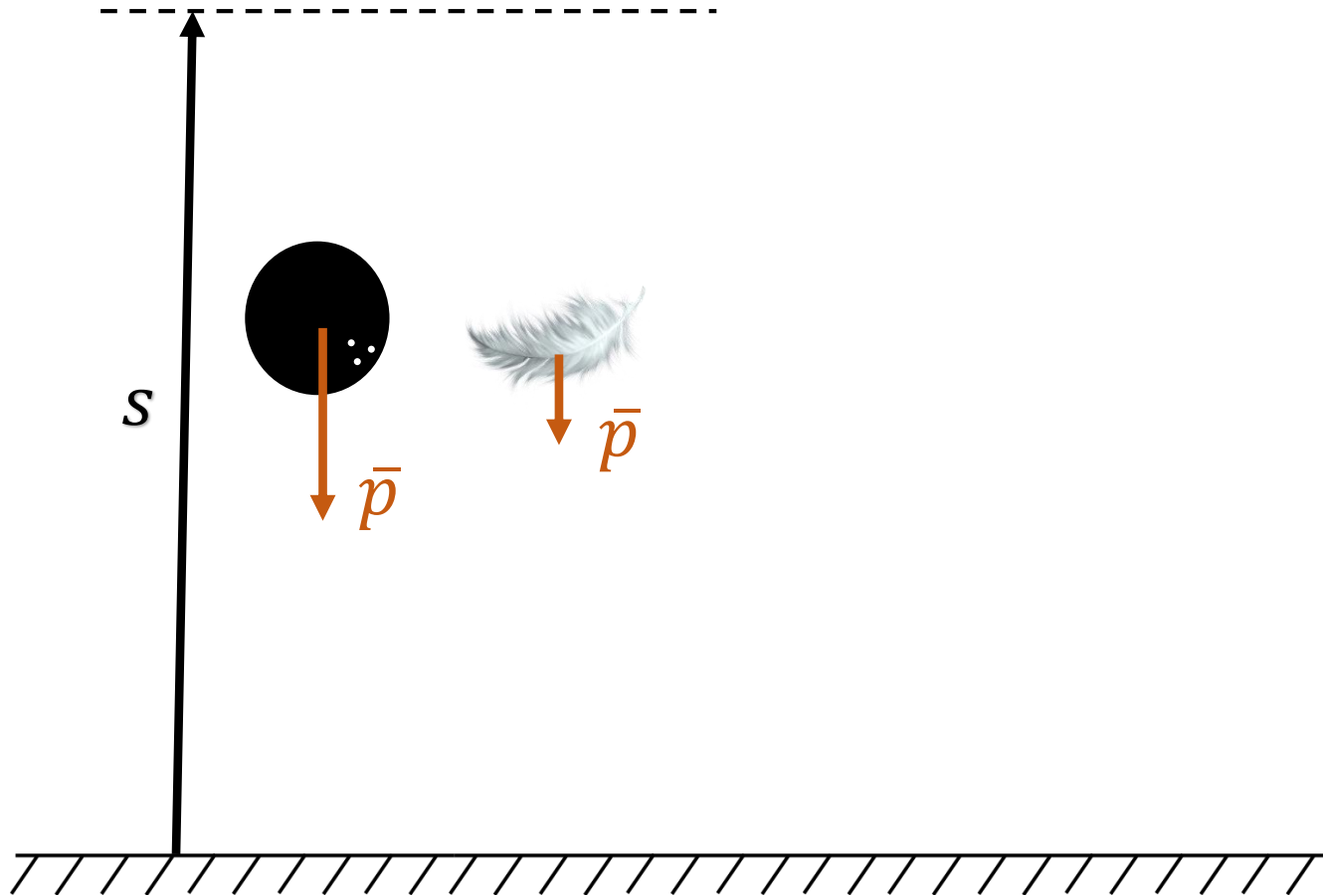
Se busca frenarlo con un resorte de constante $k=25\text{N/m}$. Cuanto se comprime el resorte?

(1)  $K_1 = \frac{1}{2}mv^2$

(2)  $K_2 = \frac{1}{2}kx_f^2$
 $mv^2 = kx_f^2$

$$x_f = \sqrt{\frac{mv^2}{k}}$$

¿Porqué la bola de boliche hizo más daño que las plumas?.

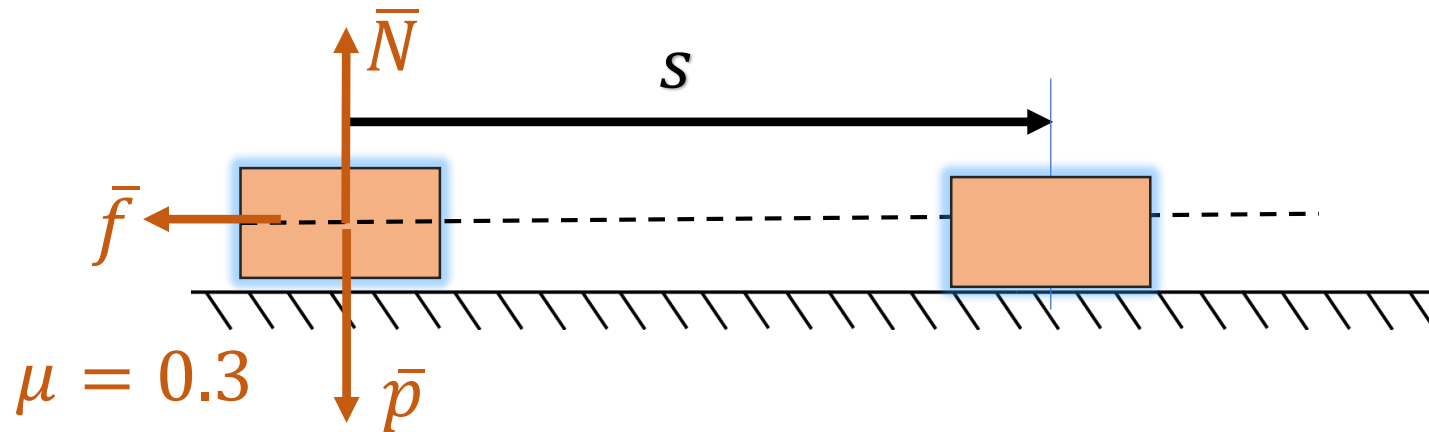


Cap. 6: Trabajo y energía

$$\bar{v}_i = 10 \text{ m/s}$$
$$m = 2 \text{ kg}$$

$$W = fs \cos(180^\circ) = -\mu N s$$

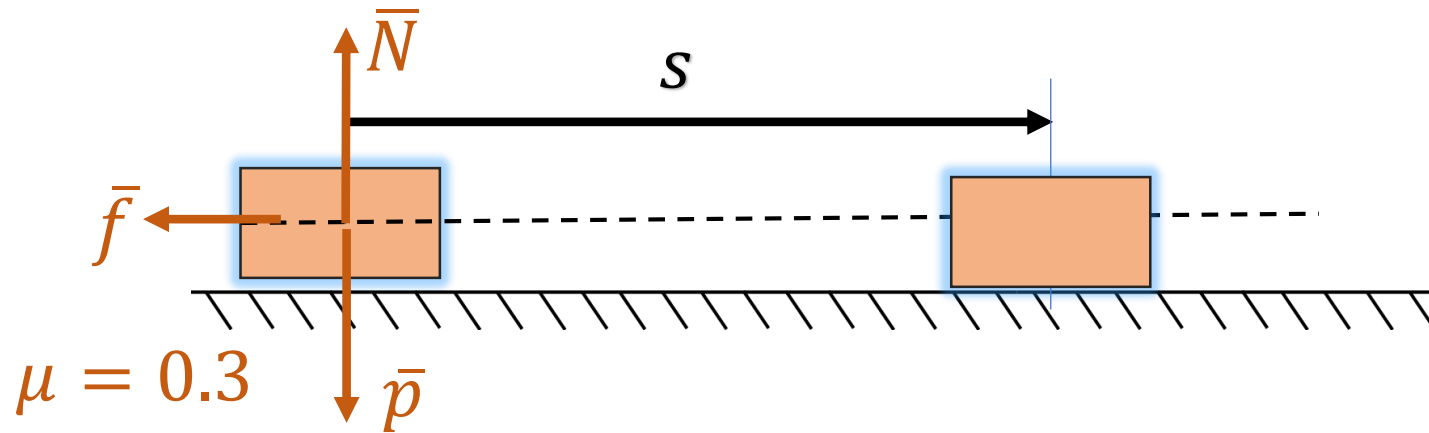
$$W = -\mu(mg)s = K_2 - K_1$$



Cap. 6: Trabajo y energía

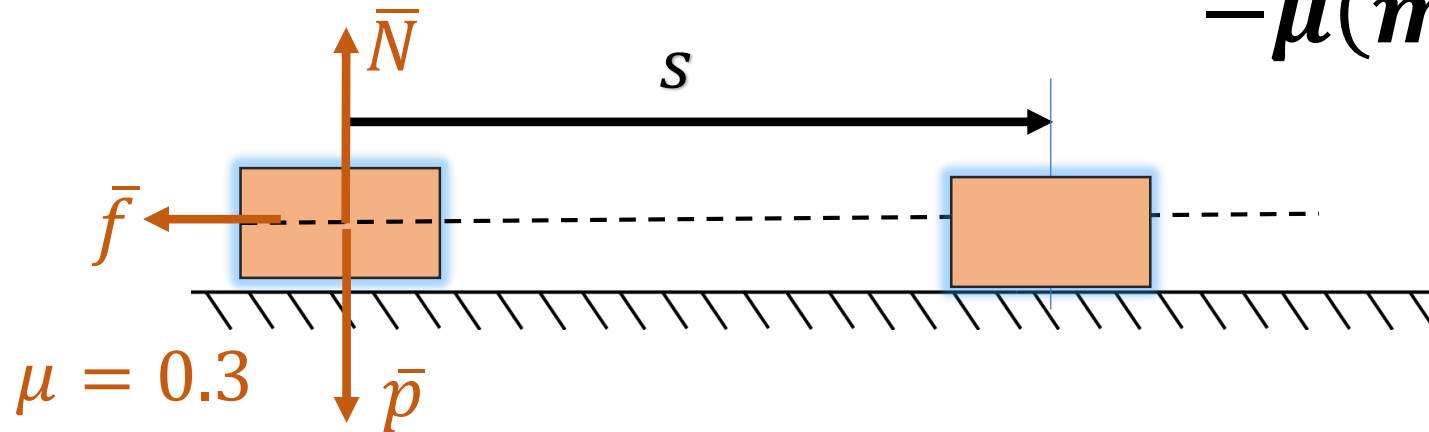
$$\bar{v}_i = 10\text{ m/s}$$

$$m = 2\text{ kg}$$



Cap. 6: Trabajo y energía

$$\bar{v}_i = 10 \text{ m/s}$$
$$m = 2 \text{ kg}$$



$$W = fs \cos(-180^\circ) = -\mu Ns$$

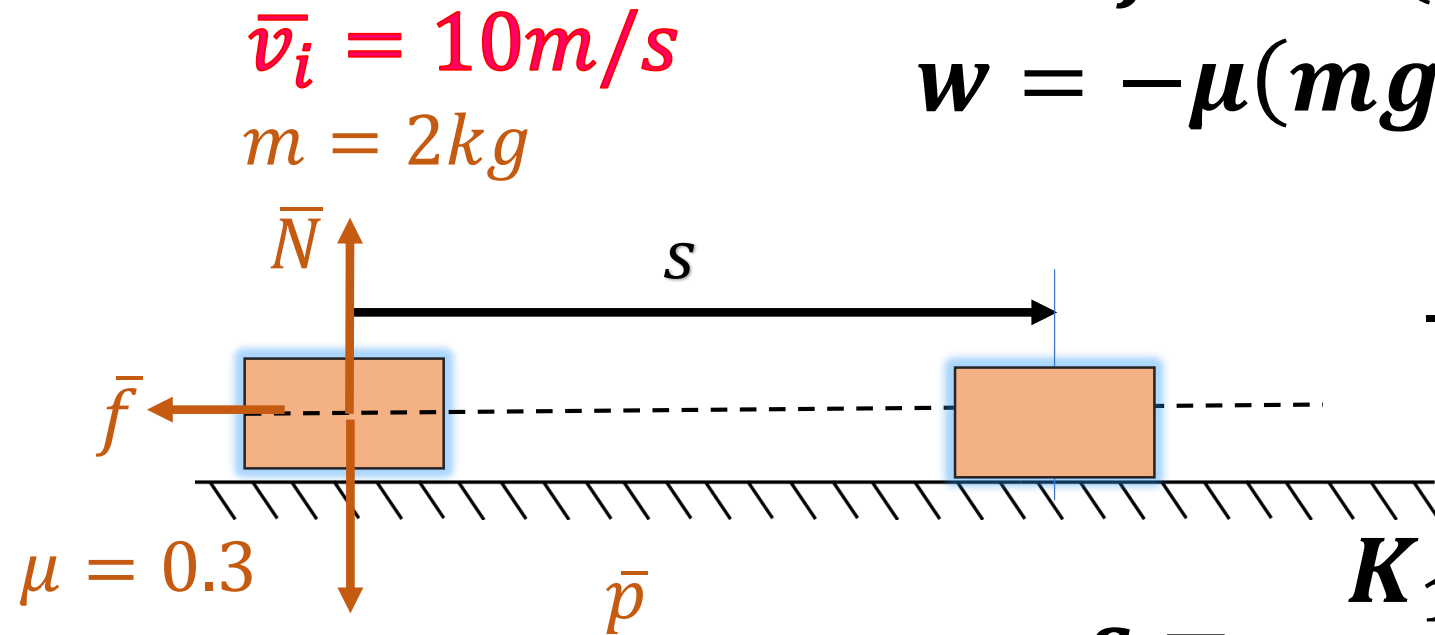
$$W = -\mu(mg)s = K_2 - K_1$$

$$-\mu(mg)s = -K_1$$

$$K_1 = \frac{1}{2} m v_i^2 = 100 \text{ J}$$

$$K_2 = 0 \text{ J}$$

Cap. 6: Trabajo y energía



$$w = fs \cos(-180^\circ) = -\mu N s$$

$$w = -\mu(mg)s = K_2 - K_1$$

$$-\mu(mg)s = -K_1$$

$$K_1 = \frac{1}{2} m v_i^2 = 100\text{ J}$$

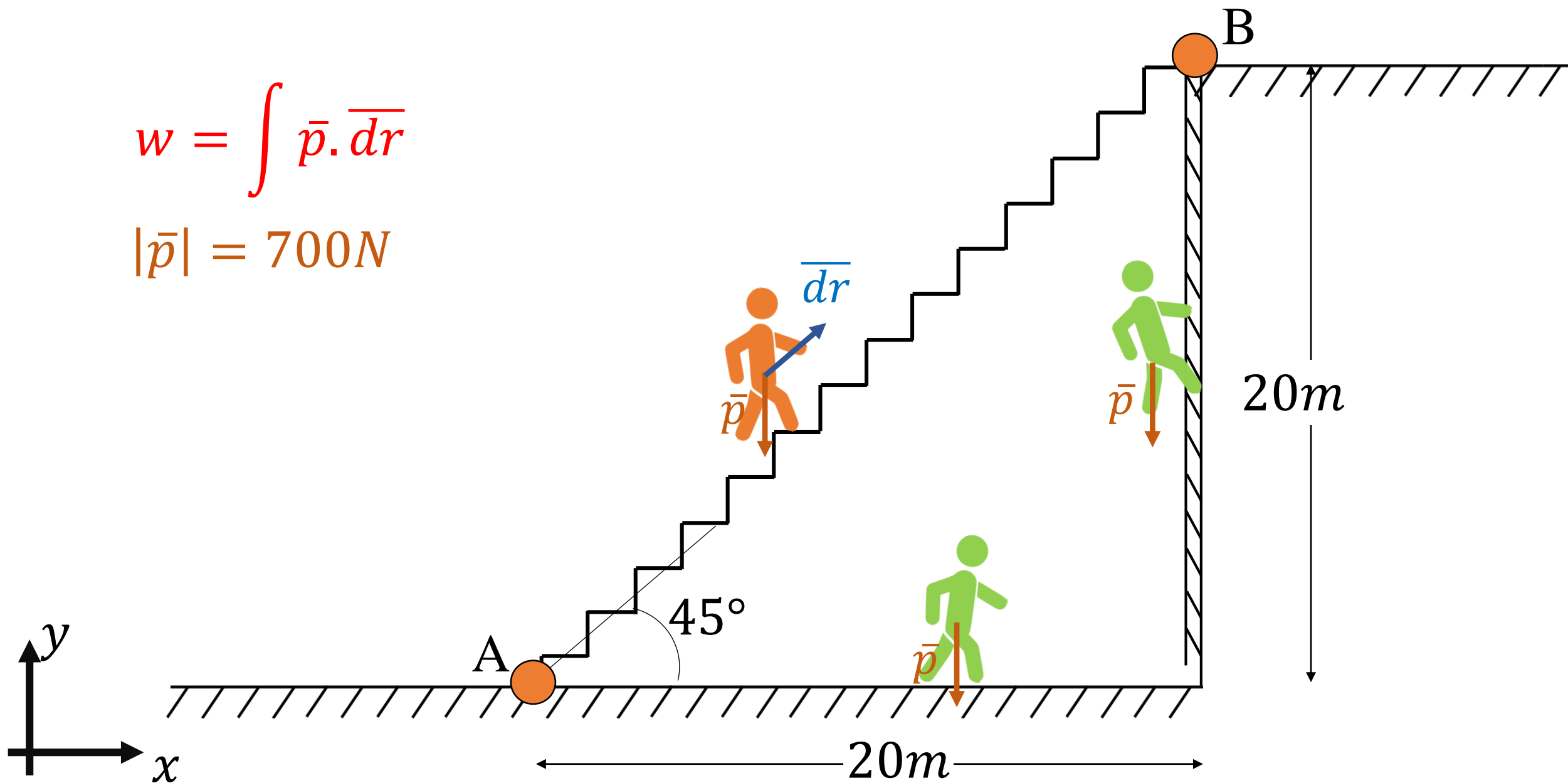
$$s = \frac{K_1}{\mu(mg)} = \frac{100\text{ J}}{0.3 \cdot 2\text{ kg} \cdot 9.81\text{ m/s}^2}$$

$$s = 16.9\text{ m}$$

Calcular el trabajo (w) de la fuerza peso (\vec{p}) de cada hombrecito al caminar del punto A al punto B por distintos caminos:

$$w = \int \vec{p} \cdot d\vec{r}$$

$$|\vec{p}| = 700N$$



Calcular el trabajo (w) de la fuerza peso (\bar{p}) de cada hombrecito al caminar del punto A al punto B por distintos caminos:

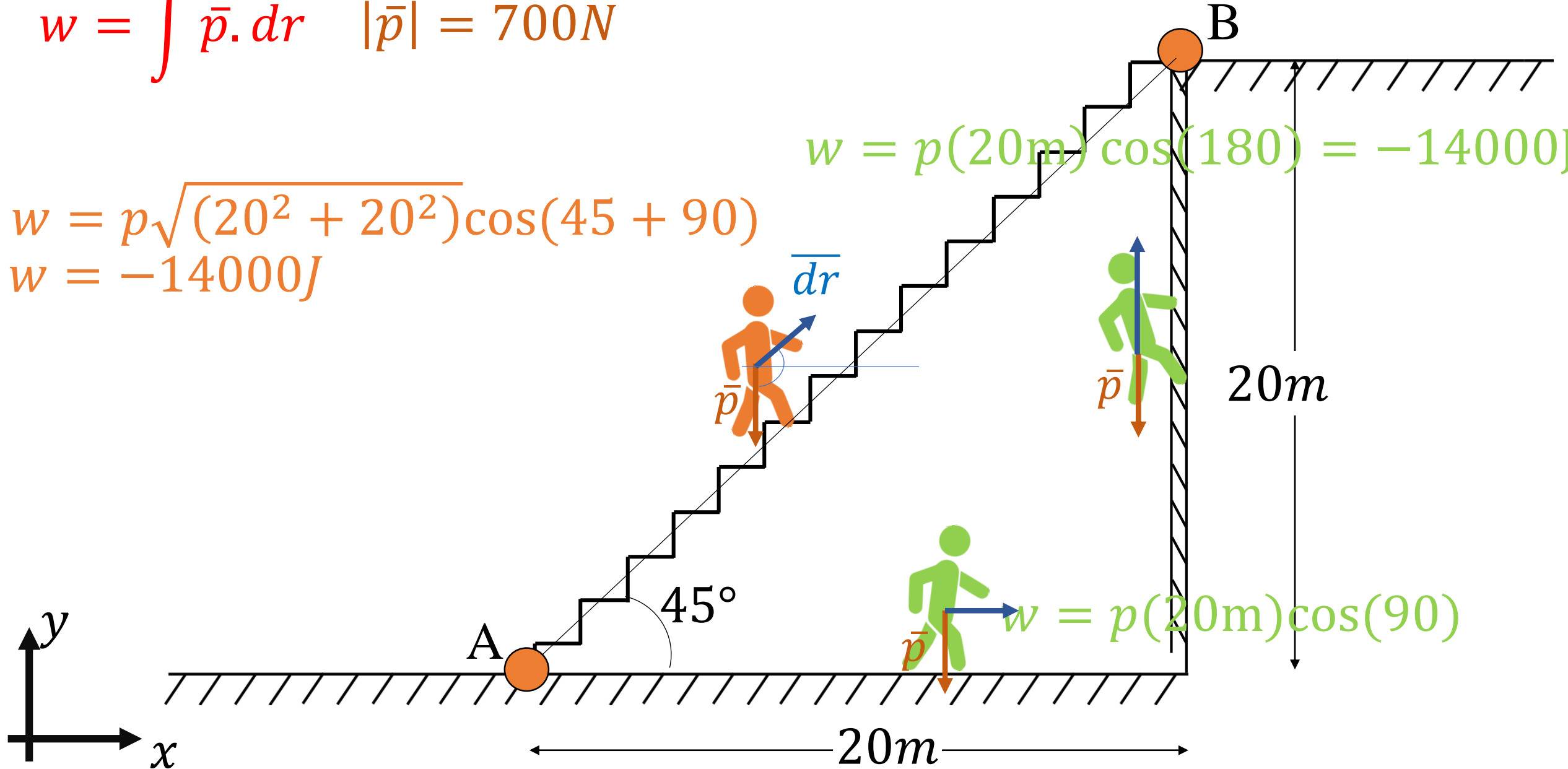
$$w = \int \bar{p} \cdot d\bar{r} \quad |\bar{p}| = 700N$$

$$w = p\sqrt{(20^2 + 20^2)}\cos(45 + 90)$$

$$w = -14000J$$

$$w = p(20m)\cos(180) = -14000J$$

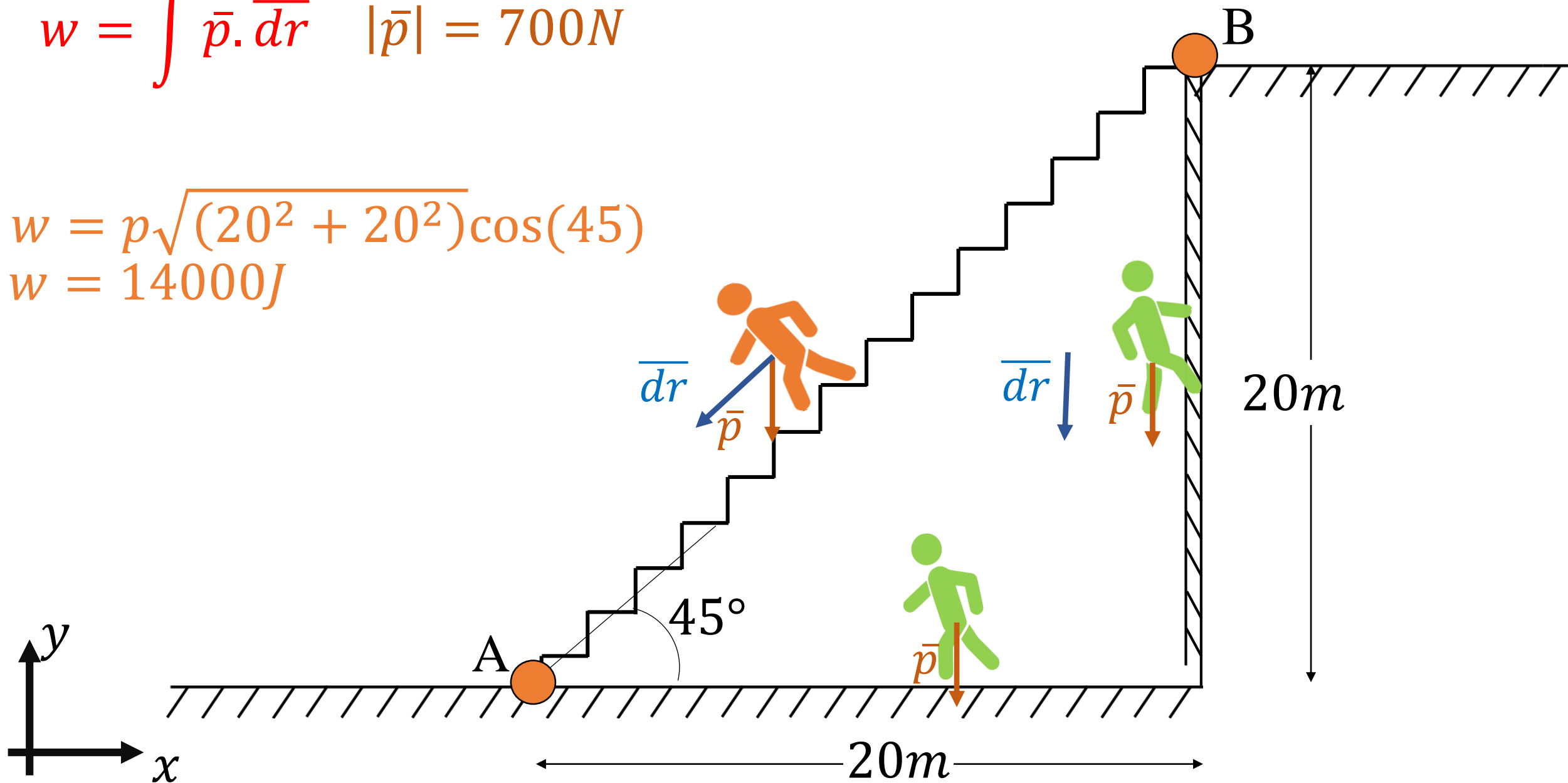
$$w = p(20m)\cos(90)$$



Imaginemos que baja

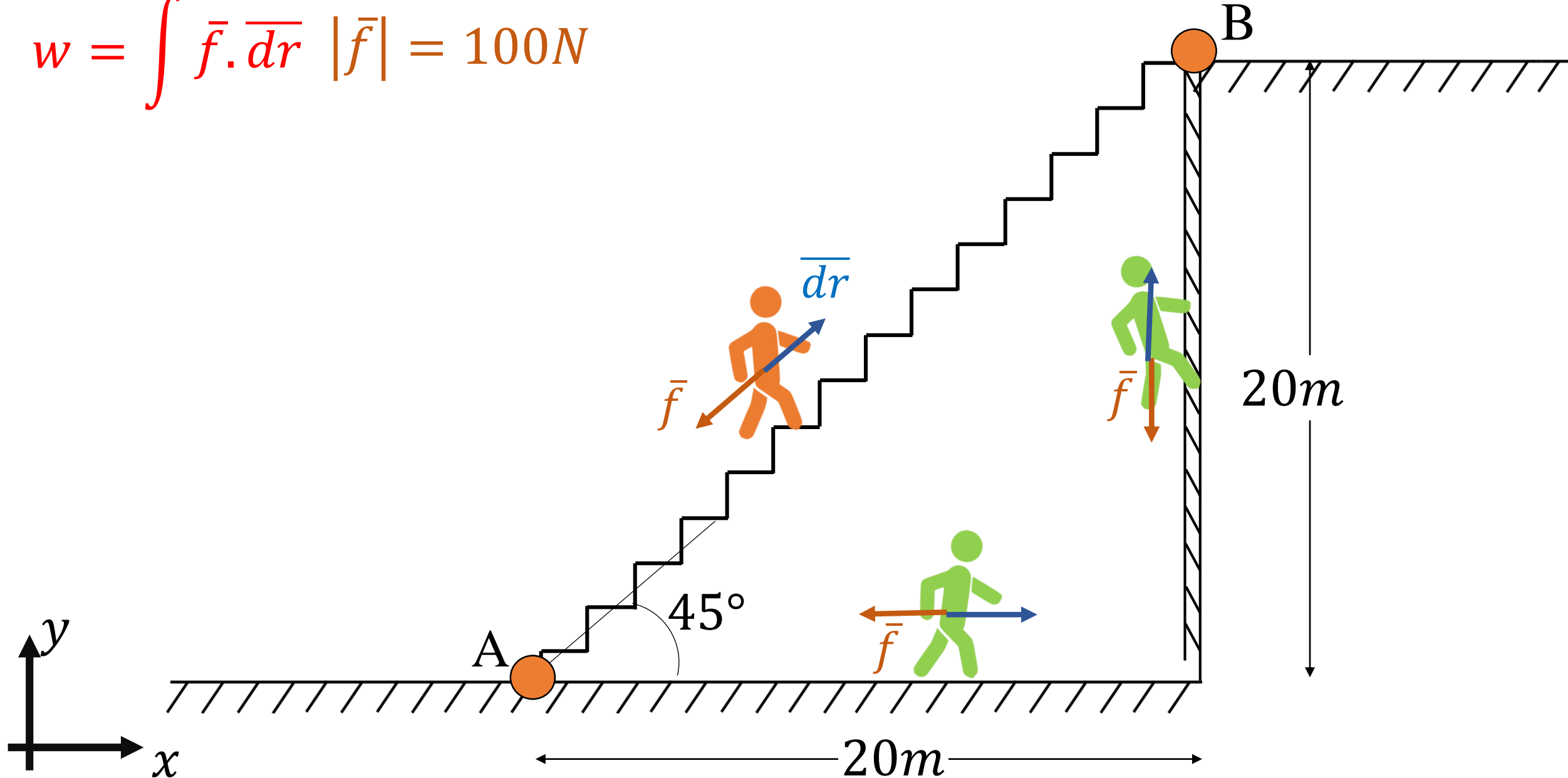
$$w = \int \bar{p} \cdot d\bar{r} \quad |\bar{p}| = 700N$$

$$w = p\sqrt{(20^2 + 20^2)}\cos(45)$$
$$w = 14000J$$



Calcular el trabajo (w) de la fuerza de fricción (\vec{f}) de cada hombrecito al caminar del punto A al punto B por distintos caminos:
Asumir \vec{f} siempre contraria al movimiento.

$$w = \int \vec{f} \cdot d\vec{r} \quad |\vec{f}| = 100N$$

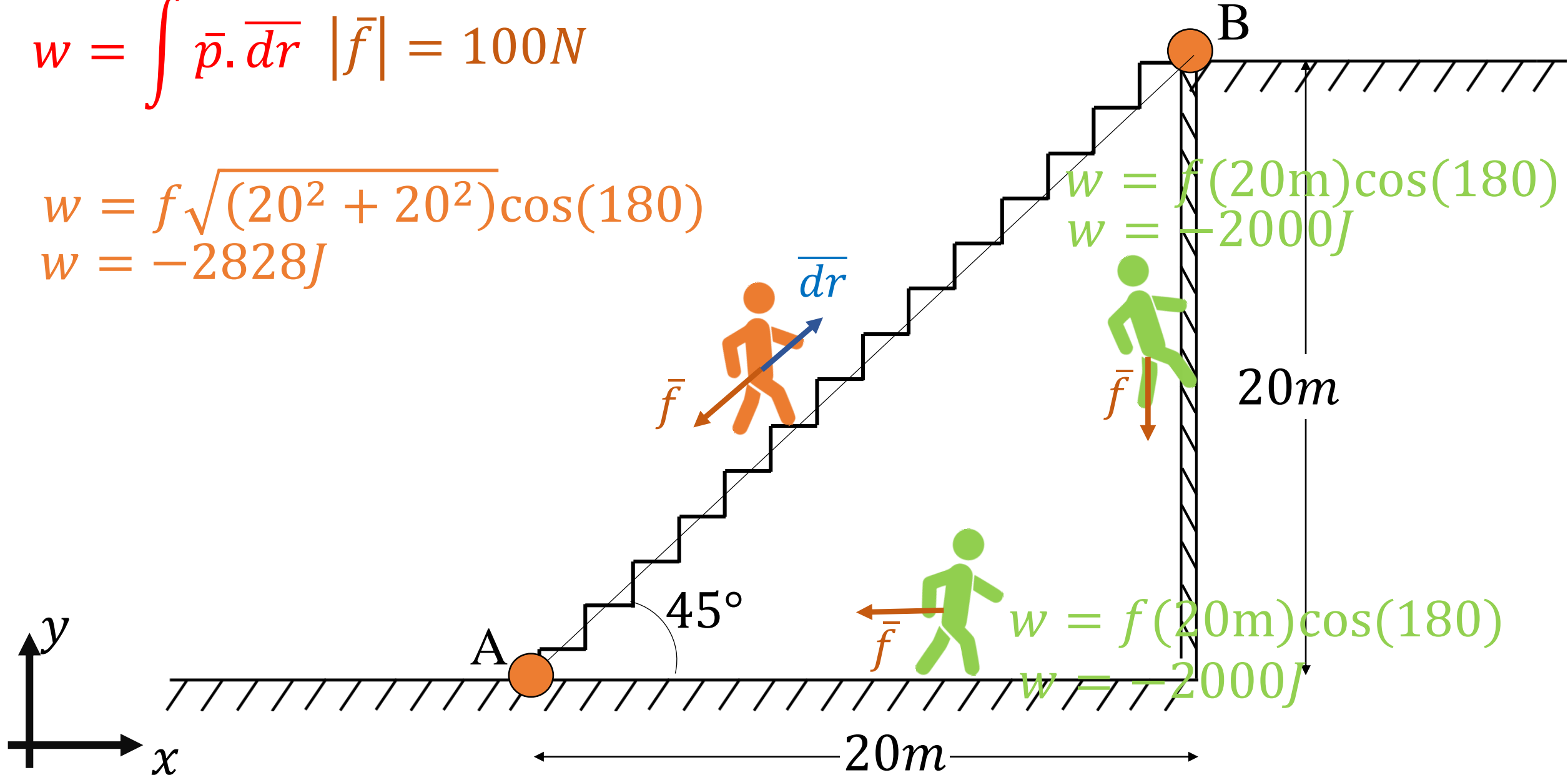


Calcular el trabajo (w) de la fuerza de fricción (\vec{f}) de cada hombrecito al caminar del punto A al punto B por distintos caminos:
 Asumir \vec{f} siempre contraria al movimiento.

$$w = \int \vec{p} \cdot d\vec{r} \quad |\vec{f}| = 100N$$

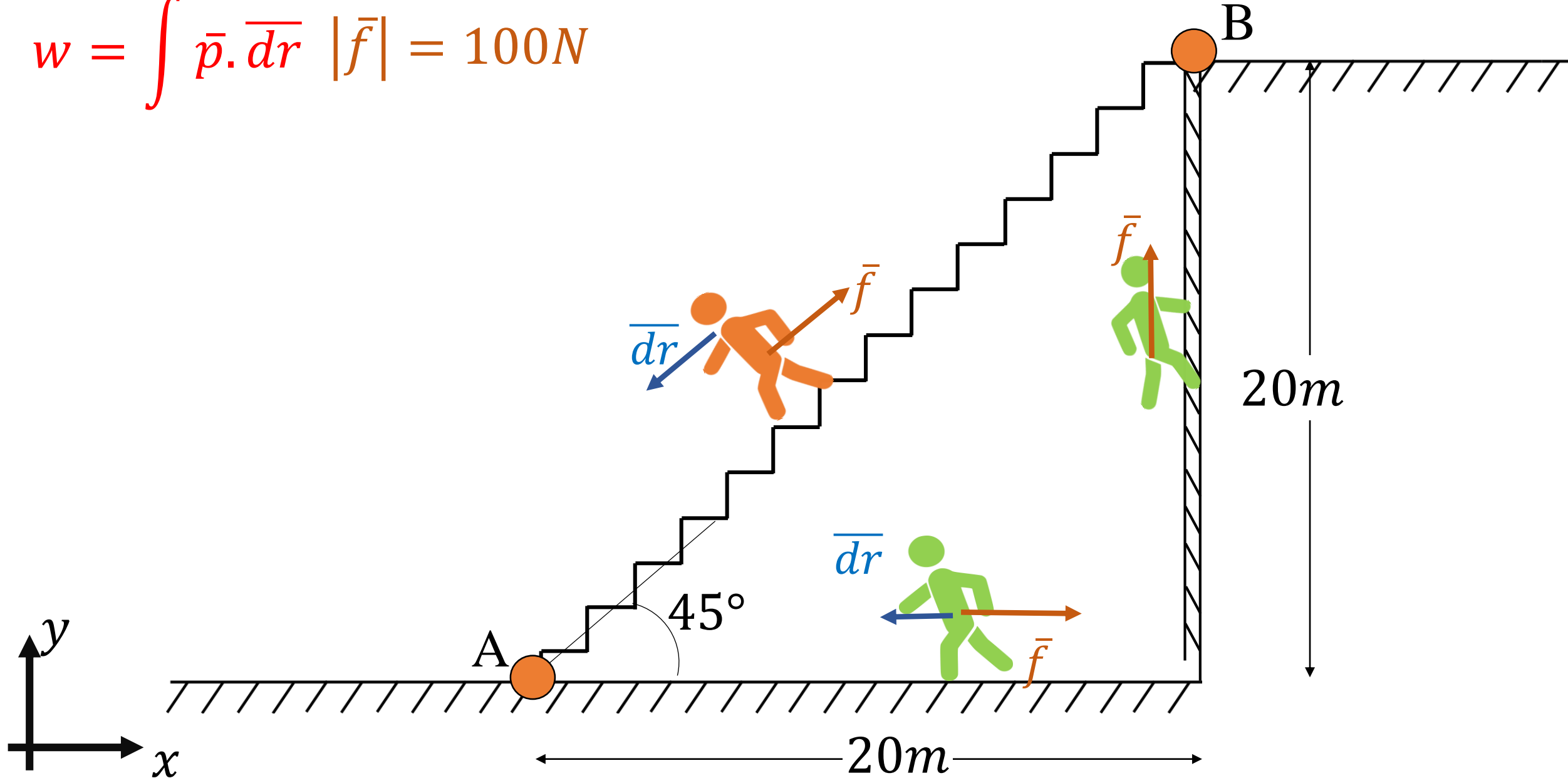
$$w = f \sqrt{(20^2 + 20^2)} \cos(180)$$

$$w = -2828J$$



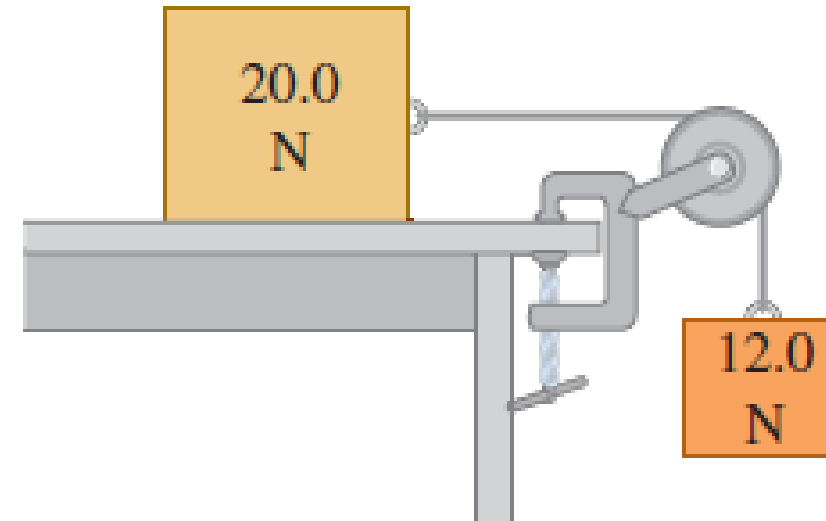
Calcular el trabajo (w) de la fuerza de fricción (\vec{f}) de cada hombrecito al caminar del punto A al punto B por distintos caminos:
Asumir \vec{f} siempre contraria al movimiento.

$$w = \int \vec{p} \cdot \overline{dr} \quad |\vec{f}| = 100N$$



- ¿Cuál Fuerza es conservativa?
- Si una Fuerza es conservativa, significa que su trabajo es nulo?
- De los ejemplos anteriores, ¿Qué característica tiene una F conservativa vs. F no-conservativa?

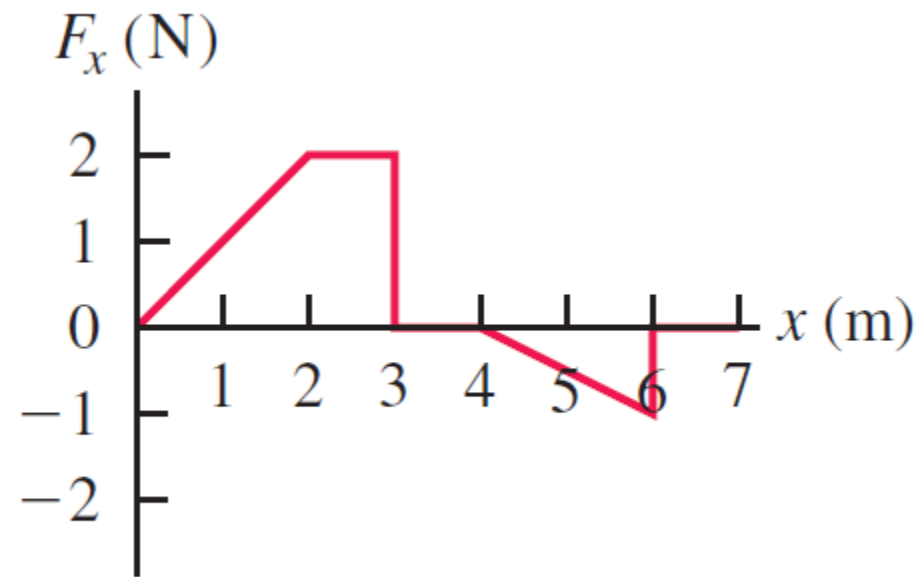
Dos bloques están conectados por un cordón muy ligero que pasa por una polea sin masa y sin fricción. Al viajar a rapidez constante, el bloque de 20.0 N se mueve 75.0 cm a la derecha y el bloque de 12.0 N se mueve 75.0 cm hacia abajo. Durante este proceso, ¿cuánto trabajo efectúa a) sobre el bloque de 12.0 N, i) la gravedad y ii) la tensión en el cordón? b) sobre el bloque de 20.0 N, i) la gravedad, ii) la tensión en el cordón, iii) la fricción y iv) la fuerza normal? c) Obtenga el trabajo total efectuado sobre cada bloque.



A un automóvil a escala de 2.0 kg, controlado por radio, se aplica una fuerza paralela al eje x; mientras el auto se mueve por una pista recta. La componente x de la fuerza varía con la coordenada x del auto, como se indica en la figura.

Calcule el trabajo efectuado por la fuerza cuando el auto se mueve de

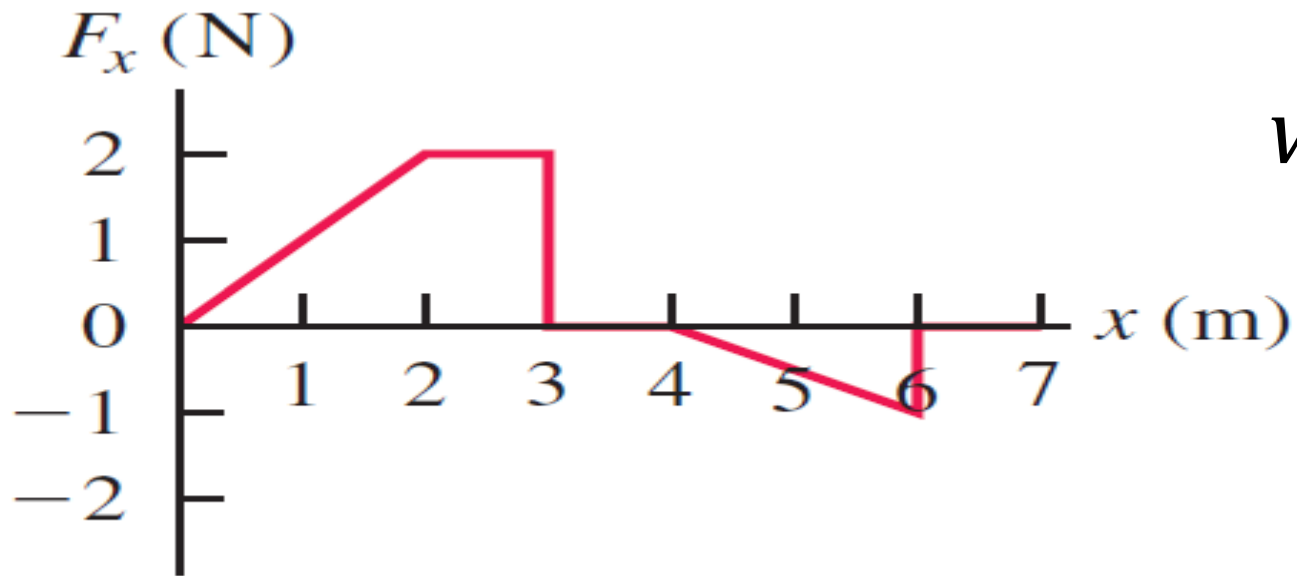
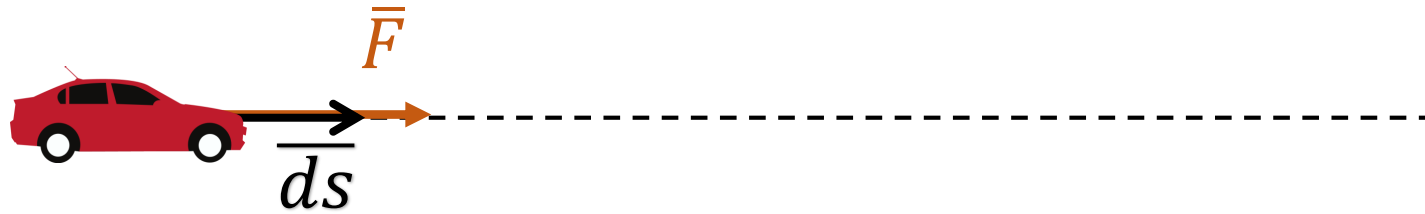
- a) 0 a 3.0m;
- b) 3.0m a 4.0m;
- c) 4.0m a 7.0 m;
- d) 0m a 7.0 m;
- e) 7m a 2.0 m.



a) 0 a 3.0m;

$$W_F = \int \bar{F}(x) \cdot d\bar{x} = \int F(x) dx$$

$$m = 2kg$$



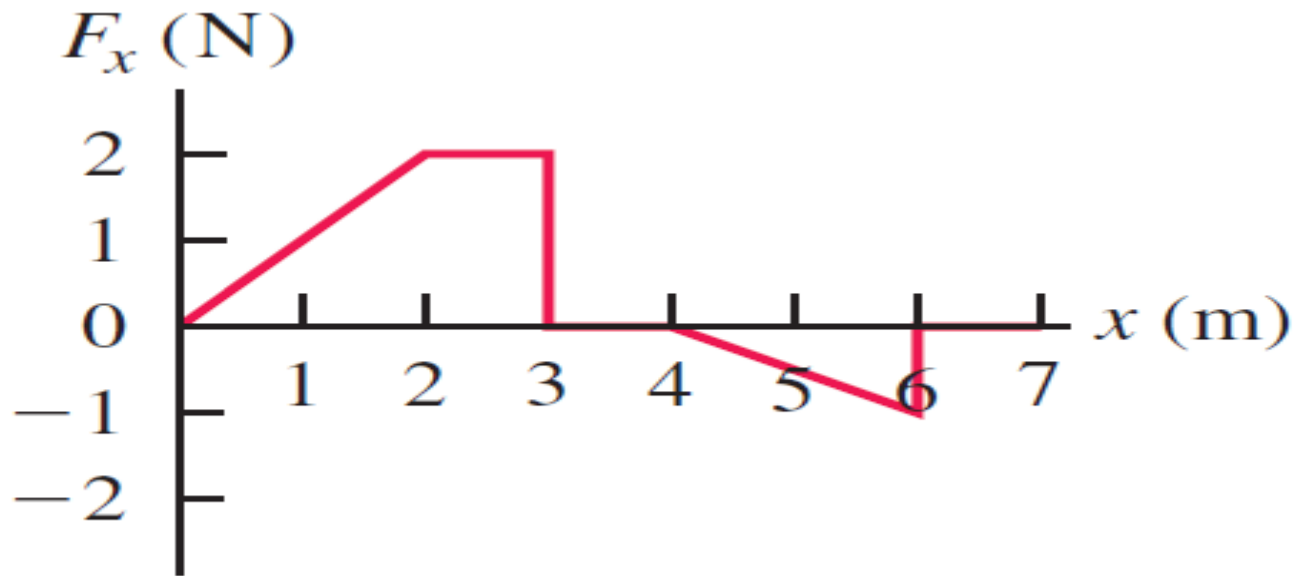
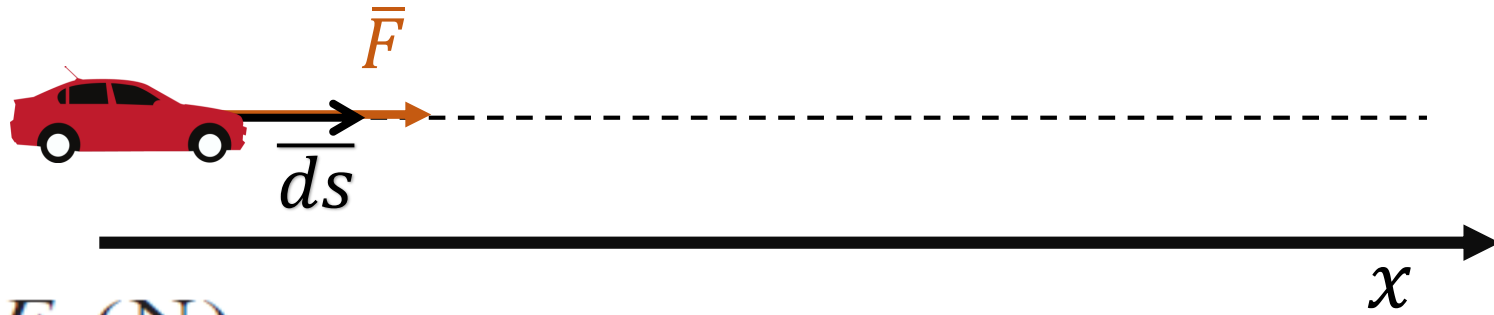
$$W_F = \left(\frac{2 * 2}{2} \right) J + (2 * 1) J$$

$$W_F = 4J$$

b) 3 a 4m

$$W_F = \int \bar{F}(x) \cdot \overline{dx} = \int F(x) dx$$

$$m = 2kg$$

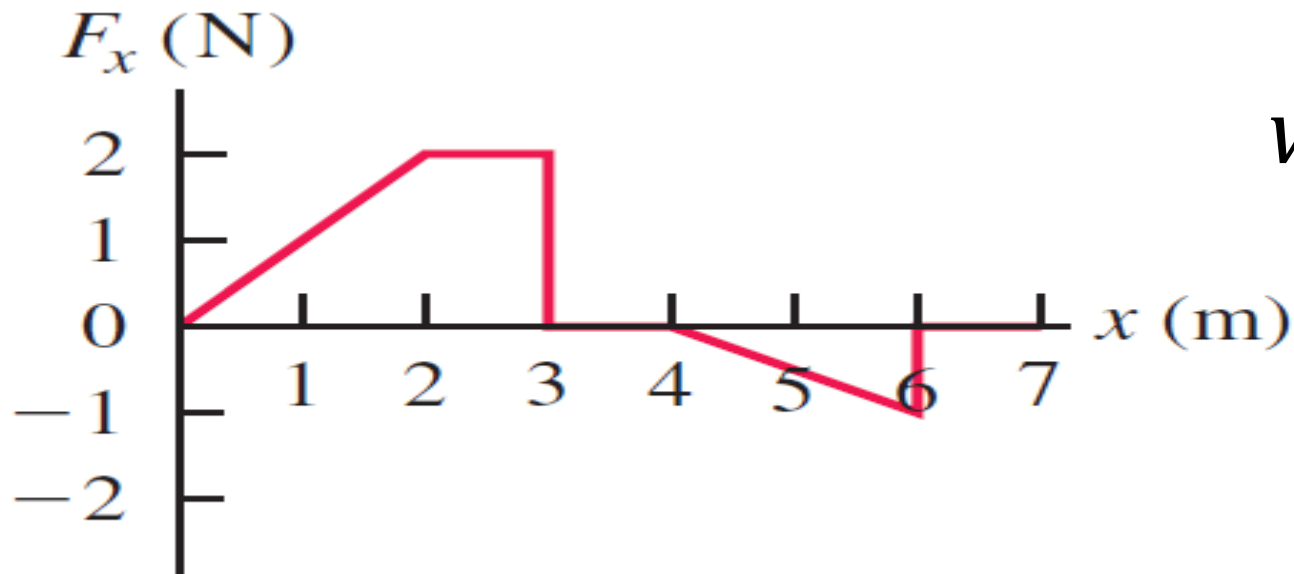
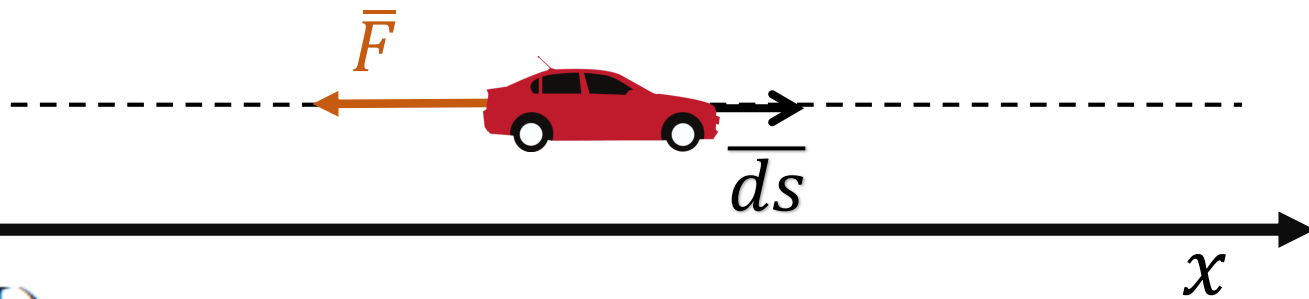


$$W_F = 0J$$

c) 4 a 7m

$$W_F = \int \bar{F}(x) \cdot \overline{dx} = \int F(x) dx$$

$$m = 2kg$$



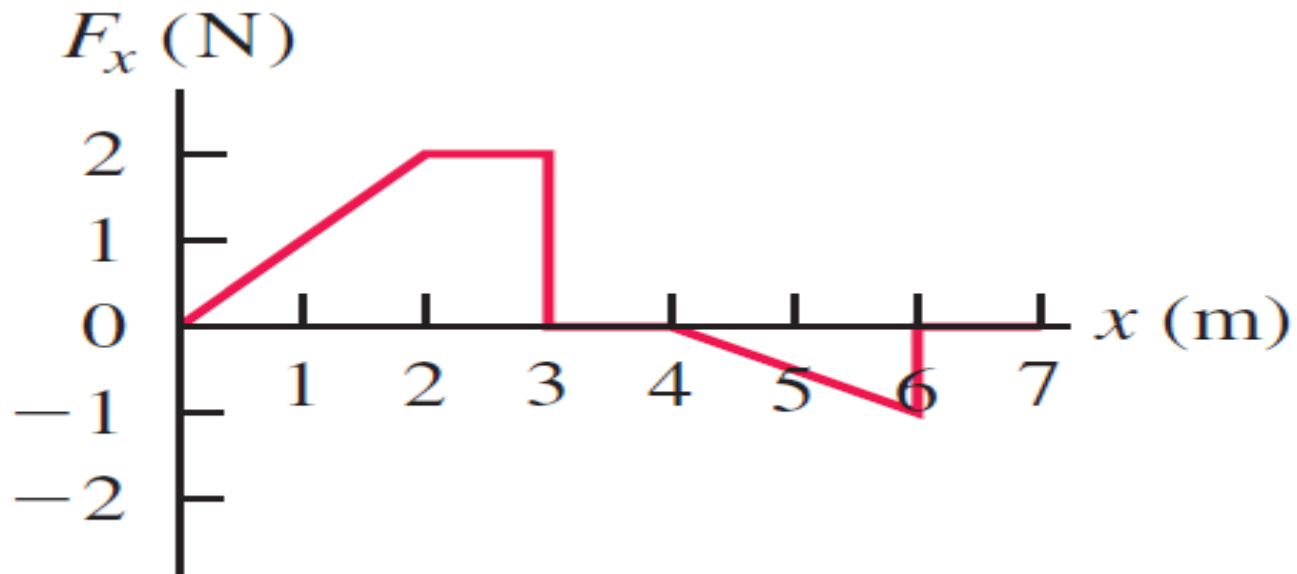
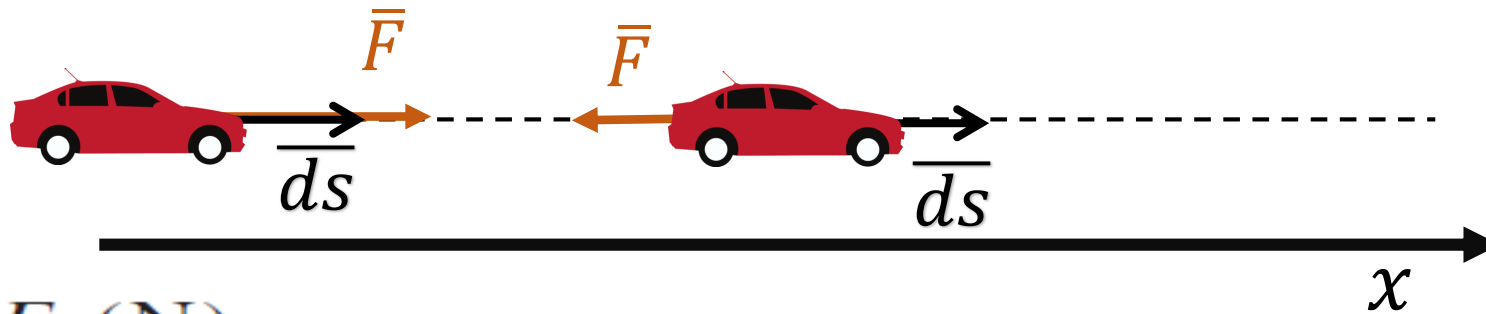
$$W_F = -\left(\frac{2 * 1}{2}\right) J + 0J$$

$$W_F = -1J$$

d) 0 a 7m

$$W_F = \int \bar{F}(x) \cdot \overline{dx} = \int F(x) dx$$

$$m = 2kg$$



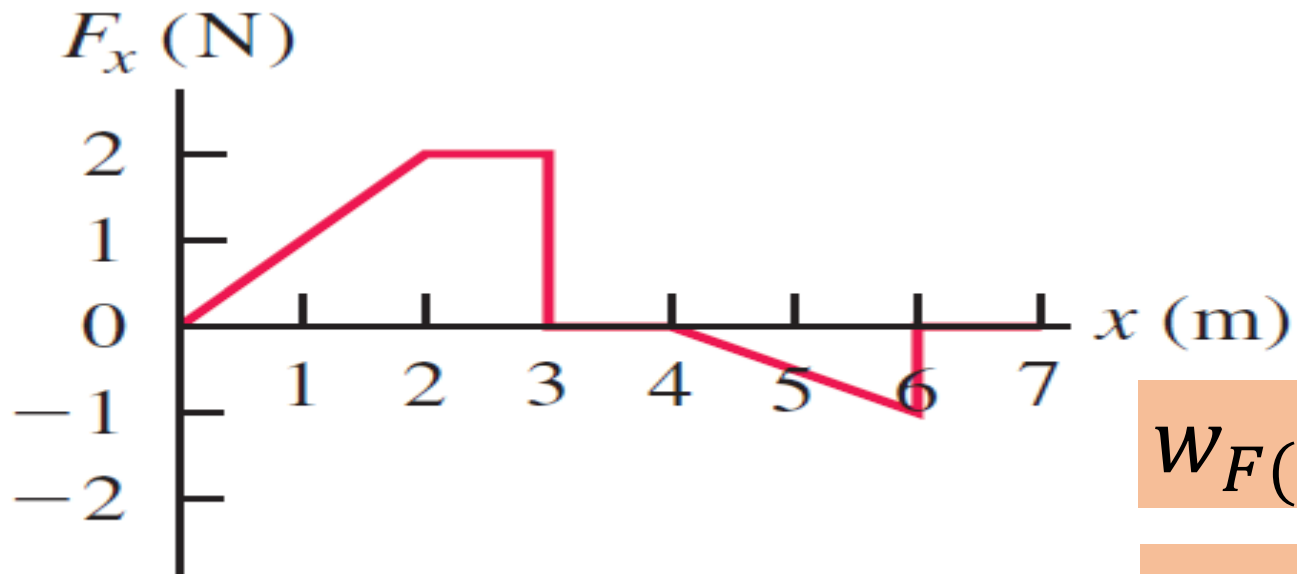
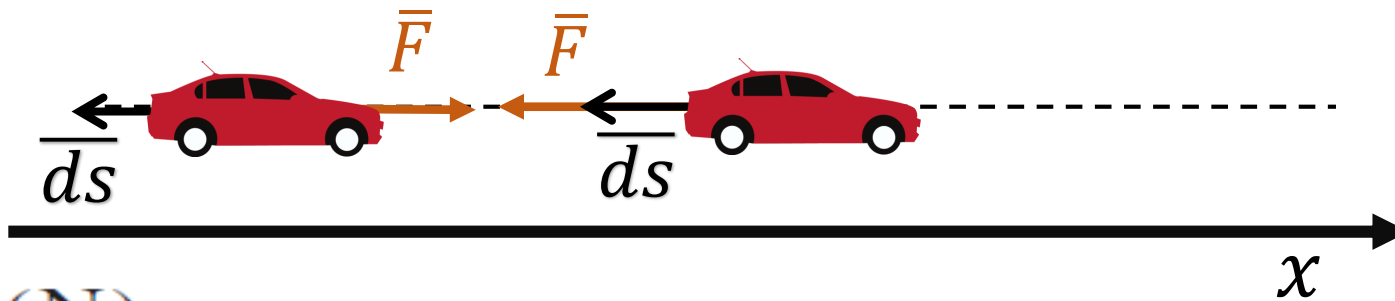
$$W_F = 4J - 1J$$

$$W_F = 3J$$

d) 7 a 2m

$$W_F = \int \bar{F}(x) \cdot \overline{dx} = \int F(x) dx$$

$$m = 2kg$$



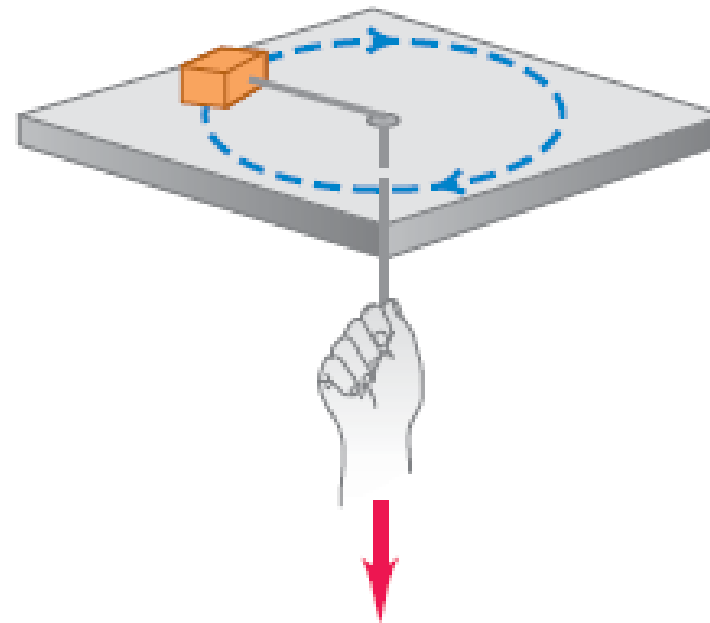
$$W_{F(6-4m)} = 1J$$

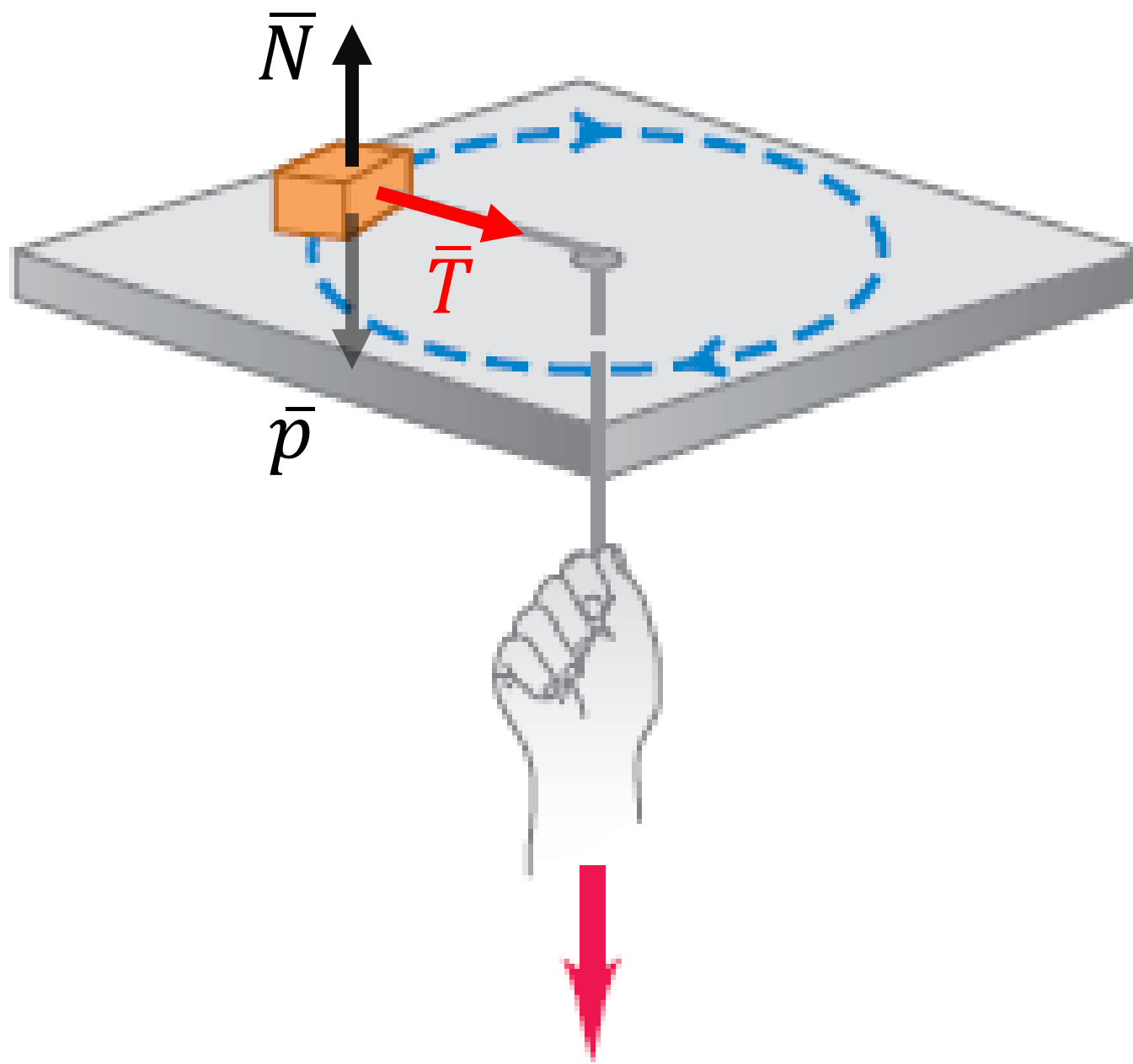
$$W_{F(3-2m)} = -2J$$

$$W_{F(7-2m)} = -1J$$

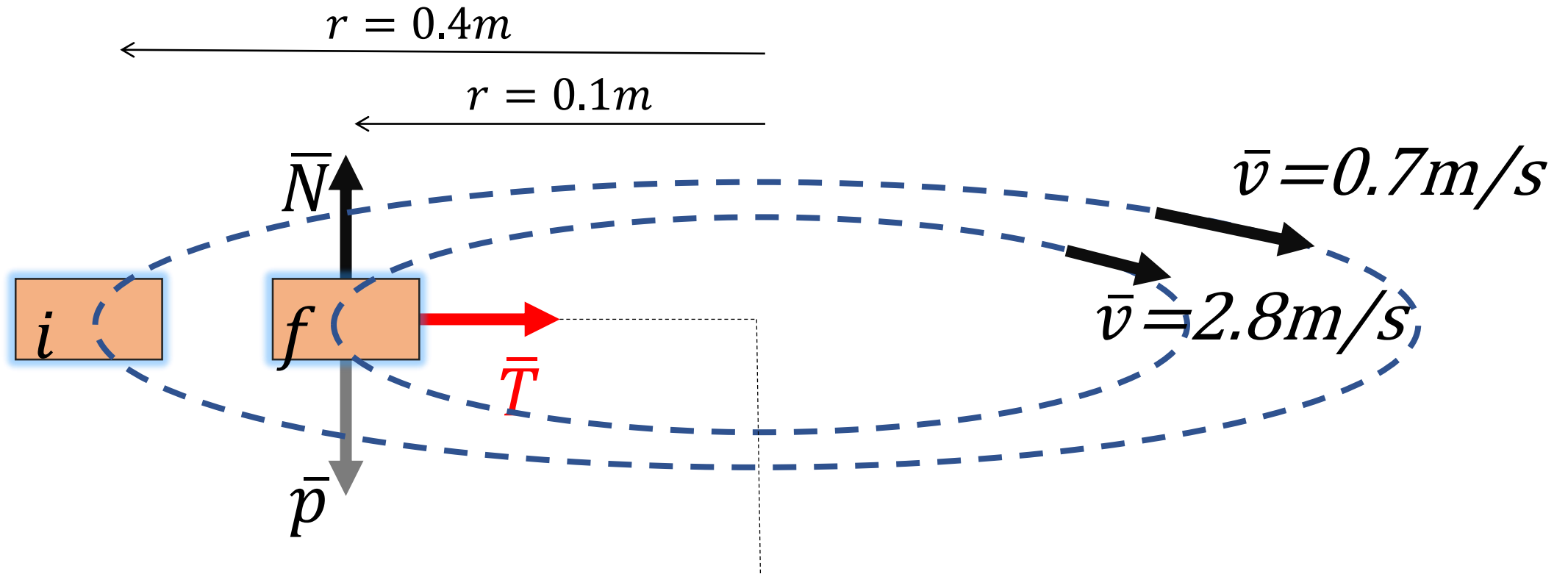
6.69. Un pequeño bloque con masa de 0.120 kg se conecta a un cordón que pasa por un agujero en una superficie horizontal sin fricción (figura 6.34). El bloque está girando a una distancia de 0.40 m del agujero con rapidez de 0.70 m/s . Luego, se tira del cordón por abajo, acortando el radio de la trayectoria del bloque a 0.10 m . Ahora la rapidez del bloque es de 2.80 m/s . *a)* ¿Qué tensión hay en el cordón en la situación original cuando el bloque tienen una rapidez $v = 0.70\text{ m/s}$? *b)* ¿Qué tensión hay en el cordón en la situación final cuando el bloque tienen una rapidez $v = 2.80\text{ m/s}$? *c)* ¿Cuánto trabajo efectuó la persona que tiró del cordón?

Figura 6.34 Problema 6.69.



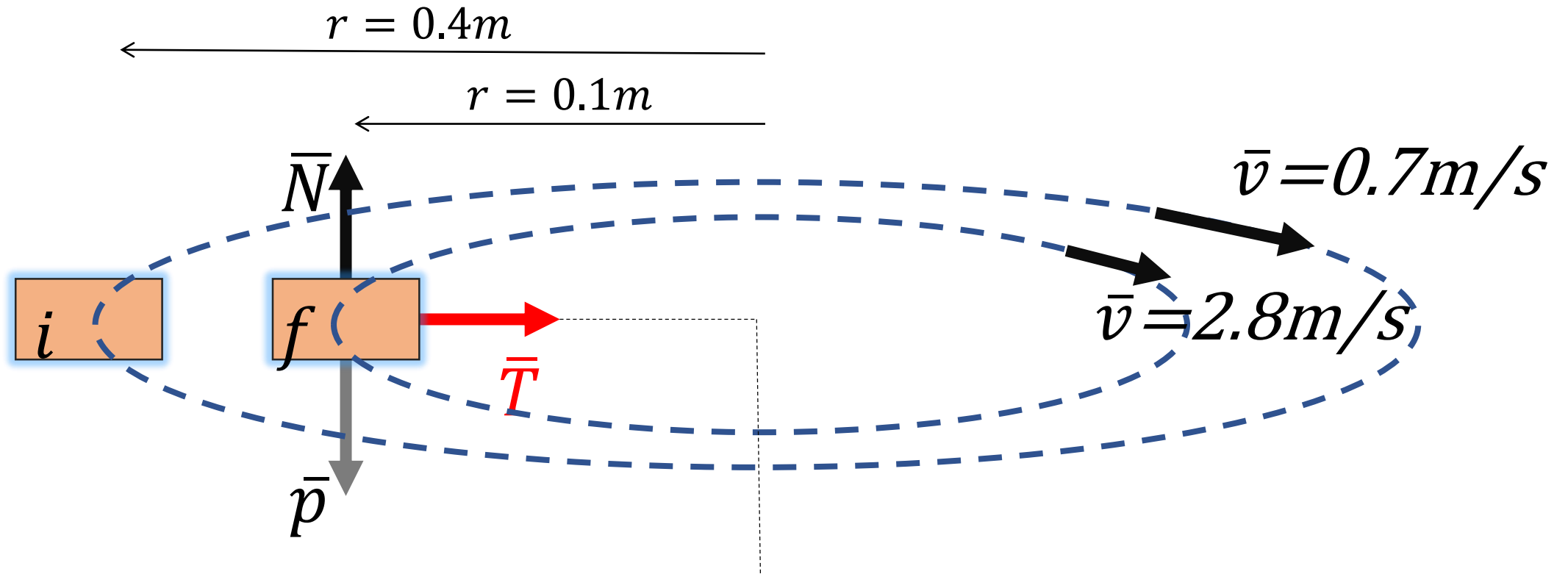


$$w_T = K_f - K_i$$



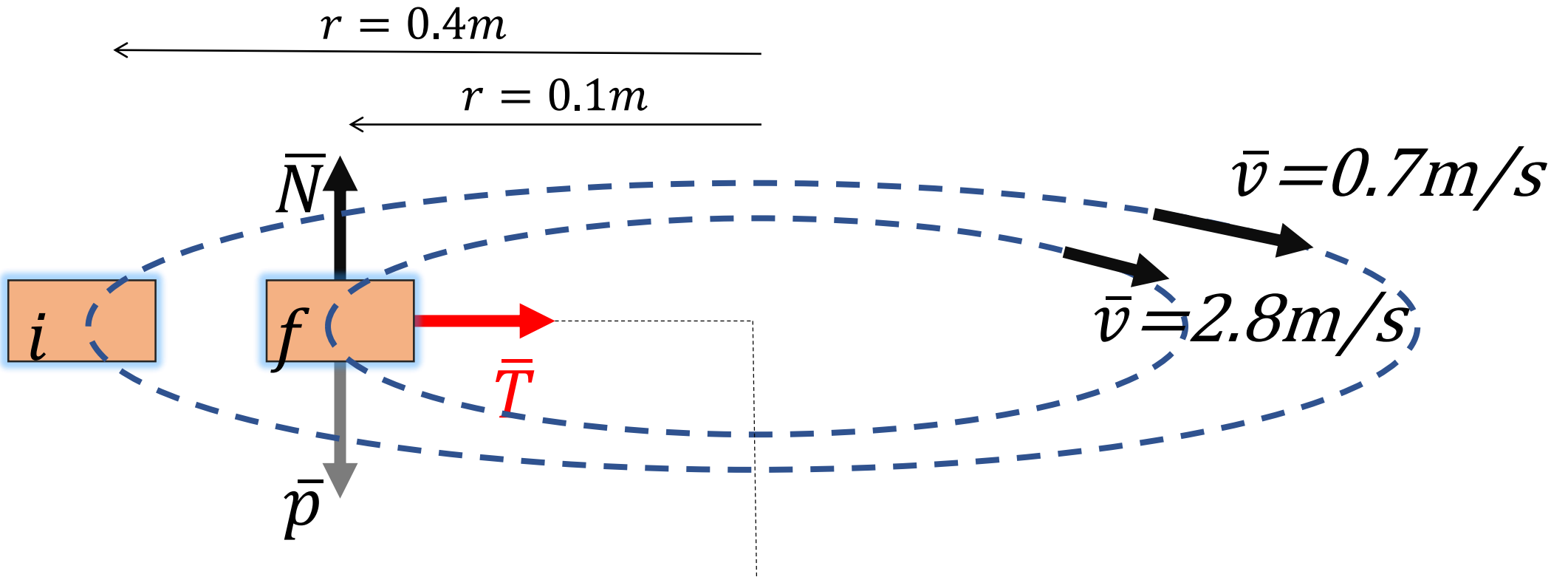
$$\sum \bar{F} = m\bar{a} \quad T = m \frac{v^2}{r} = 0.147N$$

$$w_T = K_f - K_i$$



$$\sum \bar{F} = m\bar{a} \quad T = m \frac{v^2}{r} = 9.4N$$

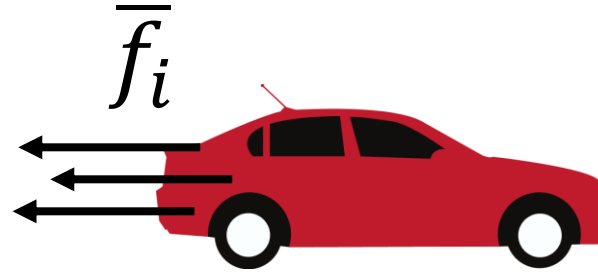
$$w_T = K_f - K_i$$



$$w_T = K_f - K_i = \frac{1}{2} (0.12kg) \left(2.8 \frac{m}{s} \right)^2 - \frac{1}{2} (0.12kg) \left(0.7 \frac{m}{s} \right)^2$$

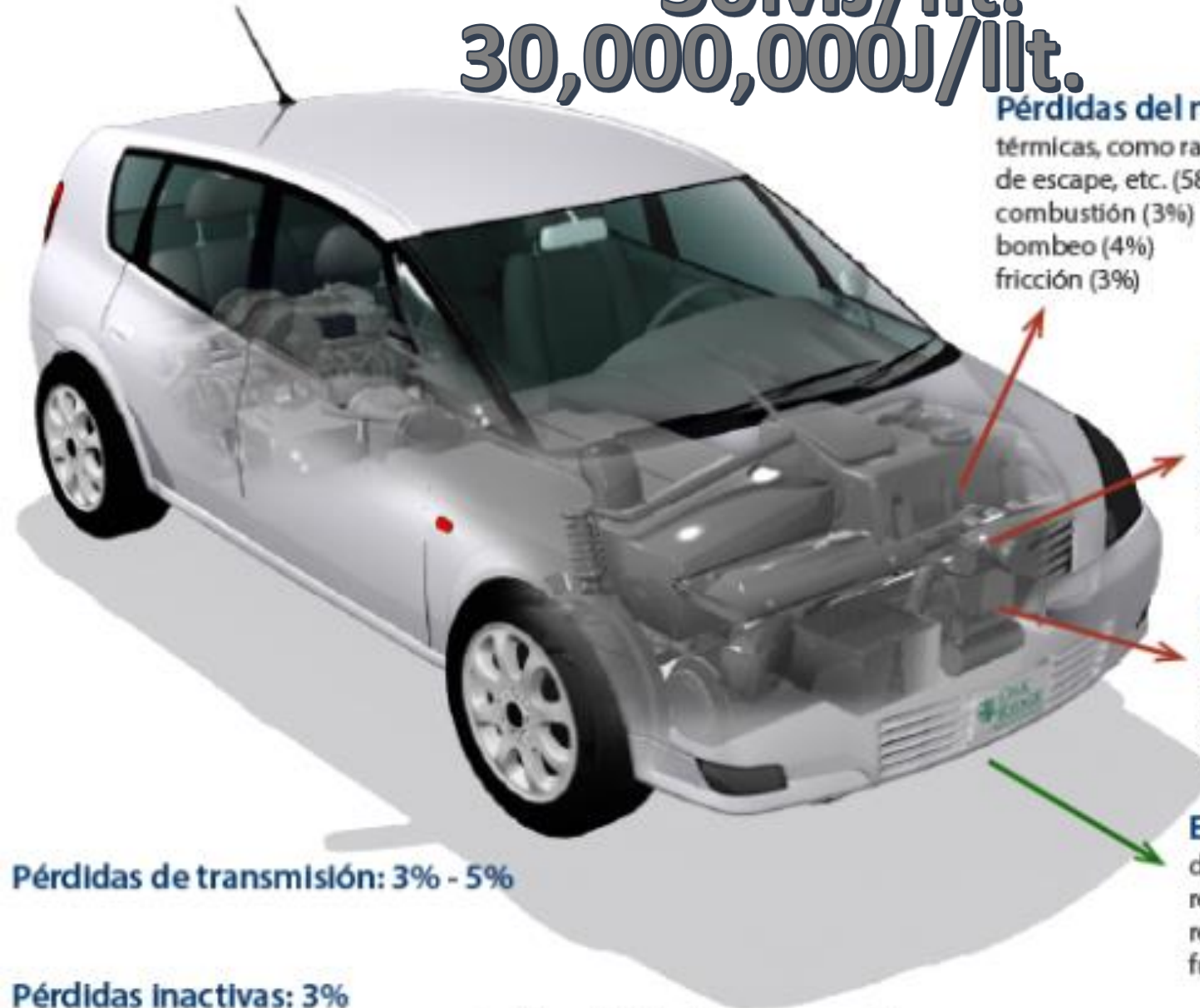
El motor de un camión transmite 28.0 kW (37.5 hp) a las ruedas de tracción cuando el camión viaja con velocidad constante de magnitud 60.0 km/h sobre una carretera horizontal. Determine la fuerza de resistencia que actúa sobre el camión.

$$P = \frac{W}{\Delta t} = \frac{F \Delta x}{\Delta t} = Fv$$



$$F = \frac{28 \text{ kW}}{16.66 \text{ m/s}} = 1680.67 \text{ N}$$

30MJ/lit.
30,000,000J/lit.



Pérdidas del motor: 68% - 72%

térmicas, como radiador, calor
de escape, etc. (58% - 62%)
combustión (3%)
bombeo (4%)
fricción (3%)

Pérdidas eléctricas auxiliares:

0% - 2%

(por ejemplo, ventiladores de
control de clima, calentadores de
asientos y volantes, faros, etc.)

Pérdidas parasitarias: 4% - 6%

(por ejemplo, bombas de agua,
combustible y aceite, sistemas de
encendido, sistemas de control del
motor, etc.)

Energía a las ruedas: 16% - 25%

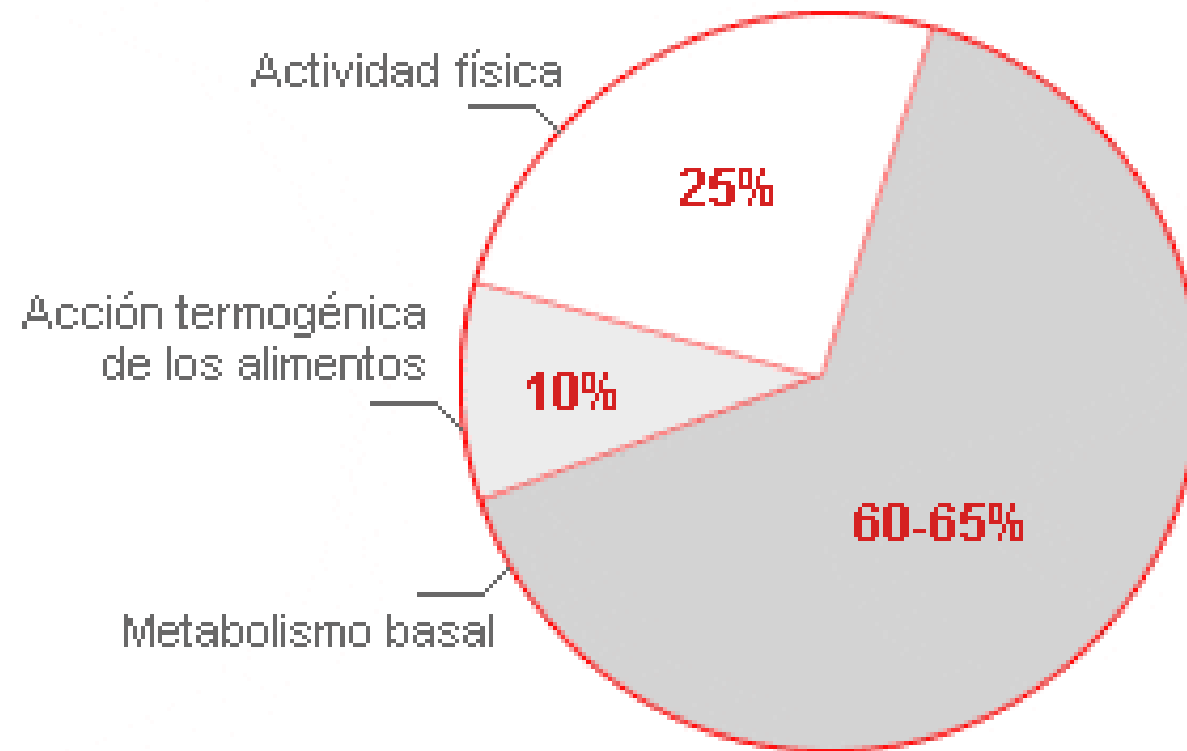
disipado como
resistencia al viento (8% - 12%)
resistencia a la rodadura (4% - 7%)
frenado (4% - 7%)

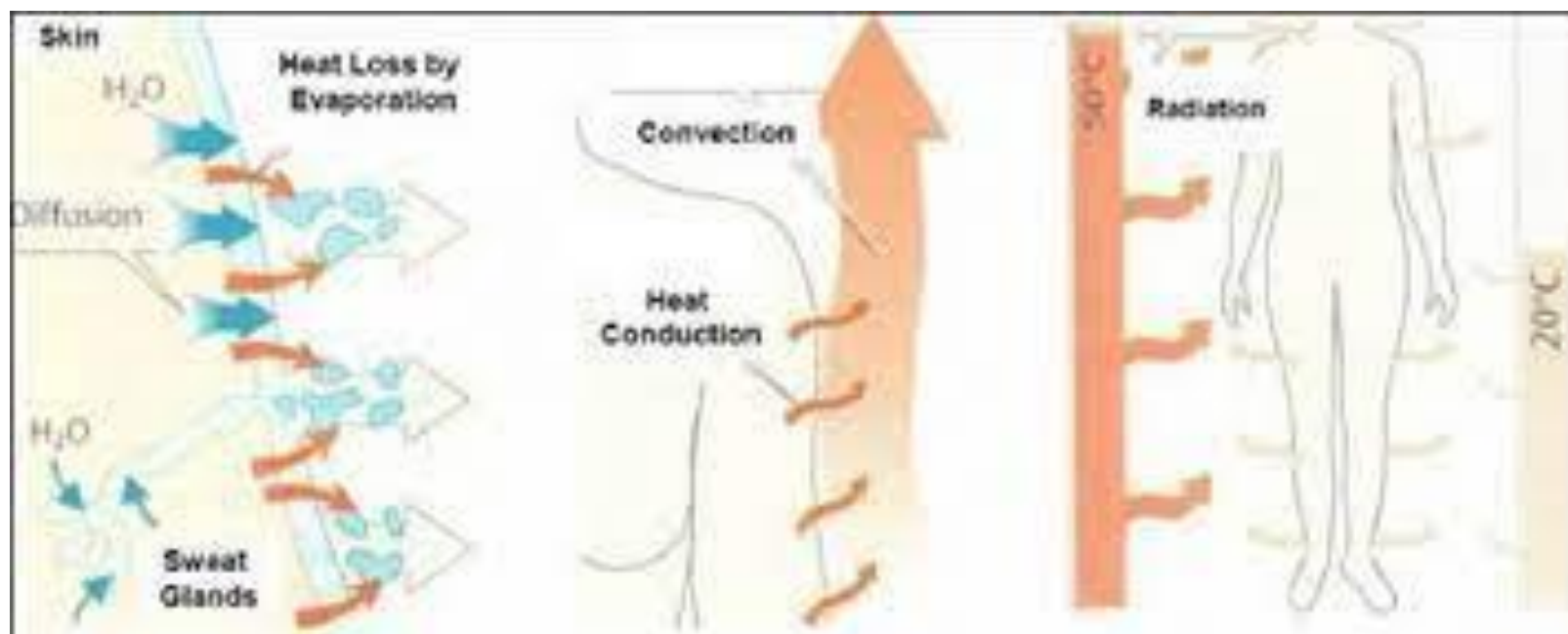
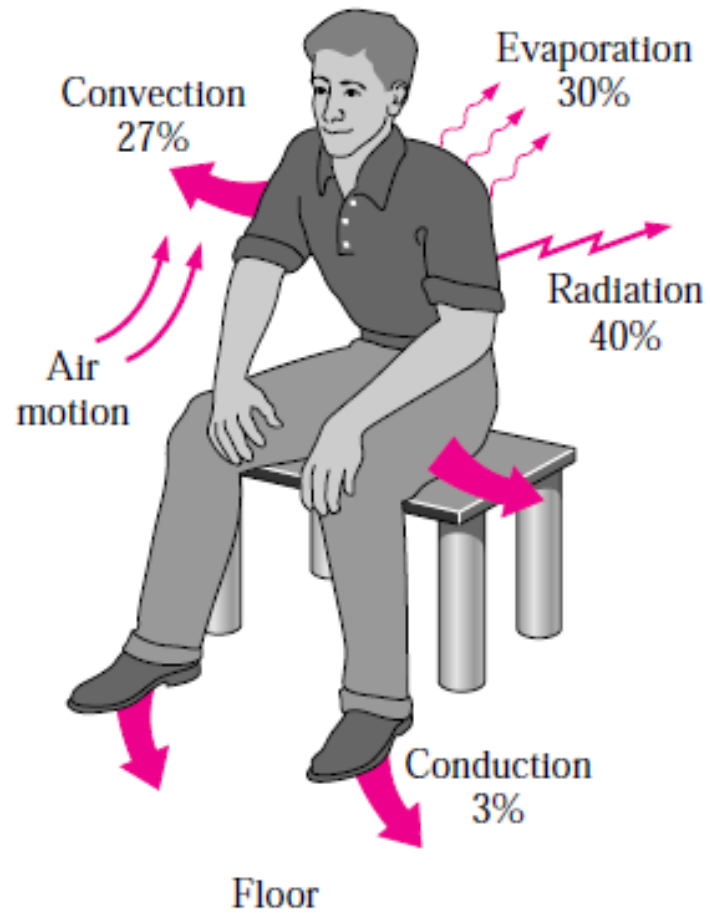
Pérdidas de transmisión: 3% - 5%

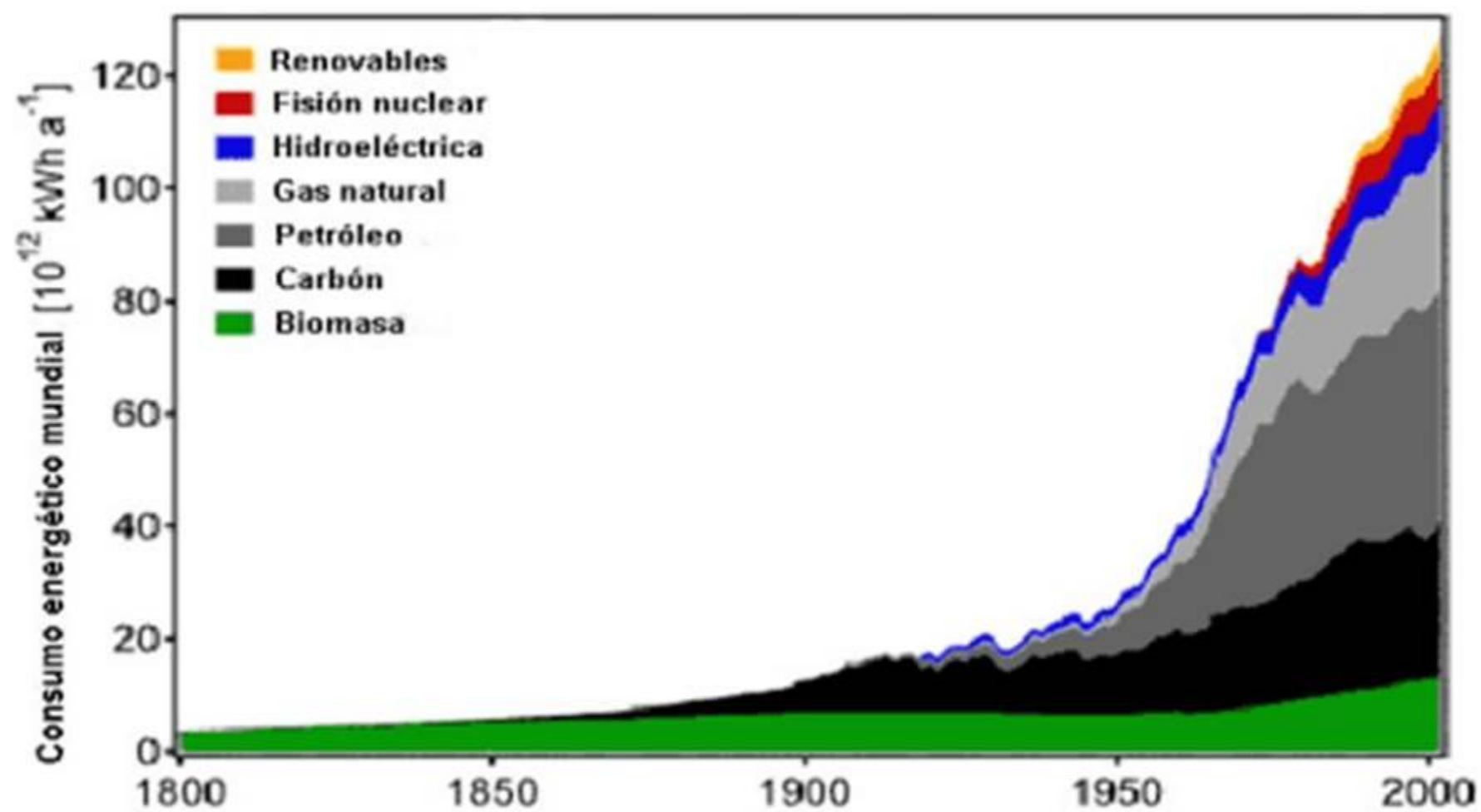
Pérdidas inactivas: 3%

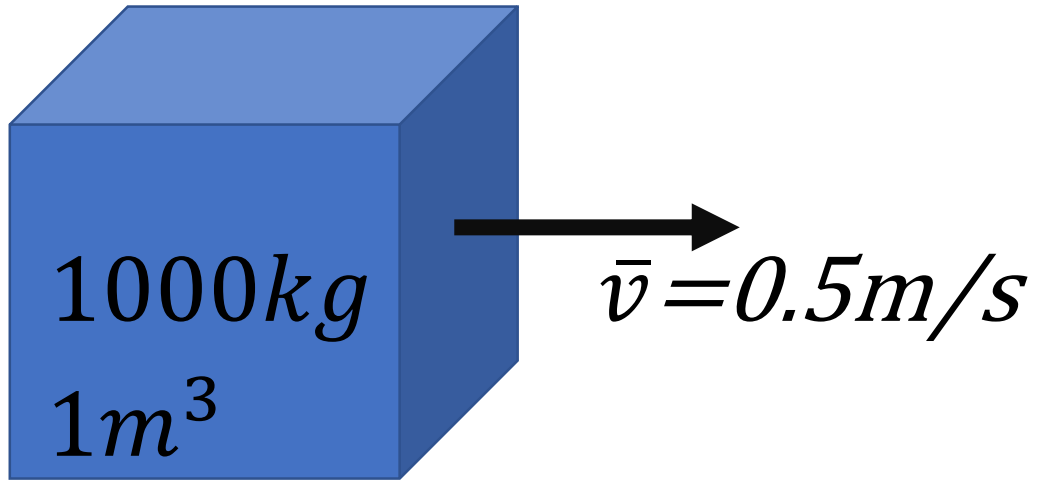
En esta figura, se contabilizan como parte de las pérdidas del motor y parásitas.

COMPONENTES DEL GASTO ENERGÉTICO (PARA UNA ACTIVIDAD MODERADA)









caudal vol. = 0.5m³ /s

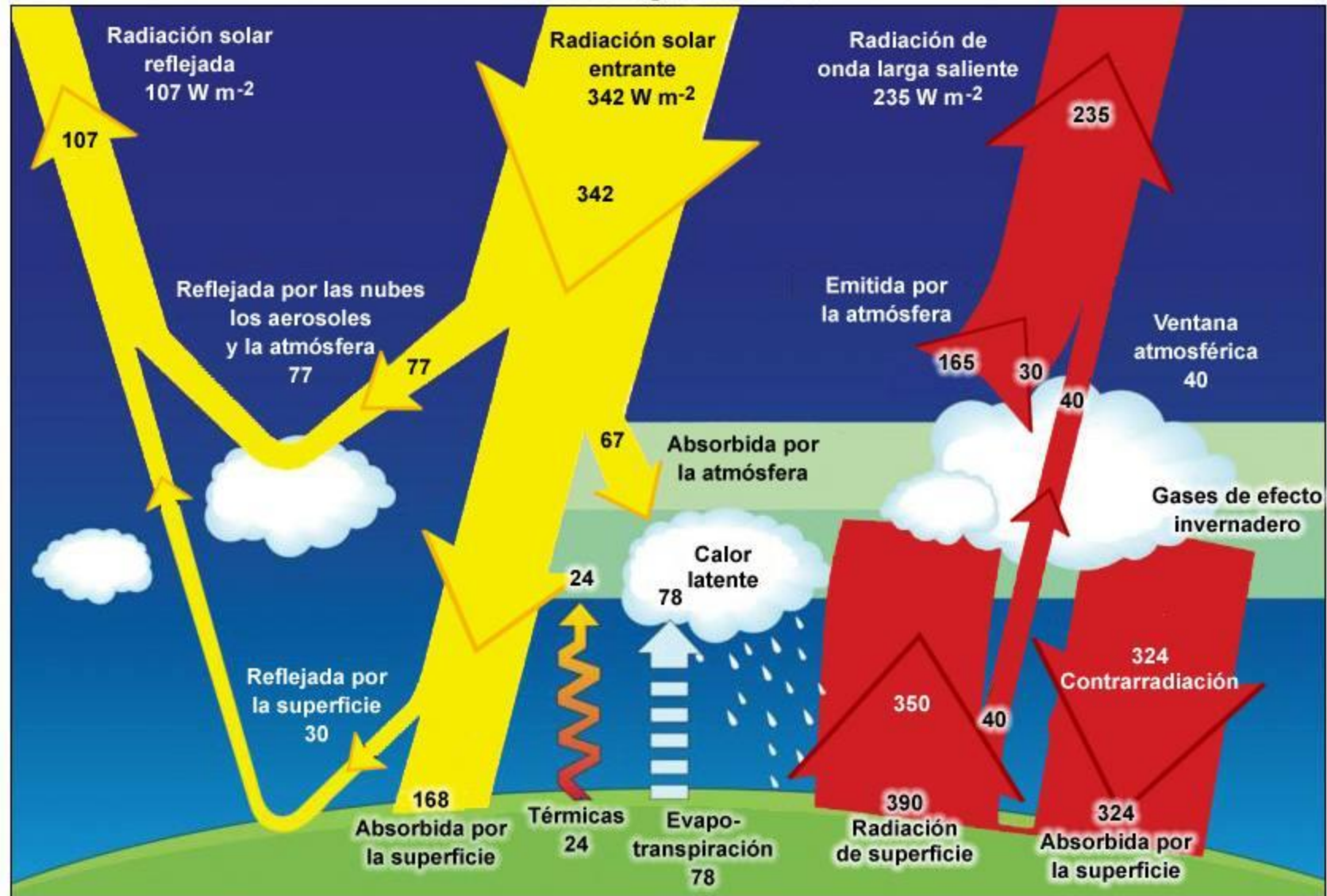
$$K = \frac{1}{2}mv^2 = 125J$$

$$\frac{K}{A} = 125J/m^2$$

$$K = \frac{1}{2}mv^2 = 125J$$

Consumo de una pava elec.: 2000W

Balance energético Sol-Tierra



Kiehl y Trenberth 1997, reproducción de la NASA

Consumo de una pava elec.: 2000W (6m2)

PANEL SOLAR 310W



Modelo	PS-310
Especificaciones técnicas	
Potencia máxima	310W
Voltaje nominal (Vmp)	33.34VCC
Corriente (Imp)	9.30A
Tensión en circuito abierto (Voc)	40.48VCC
Corriente en cortocircuito (Isc)	9.77A
Tensión máxima	1000VCC (IEC) / 600VCC (UL)
Capacidad max. del fusible	20A
Resistencia al viento (Pa)	5400
Especificaciones físicas	
Celda solar	Silicio policristalino
Material del marco	Aluminio anodizado
Color del marco	Aluminio
Dimensiones (mm)	1684 x 1002 x 35
Peso neto (kg)	19
Especificaciones de temperatura	