

### **Probabilidad a priori**

$P(E) = \frac{n}{N}$  siendo n el número de casos favorables o que pertenecen al suceso y N el número de casos igualmente posibles o probables.

### **Probabilidad total**

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

Si los eventos A y B son mutuamente exclusivos, es decir, no pueden ocurrir al mismo tiempo, entonces la fórmula se simplifica:  
 $P(A \cup B) = P(A) + P(B)$

### **PROBABILIDAD COMPUESTA Y CONDICIONAL**

$$P(A/B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$$

#### **SI SON SUCESOS DEPENDIENTES**

$$P(A \cap B) = P(B) * P(A/B)$$

$$P(A \cap B) = P(A) * P(B/A)$$

#### **SI SON SUCESOS INDEPENDIENTES**

$$P(A \cap B) = P(A) * P(B)$$

Para aplicar el teorema de Bayes se deben cumplir las siguientes condiciones:

- Los eventos deben ser mutuamente excluyentes: esto significa que los eventos no pueden ocurrir simultáneamente, es decir, la ocurrencia de uno de los eventos excluye la ocurrencia del otro.
- Los eventos deben ser colectivamente exhaustivos: esto significa que al menos uno de los eventos debe ocurrir.

$$P(A_i/B) = \frac{P(A_i \cap B)}{P(A_1 \cap B) + P(A_2 \cap B) + \dots + P(A_n \cap B)}$$

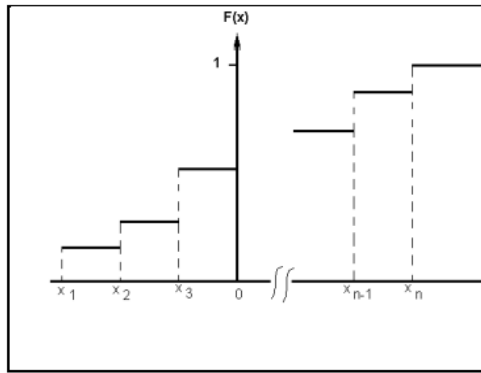


Fig. N° 2- Función de distribución

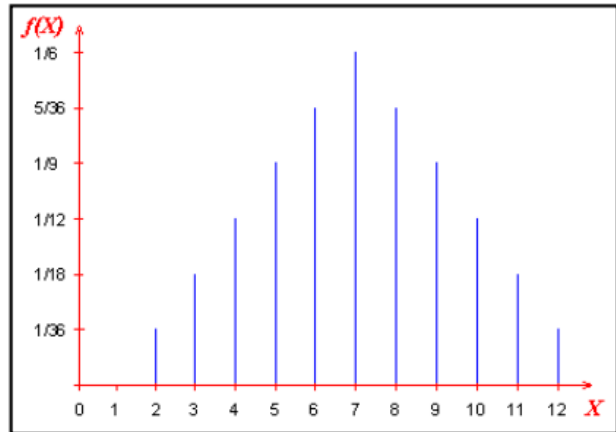


Fig. N° 1- Función de cuantía

### Independencia de variables aleatorias

$$P(X \leq x; Y \leq y) = P(X \leq x) * P(Y \leq y)$$

$F(x, y) = F(x) * F(y)$  ESTO ES SOLO POSIBLE DE EXPRESAR SI LAS VARIABLES SON INDEPENDIENTES

### ESPERANZA

$$E(x) = \sum_{\forall i} x_i f(x_i) \quad \text{variable discreta} \quad E(x) = \int_{-\infty}^{\infty} x f(x) dx \quad \text{variable continua}$$

Esperanza de una función de la variable X:  $E(a + bX) = a + bE(X)$

Esperanza de un producto de variables aleatorias

independientes:  $E(X.Y) = E(X) . E(Y)$

dependientes:  $E(XY) = \iint xy * f(x, y) dx dy$

### MEDIANA

Mediana

$$\int_{-\infty}^{\text{Mediana}} f(x) dx = 0.5 \quad ; \quad P(X \leq \text{Mediana}) = 0.5 \quad \text{Si X es variable continua}$$

$$\int_{\text{Mediana}}^{\infty} f(x) dx = 0.5 \quad ; \quad \text{Prob}(X \leq \text{Mediana}) = \sum_{i=1}^{\text{Mediana}} f(x_i) = 0.5$$

Si X es variable discreta

### MODOS

$\frac{df(x)}{dx} = 0$  y  $\frac{d^2f(x)}{dx^2} < 0$  si la variable es discreta, será el valor de la variable asociado a la máxima probabilidad

Punto más alto de la función de densidad

## MOMENTOS

$\mu$  representa el centro de la función, la esperanza

$$\mu_k = E[(X - E[X])^k] = \int_{-\infty}^{+\infty} (x - E[x])^k f(x) dx \quad \text{si } X \text{ es continua}$$

$$\mu_k = E[(X - E[X])^k] = \sum_{\forall i} (x_i - E[X])^k * f(x_i) \quad \text{si } X \text{ es discreta}$$

## VARIANZA

$$Var[X] = \int_{-\infty}^{+\infty} (x - E[X])^2 f(x) dx \quad \text{si } X \text{ es continua}$$

$$Var[X] = \sum_{\forall i} (x - E[X])^2 f(x_i) \quad \text{si } X \text{ es discreta}$$

$$Var[X] = E[X^2] - [E(X)]^2$$

$$Var(CX) = C^2 Var(X)$$

$$Var(a + bX) = 0 + b^2 Var(x)$$

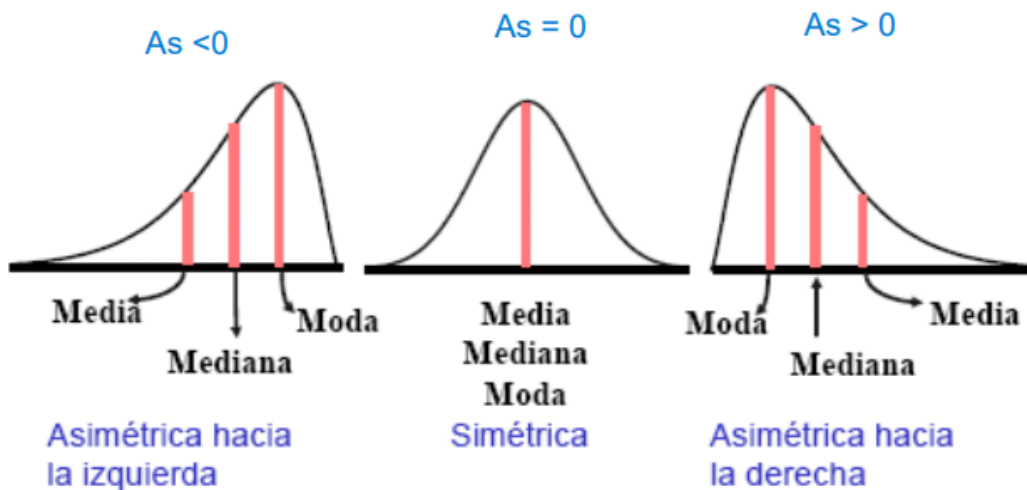
## DESVÍO ESTÁNDAR

$$\sigma_x = \pm \sqrt{Var(X)}$$

cuanto mas grande, mas ancha la función

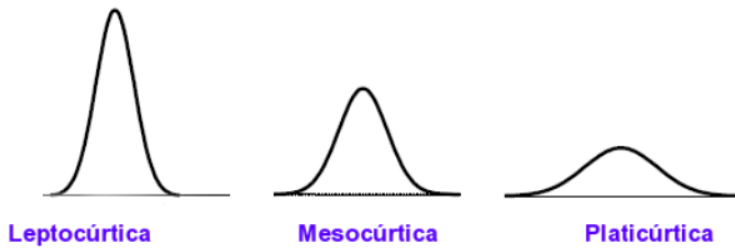
## Coefficiente de Variabilidad

$$C_v = \frac{\sigma(X)}{E(x)}$$



3 funciones de probabilidad, donde la del medio es una normal ya que media mediana y moda coinciden, media=esperanza  
la mediana siempre esta entre la media y la moda

$$As = \frac{E(X) - \text{Modo}}{\sigma(X)}$$



#### COVARIANZA

$$\text{Cov}(X, Y) = E[XY] - E[X] * E[Y]$$

$$V(X + Y) = V(X) + V(Y) + 2 * \text{COV}(X, Y)$$

$\text{Cov}(X, Y) = 0$  la dependencia lineal no existe

#### Modelo Bernoulli

$x = 0$  fracaso

$x = 1$  éxito

#### Modelo Binomial

Dan una probabilidad, una cantidad de ensayos y pregunta una cantidad de éxito

#### Modelo Poisson

partiendo del modelo binomial, si  $p \rightarrow 0$  y  $n \rightarrow \infty$  usamos poisson con

$$\lambda = n \cdot p$$

o

eventos que ocurren en una unidad de tiempo

#### Modelo hipergeométrico

N=tamaño población

n=tamaño muestra

k=número de éxitos en la muestra

#### Modelo Exponencial

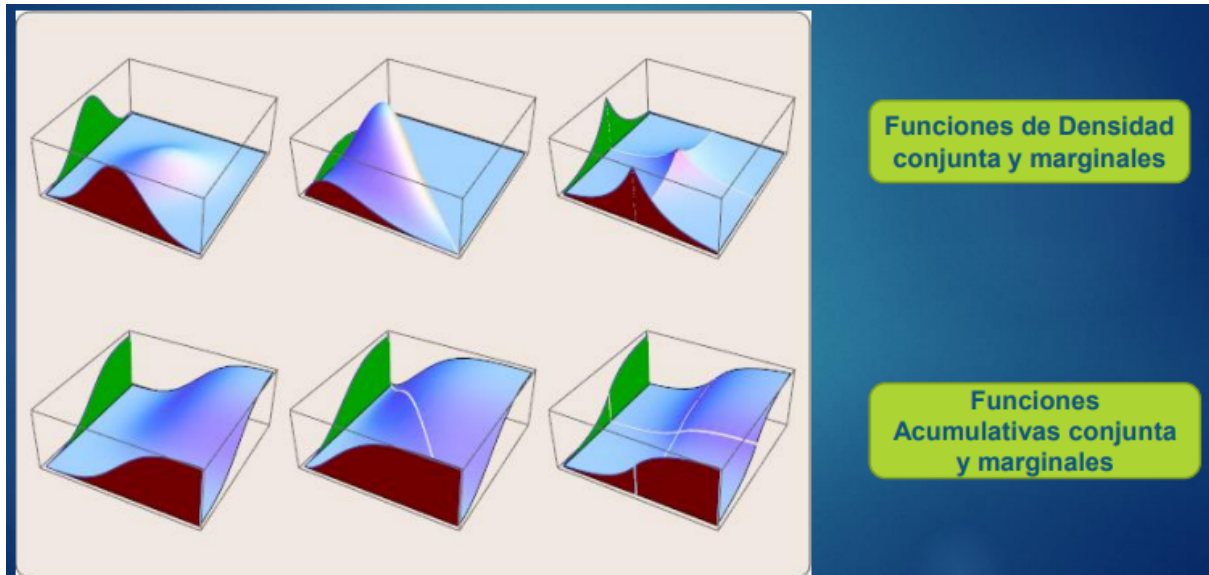
Este modelo surge al considerar el tiempo hasta la primera ocurrencia

#### Modelo Normal

nos dan desvío, media

#### Modelo Normal estándar

$$Z = \frac{x - u}{\sigma}$$



Las 3 de arriba representan la función de densidad lo que estaría en color celeste, la verde una función de densidad marginal de una de las variables, lo bordó la función de densidad de otra de las variables

Las 3 de abajo representan la función acumulativa lo que estaría en color celeste, la verde una función acumulativa de una de las marginales  
lo bordó la función acumulativa de otra de las marginales

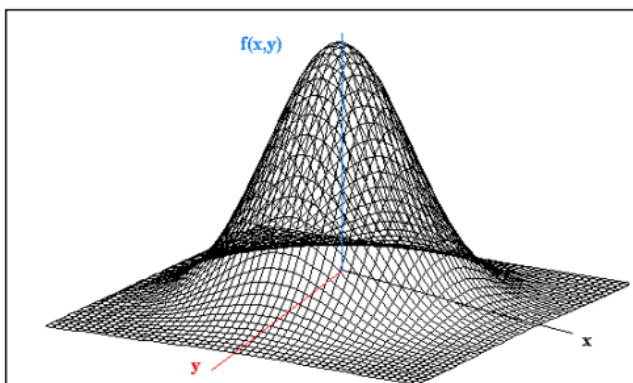
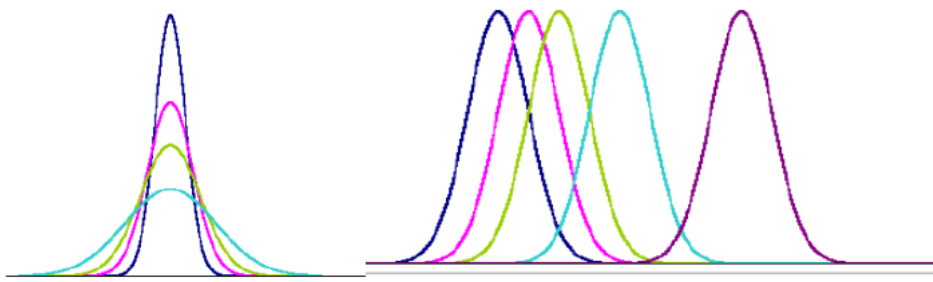


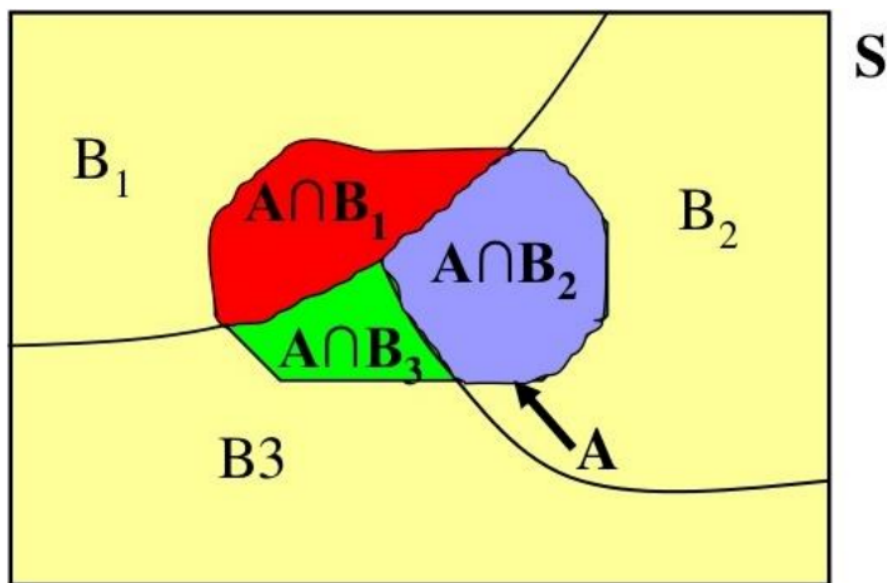
Fig. N° 6- Función de densidad conjunta



estas funciones tienen la misma esperanza, ya que están todas centradas en el mismo punto, pero distinto desvío estándar, ya que el desvío es el que "ensancha" o "achica" la función tienen distinto modo

estas funciones tienen distinta esperanza, ya que están todas centradas en distintos puntos pero igual desvío estándar, ya que el desvío es el que "ensancha" o "achica" la función

tienen el mismo modo, ya que es el máximo valor



Vemos el Teorema de Bayes donde los eventos deben ser mutuamente excluyentes (no pueden ocurrir los dos al mismo tiempo) y exhaustivos (al menos uno debe ocurrir)

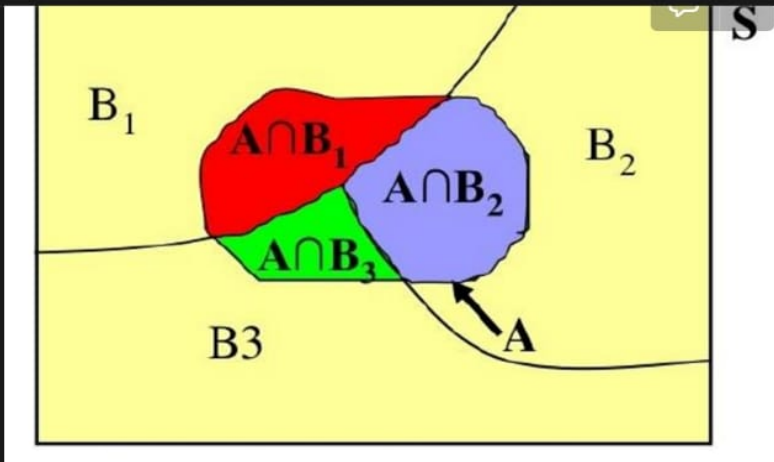
Los sucesos que conforman el espacio muestral correspondiente al experimento son los sucesos  $B_i$

El suceso  $A$  es el que ocurre y cuya probabilidad interesa estudiar.

$$P(B/A) = P(A \cap B)/P(A)$$

Se suponen conocidas también las probabilidades condicionales referidas al suceso de interés y los sucesos conocidos.

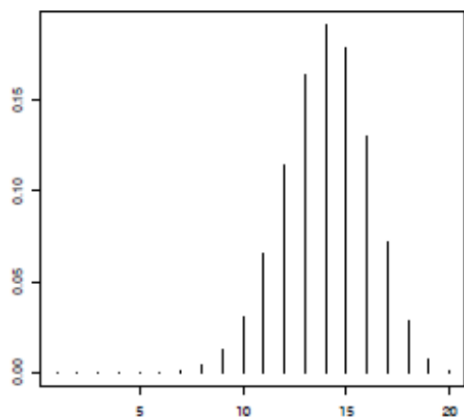
Permite obtener la probabilidad de los sucesos cuya probabilidad se conoce, una vez ocurrido el suceso de interés



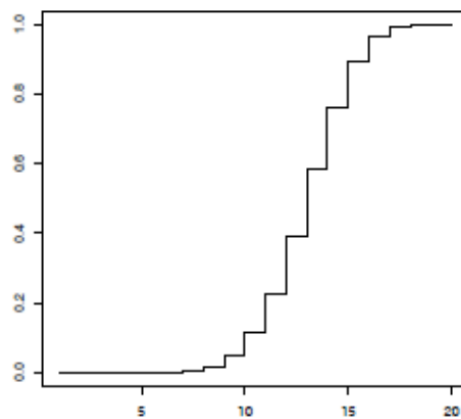
Dicho grafico muestra un experimento aleatorio al que le corresponden una serie de sucesos  $(B_1, B_2, B_3)$ , los cuales conforman un conjunto **exhaustivo** y **excluyente**, ya que como podemos observar ocupan todo el espacio muestral  $S$  y ademas los sucesos son disjuntos entre pares es decir  $B_i \cap B_j = \emptyset$ . A su vez pintado en colores rojo, violeta y verde, podemos ver claramente como muestra el interes de un nuevo suceso  $A$  que esta relacionado al mismo experimento y que tiene relacion con los sucesos constituyentes.

$A$  pasa a ser nuestro nuevo espacio muestral y como estamos en presencia de un sistema **exhaustivo** y **excluyente** podemos considerar a Bayes para calcular la probabilidad  $P(B_i/A)$





Función de cuantía  
 es discreta y se presenta en forma de tabla o lista de valores discretos.  
 sólo puede tomar valores positivos o nulos,  
 y la suma de todas las probabilidades debe ser igual a 1.



Función acumulativa. probabilidad que la variable aleatoria tome valores menores o iguales que un valor determinado  
 La gráfica de esta función es de tipo escalonada, ya que experimenta saltos en los distintos  $x_i$