Le but de ce document est de donner une définition formelle des fonctions dont est composé le langage C2QL.

## Définitions générales

Soit  $\mathcal{V}$  un ensemble, appelé ensemble des valeurs.

Définition 1 Ici, pour simplifier, on appelle chaîne de caractères tout mot sur l'alphabet

$$\Sigma = \{a, \dots, z\} \cup \{A, \dots, Z\} \cup \{0, \dots, 9\}$$

Définition 2 On appelle nom d'attribut toute chaîne de caractères.

**Définition 3** On appelle schéma relationnel tout ensemble de noms d'attributs.

**Définition 4** On appelle relation de schéma relationnel  $\Delta$  un ensemble de fonctions de  $\Delta \cup \{id\}$  dans V.

Chacune de ces fonctions (chacun des éléments de la relation) est appelé(e) ligne.

Pour chaque ligne l de la relation et chaque  $\alpha$  de  $\Delta$ ,  $l(\alpha)$  est appelé attribut de nom  $\alpha$  pour la ligne l.

L'image de id est appelé identifiant de la ligne, et il est, au sein de chaque relation, unique pour chaque ligne.

**Définition 5** On appelle S l'ensemble des schémas relationnels possibles. Autrement dit, on pose  $S = (\Sigma^*)^*$ .

On appelle R l'ensemble des relations possibles,

et on introduit la fonction sch de R dans S qui à une relation associe son schéma relationnel.

## Projections et sélections

**Définition 6** Pour tout ensemble  $\delta$  de noms d'attributs, on appelle projection sur les attributs  $\delta$  la fonction suivante :

$$\begin{array}{cccc} \pi_{\delta}: & \mathbf{R} & \rightarrow & \mathbf{R} \\ & r & \mapsto & \{l|_{(\delta \cap \mathrm{sch}(r)) \cup \{id\}}/l \in r\} \end{array}$$

Définition 7 On appelle L l'ensemble de toutes les lignes possibles.

On appelle prédicat toute fonction de L dans {true, false}.

On appelle domaine d'un prédicat p le plus petit ensemble D tel que :

$$\forall (l, l') \in L^2, (l|_D = l'|_D \Rightarrow p(l) = p(l'))$$

et on le note dom(p).

Définition 8 On appelle sélection de prédicat p, pour tout prédicat p, la fonction :

$$\begin{array}{cccc} \sigma_p: & \mathbf{R} & \to & \mathbf{R} \\ & r & \mapsto & r \cap p^{-1}(\{true\}) \end{array}$$