

Le but de ce document est de donner une définition formelle des fonctions dont est composé le langage C2QL.

Définitions générales

Soit \mathcal{V} un ensemble, appelé ensemble des valeurs.

Définition 1 Ici, pour simplifier, on appelle chaîne de caractères tout mot sur l'alphabet

$$\Sigma = \{a, \dots, z\} \cup \{A, \dots, Z\} \cup \{0, \dots, 9\}$$

Définition 2 On appelle nom d'attribut toute chaîne de caractères.

Définition 3 On appelle schéma relationnel tout ensemble de noms d'attributs.

Définition 4 On appelle relation de schéma relationnel Δ un ensemble de fonctions de $\Delta \cup \{id\}$ dans \mathcal{V} .

Chacune de ces fonctions (chacun des éléments de la relation) est appelé(e) ligne.

Pour chaque ligne l de la relation et chaque α de Δ , $l(\alpha)$ est appelé attribut de nom α pour la ligne l .

L'image de id est appelé identifiant de la ligne, et il est, au sein de chaque relation, unique pour chaque ligne.

Définition 5 On appelle S l'ensemble des schémas relationnels possibles. Autrement dit, on pose $S = (\Sigma^*)^*$.

On appelle R l'ensemble des relations possibles,

et on introduit la fonction sch de R dans S qui à une relation associe son schéma relationnel.

Projections et sélections

Définition 6 Pour tout ensemble δ de noms d'attributs, on appelle projection sur les attributs δ la fonction suivante :

$$\begin{aligned} \pi_\delta : R &\rightarrow R \\ r &\mapsto \{l|_{(\delta \cap \text{sch}(r)) \cup \{id\}} / l \in r\} \end{aligned}$$

Définition 7 On appelle L l'ensemble de toutes les lignes possibles.

On appelle prédicat toute fonction de L dans $\{true, false\}$.

On appelle domaine d'un prédicat p le plus petit ensemble D tel que :

$$\forall (l, l') \in L^2, (l|_D = l'|_D \Rightarrow p(l) = p(l'))$$

et on le note $\text{dom}(p)$.

Définition 8 On appelle sélection de prédicat p , pour tout prédicat p , la fonction :

$$\begin{aligned} \sigma_p : R &\rightarrow R \\ r &\mapsto r \cap p^{-1}(\{true\}) \end{aligned}$$

Fragmentation et défragmentation

Définition 9 On appelle paire de relations unifiable toute paire (r, r') de R^2 vérifiant

$$\begin{cases} \{l(id)/l \in r\} = \{l(id)/l \in r'\} \\ \text{sch}(r) \cap \text{sch}(r') = \emptyset \end{cases}$$

On note R_u l'ensemble des paires de relations unifiables, qui est donc un sous-ensemble de R .

Pour une paire de relations unifiable (r, r') , on appelle Unificateur de r et r' la relation
A ECRIRE

Définition 10 Pour tout ensemble de noms d'attributs δ on appelle fragmentation de fragment gauche δ l'application suivante :

$$\begin{array}{lll} \text{frag}_\delta & R & \rightarrow R_u \\ & r & \mapsto (\{l|_{(\text{sch}(r) \cap \delta) \cup \{id\}}/l \in r\}, \{l|_{(\text{sch}(r) \setminus \delta) \cup \{id\}}/l \in r\}) \end{array}$$

Définition 11 On appelle défragmentation la fonction suivante :

$$\begin{array}{lll} \text{defrag} & R_u & \rightarrow R \\ & (r, r') & \mapsto \text{Unif}(r, r') \end{array}$$