## Lois déjà présentes dans la thèse et/ou l'article

#### Lois locales

$$\pi_{\delta_1} \circ \dots \circ \pi_{\delta_n} \equiv \pi_{\delta_1 \cap \dots \cap \delta_n} \tag{1}$$

$$\sigma_{p_1} \circ \dots \circ \sigma_{p_n} \equiv \sigma_{p_1 \wedge \dots \wedge p_n} \tag{2}$$

$$\pi_{\delta} \circ \sigma_{p} \equiv \sigma_{p} \circ \pi_{\delta} \qquad \text{si dom}(p) \subset \delta \tag{3}$$

#### Lois identité

$$id \equiv defrag \circ frag_{\delta} \tag{4}$$

$$id \equiv decrypt_{\alpha,c} \circ crypt_{\alpha,c} \tag{5}$$

## Lois de projection

$$\pi_{\delta} \circ \operatorname{decrypt}_{\alpha,\mathsf{c}} \equiv \operatorname{decrypt}_{\alpha,\mathsf{c}} \circ \pi_{\delta} \qquad \qquad \operatorname{si} \ \alpha \in \delta \qquad \qquad (6)$$
 
$$\pi_{\delta} \circ \operatorname{decrypt}_{\alpha,\mathsf{c}} \equiv \pi_{\delta} \qquad \qquad \operatorname{si} \ \alpha \notin \delta \qquad \qquad (7)$$
 
$$\pi_{\delta} \circ \operatorname{defrag} \equiv \operatorname{defrag} \circ (\pi_{\delta \cap \delta'}, \pi_{\delta \setminus \delta'}) \quad \text{où } \delta' \text{ est le schéma relationnel du premier fragment} \qquad (8)$$

#### Lois de sélection

Lorsqu'une défragmentation est effectuée, on supposera que le schéma relationnel du fragment de gauche s'appelle  $\delta'$  .

$$\sigma_p \circ \operatorname{decrypt}_{\alpha, \mathsf{c}} \equiv \operatorname{decrypt}_{\alpha, \mathsf{c}} \circ \sigma_p \qquad \qquad \operatorname{si} \operatorname{dom}(p) \cap \alpha = \emptyset \tag{9}$$

$$\sigma_p \circ \operatorname{decrypt}_{\alpha, c} \equiv \operatorname{decrypt}_{\alpha, c} \circ \sigma_{c \Rightarrow p}$$
 si  $p$  est compatible avec  $c$  (10)

$$\sigma_p \circ \operatorname{defrag} \equiv \operatorname{defrag} \circ (\sigma_p, \operatorname{id})$$
 si  $\operatorname{dom}(p) \subset \delta'$  (11)

$$\sigma_p \circ \operatorname{defrag} \equiv \operatorname{defrag} \circ (\operatorname{id}, \sigma_p)$$
 si  $\operatorname{dom}(p) \subset \Delta \setminus \delta'$  (12)

## Lois d'agrégation

Pour tout chiffrement c, on appellera c' le chiffrement qui agit sur une liste en appliquant c à chacun des éléments de la liste. Lorsqu'une défragmentation est effectuée, on supposera que le schéma relationnel du fragment de gauche s'appelle  $\delta'$ .

$$\operatorname{group}_{\delta} \circ \operatorname{decrypt}_{\alpha, \mathsf{c}} \equiv \operatorname{decrypt}_{\alpha, \mathsf{c}}, \circ \operatorname{group}_{\delta}$$
 Si  $\alpha \notin \delta$  (13)

$$\operatorname{group}_{\delta} \circ \operatorname{decrypt}_{\alpha, c} \equiv \operatorname{decrypt}_{\alpha, c} \circ \operatorname{group}_{\delta}$$
 Si c est compatible avec l'égalité (14)

$$\operatorname{group}_{\delta} \circ \operatorname{defrag} \equiv \operatorname{defrag} \circ (\operatorname{group}_{\delta}, \operatorname{group}_{\{id\}})$$
 Si  $\delta \subset \delta'$  (15)

$$\operatorname{group}_{\delta} \circ \operatorname{defrag} \equiv \operatorname{defrag} \circ (\operatorname{group}_{\{\operatorname{id}\}}, \operatorname{group}_{\delta})$$
 Si  $\delta \cap \delta' = \emptyset$  (16)

## Lois de composition des protections

Lorsqu'une défragmentation est effectuée, on supposera que le schéma relationnel du fragment de gauche s'appelle  $\delta'$  .

# Lois que je propose de rajouter

#### Lois avec fold

A FAIRE

#### Commutation de defrag et crypt

Lorsqu'une défragmentation est effectuée, on supposera que le schéma relationnel du fragment de gauche s'appelle  $\delta'$  .

$$\operatorname{crypt}_{\alpha,c} \circ \operatorname{defrag} \equiv \operatorname{defrag} \circ (\operatorname{crypt}_{\alpha,c}, \operatorname{id}) \qquad \operatorname{si} \alpha \in \delta'$$
 (24)

$$\operatorname{crypt}_{\alpha,c} \circ \operatorname{defrag} \equiv \operatorname{defrag} \circ (\operatorname{id}, \operatorname{crypt}_{\alpha,c}) \qquad \qquad \operatorname{si} \ \alpha \notin \delta'$$
 (25)