## Memorias cache

95.57/75.03 Organización del computador

Docentes: Patricio Moreno y Adeodato Simó

1.er cuatrimestre de 2020

Última modificación: Mon Jun 29 16:19:40 2020 -0300

Facultad de Ingeniería (UBA)

#### Créditos

Para armar las presentaciones del curso nos basamos en:



R. E. Bryant and D. R. O'Hallaron, *Computer systems: a programmer's perspective*, Third edition, Global edition. Boston Columbus Hoboken Indianapolis New York San Francisco Cape Town: Pearson, 2015.



D. A. Patterson and J. L. Hennessy, *Computer organization and design: the hardware/software interface*, RISC-V edition. Cambridge, Massachusetts: Morgan Kaufmann Publishers, an imprint of Elsevier, 2018.



J. L. Hennessy and D. A. Patterson, *Computer architecture: a quantitative approach*. 2019.

#### Tabla de contenidos

- 1. Conceptos generales
- 2. Organización de la memoria
- 3. Proceso de lecturas
- 4. Proceso de escrituras
- 5. Desempeño

The Memory Mountain

Efectos de la disposición de bucles en el desempeño

Uso de blocking para mejorar la localidad

#### Tabla de contenidos

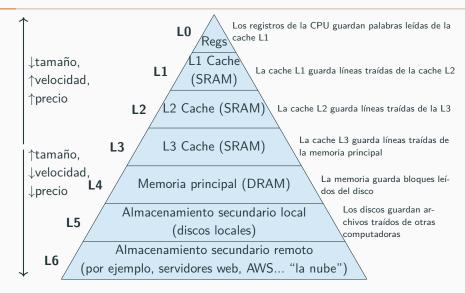
- 1. Conceptos generales
- 2. Organización de la memoria
- 3. Proceso de lecturas
- 4. Proceso de escrituras
- 5. Desempeño

The Memory Mountain

Efectos de la disposición de bucles en el desempeño

Uso de blocking para mejorar la localidad

## Jerarquía de memoria



## Principio de localidad

- Los programas tienden a acceder a una parte reducida de su espacio de memoria en un tiempo acotado; utilizan instrucciones o datos en direcciones cercanas o iguales a las usadas recientemente.
- Localidad temporal
  - Es probable que los items accedidos recientemente sean reutilizados
    - por ejemplo: instrucciones en un ciclo, variables



- direcciones iguales
- Localidad espacial
  - Los items que se encuentran cerca suelen ser reutilizados
    - por ejemplo: acceso secuencial a instrucciones, datos en arreglos
  - direcciones cercanas



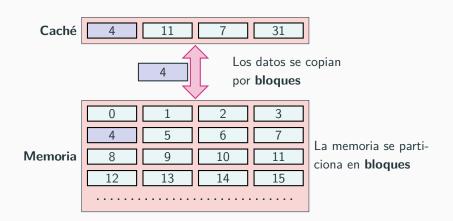
#### Caches

- Cache: es un dispositivo de almacenamiento de datos más rápido y de menor capacidad que actúa como staging area de un subconjunto de datos almacenados en un dispositivo más lento y de mayor capacidad
- Idea fundamental de la jerarquía de memorias
  - para cada k, el dispositivo de menor capacidad y mayor velocidad en el nivel k ( $L_k$ ) sirve de cache para el dispositivo en el nivel k+1 ( $L_{k+1}$ )
- ¿Por qué funciona la jerarquía de memorias?
  - por localidad, el software tiende a acceder con mayor frecuencia a los datos del nivel k que a los del nivel k+1.
- Idealmente: la jerarquía de memorias crea un pool de almacenamiento con el coste del almacenamiento en la base de la pirámide, y el tiempo de acceso del dispositivo en la cima de la misma.

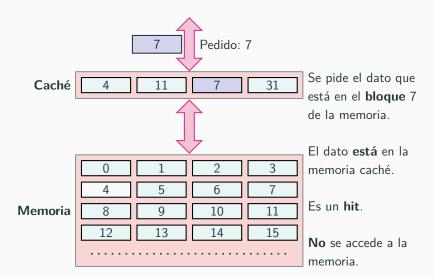
#### **Definiciones**

- Bloque o línea: unidad de copiado
  - Puede abarcar varias palabras
- Hit: el dato pedido está presente en el nivel superior
- Miss: el dato no se encuentra
  - el bloque se copia del nivel inferior
    - demora en el procedimiento: penalidad del miss (miss penalty)
  - Luego se pide el dato y habrá un hit
- Hit ratio: hits/accesos
- Miss ratio: misses/accesos = 1 hit ratio

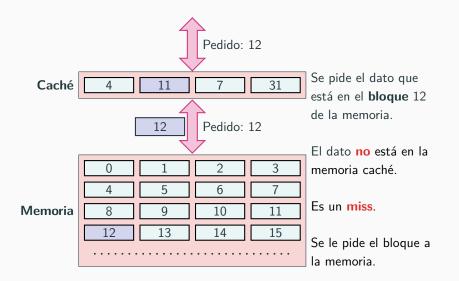
#### **Definiciones**



#### Definiciones: cache hit



#### Definiciones: cache miss



#### Definiciones: almacenamiento en cache

Al almacenar un bloque en la memoria cache ocurren 2 cosas:

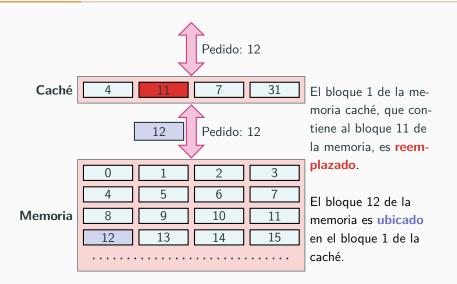
- el bloque se copia a la memoria cache: se lo *ubica*
- lo que estaba antes es reemplazado: se lo reemplaza

Para esto existen algoritmos, o políticas:

**política de ubicación** (en inglés: *placement policy*) determina dónde se ubica el bloque dentro de las opciones.

política de reemplazo (en inglés: replacement/eviction policy) determina qué bloque se reemplaza.

#### Definiciones: ubicación y reemplazo



# Políticas de ubicación y reemplazo

## Tipos de fallos (misses) en la caché

## Fallos en frío/forzosos/compulsivos

Ocurren porque la caché comienza *vacía* y se da la primera vez que se referencia un bloque.

## Fallos por capacidad

Ocurren cuando el conjunto de bloques activos en la caché (conjunto de trabajo / working set) es mayor que la caché.

#### **Fallos por conflictos**

Ocurren cuando, siendo la caché lo suficientemente grande, más de un bloque se quiere ubicar en la misma posición.

#### Tabla de contenidos

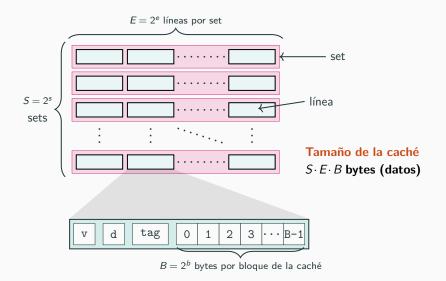
- 1. Conceptos generales
- 2. Organización de la memoria
- 3. Proceso de lecturas
- 4. Proceso de escrituras
- Desempeño

The Memory Mountain

Efectos de la disposición de bucles en el desempeño

Uso de *blocking* para mejorar la localidad

## Organización general de la caché



#### Tabla de contenidos

- 1. Conceptos generales
- 2. Organización de la memoria
- 3. Proceso de lecturas
- 4. Proceso de escrituras
- Desempeño

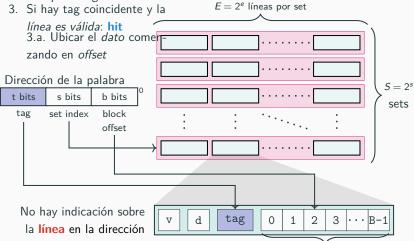
The Memory Mountain

Efectos de la disposición de bucles en el desempeño

Uso de *blocking* para mejorar la localidad

#### Lectura

- 1. Ubicar el set
- 2. Comparar tags



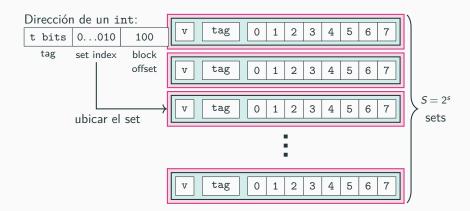
 $B=2^b$  bytes por bloque de la caché

## Ejemplo: caché de mapeo directo

Mapeo directo: una línea por cada set

Asumimos un tamaño de bloque de 8 bytes

1. Ubicar el set donde estaría el dato

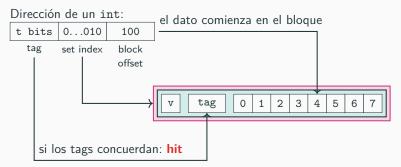


## Ejemplo: caché de mapeo directo

Mapeo directo: una línea por cada set

Asumimos un tamaño de bloque de 8 bytes

- 2a. Chequear el bit de validez
- 2b. Comparar los tags



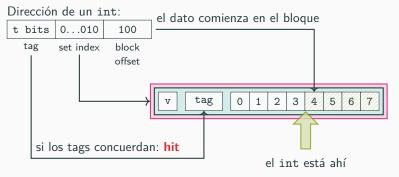
#### Ejemplo: caché de mapeo directo

Mapeo directo: una línea por cada set

Asumimos un tamaño de bloque de 8 bytes

Si los tags no concuerdan es un miss

⇒ la línea es *desalojada* y *reemplazada* 



# Ejemplo: simulación de lecturas en caché de mapeo directo

Dirección de 4 bits (tamaño del espacio de direcciones: 16 bytes)

Características de la memoria:

- 4 sets  $(S=4) \Rightarrow 2$  bits, s, para el set index,
- 1 línea por set (E=1),
- 2 bytes por bloque (B=2) ⇒ 1 bit, b, para el block offset,
- el resto de los bits, t, son para el tag.

# Seguimiento de accesos a memoria (1 byte por lectura) dirección

	V	tag	bloque
set 0	0	?	?
set 1	0	?	?
set 2	0	?	?
set 3	0	?	?

hexa	tsb	hit/miss
0x0	0000	
0x1	0001	
0x7	0111	
8x0	1000	
0x0	0000	

# Ejemplo: simulación de lecturas en caché de mapeo directo

Dirección de 4 bits (tamaño del espacio de direcciones: 16 bytes) Características de la memoria:

- 4 sets  $(S=4) \Rightarrow 2$  bits, s, para el set index,
- 1 línea por set (E=1),
- 2 bytes por bloque (B=2) ⇒ 1 bit, b, para el block offset,
- el resto de los bits, t, son para el tag.

# Seguimiento de accesos a memoria (1 byte por lectura) dirección

	V	tag	bloque
set 0	1	0	M[0-1]
set 1	0	?	?
set 2	0	?	?
set 3	1	0	M[6-7]

Esquema final de la memoria

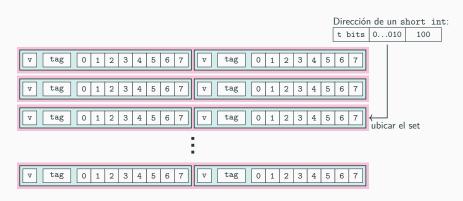
hexa	tsb	hit/miss
0x0	0000	miss
0x1	0001	hit
0x7	0111	miss
0x8	1000	miss
0×0	0000	miss

## Ejemplo: caché asociativa de E vías

Mapeo asociativo: E líneas por cada set (ejemplo con E=2)

Asumimos un tamaño de bloque de 8 bytes

1. Ubicar el set donde estaría el dato

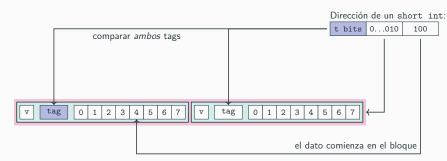


## Ejemplo: caché asociativa de E vías

Mapeo asociativo: E líneas por cada set (ejemplo con E=2)

Asumimos un tamaño de bloque de 8 bytes

- 2a. Chequear el bit de validez
- 2b. Comparar los tags



## Ejemplo: caché asociativa de E vías

Mapeo asociativo: E líneas por cada set (ejemplo con E=2)

Asumimos un tamaño de bloque de 8 bytes

Si ningún tag concuerda es un miss

⇒ una línea es desalojada y reemplazada ¿cuál?



## Ejemplo: simulación de lecturas en caché asociativa

Dirección de 4 bits (tamaño del espacio de direcciones: 16 bytes)
Características de la memoria:

- 2 sets  $(S=2) \Rightarrow 1$  bit, s, para el set index,
- 2 líneas por set (E=2),
- 2 bytes por bloque (B=2) ⇒ 1 bit, b, para el block offset,
- el resto de los bits, t, son para el tag.

#### Seguimiento de accesos a memoria (1 byte por lectura)

	V	tag	bloque
ast O	0	?	?
set 0	0	?	?

airea	ccion	
hexa	t sb	hit/miss
0x0	0000	
0x1	0001	
0x7	0111	
8x0	1000	
0×0	0000	

## Ejemplo: simulación de lecturas en caché asociativa

Dirección de 4 bits (tamaño del espacio de direcciones: 16 bytes) Características de la memoria:

- 2 sets  $(S=2) \Rightarrow 1$  bit, s, para el set index,
- 2 líneas por set (E=2),
- 2 bytes por bloque (B=2) ⇒ 1 bit, b, para el block offset,
- el resto de los bits, t, son para el tag.

#### Seguimiento de accesos a memoria (1 byte por lectura)

	V	tag	bloque
set 0	1	00	M[0-1]
3CL ()	1	10	M[8-9]

set 1

1	01	M[6-7]
0	?	?

Esquema final de la memoria

		cion	airection		
5	hit/miss	t sb	hexa		
	miss	0000	0x0		
	hit	0001	0x1		
	miss	0111	0x7		
	miss	1000	8x0		
	hit	0000	0x0		

dirocción

#### Tabla de contenidos

- 1. Conceptos generales
- 2. Organización de la memoria
- 3. Proceso de lecturas
- 4. Proceso de escrituras
- 5. Desempeño

The Memory Mountain

Efectos de la disposición de bucles en el desempeño

Uso de *blocking* para mejorar la localidad

#### Escritura en la caché

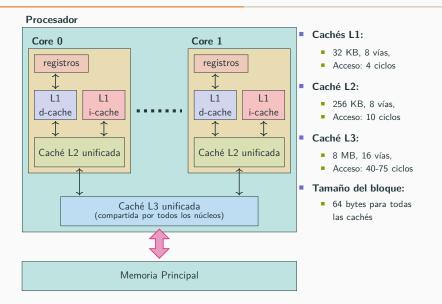
- - L1, L2, L3, Memoria Principal, Disco
- ¿Qué se hace ¿cuál es la política? cuando hay un hit de escritura?
  - Escritura inmediata / write-through: escribe el dato en memoria en el momento
  - Posescritura / write-back: escribe el dato en memoria cuando se desaloja el bloque (requiere un bit extra)
- ¿Qué se hace cuando hay un *miss* de escritura?
  - write-allocate: se carga la línea en la caché y se escribe
  - no-write-allocate: escribe directamente en memoria
- Cualquier combinación de políticas funciona, pero típicamente se utilizan:
  - write-through / no-write-allocate
  - write-back / write-allocate

## Ejemplo de escritura write-back / write-allocate

- Se emite una escritura en el la dirección X
- Si es un hit/acierto:
  - Se actualiza el contenido del bloque
  - Se pone el dirty bit en 1
- Si es un miss/fallo:
  - Se trae el bloque de memoria (como en un fallo de lectura)
  - Se emite una escritura (que es un acierto)
- Si una línea es desalojada y posee el dirty bit en 1:
  - Se escribe en memoria el bloque completo (2<sup>b</sup> bytes)
  - Se limpia el *dirty* bit (se pone en 0)
  - Se reemplaza la línea con el nuevo contenido



## Organización de la memoria de un Intel Core i7



#### Tabla de contenidos

- 1. Conceptos generales
- 2. Organización de la memoria
- 3. Proceso de lecturas
- 4. Proceso de escrituras
- 5. Desempeño

The Memory Mountain

Efectos de la disposición de bucles en el desempeño

Uso de blocking para mejorar la localidad

## Métricas de desempeño

- > Tasa de aciertos / Hit rate
  - fracción de las referencias a memoria que están en la caché (aciertos / pedidos, hits / accesses).
- > Tasa de fallos / Miss rate
  - fracción de las referencias a memoria que no están en la caché (fallos / pedidos, misses / accesses) = 1 - hit rate.
  - típicamente: 3 % a 10 % para L1, menor para L2 (incluso < 1 %).</li>
- > Tiempo de acceso / Hit time
  - Tiempo que tarda el procesador en obtener una línea de caché.
  - Valores típicos: 4 ciclos para L1, 10 ciclos para L2.
- > Penalización por fallo / Miss penalty
  - Tiempo adicional requerido debido a un miss.
  - Típicamente: 50 c a 200 ciclos para la memoria principal.

## Métricas de desempeño

- La relación entre los tiempos de acceso ante un hit y un miss es muy grande
  - Puede llegar a 100 veces, considerando únicamente L1 y memoria principal,
  - Todo debido al miss penalty.
- > 99 % de hits es el doble de mejor que 97 % de hits
  - Supongamos un hit time de 1 ciclo, y un miss penalty de 100 ciclos.
  - Tiempos de acceso promedio:

```
97% de aciertos: 1 ciclo + 0,03 · 100 ciclos = 4 ciclos 99% de aciertos: 1 ciclo + 0,01 · 100 ciclos = 2 ciclos
```

> por eso se usa el miss rate

# ¿Cómo escribir código que sea amigable con la caché?

### > Hacer rápido el caso común



 Hacer foco en los ciclos de las funciones principales, de adentro hacia afuera.



- > Minimizar los misses en los ciclos internos
  - Referenciar variables repetidamente (localidad temporal)
  - El patrón de acceso de 1 paso (*stride-1*) es bueno (localidad espacial)

### Ejemplo: caché en frío, palabras de 4 bytes, bloques de 4 palabras:

```
1 int sumarrayrows(int a[M][N]) {
2    int i, j, sum = 0;
3    for (i = 0; i < M; i++)
4         for (j = 0; j < N; j++)
5         sum += a[i][j];
6    return sum; }</pre>
```

```
int sumarrayrows(int a[M][N]) {
   int i, j, sum = 0;
   for (j = 0; j < N; j++)
   for (i = 0; i < M; i++)
       sum += a[i][j];
   return sum; }</pre>
```

Miss rate: 25 % Miss rate: 100 %

### Tabla de contenidos

- 1. Conceptos generales
- 2. Organización de la memoria
- 3. Proceso de lecturas
- 4. Proceso de escrituras
- 5. Desempeño

### The Memory Mountain

Efectos de la disposición de bucles en el desempeño

Uso de *blocking* para mejorar la localidad

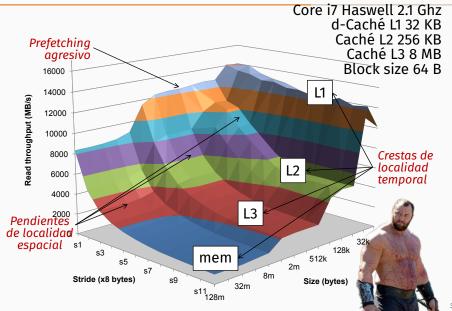
## The Memory Mountain

- > Throughput de lectura (ancho de banda de lectura)
  - Cantidad de bytes leídos de la memoria por segundo (MB/s)
- > Memory mountain: throughput de lectura leído en función de la localidad espacial y la localidad temporal.
  - Es una forma compacta de caracterizar, mediante un gráfico, el desempeño de un sistema en cuanto a la memoria.

## Función de pruebas para la montaña de memoria

```
1 long data[MAXELEMS]: /* The global array we'll be traversing */
2 /* test - Iterate over first "elems" elements of array "data"
            with stride of "stride", using 4x4 loop unrolling. */
4 int test(int elems, int stride) {
      long i, sx2 = stride*2, sx3 = stride*3, sx4 = stride*4;
      long acc0 = 0, acc1 = 0, acc2 = 0, acc3 = 0;
      long length = elems;
      long limit = length - sx4;
8
9
      /* Combine 4 elements at a time */
      for (i = 0: i < limit: i += sx4) {</pre>
           acc0 = acc0 + data[i]:
           acc1 = acc1 + data[i+stride];
           acc2 = acc2 + data[i+sx2]:
14
          acc3 = acc3 + data[i+sx3]:
16
      /* Finish any remaining elements */
      for (: i < length: i += stride) {</pre>
      acc0 = acc0 + data[i];
20
      return ((acc0 + acc1) + (acc2 + acc3)):
```

#### La Montaña



### Tabla de contenidos

- 1. Conceptos generales
- 2. Organización de la memoria
- 3. Proceso de lecturas
- 4. Proceso de escrituras
- 5. Desempeño

The Memory Mountain

Efectos de la disposición de bucles en el desempeño

Uso de blocking para mejorar la localidad

## Ejemplo: multiplicación de matrices

#### Elementos a considerar

- Tamaño de la caché
- Tamaño del bloque
- Orden de los 3 bucles

```
/* ijk */
for (i = 0; i < n; i++) {
   for (j = 0; j < n; j++) {
      sum = 0.0;
      for (k = 0; k < n; k++)
         sum += a[i][k] * b[k][j];
      c[i][j] = sum;
}</pre>
```

### Descripción

- Multiplicar matrices
   N × N
- Matrices de doubles (8 bytes)
- Operaciones: O(N³)
- N lecturas por elemento de origen
- N valores sumados por destino

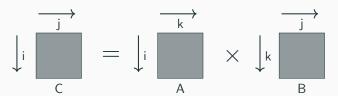
## Análisis de la tasa de fallos (miss rate)

#### Asumimos:

- Tamaño de bloque: 32 bytes (alcanza para 4 doubles)
- Dimensión de la matriz muy grande:  $1/N \rightarrow 0.0$
- La caché no tiene tamaño suficiente para guardar múltiples filas

### Método para el análisis

Examinar los bucles internos



## Disposición de los arreglos de C en memoria

### Los arreglos en C se almacenan en row-major order

- elementos contiguos de una fila están en ubicaciones contiguas
- las filas, como bloques de memoria, están en posiciones contiguas

#### Avanzando por las columnas de una fila

```
for (i = 0; i < N; i++)
sum += a[0][i]:</pre>
```

- accede a elementos consecutivos
- si el tamaño del bloque (B) > sizeof(a<sub>ij</sub>), aprovecha la localidad espacial: miss rate = sizeof(a<sub>ij</sub>)/B

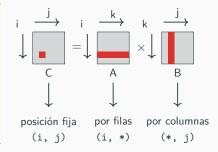
#### Avanzando por las filas de una columna

```
for (i = 0; i < N; i++)
sum += a[i][0]:</pre>
```

- accede a elementos distantes en memoria (N grande)
- no hay localidad espacial: miss rate = 1 (100 %)

# Multiplicación de matrices (ijk)

```
/* ijk */
for (i = 0; i < n; i++) {
   for (j = 0; j < n; j++) {
      sum = 0.0;
      for (k = 0; k < n; k++)
         sum += a[i][k] * b[k][j];
      c[i][j] = sum;
   }
}</pre>
```



#### Tasa de fallos en el bucle interno:

 $\mathcal{C}$ 

Α

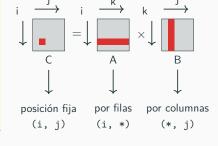
В

### ijk (jik):

- 2 cargas, 0 almacenamientos
- promedio de fallas por iteración:

# Multiplicación de matrices (ijk)

```
/* ijk */
for (i = 0; i < n; i++) {
   for (j = 0; j < n; j++) {
      sum = 0.0;
      for (k = 0; k < n; k++)
         sum += a[i][k] * b[k][j];
      c[i][j] = sum;
   }
}</pre>
```



### Tasa de fallos en el bucle interno:

C A B 0.00 0.25 1.00

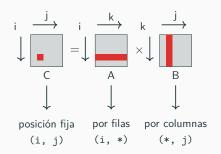
### ijk (jik):

- 2 cargas, 0 almacenamientos
- promedio de fallas por iteración:

# Multiplicación de matrices (ijk)

```
/* ijk */
for (i = 0; i < n; i++) {
   for (j = 0; j < n; j++) {
      sum = 0.0;
      for (k = 0; k < n; k++)
         sum += a[i][k] * b[k][j];
      c[i][j] = sum;
}
}</pre>
```

### Tasa de fallos en el bucle interno:

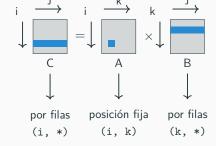


### ijk (jik):

- 2 cargas, 0 almacenamientos
- promedio de fallas por iteración: 1.25

# Multiplicación de matrices (kij)

```
/* kij */
for (k = 0; k < n; k++) {
   for (i = 0; i < n; i++) {
      r = a[i][k]
      for (j = 0; j < n; j++)
            c[i][j] += r * b[k][j];
   }
}</pre>
```



#### Tasa de fallos en el bucle interno:

 $\mathcal{C}$ 

Α

В

kij (ikj):

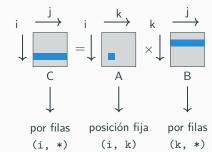
- 2 cargas, 1 almacenamiento
- promedio de fallas por iteración:

# Multiplicación de matrices (kij)

```
/* kij */
for (k = 0; k < n; k++) {
   for (i = 0; i < n; i++) {
      r = a[i][k]
      for (j = 0; j < n; j++)
            c[i][j] += r * b[k][j];
}</pre>
```

#### Tasa de fallos en el bucle interno:

C A B 0.25 0.00 0.25



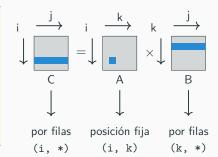
#### kij (ikj):

- 2 cargas, 1 almacenamiento
- promedio de fallas por iteración:

# Multiplicación de matrices (kij)

```
/* kij */
for (k = 0; k < n; k++) {
   for (i = 0; i < n; i++) {
      r = a[i][k]
      for (j = 0; j < n; j++)
            c[i][j] += r * b[k][j];
}</pre>
```

#### Tasa de fallos en el bucle interno:



### kij (ikj):

- 2 cargas, 1 almacenamiento
- promedio de fallas por iteración: 0.50

# Multiplicación de matrices (jki)

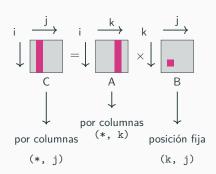
```
/* jki */
for (j = 0; j < n; j++) {
   for (k = 0; k < n; k++) {
      r = b[k][j]
      for (i = 0; i < n; i++)
            c[i][j] += a[i][k] * r;
}</pre>
```

### Tasa de fallos en el bucle interno:

C A

.

В

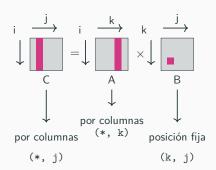


jki (kji):

- 2 cargas, 1 almacenamiento
- promedio de fallas por iteración:

# Multiplicación de matrices (jki)

### Tasa de fallos en el bucle interno:



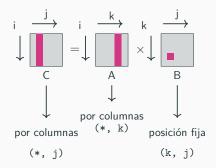
### jki (kji):

- 2 cargas, 1 almacenamiento
- promedio de fallas por iteración:

# Multiplicación de matrices (jki)

```
/* jki */
for (j = 0; j < n; j++) {
   for (k = 0; k < n; k++) {
      r = b[k][j]
      for (i = 0; i < n; i++)
            c[i][j] += a[i][k] * r;
}</pre>
```

#### Tasa de fallos en el bucle interno:

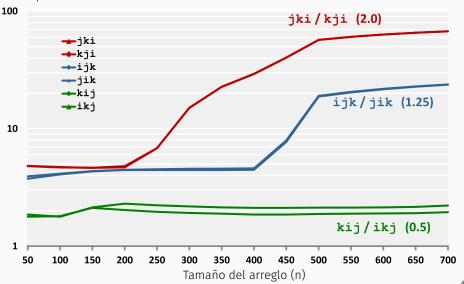


#### jki (kji):

- 2 cargas, 1 almacenamiento
- promedio de fallas por iteración: 2.00

## Desempeño de la multiplicación matricial en un Core i7

Ciclos por iteración del bucle interno



### Tabla de contenidos

- 1. Conceptos generales
- 2. Organización de la memoria
- 3. Proceso de lecturas
- 4. Proceso de escrituras
- 5. Desempeño

The Memory Mountain

Efectos de la disposición de bucles en el desempeño

Uso de blocking para mejorar la localidad

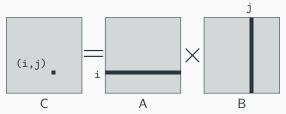
## **Blocking**

Blocking es una técnica que se utiliza para aprovechar la localidad de la información en los ciclos anidados. Citando al trabajo *The Cache Performance and Optimizations of Blocked Algorithms*<sup>1</sup>:

En vez de operar sobre filas o columnas completas de un arreglo, los algoritmos bloqueados trabajan con submatrices o bloques, de forma tal que los datos cargados en los niveles más rápidos de la jerarquía de memoria son reutilizados.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Monica D. Lam, Edward E. Rothberg, y Michael E. Wolf. 1991. «The cache performance and optimizations of blocked algorithms». En: *Proceedings of the fourth international conference on Architectural support for programming languages and operating systems*. Association for Computing Machinery, New York, NY, USA, 63–74. DOI: https://10.1145/106972.106981

## Multiplicación matricial



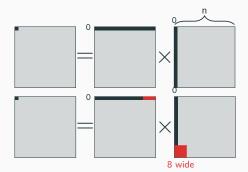
## Análisis de la tasa de fallos (miss rate)

#### **Asumimos:**

- Los elementos de la matriz son doubles
- Tamaño de los bloques en la caché: 8 doubles
- Tamaño de la caché  $C \ll n$  (mucho menor a n)

#### Primera iteración:

- n/8 + n = 9n/8 fallas 1 cada 8 accesos en A n en B
- Lo que queda en la caché (en rojo)



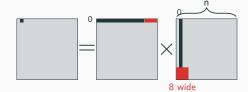
# Análisis de la tasa de fallos (miss rate)

#### **Asumimos:**

- Los elementos de la matriz son doubles
- Tamaño de los bloques en la caché: 8 doubles
- Tamaño de la caché  $C \ll n$  (mucho menor a n)

### Segunda iteración:

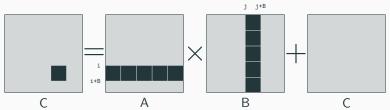
- Igual a la primera



#### Fallas totales:

- Fallas por cada fila:  $9n/8 \cdot n$  (n veces lo anterior)
- Hay *n* filas, total:  $9n/8 \cdot n \cdot n = \frac{9}{8}n^3$

## Multiplicación matricial por bloques



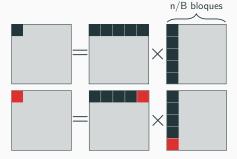
# **Blocking**

#### **Asumimos:**

- Tamaño de los bloques en la caché: 8 doubles
- Tamaño de la caché  $C \ll n$  (mucho menor a n)
- En la caché entran 3 bloques  $\blacksquare$  :  $3B^2 < C$

### Primera iteración en bloque:

- $B^2/8$  fallas por bloque
- $\frac{2n}{B} \cdot \frac{B^2}{8} = \frac{nB}{4}$
- Lo que queda en la caché (en rojo)



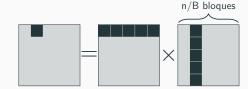
# Análisis de la tasa de fallos (miss rate)

#### **Asumimos:**

- Tamaño de los bloques en la caché: 8 doubles
- Tamaño de la caché  $C \ll n$  (mucho menor a n)
- En la caché entran 3 bloques  $\blacksquare$  :  $3B^2 < C$

### Segunda iteración:

- Igual a la primera



### Fallas totales:

$$\frac{nB}{4} \cdot \frac{n^2}{B} = \frac{1}{4B} n^3$$

#### Resumen

_	Sin blocking	Con blocking
Fallas (misses)	$\frac{9}{8}n^{3}$	$\frac{1}{4R}n^3$

- Elegir el tamaño *B* más grande que satisfaga 3*B*<sup>2</sup> < *C* 
  - Meter 3 bloques en la caché: 2 entradas + 1 salida
- ¿por qué hay tanta diferencia?
  - La multiplicación matricial tiene localidad temporal
    - Datos de entrada:  $3n^2$ , cómputo:  $2n^3$
    - Cada elemento de cada matriz se usa O(n) veces
- En general:
  - Analizar el algoritmo y usar todos los datos que se cargan en la caché (maximizar localidad temporal)

#### Licencia del estilo de beamer

Obtén el código de este estilo y la presentación demo en

github.com/pamoreno/mtheme

El estilo *en sí* está licenciado bajo la Creative Commons Attribution-ShareAlike 4.0 International License. El estilo es una modificación del creado por Matthias Vogelgesang, disponible en

github.com/matze/mtheme

