

## FACULTAD DE INGENIERÍA

Curso Agosto - Diciembre 2021

FÍSICA COMPUTACIONAL

Actividad de Aprendizaje 1

Br. Alejandro Santoscoy Rivero

Dr. Francisco Ramón Peñuñuri Anguiano

27 de Septiembre de 2021

## 1. Problema

Considere el mecanismo planar 4R de la Figura 1. Haga una propagación de errores por Monte Carlo, en los parámetros  $r_k(k=1,2,3,4,c_x,c_y)$  para la trayectoria generada por el punto  $r_{\rm gen}$ . Tome como ángulos de entrada 10 puntos aleatorios en  $[0,2\pi)$ . Como parámetros del mecanismo use los valores que se muestran en el Cuadro 1. Suponga que las cantidades están en el sistema internacional de unidades y considere  $\Delta r_k = 10^{-5}$ m.

Para la simulación use 100 realizaciones probabilísticas.

$\overline{x_0}$	$y_0$	$r_1$	$r_2$	$r_3$	$r_4$	$r_{cx}$	$r_{cy}$	$\theta_0$
0.00000	0.00000	1.08913	0.42259	0.964444	0.58781	0.39137	0.42950	0.00000

Cuadro 1: Parámetros del mecanismo

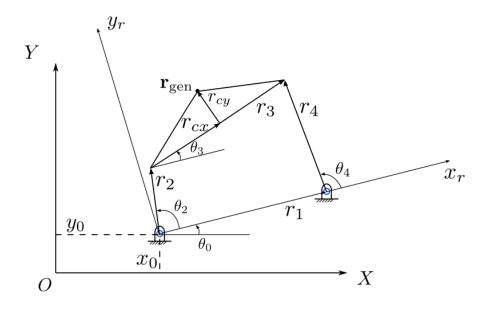


Figura 1: Mecanismo 4R planar

Definiendo

$$l_1 = r_1/r_2,$$

$$l_2 = r_1/r_3,$$

$$l_3 = (r_4^2 - r_1^2 - r_2^2 - r_3^2)/(2r_2r_3),$$

$$k_a = \cos\theta_2 - l_1 + l_2\cos\theta_2 + l_3,$$

$$k_b = -2\sin\theta_2,$$

$$k_c = l_1 + (l_2 - 1)\cos\theta_2 + l_3$$

las coordenadas del punto

$$r_{\text{gen}}(\theta_2; x_0, y_0, r_1, r_2, r_3, r_4, r_{cx}, r_{cy}, \theta_0) = (P_x, P_y),$$

están dadas por

$$P_x = x_0 + r_2 \cos(\theta_2 + \theta_0) + r_{cx} \cos(\theta_3 + \theta_0) - r_{cy} \sin(\theta_3 + \theta_0)$$
  
$$P_y = y_0 + r_2 \sin(\theta_2 + \theta_0) + r_{cx} \sin(\theta_3 + \theta_0) - r_{cy} \cos(\theta_3 + \theta_0),$$

con  $\theta_3$  dado por

$$\theta_3 = 2\operatorname{atan2}\left(-k_b - \sqrt{k_b^2 - 4k_a k_c}, 2k_a\right).$$

## 2. Resolución

Se utiliza el software de Octave como apoyo en la simulación del proceso, esto debido a su capacidad de manipulación matricial.

La resolución será explicada junto con el código para tener una comprensión más directa y exacta de lo que sucede.

Se comienza con el formato en consola, limpiando todas las variables y limpiando la salida.

```
clc;
clear all;
format long;
```

Se define una función que genera cierta cantidad de números aleatorios dentro de una rango específico.

Se inicializan los parámetros del mecanismo.

```
x0
        = 0.00000;
γ0
        = 0.00000;
        = 1.08913;
r1
        = 0.42255;
r2
        = 0.96444;
r3
        = 0.58781;
r4
        = 0.39137;
rcx
        = 0.42950;
rcy
theta0
       = 0.00000;
```

Se generan 10 ángulos aleatorios entre 0 y  $2\pi$  tanto para las variables theta2 y theta4.

```
theta2 = XO(10,0,2*pi);
theta4 = XO(10,0,2*pi);
```

Se define la discrepancia  $\Delta r_k$  como

```
delta = 0.00001;
```

Se generan 100 mediciones aleatorias de cada barra dentro del rango de discrepancia definido.

```
r1_rand = X0(100, r1-delta, r1+delta);
r2_rand = X0(100, r2-delta, r2+delta);
r3_rand = X0(100, r3-delta, r3+delta);
r4_rand = X0(100, r4-delta, r4+delta);
rcx_rand = X0(100, rcx-delta, rcx+delta);
rcy_rand = X0(100, rcy-delta, rcy+delta);
```

De estas medidas se obtienen los siguientes parámetros.

```
11 = r1_rand./r2_rand;
12 = r1_rand./r3_rand;
13 = (r4_rand.^2-r1_rand.^2-r2_rand.^2-r3_rand.^2)/(2*r2.*r3);
```

Ahora la lógica implementada es realizar 10 mediciones, una por cada valor del ángulo, el resultado de esto es obtener 10 puntos de los cuales se conocerán su promedio y desviación estándar en x y y. (Se agregan saltos de línea en las expresiones rgenx y rgeny para facilitar la lectura, pero la sintaxis debe escribirse en una sola línea).

```
for ii = 1:size(theta2)(1)
    ka(:,ii) = cos(theta2)(ii) - 11 + 12 .* cos(theta2)(ii) + 13;
    kb(:,ii) = -2*sin(theta2)(ii);
   kc(:,ii) = 11 + (12-1) .* cos(theta2)(ii) + 13;
    theta3 = 2*atan2(-kb-sqrt(kb.^2-4*ka.*kc),2*ka);
    rgenx(:,ii) = x0 +
                  r2_rand*cos(theta2(ii)+theta0) +
                  rcx_rand.*cos(theta3(:,ii)-theta0) -
                  rcy_rand.*sin(theta3(:,ii)-theta0);
    rgeny(:,ii) = y0 +
                  r2_rand*sin(theta2(ii)+theta0) +
                  rcx_rand.*sin(theta3(:,ii)-theta0) +
                  rcy_rand.*cos(theta3(:,ii)-theta0);
    rgenx_avg(ii) = mean(rgenx(:,ii));
    rgeny_avg(ii) = mean(rgeny(:,ii));
    rgenx_std(ii) = std(rgenx(:,ii));
    rgeny_std(ii) = std(rgeny(:,ii));
endfor
```

Y por último mostrar los datos obtenidos en una misma gráfica representando la localización del promedio y de la desviación estándar.

```
clf;
hold on;
scatter(rgenx_avg, rgeny_avg, 15, 'r');
scatter(rgenx_avg+rgenx_std, rgeny_avg, 5, 'b');
scatter(rgenx_avg-rgenx_std, rgeny_avg, 5, 'b');
scatter(rgenx_avg, rgeny_avg+rgeny_std, 5, 'b');
scatter(rgenx_avg, rgeny_avg-rgeny_std, 5, 'b');
hold off;
```

Los resultados se resumen en la descripción de las variables:  $\theta_2$ ,  $\langle x \rangle$ ,  $\langle y \rangle$ ,  $\sigma_x$  y  $\sigma_y$ . Al tener 10 ángulos aleatorios, los 10 resultados obtenidos se pueden apreciar en la Tabla 2.

$\theta_2$	$\langle x \rangle$	$\langle y \rangle$	$\sigma_x$	$\sigma_y$
1.173308006	0.45847392	0.890280486	1.96E-05	7.12E-06
4.187756579	-0.168292212	0.21372828	1.59E-05	7.68E-06
6.223366105	0.455343172	0.55483861	3.01E-05	5.60E-06
4.995621966	-2.12E-02	0.158423949	1.50E-05	6.53E-06
4.55679268	-0.121014098	0.160963874	1.45E-05	6.79E-06
4.452553013	-0.138038859	0.171954797	1.47E-05	6.95E-06
5.833120384	0.282741983	0.388972114	2.39E-05	6.32E-06
5.604391827	0.184880522	0.297642549	2.01E-05	6.56E-06
4.803157512	-7.03E-02	0.15002794	1.45E-05	6.59E-06
1.574956807	0.318644318	0.907298553	1.66E-05	7.06E-06

Cuadro 2: Parámetros del mecanismo

La distribución de cada uno de los 10 puntos se puede ver en la Figura 2.

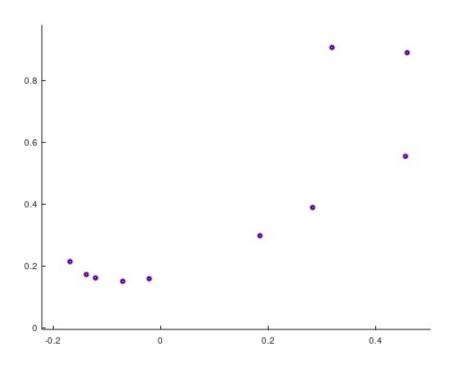


Figura 2: Gráfica de los 10 puntos medidos con distinto ángulo

Y la visualización de cada punto promedio junto con sus respectivas desviaciones estándar en x y y se ven entre la Figura 3 y la Figura 12.

El código se puede encontrar en el siguiente repositorio de GitHub: https://github.com/Santocoyo/ComputationalPhysics\_Task1

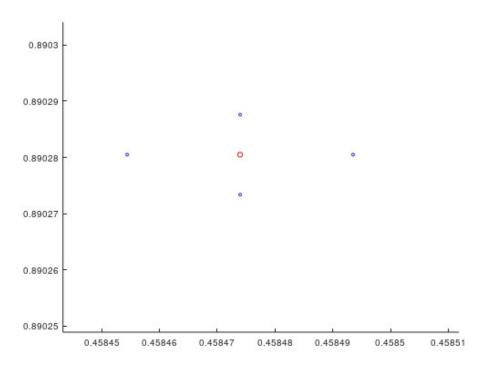


Figura 3: Gráfica del promedio y desviación estándar con un ángulo de 1.17 rad

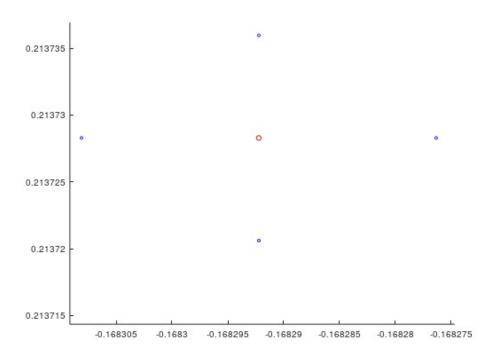


Figura 4: Gráfica del promedio y desviación estándar con un ángulo de 4.18 rad

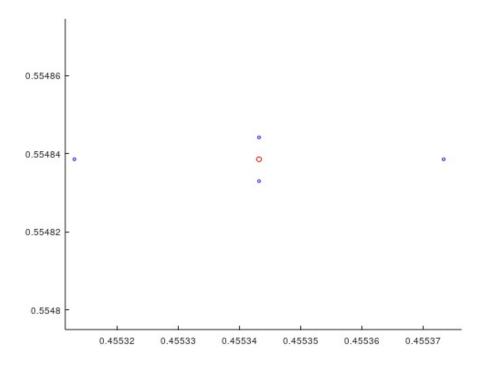


Figura 5: Gráfica del promedio y desviación estándar con un ángulo de 6.22 rad

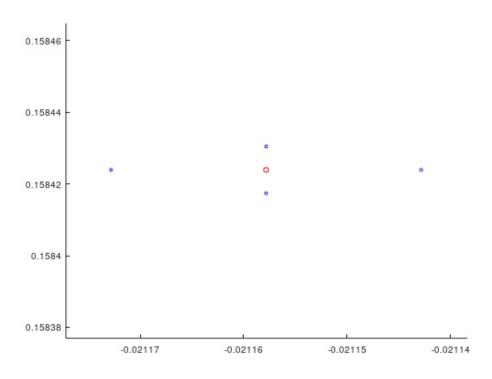


Figura 6: Gráfica del promedio y desviación estándar con un ángulo de  $4.99~\mathrm{rad}$ 

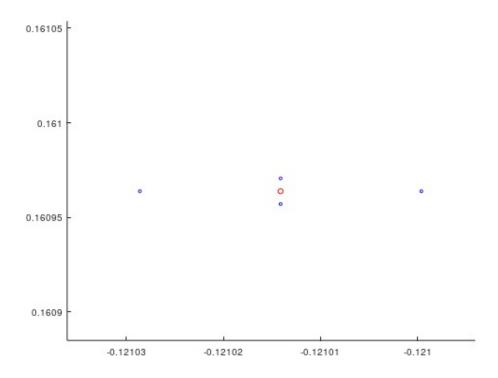


Figura 7: Gráfica del promedio y desviación estándar con un ángulo de 4.55 rad

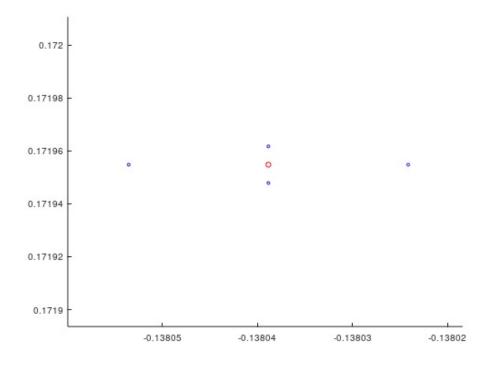


Figura 8: Gráfica del promedio y desviación estándar con un ángulo de 4.45 rad

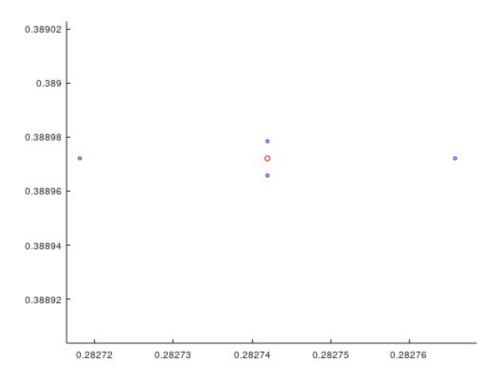


Figura 9: Gráfica del promedio y desviación estándar con un ángulo de 5.83 rad

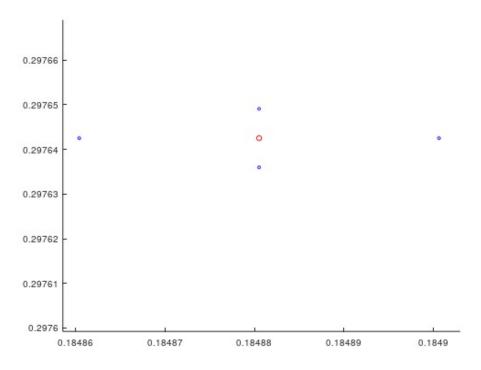


Figura 10: Gráfica del promedio y desviación estándar con un ángulo de 5.60 rad

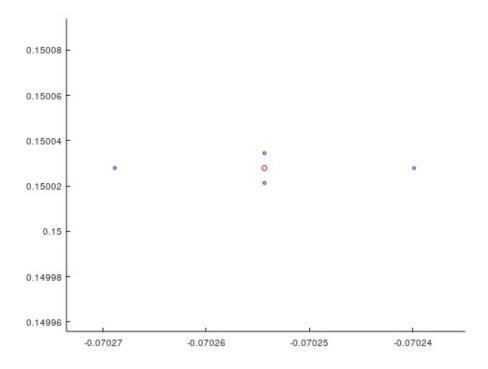


Figura 11: Gráfica del promedio y desviación estándar con un ángulo de  $4.80~\mathrm{rad}$ 

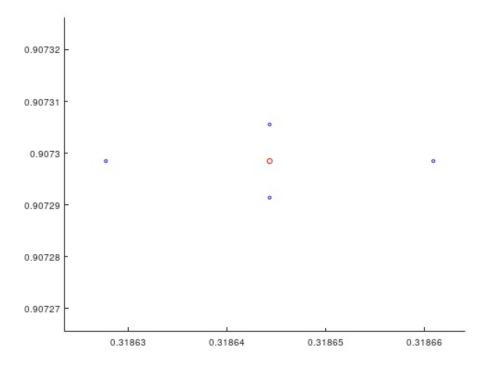


Figura 12: Gráfica del promedio y desviación estándar con un ángulo de  $1.57~\mathrm{rad}$