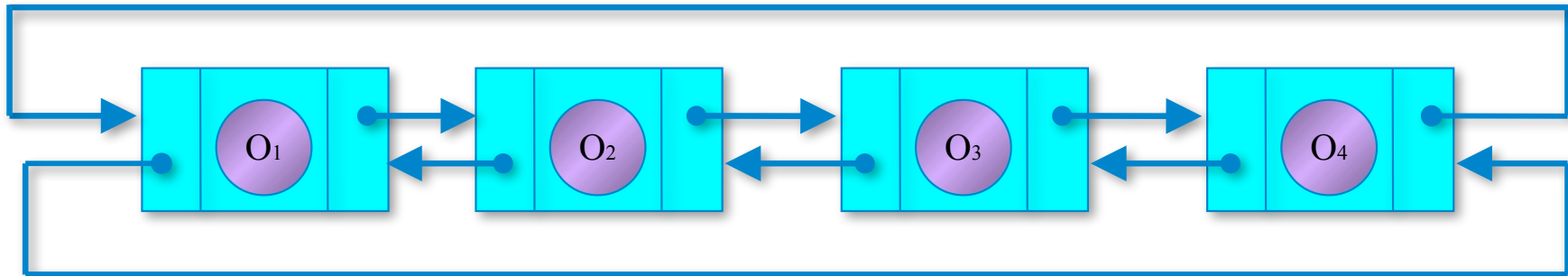


# OOP

## Dynamische Datenmengen

### Datenabstraktion



SoSe 2020  
Prof. Dr. Margarita Esponda

# Datenabstraktion

## Verschiedene Verständnisse von Datenabstraktion:

- \* **Allgemeine Abstraktion**

Details werden hinter einer allgemeinen einfachen Idee versteckt.

- \* **Baukastenprinzip**

Software-Architektur mit unabhängigen Modulen, die getrennt entwickelt und getestet werden können.

- \* **Datenkapselung**

Kontrollierter Zugriff auf Daten und Methoden, um die interne Integrität von Objekten zu bewahren.

- \* **Schnittstellen**, die von Implementierung-Details getrennt sind und dadurch diese Information vom Rest des Systems verstecken. Die Implementierungen sind dadurch unabhängig und veränderbar.

- \* **Zuständigkeitstrennung**

Einzelne Module übernehmen die Verantwortung für Features

# Abstrakte Datentypen ADT

Erste Ideen:

Ole-John Dahl

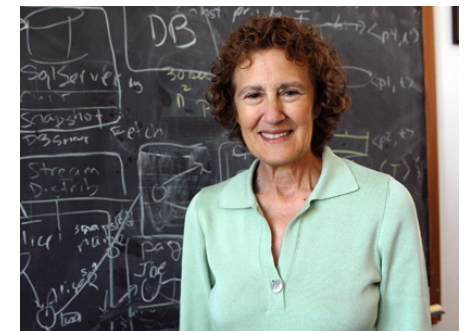
Erfinder der Programmiersprache Simula



Ausgereifte Idee

Barbara Liskov vom MIT

Erhielt den Turing Award für die Arbeit im Bereich ADT



# ADT Operationen

Eine allgemein akzeptierte Klassifizierung ist:

## **Creators**

erstellen neue Objekte aus anderen Objekt-Typen

## **Producers**

produzieren Objekte aus existierenden Objekten, die den gleichen Datentyp haben

## **Observers**

Teilobjekte eines abstrakten Datentyps werden zurückgegeben

## **Mutators**

Verändern die Objekte

## Beispiel

### **String** Datentyp in Java

#### **Creators**

Konstruktoren

#### **Producers**

`concat`-, `substring`-, `toUpperCase`-Methode

#### **Observers**

`charAt`-Methode

#### **Mutators**

keine

# Invarianten von ADT

Invarianten sind Eigenschaften oder Merkmale, die immer gelten.

Gut definierte abstrakte Datentypen haben auch Invarianten und sorgen selber dafür, dass diese erhalten bleiben.

Eine wichtige Invariante vom String ist, dass die unveränderter sind (immutable)

Eine gut definierte ADT für Heap-Datenstrukturen sorgt dafür, dass die Heap-Eigenschaft nach jeder Operation wieder hergestellt wird.

# Abstrakte Datentypen

## Zusammenfassung

- \* Abstrakte Datentypen sind durch ihre Operationen definiert.
- \* Operationen werden in **creators**, **producers**, **observers**, and **mutators** klassifiziert.
- \* Eine gute **ADT** ist einfach und Darstellungs- bzw. Implementierung-unabhängig.
- \* Eine gut definierte ADT sorgt selber dafür, dass ihre vordefinierten **Invarianten** erhalten bleiben.
- \* **creators** und **producers** erstellen Objekte mit korrekten Invarianten, die von **observers** und **mutators** aufbewahrt werden.
- \* Gut definierte abstrakte Datentypen sollen **keine Darstellungsbelichtung** haben.

# Dynamische Datenmengen als ADT

Dynamische Datenmengen können durch verschiedene **Datenstrukturen** im Rechner dargestellt werden.





# Stapel und Schlangen

Stapel und Schlangen sind die einfachsten dynamischen Datenstrukturen.

Mögliche Implementierungen:

- Arrays
- "Dynamische Arrays"

Wenn ein Feld voll ist, wird zur Laufzeit ein neues erzeugt, das doppelt so groß ist, und alle Daten des alten Feldes werden auf das neue Feld kopiert. Das Ganze wird wiederholt, wenn das Feld wieder ausgefüllt ist.

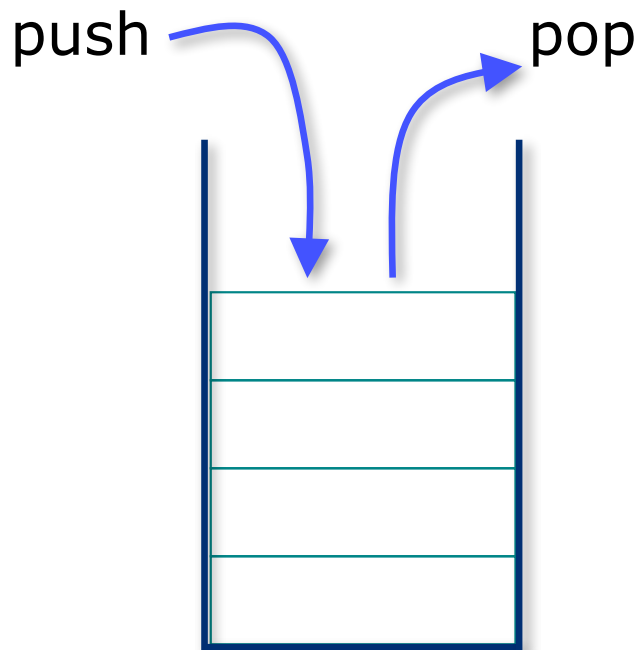
- Verkettete Listen

# Stapel

In einem Stapel ("**stack**") darf nur das Element entfernt werden, das als letztes eingeführt worden ist.

**LIFO** - Datenstruktur

"**L**ast **I**n - **F**irst **O**ut"



Mögliche Operationen:

**push** ist der Standard-Name der Einfüge-Operation in einem Stapel (**stack**).

**pop** ist der Standard-Name der Lösch-Operation.

**peek** liest das nächst verfügbare Element des Stapels, ohne dieses Element zu entfernen.

**empty** überprüft, ob der Stapel leer ist.

**full** überprüft, ob der Stapel voll ist.

# Stapel-Schnittstelle

```
public interface Stack <E> {  
    public boolean empty();  
    public void push( E elem );  
    public E pop() throws EmptyStackException;  
    public E peek() throws EmptyStackException;  
}
```

In dieser Implementierung werden wir eine **EmptyStackException** erzeugen bei dem Versuch, ein Element zu entfernen oder zu lesen (**pop**- und **peek**-Operationen), wenn der Stapel leer ist.

# Stapel-Schnittstelle

```
void push( E elem );
```

Das **elem**-Objekt wird als oberstes Element des Stapels eingefügt

```
E pop() throws EmptyStackException;
```

Wenn der Stapel nicht leer ist, wird das oberste Element des Stapels entfernt und als Ergebnis zurückgegeben, andernfalls wird ein **EmptyStackException**-Objekt erzeugt.

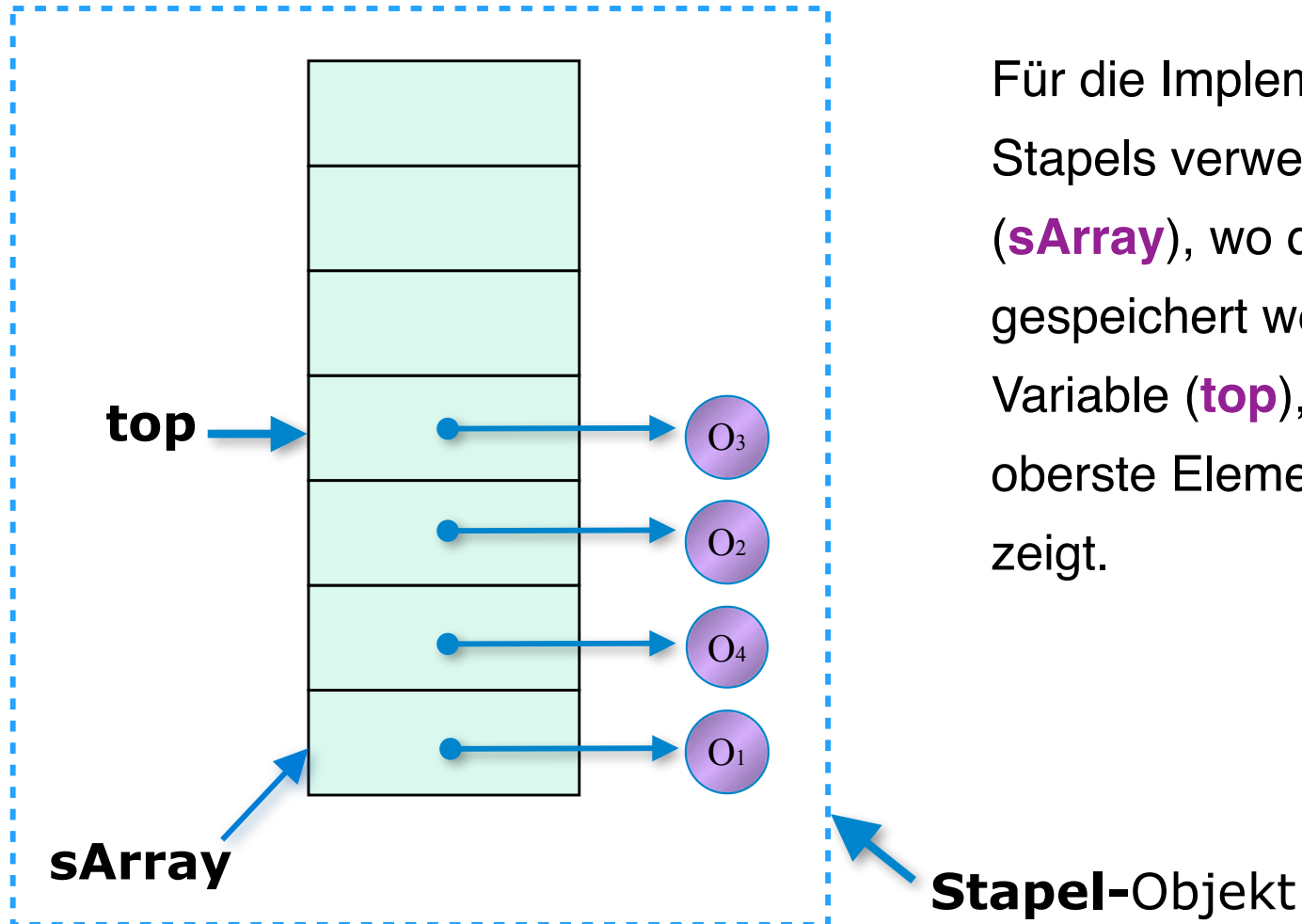
```
E peek() throws EmptyStackException;
```

Wenn der Stapel nicht leer ist, wird das oberste Element des Stapels gelesen und als Ergebnis zurückgegeben, andernfalls wird ein **EmptyStackException**-Objekt erzeugt.

```
boolean empty();
```

Überprüft, ob der Stapel leer ist.

## Implementierung der Stapel-Schnittstelle



Für die Implementierung unseres Stapels verwenden wir ein Array (**sArray**), wo die Stapелеlemente gespeichert werden und eine **int**-Variable (**top**), die immer auf das oberste Element des Stapels zeigt.

## Implementierung der Stack-Schnittstelle

Im **sArray** werden die Stapелеlemente gespeichert.

**top** zeigt immer auf das oberste Element des Stapels.

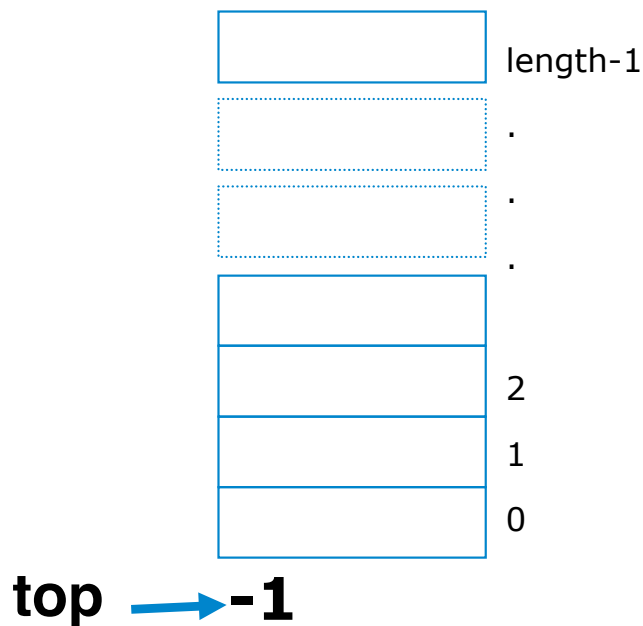
Zwei Konstruktoren werden definiert, die das Array mit einer Anfangsgröße initialisieren, und den **top**-Zeiger mit **-1** (für leere Stapel) initialisieren.

```
public class ArrayStapel<E> implements Stack<E> {
    private E[] sArray;
    private int top;

    public ArrayStapel(E[] sArray){
        top = -1;
        this.sArray = sArray;
    }

    public ArrayStapel(){
        this( (E[]) new Object[100]);
    }
    ...
}
```

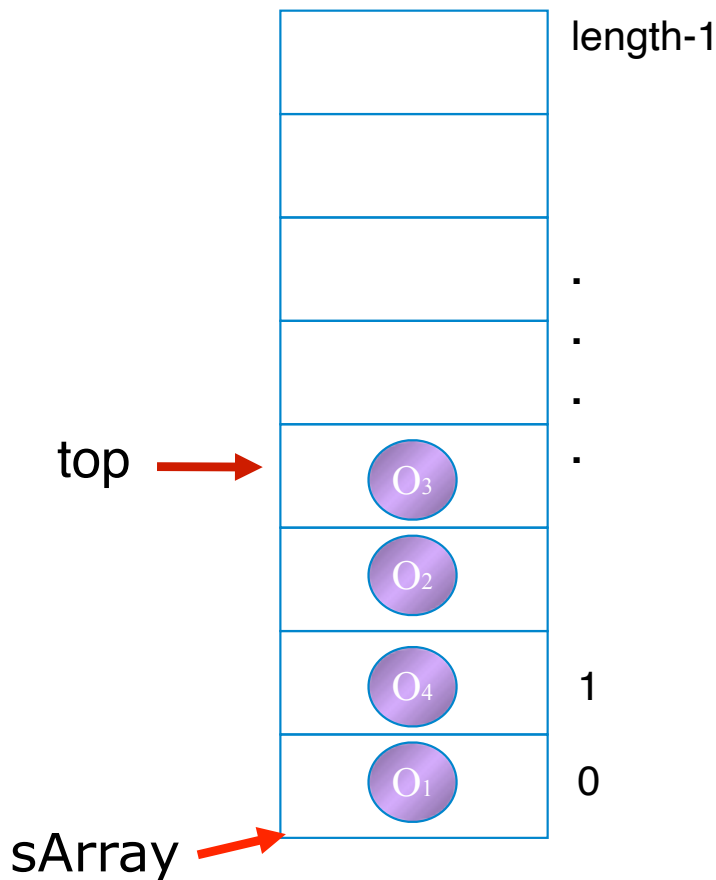
## Die **empty**-Operation des Stapels



Der Stapel ist leer, wenn **top** auf keinen gültigen Stapelplatz zeigt.

```
public boolean empty() {  
    return top == -1;  
}
```

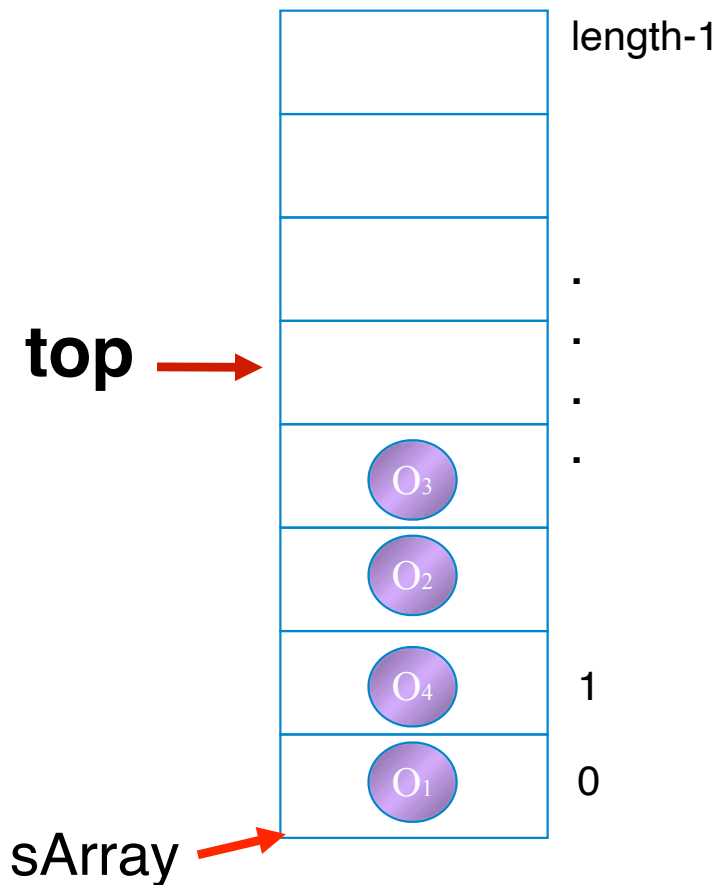
## Die **push**-Operation



```
public void push(E elem) {
    if ( !full() ) {
        top++;
        sArray[top] = elem;
    } else {
        resizeSArray();
        top++;
        sArray[top] = elem;
    }
}
```

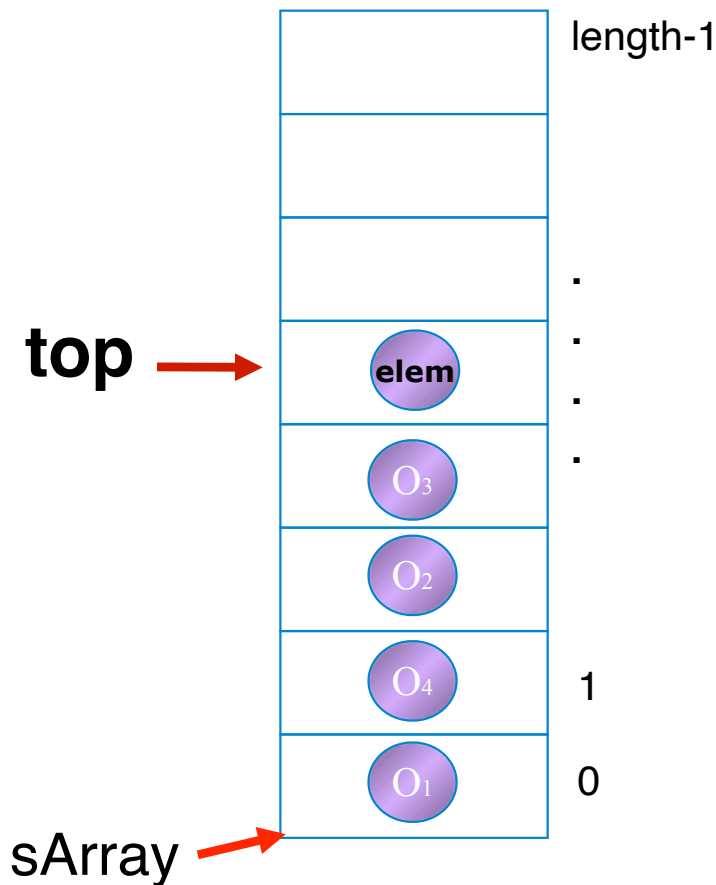


## Die **push**-Operation



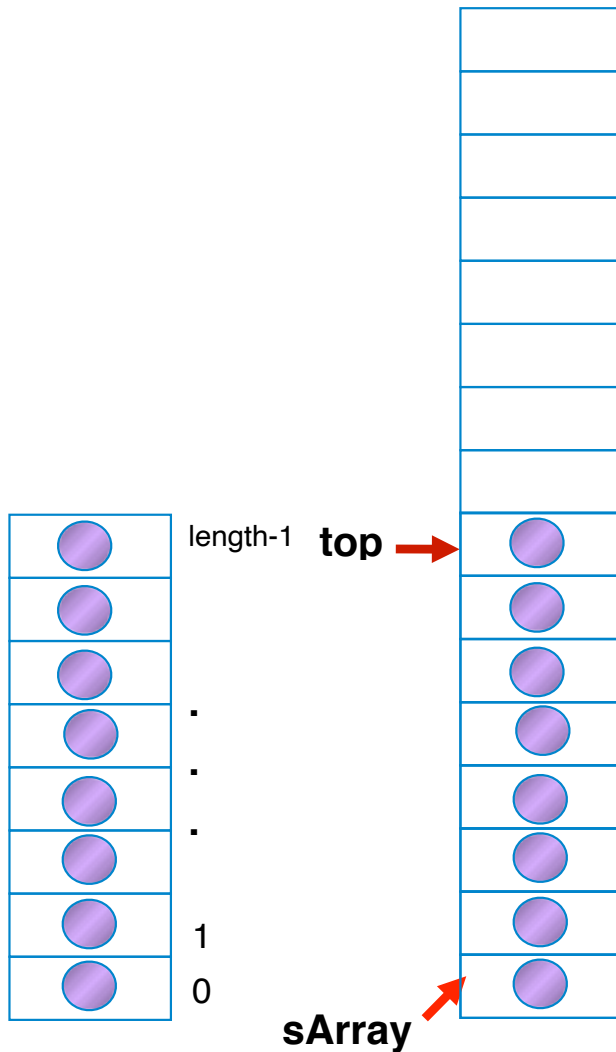
```
public void push(E elem) {
    if ( !full() ) {
        top++;
        sArray[top] = elem;
    } else {
        resizeSArray();
        top++;
        sArray[top] = elem;
    }
}
```

## Die **push**-Operation



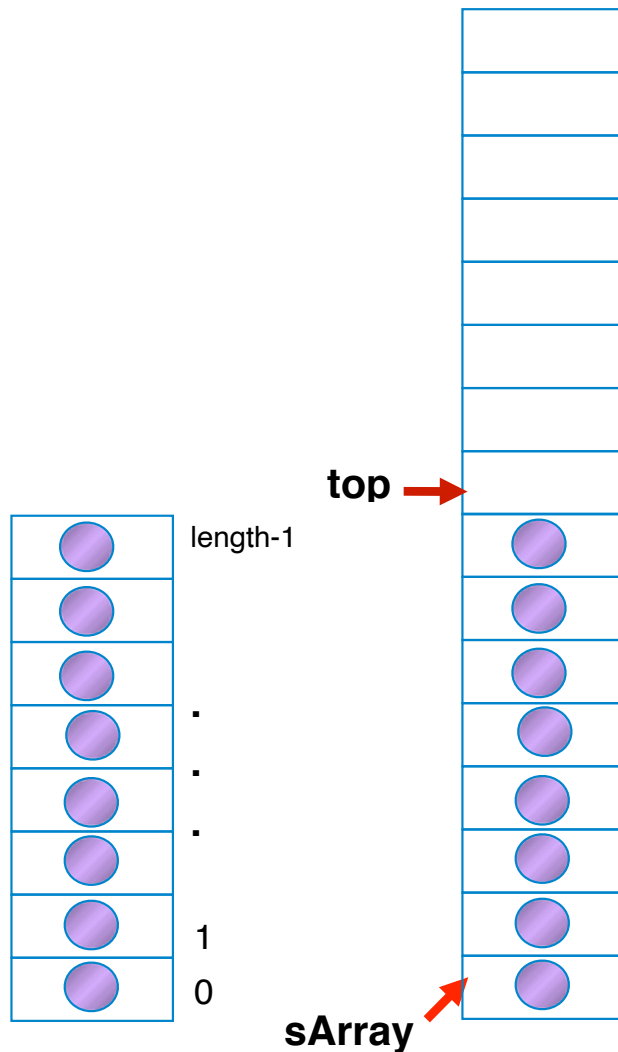
```
public void push(E elem) {
    if ( !full() ) {
        top++;
        sArray[top] = elem;
    } else {
        resizeSArray();
        top++;
        sArray[top] = elem;
    }
}
```

## Die **push**-Operation



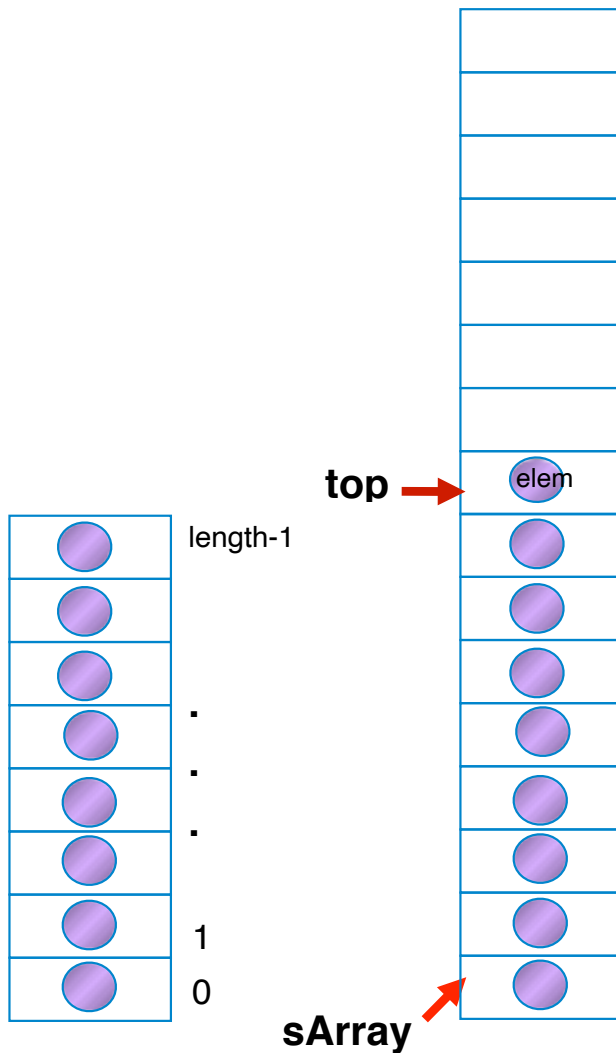
```
public void push(E elem) {
    if ( !full() ) {
        top++;
        sArray[top] = elem;
    } else {
        resizeSArray();
        top++;
        sArray[top] = elem;
    }
}
```

## Die **push**-Operation



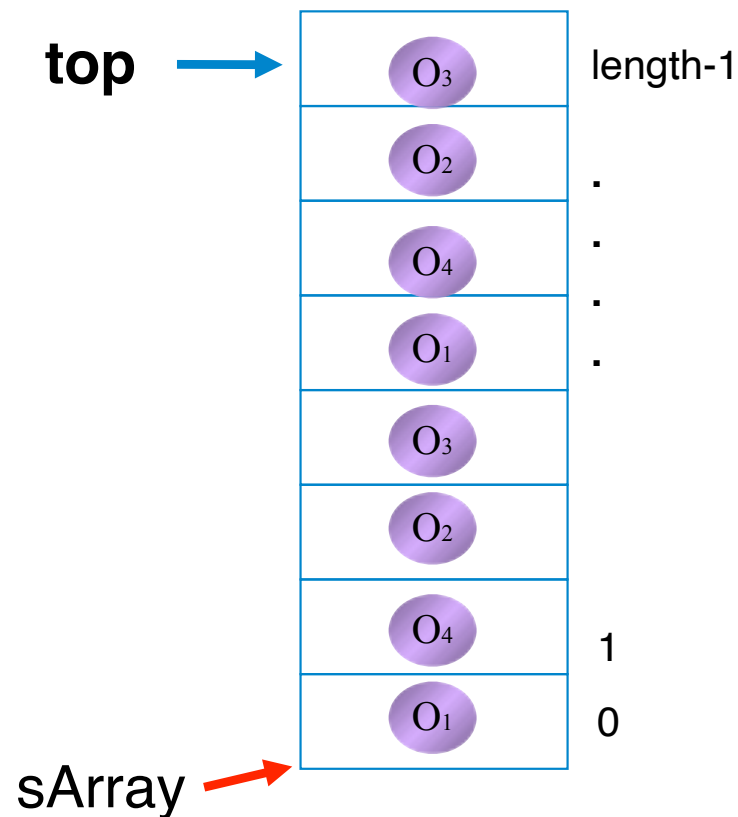
```
public void push(E elem) {
    if ( !full() ) {
        top++;
        sArray[top] = elem;
    } else {
        resizeSArray();
        top++;
        sArray[top] = elem;
    }
}
```

## Die **push**-Operation



```
public void push(E elem) {
    if ( !full() ) {
        top++;
        sArray[top] = elem;
    } else {
        resizeSArray();
        top++;
        sArray[top] = elem;
    }
}
```

## Die **full**-Hilfsmethode



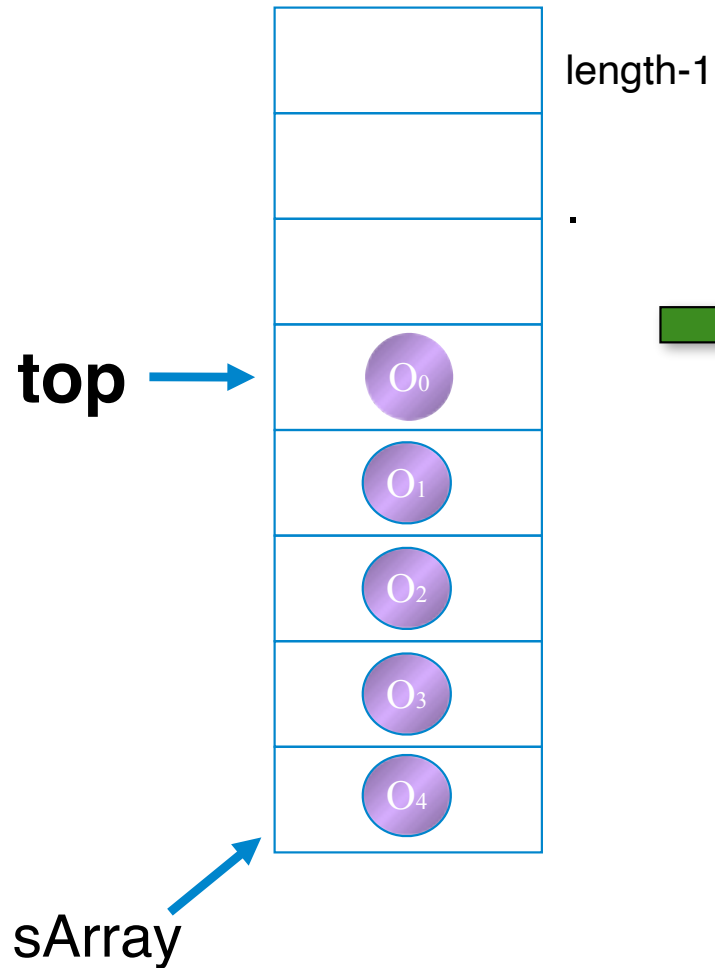
Der Stapel ist voll, wenn **top** gleich **stack.length-1** wird.

```
private boolean full() {
    return !( top < sArray.length-1 );
}
```

## Die **resizeArray**-Hilfsmethode

```
private void resizeSArray(){  
    E[] temp = (E[]) new Object[sArray.length*2];  
    for (int i=0; i<sArray.length; i++){  
        temp[i] = sArray[i];  
    }  
    sArray = temp;  
}
```

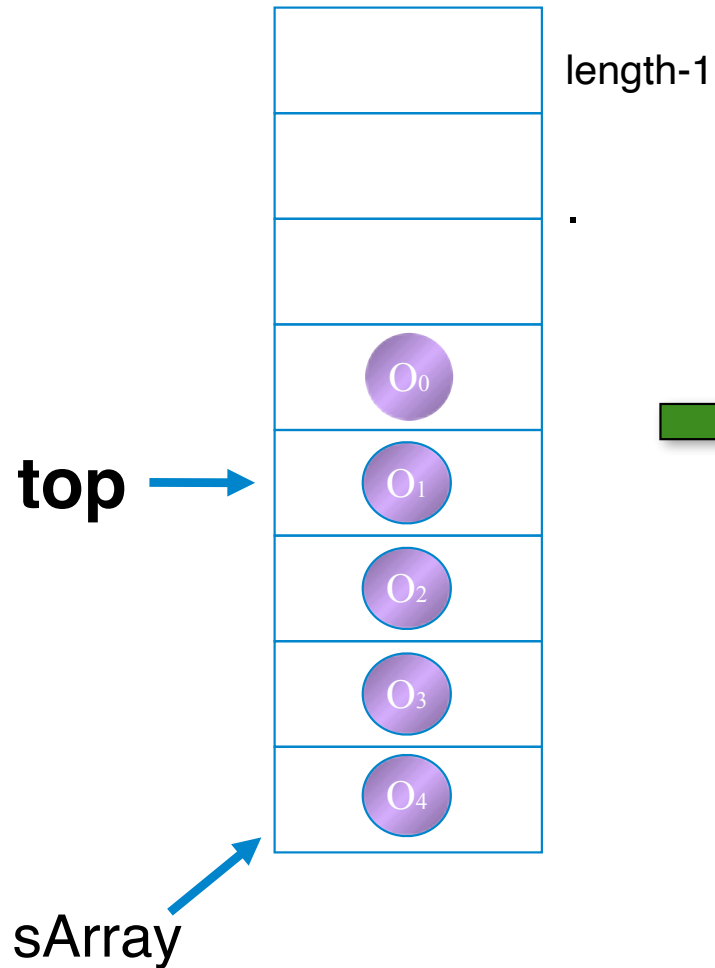
## Die **pop**-Operation



```
public E pop ()  
    throws EmptyStackException {  
    if ( !empty() ) {  
        top--;  
        return sArray [ top+1 ];  
    } else  
        throw new EmptyStackException();  
}
```

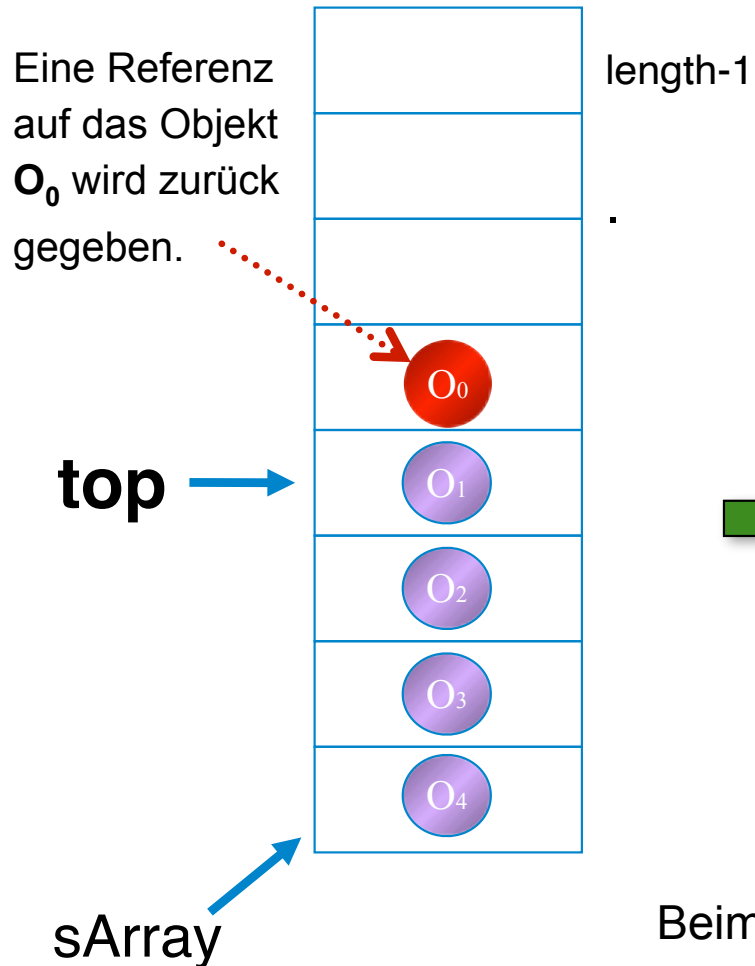


## Die **pop**-Operation



```
public E pop ()  
    throws EmptyStackException {  
    if ( !empty() ) {  
        top--;  
        return sArray [ top+1 ];  
    } else  
        throw new EmptyStackException();  
}
```

## Die **pop**-Operation

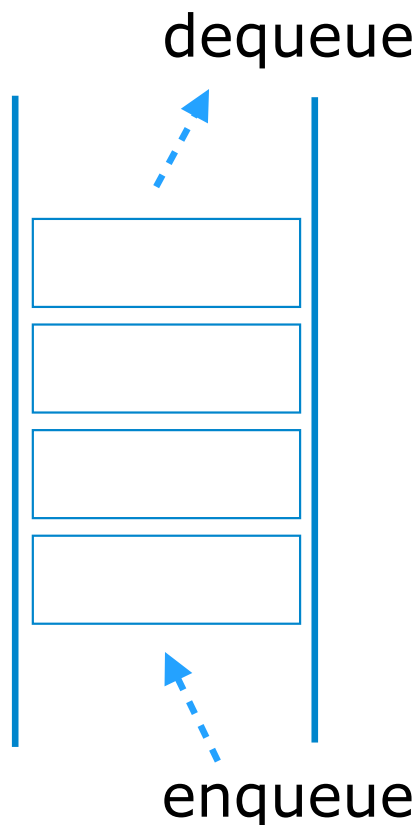


```
public E pop ()
    throws EmptyStackException {
    if ( !empty() ) {
        top--;
        return sArray [ top+1 ];
    } else
        throw new EmptyStackException();
}
```

Beim Einfügen eines neuen Elements im **sArray** wird die alte Referenz einfach überschrieben.

# Implementierung einer Warteschlange als Array

Warteschlangen implementieren eine **FIFO**-Strategie. D.h. das erste Element, das eingeführt worden ist, ist das erste, das später entfernt wird.



**FIFO** - Datenstruktur

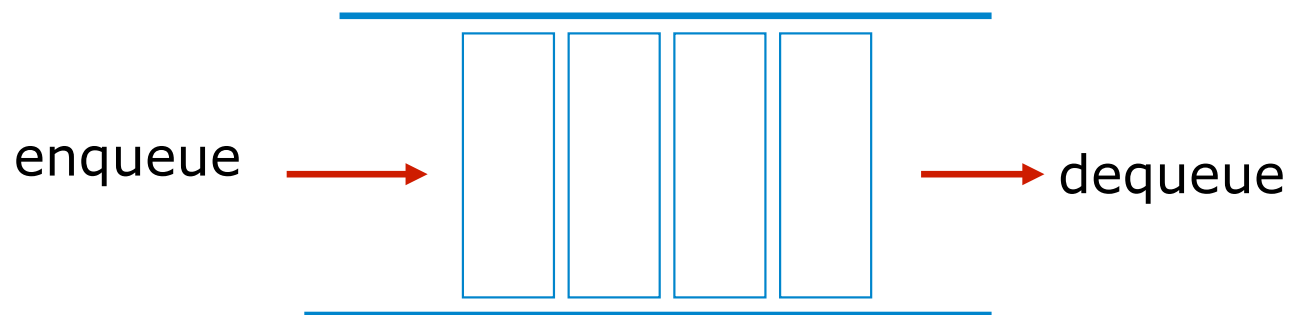
"**F**irst **I**n - **F**irst **O**ut"

**enqueue** ist der Standard-Name der Einfüge-Operation.

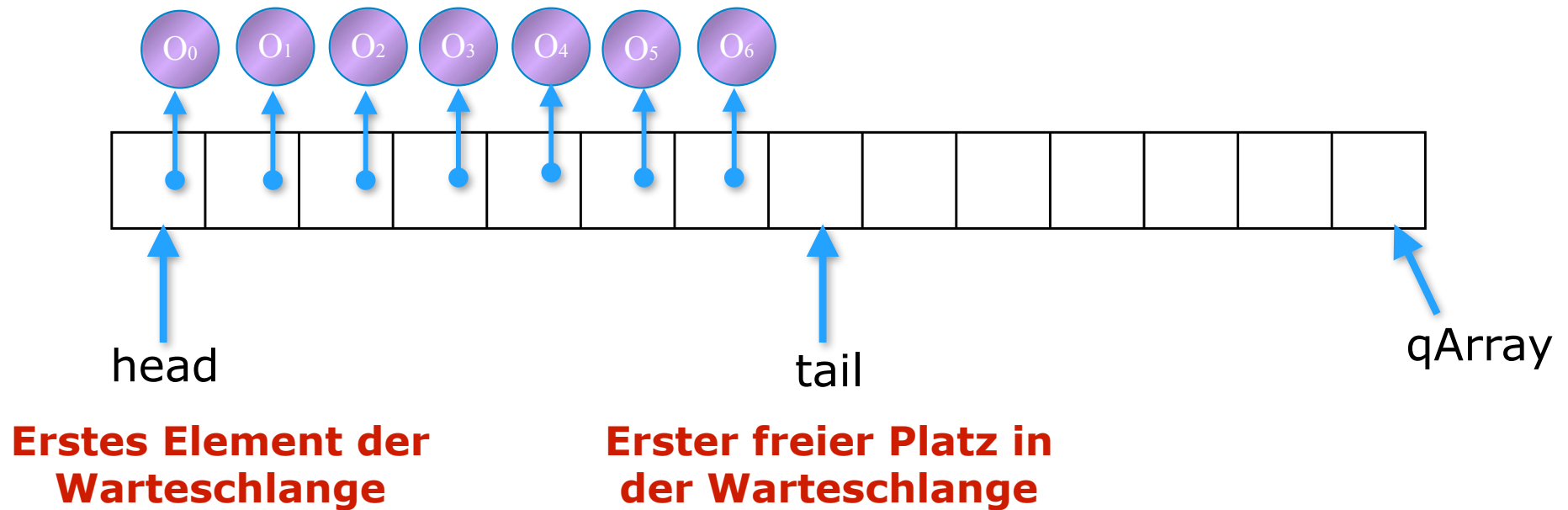
**dequeue** ist der Standard-Name der Lösch-Operation.

## Warteschlangen-Operationen

**Operationen** {  
enqueue  
dequeue  
head  
empty  
full



## Implementierung der Warteschlange



# Implementierung einer Warteschlange



# Implementierung einer Warteschlange



# Implementierung einer Warteschlange



alle Personen bewegen sich!

keine gute Idee für die Implementierung!

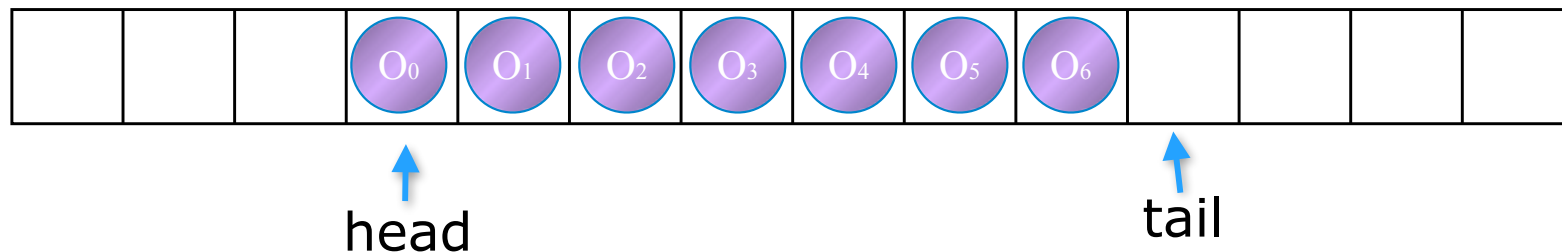


## Wraparound-Strategie

Um die **Einfüge-** und **Lösch-**Operation in unserer Warteschlange in einer konstanten Zeit  **$O(1)$**  zu realisieren, wird das Feld in unserer Warteschlange als eine zirkulare Struktur betrachtet.

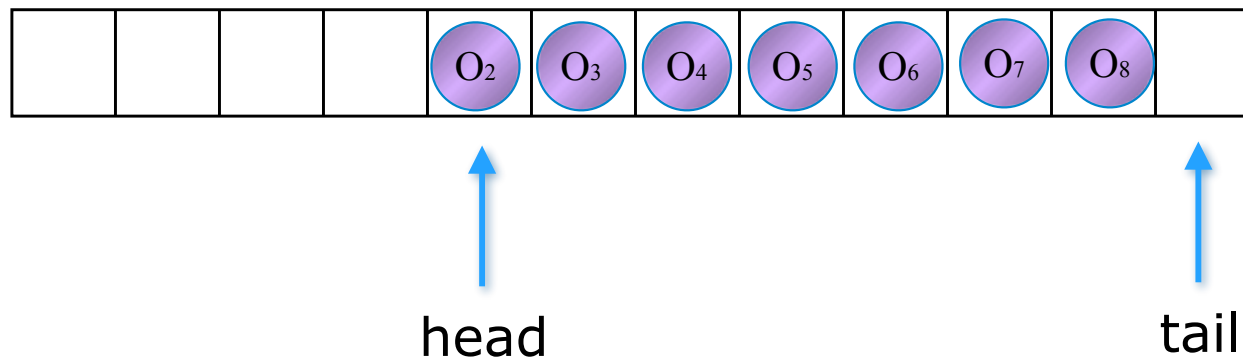
Neue Elemente in der Warteschlange werden in der Position eingefügt, die von **tail** angezeigt wird, und **tail** wird um eine Position nach rechts verschoben.

Wenn ein Element aus der Warteschlange entfernt wird, wird der **head**-Zeiger einfach um eine Position nach rechts bewegt.



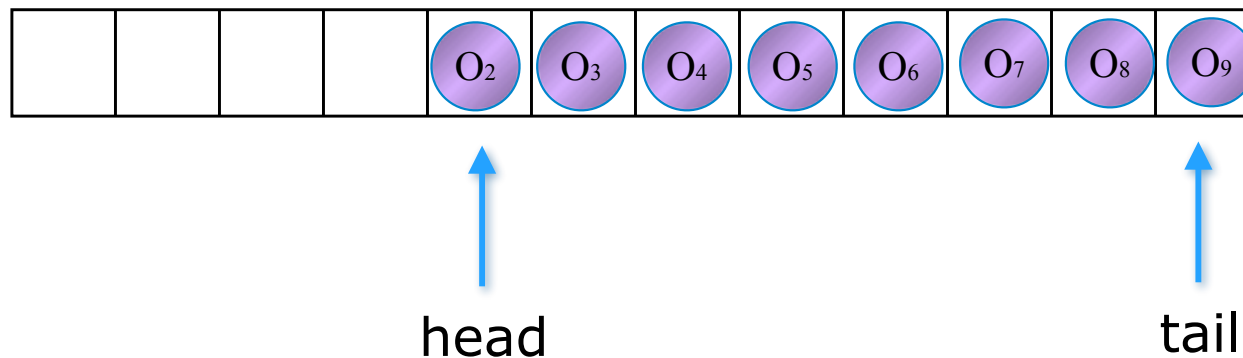
## Wraparound-Strategie

enqueue



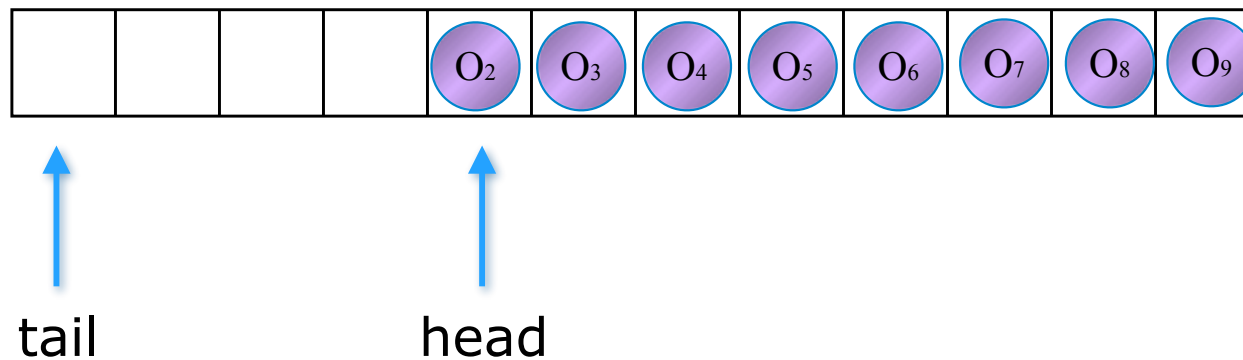
## Wraparound-Strategie

enqueue



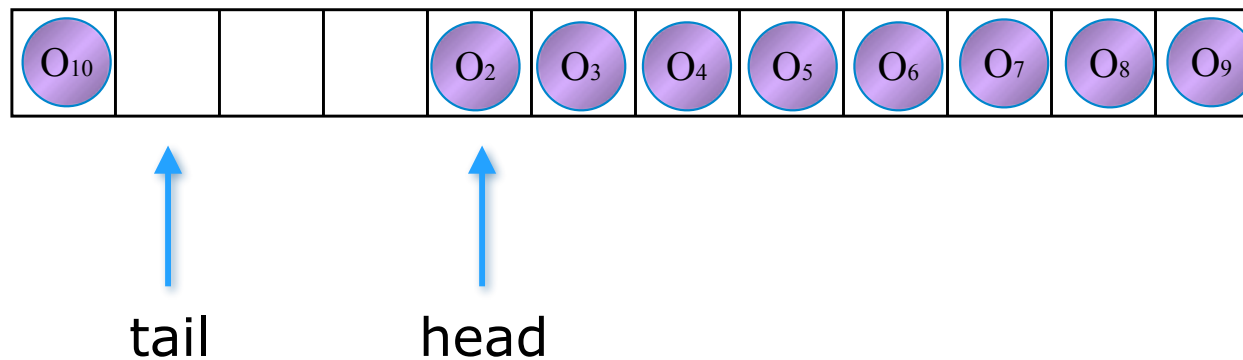
## Wraparound-Strategie

enqueue



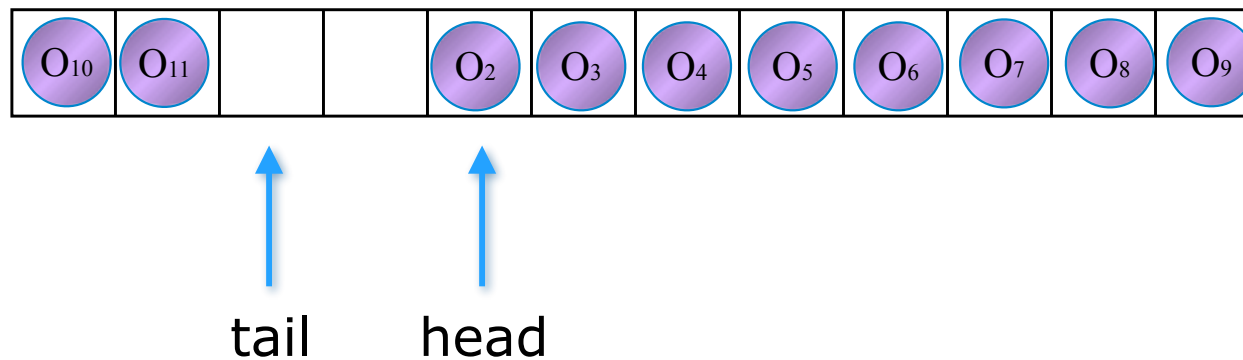
## Wraparound-Strategie

enqueue



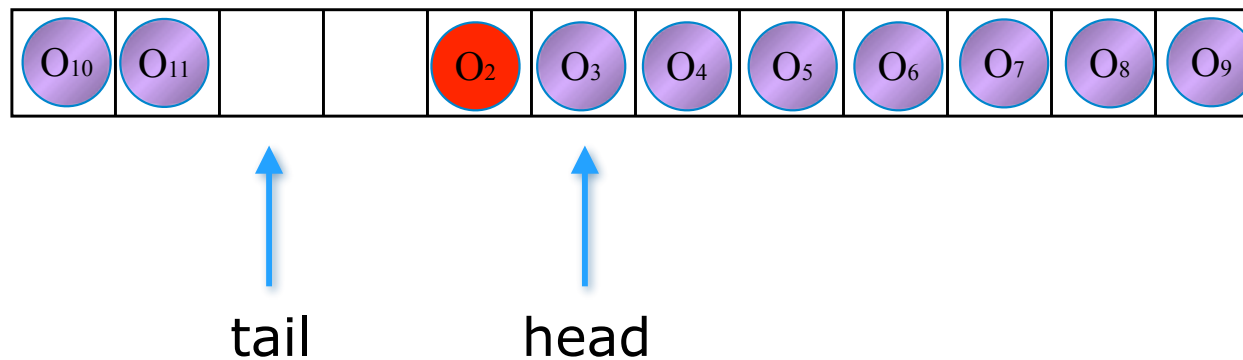
## Wraparound-Strategie

enqueue



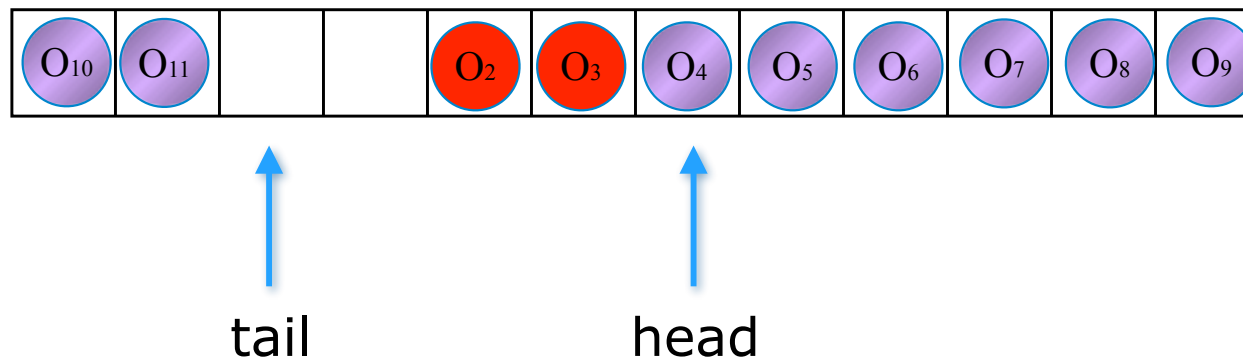
## Wraparound-Strategie

dequeue



## Wraparound-Strategie

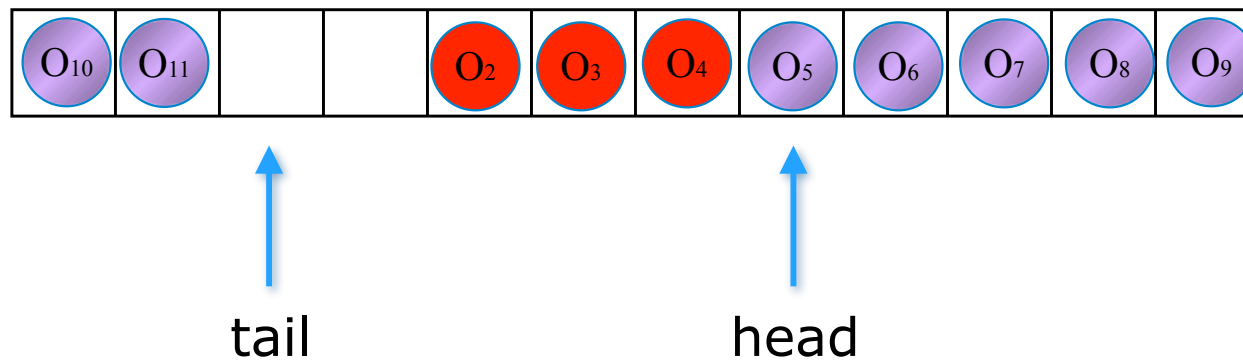
dequeue





## Wraparound-Strategie

dequeue



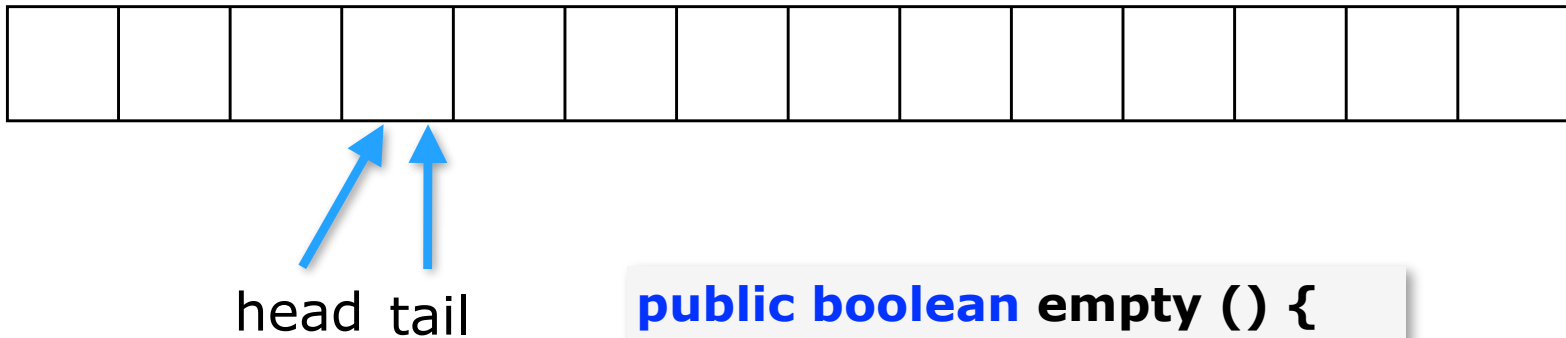
## Die Warteschlangen-Schnittstelle

```
public interface Queue <E> {  
    public void enqueue( E elem ) throws FullQueueException;  
    public E dequeue() throws EmptyQueueException;  
    public E head() throws EmptyQueueException;  
    public boolean empty();  
    public boolean full();  
    public void toString();  
}
```

Warteschlange mit fester Größe!

## Die **empty**-Operation

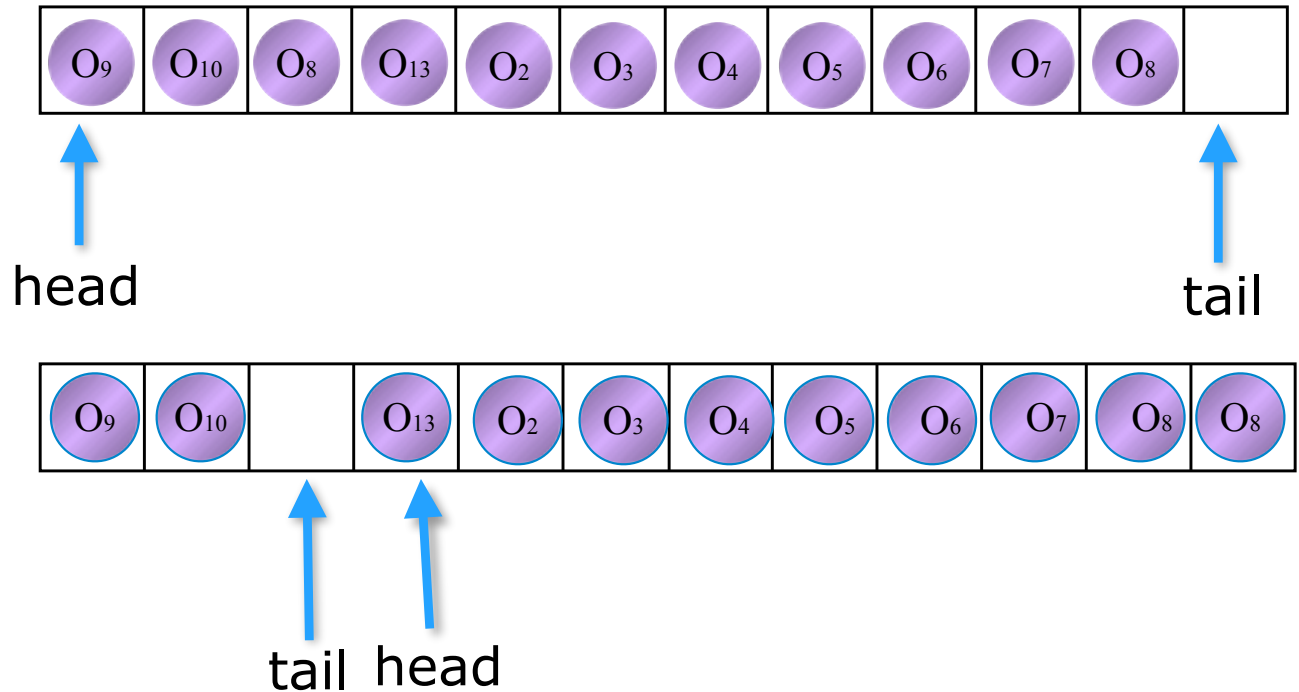
Unsere Warteschlange ist leer, wenn **head** und **tail** auf die gleiche Position des Feldes zeigen.



```
public boolean empty () {  
    return head == tail;  
}
```

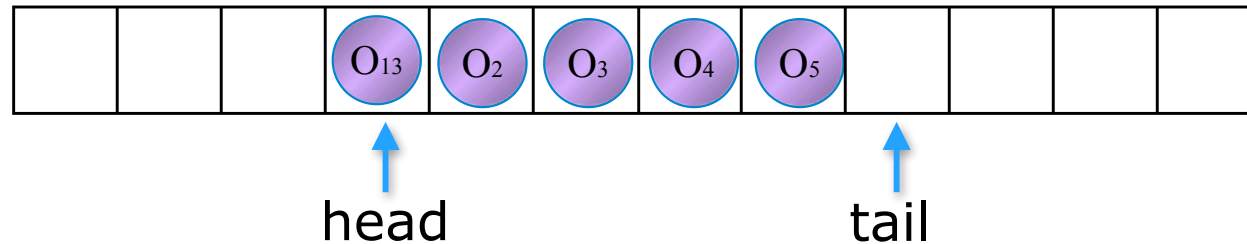
## Die **full**-Operation

Wenn in diese Felder das letzte Element eingefügt wird, werden **tail** und **head** auch gleich sein und die Warteschlange wäre voll. D.h., wir würden nicht eine leere von einer vollen Warteschlange unterscheiden können. Deshalb werden wir nie unsere Warteschlange ausfüllen und den Zustand **full** definieren, wenn **tail** eine Position von **head** entfernt liegt.



```
public boolean full () {  
    return (( tail == queue.length-1 ) && ( head == 0 ))  
           || ( head == ( tail+1 ) ) ;  
}
```

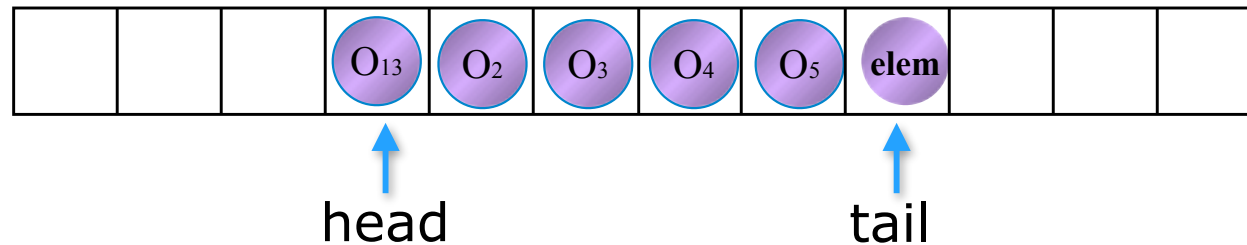
## Die **enqueue**-Operation



Wenn die  
Warte-  
schlange  
nicht voll  
ist

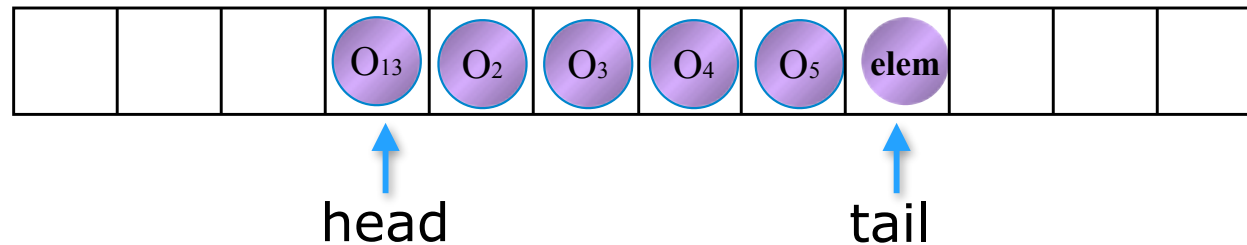
```
public void enqueue ( E elem ) throws FullQueueException {  
    if ( !full() ) {  
        queue[tail] = elem;  
        if ( tail == (queue.length-1) )  
            tail = 0;  
        else tail++;  
    } else  
        throw new FullQueueException();  
}
```

## Die **enqueue**-Operation

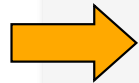


```
public void enqueue ( E elem ) throws FullQueueException {  
    if ( !full() ) {  
        queue[tail] = elem;  
        if ( tail == (queue.length-1) )  
            tail = 0;  
        else tail++;  
    } else  
        throw new FullQueueException();  
}
```

## Die **enqueue**-Operation

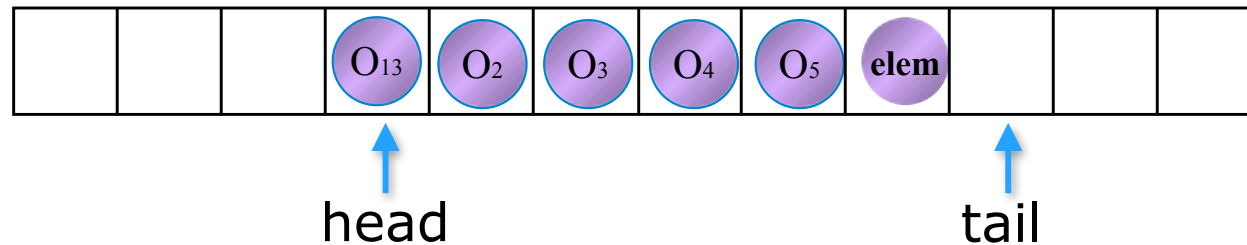


Hier wird  
geprüft,  
ob **tail** am  
Ende des  
Feldes ist



```
public void enqueue ( E elem ) throws FullQueueException {  
    if ( !full() ) {  
        queue[tail] = elem;  
        if ( tail == (queue.length-1) )  
            tail = 0;  
        else tail++;  
    } else  
        throw new FullQueueException();  
}
```

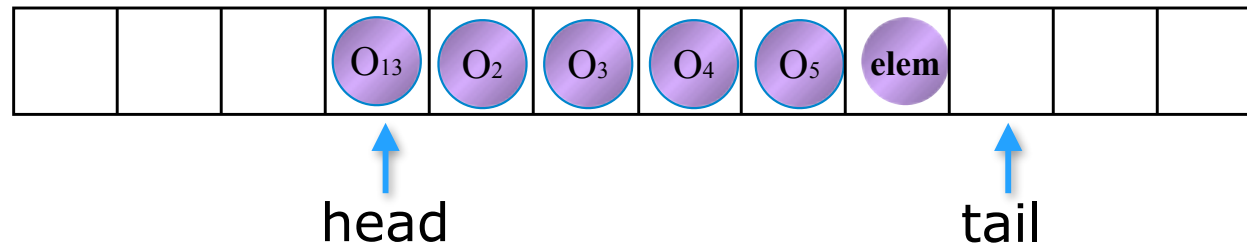
## Die **enqueue**-Operation



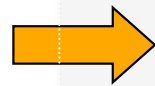
```
public void enqueue ( E elem ) throws FullQueueException {  
    if ( !full() ) {  
        queue[tail] = elem;  
        if ( tail == (queue.length-1) )  
            tail = 0;  
        else tail++;  
    } else  
        throw new FullQueueException();  
}
```



## Die **dequeue**-Operation

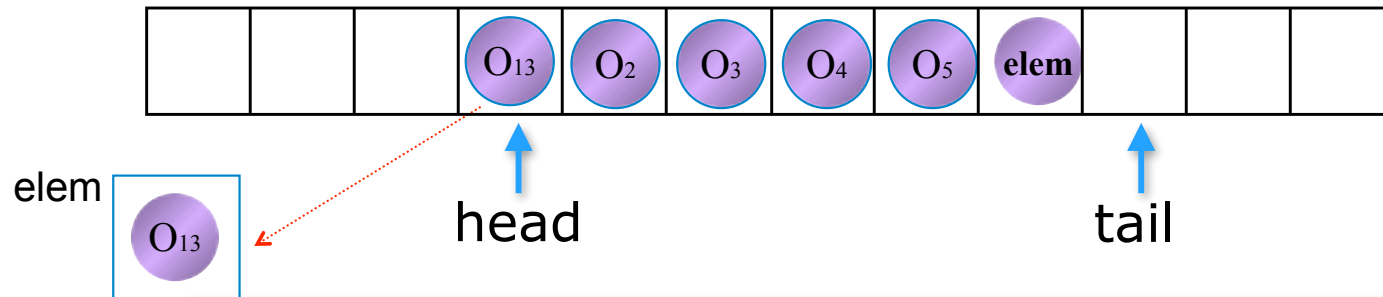


Wenn die  
Warteschlange  
nicht leer ist.



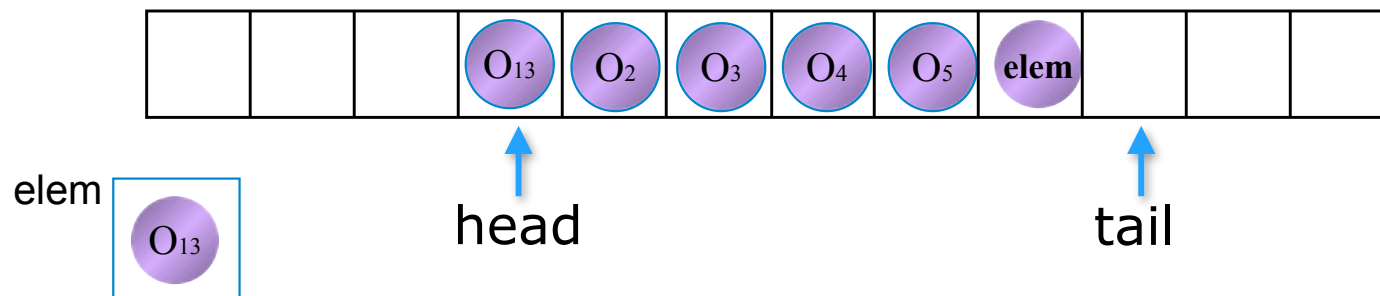
```
public E dequeue() throws EmptyQueueException {  
    if ( !empty() ) {  
        E elem = queue[head];  
        if ( head == (queue.length-1) )  
            head = 0;  
        else head++;  
        return elem;  
    } else  
        throw new EmptyQueueException();  
}
```

## Die **dequeue**-Operation



```
public E dequeue() throws EmptyQueueException {  
    if ( !empty() ) {  
        E elem = queue[head];  
        if ( head == (queue.length-1) )  
            head = 0;  
        else head++;  
        return elem;  
    } else  
        throw new EmptyQueueException();  
}
```

## Die **dequeue**-Operation

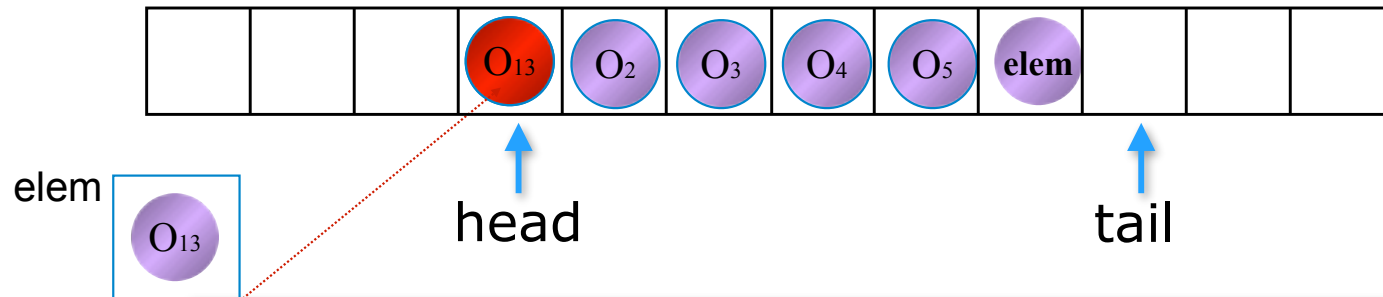


```
public E dequeue() throws EmptyQueueException {  
    if ( !empty() ) {  
        E elem = queue[head];  
        if ( head == (queue.length-1) )  
            head = 0;  
        else head++;  
        return elem;  
    } else  
        throw new EmptyQueueException();  
}
```

Wenn **head** am  
Ende des  
Feldes ist.



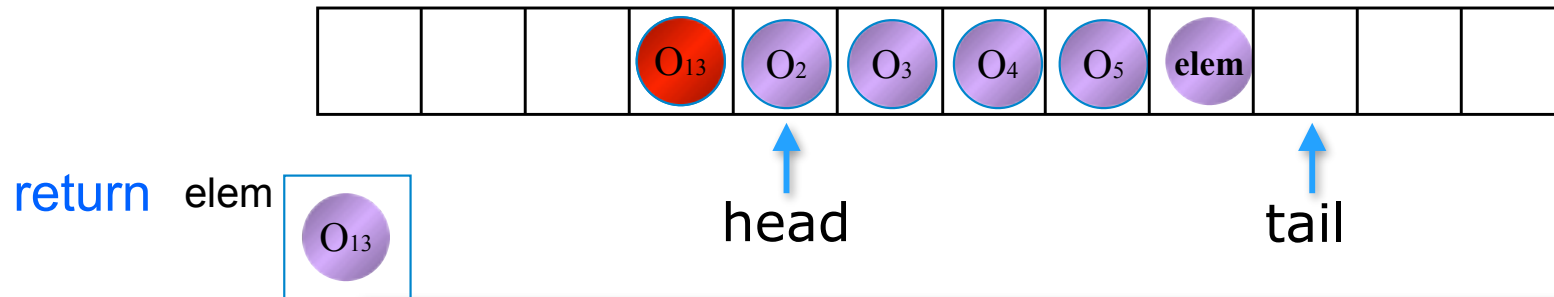
## Die **dequeue**-Operation



Die verbliebene  
Objekt-Referenz  
wird später  
überschrieben.

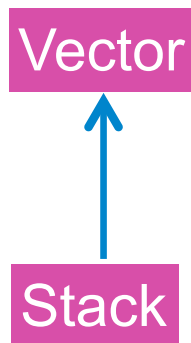
```
public E dequeue() throws EmptyQueueException {  
    if ( !empty() ) {  
        E elem = queue[head];  
        if ( head == (queue.length-1) )  
            head = 0;  
        else head++;  
        return elem;  
    } else  
        throw new EmptyQueueException();  
}
```

## Die **dequeue**-Operation



```
public E dequeue() throws EmptyQueueException {  
    if ( !empty() ) {  
        E elem = queue[head];  
        if ( head == (queue.length-1) )  
            head = 0;  
        else head++;  
        return elem;  
    } else  
        throw new EmptyQueueException();  
}
```

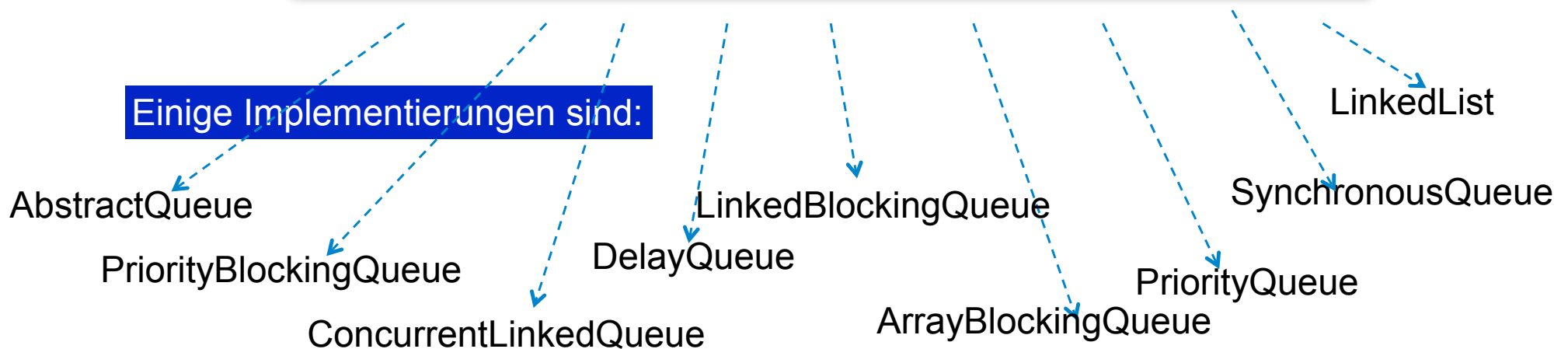
# Java-Klassen für Stapel und Warteschlangen



```
public class Stack<E> extends Vector <E> {  
    . . .  
}
```

```
public interface Queue <E> extends Collection <E>
```

Einige Implementierungen sind:



## Zusammenfassung

Stapel und Schlangen sind dynamische Datenstrukturen, doch die Implementierung mit Hilfe von Feldern hat die **Einschränkung**, dass die **maximal erreichbare Größe** vorher bekannt sein muss.

Eine gute **Lösung** dieses Problems sind „**Dynamische Arrays**“. Wenn ein Feld voll ist, wird zur Laufzeit ein neues erzeugt, das doppelt so groß ist, und alle Daten des alten Feldes werden auf das neue Feld kopiert. Das Ganze wird wiederholt, wenn das Feld wieder ausgefüllt ist.

Eine **zweite Lösung** ist, von Anfang an **echte dynamische Datenstrukturen** zu verwenden (wie **Listen**, **Bäume**, usw.).