

# Objektorientierte Programmierung

## Sortieren (Teil 3)

Imperativ!

SoSe 2020

Prof. Dr. Margarita Esponda

# Sortieralgorithmen

Ohne Vergleiche

Counting-Sort      **$O(n)$**

Radix-Sort         **$O(n)$**

Bucket-Sort        **$O(n)$**

# Counting sort

Wenn die Daten, die sortiert werden sollen, ganzzahlige Werte mit einem kleinen Wertebereich zwischen **0** und **k** sind, ist es möglich, Zahlen zu sortieren ohne diese direkt zu vergleichen.

Die Zeitkomplexität, die man dabei hat, ist linear.

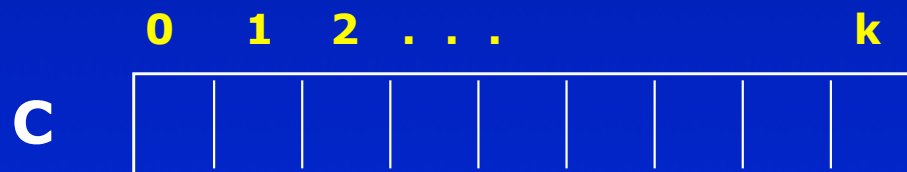
$$T(n) = O(n)$$

 Anzahl der Daten, die sortiert werden sollen

# Counting sort

Der "Counting sort"-Algorithmus benutzt zwei Hilfsfelder.

1. ein **C**-Feld, das so groß ist wie der Wertebereich (**k=8**) der Zahlen



2. ein **B**-Feld, in dem die sortierten Zahlen am Ende gespeichert werden.



# Counting sort

Nehmen wir an, wir wollen die Zahlen des **A**-Feldes sortieren.

	0	1	2	3	...											...	n	
A	4	8	0	1	0	6	7	1	4	1	5	7	8	6	1	2	8	7

Das C-Feld wird mit Nullen initialisiert.

	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>2</b>	...					<b>8</b>
<b>C</b>	0	0	0	0	0	0	0	0	0

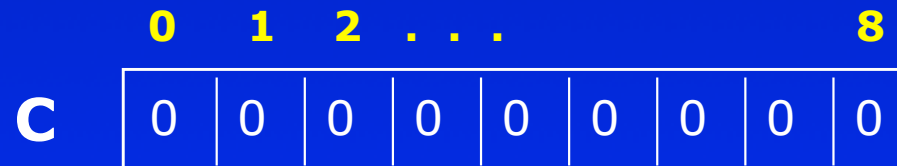
Wertebereich = (0-8)

# Counting sort

	0	1	2	3	...	...	n											
A	4	8	0	1	0	6	7	1	4	1	5	7	8	6	1	2	8	7

	0	1	2	...				8
C	0	0	0	0	0	0	0	0

# Counting sort



# Counting sort

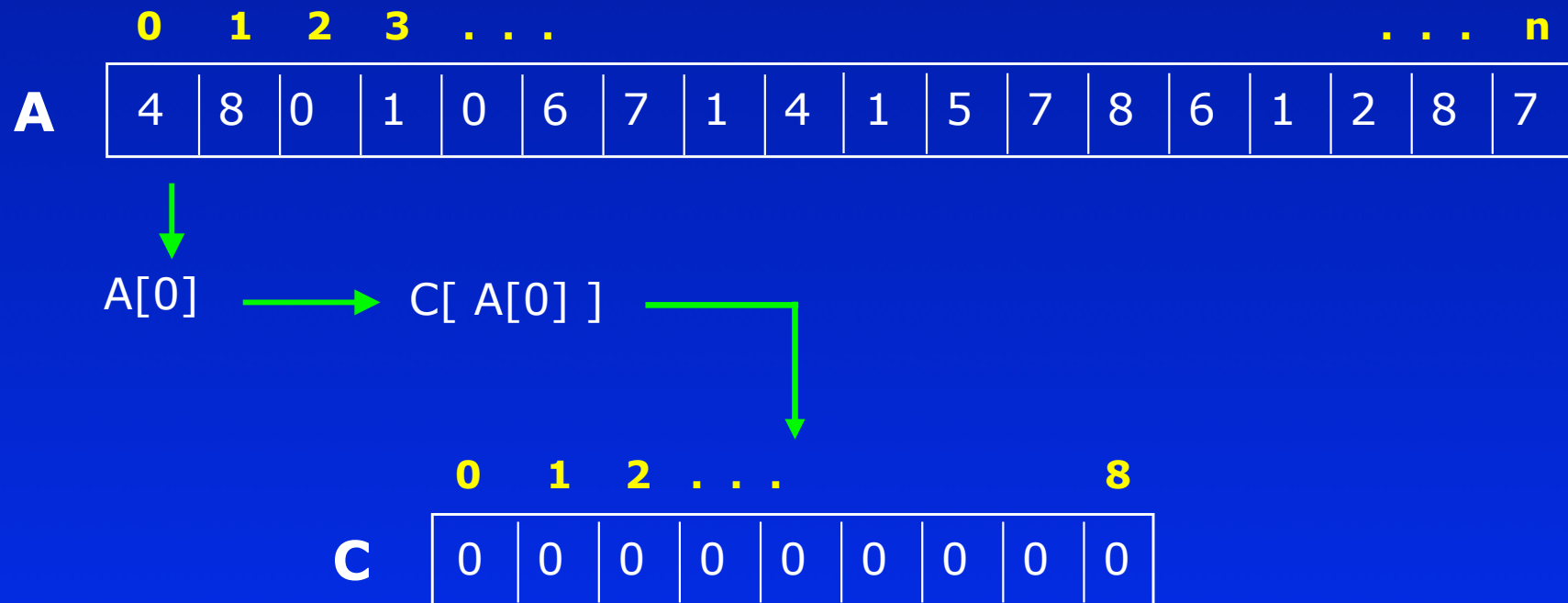
	0	1	2	3	...												...	n
A	4	8	0	1	0	6	7	1	4	1	5	7	8	6	1	2	8	7

A[0] C[ A[0] ]

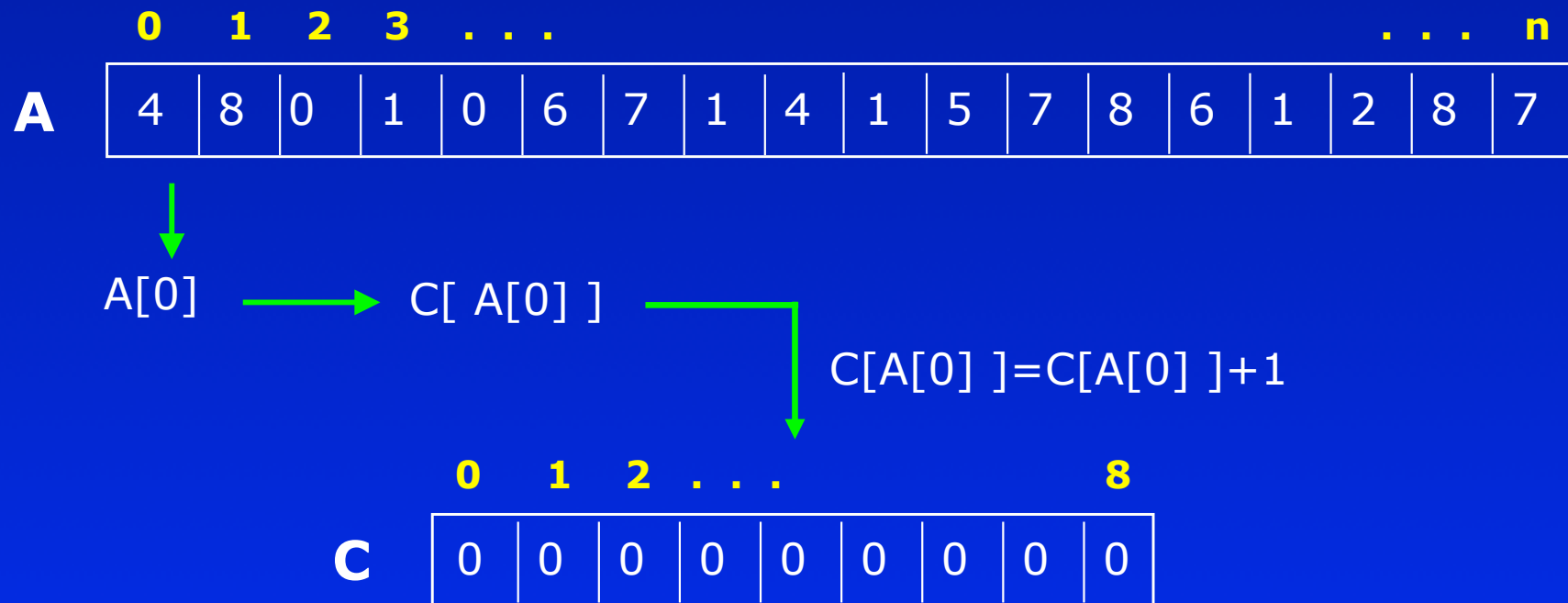
	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>2</b>	...					<b>8</b>
<b>C</b>	0	0	0	0	0	0	0	0	0



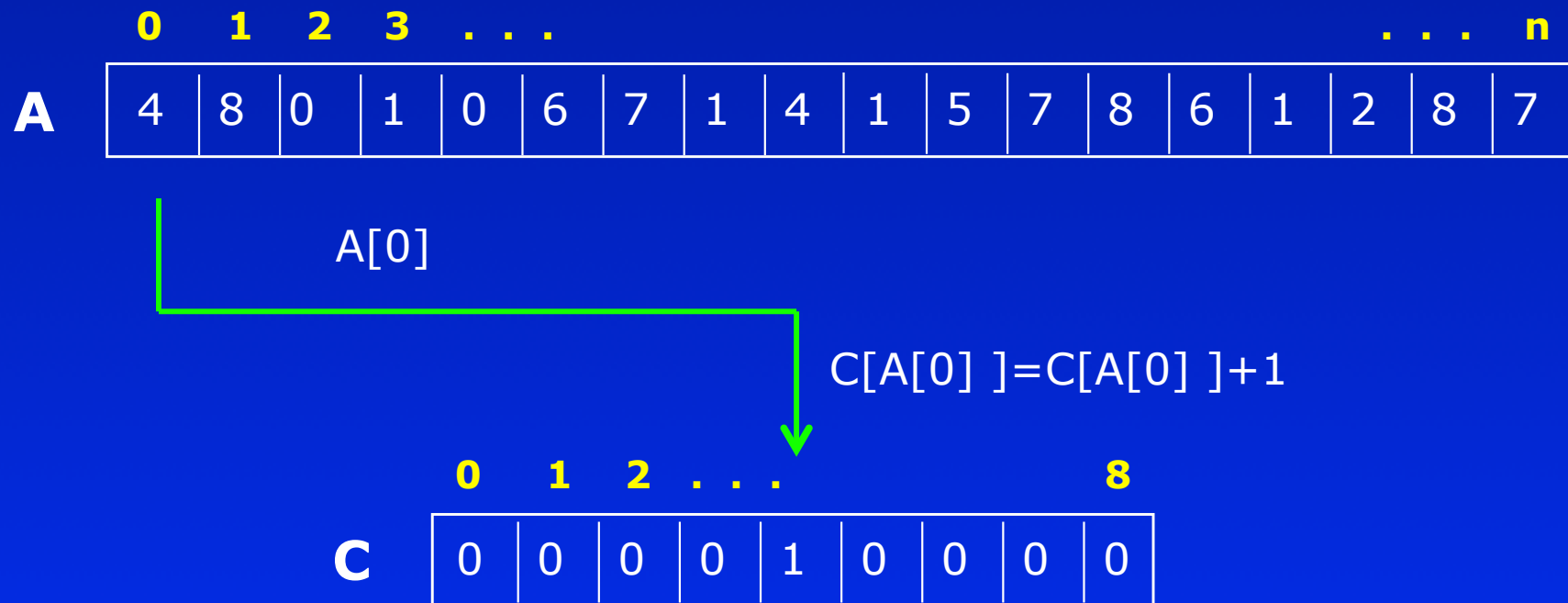
# Counting sort



# Counting sort



# Counting sort



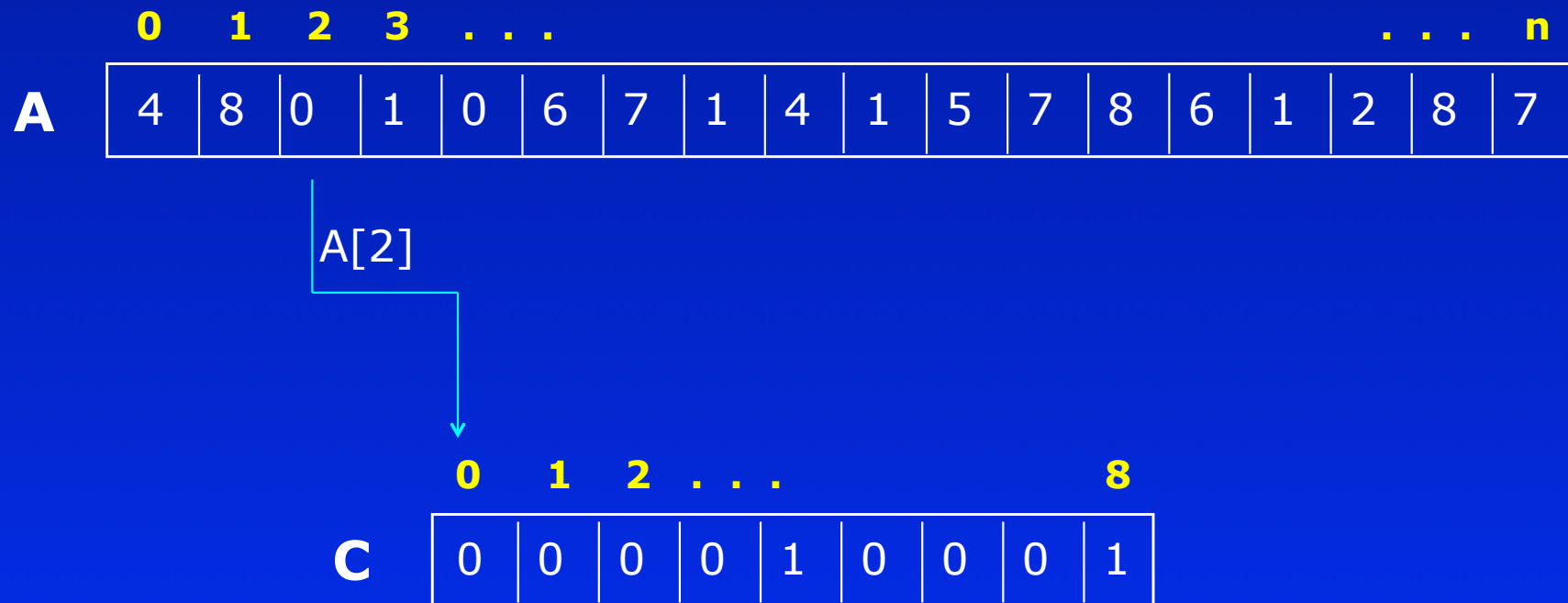
# Counting sort



# Counting sort



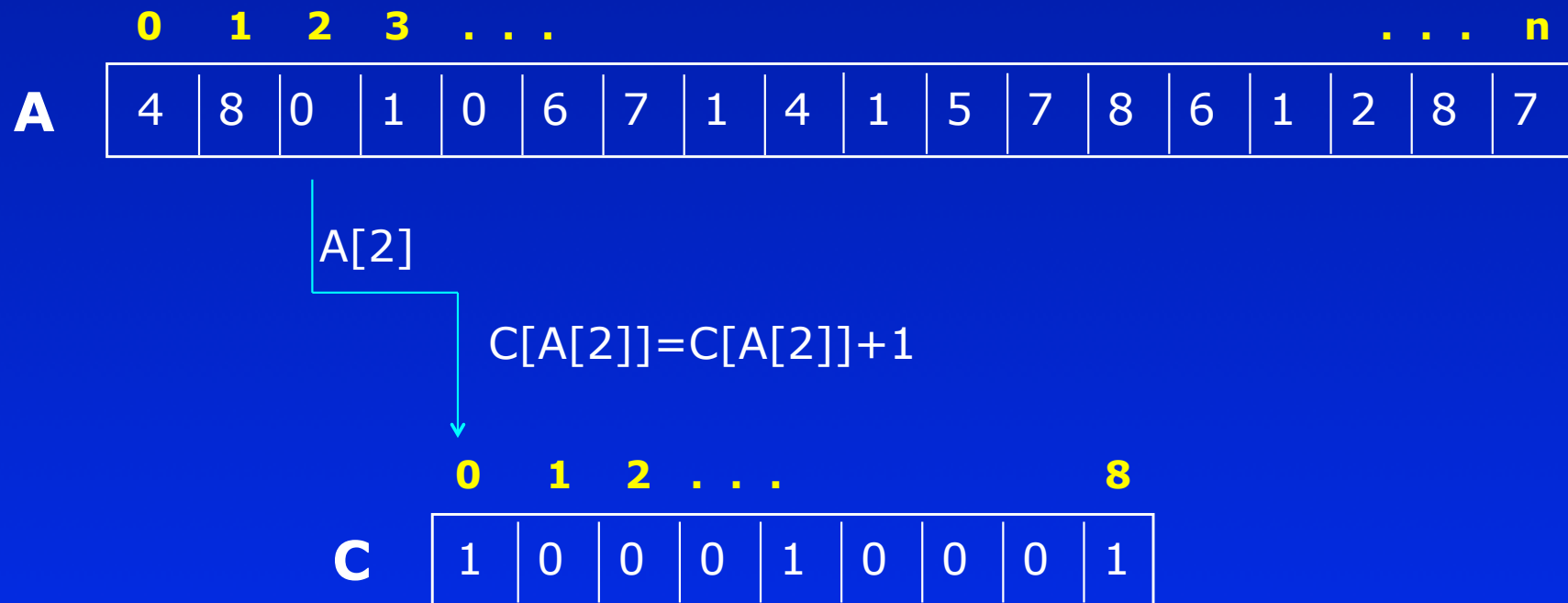
# Counting sort



# Counting sort

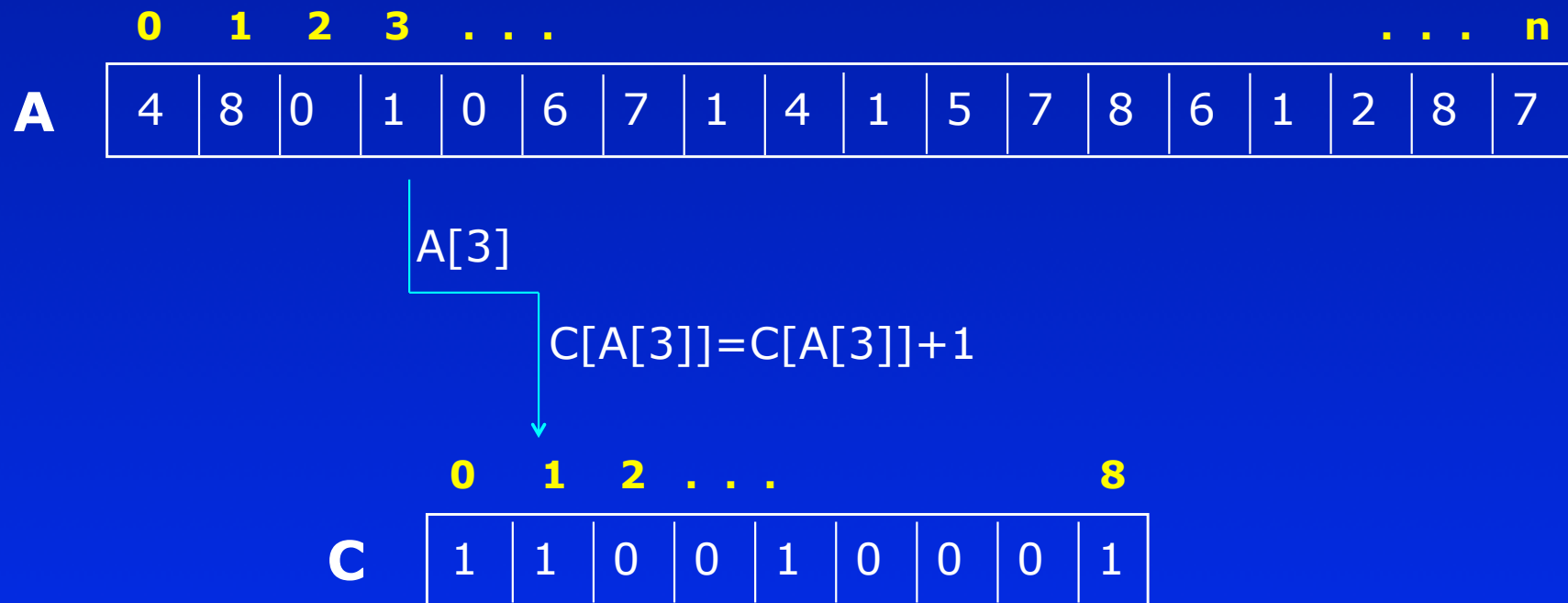


# Counting sort

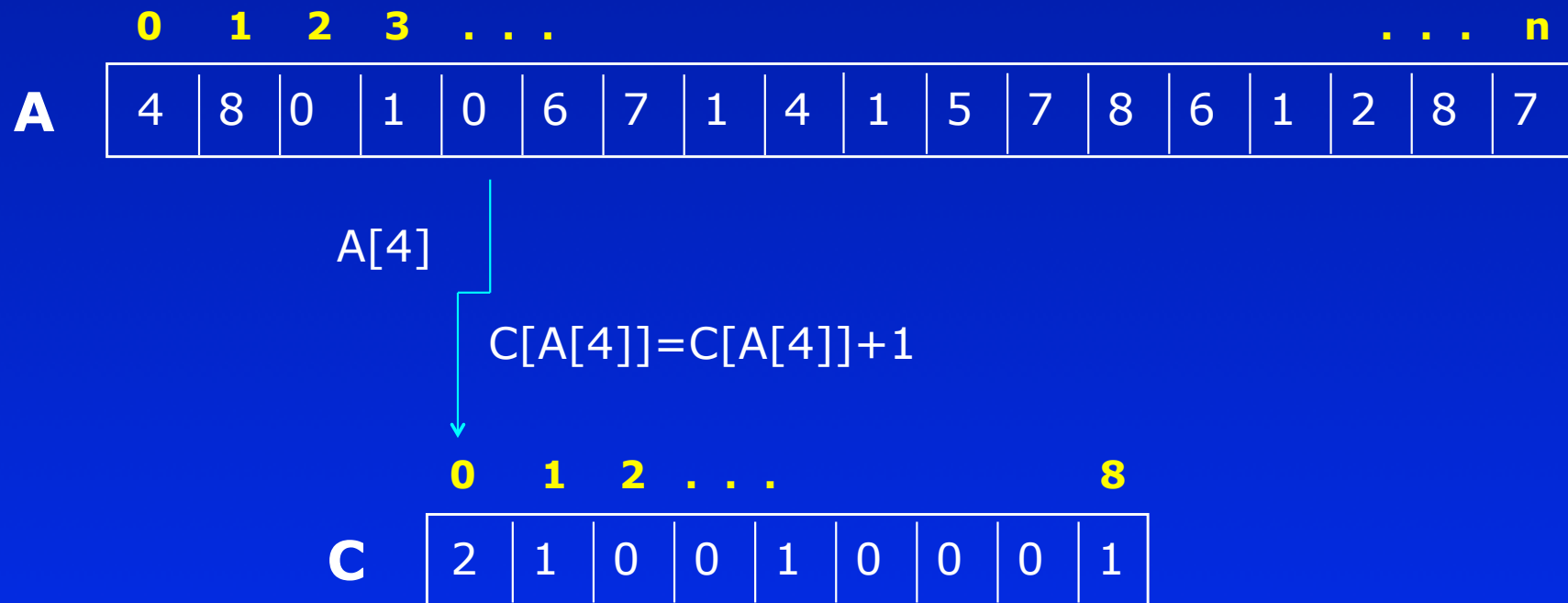




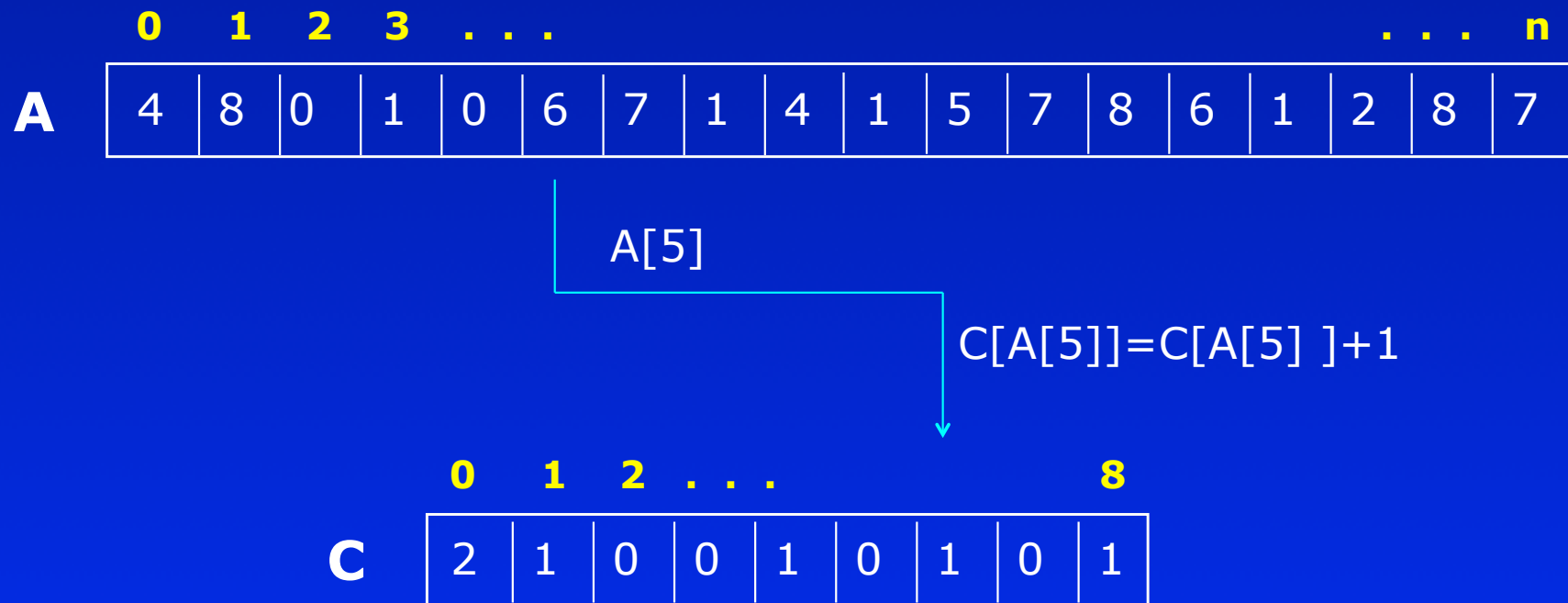
# Counting sort



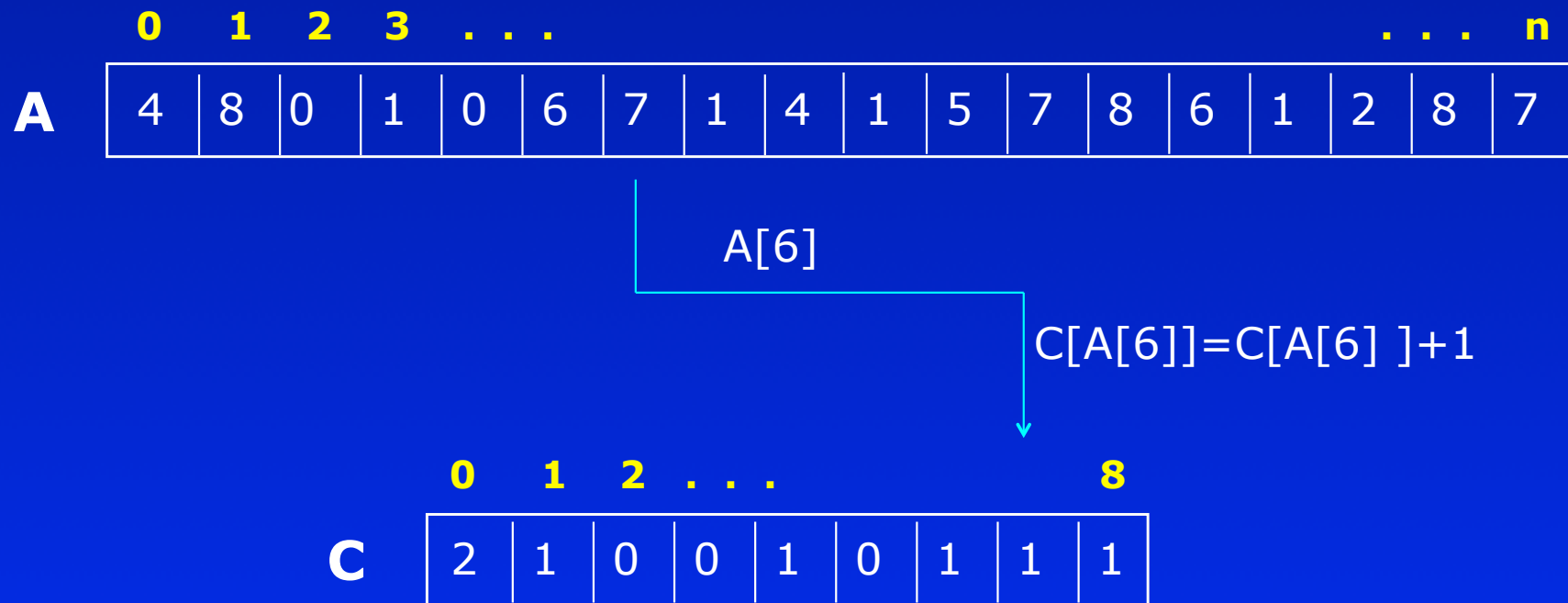
# Counting sort



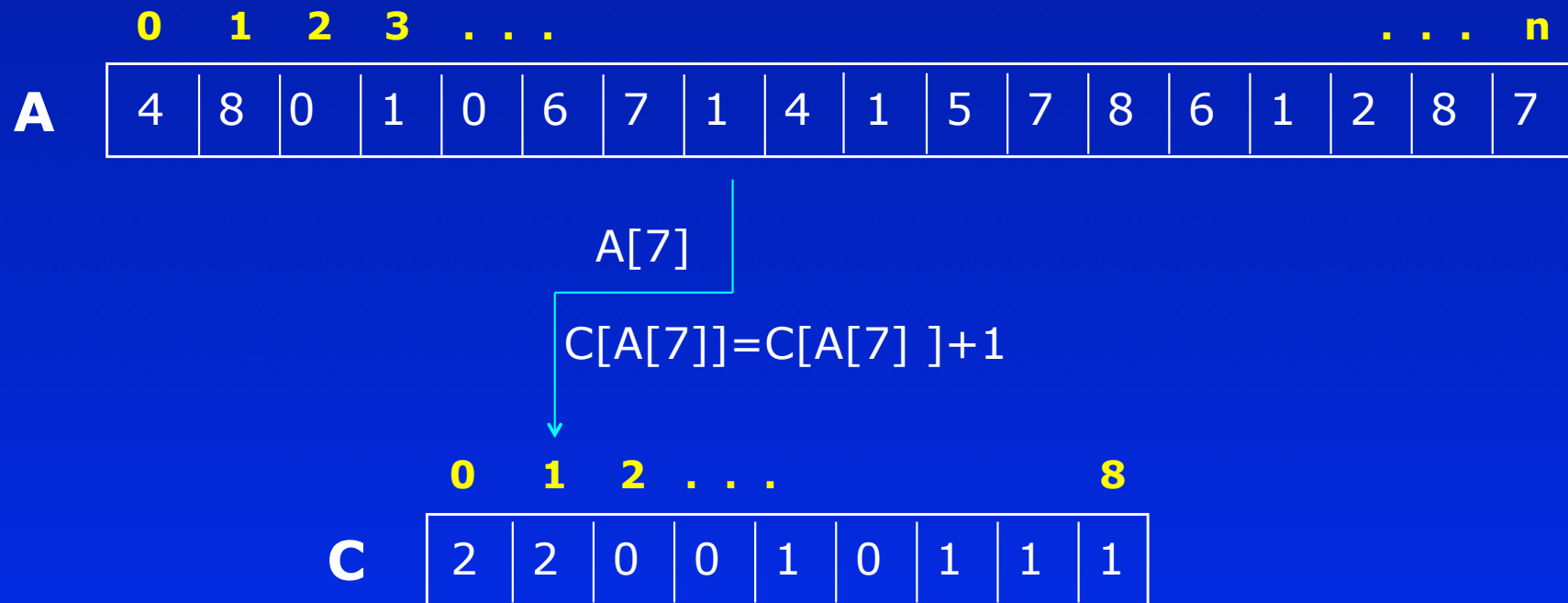
# Counting sort



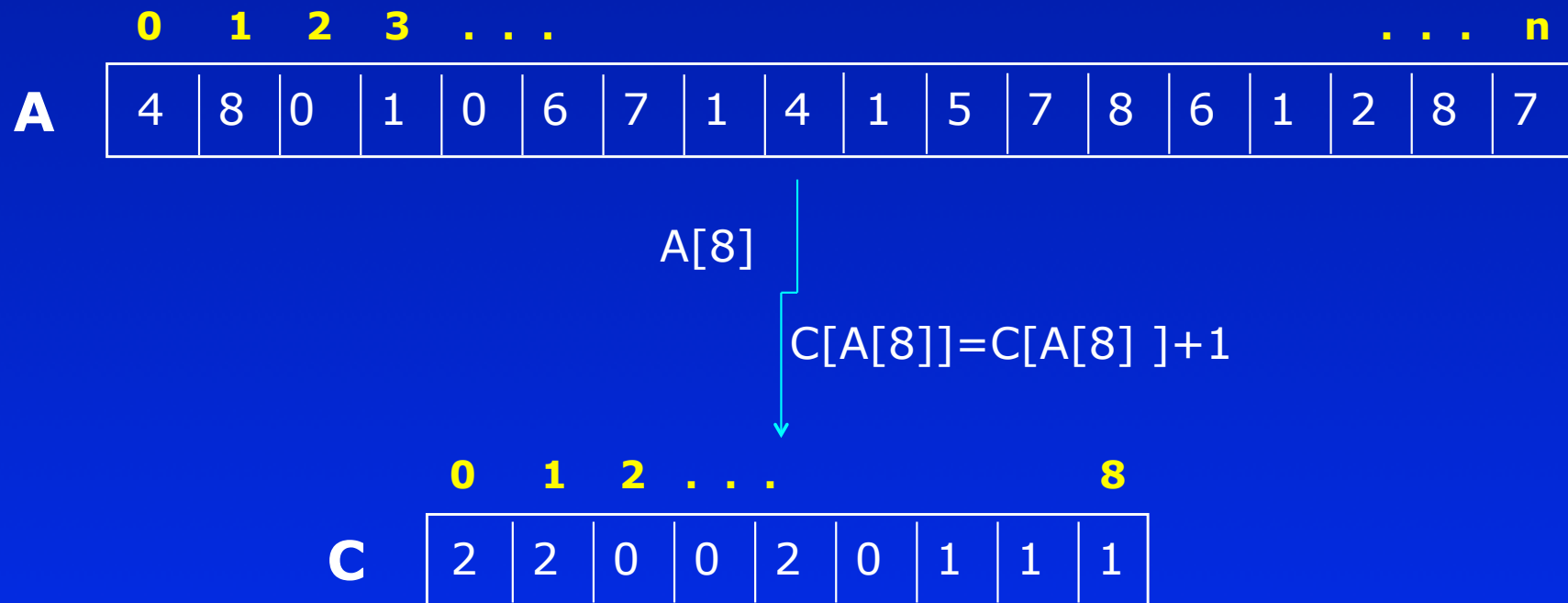
# Counting sort



# Counting sort



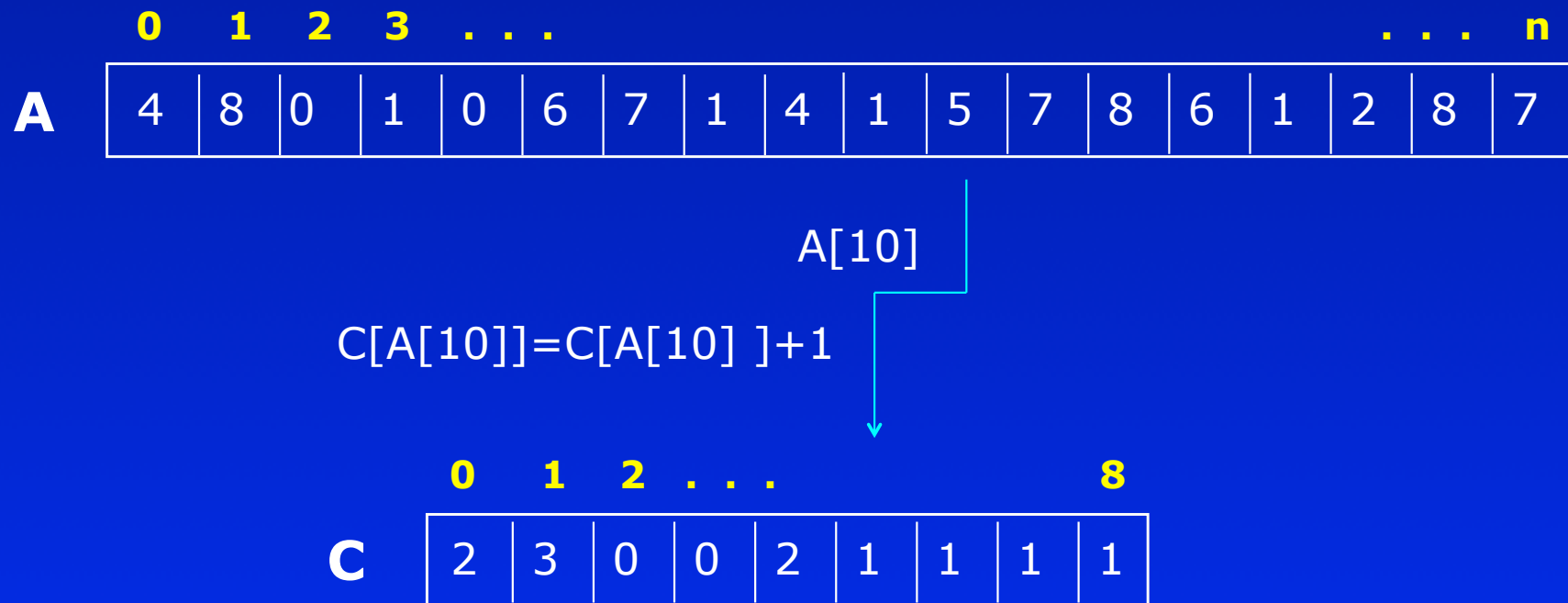
# Counting sort



# Counting sort

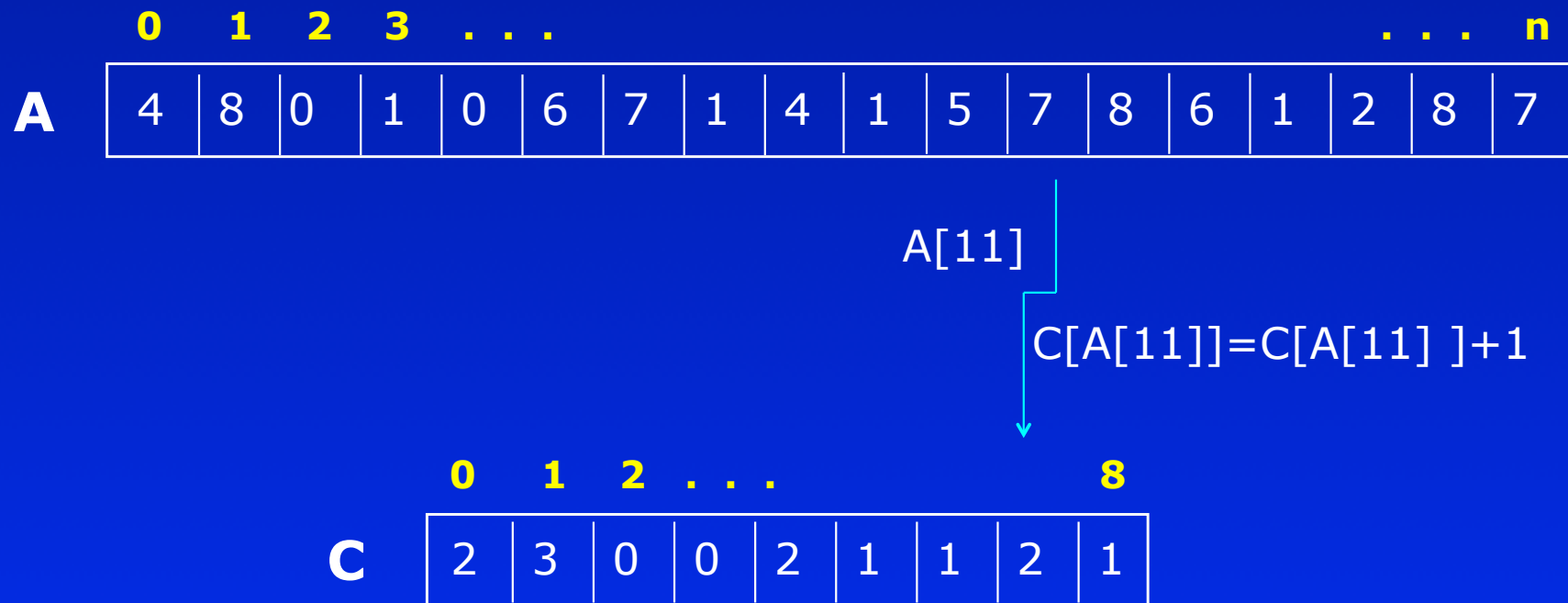


# Counting sort

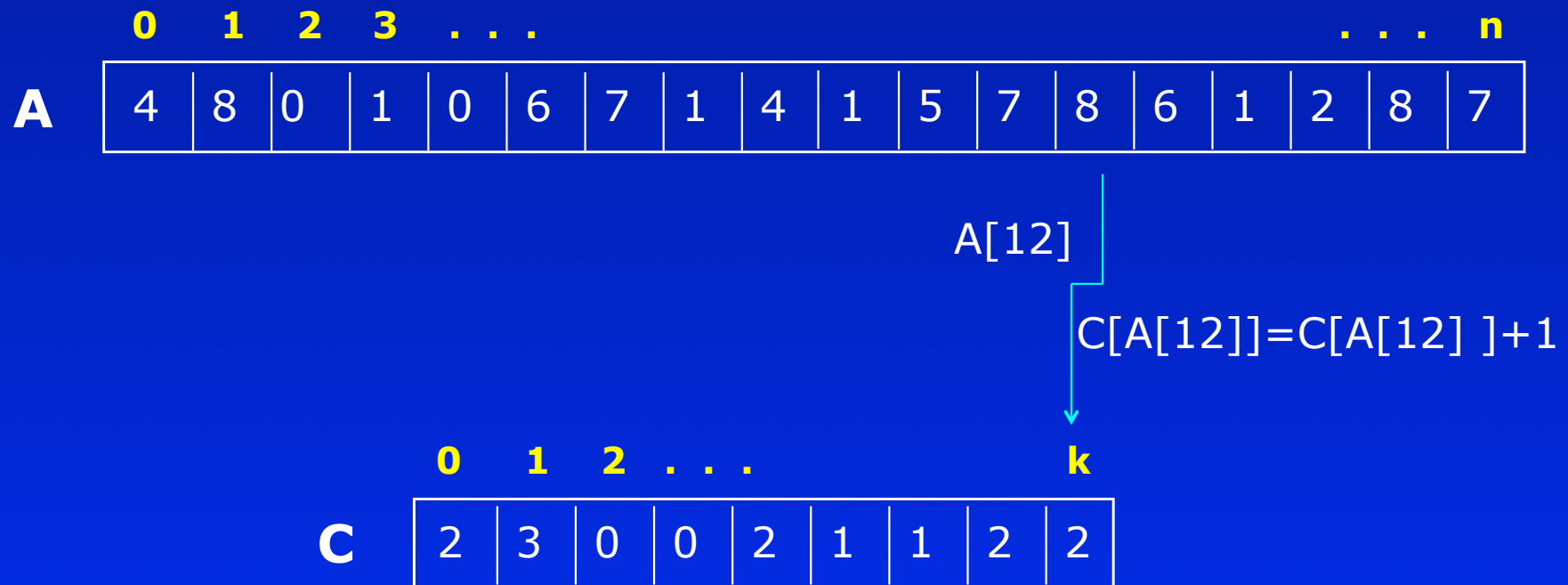




# Counting sort



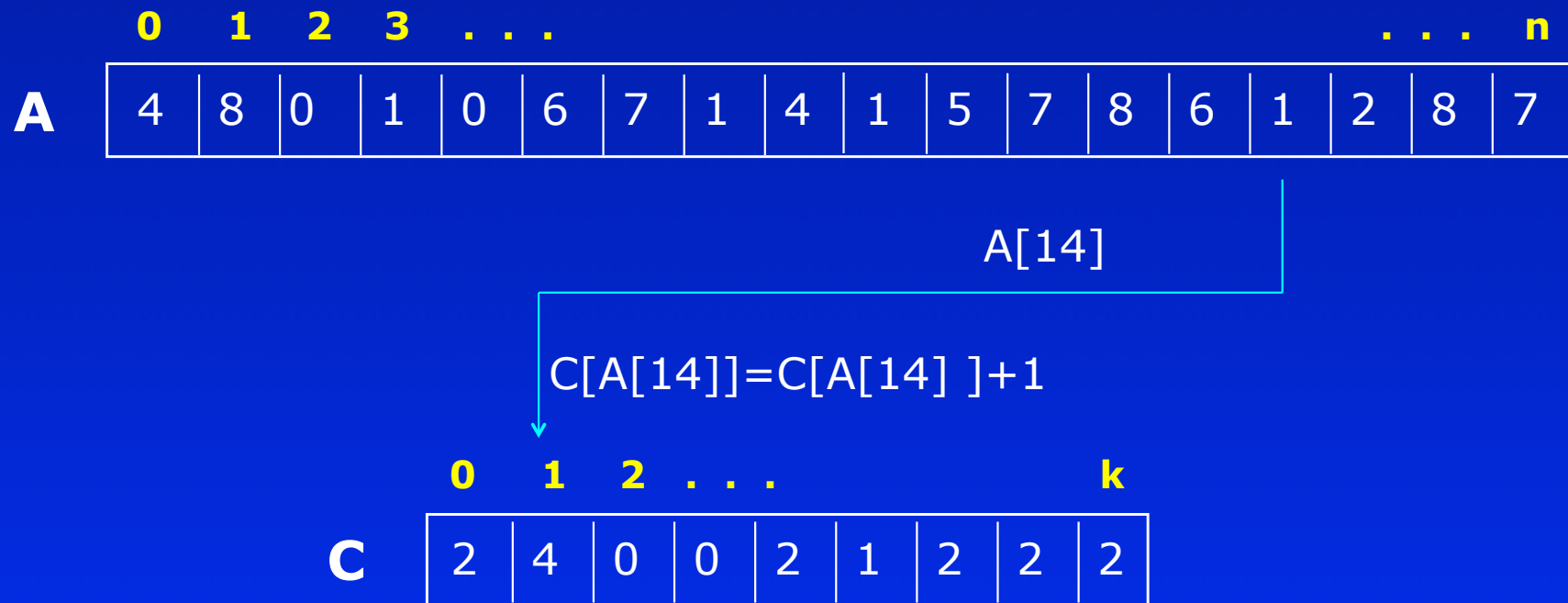
# Counting sort



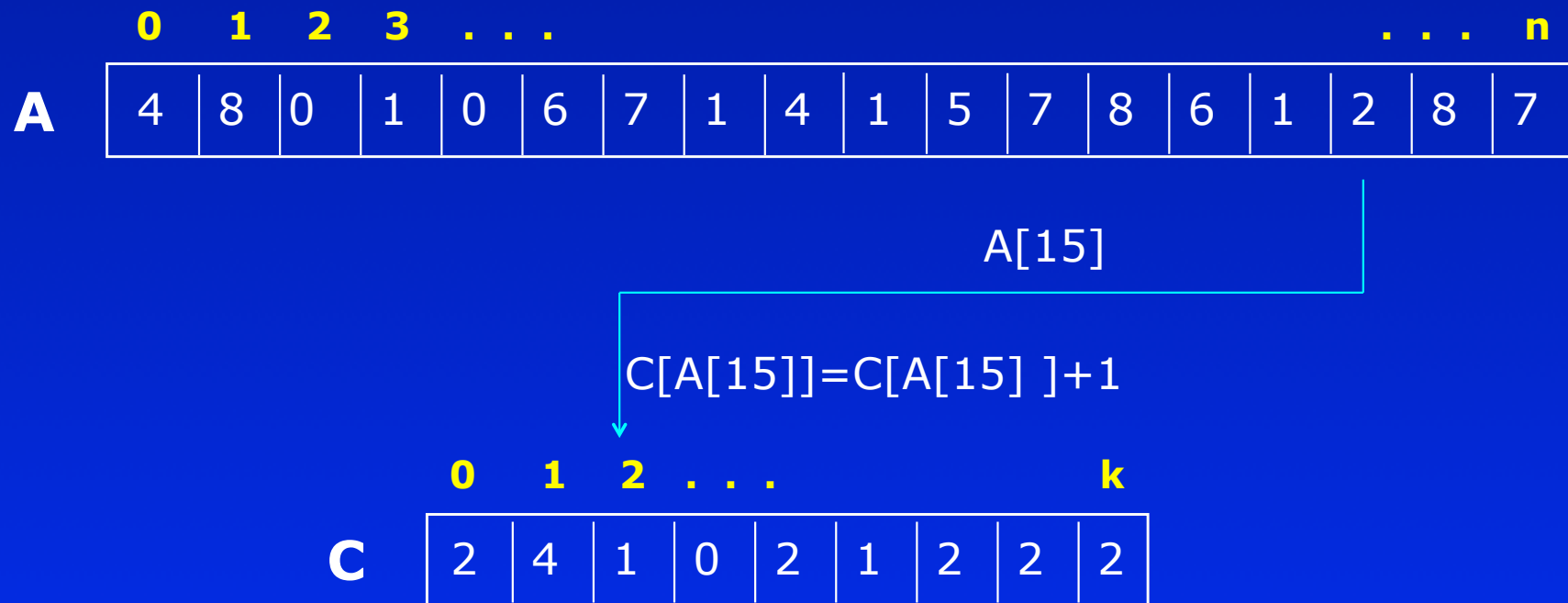
# Counting sort



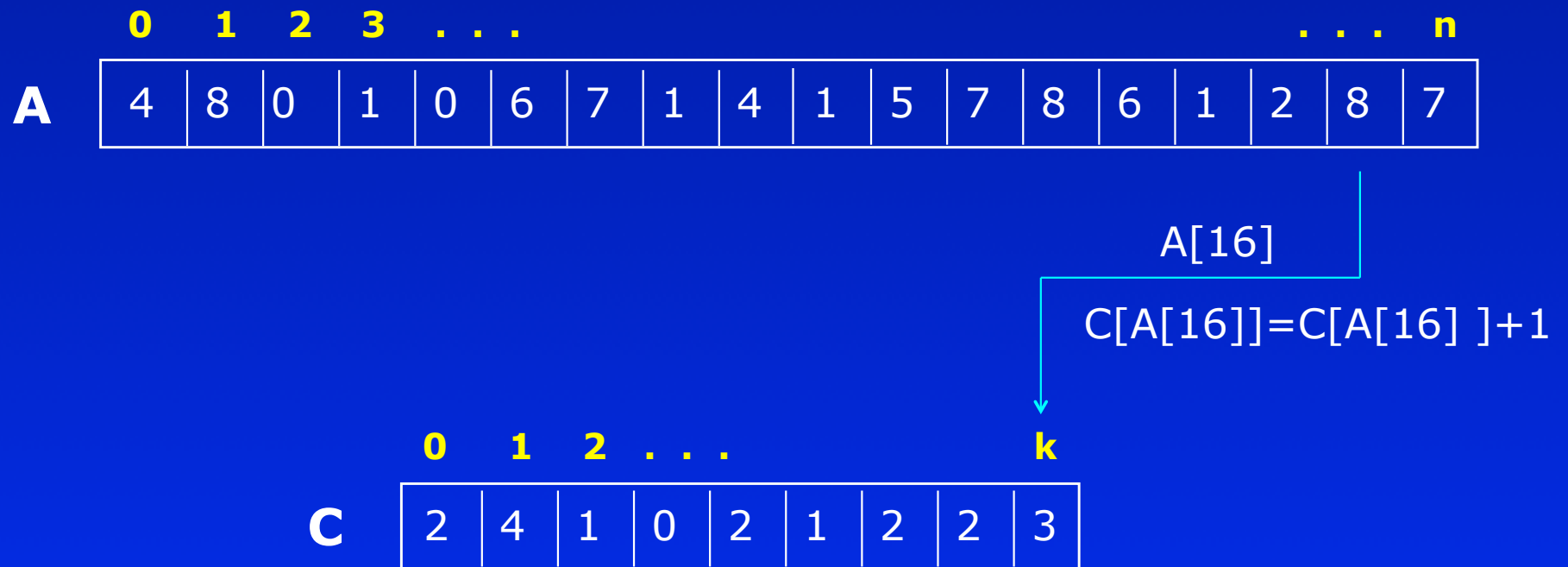
# Counting sort



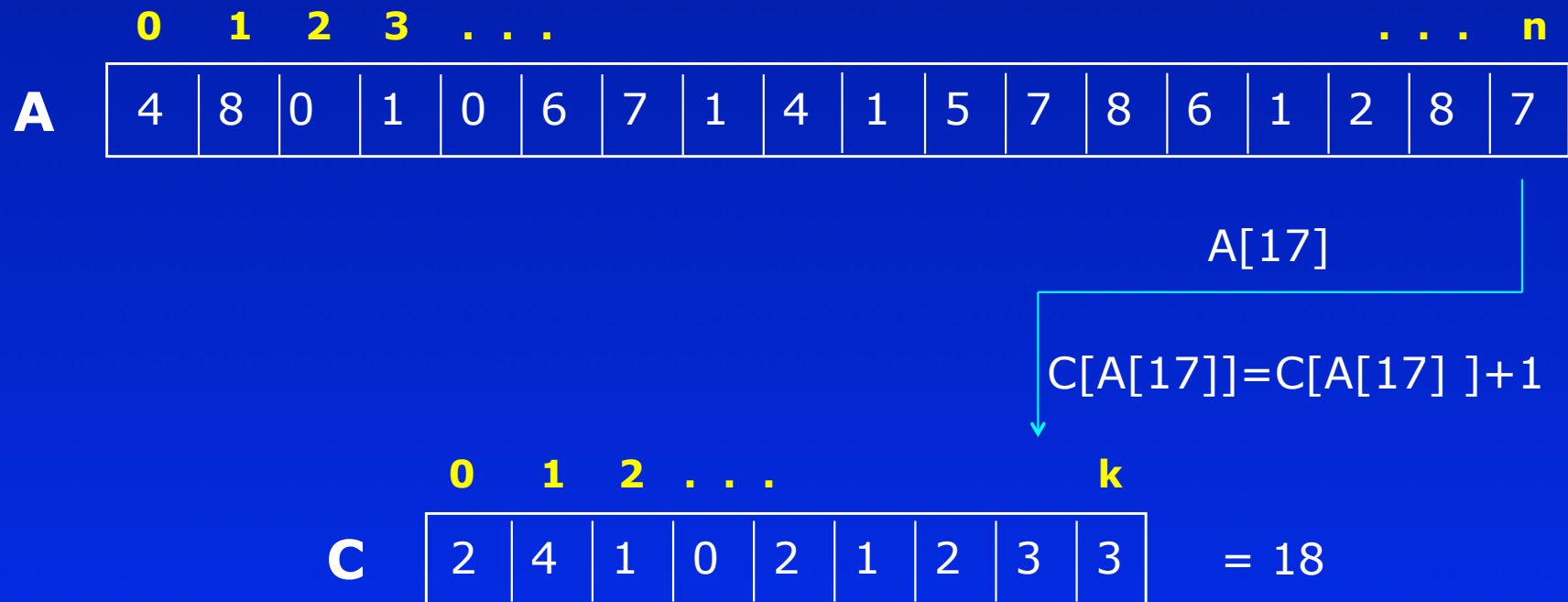
# Counting sort



# Counting sort



# Counting sort



# Counting sort


**C**

<b>0</b>	<b>1</b>	<b>2</b>	...					<b>k</b>
2	4	1	0	2	1	2	3	3

$$C[i] = C[i] + C[i-1]$$

**C**

<b>0</b>	<b>1</b>	<b>2</b>	...					<b>k</b>
2	4	1	0	2	1	2	3	3



**B**

<b>0</b>	<b>1</b>	<b>2</b>	<b>3</b>	...													...	<b>n</b>




# Counting sort

	0	1	2	...				k	
C	2	4	1	0	2	1	2	3	3

$$C[i] = C[i] + C[i-1]$$

	0	1	2	...				k	
C	2	6	1	0	2	1	2	3	3



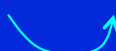
	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>2</b>	<b>3</b>	<b>...</b>												<b>...</b>	<b>n</b>
<b>B</b>																		

# Counting sort

	0	1	2	...				k	
C	2	4	1	0	2	1	2	3	3

$$C[i] = C[i] + C[i-1]$$

	0	1	2	...				k	
C	2	6	7	0	2	1	2	3	3




	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>2</b>	<b>3</b>	<b>...</b>											<b>...</b>	<b>n</b>
<b>B</b>																	

# Counting sort

	0	1	2	...				k	
C	2	4	1	0	2	1	2	3	3

$$C[i] = C[i] + C[i-1]$$

	0	1	2	...					k
C	2	6	7	7	2	1	2	3	3



	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>2</b>	<b>3</b>	<b>...</b>											<b>...</b>	<b>n</b>
<b>B</b>																	

# Counting sort

	0	1	2	...					k
C	2	4	1	0	2	1	2	3	3

$$C[i] = C[i] + C[i-1]$$

**C**

0	1	2	...	k				
2	6	7	7	9	1	2	3	3



0

1

2

3

...

...

n

B

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

# Counting sort

	0	1	2	...				k	
C	2	4	1	0	2	1	2	3	3

$$C[i] = C[i] + C[i-1]$$

	0	1	2	...				k	
C	2	6	7	7	9	10	2	3	3




	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>2</b>	<b>3</b>	<b>...</b>											<b>...</b>	<b>n</b>
<b>B</b>																	

# Counting sort

	0	1	2	...				k	
C	2	4	1	0	2	1	2	3	3

$$C[i] = C[i] + C[i-1]$$

	0	1	2	...				k	
C	2	6	7	7	9	10	12	3	3




	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>2</b>	<b>3</b>	<b>...</b>											<b>...</b>	<b>n</b>
<b>B</b>																	

# Counting sort

	0	1	2	...				k	
C	2	4	1	0	2	1	2	3	3

$$C[i] = C[i] + C[i-1]$$

	0	1	2	...					k
C	2	6	7	7	9	10	12	15	3



	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>2</b>	<b>3</b>	<b>...</b>										<b>...</b>	<b>n</b>
<b>B</b>																

# Counting sort

	0	1	2	...				k	
C	2	4	1	0	2	1	2	3	3

$$C[i] = C[i] + C[i-1]$$

Jetzt beinhalte  $C[i]$  alle Elemente, die kleiner oder gleich  $i$  sind.

	0	1	2	...					8
C	2	6	7	7	9	10	12	15	18

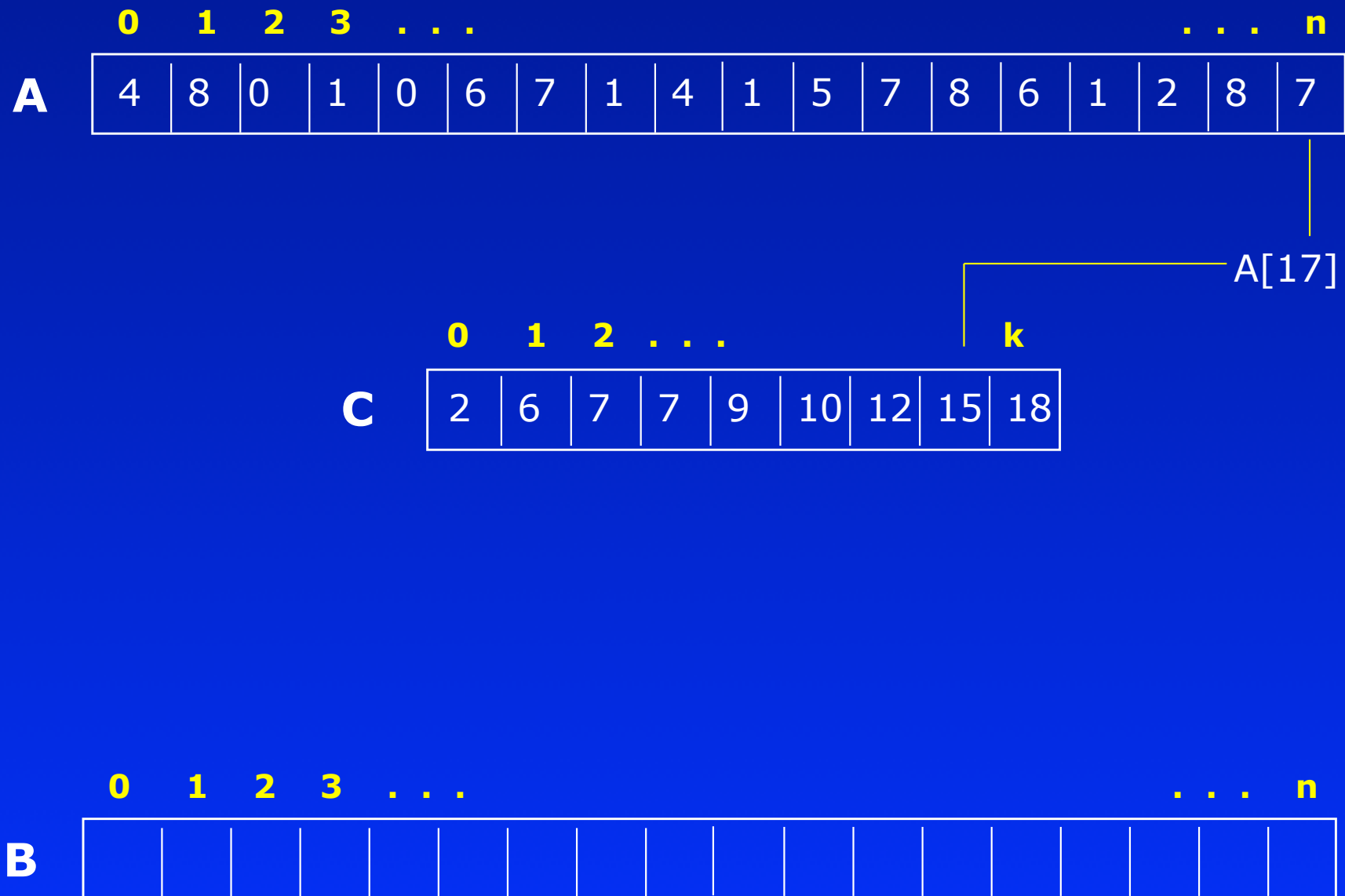


**9 Zahlen sind kleiner oder gleich 4**

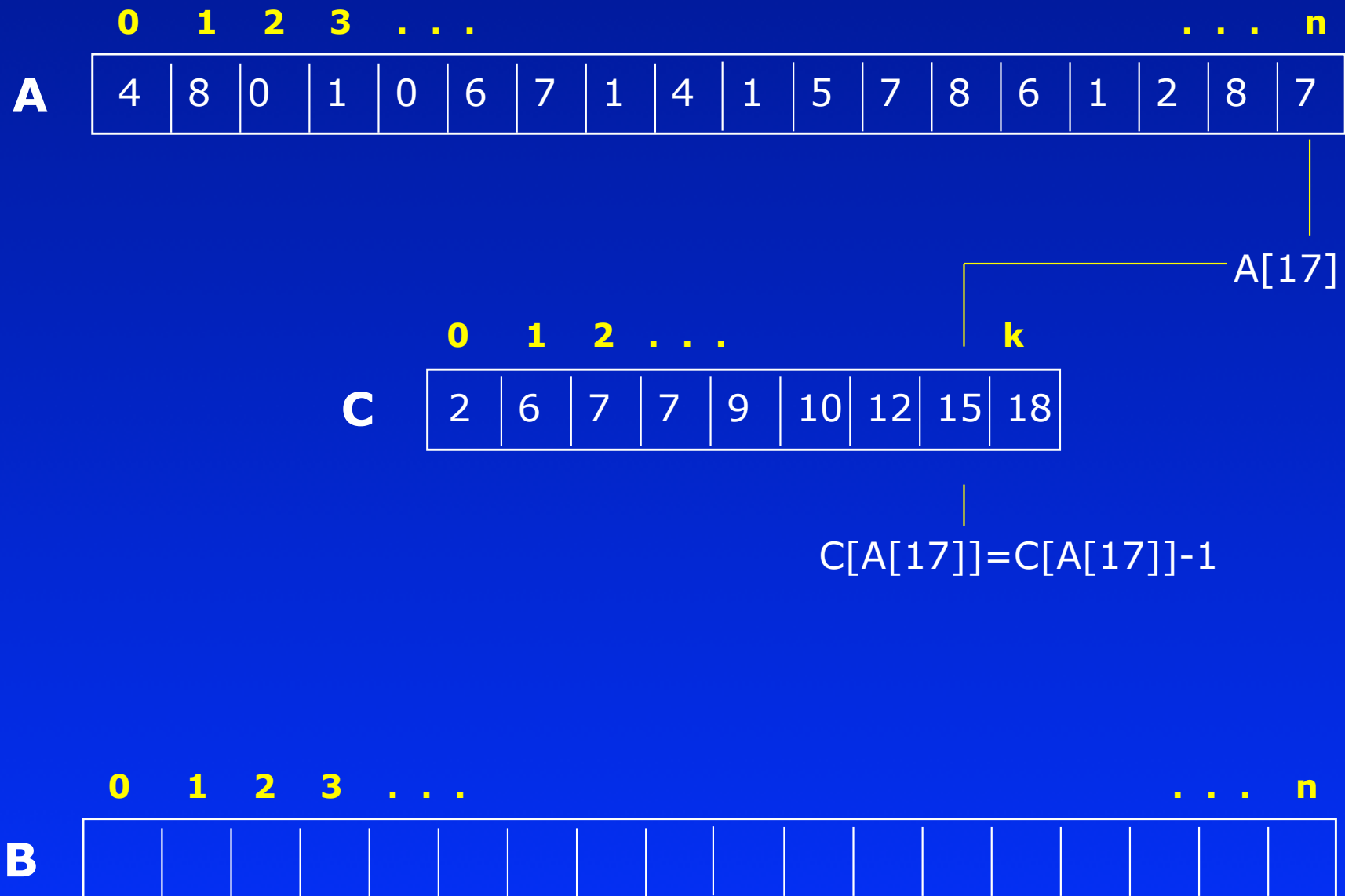
	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>2</b>	<b>3</b>	<b>...</b>											<b>...</b>	<b>n</b>
<b>B</b>																	



# Counting sort



# Counting sort



# Counting sort

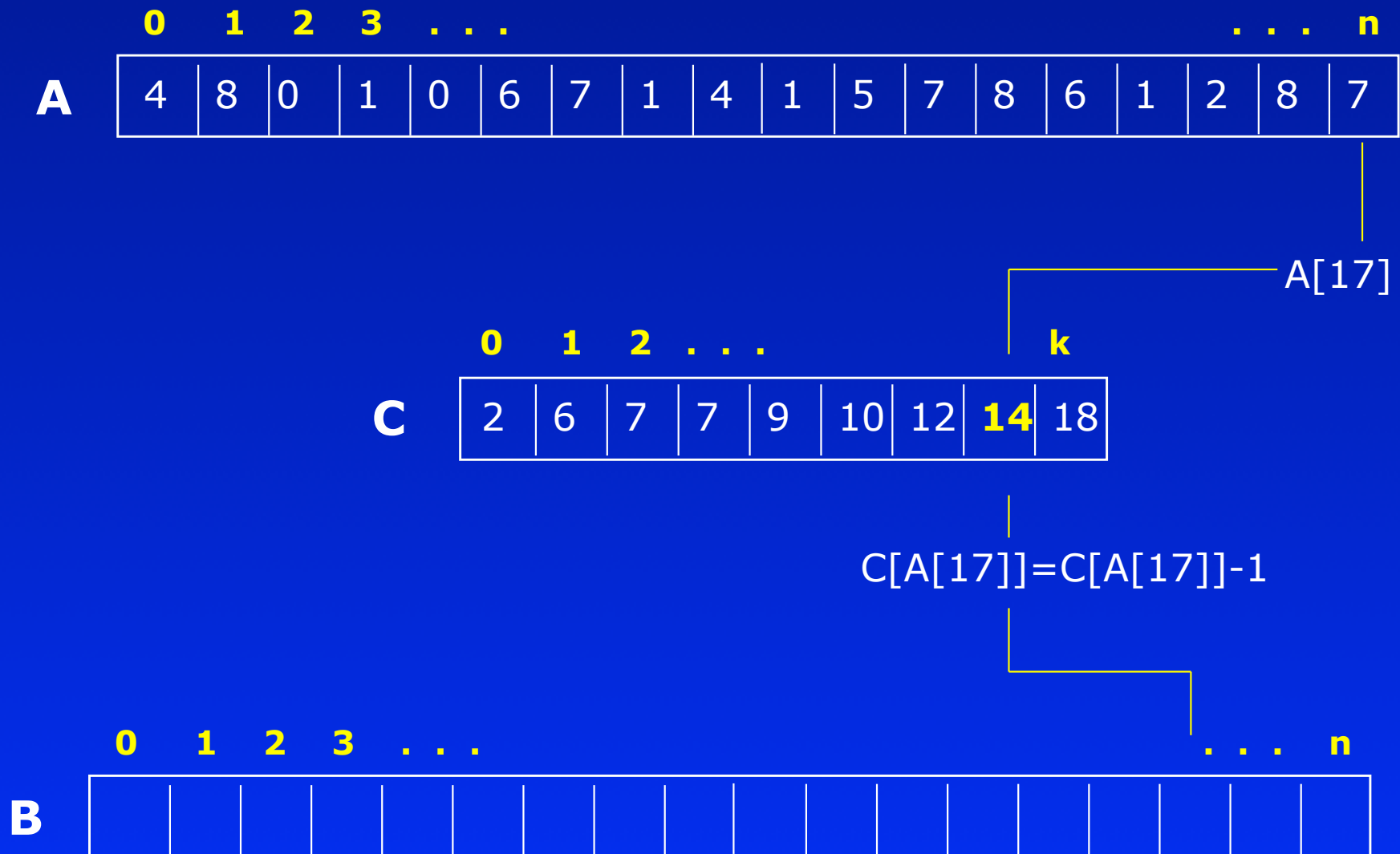
	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>2</b>	<b>3</b>	...												...	<b>n</b>
<b>A</b>	4	8	0	1	0	6	7	1	4	1	5	7	8	6	1	2	8	7

	0	1	2	...								k
C	2	6	7	7	9	10	12	14	18			

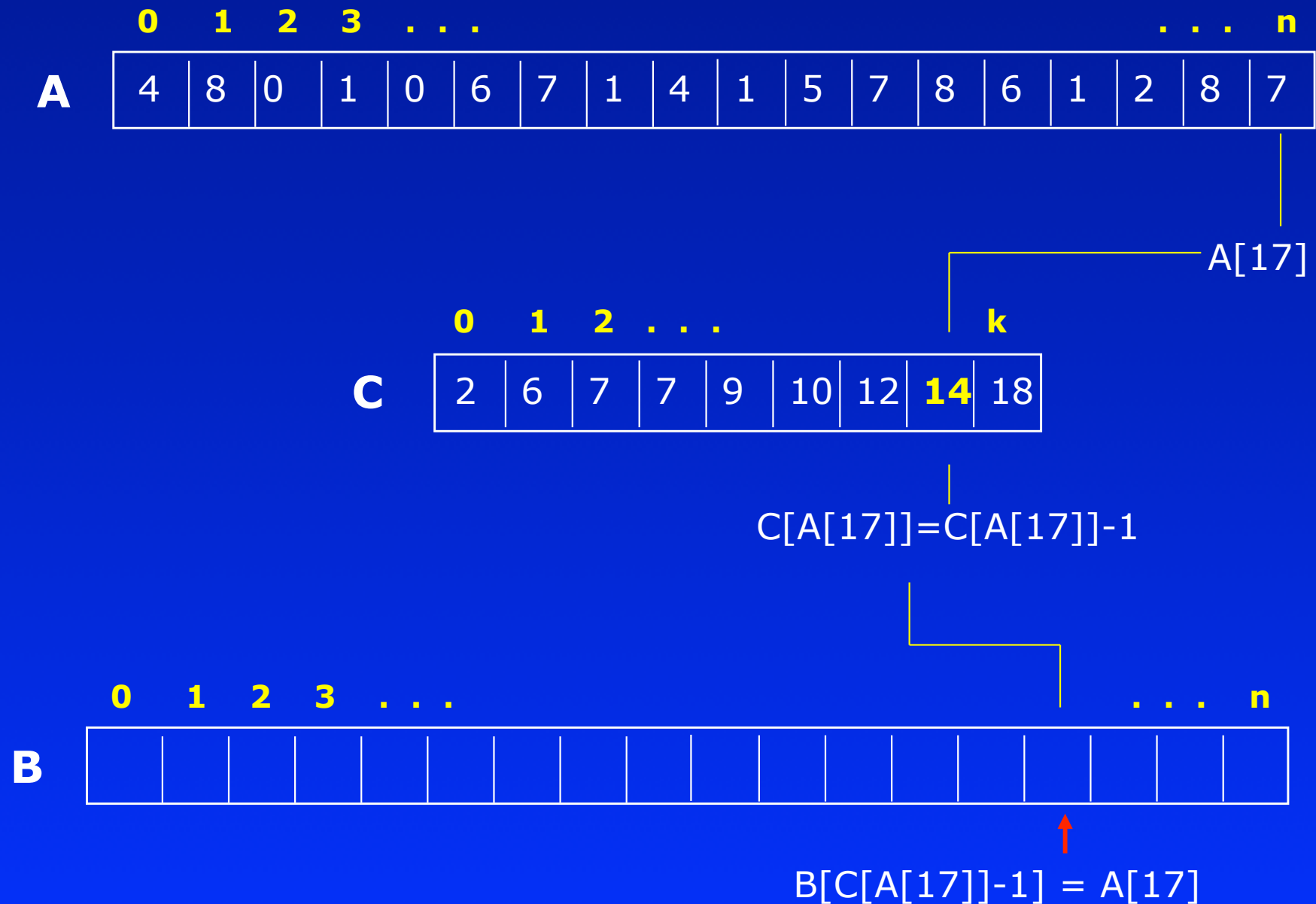
$C[A[17]] = C[A[17]] - 1$

	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>2</b>	<b>3</b>	...												...	<b>n</b>
<b>B</b>																		

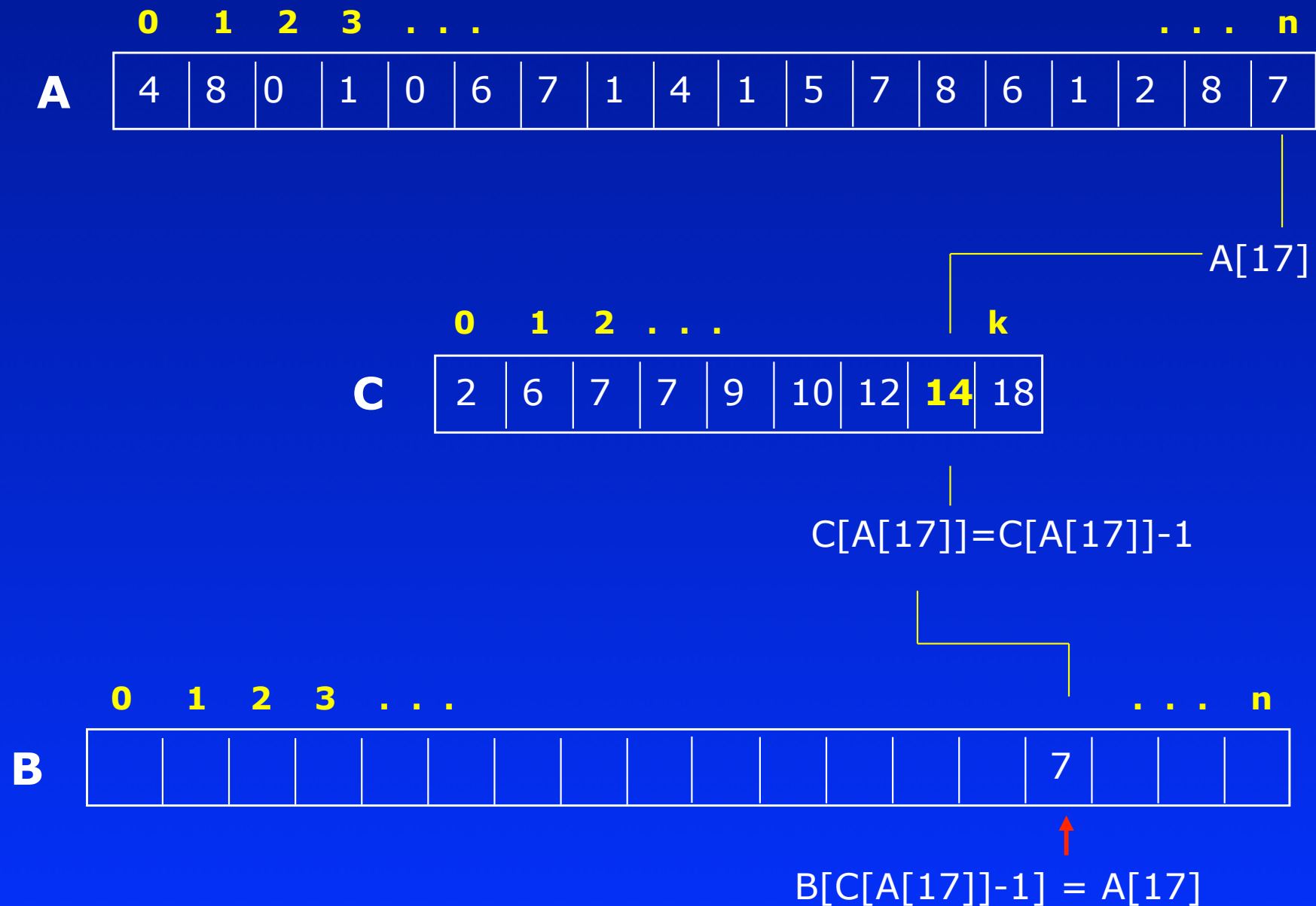
# Counting sort



# Counting sort



# Counting sort



# Counting sort

	0	1	2	3	...	...	n											
A	4	8	0	1	0	6	7	1	4	1	5	7	8	6	1	2	8	7

	0	1	2	...					k
C	2	6	7	7	9	10	12	14	18

0

1

2

3

...

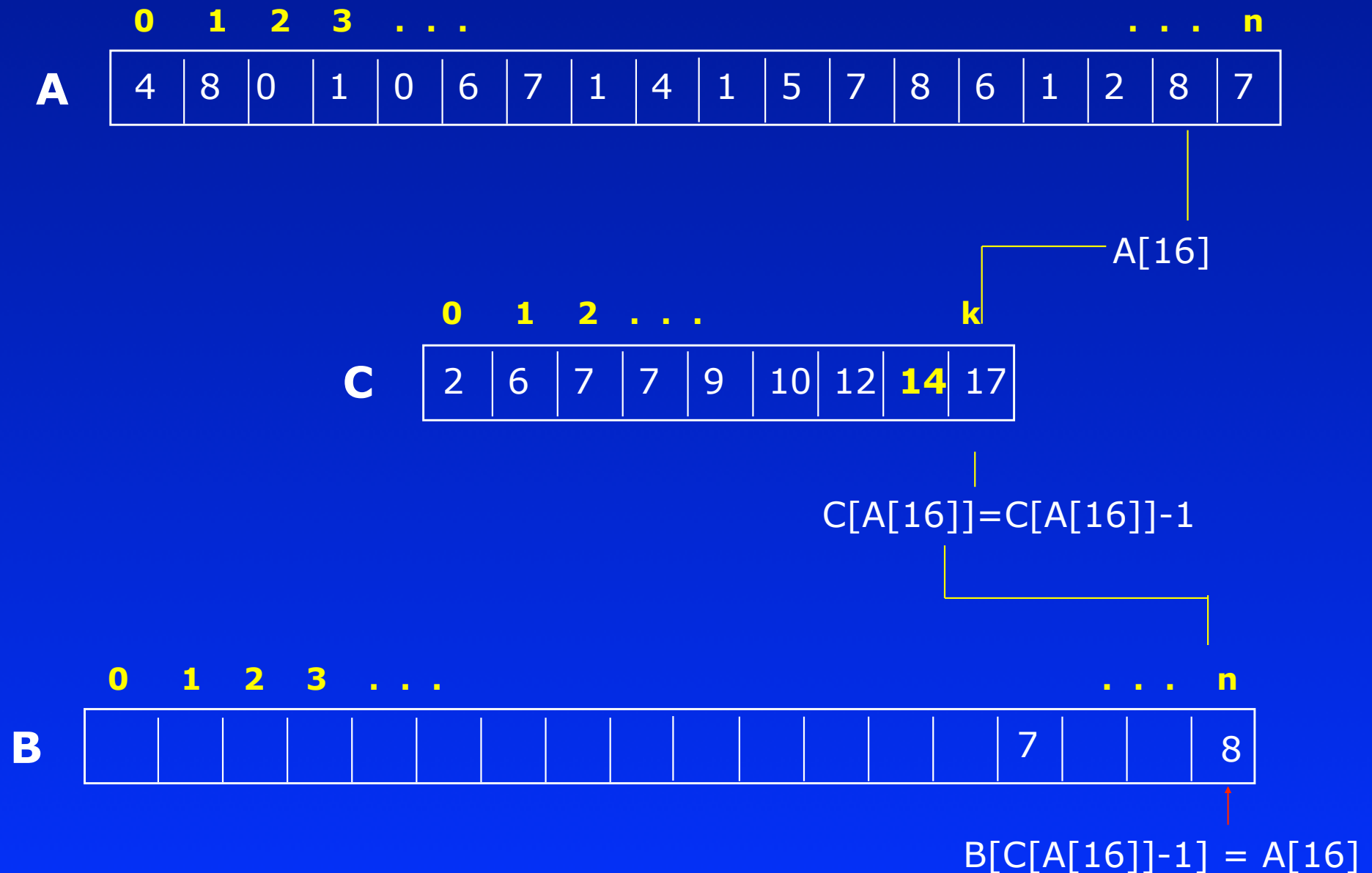
...

n

B

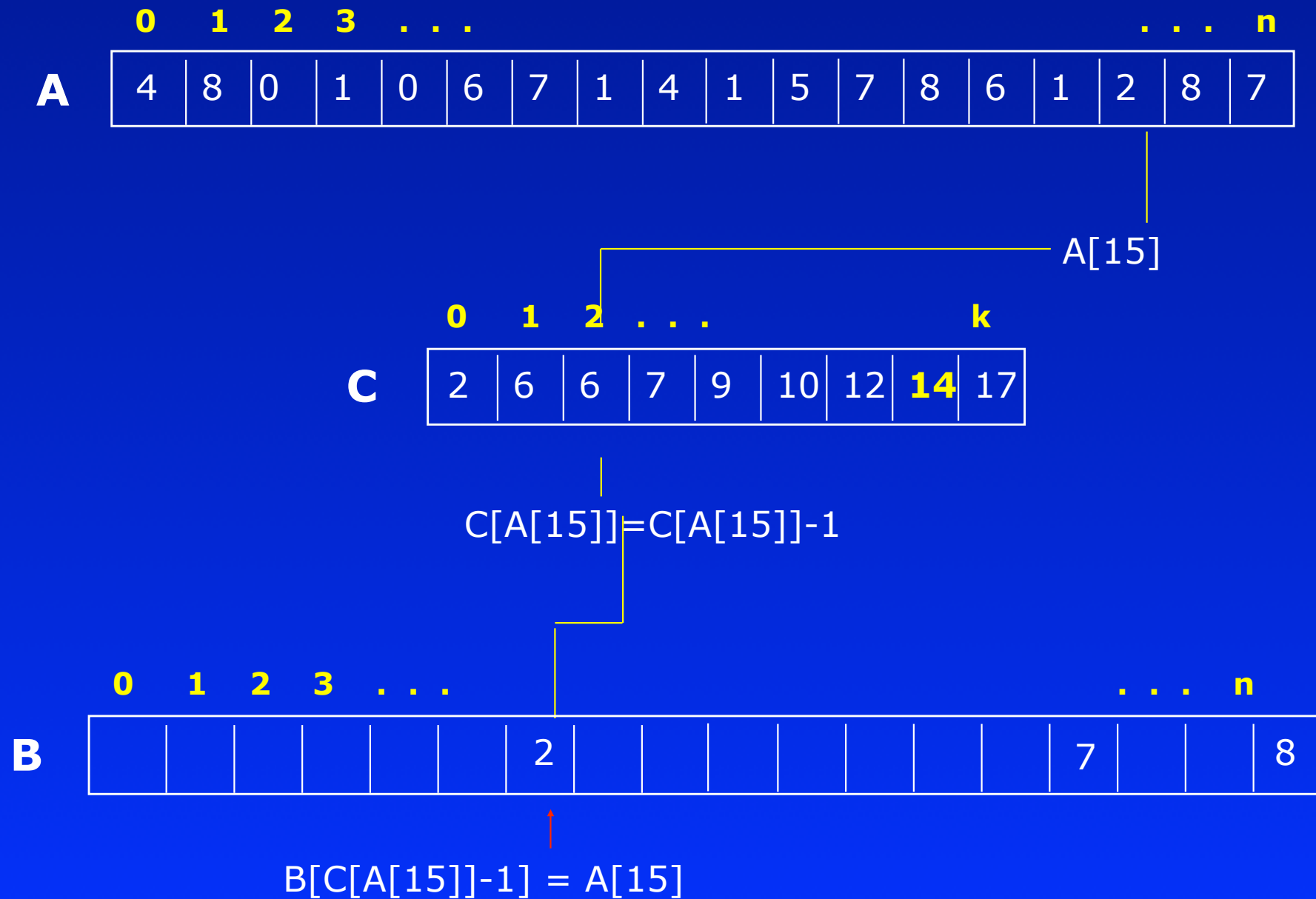
7

# Counting sort

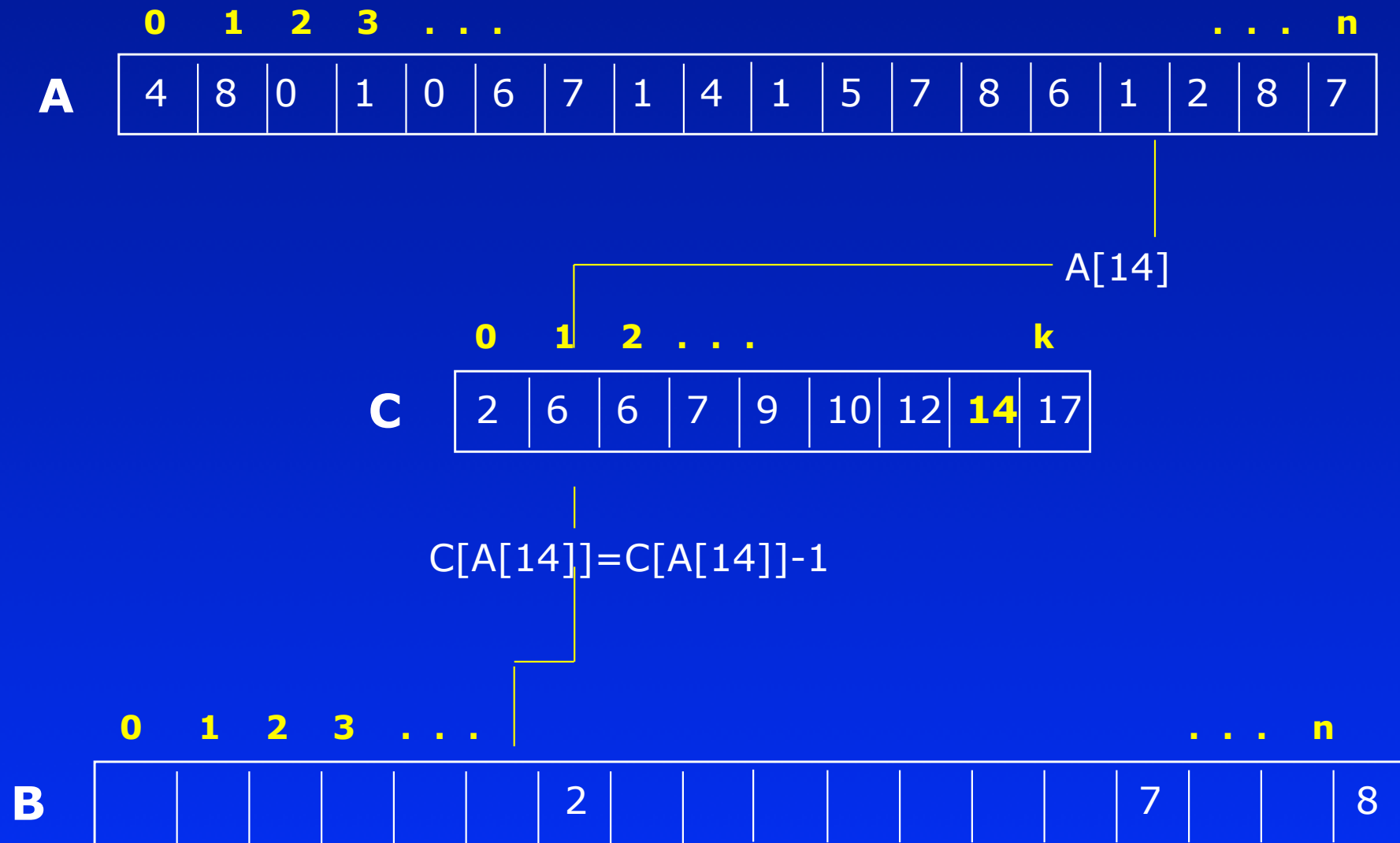




# Counting sort



# Counting sort



# Counting sort

	0	1	2	3	...										...			n
A	4	8	0	1	0	6	7	1	4	1	5	7	8	6	1	2	8	7

**C**

<b>0</b>	<b>1</b>	<b>2</b>	...	<b>k</b>				
2	5	6	7	9	10	12	<b>14</b>	17

A[14]

$$C[A[14]] = C[A[14]] - 1$$

0

1

2

3

...

...

n

B

1

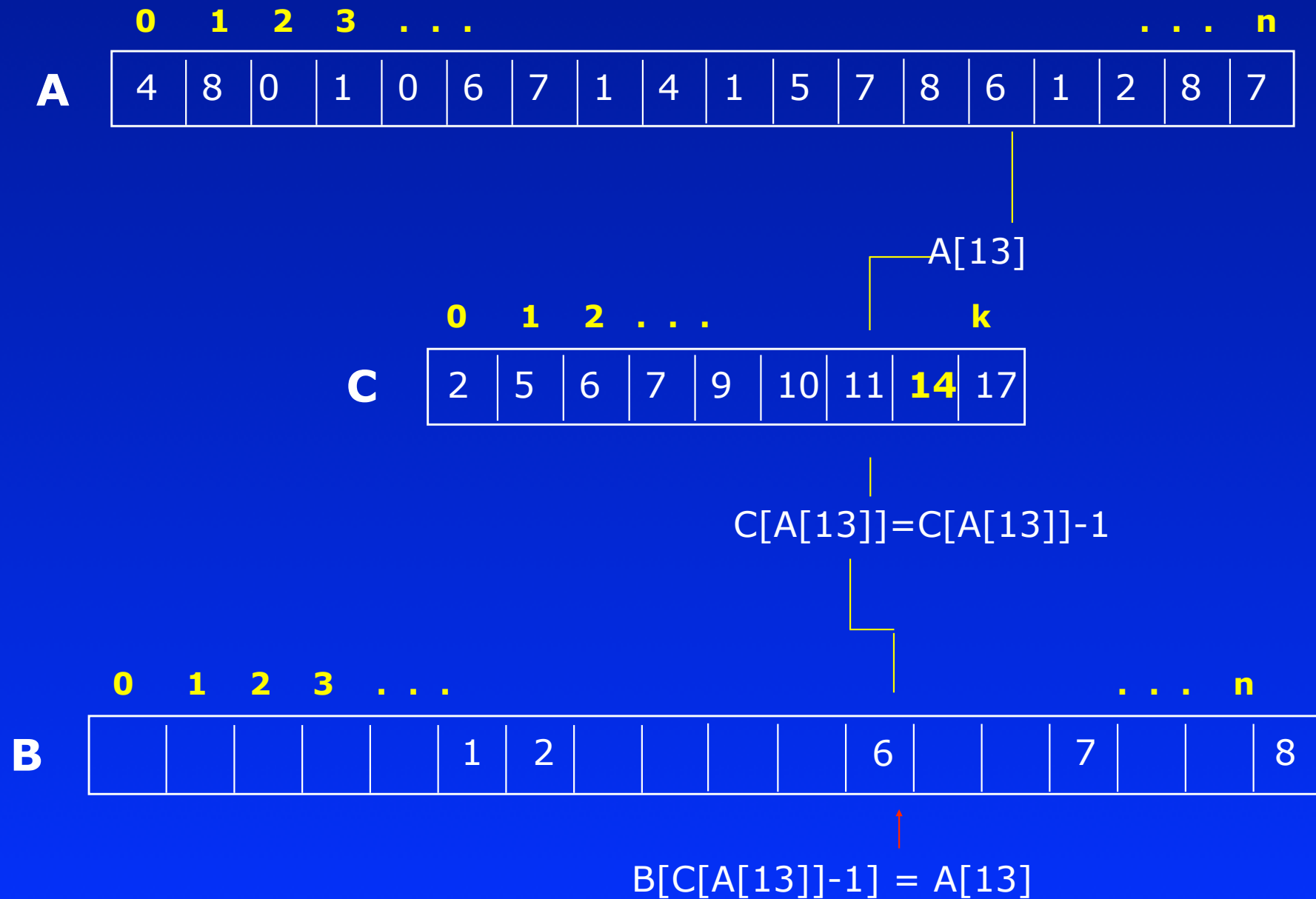
2

7

8

$$B[C[A[14]] - 1] = A[14]$$

# Counting sort



# Counting sort



# Counting sort

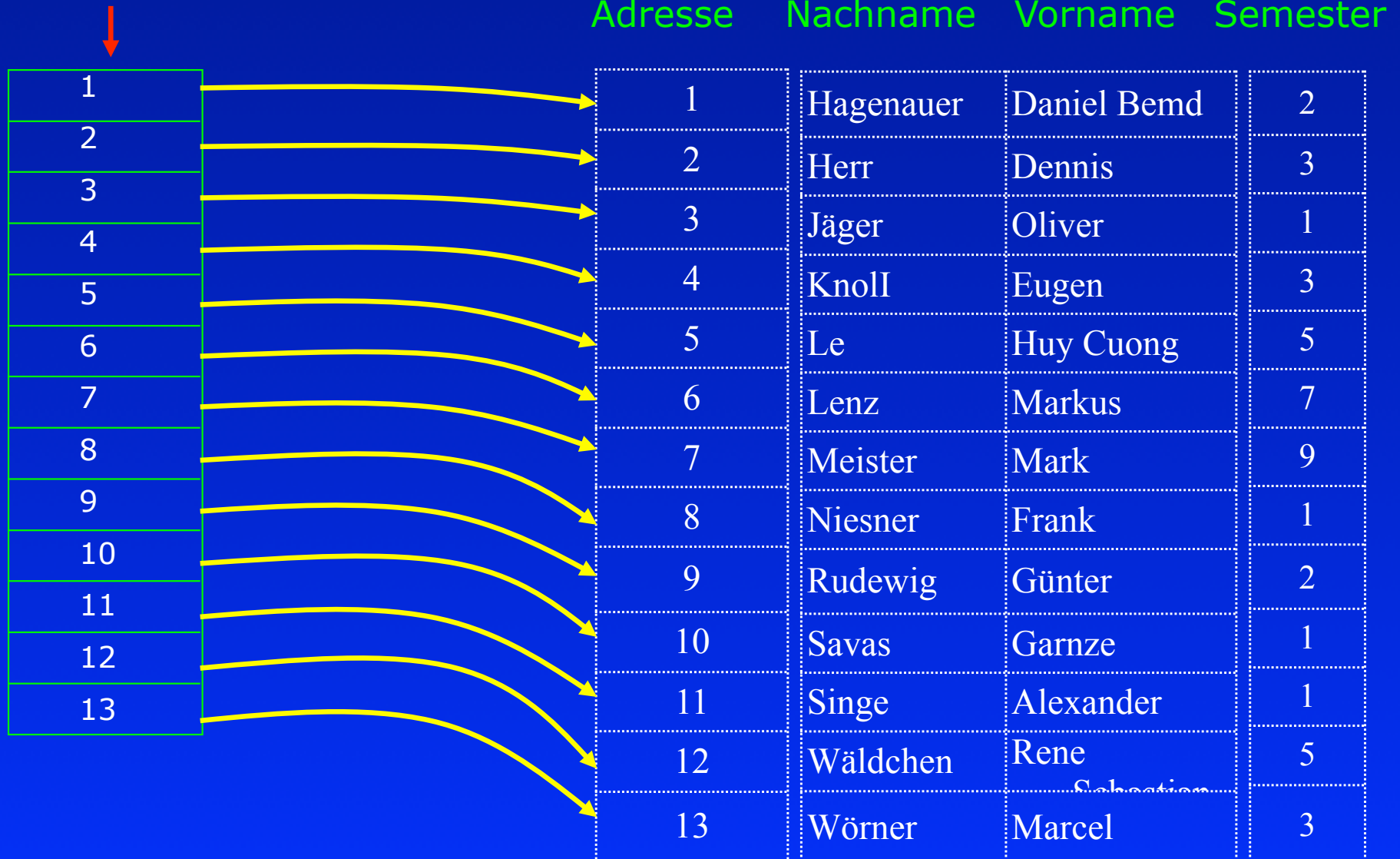
```
def counting_sort(A, k):  
    size = len(A)  
    B = [0 for i in range(0, size)]  
    C = [0 for i in range(0, k+1)]  
  
    for j in range(0, size):  
        C[A[j]] += 1  
    for i in range(1, k+1):  
        C[i] += C[i-1]  
    for j in range(size-1, -1, -1):  
        C[A[j]] -= 1  
        B[C[A[j]]] = A[j]  
    return B
```

Eine sehr wichtige Eigenschaft des **Counting-Sort**-Algorithmus ist, dass er stabil ist.

# Counting sort

Im Array sind nur  
die Adressen  
(Referenzen)

Datenbank



# Counting sort

Im Array sind  
nur die  
Adressen



3
8
10
11
1
9
2
4
13
5
12
6
7

Datenbank

Adresse Nachname Vorname Semester


1	Hagenauer	Daniel Bemd	2
2	Herr	Dennis	3
3	Jäger	Oliver	1
4	Knoll	Eugen	3
5	Le	Huy Cuong	5
6	Lenz	Markus	7
7	Meister	Mark	9
8	Niesner	Frank	1
9	Rudewig	Günter	2
10	Savas	Garnze	1
11	Singe	Alexander	1
12	Wäldchen	Rene Sebastian	5
13	Wörner	Marcel	3

**Sortiert nach Semester**



# Counting sort

Im Array sind  
nur die  
Adressen



3
8
10
11
1
9
2
4
13
5
12
6
7

Datenbank

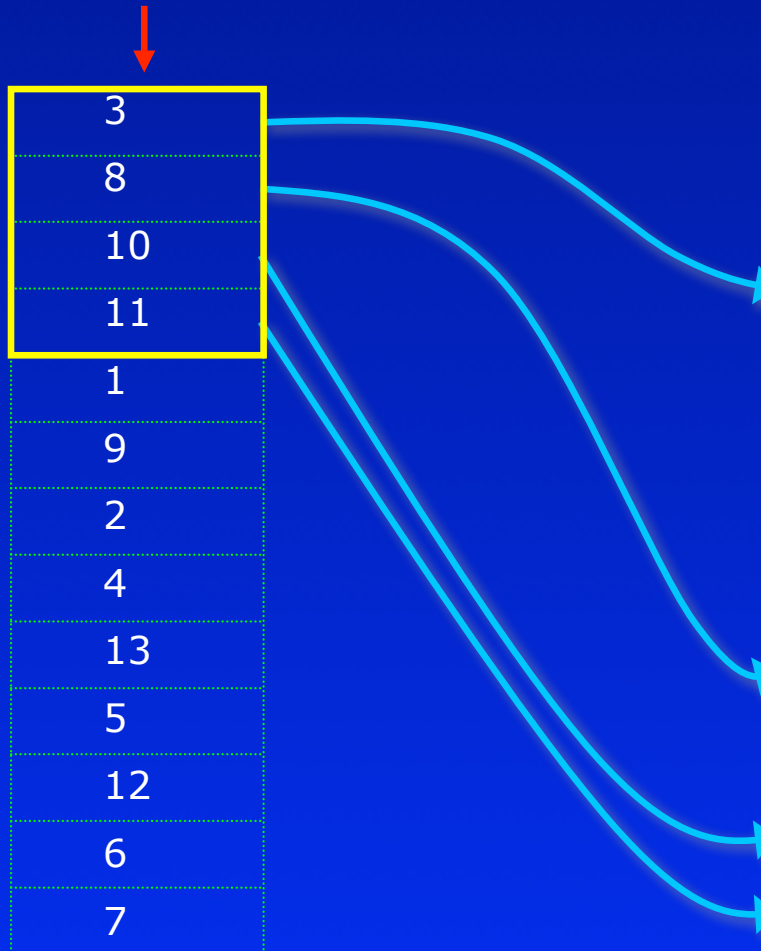
Adresse Nachname Vorname Semester

1	Hagenauer	Daniel Bemd	2
2	Herr	Dennis	3
3	Jäger	Oliver	1
4	Knoll	Eugen	3
5	Le	Huy Cuong	5
6	Lenz	Markus	7
7	Meister	Mark	9
8	Niesner	Frank	1
9	Rudewig	Günter	2
10	Savas	Garnze	1
11	Singe	Alexander	1
12	Wäldchen	Rene Sebastian	5
13	Wörner	Marcel	3

**Sortiert nach Semester**

# Counting sort

Im Array sind  
nur die  
Adressen



3
8
10
11
1
9
2
4
13
5
12
6
7

Datenbank

Adresse Nachname Vorname Semester

1	Hagenauer	Daniel Bemd	2
2	Herr	Dennis	3
3	Jäger	Oliver	1
4	Knoll	Eugen	3
5	Le	Huy Cuong	5
6	Lenz	Markus	7
7	Meister	Mark	9
8	Niesner	Frank	1
9	Rudewig	Günter	2
10	Savas	Garnze	1
11	Singe	Alexander	1
12	Wäldchen	Rene Sebastian	5
13	Wörner	Marcel	3

**Sortiert nach Semester**

# Counting sort

Im Array sind  
nur die  
Adressen



3
8
10
11
1
9
2
4
13
5
12
6
7

Datenbank

Adresse Nachname Vorname Semester

1	Hagenauer	Daniel Bemd	2
2	Herr	Dennis	3
3	Jäger	Oliver	1
4	Knoll	Eugen	3
5	Le	Huy Cuong	5
6	Lenz	Markus	7
7	Meister	Mark	9
8	Niesner	Frank	1
9	Rudewig	Günter	2
10	Savas	Garnze	1
11	Singe	Alexander	1
12	Wäldchen	Rene Sebastian	5
13	Wörner	Marcel	3

**Sortiert nach Semester**