פרויקט מס' 2- גרף עם משקלי סביבות

• **Graph**: מחלקה המייצגת גרף.

<u>פרמטרים:</u> ס

- של הצמתים בעץ. מערך שבכל תא בוא − <u>hashTable</u> boubleLinkedList
- maximumHeap ערמת מקסימום של הצמתים הממוינת לפי משקל השכונה
 של כל צומת. מטיפוס מערך של Node.
 - מספר הצמתים שכרגע בגרף. <u>numNodes</u> ■
 - ח מספר הקשתות שכרגע בגרף. <u>numEdges</u>
 - ם הגרף. של הגרף. ■
 - hash מספר ראשוני קבוע. משמש לחישוב <u>prime</u> ■
 - . hash אקראי. משמש לחישוב prime מספר טבעי בין 1 ל $-\underline{a}$
 - _ hash אקראי. משמש לחישוב הprimeb − b מספר טבעי בין 0 ל- \underline{b}

םונקציות: ο

- . מקבלת מערך של Node ובונה ממנו את מבני הנתונים. Graph
 - amortized & WorstCase:סיבוביות

$$O(1) + O(N) \cdot O(1)_{[forLoop]} + O(N)_{[arrayToHeap]} = O(N)$$

■ addEdge – מקבלת index של שתי צמתים בגרף ומוסיף קשת ביניהם – *addEdge סיבוכיות:*

$$2\cdot 0(1)_{[getNode]} + 0(1)_{[edgeList.addEdge]} + 2\cdot 0(logn)_{[heapifyUp]} = 0(logn)$$
 amortized

$$2\cdot O(n)$$
 [getNode] $+ O(1)$ [edgeList.addEdge] $+ 2\cdot O(\log n)$ [heapifyUp] $= O(n)$ worst case

- heap מחזיר את הערך שנמצא בשורש maxNeighborhoodWeight מסיבוכיות: O(1)
 - node של index מקבל **deleteNode** − מקבל *o deleteNode* מקבל

$$O(1)$$
[getWrappedNode] $+ m*O(logn)$ [heapifyDown] $+ O(logn)$ [removeFromMaximumHeap] $= O((m+1)logn)$ amortized

$$O(n)$$
[getWrappedNode] $+ n*O(logn)$ [heapifyDown] $+ O(logn)$ [removeFromMaximumHeap] $= O(nlogn)$ worst case

מחזירה את מספר הקשתות שיש כרגע בגרף. **getNumNodes** *סיבוכיות: O(1)*

- מחזירה את מספר הקשתות שיש ברגע בגרף. **getNumEdges** סיבוביות: O(1)
- .hashTable של צומת ומחזיר את המיקום שלו index מקבלת hashFunc O(1)
- ndex מחזיר egetWrappedNode של צומת ומחפש אותה -getWrappedNode, מחזיר HashTable, מחזיר node. את הצומת בטיפוס LinkedNode. מחזיר O(n) , O(1) amortized. מסיבוכיות: O(n) , O(1) amortized במקרה הגרוע
- index מקבל index של צומת ומחפש אותה getNode מחזיר את הצומת onde מחזיר את הצומת ומחפש היים Node. מחזיר ווער מחזיר O(n) , O(1) מחזיר ווער מיבוכיות: O(n) , O(1) מחסיבוניות:
 - AgyInsertToMaximumHeap מקבל משתנה מטיפוס node מקבל משתנה מטיפוס LazyInsertToMaximumHeap מקבל משתנה מטיפוס oode להפסיבוניות: (1) סיבוביות: (1) O(1)
 - removeFromMaximumHeap מקבל משתנה מטיפוס node ומוחק אותו מהpap... סיבוכיות: O(logn)
 - של צומת מיקום את מיקום ומחזירה את מיקום צומת האב של Parent צומת את הקום של פיים. אם קיים. O(1)
- י Leftson מקבלת מקום של צומת בheap ומחזירה את מיקום צומת הבן השמאלי של צומת זאת בheap, אם קיים. של צומת זאת בheap, אם קיים. סיבוכיות: (0(1)
- AightSon מקבלת מקום של צומת בheap ומחזירה את מיקום צומת הבן הימני של צומת זאת בheap, אם קיים.
 סיבוכיות: (0(1)
- הצמתים בהם switchValuesByIndex מקבל שתי מיקומים בחם אחד עם השני. O(1)
 - An An Andrew שואי, כדי לתקן הצומת מעלה אם נחוץ, כדי לתקן הפום HeapifyUp שואת האת הפום.
 An Andrew Meaping (Insert Angle)

בדי heap: מקבל מיקום - HeapifyDown - מקבל מיקום - HeapifyDown

.heap לתקן את סיבוכיות: *O(logn)*

ר מקבלת מקום בheap - מקבלת מקום - **HeapifyDownForInit** ■

בדי לתקן את הheap.

סיבוכיות: O(logn)

- Node ∘ מחלקה המייצגת צומת בגרף.
 - <u>פרמטרים:</u>
- index − <u>Id</u> האומת index
 - המשקל של הצומת weight \bullet
- <u>neighborhoodWeight</u> סכום המשקל של הצומת ומשקל כל הצמתים הקשורים אליו.
 - IndexInMaximumHeap המקום של הצומת בערמת המקסימום
 - neighbors רשימת השבנים של הצומת, מטיפוס ineighbors.
 - .id מחזיר את הערך בפרמטר **getId** O(1) סיבוכיות:
 - .weight מחזיר את הערך בפרמטר **getWeight** סיבוכיות: O(1)
 - פרמטר getNeighborhoodWeight מחזיר את הערך בפרמטר neighborhoodWeight. סיבוכיות: (12)
 - setNeighborhoodWeight–מקבל מספר ומשנה הערך בפרמטר neighborhoodWeight
 - סיבוכיות: (1)0 ■
 - neigbors מחזיר את הערך בפרמטר **getNeighbors** סיבוכיות: O(1)
 - מחזיר את הערך בפרמטר getIndexInMaximumHeap מחזיר את הערך בפרמטר. IndexInMaximumHeap סיבוכיות: (1)
 - setIndexInMaximumHeap מקבל מספר ומשנה הערך בפרמטר setIndexInMaximumHeap למספר זה. סיבוכיות: (0(1)

- o מחלקה המממשת רשימה מקושרת בפולה, שמשמשת לביצוע: <u>DoubleLinkedList</u> הashTable בchaining של הצמתים במחלקת ה
 - פרמטרים:
 - \bullet המקום הראשון ברשימה. head
 - \bullet המקום האחרון ברשימה. Tail
 - head מחזיר את הערך בפרמטר **getHead סיבוכיות:** (0(1)
 - **getTail** מחזיר את הערך בפרמטר -getTail. *סיבוכיות: (0(1)*
- שעוטף אותו אם קיים. LinkedNode מקבלת ערך T מחזירה את הקבלת ערך מקבלת ערך מקבלת ערך מיבוכיות: סיבוכיות: סיבוכיות: מחזירה את האותו אם היים.
- שעוטף אותו לסוף הרשימה. T מקבלת ערך addNode מקבלת ערך מקבלת ערך מקבלת ערך סיבוכיות: O(1)
 - שעוטף אותו בinkedNode מקבלת ערך T מקבלת ערך removeNode מהרשימה. O(n)
 - במקום זה ברשימה המייצגת צומת ברשימה המקושרת, עוטפת את הערך השמור (LinkedNode במקום זה ברשימה.
 - :פרמטרים
 - חותו המחלקה עוטפת. Node − ערך מטיפוס node
 - הבא ברשימה. − <u>next</u> •
 - ברשימה. <u>previous</u> <u>previous</u>
 - אם אין. null הבא ברשימה, LinkedNode החזיר את **getNext** סיבוכיות O(1)
 - null הקודם ברשימה, LinkedNode אם אין. −getPrevious מחזיר את סיבוכיות (O(1)
 - מחזיר את הערך שמחלקה זאת עוטפת. **getNode** O(1)
 - שתעבוד unlinkNode מוציאה את האובייקט מהרשימה ומתקן אותה כדי שתעבוד בלעדיו. O(1)

- DoubleLinkedList מחלקה לאוספי הקשתות של כל צומת בגרף שיורשת: <u>EdgeList</u> o ומרחיבה אותו.
- addNode פעולה הממששת את addNode במו DoubleLinkedList אבל addNode מבניסה טיפוס מסוג Edge. סיבוכיות: (0(1)
- addEdge פעולה סטטית המקבלת שתי משתנים מסוג Node ומוסיפה אותם addEdge בedge לרשימות השכנים אחד של השני סיבוכיות: (0(1)
 - בגרף. בגרף. מחלקה יורשת מבורשת מבורף. Edge
 - <u>פרמטרים:</u>
 - this נוסף כך שהקשת היא בינו לבין Edge <u>:Con</u>
 - .con: מחזירה את הערך ב**getCon** ס*יבוכיות: (0(1)*
 - ה. בלת con: מקבלת Edge ומשנה את הערך: setCon מקבלת O(1)

מדידות

Maximum degree	nodes	1
8	64	6
8	128	7
8	256	8
8	512	9
9	1024	10
9	2048	11
9	4096	12
10	8192	13
10	16384	14
10	32768	15
12	65536	16
12	131072	17
13	262144	18
13	524288	19
13	1048576	20
13	2097152	21

הדרגה המקסימלית גדלה מאוד לאט, יותר לאט מ-i. בעוד ש-n גדל אקספוננציאלית ביחס ל-i ולדרגה.

בעיה זאת ובעיית ה-balls into bins דומות.

נתייחס לצמתים כסלים ולקשתות ככדורים – כל כדור ישמור בתוכו את הצמתים של הקשת. האלגוריתם שלנו מראה מה קורה כשכל כדור כזה נכנס לשתי סלים, סל המייצג כל צומת שבתוך הכדור, כאשר בכל סל לא יכולים להיות שני כדורים זהים (כלומר לא מכניסים פעמיים את אותה הקשת). הבעיה שלנו היא עוד ווריאציה למשפחת בעיות אלו.

התוצאה הזאת מתיישבת עם הציפיות שלנו, עבור n צמתים לצומת v יש n^2 קשתות אפשריות ש-v מוכלת בהן. הסיכוי לבחור אחת מהן מתחיל ב $\frac{n}{n^2}=rac{n}{n^2}$, כך שככל שיש יותר חזרות הסיכוי הזה קטן כיוון שכל פעם יש קשת אחת פחות לבחור. השינוי הזה בסיכוי נהייה פחות ופחות משמעותי ככל ש-n גדול יותר (כיוון שהוא יהיה אחוז קטן יותר מאפשרויות הבחירה). העובדה שאנחנו בוחרים יותר קשתות מפצה על הסיכוי הקטן לבחור צומת מסוימת.

לכן ככל ש-i גדול יותר דרגה מקסימלית גבוהה יותר תופיע בסיכוי יותר גבוהה, אבל המספרים עדיין נמוכים ולכן העלייה בקצב נמוך.