**תיעוד**

* **Graph**: מחלקה המייצגת גרף.
  + פרמטרים:
    - hashTable – טבלת hash של הצמתים בעץ. מערך שבכל תא בוא DoubleLinkedList השומר איברים מטיפוס Node.
    - maximumHeap – ערמת מקסימום של הצמתים הממוינת לפי משקל השכונה של כל צומת. מטיפוס מערך של Node.
    - numNodes – מספר הצמתים שכרגע בגרף.
    - numEdges – מספר הקשתות שכרגע בגרף.
    - N – מספר הצמתים ההתחלתי של הגרף.
    - prime – מספר ראשוני קבוע. משמש לחישוב הhash.
    - a – מספר טבעי בין 1 ל- prime אקראי. משמש לחישוב הhash .
    - b– מספר טבעי בין 0 ל- מprime אקראי. משמש לחישוב הhash .
  + פונקציות:
    - Graph- מקבלת מערך של Node ובונה ממנו את מבני הנתונים.
    - סיבוכיות: *O(1) + O(N)\*O(1) + O(N) = O(N) amortized*

*O(1) + O(N)\*O(N)+O(N) = O(N^2) worst case*

* + - **addEdge** – מקבלת index של שתי צמתים בגרף ומוסיף קשת ביניהם

*סיבוכיות:*

* + - **maxNeighborhoodWeight** – מחזיר את הערך שנמצא בשורש הheap.

*סיבוכיות: O(1)*

* + - **deleteNode** – מקבל index של node ומוחק אותו מהגרף

*סיבוכיות:*

* + - **getNumNodes** - מחזירה את מספר הקשתות שיש כרגע בגרף.

*סיבוכיות: O(1)*

* + - **getNumEdges** – מחזירה את מספר הקשתות שיש כרגע בגרף.

*סיבוכיות: O(1)*

* + - **hashFunc** – מקבלת index של צומת ומחזיר את המיקום שלו בhashTable.

*סיבוכיות: O(1)*

* + - **getWrappedNode** – מקבל index של צומת ומחפש אותה בHashTable, מחזיר את הצומת כטיפוס LinkedNode. מחזיר null אם לא קיים node.

*סיבוכיות: O(1) amortized , O(n) במקרה הגרוע*

* + - **getNode** - מקבל index של צומת ומחפש אותה בHashTable, מחזיר את הצומת כטיפוס Node. מחזיר null אם לא קיים node.

*סיבוכיות: O(1) amortized , O(n) במקרה הגרוע*

* + - **LazyInsertToMaximumHeap** – מקבל משתנה מטיפוס node ומכניס אותו לheap.

*סיבוכיות: O(1)*

* + - **removeFromMaximumHeap** - מקבל משתנה מטיפוס node ומוחק אותו מהheap.

*סיבוכיות: O(logn)*

* + - **Parent** – מקבלת מקום של צומת בheap ומחזירה את מיקום צומת האב של צומת זאת בheap, אם קיים.

*סיבוכיות: O(1)*

* + - **Leftson** – מקבלת מקום של צומת בheap ומחזירה את מיקום צומת הבן השמאלי של צומת זאת בheap, אם קיים.

*סיבוכיות: O(1)*

* + - **RightSon** – מקבלת מקום של צומת בheap ומחזירה את מיקום צומת הבן הימני של צומת זאת בheap, אם קיים.

*סיבוכיות: O(1)*

* + - **switchValuesByIndex** – מקבל שתי מיקומים בheap ומחליף את הצמתים בהם אחד עם השני.

*סיבוכיות: O(1)*

* + - **HeapifyUp** – מקבל מיקום בheap ומציף את הצומת מעלה אם נחוץ, כדי לתקן את הheap.

*סיבוכיות: O(logn)*

* + - **HeapifyDown** - מקבל מיקום בheap ומפעפע את הצומת מטה אם נחוץ, כדי לתקן את הheap.   
      סיבוכיות: *O(logn)*
    - **HeapifyDownForInit**- מקבלת מקום בheap ומפעפע מטה את הצומת אם נחוץ כדי לתקן את הheap.  
      סיבוכיות: *O(logn)*
  + **Node**: מחלקה המייצגת צומת בגרף.
    - פרמטרים:
      * Id – הindex המזהה של הצומת
      * weight – המשקל של הצומת
      * neighborhoodWeight – סכום המשקל של הצומת ומשקל כל הצמתים הקשורים אליו.
      * IndexInMaximumHeap – המקום של הצומת בערמת המקסימום
      * neighbors: רשימת השכנים של הצומת, מטיפוס EdgeList.
    - **getId** – מחזיר את הערך בפרמטר id.

*סיבוכיות: O(1)*

* + - **getWeight**– מחזיר את הערך בפרמטר weight.

*סיבוכיות: O(1)*

* + - **getNeighborhoodWeight**– מחזיר את הערך בפרמטר neighborhoodWeight.

*סיבוכיות: O(1)*

* + - **setNeighborhoodWeight**–מקבל מספר ומשנה הערך בפרמטר neighborhoodWeight למספר זה.
    - *סיבוכיות: O(1)*
    - **getNeighbors** – מחזיר את הערך בפרמטרneigbors .

*סיבוכיות: O(1)*

* + - **getIndexInMaximumHeap**– מחזיר את הערך בפרמטר IndexInMaximumHeap.

*סיבוכיות: O(1)*

* + - **setIndexInMaximumHeap**– מקבל מספר ומשנה הערך בפרמטר IndexInMaximumHeap למספר זה.

*סיבוכיות: O(1)*

* + **DoubleLinkedList**: מחלקה המממשת רשימה מקושרת כפולה, שמשמשת לביצוע chaining בhashTable של הצמתים במחלקת הGraph.
    - פרמטרים:
      * head – המקום הראשון ברשימה.
      * Tail – המקום האחרון ברשימה.
    - **getHead** - מחזיר את הערך בפרמטר head.

*סיבוכיות: O(1)*

* + - **getTail**- מחזיר את הערך בפרמטר tail.

*סיבוכיות: O(1)*

* + - **findNode** – מקבלת ערך T ומחזירה את הLinkedNode שעוטף אותו אם קיים.

*סיבוכיות: O(n)*

* + - **addNode** - מקבלת ערך T ומוסיפה LinkedNode שעוטף אותו לסוף הרשימה.

*סיבוכיות: O(1)*

* + - **removeNode** - מקבלת ערך T ומוחקת את הLinkedNode שעוטף אותו מהרשימה.

*סיבוכיות: O(n)*

* + **LinkedNode**: מחלקה המייצגת צומת ברשימה המקושרת, עוטפת את הערך השמור במקום זה ברשימה.
    - פרמטרים:
      * node – ערך מטיפוס Node אותו המחלקה עוטפת.
      * next – הLinkedNode הבא ברשימה.
      * previous – הLinkedNode הקודם ברשימה.
    - **getNext** – מחזיר את הLinkedNode הבא ברשימה, null אם אין.

*סיבוכיות O(1)*

* + - **getPrevious**– מחזיר את הLinkedNode הקודם ברשימה, null אם אין.

*סיבוכיות O(1)*

* + - **getNode** – מחזיר את הערך שמחלקה זאת עוטפת.

*סיבוכיות: O(1)*

* + - **unlinkNode** – מוציאה את האובייקט מהרשימה ומתקן אותה כדי שתעבוד בלעדיו.

*סיבוכיות: O(1)*

* + **EdgeList**: מחלקה לאוספי הקשתות של כל צומת בגרף שיורשת DoubleLinkedList ומרחיבה אותו.
    - **addNode** – פעולה הממששת את addNode כמו DoubleLinkedList אבל מכניסה טיפוס מסוג Edge.

*סיבוכיות: O(1)*

* + - **addEdge** – פעולה סטטית המקבלת שתי משתנים מסוג Node ומוסיפה אותם כEdge לרשימות השכנים אחד של השני

*סיבוכיות: O(1)*

* + **Edge**: מחלקה יורשת מLinkedNode המייצגת קשת בגרף.
    - פרמטרים:
      * Con: Edge נוסף כך שהקשת היא בינו לבין this.
    - **getCon**: מחזירה את הערך בcon.

*סיבוכיות: O(1)*

* + - **setCon**: מקבלת Edge ומשנה את הערך בcon לערך זה.

*סיבוכיות: O(1)*

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Maximum degree | nodes | I |
| 8 | 64 | 6 |
| 8 | 128 | 7 |
| 8 | 256 | 8 |
| 8 | 512 | 9 |
| 9 | 1024 | 10 |
| 9 | 2048 | 11 |
| 9 | 4096 | 12 |
| 10 | 8192 | 13 |
| 10 | 16384 | 14 |
| 10 | 32768 | 15 |
| 12 | 65536 | 16 |
| 12 | 131072 | 17 |
| 13 | 262144 | 18 |
| 13 | 524288 | 19 |
| 13 | 1048576 | 20 |
| 13 | 2097152 | 21 |

**מדידות**

הדרגה המקסימלית גדלה מאוד לאט, יותר לאט מ-i. בעוד ש-n גדלה אקספוננציאלית היחס ל-i ולדרגה.

בעיה זאת ובעיית הballs into bins- דומות, נתייחס לצמתים כסלים ולקשתות ככדורים, אז האלגוריתם שלנו יראה מה קורה כשכל כדור נכנס לשתי הסלים כאשר כדור נוסך לא יכנס בדיוק לאותם סלים שוב. הבעייה שלנו היא עוד ווריאציה למשפחת בעיות אלו.

התוצאה הזאת מתיישבת עם הציפיות שלנו, עבור n צמתים לצומת מסויימת יש n^2 קשתות שמערבות אותה, הסיכוי לבחור אחת מהן מתחיל ב-1/n אבל ככל שיש יותר חזרות הסיכוי הזה קטן כיוון שכל פעם יש קשת אחת פחות לבחור. השינוי הזה בסיכוי נהייה פחות ופחות משפיע ככל ש-n גדול יותר (כיוון שהוא יהיה אחוז קטן יותר מאפשרויות הבחירה). העובדה שאנחנו בוחרים יותר קשתות מפצה על הסיכוי הקטן לבחור צומת מסוימת.

לכן ככל ש-i גדול יותר דרגה מקסימלית גבוהה יותר תופיע בסיכוי יותר גבוהה, אבל המספרים עדיין נמוכים ולכן העלייה בקצב נמוך.