14/10/2019 Qubit

### In [1]:

# Out[1]:

'0.9.1'

Temos inicialmente 2 qubits, onde inicialmente o estado de cada qubit i em um instante n qualquer pode ser dado separadamente por  $q_n\left[i\right]=a\left|0\right\rangle+b\left|1\right\rangle$  .Utilizando sua representação vetorial  $\begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , sendo a base do espaço de cada qubit  $b_q=\begin{bmatrix} |0\rangle\\ |1\rangle \end{bmatrix}$ , então o estado inicial de cada qubit é:

$$oldsymbol{\cdot} q_0 \left[0
ight] = \left[egin{array}{c} 1 \ 0 \end{array}
ight] \ oldsymbol{\cdot} q_0 \left[1
ight] = \left[egin{array}{c} 1 \ 0 \end{array}
ight]$$

## In [2]:

qc = QuantumCircuit(2, 2) #Criamos um circuito com 2 registradores quânticos e dois reg istradores clássicos

Como a representação matricial da porta de Hadamard é dada por:

$$H = rac{1}{\sqrt{2}} egin{bmatrix} 1 & 1 \ 1 & -1 \end{bmatrix}$$

Podemos aplicá-la no qubit  $q_0$  [0], e obtermos:

$$[q_1 \ [0] = Hq_0 \ [0] = rac{1}{\sqrt{2}}egin{bmatrix} 1 & 1 \ 1 & -1 \end{bmatrix}egin{bmatrix} 1 \ 0 \end{bmatrix} = rac{1}{\sqrt{2}}egin{bmatrix} 1 \ 1 \end{bmatrix}$$

O estado atual de cada qubit agora é dado por:

$$egin{aligned} ullet & q_1 \left[ 0 
ight] = rac{1}{\sqrt{2}} \left[ egin{array}{c} 1 \ 1 \end{array} 
ight] \ ullet & q_1 \left[ 1 
ight] = \left[ egin{array}{c} 1 \ 0 \end{array} 
ight] \end{aligned}$$

#### In [3]:

qc.h(0) #Operamos o Gate Hadamard em q[0]

### Out[3]:

<qiskit.circuit.instructionset.InstructionSet at 0x1721e1d9a90>

14/10/2019 Qubit

Vamos precisar agora trabalhar com o estado composto por ambos os qubits. Então o estado composto é dado por:

$$E_1 = q_1 \left[0
ight] \otimes q_1 \left[1
ight] \ E_1 = rac{1}{\sqrt{2}} \left[egin{array}{c} 1 \ 1 \end{array}
ight] \otimes \left[egin{array}{c} 1 \ 0 \end{array}
ight] = rac{1}{\sqrt{2}} \left[egin{array}{c} 1 \ 0 \ 1 \ 0 \end{array}
ight]$$

E a base do estado composto será:  $b_c = \begin{bmatrix} |0\rangle \\ |1\rangle \end{bmatrix} \otimes \begin{bmatrix} |0\rangle \\ |1\rangle \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} |0\rangle |0\rangle \\ |0\rangle |1\rangle \\ |1\rangle |0\rangle \\ |1\rangle |1\rangle \end{bmatrix}$ , que vamos denotar de forma

simplificada como 
$$b_c=egin{bmatrix} |00
angle\ |01
angle\ |10
angle\ |11
angle \end{bmatrix}$$
 .

A porta CNOT tem sua representação matricial dada por:

$$CNOT = egin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \ 0 & 1 & 0 & 0 \ 0 & 0 & 0 & 1 \ 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Então operando no sistema, obtemos o estado final:

$$E_2 = egin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \ 0 & 1 & 0 & 0 \ 0 & 0 & 0 & 1 \ 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} egin{bmatrix} rac{1}{\sqrt{2}} \ 0 \ rac{1}{\sqrt{2}} \ 0 \end{bmatrix} = egin{bmatrix} rac{1}{\sqrt{2}} \ 0 \ 0 \ rac{1}{\sqrt{2}} \ \end{bmatrix}$$

#### In [4]:

qc.cx(0, 1) #Aplicamos o CNOT ao par de qubits

# Out[4]:

<qiskit.circuit.instructionset.InstructionSet at 0x1721e1d9cf8>

Logo estado final de nosso sistema é:

$$E_2=rac{1}{\sqrt{2}}|00
angle+rac{1}{\sqrt{2}}|11
angle$$

Ou seka, temos 50% de probabilidade do sistem estar em cada estado ( $|00\rangle$  ou  $|11\rangle$ ).

14/10/2019 Qubit

#### In [5]:

```
{'00': 520, '11': 504}
```

## Rodando na nuvem

# In [6]:

```
from qiskit.providers.ibmq import least_busy  # Função para sabermos a máquina mai
s livre
# Nosso Token de acesso
TOKEN = '42d35b8e4d7b201db7d51113852936c2c57fda8ef8dcc96e4057224df14603b00582bc2a165cd8
2e15e9911dc21ac19f3d341d109ca840cfbcbbf773592771c4'
IBMQ.save_account(TOKEN,overwrite=True)  # Vamos salvar nossas credenciais
provedor = IBMQ.load_account()  # E nos conectamos
```

### In [7]:

```
# Buscamos o dispositivo menos ocupado
try:
    livre = least_busy(provedor.backends(simulator=False))
    print("Rodando na máquina: ", livre)
    prosseguir = True
except:
    print("Nenhuma máquina disponível.")
    prosseguir = False

if (prosseguir == True):
    # E vamos rodar e mostrar os resultados efetivamente
    trabalho = execute(qc, livre, shots=1024, max_credits=10)
    resultado = trabalho.result()
    print(resultado.get_counts(qc))
```

```
Rodando na máquina: ibmq_16_melbourne {'01': 55, '10': 38, '00': 548, '11': 383}
```

## In [ ]: