Nome e Cognome	
THOME C COBMONIC	***************************************

Matricola.....

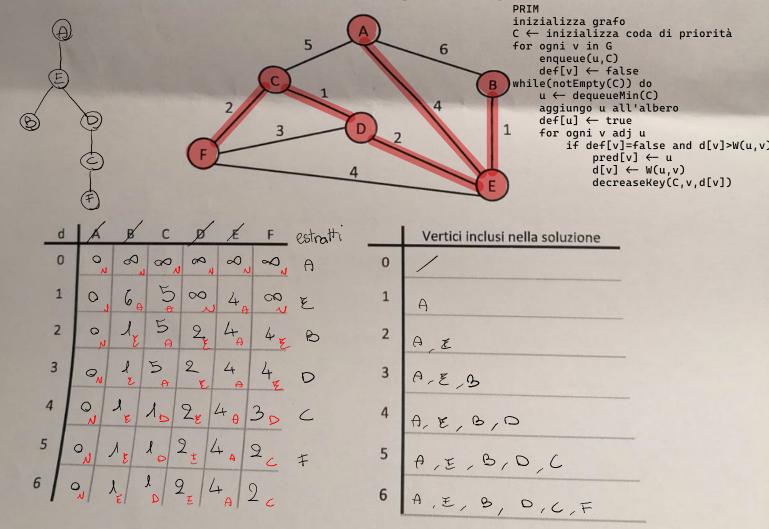
Esame Scritto di Algoritmi 2 del 29/06/2022

Non è consentito l'uso di libri, appunti e qualsiasi altro materiale. L'esame dura 2 ore.

È possibile consegnare o ritirarsi prima della fine dell'esame (per ritirarsi, scrivere RITIRATO in cima a questo foglio e a quello protocollo). Il punteggio totale è 32 (30 e lode).

ESERCIZIO 1. (Punteggio 7 punti)

- 1. Si scriva, in pseudocodice, l'algoritmo di Prim per il calcolo del Minimo Albero Ricoprente.
- 2. Si applichi l'algoritmo al seguente grafo, con vertice di partenza A e, dove è possibile effettuare una scelta arbitraria, scegliendo i vertici in ordine alfabetico. Dopo ogni iterazione del ciclo (la riga 0 corrisponde alla situazione iniziale, prima di entrare nel ciclo)
 - a. si compili la tabella delle distanze d
 - b. si compili la tabella dei vertici ("definitivi") inclusi nella soluzione
 - c. si compili la matrice π dei predecessori (disegnandola su foglio o usando d)



PQ:{0.03 0.07 0.11 0.15 0.18 0.21 0.25} PQ:{0.10 0.11 0.15 0.18 0.21 0.25} PQ: {0.15 0.18 0.21 0.21 0.25} PQ:{0.21 0.21 0.25 0.33} PQ:{0.25 0.33 0.42} PQ:{0.58 0.42} PQ: {1}

ESERCIZIO 2. (Punteggio 7 punti)

1. Dato l'alfabeto composto dai caratteri a, b, c, d, e, f, g e la seguente tabella delle frequenze, si calcoli una codifica binaria a lunghezza variabile dell'alfabeto secondo l'algoritmo di Huffman. (Si mostri come la struttura mantenuta dall'algoritmo cambia ad ogni iterazione)

Carattere	a	b	С	d	е	f	g
Frequenza	0.15	0.18	0.07	0.25	0.03	0.11	0.21

2. Quale tecnica algoritmica adotta l'algoritmo di Huffman? (si indichino anche eventuali sottocategorie) Greedy con appetibilità modificabili

ESERCIZIO 3. (Punteggio 6 punti)

- 1. Utilizzando l'algoritmo visto a lezione, trovare la più lunga sottosequenza comune (LCS) tra le stringhe "LATAKKL" e "AKTAAL". LCS("LATAKKL", "AKTAAL") = ATAL
- 2. Quale tecnica usa questo algoritmo? (si indichino anche eventuali sottocategorie)

Programmazione dinamica con struttura di memoizzazione (matrice) ESERCIZIO 4. (Punteggio 8 punti)

Una stringa s si dice palindroma se è uguale letta da sinistra verso destra o viceversa (es. "radar"). Considerata una stringa s, indicizzata come un array, e due indicix e y, la funzione Pal(x,y,s)restituisce il minimo numero di caratteri necessari da aggiungere per rendere s palindroma, (es. con s = "casa", Pal(0,3,"casa") = 1 perché "casaC" è palindroma).

$$Pal(x, y, s)$$

$$= \begin{cases} 0 \\ Pal(x+1, y-1, s) \end{cases}$$

$$= \begin{cases} se \ x = y \ \forall \ x > y \end{cases}$$

$$se \ s[x] = s[y]$$

$$1 + \min(Pal(x+1, y, s), Pal(x, y-1, s))$$
altrimenti

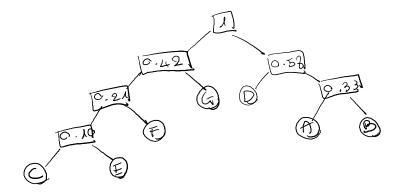
Si scriva un algoritmo di programmazione dinamica che, per una qualsiasi stringa s, dati x=0(indice del primo carattere) e y = s.length - 1 (indice dell'ultimo carattere), calcoli Pal(x, y, s)per s. In particolare:

- 1. Si descriva la struttura dati necessaria per la memoizzazione
- 2. Si definiscano i casi base, e le loro soluzioni
- 3. Si dica dove, nella struttura di memoizzazione, sarà presente la soluzione
- 4. Si scriva in pseudocodice un algoritmo di programmazione dinamica che risolve il problema

ESERCIZIO 5. (Punteggio 4 punti)

- a. Il problema dei cammini minimi a sorgente singola può non avere soluzione.
- b. Usando la tecnica della ricerca locale, si trovano sempre soluzioni ottime.
- c. In un grafo rappresentato con matrice di adiacenza, la rimozione di un vertice ha costo O(n).
- a. VERO, nel caso vi siano cicli negativi.
- b. FALSO, si trovano solo soluzioni ottime localmente, si tratta comunque di una approssimazione. c. FALSO, bisogna ricostruire la matrice, e la ricostruzione ha costo O(n^2)

Esercizio 2:



Esercizio 3

	L	A	4	A	X	K	L
A	lacksquare	(V)	1	N	1	1	\
X	1	1	1	1	N	1	\
~	^	1	V	↓	1	1	1
A	1	K	^	\mathscr{C}	V	↓	\
A	1	7	→	7		↑	1
L	K	1	1	1	1	1	K

			L	Α	+	Ą	X	K	L
		0	C	a	٥	ø	G	0	0
	Q	Ô	0	l	1	J	1	٨	ノ
	X	0	0	J	x	1	Ŋ	N	٤
I	7	0	O	1	Ω	Q	Q	2	2
	A	Ø	0	7	2	გ	3	3	3
	Ą	0	0	1	2	3	ഗ	3	3
	L	0	1	1	2	3	3	3	4

Esercizio 4

- 1. La struttura necessaria per la memoizzazione è una matrice di dimensioni (s+1)x(s+1), dato che sono presenti due parametri (x e y).
- 2. I casi base sono quelli che non presentano ricorsione: sono quindi x=y o x>y. la loro soluzione è 0 (se la stringa è di lunghezza 0 o 1), altrimenti la parola ricercata, in quanto l'algoritmo conclude le sue chiamate ricorsive.
- 3. La soluzione sarà presente nella prima cella in alto a destra.

```
4. PAL(x,y,s)
n = s.length
        P[] \leftarrow nuova matrice (s+1)x(s+1)
        for i=0 ... n do V[i,0]=0
        for j=0 ... n do V[0,j]=0 for i=1 ... n do
             for j=n ... 1 do
                   if(s[i-1]==s[j-1])
                       P[i,j] \leftarrow PAL(i+1,j-1,s)
                       P[i,j] \leftarrow 1+min(PAL(i+1,j,s),PAL(i,j-1,s))
        return P[x,y]
```