

#### К.М. Антонович

## ИСПОЛЬЗОВАНИЕ СПУТНИКОВЫХ РАДИОНАВИГАЦИОННЫХ СИСТЕМ В ГЕОДЕЗИИ

В двух томах

Том 2

Москва ФГУП «Картгеоцентр» 2006 УДК 528.2:629.78 ББК 26.1 А11

#### Рецензенты:

Доктор технических наук, заведующий геодезическим отделом ЦНИИГАиК  $\Gamma$ .В. Демьянов

Кандидат технических наук, заведующий отделом геодезического обеспечения геолого-геофизических работ  $\Phi$ ГУП СНИИГГиМС, заслуженный работник геодезии и картографии РФ  $A.\Gamma.$  Прихода

#### Антонович, К.М.

А11 Использование спутниковых радионавигационных систем в геодезии [Текст]. В 2 т. Т. 2. Монография / К.М. Антонович; ГОУ ВПО «Сибирская государственная геодезическая академия». – М.: ФГУП «Картгеоцентр», 2006. – 360 с.: ил.

ISBN 5-86066-071-5 ISBN 5-86066-077-4 T. 2

Во 2-м томе монографии дается обоснование методов геодезических наблюдений, анализ погрешностей, технология полевых и вычислительных работ с использованием спутниковых радионавигационных систем ГЛОНАСС и NAVSTAR GPS.

Для научных и инженерно-технических работников, а также может быть использована аспирантами и студентами.

### Научный редактор монографии:

А.И. Каленицкий, доктор технических наук, заслуженный работник геодезии и картографии РФ,

заведующий кафедрой астрономии и гравиметрии СГГА

$$d\rho_A^i(d\mathbf{X}) = -\mathbf{u}_A^i \cdot d\mathbf{X}_A = -\left[\frac{X^i - X_A}{\rho_A^i} \quad \frac{Y^i - Y_A}{\rho_A^i} \quad \frac{Z^i - Z_A}{\rho_A^i}\right] \cdot \begin{bmatrix} dX_A \\ dY_A \\ dZ_A \end{bmatrix}. \tag{9.28}$$

На рис. 9.3 показана ситуация, когда все спутники размещены на круговом конусе. Вершина конуса находится в точке приема сигналов, единичный вектор  $\mathbf{u}_{\mathrm{axis}}$  указывает направление оси конуса. Для всех спутников, которые размещаются на конусе, скалярные произведения равны:

$$\mathbf{u}_A^i \mathbf{u}_{axis} = \cos \theta = const. \tag{9.29}$$

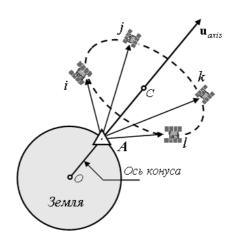


Рис. 9.3. Расположение спутников относительно пункта на конусе

Скалярное произведение (9.29) применимо к каждой строке матрицы **A**. Таким образом, есть четкая линейная зависимость первых трех столбцов в матрице плана (9.15). Такая критическая конфигурация обычно не остается долгое время из-за непрерывного движения спутников. Критические конфигурации представляют проблему только в непрерывной кинематике или в сверхкороткой статике. Кроме того, чем больше наблюдается спутников, тем менее вероятно, что будет иметь место критическая конфигурация. Другие критические конфигурации будут, когда спутник и приемник размещаются в одной плоскости. В этом случае первые три столбца матрицы плана дают векторное произведение

$$\mathbf{u}_A^i \times \mathbf{u}_A^j = 0. \tag{9.30}$$

В относительном позиционировании также можно столкнуться с критическими конфигурациями. Ясно, что спутники не могут постоянно находиться на круговом конусе, видимом с каждой станции. Однако для коротких базовых линий это может быть. Чем короче базовая линия, тем более вероятно, что ситуации, близкие к сингулярности, будут вредить решению базовой линии [Leick, 1995].

# 9.5.3. Зависимость точности позиционирования от положения пункта на Земле

Влияние распределения навигационных спутников на небе, зависящее от широты пункта наблюдений, на определение положений с помощью GPS исследовалось в работах [Santerre, 1991; Wang et al., 2002]. В первой работе

использовался метод моделирования, во второй – исследовалась весовая функция для учета доступности среднего числа спутников GPS на станциях с разными широтами. Опустим достаточно сложные и объемные выводы и приведем только заключения, сделанные в результате проведенных исследований.

На рис. 9.4 приводится график изменения величины GDOP для станций на широтах от 0 до  $90^{\circ}$  при долготе  $0^{\circ}$ . Этот результат показывает, что GDOP возрастает с увеличением широты. Из этого делается вывод, что в высоких широтах для достижения такой же точности, как в низких широтах, требуется времени почти в два раза больше.

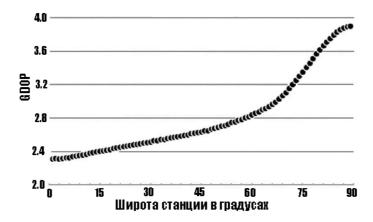


Рис. 9.4. Зависимость коэффициента потери точности GDOP от широты

На рис. 9.5 показано, как изменяется в зависимости от широты станции отношение ошибки позиционирования в долготе к ошибке в широте, то есть  $\sqrt{Q_{LL}/Q_{BB}}$ . Результаты показывают, что точность по долготе несколько лучше, чем по широте для станций, у которых широта меньше 45°. На более высоких широтах ошибка в долготе становится все больше и больше, чем ошибка в широте.



Рис. 9.5. Зависимость от широты станции: отношения ошибок позиционирования в долготном компоненте к ошибкам позиционирования в широтном компоненте

На рис. 9.6 показана зависимость от широты отношения ошибок позиционирования в направлении E-W (восток-запад) к ошибкам в направлении

- 236. Rizos, Ch. Precise GPS Positioning: Prospects and Challenges [Electronic resource] / Ch. Rizos. 2001. 17 р. Англ. Режим доступа: www.gmat.unsw.edu.au/snap/ publications/rizos\_2001a.pdf
- 237. Rizos, Ch. Principles and Practice of GPS Surveying [Electronic resource] / Ch. Rizos. Version 1.1, September 1999. Режим доступа: http://www.gmat.unsw.edu.au/snap/gps/gps\_survey/ Англ.
- 238. Rizos, Ch. Regional-scale multiple reference stations for carrier phase-based GPS positioning: A correction generation algorithm [Text] / Ch. Rizos, Sh. Han, H.-Y. Chen // Earth Planets Space. 2000. Vol. 52. P. 795 800. Англ.
- 239. Ruland, R. Application of GPS to a high precision engineering survey network [Text] / R. Ruland, A. Leick // Proc. Pos. with GPS, 1.-1985.-P.483-493.-Ahfj.
- 240. Santerre, R. Impact of GPS satellite sky distribution [Text] / R. Santerre // Manuscripta Geodaetica. 1991. Vol. 16, No. 1. P. 28 53. Англ.
- 241. Schmitt, G. Spectral analysis and optimization of geodetic networks [Text] / G. Scmidt //  $\Gamma$ EO-Сибирь-2005. Т. 1,  $\Gamma$ еодезия, картография, маркшейдерия: Сб. материалов научн. конгресса « $\Gamma$ EO-Сибирь-2005», 25 29 апреля 2005 г. Новосибирск. Новосибирск: С $\Gamma$ ГА, 2005. С. 11 16. Англ.
- 242. Schmitz, M. Tests of phase center variations of various GPS antennas, and some results [Text] / M. Schmitz, G. Wübbena, G. Boettcher // GPS Solutions. 2002. Vol. 6, No. 1-2. P. 18-27. Англ.
- 243. Schaffrin, B. Designing a covariance matrix for GPS baseline measurements [Text] / B. Schaffrin and J.B. Zieliñski // Manuscripta Geodaetica. 1989. Vol. 14. P. 19 27. Англ.
- 244. Seeber, G. Satellite Geodesy [Text] / G. Seeber. 2-nd edition Berlin, New York: Walter de Gruyter, 2003. 589 р. Англ.
- 245. Shaw, M. Modernization of the global positioning system [Text] / M. Shaw, K. Sandhoo, D. Turner // GPS World. -2000. Vol. 11, No. 10. P. 40 49. Ahen.
- 246. Sickle, J.V. GPS for Land Surveyors [Text] / J.V. Sickle / Second Edition. New York, London: Taylor & Francis. 2001. 284 р. Англ.
- 247. SKI Static Kinematic Software [Text] Leica Heerbrugg AG (Switzerland), April 1992. Англ.
- 248. Snay, R.A. Modern terrestrial reference systems [Text] / R.A. Snay, T. Soler // Professional Surveyor. 1999. Vol. 19, No. 10. 2000. Vol. 20, No. 2, 3, 4. Англ.
- 249. Soler, T. Coordinate system used in geodesy: basic definitions and concepts [Text] / T. Soler, L.D. Hotem // J. of Surv. and Eng. 1988. Vol. 114, N 2. P. 84 97. Англ.
- 250. Soler, T. Important Parameters Used in geodetic Transformations [Text] / T. Soler, L.D. Hotem // J. of Surv. and Eng. 1989. Vol. 115, No 4. P. 414 417. Англ.
- 251. Soler, T. A note on frame transformations with applications to geodetic datums [Text] / T. Soler, J. Marshall // GPS Solutions. 2003. Vol. 7 No. 1. P. 23 32. Англ.