

Vi löser Laplaces ekvation, med randvillkor

$$f(z) = \Re \left( \frac{1}{z - z_1} + \frac{1}{z - z_2} + \frac{1}{z - z_3} \right),$$

med  $z_1 = 1.5 + 1.5i$ ,  $z_2 = -0.25 + 1.5i$  och  $z_3 = -0.5 - 1.5i$ .

Sjöstjärnans rand är diskretiserad med 35 respektive 70 Gauss-Legendre-paneler, med 16 punkter. Vi diskretiserar sjöstjärnans inandöme i  $(r, t)$ , där radien  $r \in [0, 0.999]$  diskretiseras med 2000 punkter och vinkeln  $t \in [0, \frac{\pi}{2}]$  med 2500 punkter.

Felet beräknas som

$$e(z) = \frac{|u_{approx} - u_{known}|}{\|u_{known}\|_{\infty}}.$$

**contour\_panels35/contour\_panels70** Här plottas konturkurvorna för 10-logaritmen av felet då vi beräknat  $u$  med vanlig kvadratur. Kurvorna som plottas är för  $\log_{10} e(z) = \{-15, -12, -9, -6, -3\}$ .

**contour\_LC\_panels35/contour\_LC\_panels70** Här plottas samma konturkurvor som innan men med Ludvigs felestimat.

**contour\_SQ\_panels35/contour\_SQ\_panels70** Här plottas samma konturkurvor för felet men för  $u$  uträknat med specialkvadratur. Notera att det bara är  $(\log_{10} e(z) = -15)$ -kurvan som bidrar, de andra finns inte.

**fillederror\_panels35/fillederror\_panels70** Här plottar vi 10-logaritmen av felet med pcolor, för  $u$  med vanlig kvadratur. Rutan visar var vi har zoomat in för våra konturplottar.

**fillederror\_SQ\_panels35/fillederror\_SQ\_panels70** Samma som innan fast med specialkvadraturen.

**fillederror\_SQbox\_panels35/fillederror\_SQbox\_panels70** Precis samma som fillederror\_SQ... fast utan rutan. Jag tänkte att det kanske är bra om du inte vill visa konturplotten för specialkvadraturen.