Sommatorie

September 28, 2023

La sommatoria di una serie è la somma dei termini della successione. La formula per calcolare la sommatoria è la seguente:

$$\sum_{i=1}^{n} a_i = a_1 + a_2 + \dots + a_n$$

$$a_i \in \mathbb{R}$$

$$(1)$$

Proprietà delle sommatorie

$$\sum_{i=1}^{n} (a_i + b_i) = \sum_{i=1}^{n} a_i + \sum_{i=1}^{n} b_i$$
 (2)

$$\sum_{i=1}^{n} (a_i \times b_i) = \sum_{i=1}^{n} a_i \times \sum_{i=1}^{n} b_i$$
 (3)

$$\sum_{i=1}^{n} a_k = \sum_{i=1}^{n-1} a_{k+1} \tag{4}$$

$$\sum_{i=1}^{n+m} a_i = \sum_{i=1}^{n} a_i + \sum_{i=n+1}^{n+m} b_i$$
 (5)

Produttoria

$$\prod_{i=1}^{n} a_i = a_1 \times a_2 \times \dots \times a_n$$

$$n! = 1 \times 2 \times 3 \times \dots \times n = \prod_{i=1}^{n} a_i$$
$$0! = 1$$

Coefficiente binomiale

$$n,k\in\mathbb{R}\quad n\geq k$$

$$\binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$$

$$(n+1)! = (n+1)n!$$