

# Intervalli in $\mathbb{R}$ , densità di $\mathbb{Q}$ in $\mathbb{R}$ #Analisi1

Intervalli in  $\mathbb{R}$ :

$a, b \in \mathbb{R}, \quad a < b$

$(a, b) = \{x \in \mathbb{R} : a < x < b\}$	$\nexists \min A$	$\nexists \max A$
$[a, b) = \{x \in \mathbb{R} : a \leq x < b\}$	$\min A = a$	$\nexists \max A$
$(a, b] = \{x \in \mathbb{R} : a < x \leq b\}$	$\nexists \min A$	$\max A = b$
$[a, b] = \{x \in \mathbb{R} : a \leq x \leq b\}$	$\min A = a$	$\max A = b$

$^{\wedge}[\inf A = a, \sup A = b]^{\wedge}$

$(a, +\infty) = \{x \in \mathbb{R} : a < x\}$	illimitato superiormente	$\inf A = a$	$\nexists \min A$
$[a, +\infty) = \{x \in \mathbb{R} : a \leq x\}$	illimitato superiormente	$\inf A = a$	$\min A = a$
$(-\infty, b) = \{x \in \mathbb{R} : x < b\}$	illimitato inferiormente	$\sup A = b$	$\nexists \max A$
$(-\infty, b] = \{x \in \mathbb{R} : x \leq b\}$	illimitato inferiormente	$\sup A = b$	$\max A = b$
$(-\infty, +\infty) = \{x \in \mathbb{R}\}$	illimitato superiormente e inferiormente	$\Rightarrow \mathbb{R}$	

Teorema della densità di  $\mathbb{Q}$  in  $\mathbb{R}$ :

$\forall x, y \in \mathbb{R} \text{ t.c. } x < y \quad \exists r \in \mathbb{Q} \text{ t.c. } x < r < y$

vicino ad un qualsiasi reale esiste un razionale  $\Rightarrow$  è possibile approssimare

$\mathbb{R}$  a  $\mathbb{Q}$

si dice che  $\mathbb{Q}$  è denso in  $\mathbb{R}$