# Ejercicios de Pilas

## Información del Proyecto

Descripción	Detalles
Profesores	Sergio Cavero y Salvador Sanchez
Asignatura	Estructuras de Datos
Universidad	Universidad Rey Juan Carlos
Curso	2024/2025

# ¿Cómo enfrentarse a los ejercicios?

Antes de comenzar con cada uno de los ejercicios:

- 1. Lee detenidamente el enunciado completo.
- 2. Identifica cuál es el objetivo del ejercicio:
  - o Identificar el tipo de elementos que se amlacenará en la pila:
    - Ejemplos: enteros, caracteres, registros, etc.
    - Esto va a determinar la definición de los nodos de la pila (o el tipo de array en caso de no ser una pila dinámica).
    - Es decir, deberemos trabajar en la propia unidad de la pila. Tendremos el ``rol'' de implementador de la unidad.
  - Extender o modificar funcionalidades de la pila:
    - Ejemplos: contar el número de elementos de la pila, verificar si un elemento está en la pila, eliminar un elemento, etc.
    - Generar nuevos procedimientos o funciones requerirá utilizar las operaciones principales.
    - Es decir, nuevamente deberemos trabajar en la propia unidad de la pila ya que estamos extendiendo su funcionalidad. Tendremos el ``rol'' de implementador de la unidad.
  - Utilizar la pila para resolver un problema específico:
    - Ejemplos: verificar si una expresión aritmética está balanceada, verificar si una palabra es palíndroma, utilizarla para representar un conjunto de elementos, etc.
    - En este caso, deberemos utilizar las operaciones básicas de la unidad de la pila para resolver el problema, no podemos modificar la definición de la pila.
    - Por lo tanto, deberemos usar la pila en el programa principal para resolver el problema. Tendremos el rol de usuario externo de la unidad pila y por lo tanto no la podremos modificar.
- 3. Abre cada uno de los archivos proporcionados y estudia el código proporcionado.
- 4. Haz que el programa compile y ejecuta el programa aunque no haga lo que se pide.

5. Realiza los ejercicios de manera ordenada, comprobando que cada uno de ellos funciona correctamente antes de pasar al siguiente.

# Ejercicio 1: Operaciones balanceadas

En este ejercicio, trabajaremos con operaciones básicas de pilas. Para ello, se proporcionan dos archivos Pascal:

- uPilaChar.pas
- pilas\_ej1.pas

## Ejercicio 1.1 uPilaChar.pas

Este archivo contiene la definición de la pila de caracteres. La pila de caracteres es una pila que almacena caracteres. La pila de caracteres tiene las operaciones básicas de una pila:

• Inicializa la pila

```
procedure initialize(var p: tPilaChars);
```

• Agrega un elemento a la pila

```
procedure push(var p: tPilaChars; x: char);
```

• Elimina el elemento de la cima de la pila

```
procedure pop(var p: tPilaChars);
```

Devuelve el elemento de la cima de la pila

```
function peek(p: tPilaChars): char;
```

• Devuelve true si la pila está vacía

```
function isEmpty(p: tPilaChars): boolean;
```

# Ejercicios 1.2 y 1.3 en pilas\_ej1.pas

En este archivo, los estudiantes deben desarrollar dos funciones:

1.2 balanceada:

Define una función balanceada para comprobar el balance de paréntesis de una expresión aritmética. Una expresión aritmética está balanceada si cada paréntesis de apertura tiene un paréntesis de cierre correspondiente. Los paréntesis deben estar correctamente anidados. No se comprobará si los paréntesis están en el lugar correcto (por ejemplo, (3+2\*)5 o 3(+4-)2 no es una expresión aritmética válida pero vamos a considerarla balanceada).

#### • Entradas:

- Pila de caracteres
- o Una cadena de caracteres que representa una expresión aritmética.

#### Salida:

• Devuelve true si la expresión está balanceada, es decir, si los paréntesis están correctamente cerrados y anidados.

## • Ejemplos:

```
o (3+2)*5 -> true
```

- o 3+(4-2 -> false
- $\circ$  (3+2)\*5+(4-2) -> true
- $\circ$  (3(+2)\*5)+(4-2 -> false)

#### 1.3 balanceada2:

Mejora la función balanceada para que compruebe también el balance de corchetes. Una expresión aritmética está balanceada si cada paréntesis de apertura tiene un paréntesis de cierre correspondiente y cada corchete de apertura tiene un corchete de cierre correspondiente.

#### • Entradas:

- o Pila de caracteres
- Una cadena de caracteres que representa una expresión aritmética.

## • Salida:

 Devuelve true si la expresión está balanceada, es decir, si los paréntesis y corchetes están correctamente cerrados y anidados.

## • Ejemplos:

```
\circ (3+2)*5 -> true
```

- o 3+(4-2 -> false
- $\circ$  (3+2)\*5+(4-2) -> true
- $\circ$  (3(+2)\*5)+(4-2 -> false
- o [3+2]\*5 -> true
- o 3+[4-2 -> false
- $\circ$  [3+2]\*5+[4-2] -> true
- $\circ$  [3[+2]\*5]+[4-2] -> false

# Comprobar el correcto funcionamiento de las funciones implementadas

En el programa principal, pilas\_ej1. pas, se proporcionan 11 casos de prueba. Cuando se ejecute, se verá una tabla como esta:

```
Ejemplo # Expresión Res = Esp OK/ERROR
------
Ejemplo 1: (3+2)*5 TRUE = TRUE OK
```

```
Ejemplo 2: 3+(4-2)
                                 FALSE = FALSE OK
                                TRUE = TRUE OK
Ejemplo 3: (3+2)*5+(4-2)
Ejemplo 4: (3(+2)*5)+(4-2)
                                FALSE = FALSE OK
Ejemplo 5: [3+2]*5
                                TRUE = TRUE OK
Ejemplo 6: 3+[4-2]
                                FALSE = FALSE OK
Ejemplo 7: [3+2]*5+[4-2]
                                TRUE = TRUE OK
Ejemplo 8: [3[+2]*5]+[4-2)
                                FALSE = FALSE OK
Ejemplo 9: [3[+2]*5)+[4-2]
                                FALSE = FALSE OK
Ejemplo 10: (3[+2]*5(+[4-2])
                                FALSE = FALSE OK
Ejemplo 11: (3[+2]*5)+[4-2]
                                TRUE = TRUE OK
```

# Ejercicio 2: Operaciones avanzadas con pilas dinámicas

En este ejercicio, trabajaremos con operaciones avanzadas de pilas. Para ello, se proporcionan dos archivos Pascal:

- uPilaIntegerExtended.pas
- pilas\_ej2.pas

El archivo uPilaIntegerExtended.pas contiene la definición de la pila de enteros extendida. Por otro lado, el archivo pilas\_ej2.pas es el programa principal que se utilizará para comprobar el correcto funcionamiento de las funciones implementadas.

Concretamente, las operaciones que se pueden realizar con la pila de enteros extendida en el archivo uPilaIntegerExtended.pas son:

#### 2.1 contar Elementos:

Define una función contarElementos para contar el número de elementos en una pila. La operación debe realizarse en O(1). Puede que modificar el registros tPilaEnterosExt...

- Entradas:
  - o Pila de enteros.
- Salida:
  - o Devuelve la cantidad de elementos en la pila.
- Ejemplos:

```
[1, 2, 3, 4, 5] -> 5[] -> 0[1, 2, 3] -> 3
```

### 2.2 ultimo:

Define una función ultimo para obtener el elemento en la última posición de la pila. Es decir, el encuentro que se encuentra sumergido en la pila. Se puede entender esta función como una operación opuesta "peek" en la pila.

### • Entradas:

- o Pila de enteros.
- Salida:
  - o Devuelve el elemento en la última posición de la pila.
- Ejemplos:

```
[1, 2, 3, 4, 5] -> 5
[] -> 0
[1, 2, 3] -> 3
```

## 2.3 combinar:

Define un procedimiento combinar para combinar dos pilas en una sola.

- Entradas:
  - o Dos pilas de enteros.
- Salida:
  - Modifica la primera pila con los elementos de ambas pilas. El orden de los elementos de la segunda pila debe ser el mismo que el original. La segunda pila queda vacía.
- Ejemplos:

```
combinar([1, 2, 3], [4, 5, 6]) -> [4, 5, 6, 1, 2, 3]
combinar([], [4, 5, 6]) -> [4, 5, 6]
combinar([1, 2, 3], []) -> [1, 2, 3]
```

## 2.4 popN:

Define un procedimiento popN para hacer "pop" n veces.

- Entradas:
  - o Pila de enteros, entero n.
- Salida:
  - o Modifica la pila eliminando los n elementos de la cima.
- Ejemplos:

```
popN([1, 2, 3, 4, 5], 2) -> [3, 4, 5]
popN([1, 2, 3, 4, 5], 5) -> []
popN([1, 2, 3, 4, 5], 0) -> [1, 2, 3, 4, 5]
```

### 2.5 sumarN:

Define un procedimiento suma rN para sumar los n primeros elementos de una pila y reemplazarlos por la suma.

- Entradas:
  - o Pila de enteros, entero n.
- Salida:
  - o Modifica la pila reemplazando los n elementos por la suma de los mismos.
- Ejemplos:

```
sumarN([1, 2, 3, 4, 5], 2) -> [3, 3, 4, 5]
sumarN([1, 2, 3, 4, 5], 5) -> [15]
sumarN([1, 2, 3, 4, 5], 0) -> [1, 2, 3, 4, 5]
```

#### 2.6 invertir:

Define un procedimiento invertir para invertir una pila.

- Entradas:
  - Pila de enteros.
- Salida:
  - o Modifica la pila invirtiendo el orden de los elementos.
- Ejemplos

```
o invertir([1, 2, 3, 4, 5]) -> [5, 4, 3, 2, 1]
o invertir([]) -> []
o invertir([1, 2, 3]) -> [3, 2, 1]
```

## 2.7 repetirN:

Define un procedimiento repetirN para repetir n veces los elementos de la pila.

- Entradas:
  - Pila de enteros, entero n (n >= 1).
- Salida:
  - Modifica la pila repitiendo n veces los elementos.
- Ejemplos:

```
repetirN([1, 2, 3], 2) -> [1, 1, 2, 2, 3, 3]
repetirN([1, 2, 3], 1) -> [1, 2, 3]
```

### 2.8 contarApariciones:

Define una función contarApariciones para contar las apariciones de un elemento en la pila.

- Entradas:
  - o Pila de enteros, entero n.
- Salida:
  - Devuelve la cantidad de veces que aparece el elemento n en la pila.
- Ejemplos:

```
contarApariciones([1, 2, 3, 4, 5], 2)->1
contarApariciones([1, 2, 3, 4, 5], 10)->0
contarApariciones([1, 2, 3, 4, 5, 2], 2)->2
```

# Comprobar el correcto funcionamiento de las funciones implementadas

En el programa principal, pilas\_ej2.pas, se proporcionan funciones que realizan pruebas de las funciones implementadas. Cuando se ejecute, se verá una tabla como esta:

```
Ejercicio 2.1: TRUE
Ejercicio 2.2: TRUE
Ejercicio 2.3: TRUE
Ejercicio 2.4: TRUE
Ejercicio 2.5: TRUE
Ejercicio 2.6: TRUE
```

```
Ejercicio 2.7: TRUE
Ejercicio 2.8: TRUE
```

# Ejercicio 3: Genericos: Inversión de Pila de Elementos

En este ejercicio, trabajaremos con la inversión de una pila de elementos. Para ello, se proporcionan tres archivos Pascal:

```
• uPilaElement.pas
```

- uTElement.pas
- pilas\_ej3.pas

## uPilaElement.pas

Este archivo contiene la definición de la pila de elementos, que permite realizar operaciones básicas sobre una pila que almacena registros de tipo TElement. Las operaciones disponibles son: inicializar la pila, agregar un elemento a la pila, eliminar el elemento de la cima de la pila, obtener el elemento de la cima de la pila, comprobar si la pila está vacía e imprimir la pila. No es necesario modificar este archivo.

Deberías ser capaz de resolver el ejercicio sin necesidad de modificar este archivo.

## Ejercicio 3.1 uTElement.pas

Este archivo define el tipo de registro TElement, que representará un libro en este ejercicio. El libro tiene los siguientes campos:

```
titulo: string[50]
autor: string[50]
ISBN: string[50]
idioma: string[50]
numPaginas: integer
```

Además, incluye las dos siguientes funciones:

Asignar un elemento a otro

```
procedure assign(var e: TElement; e2 : TElement);
```

Convierte un elemento a cadena

```
function toString(e: TElement): string;
```

# Ejercicio 3.2 pilas\_ej3.pas

En este archivo, los estudiantes deben implementar la funcionalidad para invertir una pila de elementos. Se proporcionan las siguientes funciones:

- Invertir la pila: Define un procedimiento invertirPila que invierte el orden de los elementos en la pila.
  - o Entradas:
    - Pila de elementos.
  - Salida:
    - Modifica la pila para que los elementos estén en orden inverso.
  - Ejemplos:

```
■ [libro1, libro2, libro3] -> [libro3, libro2, libro1]
```

- **■** [] -> []
- [libro1] -> [libro1]

## Comprobar el correcto funcionamiento de las funciones implementadas

En el programa principal, pilas\_ej3. pas, se proporcionan ejemplos de cómo agregar libros a la pila, imprimir la pila original, invertirla y luego imprimir la pila invertida. Al ejecutar el programa, se verá una salida que muestra la pila original y la pila invertida, permitiendo verificar que la inversión se ha realizado correctamente.

```
Pila original:

(Wigetta en ED, Vegetta777 y Willyrex, 978-3-16-148410-2, Infantil, 2)
(Kika Superbruja y el libro de hechizos, Knister, 978-3-16-148410-1,
Alemán, 55)
(Don Quijote de Móstoles, Cervantes, 978-3-16-148410-0, Español, 9999)

Pila invertida:

(Don Quijote de Móstoles, Cervantes, 978-3-16-148410-0, Español, 9999)
(Kika Superbruja y el libro de hechizos, Knister, 978-3-16-148410-1,
Alemán, 55)
(Wigetta en ED, Vegetta777 y Willyrex, 978-3-16-148410-2, Infantil, 2)
```

# Ejercicio 4: Palabras Palíndromas

En este ejercicio, trabajaremos con la verificación de palabras palíndromas utilizando pilas. Para ello, se proporcionan dos archivos Pascal:

- uPilaChar.pas (desarrollado en el Ejercicio 1)
- pilas\_ej4.pas

El archivo uPilaChar. pas contiene la definición de la pila de caracteres, que se utilizará en este ejercicio. Por otro lado, el archivo pilas\_ej4. pas es el programa principal que se utilizará para comprobar el correcto funcionamiento de las funciones implementadas.

Concretamente, se deberá implementar la siguiente función:

• **Verificar palíndromo**: Define una función **esPalindromo** que verifica si una palabra es un palíndromo.

- Entradas:
  - Una cadena de caracteres que representa una palabra.
- Salida:
  - Devuelve true si la palabra es un palíndromo, es decir, si se lee igual de izquierda a derecha que de derecha a izquierda.
- Ejemplos:
  - anilina -> true
  - palindromo -> false
  - radar -> true
  - holita -> false
  - reconocer -> true
  - oso -> true
  - mameluco -> false

## Comprobar el correcto funcionamiento de las funciones implementadas

En el programa principal, pilas\_ej4.pas, se proporcionan ejemplos de cómo verificar si una palabra es un palíndromo. Al ejecutar el programa, se verá una salida que muestra la palabra original y el resultado de la verificación, permitiendo verificar que la función esPalindromo se ha implementado correctamente.

```
Ejemplo # Frase
                           Res = Esp
                                        OK/ERROR
Ejemplo 1: anilina
                           TRUE = TRUE
Ejemplo 2: palindromo
                           FALSE = FALSE OK
Ejemplo 3: radar
                           TRUE = TRUE OK
Ejemplo 4: holita
                           FALSE = FALSE OK
Ejemplo 5: reconocer
                           TRUE = TRUE OK
Ejemplo 6: oso
                           TRUE = TRUE OK
Ejemplo 7: mameluco
                           FALSE = FALSE OK
```

# Ejercicio 5: Operaciones avanzadas con pilas con arrays

En este ejercicio, trabajaremos con operaciones avanzadas de pilas utilizando arrays. Para ello, se proporcionan dos archivos Pascal:

- uPilaIntegerExtendedArray.pas
- pilas\_ej5.pas

Se deberá implementar las mismas funciones que en el Ejercicio 2, pero utilizando arrays en lugar de pilas dinámicas.

De manera similar, se deberá usar el archivo uPilaIntegerExtendedArray.pas para definir la pila de enteros extendida con arrays. Por otro lado, el archivo pilas\_ej5.pas es el programa principal que se utilizará para comprobar el correcto funcionamiento de las funciones implementadas.