

# Ejercicios de Pilas

---

## Información del Proyecto

| Descripción | Detalles                          |
|-------------|-----------------------------------|
| Profesores  | Sergio Caverio y Salvador Sanchez |
| Asignatura  | Estructuras de Datos              |
| Universidad | Universidad Rey Juan Carlos       |
| Curso       | 2024/2025                         |

## ¿Cómo enfrentarse a los ejercicios?

---

Antes de comenzar con cada uno de los ejercicios:

1. Lee detenidamente el enunciado **completo**.
2. Identifica cuál es el objetivo del ejercicio:
  - Identificar el tipo de elementos que se almacenará en la pila:
    - Ejemplos: enteros, caracteres, registros, etc.
    - Esto va a determinar la definición de los nodos de la pila (o el tipo de array en caso de no ser una pila dinámica).
    - Es decir, deberemos **trabajar en la propia unidad** de la pila. Tendremos el ``rol'' de implementador de la unidad.
  - Extender o modificar funcionalidades de la pila:
    - Ejemplos: contar el número de elementos de la pila, verificar si un elemento está en la pila, eliminar un elemento, etc.
    - Generar nuevos procedimientos o funciones requerirá utilizar las operaciones principales.
    - Es decir, nuevamente deberemos **trabajar en la propia unidad** de la pila ya que estamos extendiendo su funcionalidad. Tendremos el ``rol'' de implementador de la unidad.
  - Utilizar la pila para resolver un problema específico:
    - Ejemplos: verificar si una expresión aritmética está balanceada, verificar si una palabra es palíndroma, utilizarla para representar un conjunto de elementos, etc.
    - En este caso, deberemos utilizar las operaciones básicas de la unidad de la pila para resolver el problema, no podemos modificar la definición de la pila.
    - Por lo tanto, deberemos **usar** la pila en el programa principal para resolver el problema. Tendremos el rol de usuario externo de la unidad pila y por lo tanto no la podremos modificar.
3. Abre cada uno de los archivos proporcionados y estudia el código proporcionado.
4. Haz que el programa compile y ejecuta el programa aunque no haga lo que se pide.

- Realiza los ejercicios de manera ordenada, comprobando que cada uno de ellos funciona correctamente antes de pasar al siguiente.

## Ejercicio 1: Operaciones balanceadas

---

En este ejercicio, trabajaremos con operaciones básicas de pilas. Para ello, se proporcionan dos archivos Pascal:

- `uPilaChar.pas`
- `pilas_ej1.pas`

### Ejercicio 1.1 `uPilaChar.pas`

Este archivo contiene la definición de la pila de caracteres. La pila de caracteres es una pila que almacena caracteres. La pila de caracteres tiene las operaciones básicas de una pila:

- **Inicializa la pila**

```
procedure initialize(var p: tPilaChars);
```

- **Agrega un elemento a la pila**

```
procedure push(var p: tPilaChars; x: char);
```

- **Elimina el elemento de la cima de la pila**

```
procedure pop(var p: tPilaChars);
```

- **Devuelve el elemento de la cima de la pila**

```
function peek(p: tPilaChars): char;
```

- **Devuelve true si la pila está vacía**

```
function isEmpty(p: tPilaChars): boolean;
```

### Ejercicios 1.2 y 1.3 en `pilas_ej1.pas`

En este archivo, los estudiantes deben desarrollar dos funciones:

1.2 balanceada:

Define una función `balanceada` para comprobar el balance de paréntesis de una expresión aritmética. Una expresión aritmética está balanceada si cada paréntesis de apertura tiene un paréntesis de cierre correspondiente. Los paréntesis deben estar correctamente anidados. No se comprobará si los paréntesis están en el lugar correcto (por ejemplo, `(3+2*)5` o `3(+4-)2` no es una expresión aritmética válida pero vamos a considerarla balanceada).

- **Entradas:**
  - Pila de caracteres
  - Una cadena de caracteres que representa una expresión aritmética.
- **Salida:**
  - Devuelve `true` si la expresión está balanceada, es decir, si los paréntesis están correctamente cerrados y anidados.
- **Ejemplos:**
  - `(3+2)*5 -> true`
  - `3+(4-2 -> false`
  - `(3+2)*5+(4-2) -> true`
  - `(3(+2)*5)+(4-2 -> false`

1.3 balanceada2:

Mejora la función `balanceada` para que compruebe también el balance de corchetes. Una expresión aritmética está balanceada si cada paréntesis de apertura tiene un paréntesis de cierre correspondiente y cada corchete de apertura tiene un corchete de cierre correspondiente.

- **Entradas:**
  - Pila de caracteres
  - Una cadena de caracteres que representa una expresión aritmética.
- **Salida:**
  - Devuelve `true` si la expresión está balanceada, es decir, si los paréntesis y corchetes están correctamente cerrados y anidados.
- **Ejemplos:**
  - `(3+2)*5 -> true`
  - `3+(4-2 -> false`
  - `(3+2)*5+(4-2) -> true`
  - `(3(+2)*5)+(4-2 -> false`
  - `[3+2]*5 -> true`
  - `3+[4-2 -> false`
  - `[3+2]*5+[4-2] -> true`
  - `[3[+2]*5]+[4-2] -> false`

Comprobar el correcto funcionamiento de las funciones implementadas

En el programa principal, `pilas_ej1.pas`, se proporcionan 11 casos de prueba. Cuando se ejecute, se verá una tabla como esta:

| Ejemplo #  | Expresión            | Res = Esp   | OK/ERROR |
|------------|----------------------|-------------|----------|
| <hr/>      |                      |             |          |
| Ejemplo 1: | <code>(3+2)*5</code> | TRUE = TRUE | OK       |

|                               |                  |
|-------------------------------|------------------|
| Ejemplo 2: $3+(4-2$           | FALSE = FALSE OK |
| Ejemplo 3: $(3+2)*5+(4-2)$    | TRUE = TRUE OK   |
| Ejemplo 4: $(3(+2)*5)+(4-2$   | FALSE = FALSE OK |
| Ejemplo 5: $[3+2]*5$          | TRUE = TRUE OK   |
| Ejemplo 6: $3+[4-2$           | FALSE = FALSE OK |
| Ejemplo 7: $[3+2]*5+[4-2]$    | TRUE = TRUE OK   |
| Ejemplo 8: $[3[+2]*5]+[4-2)$  | FALSE = FALSE OK |
| Ejemplo 9: $[3[+2]*5)+[4-2]$  | FALSE = FALSE OK |
| Ejemplo 10: $(3[+2]*5(+[4-2]$ | FALSE = FALSE OK |
| Ejemplo 11: $(3[+2]*5)+[4-2]$ | TRUE = TRUE OK   |

## Ejercicio 2: Operaciones avanzadas con pilas dinámicas

En este ejercicio, trabajaremos con operaciones avanzadas de pilas. Para ello, se proporcionan dos archivos Pascal:

- `uPilaIntegerExtended.pas`
- `pilas_ej2.pas`

El archivo `uPilaIntegerExtended.pas` contiene la definición de la pila de enteros extendida. Por otro lado, el archivo `pilas_ej2.pas` es el programa principal que se utilizará para comprobar el correcto funcionamiento de las funciones implementadas.

Concretamente, las operaciones que se pueden realizar con la pila de enteros extendida en el archivo `uPilaIntegerExtended.pas` son:

### 2.1 contarElementos:

Define una función `contarElementos` para contar el número de elementos en una pila. La operación debe realizarse en  $O(1)$ . Puede que modificar el registros `tPilaEnterosExt...`

- **Entradas:**
  - Pila de enteros.
- **Salida:**
  - Devuelve la cantidad de elementos en la pila.
- **Ejemplos:**
  - `[1, 2, 3, 4, 5] -> 5`
  - `[] -> 0`
  - `[1, 2, 3] -> 3`

### 2.2 ultimo:

Define una función `ultimo` para obtener el elemento en la última posición de la pila.

- **Entradas:**
  - Pila de enteros.
- **Salida:**

- Devuelve el elemento en la última posición de la pila.

- **Ejemplos:**

- `[1, 2, 3, 4, 5] -> 5`
- `[] -> 0`
- `[1, 2, 3] -> 3`

## 2.3 combinar:

Define un procedimiento `combinar` para combinar dos pilas en una sola.

- **Entradas:**

- Dos pilas de enteros.

- **Salida:**

- Modifica la primera pila con los elementos de ambas pilas. El orden de los elementos de la segunda pila debe ser el mismo que el original. La segunda pila queda vacía.

- **Ejemplos:**

- `combinar([1, 2, 3], [4, 5, 6]) -> [4, 5, 6, 1, 2, 3]`
- `combinar([], [4, 5, 6]) -> [4, 5, 6]`
- `combinar([1, 2, 3], []) -> [1, 2, 3]`

## 2.4 popN:

Define un procedimiento `popN` para hacer "pop" n veces.

- **Entradas:**

- Pila de enteros, entero n.

- **Salida:**

- Modifica la pila eliminando los n elementos de la cima.

- **Ejemplos:**

- `popN([1, 2, 3, 4, 5], 2) -> [3, 4, 5]`
- `popN([1, 2, 3, 4, 5], 5) -> []`
- `popN([1, 2, 3, 4, 5], 0) -> [1, 2, 3, 4, 5]`

## 2.5 sumarN:

Define un procedimiento `sumarN` para sumar los n primeros elementos de una pila y reemplazarlos por la suma.

- **Entradas:**

- Pila de enteros, entero n.

- **Salida:**

- Modifica la pila reemplazando los n elementos por la suma de los mismos.

- **Ejemplos:**

- `sumarN([1, 2, 3, 4, 5], 2) -> [3, 3, 4, 5]`
- `sumarN([1, 2, 3, 4, 5], 5) -> [15]`
- `sumarN([1, 2, 3, 4, 5], 0) -> [1, 2, 3, 4, 5]`

## 2.6 invertir:

Define un procedimiento **invertir** para invertir una pila.

- **Entradas:**
  - Pila de enteros.
- **Salida:**
  - Modifica la pila invirtiendo el orden de los elementos.
- **Ejemplos:**
  - `invertir([1, 2, 3, 4, 5]) -> [5, 4, 3, 2, 1]`
  - `invertir([]) -> []`
  - `invertir([1, 2, 3]) -> [3, 2, 1]`

## 2.7 repetirN:

Define un procedimiento **repetirN** para repetir n veces los elementos de la pila.

- **Entradas:**
  - Pila de enteros, entero n ( $n \geq 1$ ).
- **Salida:**
  - Modifica la pila repitiendo n veces los elementos.
- **Ejemplos:**
  - `repetirN([1, 2, 3], 2) -> [1, 1, 2, 2, 3, 3]`
  - `repetirN([1, 2, 3], 1) -> [1, 2, 3]`
  - `repetirN([], 2) -> []`

## 2.8 contarApariciones:

Define una función **contarApariciones** para contar las apariciones de un elemento en la pila.

- **Entradas:**
  - Pila de enteros, entero n.
- **Salida:**
  - Devuelve la cantidad de veces que aparece el elemento n en la pila.
- **Ejemplos:**
  - `contarApariciones([1, 2, 3, 4, 5], 2) -> 1`
  - `contarApariciones([1, 2, 3, 4, 5], 10) -> 0`
  - `contarApariciones([1, 2, 3, 4, 5, 2], 2) -> 2`

## Comprobar el correcto funcionamiento de las funciones implementadas

En el programa principal, **pilas\_ej2.pas**, se proporcionan funciones que realizan pruebas de las funciones implementadas. Cuando se ejecute, se verá una tabla como esta:

```
Ejercicio 2.1: TRUE
Ejercicio 2.2: TRUE
Ejercicio 2.3: TRUE
Ejercicio 2.4: TRUE
Ejercicio 2.5: TRUE
Ejercicio 2.6: TRUE
```

Ejercicio 2.7: TRUE

Ejercicio 2.8: TRUE

## Ejercicio 3: Genericos: Inversión de Pila de Elementos

En este ejercicio, trabajaremos con la inversión de una pila de elementos. Para ello, se proporcionan tres archivos Pascal:

- `uPilaElement.pas`
- `uTElement.pas`
- `pilas_ej3.pas`

### `uPilaElement.pas`

Este archivo contiene la definición de la pila de elementos, que permite realizar operaciones básicas sobre una pila que almacena registros de tipo `TElement`. Las operaciones disponibles son: inicializar la pila, agregar un elemento a la pila, eliminar el elemento de la cima de la pila, obtener el elemento de la cima de la pila, comprobar si la pila está vacía e imprimir la pila. No es necesario modificar este archivo.

**Deberías ser capaz de resolver el ejercicio sin necesidad de modificar este archivo.**

### Ejercicio 3.1 `uTElement.pas`

Este archivo define el tipo de registro `TElement`, que representará un libro en este ejercicio. El libro tiene los siguientes campos:

- `titulo`: `string[50]`
- `autor`: `string[50]`
- `ISBN`: `string[50]`
- `idioma`: `string[50]`
- `numPaginas`: `integer`

Además, incluye las dos siguientes funciones:

- **Asignar un elemento a otro**

```
procedure assign(var e: TElement; e2 : TElement);
```

- **Convierte un elemento a cadena**

```
function toString(e: TElement): string;
```

### Ejercicio 3.2 `pilas_ej3.pas`

En este archivo, los estudiantes deben implementar la funcionalidad para invertir una pila de elementos. Se proporcionan las siguientes funciones:

- **Invertir la pila:** Define un procedimiento `invertirPila` que invierte el orden de los elementos en la pila.
  - **Entradas:**
    - Pila de elementos.
  - **Salida:**
    - Modifica la pila para que los elementos estén en orden inverso.
  - **Ejemplos:**
    - `[libro1, libro2, libro3] -> [libro3, libro2, libro1]`
    - `[] -> []`
    - `[libro1] -> [libro1]`

## Comprobar el correcto funcionamiento de las funciones implementadas

En el programa principal, `pilas_ej3.pas`, se proporcionan ejemplos de cómo agregar libros a la pila, imprimir la pila original, invertirla y luego imprimir la pila invertida. Al ejecutar el programa, se verá una salida que muestra la pila original y la pila invertida, permitiendo verificar que la inversión se ha realizado correctamente.

Pila original:

```
(Wigetta en ED, Vegetta777 y Willyrex, 978-3-16-148410-2, Infantil, 2)
(Kika Superbruja y el libro de hechizos, Knister, 978-3-16-148410-1,
Alemán, 55)
(Don Quijote de Móstones, Cervantes, 978-3-16-148410-0, Español, 9999)
```

Pila invertida:

```
(Don Quijote de Móstones, Cervantes, 978-3-16-148410-0, Español, 9999)
(Kika Superbruja y el libro de hechizos, Knister, 978-3-16-148410-1,
Alemán, 55)
(Wigetta en ED, Vegetta777 y Willyrex, 978-3-16-148410-2, Infantil, 2)
```

## Ejercicio 4: Palabras Palíndromas

En este ejercicio, trabajaremos con la verificación de palabras palíndromas utilizando pilas. Para ello, se proporcionan dos archivos Pascal:

- `uPilaChar.pas` (desarrollado en el Ejercicio 1)
- `pilas_ej4.pas`

El archivo `uPilaChar.pas` contiene la definición de la pila de caracteres, que se utilizará en este ejercicio. Por otro lado, el archivo `pilas_ej4.pas` es el programa principal que se utilizará para comprobar el correcto funcionamiento de las funciones implementadas.



Concretamente, se deberá implementar la siguiente función:

- **Verificar palíndromo:** Define una función `esPalindromo` que verifica si una palabra es un palíndromo.
  - **Entradas:**
    - Una cadena de caracteres que representa una palabra.
  - **Salida:**
    - Devuelve `true` si la palabra es un palíndromo, es decir, si se lee igual de izquierda a derecha que de derecha a izquierda.
  - **Ejemplos:**
    - `anilina -> true`
    - `palindromo -> false`
    - `radar -> true`
    - `holita -> false`
    - `reconocer -> true`
    - `oso -> true`
    - `mameluco -> false`

### Comprobar el correcto funcionamiento de las funciones implementadas

En el programa principal, `pilas_ej4.pas`, se proporcionan ejemplos de cómo verificar si una palabra es un palíndromo. Al ejecutar el programa, se verá una salida que muestra la palabra original y el resultado de la verificación, permitiendo verificar que la función `esPalindromo` se ha implementado correctamente.

| Ejemplo #  | Frase      | Res = Esp     | OK/ERROR |
|------------|------------|---------------|----------|
| -----      |            |               |          |
| Ejemplo 1: | anilina    | TRUE = TRUE   | OK       |
| Ejemplo 2: | palindromo | FALSE = FALSE | OK       |
| Ejemplo 3: | radar      | TRUE = TRUE   | OK       |
| Ejemplo 4: | holita     | FALSE = FALSE | OK       |
| Ejemplo 5: | reconocer  | TRUE = TRUE   | OK       |
| Ejemplo 6: | oso        | TRUE = TRUE   | OK       |
| Ejemplo 7: | mameluco   | FALSE = FALSE | OK       |

## Ejercicio 5: Operaciones avanzadas con pilas con arrays

En este ejercicio, trabajaremos con operaciones avanzadas de pilas utilizando arrays. Para ello, se proporcionan dos archivos Pascal:

- `uPilaIntegerExtendedArray.pas`
- `pilas_ej5.pas`

Se deberá implementar las mismas funciones que en el Ejercicio 2, pero utilizando arrays en lugar de pilas dinámicas.

De manera similar, se deberá usar el archivo `uPilaIntegerExtendedArray.pas` para definir la pila de enteros extendida con arrays. Por otro lado, el archivo `pilas_ej5.pas` es el programa principal que se utilizará para comprobar el correcto funcionamiento de las funciones implementadas.