Ejercicios de Listas: Lista Simple, Lista Circular y Lista Doblemente Enlazada

Información del Proyecto

Descripción	Detalles
Profesores	Sergio Cavero y Salvador Sanchez
Asignatura	Estructuras de Datos
Universidad	Universidad Rey Juan Carlos
Curso	2024/2025

Tabla de contenidos

- Ejercicios de Listas: Lista Simple, Lista Circular y Lista Doblemente Enlazada Información del Proyecto
- Tabla de contenidos
- ¿Cómo enfrentarse a los ejercicios?
- Ejercicios con Listas Enlazadas Simples
 - Ejercicio 1: Cálculo de la complejidad en notación O grande
 - Ejercicio 2: Instrucciones guiadas
 - Ejercicio 3: Añadir una nueva funcionalidad a la lista enlazada simple
 - Ejercicio 4: Dividir lista en pares e impares
 - o Ejercicio 5: Unir dos listas enlazadas simples
 - o Ejercicio 6: Modificar la unidad de lista enlazada simple
- Ejercicios con Listas Enlazadas Circulares
 - Ejercicio 7: Instrucciones guiadas Listas Enlazadas Circulares
 - o Ejercicio 8: Desarrollar funcionalidades de la unidad de lista enlazada circular con recursividad
 - Función to_string_recc
 - Función num_elems_recc
 - o Ejercicio 9: Eliminar los duplicados de una lista enlazada circular
- Ejercicios con Listas Doblemente Enlazadas
 - Ejercicio 10: Instrucciones guiadas Listas Doblemente Enlazadas
 - Ejercicio 11: Implementar la función GetAt en la unidad de lista doblemente enlazada
 - o Ejercicio 12: Eliminar el elemento del medio en una lista doblemente enlazada
 - o Ejercicio 13: Insertar un elemento en una lista doblemente enlazada ordenada
 - o Ejercicio 14: Una aplicación de listas de listas doblemente enlazadas

¿Cómo enfrentarse a los ejercicios?

Antes de comenzar con cada uno de los ejercicios:

- 1. Lee detenidamente el enunciado completo.
- 2. Identifica el objetivo del ejercicio:
 - o Identifica el tipo de elementos que se almacenará en la estructura de datos:
 - Ejemplos: enteros, caracteres, registros, etc.
 - Esto va a determinar la definición de los nodos de la misma (o el tipo de array en caso de no estar implementada en memoria dinámica).
 - Analiza si debes extender o modificar funcionalidades de un TAD existente:
 - Ejemplos: contar el número de elementos de una lista, verificar si un elemento está en la lista, eliminar un elemento, etc.
 - Generar nuevos procedimientos o funciones requerirá utilizar las operaciones principales.
 - Es decir, nuevamente deberemos **trabajar en la propia unidad** (TAD lista) ya que estamos extendiendo su funcionalidad. Tendremos en este caso el "rol" de implementador de la unidad.
 - Utilizar nuestro TAD para resolver un problema específico:
 - Ejemplos de TADs anteriores: verificar si una expresión aritmética está balanceada (TAD Pila), verificar si una palabra es palíndroma, utilizarla para representar un conjunto de elementos, etc.
 - En este caso, deberemos utilizar las operaciones básicas de la unidad que nos dan para resolver el problema, pero no podemos modificar el TAD lista.
 - Por lo tanto, deberemos usar la lista en el programa principal para resolver el problema.
 Tendremos el rol de usuario externo de la unidad y por lo tanto no la podremos modificar.
- 3. Abre cada uno de los archivos proporcionados y estudia el código que te damos.
- 4. Haz que el programa compile y ejecútalo, aunque de primeras no haga todo lo que se pide.
- 5. Realiza los ejercicios de manera ordenada, comprobando que cada uno de ellos funciona correctamente antes de pasar al siguiente.

Ejercicios con Listas Enlazadas Simples

Ejercicio 1: Cálculo de la complejidad en notación O grande

Calcula la complejidad en notación O grande de todas las operaciones de la lista enlazada simple vista en este tema.

Para ello, se proporciona el código de la lista enlazada simple en el archivo uListaEnlazadaSimple.pas.

Ejercicio 2: Instrucciones guiadas

En este ejercicio, trabajaremos con operaciones básicas de la lista enlazada simple.

 uListaEnlazadaSimple. pas: Implementación de la lista enlazada simple. Este fichero contiene la implementación de la lista enlazada simple que se utilizará en este ejercicio. No debes modificar este archivo.

• listas_ej1.pas: Programa principal que utiliza la lista enlazada simple. Este es el fichero en el que deberás realizar las implementaciones necesarias.

¿Qué rol tendremos en este ejercicio? Estaremos utilizando la lista enlazada simple para realizar operaciones básicas y por lo tanto, tendremos el "rol" de usuario del TAD, no de implementador. No modificaremos la implementación de la lista enlazada simple, sino que utilizaremos las operaciones básicas que nos proporciona.

Realiza las siguientes operaciones sobre listas enlazadas y verifica el estado resultante:

- 1. Inicialización de la lista
 - o Crear una lista vacía.
 - Estado esperado: []
- 2. Inserción de elementos al final

```
• Insertar en orden: 1, 2, 3, 4, 5 (siempre al final).
```

- Estado esperado: [1, 2, 3, 4, 5]
- 3. Cálculo de diferencia entre primer y último elemento
 - Obtener el primer elemento (1) y el último elemento (5).
 - ∘ Calcular la diferencia: primerElemento ultimoElemento = -4.
 - Estado esperado: La lista no cambia: [1, 2, 3, 4, 5].
- 4. Eliminación y limpieza
 - o Mostrar el número de elementos (tras implementar la parte (3) debería ser 5).
 - o Eliminar el primer elemento.
 - Estado esperado después de eliminar: [2, 3, 4, 5] (nuevo tamaño: 4).
 - Limpiar la lista completamente.
 - Estado esperado: [] (nuevo tamaño: ∅).
- 5. Realizar una copia o duplicado de una lista y verificación de lista vacía
 - Verificar si la lista está vacía (debe ser true).
 - o Insertar 1 al final.
 - Estado esperado: [1] (no vacía).
 - Crear una copia de la lista (lista2).
 - Eliminar el primer elemento de lista2.
 - Estado esperado:
 - lista1: [1]
 - lista2: [].
- 6. Inserción al inicio
 - Insertar 0 al inicio de lista1.
 - Estado esperado: [0, 1].
- 7. Eliminación de un elemento al final

```
• Eliminar el último elemento de listal.
```

- Estado esperado: [0].
- 8. Eliminación de un elemento específico

```
 Insertar 3 al final.
```

- Estado antes de eliminar: [0, 3].
- Eliminar el elemento 3.
- Estado esperado: [0].
- 9. Búsqueda de un elemento (iterativa)
 - Verificar si el elemento 2 está en la lista.
 - o Resultado esperado: El 2 no está en la lista.
- 10. Igual al inicio y al final
 - Verificar si el elemento del final de la lista es igual al del inicio. Si la lista está vacía consideraremos que esta condición también se cumple.
 - Resultado esperado: Los elementos inicial y final son iguales (0).

Ejercicio 3: Añadir una nueva funcionalidad a la lista enlazada simple

En este ejercicio, añadiremos nueva funcionalidad a la lista enlazada simple. Concretamente, crearemos la función set_at que permitirá modificar el valor de un elemento en una posición específica de la lista. Consideraremos que las posiciones de los elementos son las siguientes: elemento al principio posición 1, siguiente elemento posición 2, etc.

Para realizar este ejercicio, se proporcionan los siguientes archivos:

- uListaEnlazadaSimpleSetAt.pas: Implementación de la lista enlazada simple. Este fichero contiene la implementación de la lista enlazada simple que se utilizará en este ejercicio. Deberás modificar este archivo para añadir la nueva funcionalidad.
- listas_ej3.pas: Programa principal que utiliza la lista enlazada simple. No es necesario modificar este archivo.

¿Qué rol debes asumir en este ejercicio? Dado que estamos añadiendo nueva funcionalidad a la lista enlazada simple, tu "rol" es el de implementador del TAD lista. Por lo tanto, deberemos modificar la unidad de la lista enlazada simple para añadir la nueva funcionalidad.

Ejemplo de uso de la función set_at:

```
1. Lista vacia [ ]
o set_at([], 1, 10)
o Salida esperada: [] (sin cambios)
2. Lista [1, 2, 3]
o set_at([1, 2, 3], 1, 10)
o Salida esperada: [10, 2, 3]
```

```
3. Lista [1, 2, 3]

o set_at([1, 2, 3], 2, 10)
o Salida esperada: [1, 10, 3]

4. Lista [1, 2, 3]
o set_at([1, 2, 3], 3, 10)
o Salida esperada: [1, 2, 10]

5. Lista [1, 2, 3]
o set_at([1, 2, 3], 4, 10)
o Salida esperada: [1, 2, 3] (sin cambios)

6. Lista [1, 2, 3]
o set_at([1, 2, 3], 0, 10)
o Salida esperada: [1, 2, 3] (sin cambios)
```

Al ejecutar el programa principal listas_ej3.pas, se deben mostrar los resultados de las pruebas realizadas. Por ejemplo:

```
Comprobación del método set_at en uListaEnlazadaSimple:

Test set_at: Lista vacía
  Resultado = , Esperado = , Test: bien.

Test set_at: Posición 1
  Resultado = 10 2 3 , Esperado = 10 2 3 , Test: bien.

Test set_at: Posición media
  Resultado = 1 10 3 , Esperado = 1 10 3 , Test: bien.

Test set_at: Posición final
  Resultado = 1 2 10 , Esperado = 1 2 10 , Test: bien.

Test 1 set_at: Posición fuera de rango
  Resultado = 1 2 3 , Esperado = 1 2 3 , Test: bien.

Test 2 set_at: Posición fuera de rango
  Resultado = 1 2 3 , Esperado = 1 2 3 , Test: bien.
```

Ejercicio 4: Dividir lista en pares e impares

En este ejercicio, implementaremos un subprograma que reciba una lista de enteros y devuelva dos listas: una con los números pares y otra con los impares. La lista original no debe ser modificada.

Para realizar este ejercicio, se proporcionan los siguientes archivos:

- uListaEnlazadaSimple.pas: Implementación de la lista enlazada simple. Este fichero contiene la implementación de la lista enlazada simple que se utilizará en este ejercicio. No es necesario modificar este archivo.
- listas_ej4.pas: Programa principal que utiliza la lista enlazada simple.

¿Qué rol tendremos en este ejercicio? Estaremos utilizando la lista enlazada simple para realizar operaciones básicas. Por lo tanto, tendremos el "rol" de usuario externo de la unidad. No modificaremos la implementación de la lista enlazada simple, sino que utilizaremos las operaciones básicas que nos proporciona.

Localiza en el archivo listas_ej4.pas la función dividir_lista_en_pares_e_impares y completa su implementación. Esta función debe recibir una lista de enteros y devolver dos listas: una con los números pares y otra con los impares. La lista original no debe ser modificada.

Ejemplos de uso de la función dividir_lista_en_pares_e_impares:

1. Lista con números mixtos:

```
Lista original: [1, 2, 3, 4, 5, 6]
Lista de pares esperada: [2, 4, 6]
Lista de impares esperada: [1, 3, 5]
```

2. Lista vacía:

```
Lista original: []Lista de pares esperada: []Lista de impares esperada: []
```

3. Lista con solo números pares:

```
Lista original: [2, 4, 6]
Lista de pares esperada: [2, 4, 6]
Lista de impares esperada: []
```

4. Lista con solo números impares:

```
Lista original: [1, 3, 5]
Lista de pares esperada: []
Lista de impares esperada: [1, 3, 5]
```

Al ejecutar el programa principal listas_ej4.pas, se deben mostrar los resultados de las pruebas realizadas. Por ejemplo:

```
Ejercicio: Dividir lista en pares e impares
  Lista original: 1 2 3 4 5 6
  Test 1: Lista pares = 2 4 6 , Correcta = 2 4 6  El ejercicio funciona en
pares bien.
  Test 1: Lista impares = 1 3 5 , Correcta = 1 3 5  El ejercicio funciona
en impares bien.
  Estado lista inicial sin modificar: 1 2 3 4 5 6  = 1 2 3 4 5 6  bien.
  Lista original:
  Test 2 (Lista vacía): Lista pares = , Correcta = El ejercicio funciona
en pares bien.
  Test 2 (Lista vacía): Lista impares = , Correcta = El ejercicio
funciona en impares bien.
  Estado lista inicial sin modificar: = bien.
```

```
Lista original: 2 4 6
Test 3 (Solo pares): Lista pares = 2 4 6 , Correcta = 2 4 6 El
ejercicio funciona en pares bien.
Test 3 (Solo pares): Lista impares = , Correcta = El ejercicio funciona
en impares bien.
Estado lista inicial sin modificar: 2 4 6 = 2 4 6 bien.
Lista original: 1 3 5
Test 4 (Solo impares): Lista pares = , Correcta = El ejercicio funciona
en pares bien.
Test 4 (Solo impares): Lista impares = 1 3 5 , Correcta = 1 3 5 El
ejercicio funciona en impares bien.
Estado lista inicial sin modificar: 1 3 5 = 1 3 5 bien.
```

Ejercicio 5: Unir dos listas enlazadas simples

En este ejercicio, implementaremos un subprograma que reciba dos listas de enteros ordenadas y devuelva una nueva lista ordenada con los elementos de ambas listas. Las listas originales no deben ser modificadas.

Para realizar este ejercicio, se proporcionan los siguientes archivos:

- uListaEnlazadaSimple. pas: Implementación de la lista enlazada simple. Este fichero contiene la implementación de la lista enlazada simple que se utilizará en este ejercicio. No es necesario modificar este archivo.
- listas_ej5.pas: Programa principal que utiliza la lista enlazada simple.

¿Qué rol tendremos en este ejercicio? Estaremos utilizando la lista enlazada simple para realizar operaciones básicas. Por lo tanto, tendremos el "rol" de usuario externo de la unidad. No modificaremos la implementación de la lista enlazada simple, sino que utilizaremos las operaciones básicas que nos proporciona.

Ejemplo de uso del subprograma unir_listas_ordenadas:

1. Listas sin elementos comunes:

```
Lista 1: [1, 3, 5]
Lista 2: [2, 4, 6]
Lista resultante esperada: [1, 2, 3, 4, 5, 6]
```

2. Listas con elementos comunes y diferentes longitudes:

```
Lista 1: [1, 2, 7, 9]
Lista 2: [3, 5, 8]
Lista resultante esperada: [1, 2, 3, 5, 7, 8, 9]
```

3. Una lista vacía y otra con elementos:

```
Lista 1: []
Lista 2: [2, 4, 6]
Lista resultante esperada: [2, 4, 6]
```

4. Ambas listas vacías:

```
Lista 1: []Lista 2: []Lista resultante esperada: []
```

5. Listas con algunos elementos duplicados:

```
Lista 1: [1, 2, 7, 9]
Lista 2: [1, 2, 7, 9]
Lista resultante esperada: [1, 1, 2, 2, 7, 7, 9, 9]
```

Al ejecutar el programa principal listas_ej5.pas, se deben mostrar los resultados de las pruebas realizadas. Por ejemplo:

```
Ejercicio: Unir listas ordenadas
 Listas a unir: lista1 = 1 3 5, lista2 = 2 4 6
 funciona bien.
  Estado lista inicial 1 sin modificar: bien.
 Estado lista inicial 2 sin modificar: bien.
 Listas a unir: lista1 = 1 2 7 9 , lista2 = 3 5 8
 Test 2: Resultado = 1 2 3 5 7 8 9 , Correcto = 1 2 3 5 7 8 9 El
ejercicio funciona bien.
 Estado lista inicial 1 sin modificar: bien.
 Estado lista inicial 2 sin modificar: bien.
 Listas a unir: lista1 = , lista2 = 2 4 6
 Test 3: Resultado = 2 4 6 , Correcto = 2 4 6 El ejercicio funciona
bien.
 Estado lista inicial 1 sin modificar: bien.
 Estado lista inicial 2 sin modificar: bien.
 Listas a unir: lista1 = , lista2 =
 Test 4: Resultado = , Correcto = El ejercicio funciona bien.
 Estado lista inicial 1 sin modificar: bien.
 Estado lista inicial 2 sin modificar: bien.
 Listas a unir: lista1 = 1 2 7 9 , lista2 = 1 2 7 9
 Test 5: Resultado = 1 1 2 2 7 7 9 9 , Correcto = 1 1 2 2 7 7 9 9 El
ejercicio funciona bien.
  Estado lista inicial 1 sin modificar: bien.
  Estado lista inicial 2 sin modificar: bien.
```

Ejercicio 6: Modificar la unidad de lista enlazada simple

En este ejercicio, modificaremos la unidad de lista enlazada simple para incluir un array de frecuencias que cuente la cantidad de veces que cada entero entre MIN_RANGE y MAX_RANGE aparece en la lista. Para ello, se proporcionan los siguientes archivos:

- uListaEnlazadaSimpleMod.pas: Implementación de la lista enlazada simple que debe ser modificada. Este fichero contiene la implementación de la lista enlazada simple que se utilizará en este ejercicio. Deberás modificar este archivo para añadir la nueva funcionalidad.
- listas_ej6.pas: Programa principal que utiliza la lista enlazada simple modificada y comprueba su correcto funcionamiento. No debería ser necesario modificar este archivo.

Tener una tabla de frecuencias requerira definir una estructura de datos auxiliar que almacene la frecuencia de cada número. En este caso, utilizaremos un array de enteros para almacenar las frecuencias de los números en el rango que puede ser especificado por medio de constantes MIN_RANGE y MAX_RANGE.

Tener una tabla de frecuencias nos permitirá realizar operaciones como obtener la frecuencia de un número en tiempo constante (O(1)), verificar si un número está en la lista en tiempo constante (O(1)), etc.

¿Qué rol tendremos en este ejercicio? Estaremos añadiendo nueva funcionalidad a la lista enlazada simple, por lo que tendremos el "rol" de implementador de la unidad. Por lo tanto, deberemos modificar la unidad de la lista enlazada simple para añadir la nueva funcionalidad.

Antes de que sigas leyendo, te recomendamos que intentes resolver el ejercicio por tu cuenta. Si no puedes hacerlo, sigue los siguientes pasos:

1. Definir constantes y tipos:

- Define las constantes MIN_RANGE, MAX_RANGE para establecer el rango de valores y el tamaño del array de frecuencias.
- Define el tipo trecuencias como un array estático de enteros para almacenar las frecuencias.
- Modifica la estructura tListaSimpleMod para incluir el array de frecuencias.

2. Inicialización:

• Modifica el procedimiento initialize para inicializar el array de frecuencias a cero.

3. Inserción:

 Modifica los procedimientos insert_at_end e insert_at_begin para incrementar la frecuencia del número insertado.

4. Eliminación:

 Modifica los procedimientos delete_at_end, delete_at_begin y delete para decrementar la frecuencia del número eliminado.

5. **Búsqueda**:

 Modifica la función in_list para utilizar el array de frecuencias y verificar si un número está en la lista en tiempo constante (O(1)).

6. Frecuencia:

- Implementa la función get_frequency para obtener la frecuencia de un número en la lista.
- Implementa la función frequency_to_string para obtener una representación en cadena del array de frecuencias.

7. Limpieza y copia:

- Modifica el procedimiento clear para resetear también el array de frecuencias.
- Modifica el procedimiento copy para copiar también el array de frecuencias.

8. Pruebas:

• Realiza pruebas para verificar que las modificaciones funcionan correctamente. Para ello, ejecuta el archivo listas_ej3.pas.

Ejercicios con Listas Enlazadas Circulares

Ejercicio 7: Instrucciones guiadas - Listas Enlazadas Circulares

En este ejercicio, trabajaremos con operaciones básicas de la lista enlazada circular.

- uListaEnlazadaCircular.pas: Implementación de la lista enlazada circular. Este fichero contiene la implementación de la lista enlazada circular que se utilizará en este ejercicio. No es necesario modificar este archivo.
- listas_ej7. pas: Programa principal que utiliza la lista enlazada circular. Este es el fichero en el que deberás realizar las implementaciones necesarias.

¿Qué rol tendremos en este ejercicio? Estaremos utilizando la lista enlazada circular para realizar operaciones básicas. Por lo tanto, tendremos el "rol" de usuario externo de la unidad. No modificaremos la implementación de la lista enlazada circular, sino que utilizaremos las operaciones básicas que nos proporciona.

Realiza las siguientes operaciones sobre listas enlazadas circulares y verifica el estado resultante:

1. Inicialización de la lista

- Crear una lista vacía.
- Estado esperado: []

2. Inserción de elementos al final

- Insertar en orden: 1, 2, 3, 4, 5 (siempre al final).
- Estado esperado: [1 2 3 4 5]

3. Cálculo de diferencia entre primer y último elemento

- Obtener el primer elemento (1) y el último elemento (5).
- Calcular la diferencia: primerElemento ultimoElemento = -4.
- Estado esperado: La lista no cambia: [1 2 3 4 5].

4. Eliminación y limpieza

- Mostrar el número de elementos (debe ser 5).
- Eliminar el primer elemento.
- Estado esperado después de eliminar: [2 3 4 5] (nuevo tamaño: 4).
- Limpiar la lista completamente.
- Estado esperado: [] (nuevo tamaño: 0).

5. Copia de lista y verificación de vacío

- Verificar si la lista está vacía (debe ser true).
- Insertar 1 al final.
- Estado esperado: [1] (no vacía).

- Crear una copia de la lista (lista2).
- Eliminar el primer elemento de lista2.
- Estado esperado:

```
lista1: [1]lista2: [].
```

6. Inserción al inicio

- Insertar 0 al inicio de lista1.
- Estado esperado: [0 1].

7. Eliminación al final (Doble eliminación)

- Eliminar el último elemento de listal.
- Eliminar el último elemento de listal nuevamente.
- Estado esperado: [].

8. Eliminación de elemento específico (con inserciones adicionales)

```
Insertar 3 al final de lista1.
Insertar 0 al inicio de lista1.
Estado antes de eliminar: [0 3].
Eliminar el elemento 3.
Estado esperado: [0].
```

9. Búsqueda de elemento (iterativa)

- Verificar si el elemento 2 está en la lista.
- Resultado esperado: El 2 está en la lista
- 10. **Generación de una lista con n elementos aleatorios **
- Crea una lista nueva y genera 10 enteros aleatorios entre 0 y 100. Introdúcelos en la lista por el final.
- Resultado posible: [13 51 23 24 65 71 30 98 11 8]

Ejercicio 8: Desarrollar funcionalidades de la unidad de lista enlazada circular con recursividad

En este ejercicio, añadiremos nuevas funcionalidades a la lista enlazada circular utilizando recursividad. Concretamente, crearemos las funciones to_string_rec y num_elems_rec que permitirán obtener una representación en cadena de la lista y contar el número de elementos de la lista de manera recursiva respectivamente.

Para realizar este ejercicio, se proporcionan los siguientes archivos:

uListaEnlazadaCircularMod.pas: Implementación de la lista enlazada circular. Este fichero
contiene la implementación de la lista enlazada circular que se utilizará en este ejercicio. Deberás
modificar este archivo para añadir las nuevas funcionalidades. Esta unidad es una versión idéntica a
la de la lista enlazada circular, pero con el nombre modificado para evitar conflictos con la unidad
original.

• listas_ej8.pas: Programa principal que utiliza la lista enlazada circular. No es necesario modificar este archivo.

¿Qué rol tendremos en este ejercicio? Estamos añadiendo nueva funcionalidad a la lista enlazada circular, por lo que tendremos el "rol" de implementador de la unidad. Por lo tanto, deberemos modificar la unidad de la lista enlazada circular para añadir las nuevas funcionalidades.

```
Función to_string_recc`
```

La función to_string_rec debe devolver una representación en cadena de la lista enlazada circular utilizando recursividad.

Ejemplo de uso de la función to_string_rec:

Función num_elems_recc`

La función num_elems_rec debe devolver el número de elementos de la lista enlazada circular utilizando recursividad.

Ejemplo de uso de la función num_elems_rec:

```
1. Lista vacía []
o num_elems_rec([])
o Salida esperada: 0
2. Lista [1, 2, 3]
o num_elems_rec([1, 2, 3])
o Salida esperada: 3
```

Al ejecutar el programa principal listas_ej8.pas, se deben mostrar los resultados de las pruebas realizadas. Por ejemplo:

```
Ejercicio: Comparación num_elems iterativo vs recursivo
Test 1: Lista con 5 elementos.
   num_elems (iterativo): 5
   num_elems_rec (recursivo): 5
   ¿Resultados iguales?: bien.
Test 2: Lista con 2 elementos.
   num_elems (iterativo): 2
   num_elems_rec (recursivo): 2
```

```
¿Resultados iguales?: bien.
 Test 3: Lista con elementos repetidos (3 elementos).
    num elems (iterativo): 3
    num_elems_rec (recursivo): 3
    ¿Resultados iguales?: bien.
 Test 4: Lista vacía.
    num elems (iterativo): 0
    num elems rec (recursivo): 0
    ¿Resultados iguales?: bien.
 Test 5: Lista con un solo elemento.
    num elems (iterativo): 1
    num_elems_rec (recursivo): 1
    ¿Resultados iguales?: bien.
 Test 6: Lista vacía después de clear().
    num elems (iterativo): 0
    num_elems_rec (recursivo): 0
    ¿Resultados iguales?: bien.
Ejercicio: Comparación to_string iterativo vs recursivo
 Test 1: Lista con 5 elementos.
    to string (iterativo): "1 2 3 4 5 "
    to_string_rec (recursivo): "1 2 3 4 5 "
    ¿Resultados iguales?: bien.
 Test 2: Lista con 2 elementos.
    to_string (iterativo): "10 20 "
    to_string_rec (recursivo): "10 20 "
    ¿Resultados iguales?: bien.
 Test 3: Lista con elementos repetidos (3 elementos).
    to_string (iterativo): "7 7 7 "
    to string rec (recursivo): "7 7 7 "
    ¿Resultados iguales?: bien.
 Test 4: Lista vacía.
    to_string (iterativo): ""
    to_string_rec (recursivo): ""
    ¿Resultados iguales?: bien.
 Test 5: Lista con un solo elemento.
    to_string (iterativo): "1 "
    to_string_rec (recursivo): "1 "
    ¿Resultados iguales?: bien.
 Test 6: Lista vacía después de clear().
    to_string (iterativo): ""
    to_string_rec (recursivo): ""
    ¿Resultados iguales?: bien.
```

Ejercicio 9: Eliminar los duplicados de una lista enlazada circular

En este ejercicio, implementaremos un subprograma que elimine los elementos duplicados de una lista enlazada circular. La lista original debe ser modificada para que contenga solo elementos únicos.

Para realizar este ejercicio, se proporcionan los siguientes archivos:

• uListaEnlazadaCircular. pas: Implementación de la lista enlazada circular. Este fichero contiene la implementación de la lista enlazada circular que se utilizará en este ejercicio. No es necesario modificar este archivo.

• listas_ej9. pas: Programa principal que utiliza la lista enlazada circular. Aquí deberás completar la implementación del procedimiento eliminar_duplicados.

¿Qué rol tendremos en este ejercicio? Estaremos utilizando la lista enlazada circular para realizar operaciones básicas. Por lo tanto, tendremos el "rol" de usuario externo de la unidad. No modificaremos la implementación de la lista enlazada circular, sino que utilizaremos las operaciones básicas que nos proporciona.

Localiza en el archivo listas_ej9. pas el procedimiento eliminar_duplicados y completa su implementación. Este procedimiento debe recibir una lista enlazada circular y eliminar todos los elementos duplicados, dejando solo una instancia de cada elemento. Concretamente, si un elemento aparece más de una vez en la lista, todas las instancias adicionales deben ser eliminadas, manteniendo única la primera aparición.

Ejemplos de uso del procedimiento eliminar_duplicados:

1. Lista con duplicados múltiples:

```
Lista original: [2, 4, 1, 2, 3, 4, 4, 5]
Lista resultante esperada: [2, 4, 1, 3, 5]
```

2. Lista sin duplicados:

```
Lista original: [1, 2, 3, 4, 5]Lista resultante esperada: [1, 2, 3, 4, 5]
```

3. Lista con todos los elementos duplicados:

```
Lista original: [2, 2, 2]Lista resultante esperada: [2]
```

4. Lista con un solo elemento (sin duplicados):

```
Lista original: [7]Lista resultante esperada: [7]
```

5. Lista vacía:

```
Lista original: []Lista resultante esperada: []
```

6. Lista con todos los elementos repetidos múltiples veces:

```
Lista original: [1, 1, 1, 1, 1]Lista resultante esperada: [1]
```

Al ejecutar el programa principal listas_ej9.pas, se deben mostrar los resultados de las pruebas realizadas. Por ejemplo:

```
Ejercicio: Eliminar Duplicados de Lista Circular
Resultado Test 1: 2 4 1 3 5
Test 1: Lista original: 2 4 1 2 3 4 4 5 , Resultado esperado: 2 4 1 3 5
-> bien.
Resultado Test 2: 1 2 3 4 5
Test 2: Lista original: 1 2 3 4 5 , Resultado esperado: 1 2 3 4 5 -> bien.
Resultado Test 3: 2
Test 3: Lista original: 2 2 2 , Resultado esperado: 2 -> bien.
Resultado Test 4: 7
Test 4: Lista original: 7 , Resultado esperado: 7 -> bien.
Resultado Test 5:
Test 5: Lista original: , Resultado esperado: -> bien.
Resultado Test 6: 1
Test 6: Lista original: 1 1 1 1 1 , Resultado esperado: 1 -> bien.
```

Ejercicios con Listas Doblemente Enlazadas

Ejercicio 10: Instrucciones guiadas - Listas Doblemente Enlazadas

En este ejercicio, trabajaremos con operaciones básicas de la lista doblemente enlazada.

- uListaEnlazadaDoble.pas: Implementación de la lista doblemente enlazada. Este fichero contiene la implementación de la lista doblemente enlazada que se utilizará en este ejercicio. No es necesario modificar este archivo.
- listas_ej10.pas: Programa principal que utiliza la lista doblemente enlazada. Este es el fichero en el que deberás realizar las implementaciones necesarias.

¿Qué rol tendremos en este ejercicio? Estaremos utilizando la lista doblemente enlazada para realizar operaciones básicas. Por lo tanto, tendremos el "rol" de usuario externo de la unidad. No modificaremos la implementación de la lista doblemente enlazada, sino que utilizaremos las operaciones básicas que nos proporciona.

Realiza las siguientes operaciones sobre listas doblemente enlazadas y verifica el estado resultante:

1. Inicialización de la lista

- Crear una lista vacía.
- Estado esperado: []

2. Verificar si la lista está vacía

- Comprobar si la lista está vacía.
- Estado esperado: La lista doble está vacía.

3. Inserción de elementos al final

- Insertar en orden: 10, 20, 30 (siempre al final).
- Estado esperado: [10, 20, 30]

4. Inserción de elementos al inicio

- Insertar en orden: 5, 1 (siempre al inicio).
- Estado esperado: [1, 5, 10, 20, 30]

5. Obtener el primer y último elemento

- Obtener el primer elemento (1) y el último elemento (30).
- Estado esperado: La lista no cambia: [1, 5, 10, 20, 30]

6. Verificar si un elemento está en la lista

- Verificar si el elemento 20 está en la lista.
- Resultado esperado: 20 está en la lista.
- Verificar si el elemento 40 está en la lista.
- Resultado esperado: 40 no está en la lista.

7. Eliminar elementos del final de la lista

- Eliminar el último elemento.
- Estado esperado: [1, 5, 10, 20]

8. Eliminar elementos del inicio de la lista

- Eliminar el primer elemento.
- Estado esperado: [5, 10, 20]

9. Contar el número de elementos

- Contar el número de elementos en la lista.
- Resultado esperado: Número de elementos en la lista doble: 3

10. Copiar la lista doble

- Crear una copia de la lista.
- Estado esperado:

```
Lista original: [5, 10, 20]Lista copia: [5, 10, 20]
```

11. Limpiar la lista doble original

- Limpiar la lista original.
- Estado esperado:

```
    Lista original: []
```

Lista copia: [5, 10, 20]

12. Verificar si la lista original está vacía después de limpiar

- Comprobar si la lista original está vacía.
- Resultado esperado: La lista doble original está vacía después de limpiar.

13. La lista copia debe seguir existiendo

- Verificar el estado de la lista copia.
- Estado esperado: [5, 10, 20]

Ejercicio 11: Implementar la función GetAt en la unidad de lista doblemente enlazada

En este ejercicio, añadiremos una nueva funcionalidad a la lista doblemente enlazada. Concretamente, implementaremos la función get_at que permitirá obtener el valor de un elemento en una posición específica de la lista. Consideraremos que las posiciones de los elementos son las siguientes: elemento al principio posición 1, siguiente elemento posición 2, etc.

Para realizar este ejercicio, se proporcionan los siguientes archivos:

- uListaEnlazadaDobleGetAt.pas: Implementación de la lista doblemente enlazada. Este fichero
 contiene la implementación de la lista doblemente enlazada que se utilizará en este ejercicio.
 Deberás modificar este archivo para añadir la nueva funcionalidad.
- listas_ej11.pas: Programa principal que utiliza la lista doblemente enlazada. No es necesario modificar este archivo.

¿Qué rol debes asumir en este ejercicio? Dado que estamos añadiendo nueva funcionalidad a la lista doblemente enlazada, tu "rol" es el de implementador del TAD lista. Por lo tanto, deberemos modificar la unidad de la lista doblemente enlazada para añadir la nueva funcionalidad.

Ejemplo de uso de la función get_at:

```
    Lista vacía []
        - get_at([], 1)
        - Salida esperada: Indeterminado (o un valor que indique que la posición no es válida)
    Lista [1, 2, 3] - get_at([1, 2, 3], 1)
        - Salida esperada: 1
    Lista [1, 2, 3] - get_at([1, 2, 3], 2)
        - Salida esperada: 2
    Lista [1, 2, 3] - get_at([1, 2, 3], 3)
        - Salida esperada: 3
    Lista [1, 2, 3] - get_at([1, 2, 3], 4)
        - Salida esperada: Indeterminado (o un valor que indique que la posición no es válida)
    Lista [1, 2, 3] - get_at([1, 2, 3], 0)
        - Salida esperada: Indeterminado (o un valor que indique que la posición no es válida)
```

Al ejecutar el programa principal listas_ej11. pas, se deben mostrar los resultados de las pruebas realizadas. Por ejemplo:

```
Comprobación del método get_at en uListaEnlazadaDoble:

Test get_at: Lista vacía
Valor obtenido = 30280
```

```
Test get_at: Posición 1
Lista: 1 2 3
  Resultado valor = 1, Esperado valor = 1, Test Valor: bien.
  Resultado exito = bien., Esperado exito = bien., Test Exito: bien.
Test get at: Posición media
Lista: 1 2 3
  Resultado valor = 2, Esperado valor = 2, Test Valor: bien.
  Resultado exito = bien., Esperado exito = bien., Test Exito: bien.
Test get_at: Posición final
Lista: 1 2 3
  Resultado valor = 3, Esperado valor = 3, Test Valor: bien.
  Resultado exito = bien., Esperado exito = bien., Test Exito: bien.
Test 1 get_at: Posición fuera de rango (mayor)
Valor obtenido = 30364
Test 2 get_at: Posición fuera de rango (menor)
Valor obtenido = 30364
```

Ejercicio 12: Eliminar el elemento del medio en una lista doblemente enlazada

En este ejercicio, implementaremos un subprograma que elimine el elemento del medio de una lista doblemente enlazada. Si la lista tiene un número par de elementos, no se eliminará ningún elemento. La lista original debe ser modificada para reflejar la eliminación.

Para realizar este ejercicio, se proporcionan los siguientes archivos:

- uListaEnlazadaDoble.pas: Implementación de la lista doblemente enlazada. Este fichero contiene la implementación de la lista doblemente enlazada que se utilizará en este ejercicio. No es necesario modificar este archivo.
- listas_ej12.pas: Programa principal que utiliza la lista doblemente enlazada. Aquí deberás completar la implementación del procedimiento eliminarElementoMedio.

¿Qué rol tendremos en este ejercicio? Estaremos utilizando la lista doblemente enlazada para realizar operaciones básicas. Por lo tanto, tendremos el "rol" de usuario externo de la unidad. No modificaremos la implementación de la lista doblemente enlazada, sino que utilizaremos las operaciones básicas que nos proporciona.

Localiza en el archivo listas_ej12.pas el procedimiento eliminarElementoMedio y completa su implementación. Este procedimiento debe recibir una lista doblemente enlazada y eliminar el elemento del medio si la lista tiene un número impar de elementos.

Ejemplos de uso del procedimiento eliminarElementoMedio:

```
    Lista con número impar de elementos: - Lista original: [1, 2, 3, 4, 5] - Lista resultante esperada: [1, 2, 4, 5]
    Lista con número par de elementos: - Lista original: [1, 2, 3, 4] - Lista resultante esperada: [1, 2, 3, 4] (sin cambios)
    Lista con un solo elemento: - Lista original: [1] - Lista resultante esperada: []
    Lista vacía: - Lista original: [] - Lista resultante esperada: []
```

Al ejecutar el programa principal listas_ej12.pas, se deben mostrar los resultados de las pruebas realizadas. Por ejemplo:

```
Test lista vacía
Lista:
Resultado = , Esperado = , Test: bien.
Test lista con elementos pares
Lista: 1 2 3 4
Resultado = 1 2 3 4 , Esperado = 1 2 3 4 , Test: bien.
Test lista con elementos impares
Lista: 1 2 3 4 5
Resultado = 1 2 4 5 , Esperado = 1 2 4 5 , Test: bien.
Test lista con un solo elemento
Lista: 1
Resultado = , Esperado = , Test: bien.
```

Ejercicio 13: Insertar un elemento en una lista doblemente enlazada ordenada

En este ejercicio, implementaremos un procedimiento que inserte un elemento en una lista doblemente enlazada ordenada. La lista debe mantenerse ordenada después de la inserción del nuevo elemento.

Para realizar este ejercicio, se proporcionan los siguientes archivos:

- uListaEnlazadaDobleOrdenada. pas: Implementación de la lista doblemente enlazada ordenada. Este fichero contiene la implementación de la lista doblemente enlazada ordenada que se utilizará en este ejercicio. Deberás modificar este archivo para añadir la nueva funcionalidad. Debes implementar el procedimiento insert que inserta un elemento en la lista doblemente enlazada ordenada. No puedes usar la función insert_at_end para insertar el elemento al final de la lista. Tampoco deberás modificar la estructura de la lista doblemente enlazada ordenada.
- listas_ej13.pas: Programa principal que utiliza la lista doblemente enlazada ordenada. No es necesario modificar este archivo.

¿Qué rol debes asumir en este ejercicio? Dado que estamos añadiendo nueva funcionalidad a la lista doblemente enlazada ordenada, tu "rol" es el de implementador del TAD lista. Por lo tanto, deberemos modificar la unidad de la lista doblemente enlazada ordenada para añadir la nueva funcionalidad.

Ejemplo de uso del procedimiento insert:

```
    Lista vacía [] - insert([], 10) - Salida esperada: [10]
    Lista [10, 20, 30] - insert([10, 20, 30], 25) - Salida esperada: [10, 20, 25, 30]
    Lista [10, 20, 30] - insert([10, 20, 30], 5) - Salida esperada: [5, 10, 20, 30]
    Lista [10, 20, 30] - insert([10, 20, 30], 35) - Salida esperada: [10, 20, 30, 35]
```

Al ejecutar el programa principal listas_ej13.pas, se deben mostrar los resultados de las pruebas realizadas. Por ejemplo:

```
Test insertar en lista vacia
  Lista:
  Valor a insertar: 10
  Esperado: 10
  Resultado: 10
  Test: bien.
Test insertar en lista correcta final
  Lista: 10 20 30
  Valor a insertar: 40
  Esperado: 10 20 30 40
  Resultado: 10 20 30 40
  Test: bien.
Test insertar en lista correcta principio
  Lista: 10 20 30
  Valor a insertar: 0
  Esperado: 0 10 20 30
  Resultado: 0 10 20 30
  Test: bien.
Test insertar en lista correcta medio
  Lista: 10 20 30
  Valor a insertar: 25
  Esperado: 10 20 25 30
  Resultado: 10 20 25 30
  Test: bien.
Test insertar en lista correcta principio repetido
  Lista: 10 20 30
  Valor a insertar: 10
  Esperado: 10 10 20 30
  Resultado: 10 10 20 30
  Test: bien.
Test insertar en lista correcta final repetido
  Lista: 10 20 30
  Valor a insertar: 30
  Esperado: 10 20 30 30
  Resultado: 10 20 30 30
  Test: bien.
Test insertar en lista correcta medio repetido
  Lista: 10 20 30
  Valor a insertar: 20
  Esperado: 10 20 20 30
  Resultado: 10 20 20 30
  Test: bien.
```

Ejercicio 14: Una aplicación de listas de listas doblemente enlazadas

En este ejercicio deberemos desarrollar una aplicación que permita gestionar las facturas de los clientes. Concretamente, un cliente se identifica por su nombre y podrá tener distintas facturas asociadas. La aplicación permitirá realizar las siguientes operaciones:

- · ver si hay facturas en la aplicación
- · ver si un cliente tiene facturas
- obtener las facturas de un cliente
- obtener únicamente la siguiente factura de un cliente a pagar (siguiendo un orden FIFO)
- pagar todas las facturas de un cliente
- pagar la siguiente factura de un cliente
- agregar una factura a un cliente
- imprimir todas las facturas de todos los clientes

Para hacer este ejercicio, trabajaremos con una lista de listas doblemente enlazadas. Se proporcionará una unidad llamada uListaDeListas que contiene la interfaz y la estructura de datos necesarias para manejar una lista de listas. Los estudiantes deberán implementar las funciones y procedimientos definidos en la interfaz.

Archivos proporcionados

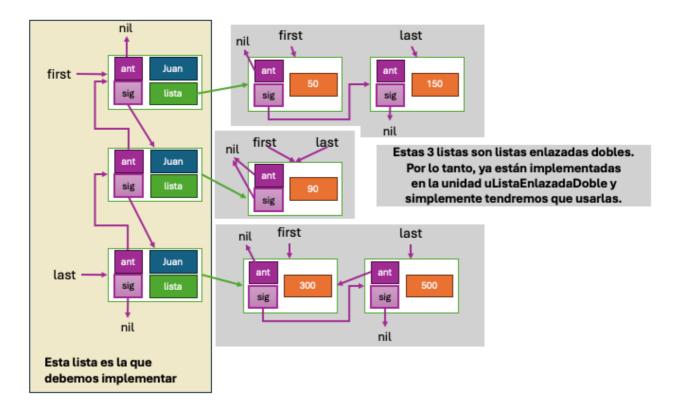
- uListaDeListas.pas: Unidad que contiene la definición de la estructura de datos y la interfaz de los procedimientos y funciones que deben ser implementados. No se debe modificar la interfaz de esta unidad (ni las estructuras ni los métodos).
- uListaEnlazadaDoble.pas: Implementación de la lista doblemente enlazada. Este fichero contiene la implementación de la lista doblemente enlazada que se utilizará en este ejercicio. No hay que modificar este archivo.
- listas_ej14.pas: Programa principal que utiliza la unidad uListaDeListas para realizar pruebas y verificar el correcto funcionamiento de las implementaciones. No se debe modificar este archivo.

Estructura de la unidad uListaDeListas

Antes de empezar a resolver el ejercicio es importante que entiendas la estructura de la unidad uListaDeListas, ya que es algo que perfectamente podríamos haberos pedido que implementarais desde cero.

La unidad uListaDeListas define una estructura de datos que maneja una lista de listas doblemente enlazadas. La estructura principal es tListaDeListas, que contiene punteros al primer y último nodo de la lista, de la misma forma que una lista doblemente enlazada. Abre ambas unidades para comparar su estructura interna.

Observa ahora la siguiente imagen. En ella se muestra un esquema de la estructura de la lista de listas doblemente enlazada. En este caso, se han añadido tres personas con sus respectivas facturas. La lista de listas es la lista cuyos nodos tienen una persona y una lista doblemente enlazada de facturas. Esta lista está implementada con una lista doblemente enlazada, por lo que cada nodo tiene un puntero al siguiente y al anterior nodo. La lista de facturas de cada persona también está implementada con una lista doblemente enlazada, por lo que cada nodo tiene un puntero al siguiente y al anterior nodo.



Por lo tanto, ¿qué hay que hacer en este ejercicio? De la misma manera que antes los nodos almacenaban un valor entero ahora simplemente van a almacenar una lista. Cuando se necesite hacer algo con la lista de los nodos (la lista de facturas) simplemente se accederá a la lista que contiene cada nodo y trabajaremos con ella de la misma manera que hemos hecho en los ejercicios anteriores.

Interfaz de uListaDeListas

La interfaz de la unidad uListaDeListas incluye los siguientes procedimientos y funciones:

- procedure inicializar(var list: tListaDeListas);
 - o Inicializa la lista de listas.
- function hay_facturas(list: tListaDeListas): boolean;
 - o Devuelve true si hay facturas en la aplicación, es decir, si la lista de listas no está vacía, es decir, si hay al menos una persona con facturas.
- function hay_facturas_de_persona(list: tListaDeListas; persona: string): boolean;
 - Devuelve true si la persona tiene facturas asociadas.
 - o Devuelve false si la persona no tiene facturas asociadas, es decir, si no está en la lista.
- procedure obtener_facturas_de_persona(list: tListaDeListas; persona: string; var lista: tListaDoble);
 - o Obtiene las facturas de una persona y las almacena en una lista doblemente enlazada.
 - ¡Ojito! No podemos devolver la lista directamente, porque entonces si desde fuera de la unidad se modifica la lista, se modificaría la lista original. Por lo tanto, debemos copiar la lista de facturas del cliente a otra lista que será la que se devuelva.
- function obtener_factura_de_persona(list: tListaDeListas; persona: string): integer;
 - o Obtiene la siguiente factura de un cliente a pagar (siguiendo un orden FIFO).
 - Si el cliente no tiene facturas, devuelve ∅.

procedure pagar_facturas_de_persona(var list: tListaDeListas; persona: string);

- Paga todas las facturas de un cliente.
- o Si el cliente no tiene facturas, no hace nada.
- ¡Ojito! Si pagamos todas las facturas, debemos eliminar la lista de facturas del cliente. Es un requisito de la aplicación que si un cliente paga todas sus facturas, se elimine de la lista. En otras implementaciones, podríamos haber optado por mantener la lista vacía, pero en este caso, se pide que se elimine.
- procedure pagar_factura_de_persona(var list: tListaDeListas; persona: string);
 - Paga la siguiente factura de un cliente.
 - o Si el cliente no tiene facturas, no hace nada.
 - De manera similar al método anterior, si pagamos la última factura, debemos eliminar la lista de facturas del cliente.
- procedure agregar_factura_a_persona(var list: tListaDeListas; persona: string; factura: integer);
 - Agrega una factura a un cliente.
 - o Si el cliente no está en la lista, se agrega a la lista con la factura.
 - o Si el cliente ya tiene facturas, se agrega la nueva factura al final de la lista de facturas.
- function imprimir_facturas(list: tListaDeListas): string;
 - Devuelve una cadena con todas las facturas de todos los clientes.
 - La cadena debe tener el siguiente formato: persona1: factura1 factura2 ...
 persona2: factura1 factura2 ...
 - o Si no hay facturas, devuelve una cadena vacía.

Implementación

Los estudiantes deberán implementar las funciones y procedimientos definidos en la interfaz de la unidad uListaDeListas. No se permite modificar la interfaz proporcionada.

Resultado esperado

Al ejecutar el programa principal listas_ej14.pas, se deben mostrar los resultados de las pruebas realizadas. Por ejemplo:

obtener_facturas_de_persona (Maria Gomez) : 50 75 obtener_factura_de_persona (Juan Perez): 100 Resultado esperado: Correcto obtener_factura_de_persona (Maria Gomez) : 50 Resultado esperado: Correcto obtener_factura_de_persona (Carlos Rodriguez) - persona sin facturas : 0 Resultado esperado: Correcto Se va a pagar la primera factura de Sofia Martinez : 300 Siguiente factura a pagar de Sofia Martinez : 400 Resultado esperado: Correcto Se va a pagar la primera factura de Sofia Martinez : 400 Siguiente factura a pagar de Sofia Martinez : 0 Resultado esperado: Correcto Facturas de Juan Perez antes de pagar : 50 75 Facturas de Juan Perez después de pagar : Factura de Juan Perez después de pagar: 0 Resultado esperado: Correcto Fin de la prueba de la unidad uListaDeListas