







### EXERCICES



### Transfert de Hohmann et manœuvre



# On souhaite passer d'une orbite circulaire altitude 600 km en une orbite géostationnaire

- Calculer de demi grand axe d'une orbite géostationnaire
  - µterre= 3,9860064E+14 m^3s-2
  - R terre= 6378140 m
  - 1 année = 365.25 j
  - 1 jour =86400s
- On suppose l'orbite circulaire altitude 600 km équatorial
  - Proposer le transfert de Hohmann
  - Calculer l'amplitude des impulsions de vitesse
- On suppose l'orbite circulaire altitude 600 km incliné de 7 deg
  - Proposer le transfert de Hohmann avec manœuvre hors plan
  - Calculer l'amplitude des impulsions de vitesse et optimiser les manœuvre pour que la somme totale de l'amplitude des manœuvres soit minimale



### Triangle des vitesses

On souhaite mettre à poste un satellite géostationnaire Le satellite est laché sur une orbite GTO 600km\*36000km d'altitude et incliné de 7°

1/ calculer le DV total à faire

2/ on souhaite mettre à poste le satellite en 3 manœuvres successives en supposant que les manœuvres sont d'amplitude décroissante proposé l'amplitudes des 3 manœuvres tel que la longitude de passage à l'apogée de la 1ere manœuvre à lieu à 0 ° et que la dernière manœuvre soit effectué à la longitude de stationnement final de 50° est.



#### Evaluation de la pression de radiation solaire

### Objectif est d'évaluer la prise d'exentricité sous l'effet de la pression de radiation solaire

#### On suppose que le satellite est sur son orbite geostationaire:

- Calculer de demi grand axe d'une orbite géostationnaire
  - μterre= 3,9860064E+14 m<sup>3</sup>s-2
  - R terre= 6378140 m
  - 1 année = 365.25 j
  - 1 jour =86400s

## Le satellite est équipé de 40 m^2 de panneau solaire qui absorbe 100% du flux solaire: 1366 W/m^2

Calculer la force perturbatrice généré par le soleil



### Dynamique du satellite

#### **Dynamique satellite:**

$$\frac{d^2\vec{r}}{dt^2} = -\mu \frac{\vec{r}}{r^3} + \frac{\vec{F}_{pertubatrice}}{m}$$

- $\vec{r}$  rayon vecteur du satellite par rapport au centre de la Terre
- m masse du satellite
- μ Constante gravitationnelle 3,986005 E+14 m³/s² pour la Terre
- F<sub>pertubatrice</sub> ensemble des forces perturbatrices affectant la trajectoire du satellite : luni-solaire, pression de radiation, potentiel,....

Quand les forces perturbatrices sont négligées le mouvement est alors purement Képlerien

Calculer l'évolution de  $\vec{r}$  rayon vecteur du satellite sur 3 orbites en présence de la pression de radiation et à chaque apogée évalué l'excentricité

En intégrant le système dynamique:

$$X = \begin{bmatrix} x & y & vx & vy \end{bmatrix}^T et \ r = \sqrt{x^2 + y^2}$$

$$\frac{dX}{dt} = \begin{bmatrix} vx \\ vy \\ -\mu \frac{x}{r^3} \\ -\mu \frac{y}{r^3} + \frac{F_{pertubatrice}}{m} \end{bmatrix}$$