به نام خدا



درس یادگیری عمیق

تمرین اول

مدرس : دکتر داوودآبادی

دستياران : سحرسركار، فائزه صادقي، حسن حماد

دانشجو: سارا سادات یونسی / ۹۸۵۳۳۰۵۳

فهرست

صفحه ۳		سوال
صفحه۸		سوال
صفحه۸		سوال
صفحه۱۰		سوال
صفحه۱۲	Δ	سوال
صفحه۳۷	, <i>§</i>	سوال
صفحه۳۸	Υ	سوال

الف) بیش برازش مفهومی در علم داده است که زمانی اتفاق می افتد که یک مدل آماری دقیقاً با داده های آموزشی آن مطابقت داشته باشد .وقتی این اتفاق میافتد، متأسفانه الگوریتم نمی تواند به طور دقیق در برابر داده های دیده نشده عمل کند و هدف خود را شکست دهد.

مشکل overfitting در شبکههای عصبی این است که مدل به جای یادگیری الگوی کلی دادهها، سعی میکند به دقت با دادههای آموزشی مطابقت پیدا کند. این باعث میشود که مدل نتواند به خوبی با دادههای جدید و دیده نشده که ممکن است از دادههای آموزشی متفاوت باشند، سازگار شود. بنابراین، مدل از توانایی تعمیم خود از دست میدهد و دچار کاهش عملکرد میشود. مشکل overfitting میتواند به دلایل مختلفی ایجاد شود، از جمله:

- پیچیدگی بیش از حد مدل: اگر مدل دارای تعداد زیادی پارامتر یا ویژگی باشد، ممکن است بتواند با دادههای آموزشی بیش از حد fit شود و نویزها یا جزئیات غیرمرتبط را نیز یاد بگیرد. برای حل این مشکل، میتوان تعداد پارامترها یا ویژگیهای مدل را کاهش داد یا از روشهای منظمسازی (regularization) استفاده کرد. منظمسازی یک روش است که با افزودن یک جمله جریمه به تابع هزینه، سعی میکند پیچیدگی مدل را کنترل کند و وزنهای بزرگ را جلوگیری کند. برای مطالعه بیشتر درباره منظمسازی میتوانید به منبع مراجعه کنید.
- کمبود دادههای آموزشی: اگر مجموعه دادههای آموزشی کوچک یا نامتعادل باشد، ممکن است مدل نتواند الگوی کلی دادهها را یاد بگیرد و فقط با دادههای موجود سازگار شود. برای حل این مشکل، میتوان تعداد دادههای آموزشی را افزایش داد یا از روشهای افزایش داده (data augmentation) استفاده کرد. افزایش داده یک روش است که با اعمال تغییرات کوچک یا تصادفی بر روی دادههای موجود، مجموعه دادههای جدید و متنوع تولید میکند.

مشکل underfitting در شبکه های عصبی این است که مدل نتواند الگوی کلی دادهها را یاد بگیرد و فقط با دادههای ساده و خطی سازگار شود. این باعث میشود که مدل از توانایی تعمیم خود از دست بدهد و دچار کاهش عملکرد میشود. مشکل underfitting میتواند به دلایل مختلفی ایجاد شود، از جمله:

• سادگی بیش از حد مدل: اگر مدل دارای تعداد کمی پارامتر یا ویژگی باشد، ممکن است نتواند با دادههای پیچیده و غیرخطی مطابقت پیدا کند و نویزها یا جزئیات مرتبط را نادیده بگیرد. برای حل این مشکل، میتوان تعداد پارامترها یا ویژگیهای مدل را افزایش داد یا از روشهای انتخاب ویژگی (feature selection) استفاده کرد. انتخاب ویژگی یک روش است که با حذف ویژگیهای بیاهمیت یا تکراری، سعی میکند مجموعه ویژگیهای بهینه را برای مدل انتخاب کند. استخراج ویژگی یک روش است که با ترکیب ویژگیهای موجود، سعی میکند مجموعه ویژگیهای جدید و معنادار را برای مدل ایجاد کند.

دلایل ایجاد بیشبرازش(Overfitting)

بیشبرازش (Overfitting) می تواند به یکی از این دلایل اتفاق بیفتد:

- مدل بیشازحد پیچیده است و ویژگیهای همخط (Collinear) را دربرمی گیرد که واریانس دادههای ما را افزایش میدهد؛
 - تعداد ویژگیهای دادههای ما بیشتر یا برابر با تعداد داده است؛
 - حجم داده بسیار کم است.
 - داده پیشپردازش نشده تمیز نیست و نویز (Noise) دارد.

راهحلهای مقابله با بیشبرازش

بیش برازش (Overfitting) مسئلهای بسیار رایج در یادگیری ماشین است .روشهای مختلفی هم برای جلوگیری از آن وجود دارد. در این بخش به این روشها اشاره خواهیم کرد.

مدلی که به مشکل کمبرازش دچار است به نتایج اشتباه در دادههای جدید را که روی آنها آموزش داده نشده است رقم خواهد زد و اغلب حتی درمورد دادههای آموزشی نیز عملکرد ضعیفی دارد. زمانی که مدل دچار مشکل کم برازش (Underfitting)است بسیاری از ویژگیهای دادههای آموزشی را را نادیده می گیرد و نمی تواند رابطهی میان ورودی و خروجی را یاد بگیرد.

بیش برازش (Overfitting) یکی از خطاهای مدلسازی در علم داده (Data Science) است. این خطا هنگامی اتفاق میافتد که مدل ویژگیهای دادههای آموزشی را به جای یادگیری، حفظ کرده باشد، یعنی بیشازحد روی آن آموزش دیده باشد؛ درنتیجه، این مدل فقط در مجموعهی دادههای آموزشی مفید خواهد بود و نه در مجموعهی دادههای دیگر که هنوز آنها را ندیده است.

ب) بهترین روش برای تشخیص مدلهای اضافه برازش، آزمایش مدلهای یادگیری ماشین بر روی دادههای بیشتر با نمایش جامع مقادیر و انواع دادههای ورودی ممکن است .به طور معمول، بخشی از داده های آموزشی به عنوان داده های تست برای بررسی بیش از حد مناسب استفاده می شود .ضریب خطای بالا در داده های تست نشان دهنده بیش از حد برازش است.

اگر خطای ما روی داده های اموزشی کم باشد و مدل عملکرد خوبی داشته باشد ولی روی داده های تست به خوبی عمل نکند می فهمیم که فقط روی دادده های اموزشی اورفیت شده است و در تست و پیش بینی به خوبی عمل نمی کند.

اگر در نمودار های اریابی ما دقت و لاس بررسی کنیم می توانیم به اورفیت پی ببریم

اگر اورفیت شود دقت در داده های اموزش زیاد است و خطا کم اما در تست برعکس است.

یا از داده های اعتبار سنجی می توان استفاده کرد اگر با اموزش دادن مدل و بررسی کردن اینکه دقت در داده های اموزش افزایش یافته باید در اعتبار سنجی هم افزایش یابد تا نماد اورفیت نباشد

پ) توضیحی برای dropout در یادگیری ماشینی، "drop out" به تمرین نادیده گرفتن گره های خاص در یک لایه به طور تصادفی در طول آموزش اشاره دارد. Drop out یک رویکرد منظم سازی است که با اطمینان از اینکه هیچ واحدی به یکدیگر وابسته نیست، از تطبیق بیش از حد جلوگیری می کند.

در مرحله آموزش :

در آن نورونهای انتخابی تصادفی در طول تمرین نادیده گرفته میشوند. آنها به طور تصادفی "انصراف داده می شوند". این به این معنی است که سهم آنها در فعال سازی نورون های پایین دست به طور موقت در گذر رو به جلو حذف می شود و هیچ گونه به روز رسانی وزنی برای نورون در عبور به عقب اعمال نمی شود.

حال با اعمال ماسک دراپ اوت در مرحله ی اموزش فقط نورون هایی که ماسک ۱ داشتند در فرایند اموزش تاثیر داده می شوند

و ماسک های صفر غیر فعال می شوند

1,8	•	•	١,٩
•	۲,۵	۵,۲	•
•	٣,٢	٣,٧	•
١,٣	•	•	١,٢

در مرحله تست:

در زمان تست، تمام نورون ها فعال هستند اما خروجی هر نورون را در ضریب p ضرب می کنیم

 \cdot , Δ = ۱ عداد \cdot = تعداد اینجا

۸,٠	-۵۳,۰	٠,١-	۵۹,۰
1,10-	-۵۲, ۱	۱,۲۵	-۵۴,۰
-۵۲,۰	١,۶	۱٫۸۵	-۲,٠
۰,۶۵	-۲,٠	-٣, ١	٠,۶

با جمع کردن هر قسمت می توان به مقدار توتال ان قسمت رسید

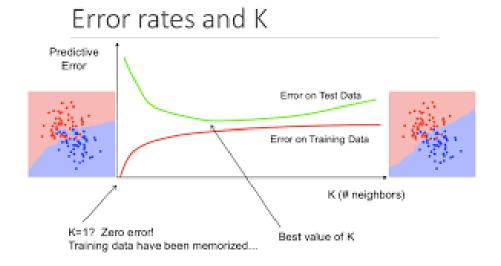
الف) اگر مقادیر مختلف k را در نظر بگیریم، میتوانیم مبادله بین بایاس و واریانس را مشاهده کنیم .با افزایشk ، مدل پایدارتری داریم، یعنی واریانس کوچکتر، با این حال، بایاس نیز افزایش می یابد .با کاهشk ، بایاس نیز کاهش می یابد، اما مدل کمتر پایدار است.

با تغییر مقدار K در الگوریتم نزدیک ترین همسایگی، بایاس و واریانس مدل نیز تغییر می کنند. بایاس به اختلاف بین مقدار مورد انتظار پیش بینی مدل و مقدار واقعی هدف اشاره دارد. واریانس به تغییرات پیش بینی مدل در برابر تغییرات داده های آموزشی اشاره دارد. به طور کلی، هنگامی که مقدار K کاهش می یابد. به عبارت دیگر، مدل حساس تر به نویز و تغییرات داده های آموزشی می شود. هنگامی که مقدار K افزایش می یابد، بایاس مدل افزایش می یابد و واریانس مدل کاهش می یابد. به عبارت دیگر، مدل کمتر به داده های آموزشی وابسته می شود ولی ممکن است الگوی کلی داده ها را نادیده بگیرد. بنابراین، انتخاب یک مقدار مناسب برای K می تواند توازنی بین بایاس و واریانس مدل ایجاد کند.

ا افزایش KNN ، منحنی صاف تری را با داده ها مطابقت می دهد. این به این دلیل است که مقدار بالاتر K با در نظر گرفتن دادههای بیشتر، لبه را کاهش می دهد و در نتیجه پیچیدگی و انعطاف پذیری کلی مدل را کاهش می دهد.

مقادیر کمتر k می تواند واریانس بالایی داشته باشد، اما بایاس کم و مقادیر بزرگتر k ممکن است منجر به بایاس زیاد و واریانس کمتر شود. انتخاب k تا حد زیادی به دادههای ورودی بستگی دارد، زیرا دادههایی با مقادیر پرت یا نویز بیشتر احتمالاً با مقادیر بالاتر k عملکرد بهتری خواهند داشت.

ر جایی که k بزرگتر است، فاصله بزرگتر می شود، که این اصل پشت k را شکست می دهد – اینکه همسایه هایی که نزدیکتر هستند چگالی یا کلاس های مشابهی دارند. به طور معمول یک k بهینه وجود دارد که می توانید آن را با استفاده از اعتبارسنجی متقاطع پیدا کنید – نه خیلی بزرگ و نه خیلی کوچک



https://medium.com/30-days-of-machine-learning/day-3-k-nearest-neighbors-and-biasvariance-tradeoff-75f84d515bdb

How does K affect bias and variance in KNN?

Lower values of k can have high variance, but low bias, and larger values of k may lead to high bias and lower variance. The choice of k will largely depend on the input data as data with more outliers or noise will likely perform better with higher values of k.

> ب) درست

بله، استفاده از منظمسازی ممکن است در برخی موارد باعث تضعیف عملکرد مدل شود. منظمسازی یک روش است که با افزودن یک جمله جریمه به تابع هزینه، سعی میکند پیچیدگی مدل را کنترل کند و وزنهای بزرگ را جلوگیری کند. این کار میتواند باعث کاهش خطای آموزش و افزایش توانایی تعمیم مدل شود. اما اگر منظمسازی بیش از حد انجام شود، ممکن است باعث شود که مدل نتواند الگوی کلی دادهها را یاد بگیرد و دچار بایاس زیاد شود. بنابراین، انتخاب یک مقدار مناسب برای ضریب منظمسازی اهمیت زیادی دارد.

منظم سازی پاسخی به بیش از حد مناسب است .این تکنیکی است که دقت مدل را بهبود می بخشد و همچنین از از دست رفتن داده های مهم به دلیل عدم تناسب جلوگیری می کند

منظمسازی عملکرد مجموعه دادهای را که الگوریتم برای یادگیری یارامترهای مدل (وزن ویژگی) استفاده می کند، بهبود نمی بخشد .با این حال، می تواند عملکرد تعمیم را بهبود بخشد، به عنوان مثال، عملکرد در داده های جدید و دیده نشده، که دقیقا همان چیزی است که ما می خواهیم

غلط

افزودن بسیاری از ویژگیهای جدید به مدل over روی مجموعه آموزشی کمک می کند .افزودن بسیاری از ویژگیهای جدید مدلهای گویاتری را به ما میدهد که میتوانند بهتر با مجموعه آموزشی ما مطابقت داشته باشند .اگر ویژگی های جدید بیش از حد اضافه شود، باعث افزایش مدل می شود و مدل حفظ می کند و نمی تواند تعمیم بدهد این می تواند منجر به تطبیق بیش از حد مجموعه آموزشی شود.و باعث اورفیتینگ شود

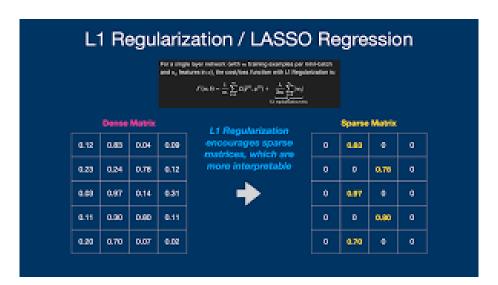
غلط

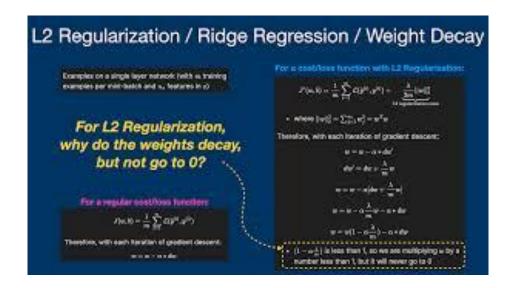
هنگامی که ضریب تنظیم کمتر باشد، پارامترها به ۰ نزدیکتر می شوند و در نتیجه برازش کم می شود .اگر ضریب تنظیم کوچکتر باشد، تقریباً هیچ جریمه ای برای پارامتر وجود ندارد که منجر به بیش از حد برازش می شود

به طور خلاصه، منظمسازی در یادگیری ماشینی، فرآیند منظمسازی پارامترهایی است که تخمینهای ضریب را محدود، منظم یا به سمت صفر کاهش میدهد. به عبارت دیگر، این تکنیک از یادگیری یک مدل پیچیده تر یا انعطاف پذیرتر جلوگیری می کند و از خطر بیش از حد برازش جلوگیری می کند.

پ)

Comparison of L1 and L2 regularization				
L1 regularization	L2 regularization			
Sum of absolute value of weights	Sum of square of weights			
Sparse solution	Non-sparse solution			
Multiple solutions	One solution			
Built-in feature selection	No feature selection			
Robust to outliers	Not robust to outliers (due to the square term)			





توضيحي براي 12:

وزنهای بزرگ در یک شبکه عصبی اغلب نشانهای از یک شبکه بیش از حد پیچیده است که دادههای آموزشی بیش از حد مناسب است. است. بنابراین، یکی از راه های جلوگیری از پیچیده شدن بیش از حد یک مدل، جلوگیری از بزرگ شدن وزنه ها است.

منظمسازی L2 تکنیکی برای کاهش پیچیدگی مدل با کاهش وزنهای یک مدل متناسب با مجذور هر وزن است (بنابراین بهویژه آنهایی که بالاترین را دارند جریمه میشوند)، اما آنها را ۰ نمی کند.

L2 Regularization قدر مجذور وزن را به عنوان جریمه به تابع ضرر اضافه می کند (ضرب در یک فراپارامتر لامبدا). به دلیل مشتق، این بدان معناست که در طول شیب نزول، وزنهایی که بالاتر هستند بیشتر جریمه میشوند، در حالی که وزنهای پایینتر آنقدر تغییر نمیکنند (بنابراین مانع از رفتن آنها به صفر میشود).

توضیحی برای L1:

برای هر مدل معینی، برخی از وزنه ها از بقیه مهمتر خواهند بود. با این حال، سر و صدای تصادفی در حین تمرین باعث می شود که برخی از وزنه های کم اهمیت تأثیر بگذارند. بنابراین، یکی از راههای جلوگیری از تطبیق بیش از حد مدل به سر و صدا (و همچنین آسان تر کردن تشخیص اینکه کدام ویژگیها واقعاً مهم هستند) خلاص شدن از شر وزنههایی است که کمتر غالب هستند.

منظمسازی L1 تکنیکی است برای کاهش پیچیدگی مدل با به صفر رساندن وزنهای کماهمیت (یعنی پراکندگی را تشویق می کند)، در نتیجه یک مدل را به صورت بصری قابل تفسیرتر می کند.

تنظیم L1 مقدار مطلق یک وزن را به عنوان جریمه به تابع ضرر اضافه می کند (ضرب در یک فراپارامتر لامبدا). این بدان معناست که در طول شیب نزول، همه وزنهها به طور مکرر جریمه میشوند، به طوری که فقط وزنههایی که مهم هستند (یعنی به طور مکرر در جهت مثبت افزایش می یابند، زیرا نمونههای تمرینی از آنها استفاده می کنند، نه فقط به دلیل نویز تصادفی) زنده می مانند، و بقیه وزنها باقی خواهند ماند. برو به •

با توجه به توضیحات بالا نمونه هایی که داخل خود برخی صفر دارند از l1 پیروی و بقیه از که کوچک شده ولی به صفر نرسیده L2 پیروی میکنند

L2

L1

L2

L1

سوال ۳)

الف)ت قطیر دانش بیشتر بر روی مدلهای شبکه عصبی مرتبط با معماریهای پیچیده از جمله چندین لایه و پارامترهای مدل انجام میشود .بنابراین، با ظهور یادگیری عمیق در دهه اخیر و موفقیت آن در زمینه های مختلف از جمله تشخیص گفتار، تشخیص تصویر و پردازش زبان طبیعی، تکنیک های تقطیر دانش برای کاربردهای عملی در دنیای واقعی اهمیت پیدا کرده است . چالش استقرار مدلهای شبکه عصبی عمیق بهویژه برای دستگاههای لبهای با حافظه محدود و ظرفیت محاسباتی مرتبط است . برای مقابله با این چالش، ابتدا یک روش فشرده سازی مدل برای انتقال دانش از یک مدل بزرگ به آموزش یک مدل کوچکتر بدون کاهش قابل توجهی در عملکرد، پیشنهاد شد.

تقطیر دانش در یادگیری عمیق یک روش است که با استفاده از یک مدل بزرگ و پیچیده به عنوان معلم، یک مدل کوچک و ساده را به عنوان دانشآموز آموزش میدهد. هدف این روش انتقال دانش و توانایی تعمیم پذیری از مدل معلم به مدل دانشآموز است. این کار میتواند باعث کاهش حجم، زمان و منابع مورد نیاز برای اجرای مدل دانشآموز شود، بدون اینکه دقت آن به شدت کاهش یابد. برای این منظور، مدل دانشآموز از توزیع احتمال خروجی مدل معلم به عنوان اهداف نرم و از برچسب های داده های آموزشی به عنوان اهداف سخت استفاده میکند.

- کاهش حجم، زمان و منابع مورد نیاز برای اجرای مدل دانشآموز روی دستگاههای محدود مانند موبایل.
 - افزایش دقت و توانایی تعمیمپذیری مدل دانشآموز با استفاده از دانش و ویژگیهای مدل معلم
- كاهش بيشبرازش مدل دانشآموز با استفاده از اهداف نرم كه توزيع احتمال خروجي مدل معلم را نشان ميدهند
 - امكان تقسيم وظايف بين چندين مدل دانشآموز كه هر كدام به يك دسته از دادهها تخصص دارند

Knowledge distillation is a method of transferring the knowledge from a complex deep neural network (DNN) to a smaller and faster DNN, while preserving its accuracy. Recent variants of knowledge distillation include teaching assistant distillation, curriculum distillation, mask distillation, and decoupling distillation, which aim to improve the performance of knowledge distillation by introducing additional components or by changing the learning process. Teaching assistant distillation involves an intermediate model called the teaching assis- tant, while curriculum distillation follows a curriculum similar to human education. Mask distillation

focuses on transferring the attention mechanism learned by the teacher, and decoupling distillation decouples the distillation loss from the task loss. Overall, these variants of knowledge distillation have shown promising results in improving the performance of knowledge distillation.

ب) با استفاده از احتمالات تولید شده برای هر کلاس که با عنوان "اهداف نرم" توسط مدل سنگین و به منظور آموزش مدل کوچک تولید می شوند می توان توانایی تعمیم پذیری مدل سنگین را به یک مدل کوچک تر انتقال داد. در مرحله ی انتقال می توانیم را برای آموزش مدل سنگین به کار ببریم. وقتی مدل سنگین مجموعه ای از "مجموعه انتقال" همان مجموعه ی آموزشی یا یک مدل های ساده تر باشد می توانیم از میانگین حسابی یا هندسی توزیعهای پیشبین هر یک از آن مدل ها به عنوان اهداف نرم استفاده کنیم. زمانی که آنتروپی اهداف نرم بالا باشد، برای آموزش هر مورد اطلاعات بسیار بیشتر و واریانس خیلی کمتری بین آنها ارائه می دهند (در مقایسه با اهداف سخت). بنابراین مدل کوچک می تواند روی داده های بسیار کمتری از آنچه مدل سنگین نیاز دارد، آموزش ببیند و در عین حال به نرخ یادگیری بالاتری دست یابد

ر تقطیر، دانش از مدل معلم به دانش آموز با به حداقل رساندن یک تابع ضرر که در آن هدف، توزیع احتمالات کلاس پیش بینی شده توسط مدل معلم است، منتقل می شود. یعنی - خروجی یک تابع softmax روی لاجیت های مدل معلم. با این حال، در بسیاری از موارد، این توزیع احتمال دارای کلاس صحیح با احتمال بسیار بالا است، با تمام احتمالات کلاس های دیگر بسیار نزدیک به ۰. به این ترتیب، اطلاعات زیادی فراتر از برچسب های حقیقت زمینی ارائه شده در مجموعه داده ارائه نمی دهد. برای مقابله با این موضوع، هینتون و همکاران، ۲۰۱۵ مفهوم "دمای "softmax را معرفی کردند. احتمال پی

از کلاس I از logits z محاسبه می شود.

$$p_i = rac{exp\left(rac{z_i}{T}
ight)}{\sum_{j} \exp\left(rac{z_j}{T}
ight)}$$

جایی که تی

T=1 پارامتر دما است. زمانی که

تابع softmax استاندارد را دریافت می کنیم. همانطور که تی

رشد می کند، توزیع احتمال تولید شده توسط تابع softmax نرم تر می شود و اطلاعات بیشتری در مورد اینکه معلم کدام کلاس ها را شبیه به کلاس پیش بینی شده پیدا کرده است، ارائه می دهد. هینتون این را "دانش تاریک" تعبیه شده در مدل معلم می نامد، و این دانش تاریک است که ما در فرآیند تقطیر به مدل دانش آموز منتقل می کنیم. هنگام محاسبه تابع ضرر در مقابل اهداف نرم معلم، از همان مقدار T استفاده می کنیم

برای محاسبه softmax روی logits دانش آموز. ما این تلفات را "از دست دادن تقطیر" می نامیم.

هینتون و همکاران، ۲۰۱۵ دریافتند که آموزش مدل تقطیر شده برای تولید برچسبهای صحیح (بر اساس حقیقت زمین) علاوه بر برچسبهای نرم معلم نیز مفید است. از این رو، ما تلفات «استاندارد» بین احتمالات کلاس پیشبینی شده دانش آموز و برچسبهای حقیقت پایه (که «برچسبها/هدفهای سخت» نیز نامیده می شود) را محاسبه می کنیم. ما این فقدان را "از دست دادن دانش آموز" می نامیم. هنگام محاسبه احتمالات کلاس برای از دست دادن دانش آموز از T=1 استفاده می کنیم

تابع تلفات کلی، که هم تلفات تقطیر و هم تلفات دانشجویی را در بر می گیرد، به صورت زیر محاسبه می شود:

$$\mathcal{L}(x;W) = \alpha * \mathcal{H}(y, \sigma(z_s; T=1)) + \beta * \mathcal{H}(\sigma(z_t; T=\tau), \sigma(z_s, T=\tau))$$

where x is the input, W are the student model parameters, y is the ground truth label, \mathcal{H} is the cross-entropy loss function, σ is the softmax function parameterized by the temperature T, and α and β are coefficients. z_s and z_t are the logits of the student and teacher respectively.

پ) تلفات نهایی با میانگین گیری دو تلفات با وزن قابل توجه (آلفا) داده شده به تلفات تقطیر برای دستیابی به بهینه محاسبه می شود. اولین تابع تلفات تقطیر از اهداف نرم شبکه معلم برای بهینه سازی برچسب های خروجی شبکه دانش آموز استفاده می کند. دومین تلفات مبتنی بر آنتروپی متقابل (یا تابع از دست دادن دانش آموز) از برچسبهای حقیقت پایه استفاده می کند و آنها را با پیش بینی های دانش آموز مقایسه می کند.

Distillation loss uses the soft targets to minimize the squared difference between the logits produced by the cumbersome model and the logits produced by the small model

https://intellabs.github.io/distiller/knowledge_distillation.html

https://intellabs.github.io/distiller/knowledge_distillation.html

سوال ۴)

توضيح كد:

ین توابع بخشی از کد یک مدل شبکه عصبی هستند که با استفاده از پایتورچ نوشته شدهاند. این توابع هدفشان این است که را برای مدل مقداردهی اولیه کنند. برای این (RMS) و مقادیر میانگین مربعات (momentum) پارامترها، مقادیر لحظهای :استفاده میشوند. توضیح هر تابع به شرح زیر است numpy منظور، از توابع تولید عدد تصادفی از کتابخانه

:() self._initalize_parameters این تابع وزنها و بایاسهای مدل را با مقادیر تصادفی از توزیع نرمال مقداردهی اولیه میکند. این تابع از تابع np.random.randn استفاده میکند که یک تنسور با ابعاد دلخواه از توزیع نرمال استاندارد تولید این تابع از این توزیع برای تولید وزنها و بایاسها استفاده میکند و آنها را در دیکشنری parameters ذخیره میکند.

:()self._initalize_moms این تابع مقادیر لحظهای (momentum) را برای مدل مقداردهی اولیه میکند. مقادیر self._initalize_moms استفاده میکند که لحظهای نشاندهندهی گشتاور یا سرعت تغییر وزنها در الگوریتم بهینهسازی هستند. این تابع از تابع او این تابع از این تنسور یک تنسور با ابعاد دلخواه از صفر تولید میکند .initialise-1-layer-neural-network-parameters این تابع از این تنسور برای مقداردهی اولیهی مقادیر لحظهای استفاده میکند و آنها را در دیکشنری moms ذخیره میکند.

:()self._initalize_RMSs این تابع مقادیر میانگین مربعات (RMS) را برای مدل مقداردهی اولیه میکند. مقادیر میانگین مربعات نشاندهندهی میزان تغییرات وزنها در الگوریتم بهینهسازی هستند. این تابع از تابع np.zeros استفاده میکند که یک تنسور با ابعاد دلخواه از صفر تولید .initialise-1-layer-neural-network-parametersین تابع از این تنسور برای مقداردهی اولیهی مقادیر میانگین مربعات استفاده میکند و آنها را در دیکشنری RMSs ذخیره میکند.

- def random_tensor(self, size): این بخش تعریف تابع random_tensor را نشان میدهد که یک پارامتر به نام size دریافت میکند. self نشاندهندهی این است که این تابع متعلق به یک کلاس است که مدل شبکه عصبی را نمایندگی میکند.
 - (return (torch.randn(size): این بخش خروجی تابع را نشان میدهد که یک تنسور با ابعاد size است. torch.randn(size) یک تابع از کتابخانه پایتورچ است که یک تنسور با ابعاد دلخواه از توزیع نرمال استاندارد تولید میکند.
- .requires_grad): این بخش یک ویژگی از تنسورهای پایتورچ است که مشخص میکند که آیا گرادیان این تنسور در هنگام بهینهسازی محاسبه و ذخیره شود یا خیر. اگر این ویژگی برابر True باشد، گرادیان این تنسور محاسبه و ذخیره میشود و اگر برابر False باشد، گرادیان این تنسور محاسبه و ذخیره نمیشود. در اینجا، این ویژگی برابر True قرار داده شده است، زیرا میخواهیم گرادیان این تنسور را برای بهروزرسانی وزنها و بایاسهای مدل استفاده کنیم.

- (def _initalize_moms(self: این تابع مقادیر لحظهای (momentum) را برای مدل مقداردهی اولیه میکند. مقادیر لحظهای نشاندهندهی گشتاور یا سرعت تغییر وزنها در الگوریتم بهینهسازی هستند. این تابع برای هر وزن و بایاس یک مقدار صفر را در لیستهای self.moms_b2 ذخیره میکند.
- (def_initalize_RMSs(self) این تابع مقادیر میانگین مربعات (RMS) را برای مدل مقداردهی اولیه میکند. مقادیر میانگین مربعات نشاندهندهی میزان تغییرات وزنها در الگوریتم بهینهسازی هستند. این تابع برای هر وزن و بایاس یک مقدار صفر را در لیستهای self.RMSs_w1, self.RMSs_b1, self.RMSs_w2 و self.RMSs_w2 ذخیره میکند.
- (def _nn(self, xb) این تابع تابع پیشبینی مدل را تعریف میکند. این تابع یک تنسور به نام xb را به عنوان ورودی میگیرد و خروجی مدل را به عنوان خروجی میدهد. این تابع سه لایه را برای مدل ایجاد میکند: لایه اول یک لایه خطی است که ورودی را با self.weights_1 و self.bias_1 ضرب میکند. لایه دوم یک تابع فعالسازی ReLU است که مقادیر منفی را صفر میکند. لایه سوم یک لایه خطی دیگر است که خروجی لایه دوم را با وزنها و بایاسهای self.weights_2 و self.bias_2 و ضرب میکند. خروجی این لایه نهایی خروجی مدل است.

ین تابع train یک تابع است که برای آموزش یک مدل شبکه عصبی دو لایه با استفاده از یک بهینهساز دلخواه نوشته شده است. این تابع چهار نرخ یادگیری مختلف را امتحان میکند و نمودارهای تغییر خطای آموزش را برای هر یک رسم میکند. این تابع از چند مرحله تشکیل شده است:

- برای هر نرخ یادگیری، یک حلقه تکرار ایجاد میکند که تا زمانی که خطای آموزش کمتر از ۰٫۱ شود یا تعداد تکرار بیشتر از ۱۰۰۰ برسد ادامه مییابد.
- در هر تکرار، یک پیشبینی از مدل برای دادههای آموزشی محاسبه میشود و خطای آموزش با استفاده از تابع خطای مشخص شده محاسبه میشود.
 - با استفاده از یک شیء GradientTape، گرادیانهای وزنهای قابل آموزش مدل نسبت به خطا را استخراج میکند.
 - با استفاده از شیء بهینهساز، وزنهای مدل را با استفاده از گرادیانها و نرخ یادگیری بهروزرسانی میکند.
 - خطای آموزش را در یک لیست ذخیره میکند.
 - در پایان هر نرخ یادگیری، نمودار تغییر خطای آموزش را رسم میکند و پارامترهای مدل را مجدداً مقداردهی اولیه میکند.

مقايسه SGD و momentum:

بهینهساز SGD یا گرادیان کاهشی تصادفی یک روش مبتنی بر تکرار برای بهینهسازی یک تابع هدف است که در هر مرحله از یک تقریب تصادفی از گرادیان تابع استفاده میکند. بهینهساز Momentum یک تغییر در روش SGD است که از یک متغیر انباشته برای ذخیره گرادیانهای گذشته استفاده میکند و در هر مرحله از ترکیبی از گرادیان فعلی و متغیر انباشته برای بهروزرسانی پارامترها استفاده میکند. این روش میتواند سرعت همگرایی را افزایش دهد و از گیر کردن در نقاط ثابت محلی جلوگیری کند. مزایای Momentum نسبت به SGD عبارتند از:

- Momentum میتواند اثر نویز را کاهش دهد و به جهت بهینهتر حرکت کند.
- Momentum میتواند از گیر کردن در نقاط ثابت محلی یا صفحات مسطح خارج شود و به سمت نقاط ثابت سراسری پیش برود.
 - Momentum میتواند سرعت یادگیری را تنظیم کند و از نوسانات زیاد در مسیر یادگیری جلوگیری کند.

تکانه سریعتر از نزول گرادیان تصادفی است و تمرین سریعتر از SGD خواهد بود.

حداقل های لوکال می تواند یک گریز باشد و به دلیل حرکت درگیر به حداقل های گلوبال برسد.

نرخ آموزش های مناسب برای این دو بهینه ساز:

همه ی نرخ های آموزش برای مومنتوم مناسب بودند اما برای SGD دو نرخ مناسب1 0.00 و 0.01 است و محدوده مقادیری که باید برای نرخ یادگیری در نظر گرفت کمتر از ۱٫۰ و بیشتر از $^{-}$ است. یک مقدار پیش فرض سنتی برای نرخ یادگیری $^{+}$ ابت این ممکن است نقطه شروع خوبی برای ماست.

اگر فقط زمان برای بهینهسازی یک هایپرپارامتر وجود داشته باشد و یکی از شیب نزولی تصادفی استفاده کند، این پارامتری است که ارزش تنظیم کردن را دارد. متأسفانه، نمی توانیم نرخ یادگیری بهینه را برای یک مدل معین در یک مجموعه داده معین به صورت تحلیلی محاسبه کنیم. در عوض، یک نرخ یادگیری خوب (یا به اندازه کافی خوب) باید از طریق آزمون و خطا کشف شود. محدوده مقادیری که باید برای نرخ یادگیری در نظر گرفت کمتر از ۱۰ و بیشتر از 1۰ است. یک مقدار پیش فرض سنتی برای نرخ یادگیری است و این ممکن است نقطه شروع خوبی برای مشکل شما باشد. رویکرد جستجوی شبکهای می تواند به برجسته کردن مرتبه بزرگی که ممکن است نرخ یادگیری خوب وجود داشته باشد، کمک کند، و همچنین به توصیف رابطه بین نرخ یادگیری و عملکرد کمک کند.

اگر نرخ یادگیری ۱ در SGD باشد، ممکن است بسیاری از راه حل های کاندید را دور بریزید، و برعکس اگر بسیار کوچک باشد، ممکن است برای همیشه زمان ببرد تا راه حل مناسب یا راه حل بهینه را پیدا کنید. اگر نرخ یادگیری به اندازه کافی کوچک دارید، می توانید بر روی تخمین گرادیان به خوبی در تعدادی از تکرارها تکرار کنید.

اگر میزان یادگیری شما خیلی پایین تنظیم شده باشد، تمرینات بسیار آهسته پیشرفت خواهند کرد زیرا در حال به روز رسانی بسیار کوچک وزنه های شبکه خود هستید. با این حال، اگر میزان یادگیری شما بیش از حد بالا تنظیم شود، می تواند باعث ایجاد رفتار واگرای نامطلوب در عملکرد ضرر شما شود برای مومنتوم نیز می توان گفت که برای شروع 0.99, 0.97, 0.95, and 0.9 نقاط خوبی برای شروع می توانند ماشند

محور افققی اموزش های ما و عمودی لاس و خطای ما را براساس نرخ اموزش های مختلف نسان می دهد و در نرخ های مختلف مزیت ها و توانایی بیش تر مومنتوم در مقایسه با SGD مشهود می باشد

توضیحی بر کد های این دو:

```
def SGD(a, lr, _, __):
    a.data -= a.grad * lr
    a.grad = None
```

در یادگیری ماشین استفاده (SGD) این تابع یک تابع است که برای پیادهسازی الگوریتم بهینهسازی گرادیان کاهشی تصادفی از میشود. این الگوریتم یک روش مبتنی بر تکرار برای بهینهسازی یک تابع هدف است که در هر مرحله از یک تقریب تصادفی از :گرادیان تابع استفاده میکند. این تابع سه پارامتر را دریافت میکند

· a: پارامتر قابل آموزش مدل، مانند وزن یا بایاس

یک نرخ یادگیری، که میزان تغییر پارامتر را در هر مرحله تعیین میکند :lr

، که در این تابع استفاده نمیشودa یک لیست از متغیرهای انباشته برای پارامتر:

این تابع دو مرحله را انجام میدهد:

 \cdot و نرخ یادگیری بهروزرسانی میکند a را با کم کردن حاصل ضرب گرادیان فعلی پارامتر a پارامتر

را صفر میکند a گرادیان پارامتر ·

```
def momentum(a, _, moms, __):
    previous_momentum = moms[-1]

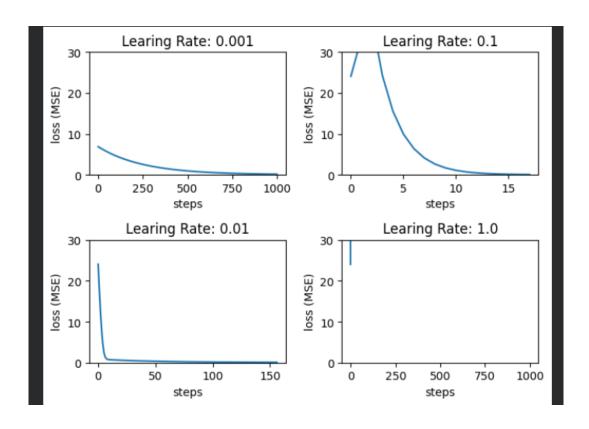
mom = a.grad * 0.1 + previous_momentum * 0.9
    moms.append(mom)
    a.data -= mom
    a.grad = None
```

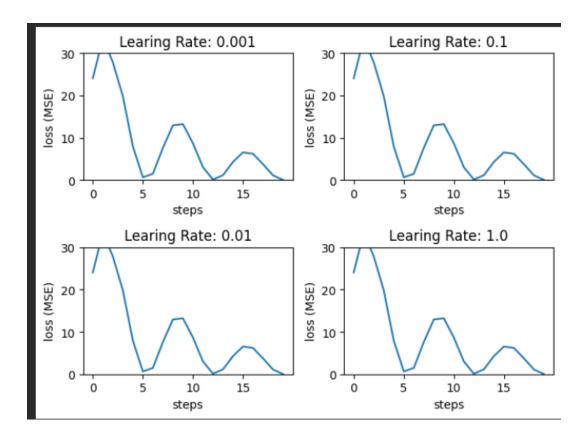
ین تابع یک تابع است که برای پیادهسازی الگوریتم بهینهسازی momentum در یادگیری ماشین استفاده میشود. این الگوریتم یک تکنیک برای بهبود عملکرد گرادیان کاهشی تصادفی (SGD) است که از یک متغیر انباشته برای ذخیره گرادیانهای گذشته استفاده میکند. این متغیر با یک ضریب تنزلی (decay factor) ضرب شده و با گرادیان فعلی جمع میشود. این کار باعث میشود که الگوریتم سرعت بیشتری داشته باشد و از گیر کردن در حداقلهای محلی خارج شود. این تابع چهار پارامتر را دریافت میکند:

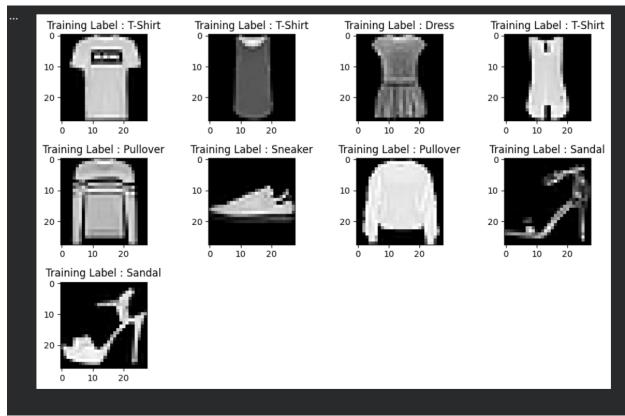
- a: یک پارامتر قابل آموزش مدل، مانند وزن یا بایاس
- : یک نرخ یادگیری، که میزان تغییر پارامتر را در هر مرحله تعیین میکند
- سیک لیست از متغیرهای انباشته برای پارامتر a ، که در هر مرحله به روزرسانی میشود . moms:
- یک لیست از متغیرهای انباشته برای مربع گرادیان پارامتر a ، که در این تابع استفاده نمیشود .___:

این تابع چند مرحله را انجام میدهد:

- متغیر انباشته قبلی را از لیست moms دریافت میکند
- · متغیر انباشته جدید را با استفاده از گرادیان فعلی پارامتر a و متغیر انباشته قبلی محاسبه میکند
 - متغیر انباشته جدید را به لیست moms اضافه میکند
 - · پارامتر a را با کم کردن متغیر انباشته جدید بهروزرسانی میکند
 - گرادیان یارامتر a را صفر میکند

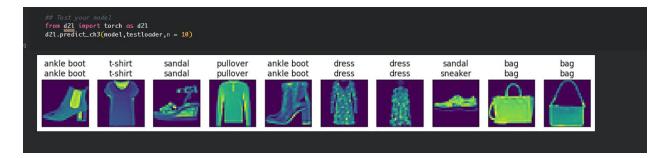






```
model = nn.Sequential(
   torch.nn.Flatten(),
   torch.nn.Linear(784, 128),
   torch.nn.ReLU(),
   torch.nn.Linear(128, 128),
   torch.nn.ReLU(),
   torch.nn.Linear(128, 10),
   torch.nn.LogSoftmax(dim=1)
   criterion = torch.nn.CrossEntropyLoss()
   optimizer =optim.SGD( model.parameters(), lr=0.01)
   print(model)
Sequential(
  (0): Flatten(start_dim=1, end_dim=-1)
  (1): Linear(in_features=784, out_features=128, bias=True)
  (2): ReLU()
  (3): Linear(in_features=128, out_features=128, bias=True)
  (4): ReLU()
  (5): Linear(in_features=128, out_features=10, bias=True)
  (6): LogSoftmax(din=1)
)
```

```
Requirement already satisfied: d2l=0.17.0 in /usr/local/lib/python3.10/dist-packages (0.17.0)
Requirement already satisfied: jupyter in /usr/local/lib/python3.10/dist-packages (from d2l=0.17.0) (1.0.0)
Requirement already satisfied: numpy in /usr/local/lib/python3.10/dist-packages (from d2l=0.17.0) (1.23.5)
Requirement already satisfied: matplotlib in /usr/local/lib/python3.10/dist-packages (from d2l=0.17.0) (3.7.2)
Requirement already satisfied: requests in /usr/local/lib/python3.10/dist-packages (from d2l=0.17.0) (2.31.0)
Requirement already satisfied: pandas in /usr/local/lib/python3.10/dist-packages (from d2l=0.17.0) (2.0.3)
Requirement already satisfied: notebook in /usr/local/lib/python3.10/dist-packages (from jupyter>d2l=0.17.0) (6.5.5)
Requirement already satisfied: qtconsole in /usr/local/lib/python3.10/dist-packages (from jupyter>d2l=0.17.0) (5.5.0)
Requirement already satisfied: jupyter-console in /usr/local/lib/python3.10/dist-packages (from jupyter>d2l=0.17.0) (6.5.4)
Requirement already satisfied: ipykernel in /usr/local/lib/python3.10/dist-packages (from jupyter>d2l=0.17.0) (6.5.6)
```



توضیحی بر کد:

این کد از دیتاست FashionMNIST استفاده میکند که شامل ۶۰۰۰۰ تصویر آموزشی و ۱۰۰۰۰ تصویر آزمون از ۱۰ کلاس مختلف لباس است. این کد شامل چند بخش است:

- وارد کردن کتابخانههای مورد نیاز
- تعریف پارامترهای مدل، مانند اندازه ورودی، اندازه خروجی، نرخ دراپاوت و نرخ یادگیری
 - بارگذاری دیتاست و تبدیل آن به تنسورهای PyTorch
 - تعریف کلاسهای دیتاست، مانند T-Shirt, Trouser, Pullover و غیره
- تعريف مدل شبكه عصبي چند لايه با استفاده از كلاس nn.Sequential و اضافه كردن لايههاي با احتمال مشخص
 - تعریف تابع هزینه و بهینهساز

- آموزش مدل بر روی دادههای آموزشی با استفاده از حلقههای تکرار و بهروزرسانی پارامترها
 - أزمون مدل بر روى دادههاى آزمون و محاسبه دقت مدل

تعداد لایه ها و نورن ها و دلیل انتخاب:

سعی کردم کمترین تعداد لایه های لازم را انتخاب کنم یه لایه وردی یه لایه خروجی و یه لایه پنهان

تعداد نورون های خروجی به اندازه کلاس ها بوده است و تعداد وذودی ها به اندازه پیکسل های تصویر همچنین از توابع فعال ساز استفاده شده در استخراج ویژگی ها و مدل بهینه تر کمک کنند

تعداد نورون های لایه ی پنهان هم ۱۲۸ انتخاب شده کمتر از ورودی باشد و توانایی یادگیری خوبی را داشته باشد تا مدل به خوبی ترین وتست شود

- یک لایه Flatten که تصویر ورودی را با ابعاد x28۲۸ پیکسل به یک بردار یک بعدی با اندازه ۷۸۴ تبدیل می کند.
- یک لایه Linear که بردار ورودی را به یک بردار خروجی با اندازه ۱۲۸ تبدیل می کند. این لایه همچنین یک وزن و یک بایاس دارد که در طول آموزش بهینه می شوند.
 - یک لایه ReLU که یک تابع فعال سازی غیر خطی است و عناصر منفی بردار ورودی را صفر می کند.
- یک لایه Linear دیگر که بردار ورودی را به یک بردار خروجی با اندازه ۱۲۸ تبدیل می کند. این لایه نیز یک وزن و یک بایاس دارد که در طول آموزش بهینه می شوند.
 - یک لایه ReLU دیگر که مانند قبل عمل می کند.
 - یک لایه Linear آخر که بردار ورودی را به یک بردار خروجی با اندازه ۱۰ تبدیل می کند. این لایه نماینده ۱۰ کلاس مختلف اعداد از ۰ تا ۹ است. این لایه نیز یک وزن و یک بایاس دارد که در طول آموزش بهینه می شوند.
 - یک لایه LogSoftmax که یک تابع فعال سازی خطی است و بردار ورودی را به یک بردار احتمالاتی تبدیل می کند.

• تجربه و دانش فردی که شبکه عصبی را طراحی میکند. برای مثال، برای انتخاب بهترین تابع فعالسازی، تعداد نورونها، نرخ یادگیری و دیگر پارامترهای شبکه عصبی، معمولا از دانش نظری و تجربی در زمینهی یادگیری ماشین و شبکههای عصبی استفاده میشود.

دلیل استفاده از رلو

ایه های کانولوشن و یادگیری عمیق: محبوب ترین تابع فعال سازی برای آموزش لایه های کانولوشن و مدل های یادگیری عمیق است .سادگی محاسباتی: تابع یکسو کننده برای پیاده سازی بی اهمیت است و فقط به تابع (max نیاز دارد .پراکندگی نمایشی: یک مزیت مهم تابع یکسو کننده این است که قادر به خروجی یک مقدار صفر واقعی است .رفتار خطی: بهینه سازی یک شبکه عصبی زمانی که رفتار آن خطی یا نزدیک به خطی باشد آسان تر است

دلیل استفاده از softmax

تابع فعالسازی softmax با آسان تر کردن تفسیر خروجیهای شبکه عصبی، این کار را برای شما ساده می کند! تابع فعالسازی softmax خروجیهای خاروجیهای خاروجیای خاروجیهای خاروجیای خاروجیهای خاروجی خاروج

نتيجه :

دیدیم که در مرحله ی ازمایش همه ی موارد را با لیبل هایسان درست پیش بینی کرده است و مدل بهخوبی کار می کند دستور اینستال dl2 هم در بالا اورده شده

سوال ۶)

ب)برای اینکه اورفیتینگ داشته باشیم تعداد نورون های ان را زیاد کنیم تا مدل پیچیده شود و دیتاها ثابت است و دیتای جدید نداریم واریانس زیاد شود و باعث اورفیتیگ شود و یا تعداد لایه را زیاد کنیم و یا ویژگی های بسیاری به مدل اضافه کنیم . و یا در تعداد ایپوک های بیش تری مدل را اموزش دهیم تا دچار اورفیت بشود.حالا فقط حفظ کرده و روی تست نتایج خوبی ندارد.

تعداد ایپاک ها را بسیار زیاد کردیم =۶۰

و تعدا نورون ها را هم به مقدار قابل توجهی زیاد کردیم ۵۱۲ و

مدل دچار اورفیت بسیار شدید یشد و مقدار داده ترین و تست از لحاظ خطا با هم اختلاف فاحسی دارند .

```
model_overfit = nn.Sequential(
   torch.nn.Flatten(),
   torch.nn.Linear(784, 1024),
   torch.nn.ReLU(),
   torch.nn.Linear(1024, 512),
   torch.nn.ReLU(),
   torch.nn.Linear(512, 10),
   torch.nn.LogSoftmax(dim=1)
   print(model_overfit)
Sequential(
  (0): Flatten(start_dim=1, end_dim=-1)
  (1): Linear(in_features=784, out_features=1024, bias=True)
  (2): ReLU()
  (3): Linear(in_features=1024, out_features=512, bias=True)
  (4): ReLU()
  (5): Linear(in_features=512, out_features=10, bias=True)
  (6): LogSoftmax(dim=1)
```

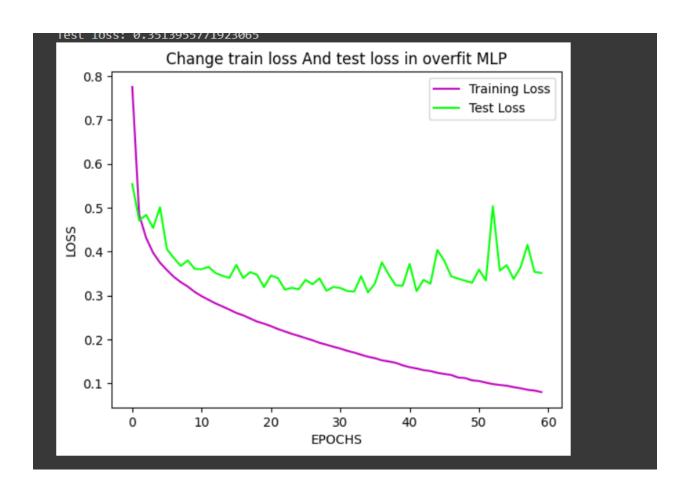
افزایش قابل توجه نورون ها

```
for e in range(60):
    running_loss = 0
    for images, labels in trainloader:
        images = images.view(images.shape[0], -1)
        optimizer.zero_grad()
        output = model_overfit(images)
        loss = criterion(output, labels)

        loss.backward()
        optimizer.step()

        running_loss += loss.item()
        train_losses.append(running_loss / len(trainloader))
        print(f"Training loss: {running_loss/len(trainloader)}")
```

و رساندن مراحل اموزش به ۶۰ تا داده ها را حفظ کند و رو همان ها فقط فیت شود و درنتیجه مقدار بسیار زیاد لاس داده های تست را در مقابل داده های اموزسی مشاهده می کنیم یا همان اورفیتینگ



Training loss: 0.7753133007776 Training loss: 0.48380403546318573 Test loss: 0.4710856080055237 Training loss: 0.43136277969585046 Test loss: 0.48374736309051514 Training loss: 0.3976147750547446 Test loss: 0.45399612188339233 Training loss: 0.37483903565513554 Test loss: 0.5012974143028259 Training loss: 0.3579480283137069 Test loss: 0.40543121099472046 Training loss: 0.3425821825655412 Test loss: 0.38547560572624207 Training loss: 0.3304684466358695 Test loss: 0.36737897992134094 Training loss: 0.3205543639563294 Test loss: 0.3801320791244507 Training loss: 0.30833137377715314 Test loss: 0.360708087682724 Training loss: 0.2986743783455159 Test loss: 0.36009564995765686 Training loss: 0.29035629143815306

Test loss: 0.36532992124557495
Training loss: 0.2821825325314297
...
Training loss: 0.08358182307920539
Test loss: 0.35401827096939087

Training loss: 0.35401827096939087
Training loss: 0.08024081039323863
Test loss: 0.3513955771923065

Training loss: 0.7753133007776
Test loss: 0.5539162755012512

Training loss: 0.48380403546318573

Test loss: 0.4710856080055237

Training loss: 0.43136277969585046 Test loss: 0.48374736309051514

Test loss: 0.41562145948410034

Training loss: 0.08358182307920539

Test loss: 0.35401827096939087

Training loss: 0.08024081039323863

Test loss: 0.3513955771923065

درمورد قسمت ديتا اگمنتيشن:

درواقع وقتی دیتاهامون کمه، میایم یکم دیتاهامونو تغییر میدیم و چندتا ازش میسازیم، مثلا فک کن میخوایم تشخیص گربه بدیم و کلا ده تا عکس گربه داریم، برا اینکه تعداد دیتاهامون رو بیشتر کنیم مثلا میایم رو هرکدوم از این گربه ها فیلتر میزاریم (اینجوری تعداد عکسای گربمون بیشتر میشه اگرچه عکس همون عکسه تقریبا) یا مثلا میایم یه قسمتایی از تصویر رو کراپ میکنیم و میبریم در واقع با این تکنیک میایم و تعداد دادههای اولیمون رو بیشتر میکنیم مثلا اگه اولش ده تا داده داشتیم با این کارا همون ده تا رو تبدیل به هزار تا دیتا میکنیم

بعد اینجوری تو داده های اموزشیت بیشتر میشه، در نتیجه این تو میتونی میزان واریانس رو کم کنی و درنتیجه اورفیت شدن رو کم کنی

مثلا اولیش که جئومتریکه گفته بصورت رندوم مثلا میایم عکس رو آینه وار فلیپ میکنیم یا یه قسمتایی از تصویرو پاک میکنیم و یا مثلا روی رنگ های تصویر تغییر میدیم (مثلا سیاه سفید میکنیم یا رنگشونو تغییر میدیم)

توی این لینک که توی خود داکیومنت تمرینت گذاشته هم اومده گفته ما یه کلاسی توی پای تورچ ساختیم به اسم transform و به کمک این میتونیم بگیم چیکارا روی تصویر انجام بده و بعد تصاویر رو به این ترنسفورمه میدیم که اون تغییرات رو بده

https://pytorch.org/vision/master/transforms.html

اومده اول عکس رو تبدیل کرده به تنسور بعد به ترتیب اومده کد رنگ هارو تبدیل کرده به عدد صحیح، بعد به کمک تابع RandomResizedCrop اومده بصورت رندوم یه جای تصویر رو برش زده (اینجوری تصویر جدید خلق کرده) و بعدم به همین منوال دیتاهارو نرمالایز کرده (از حالت عدد صحیح)

بعد اینجوری تو داده های اموزشیت بیشتر میشه، در نتیجه این تو میتونی میزان واریانس رو کم کنی و درنتیجه اورفیت شدن رو کم کنیبعد وقتی تو همین لینکه بیای پایین توی این قسمت اومده قانکشنای مختلفی که میتونه رو عکس انجام بده رو گفته (مثلا کوچیک و بزرگ کردن تصویر یا برش زدن تصویر یا چرخش تصویر یا مثلا زوم کردن روی تصویر یا تغییر رنگای تصویر و…)

توضیح کد و توضیح اینکه از چه مواردی استفاده شده:

نتيجه:

به خوبی مقدار اورفیتیگ کاهش یافته و داده های تست هم به خوبی عمل کرده اند و حتی مقدار لاس ان ها از داده های اموزشی در برخی نقاط کم تر شده و لاس قابل قبولی را دارند در نتیجه با افزودن دیتاهای مختلف توانستیم اورفیتینگ را کم کنیم.

```
import torchvision.transforms as transforms
transform_train = transforms.Compose([
    transforms.RandomRotation(10),
    transforms.RandomHorizontalFlip(),
    transforms.RandomVerticalFlip(),
    transforms.ToTensor(),
])

transform_test = transforms.Compose([
    transforms.ToTensor(),
])

trainset = FashionMNIST(root='./data', train=True, download=True, transform=transform_train)
trainloader = DataLoader(trainset, batch_size=64, shuffle=True)

testset = FashionMNIST(root='./data', train=False, download=True, transform=transform_test)
testloader = DataLoader(testset, batch_size=64, shuffle=False)

train_losses = []
test_losses = []
```

این کد چند مرحله را برای آماده سازی و بارگذاری داده های مجموعه داده FashionMNIST انجام می دهد. این مجموعه داده شامل ۷۰ هزار تصویر سیاه و سفید از لباس ها و کفش های مختلف است که به ۱۰ کلاس تقسیم شده انده https://pytorch.org/vision/stable/generated/torchvision.datasets.FashionMNIST.html این کد از بسته torchvision.transforms استفاده می کند که شامل چندین تابع برای تغییر و افزایش داده های تصویری استه https://pytorch.org/tutorials//beginner/basics/transforms_tutorial.html این کد از توابع زیر استفاده می کند:

- transforms.Compose: یک تابع که چندین تبدیل را در یک لیست قرار می دهد و یک تبدیل جدید ایجاد می کند که تمام تبدیل های لیست را به ترتیب اعمال می

 https://pytorch.org/tutorials//beginner/basics/transforms tutorial.html.
 - transforms.RandomRotation: یک تابع که تصویر را با یک زاویه تصادفی در بازه داده شده چرخانده می کندhttps://pytorch.org/tutorials//beginner/basics/transforms tutorial.html.
 - transforms.RandomHorizontalFlip: یک تابع که تصویر را با احتمال ۰٫۵ افقی معکوس می کندhttps://pytorch.org/tutorials//beginner/basics/transforms tutorial.html.

- transforms.RandomVerticalFlip: یک تابع که تصویر را با احتمال ۰٫۵ عمودی معکوس می کندhttps://pytorch.org/tutorials//beginner/basics/transforms_tutorial.html.
- transforms.ToTensor: یک تابع که تصویر را از یک شیء PIL یا numpy array به یک تنسور pytorch تبدیل می کند

این کد دو تبدیل مختلف برای داده های آموزش و آزمون ایجاد می کند. تبدیل آموزش شامل چرخش، معکوسی افقی و عمودی تصادفی است که برای افزایش تنوع داده ها و جلوگیری از بیش برازش مفید است. تبدیل آزمون فقط شامل تبدیل تصویر به تنسور است که برای سازگاری با مدل لازم است.

این کد همچنین از کلاس FashionMNIST برای بارگذاری مجموعه داده استفاده می کند. این کلاس یک زیر کلاس از کلاس از کلاس Dataset است که یک رابط برای دسترسی به داده ها را فراهم می کندا. این کلاس چند پارامتر را می پذیرد:

- root: مسیر پوشه ای که داده ها در آن ذخیره می شوند
- train: یک مقدار بولی که مشخص می کند که داده های آموزش یا آزمون بارگذاری شوند
- download: یک مقدار بولی که مشخص می کند که آیا داده ها از اینترنت دانلود شوند یا خیر htt
 - transform: یک تابع که بر روی تصاویر اعمال

این کد همچنین از کلاس DataLoader برای تقسیم داده ها به دسته های کوچکتر و قابل مدیریت تر استفاده می کند. این کلاس یک ابزار برای بارگذاری داده ها به صورت موازی و کارآمد است. این کلاس چند پارامتر را می پذیرد:

- dataset: یک شیء Dataset که داده ها را نگه می دارد.
- batch_size: تعداد داده هایی که در هر دسته قرار می گیرند.

• shuffle: یک مقدار بولی که مشخص می کند که آیا داده ها به صورت تصادفی قبل از بارگذاری مخلوط شوند یا خیر.

نحوه ی تغییرات از اولین تا اخرین مقدار که به خوبی بیانگر این است که بیش برازش هندل شده

افزایش داده ها تکنیکی برای افزایش مصنوعی مجموعه آموزشی با ایجاد نسخه های اصلاح شده از یک مجموعه داده با استفاده از داده های موجود است. این شامل ایجاد تغییرات جزئی در مجموعه داده یا استفاده از یادگیری عمیق برای تولید نقاط داده جدید است.

برای جلوگیری از برازش بیش از حد مدل ها.

مجموعه آموزشی اولیه خیلی کوچک است.

برای بهبود دقت مدل

برای کاهش هزینه عملیاتی برچسب زدن و تمیز کردن مجموعه داده خام.

تقويت تصوير

در مسیر مهارت پردازش تصویر با پایتون، درباره تغییر شکل و دستکاری تصویر با تمرینات عملی بیشتر بیاموزید.

تغییرات هندسی: به طور تصادفی ورق زدن، برش، چرخش، کشش و بزرگنمایی تصاویر. باید مراقب اعمال چندین تغییر شکل روی تصاویر مشابه باشید، زیرا این کار می تواند عملکرد مدل را کاهش دهد.

تغییر فضای رنگ: به طور تصادفی کانال های رنگ، کنتراست و روشنایی RGB را تغییر دهید.

فیلترهای هسته: به طور تصادفی وضوح یا تاری تصویر را تغییر می دهند.

یاک کردن تصادفی: بخشی از تصویر اولیه را حذف کنید.

اختلاط تصاویر: ترکیب و ترکیب چندین تصویر.

RANDOMVERTICALFLIP

Vertically flip the given image randomly with a given probability. If the image is torch Tensor, it is expected to have [..., H, W] shape, where ... means an arbitrary number of leading dimensions

Parameters:

p (*float*) – probability of the image being flipped. Default value is 0.5

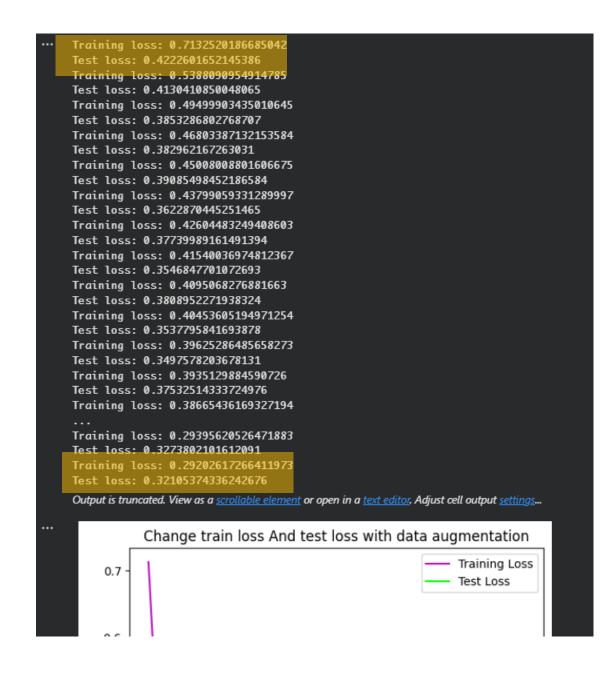
transforms.RandomRotation(10), RANDOMROTATION

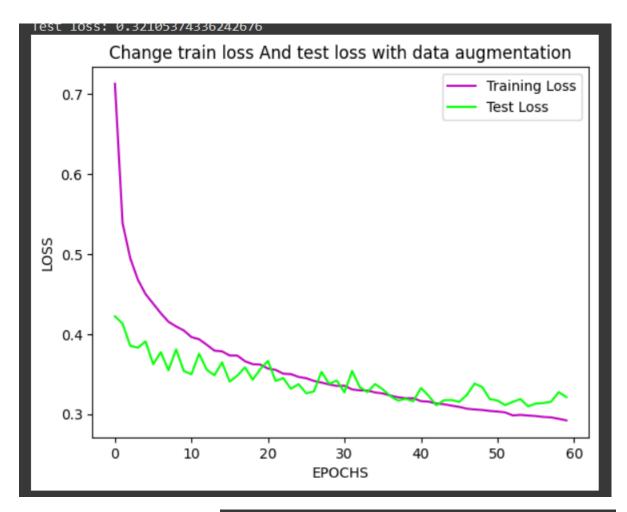
CLASStorchvision.transforms.RandomRotation(degrees, interpolation=InterpolationMo de.NEAREST, expand=False, center=None, fill=0)[SOURCE]

Rotate the image by angle. If the image is torch Tensor, it is expected to have [..., H, W] shape, where ... means an arbitrary number of leading dimensions.

Parameters:

- degrees (sequence or number) Range of degrees to select from. If degrees is a number instead of sequence like (min, max), the range of degrees will be (degrees, +degrees).
- interpolation (InterpolationMode) Desired interpolation enum defined by torchvision.transforms.InterpolationMode. Default is InterpolationMode.NEAREST. If input is Tensor, only InterpolationMode.NEAREST, InterpolationMode.BILINEAR are supported. The corresponding Pillow integer constants, e.g. PIL.Image.BILINEAR are accepted as well.
- **expand** (*bool*, *optional*) Optional expansion flag. If true, expands the output to make it large enough to





Training loss: 0.7132520186685042
Test loss: 0.4222601652145386
Training loss: 0.5388090954914785
Test loss: 0.4130410850048065
Training loss: 0.49499903435010645

Test loss: 0.3853286802768707 Training loss: 0.46803387132153584

Test loss: 0.382962167263031

Training loss: 0.45008008801606675

Test loss: 0.39085498452186584

Training loss: 0.43799059331289997

Test loss: 0.3622870445251465

Training loss: 0.42604483249408603

Test loss: 0.37739989161491394

Test loss: 0.3095241189002991

Training loss: 0.2974057452145543

Test loss: 0.31306055188179016

Training loss: 0.2963194532006153

Test loss: 0.313647985458374

Training loss: 0.2957809068032229

Test loss: 0.3153814673423767

Training loss: 0.29395620526471883

Test loss: 0.3273802101612091

Training loss: 0.29202617266411973

Test loss: 0.32105374336242676

ت)منظم سازیL2 ,

https://stackoverflow.com/questions/42704283/l1-l2-regularization-in-pytorch

در این قسمت سه مدل را بررسی کردم ابتداا مدلی که به سادگی ۳۰ ایپاک را ترین و تست کرده و بعد مدل ساده را با منظم سازی و مدل اورفیت شده را با روش 12 بررسی کردم

optimizer = optim.SGD(model.parameters(), lr=0.01, weight_decay=1e-5)

این الگوریتم بهینه سازی SGD نام دارد و یکی از روش های ساده و معروف یادگیری عمیق است. این الگوریتم در هر مرحله یک قدم کوچک به سمت جهت منفی گرادیان می گیرد تا به حداقل تابع هزینه برسد. برای اطلاعات بیشتر می توانید به [این لینک] مراجعه کنید.

این کد چند پارامتر را به الگوریتم بهینه سازی می دهد:

- model.parameters): یک تابع که یک تکرار شونده از تمام پارامترهای قابل بهینه سازی مدل را بر می گرداند. این پارامترها شامل وزن ها و بایاس های لایه های خطی و دیگر لایه هایی هستند که پارامتر دارند.
- Ir: یک پارامتر که نرخ یادگیری را مشخص می کند. این پارامتر مقدار قدم را کنترل می کند و باید به طور دقیق انتخاب شود. اگر نرخ یادگیری خیلی بزرگ باشد، ممکن است الگوریتم بهینه سازی از حداقل تابع هزینه عبور کند و نتیجه خوبی ندهد. اگر نرخ یادگیری خیلی کوچک باشد، ممکن است الگوریتم بهینه سازی خیلی آهسته پیش رود و زمان زیادی برای رسیدن به حداقل تابع هزینه طول بکشد. مقدار پیش فرض این پارامتر ۲۰۰۱ است.

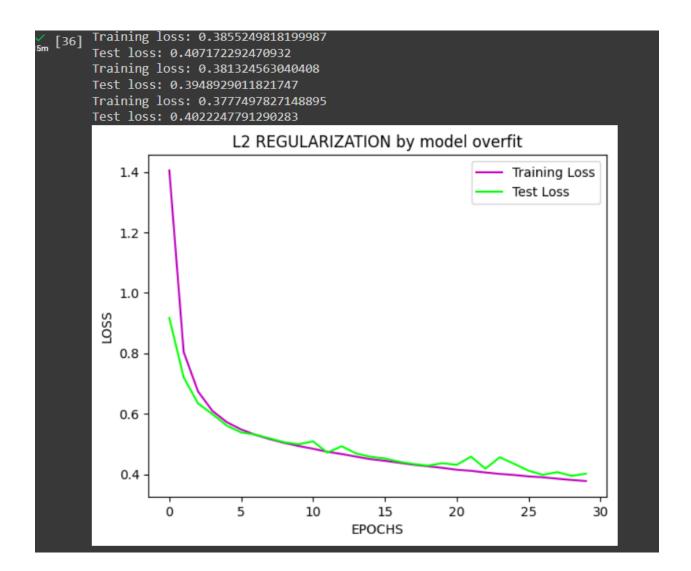
• weight_decay: یک پارامتر که مقدار تنزل وزن را مشخص می کند. این پارامتر برای جلوگیری از بیش برازش مفید است. بیش برازش زمانی رخ می دهد که مدل بر روی داده های آموزش خیلی خوب عمل کند اما بر روی داده های جدید خوب عمل نکند. این پارامتر باعث می شود که وزن های مدل کمی کاهش یابند و مدل ساده تر و کلی تر شود. مقدار پیش فرض این پارامتر صفر است.

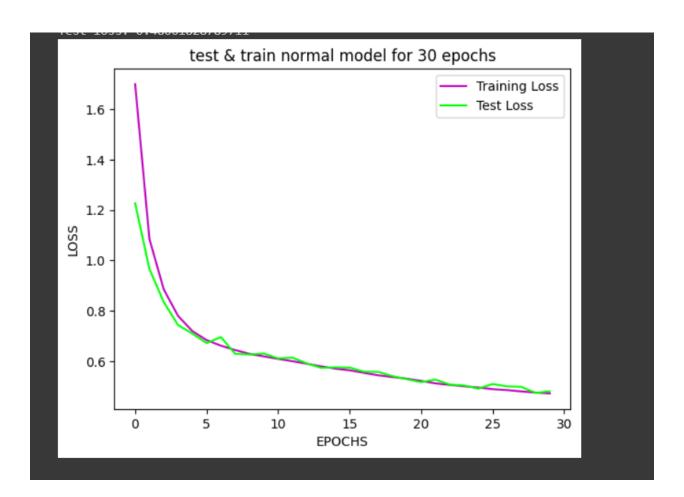
نظمسازی L2 (رگرسیون ریج) - مجموع مربعهای همه وزنها را در مدل به تابع هزینه اضافه می کند. این می تواند الگوهای داده پیچیده را یاد بگیرد و بر خلاف تنظیم L1 راه حل های غیر پراکنده ارائه می دهد.

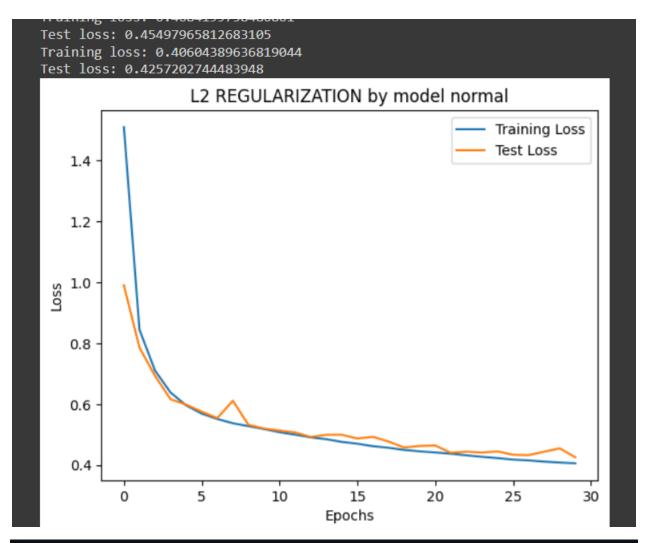
ب) تنظیم L2

پارامتر weight_decay تنظیم L2 را در حین شروع بهینه ساز اعمال می کند. این عبارت منظمسازی را به تابع ضرر اضافه می کند، با اثر کوچک کردن تخمینهای پارامتر، مدل را ساده تر می کند و احتمال اضافه برازش را کمتر می کند.

همانگونه که در دو نمونه ی پیاده سازی شده می بینید با این منظم سازی جلوی اورفیتینگ گرفته شدی و اختلاف و فاصله ای بین داده ای تست و اموزش مشاهده نمی شوند هرچند که موارد ترکیبی یا داده فزایی بیش تر روی مقدار خطا تاثیر گذاشتند







L2 based weight decay can also be implemented by setting a delta value for weight_decay in the optimizer.

weight_decay (<u>float</u>, optional) – weight decay (L2 penalty) (default: 0)

PyTorch (n.d.)

ث) شایان ذکر است که Dropout* در واقع چیزی بیش از منظمسازی انجام میدهد، این مدل را قوی تر میکند و به آن اجازه میدهد گردهای مختلف را برای پیشبینی امتحان کند.

Dropout به حذف واحدها در یک شبکه عصبی اشاره دارد. با حذف یک واحد، به معنای حذف موقت آن از شبکه است. انتخاب واحدهایی که باید رها شوند تصادفی است. هر واحد با احتمال ثابت p مستقل از واحدهای دیگر حفظ می شود.

این روش به طور موثر مدلهای کمی متفاوت با توپولوژیهای نورون متفاوت در هر تکرار ایجاد می کند، بنابراین به نورونهای مدل، فرصت کمتری برای هماهنگی در فرآیند به خاطر سپردن که در طول بیشبرازش اتفاق میافتد، میدهد. بنابراین آن را در تعمیم بهتر و مقابله با موضوع بیش از حد مناسب می کند.

در مورد L1/L2، فقط با جريمه كردن وزنه هاى بالاتر، اضافه برازش را كاهش مى دهد

خلاصه یکی از مقالات درباره ی ترکیب روش ها :

تکنیک های یادگیری عمیق به دلیل ساختار لایه ای پیچیده با مشکل بیش از حد برازش مواجه می شوند. برای غلبه بر این مشکل و بهبود مدل های طراحی شده از روش های منظم سازی استفاده می شود. در این مقاله از ترکیب روش های تنظیم Lastic Net-regularization ،L2 و Elastic Net-regularization استفاده می کنیم. مدل عمیق طراحی شده با استفاده از ترکیب این روش ها با نرخ های این روش ها با نرخ های این روش ها با نرخ های مختلف طراحی شده است. در نهایت، عملکرد همه روشهای ترکیبی با مدل شبکه عصبی کانولوشن که از روشهای منظمسازی استفاده نمی کند، مقایسه می شود. آزمایش ها با استفاده از مجموعه داده قیمت طلا در هر اونس و مدل شبیه سازی خطی انجام می شود. نتایج بهدست آمده نشان می دهد که عملکرد مدل ترکیبی Dropout و منظمسازی شبکه الاستیک بهتر از مدل های دیگر است.

ترکیب روشهای منظم سازی با یکدیگر میتواند مزایا و معایبی داشته باشد. برخی از مزایای ترکیب روشهای منظم سازی عبارتند از:

- افزایش قدرت تعمیم پذیری مدل به دادههای جدید و کاهش خطای عمومی
 - کاهش احتمال بیش برازش و وابستگی مدل به دادههای آموزشی
- ایجاد تنوع و تعادل بین روشهای مختلف منظم سازی و جبران کردن نقاط ضعف هر یک
- امکان انتخاب بهینهترین ترکیب و ضرایب منظم سازی با استفاده از روشهای اعتبارسنجی متقاطع

برخی از معایب ترکیب روشهای منظم سازی عبارتند از:

• افزایش پیچیدگی مدل و زمان آموزش

- احتمال کم برازش و کاهش قدرت یادگیری مدل در صورت اعمال منظم سازی بیش از حد
 - ایجاد تضاد و تعارض بین روشهای مختلف منظم سازی و کاهش کارایی هر یک
 - دشواری در تفسیر و تحلیل نتایج و اثرات روشهای منظم سازی بر روی مدل

بنابراین، ترکیب روشهای منظم سازی با یکدیگر میتواند خوب یا بد باشد، بسته به مسئله، مدل، دادهها و هدفی که داریم. برای انتخاب بهترین ترکیب و ضرایب منظم سازی، باید از روشهای اعتبارسنجی متقاطع و معیارهای ارزیابی مناسب استفاده کرد

Method	Test Classification error %
L2	1.62
L2 + L1 applied towards the end of training	1.60
L2 + KL-sparsity	1.55
Max-norm	1.35
Dropout + L2	1.25
Dropout + Max-norm	1.05

Table 9: Comparison of different regularization methods on MNIST.

ما دریافتیم که دراپ اوت همراه با منظمسازی حداکثر هنجار کمترین خطای تعمیم را میدهد.

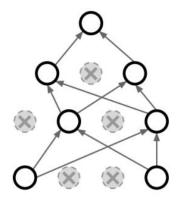
ییاده سازی در شبکه های ما :

برای اینکه تست و ترین داده های ما زمان بسیار زیادی میبرد از این رو فقط برای این قسمت از ۳۰ ایپاک استفاده شده! قسمت های قبلی با ۶۰ ایپاک هر کدام ۱ ساعت زمان برد :))

مانند این اسلاید دراپ اوت انجام دادیم و منظم سازی های دیگر را نیز در قسمت قبل پیاده سازی کردیم

Dropout

```
= 0.5 # probability of keeping a unit active. higher = less dropout
ef train_step(X):
 # forward pass for example 3-layer neural network
H1 = np.maximum(0, np.dot(W1, X) + b1)
U1 = (np.random.rand(*H1.shape) < p) # first dropout mask.
H1 *= U1 # drop!
H2 = np.maximum(0, np.dot(W2, H1) + b2)
U2 = (np.random.rand(*H2.shape) < p) # second dropout mask.
H2 *= U2 # drop!
out = np.dot(W3, H2) + b3
                            drop in forward pas
# backward pass: compute gradients... (not shown)
# perform parameter update... (not shown)
ef predict (X):
                                         scale at test time
# ensembled forward pass
H1 = np.maximum(0, np.dot(W1, X) + b1) * p # scale the activations
H2 = np.maximum(0, np.dot(W2, H1) + b2) * p # scale the activations
out = np.dot(W3, H2) + b3
```



ترکیب L2 و دیتافزایی

مدل توانسته خوب عمل بکند و اورفیت نداریم در شبکه اما موارد بعدی علکردی بهتر از این عملکرد این مورد دارند

```
Test loss: 0.444789856672287
Training loss: 0.41833098243866396
Test loss: 0.4451601207256317
Training loss: 0.4146643210925273
Test loss: 0.4237830340862274
Training loss: 0.41063203411633525
Test loss: 0.4320526719093323
Training loss: 0.408109394186087
Test loss: 0.4196133017539978
```

ردار خروجی با اندازه ۱۰ تبدیل می کند. این لایه نماینده ۱۰ کلاس مختلف اعداد از ۰ تا ۹ است. این لایه نیز یک وزن و یک بایاس مختلف می شوند

- که یک تابع فعال سازی خطی است و بردار ورودی را به یک بردار احتمالاتی تبدیل می کند. این لایه LogSoftmax یک لایه مقدار لگاریتم احتمال هر کلاس را بر می گرداند. این لایه برای محاسبه خطا و به روز رسانی وزن ها و بایاس ها با استفاده از ...

 الگوریتم بهینه سازی مورد نیاز است.
- استفاده می کند که شامل چندین تابع برای torchvision.transforms آماده سازی و بارگذاری داده ها: این کد از بسته تغییر و افزایش داده های تصویری است. این کد از توابع زیر استفاده می کند

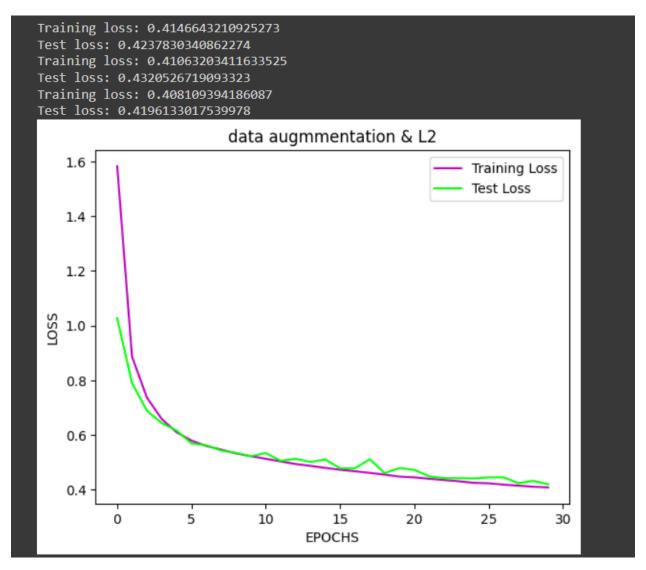
- · transforms.Compose: یک تابع که چندین تبدیل را در یک لیست قرار می دهد و یک تبدیل جدید ایجاد می کند که . تمام تبدیل های لیست را به ترتیب اعمال می کند
- . یک تابع که تصویر را با یک زاویه تصادفی در بازه داده شده چرخانده می کند :transforms.RandomRotation
- . یک تابع که تصویر را با احتمال ۰٫۵ افقی معکوس می کند :transforms.RandomHorizontalFlip
- transforms.ToTensor: یک تابع که تصویر را از یک شیء numpy array یا PIL یک تابع که تصویر را از یک شیء .

این کد دو تبدیل مختلف برای داده های آموزش و آزمون ایجاد می کند. تبدیل آموزش شامل چرخش و معکوسی افقی تصادفی است که برای افزایش تنوع داده ها و جلوگیری از بیش برازش مفید است. تبدیل آزمون فقط شامل تبدیل تصویر به تنسور است که برای سازگاری با مدل لازم است .

برای بارگذاری مجموعه داده استفاده می کند. این کلاس یک زیر کلاس از کلاس FashionMNIST این کد همچنین از کلاس Dataset است که یک رابط برای دسترسی به داده ها را فراهم می کند. این کلاس چند پارامتر را می پذیرد:

- . مسیر یوشه ای که داده ها در آن ذخیره می شوند :root
- · train: یک مقدار بولی که مشخص می کند که داده های آموزش یا آزمون بارگذاری شوند.
- . یک مقدار بولی که مشخص می کند که آیا داده ها از اینترنت دانلود شوند یا خیر
- . کتابع که بر روی تصاویر اعمال می شود : transform

برای تقسیم داده ها به دسته های کوچکتر و قابل مدیریت تر استفاده می کند. این DataLoader این کد همچنین از کلاس چند پارام کلاس چند پارام کلاس چند پارام

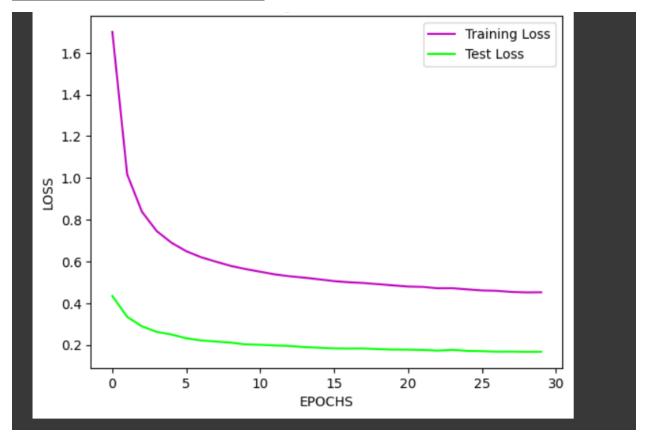


ترکیب دراپ اوت و دیتافزایی

به خوبی جلوی اورفیتیگ را گرفته داده ها به درستی فیت شده اند در کد هم در قسمت اموزش با احتمال 0.4. نورن را غیر فعال می کنیم و بعد ساختا ری که برای داده فزایی استفاده شده بود را پیاده سازی می کنیم و بعد ساختا ری که برای داده فزایی استفاده شده بود را پیاده سازی می کنیم

Test loss: 0.1774638444185257
Training loss: 0.4781224118080983
Test loss: 0.17586316168308258
Training loss: 0.4715293202318871
Test loss: 0.17254355549812317
Training loss: 0.4717364111847715
Test loss: 0.1765557825565338

```
Training loss: 0.4662633352378792
Test loss: 0.1712537705898285
Training loss: 0.46108906198221483
Test loss: 0.16995449364185333
Training loss: 0.45937663018068015
Test loss: 0.16770564019680023
Training loss: 0.45385030847686186
Test loss: 0.16790485382080078
Training loss: 0.4516276761508191
Test loss: 0.16679666936397552
Training loss: 0.4522634225645299
Test loss: 0.16725030541419983
```



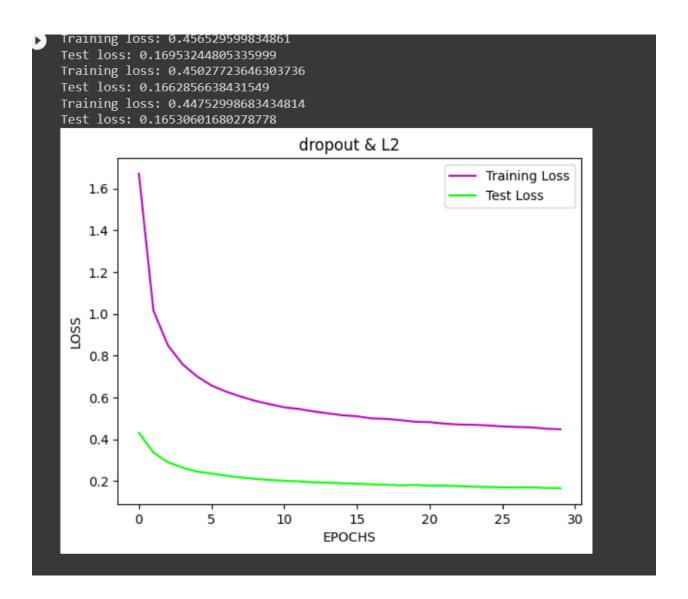
نحوه ی عملکرد: بسیار عالی

لاس تست به ۰٫۱۶ رسیده که بسیار عدد خوب و قابل توجهی است و ترکیب این دو مورد توانسته بسیار خوب بایکدیگر کار کند

ترکیب 12 و دراپ اوت

توضيح كد :

دراپ اورت را با اختمال ۴ دهم پیاده سازی کردیم و پارامتر کاهششی وزن را با مقدار مشخص تعمیم یافته برای L2 استفاده می کنیم



ترکیب های با دراپ ات به خوبی توانسته که در قسمت تست عمل کند و مدل به خوبی تعمیم یافته شده و در برابر جواب هایی هم که ندیده است به خوبی عمل می کند

نحوه ی عملکرد: بسیار عالی

ترکیب این موارد برای من بهتر از استفاده ی جداگانه هر کدام از منظم سازی ها کار کرد و بهترین مدل ها را با کمترین خطای پیش بینی و دقت زیاد در شرایط یکسان با بقیه ی مدل ها به ما داد

به ترتیب در این مدل ها بهترین عملکرد برای ترکیب 12 و دراپ اوت

با کم ترین مقدار لاس در تست ۱۶۵۳,۰۰٫۰۰٫۰۰٫۰۰٫۰۰٫۰۰۰ مناسب برای دیتا ها و پیش بینی بسیارر مناسب حتی کم تر از مقدار داده های اموزشی

در رتبه بعدی دراپ اوت و دیتا فزایی

Test loss: 0.16725030541419983

و در رتبه ی بعد

ترکیب L2 و دیتافزایی

Test loss: 0.4196133017539978

ترکیب این موارد با یکدیگر نتایج مفید و مثمر ثمری را به ما داد که از اعمال تنهایی ان ها مقدار لاس را بیش تر کاهش البته این ترکیب ها برای دیتاست های مختلف و با توجه به مدا متفاوت می باشد

https://stats.stackexchange.com/questions/241001/deep-learning-use-l2-and-dropout-regularization-simultaneously

https://ieeexplore.ieee.org/document/9986657

https://pytorch.org/vision/master/generated/torchvision.transforms.v2.RandomChoice.html#t orchvision.transforms.v2.RandomChoice