## Programmieren für Mathematiker WS2017/18

Dozent: Prof. Dr. Wolfgang Walter

14. August 2018

# In halts verzeichnis

1	allg	gemein	e Informationen	1						
	1	Bereio	che der Informatik	. 1						
	2	Maßei	inheiten und Größenordnungen	. 1						
II	Zał	Zahldarstellungen								
	1	Basis-	Konvertierung ganzer Zahlen	. 3						
	2	Basis-	Konversion gebrochener Zahlen	4						
	3	Gleitk	commazahlen	. 6						
	4	Rundı	ung	. 7						
ш	Gru	ındstrı	ukturen von Algorithmen	8						
	1	Begrif	fe	. 8						
		1.1	Variablen und Daten	. 8						
		1.2	Schleifen	. 8						
	2	Einfac	che Syntax	10						
	3	Datentypen								
		3.1	Der Datentyp Integer	. 11						
		3.2	Der Datentyp Real	. 11						
		3.3	Der Datentyp Complex	. 12						
		3.4	Der Datentyp Logical	. 12						
		3.5	Der Datentyp Character	. 12						
		3.6	INTEGER-Division	13						
		3.7	Potenzieren	. 14						
		3.8	Operator-Prioritäten	. 14						
	4	Ausdr	rücke	15						
T3//	Ein	- und	Ausgaba	16						

## Kapitel I

## allgemeine Informationen

Eine Programmiersprache ist lexikalisch, syntaktisch und semantisch eindeutig definiert. Eine <u>Compiler</u> übersetzt die <u>Programmiersprache</u> in <u>Maschinensprache</u>. Ein <u>Interpreter</u> arbeitet das Programm dann ab. Ein Laufzeitsystem stellt grundlegende Operationen und Funktionen zur Verfügung.

## Bereiche der Informatik

Die Informatik untergliedert sich in 4 Bereiche:

- Technische Informatik
- Praktische Informatik
- Theoretische Informatik
- Angewandte Informatik

Die <u>Technische Informatik</u> beschäftigt sich mit der Konstruktion der Hardware, zum Beispiel der Datenleitungen, um Informationen durch das Internet zu transportieren. Wichtige Firmen sind hier: Intel, Globalfoundries und Infineon.

Die <u>Praktische Informatik</u> beschäftigt sich mit der Software, also Betriebssystem, Compiler, Interpreter und so weiter. In alltäglicher Software findet sich rund 1 Fehler in 100 Zeilen Quelltext. In wichtiger Software, also Raketen, Betriebssysteme, ..., ist es nur 1 Fehler pro 10.000 Zeilen Code.

Die <u>Theoretische Informatik</u> beschäftigt sich mit Logik, formalen Sprachen, der Automatentheorie, Komplexität von Algorithmen, ...

Die <u>Angewandte Informatik</u> beschäftigt sich mit der Praxis, dem Nutzer, der Interaktion zwischen Mensch und Maschine, ...

## Maßeinheiten und Größenordnungen

Ein bit ist ein Kunstwort aus "binary" und "digit". Es kann nur 2 Werte speichern: 0 und 1

Ein <u>nibble</u> ist eine Hexadezimalziffer, bündelt also 4 bits und kann damit 16 Werte annehmen: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, C, D, E und F.

Ein <u>byte</u> bündelt 2 nibble, also 8 bit. Er ist die gebräuchlichste, direkt addressierbare, kleinste Speichereinheit. Weitere Speichergrößen sind:

Name	Anzahl byte	Name	Anzahl byte
1 KB	$10^{3}$	1 KiB	$2^{10} = 1.024$
1 MB	$10^{6}$	1 MiB	$2^{20} = 1.048.576$
1 GB	$10^{9}$	1 GiB	$2^{30} = 1.073.741.824$
1 TB	$10^{12}$	1 TiB	$2^{40}$
1 PB	$10^{15}$	1 PiB	$2^{50}$
1 EB	$10^{18}$	1 EiB	$2^{60}$

Der  $\underline{\mathrm{ROM}}$  ("read-only-memory") speichert wichtige Informationen auch ohne Strom, wie zum Beispiel die Uhrzeit, Informationen über die Festplatte, ... Er ist nicht mehr änderbar, außer durch Belichtung.

 $\label{eq:condition} \mbox{Der } \underline{\mbox{RAM}} \mbox{ ("random-access-memory") ermöglicht den Zugriff auf alle Adressen, insbesondere im Hauptspeicher.}$ 

## Kapitel II

## Zahldarstellungen

## Basis-Konvertierung ganzer Zahlen

Die Notation  $[9]_{10}$  bedeutet, dass man die Zahl 9 im Zehner-System betrachtet. Es gilt also  $[9]_{10} = [1001]_2$  und  $[10]_{10} = [1010]_2$ .

Um eine Zahl von einer gegebenen Basis in eine Zielbasis b zu konvertieren, so teilt man immer wieder durch b und notiert den Rest als nächste Ziffer von hinten nach vorne. Am Beispiel von  $[57]_{10}$  ins Zweier-System sieht das so aus:

$$\frac{57}{2} = 28 \text{ Rest } 1 \Rightarrow \text{ letzte Ziffer der Binärdarstellung}$$

$$\frac{28}{2} = 14 \text{ Rest } 0 \Rightarrow \text{ vorletzte Ziffer der Binärdarstellung}$$

$$\frac{14}{2} = 7 \text{ Rest } 0$$

$$\frac{7}{2} = 3 \text{ Rest } 1$$

$$\frac{3}{2} = 1 \text{ Rest } 1$$

$$\frac{1}{2} = 0 \text{ Rest } 1$$

Also gilt:  $[57]_{10} = [111001]_2$ .

Die umgekehrte Richtung verläuft ähnlich:

$$\begin{array}{c} 111001 & : & 1010 & = & 101 \text{ R } 111 \\ \hline -1010 \\ \hline 01000 \\ \hline -00000 \\ \hline 10001 \\ \hline -01010 \\ \hline \end{array}$$

Also  $[111001]_2$  durch  $[10]_{10} = [1010]_2$  gleich  $[101 \text{ Rest } 111]_2 = [5 \text{ Rest } 7]_{10} \Rightarrow [57]_{10}$ .

Von Basis 2 in Basis 4, 8 oder 16 ist dann ganz einfach: [111100101]<sub>2</sub>

- Zweiergruppen von hinten nach vorne zusammenzählen: [13211]<sub>4</sub>
- Dreiergruppen von hinten nach vorne zusammenzählen: [745]<sub>8</sub>
- Vierergruppen von hinten nach vorne zusammenzählen:  $[1E5]_{16}$

## Basis-Konversion gebrochener Zahlen

Festkommadarstellung (nur Betrag der Zahl, ohne Vorzeichen):

Also: 
$$\sum_{i=k}^{l} m_i \cdot B^{-i}$$
.

Die Konvertierung des ganzzahligen Anteils vor dem "." läuft wie gehabt. Um den gebrochenen Anteil zu konvertieren, multipliziert man wiederholt mit der Zielbasis b und nimmt den jeweiligen ganzzahligen Anteil als Nachkommaziffern (von links nach rechts). Mit dem gebrochenen Anteil macht man weiter. Wir wollen die Zahl  $[0.625]_{10}$  ins Zweiersystem konvertieren:

$$0.625 \cdot 2 = 1.25$$
  
 $0.25 \cdot 2 = 0.5$   
 $0.5 \cdot 2 = 1$ 

Also gilt:  $[0.625]_{10} = [0.101]_2$ .

Wieder anders herum:

$$0.101 \cdot 1010 = \mathbf{110}.010$$
  
 $0.010 \cdot 1010 = \mathbf{10}.100$   
 $0.100 \cdot 1010 = \mathbf{101}.0$ 

Also gilt  $[0.101]_2 = [0.110|10|101]_2 = [0.625]_{10}$ .

Jetzt wollen wir  $[0.1]_{10}$  ins Zweiersystem konvertieren:

$$0.1 \cdot 2 = 0.2$$

$$0.2 \cdot 2 = 0.4$$

$$0.4 \cdot 2 = 0.8$$

$$0.8 \cdot 2 = 1.6$$

$$0.6 \cdot 2 = 1.2$$

$$0.2 \cdot 2 = 0.4$$
(1)

Wie man sieht, sind die Zeilen (1) und (2) gleich, das heißt, diese Konvertierung wird unendlich lange laufen. Also:  $[0.1]_{10} = [0.0\overline{0011}]_2$ . Aber es muss gelten:  $[0.1]_{10} \cdot [10]_{10} = [1]_{10}$ . Aber es stimmt:  $[0.0\overline{0011}]_2 \cdot [1010]_2 = [0.\overline{1}]_2 = [1]_2$ .

Entsprechend gilt:

$$[0.2]_{10} = [0.\overline{0011}]_2$$

$$[0.3]_{10} = [0.01\overline{0011}]_2$$

$$[0.4]_{10} = [0.011\overline{0011}]_2$$

$$[0.5]_{10} = [0.1]_2$$

$$[0.6]_{10} = [0.1\overline{0011}]_2$$

$$[0.7]_{10} = [0.1011\overline{0011}]_2$$

$$[0.8]_{10} = [0.11\overline{0011}]_2$$

$$[0.9]_{10} = [0.111\overline{0011}]_2$$

Problem: Rundungen schon bei  $\frac{1}{10} \Rightarrow$  falsche Nachkommastellen. Die Lösung sind hier Gleitkommazahlen.

## Gleitkommazahlen

Gleitkommazahlen werden auch Fließkommazahlen, Gleitpunktzahlen, Fließpunktzahlen oder floatingpoint-numbers genannt.

Das Gleitkomma<br/>format  $R = (b, l, \underline{e}, \overline{e})$  besteht aus

- einer Basis b
- einer Mantissenlänge l
- einem Exponentenbereich von  $\underline{e}$  bis  $\overline{e}$ .

Eine Gleitkommazahl ist entweder 0 oder  $x = (-1)^s \cdot m \cdot b^e$  mit

- Vorzeichenbit  $s \in \{0, 1\}$
- Mantisse  $m = [0.m_1m_2m_3...m_l]_b$  mit Mantissenziffern  $m_i \in \{0, 1, 2, ..., b-1\}$
- $e \in \{\underline{e}, \underline{e} + 1, \underline{e} + 2, ..., \overline{e}\}$

Schauen wir uns das Beispiel R(2,3,-1,+2) an. Eine solche Zahl benötigt 1 bit für s, 2 bits für e und 3 bits für m.

m = <b>0</b> .								000
e = -1 $e = 0$ $e = 1$ $e = 2$	$\frac{7}{16}$	$\frac{6}{16}$	$\frac{5}{16}$	$\frac{4}{16}$	$\frac{3}{16}$	$\frac{2}{16}$	$\frac{1}{16}$	0
e = 0	$\frac{14}{16}$	$\frac{12}{16}$	$\frac{10}{16}$	$\frac{8}{16}$	$\frac{6}{16}$	$\frac{4}{16}$	$\frac{2}{16}$	0
e = 1	$\frac{28}{16}$	$\frac{24}{16}$	$\frac{20}{16}$	$\frac{16}{16}$	$\frac{12}{16}$	$\frac{8}{16}$	$\frac{4}{16}$	0
e = 2	$\frac{56}{16}$	$\frac{48}{16}$	$\frac{40}{16}$	$\frac{32}{16}$	$\frac{24}{16}$	$\frac{16}{16}$	$\frac{8}{16}$	0

Es gibt also auch mehrere Darstellungen für eine Zahl! Die Cyan eingefärbten Zahlen können auch anders dargestellt werden.

Grüne Zahlen sind sogenannte <u>normalisierte Gleitkommazahlen</u>, ihre erste Mantissenziffer ist  $\neq 0$ . Die roten Zahlen sind <u>denormalisierte Gleitkommazahlen</u>: Ihre ersten Mantissenziffer ist  $m_1 = 0$  und ihr Exponent  $e = \underline{e}$ . Da das erste Mantissenbit häufig eine 1 ist, wird angenommen, dass das erste Mantissenbit eine 1 ist und wird deswegen nicht gespeichert (hidden bit). Das sorgt dafür, dass bei 3 bit Genauigkeit mit 4 bit Genauigkeit gerechnet werden kann. Ist das erste Mantissenbit eine 0, gibt es dafür eine spezielle Exponentenkennung.

Ein Zahlenstrahl mit diesen Zahlen ist besonders dicht um 0, aber ab 2 werden die Abstände sehr groß.

Die größte darstellbare Zahl ist  $x_{max} = 0.1111...1 = (1 - b^l) \cdot b^{\overline{e}}$ .

Der kleinste darstellbare normalisierte Betrag ist  $x_{min,N} = 0.10000...0 = b^{e-1}$ .

Der kleinste darstellbare denormalisierte Betrag ist  $x_{min,D} = 0.0000...1 = b^{e-l}$ .

Doch es gibt eine Probleme:

- absolute/relative Fehler bei Zahlen, die zwischen 2 darstellbaren Zahlen liegen ⇒ Rundungen bei nahezu jeder Rechnung!
- Grundrechenarten können nicht darstellbare Zahlen erzeugen

## Rundung

Eine Rundung ist eine Funktion  $O: \mathbb{R} \to \text{Gleitkomma-Raster } R.$ 

Eine Rundung O hat folgende Eigenschaften:

- 1. O(x) = x wenn  $x \in R$
- 2.  $x, y \in \mathbb{R}$  mit  $x < y \Rightarrow O(x) < O(y)$
- 3. O(-x) = -O(x), nur manche Rundungen haben diese Eigenschaft

Es gibt verschiedene Rundungsmodi:

- "to nearest": zur nächsten Gleitkommazahl, wenn 2 Gleitkommazahlen gleich weit weg sind, wird abwechselnd auf- und abgerundet
- "trancation": Abschneiden der Nachkommastellen  $\Rightarrow$  betragskleiner runden
- "augmentation": zusätzliche Stellen hinzufügen  $\Rightarrow$  betragsgrößer runden
- "upward": nach oben runden
- "downward": nac unten runden

Wenn O eine Rundung mit einem Rundungsmodus, also  $O \in \{\text{Rundungsmodi}\}\$ , ist und  $\circ$  eine Grundrechenart, also  $\circ \in \{+,-,\cdot,\div\}$ , dann gilt für eine Gleitkommaoperation  $\odot$ 

$$x, y \in R : x \odot y := O(x \circ y)$$

Auslöschung in Summen von Gleitkommazahlen tritt auf, wenn die Größenordnung der exakten Summe wesentlich kleiner ist als die Größenordnung der Summanden (bzw. der Zwischenergebnisse).

## Kapitel III

## Grundstrukturen von Algorithmen

## Begriffe

Eine Sequenz sind einzelne Anweisungen hintereinander.

Eine Selektion ist eine Verzweigung.

Eine Repetition ist eine Wiederholung.

#### Variablen und Daten

Wir sehen uns einen Biertrinker an, der nach dem Genuss noch ein paar Besorgungen machen muss. Dabei ergeben sich folgende Variablen

- Variable **Durst** von Typ *LOGICAL*
- Variable  $\mathbf{Geld}$  von Typ INTEGER
- Variable **PreisDerBesorgung** von Typ *INTEGER*
- Variable **Rest** von Typ *INTEGER*
- Variable **Bierpreis** von Typ *INTEGER*
- Variable Wirtschaft Annehmbar von Typ LOGICAL
- Variable Autofahrer von Typ LOGICAL
- Variable **AlkoholGrenzwert** von Typ *REAL*
- Variable **AlkoholVergiftungsWert** von Typ *REAL*

#### Schleifen

In Fortran gibt es 4 Arten von Schleifen:

- Endlosschleife
- Schleife mit Anfangsbedingung
- Schleife mit Endbedingung
- Zählschleife

Bei einer Endlosschleife wird der Anweisungsblock innerhalb der Schleife unendlich lange ausgeführt:

- 1 do
- 2 Anweisung1
- 3 Anweisung2
- 4 Anweisung3

```
5 end do
```

Bei einer Schleife mit Anfangsbedingung wird der Anweisungsblock nur ausgeführt, wenn die Anfangsbedingung wahr ist. Ist sie wahr, so wird der Block ausgeführt und anschließend überprüft, ob die Anfangsbedingung wieder wahr ist. Ist die Anfangsbedingung nicht wahr, so wird die Schleife nicht ausgeführt.

```
1 do while(Anfangsbedingung)
2 Anweisung1
3 Anweisung2
4 Anweisung3
5 end do
```

Hat die Schleife eine Endbedingung , so wird der Anweisungsblock auf jedem Fall 1-mal ausgeführt. Erst dann wird überprüft, ob die Endbedingung wahr ist. Ist sie das, wird die Schleife verlassen. Ist sie falsch, so wird die Schleife erneut ausgeführt.

```
1 do
2 Anweisung1
3 Anweisung2
4 Anweisung3
5 if(Endbedingung) exit
6 end do
```

Eine Zählschleife in Fortran ist ähnlich wie in anderen Programmiersprachen konzipiert, aber die Syntax ist deutlich verschieden. Eine Zählschleife besitzt eine Zählvariable (die auch in der Schleife benutzt werden kann, aber nicht geändert werden sollte), die von einer Anfangszahl mit bestimmter Schrittweite solange hochgezählt (oder bei negativer Schrittweite heruntergezählt) wird, bis die Zählvariable die Endzahl erreicht.

```
1 do i = anfang, ende, schrittweite
2 Anweisung1
3 Anweisung2
4 Anweisung3
5 end do
```

#### Bitte beachten:

- Der Zustand der Zählvariable i vor der Schleife geht verloren, auch wenn die Schleife 0-mal läuft.
- Die Zählvariable i darf im Inneren der Schleife nicht geändert werden.
- Der Endzustand der Zählvariable i ist nach der Schleife nicht definiert.
- Ausdrücke werden zu Beginn genau 1-mal (vor der ersten Iteration) berechnet und sind dann fest.
- Die Anzahl der Iterationen ist:  $N = \max \{0, \min \left(\frac{\text{ende} \inf \left(\frac{i}{i}\right)}{i}\right)\}$

## Einfache Syntax

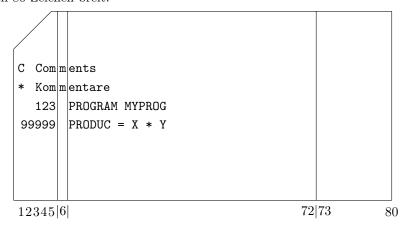
Es gibt einen zulässigen Fortran-Zeichensatz. Dieser umfasst zum Beispiel die Buchstaben A-Z und a-z, sowie 0-9, Sonderzeichen und Operatoren.

Nun einige lexikalische Einheiten (Symbole/Tokens):

- Keywords sind nicht reserviert, Variablen können also auch nach Keywords benannt werden.
- Identifiers (Namen) haben eine Länge von maximal 63 Zeichen. Variablen können Buchstaben, Zahlen und auch den Unterstrich enthalten.
- Literale (Konstanten):  $3 \Rightarrow \text{INTEGER}, 2.876 \Rightarrow \text{REAL}, .\text{TRUE}. \Rightarrow \text{LOGICAL}, "Hallo" \Rightarrow \text{STRING}$
- Labels (Marken): 00000 ... 99999 sind Sprungmarken, die mit GOTO 99999 erreicht werden können.
- Separatoren (Trennsymbole) sind: (), /, /(/), [], =, =>, :, ::, ,, ; und %.
- Operatoren sind: +, -, \*,/, \*\*, //, ==, <=, <, /=, >, >=, .NOT., .OR., .AND., .EQV. und .NEQV..

In den alten Quellformen bis vor Fortran-90, also insbesondere Fortran-66 und Fortran-77 waren

- Namen maximal 6 Zeichen lang und
- Lochkarten 80 Zeichen breit.



Ab Fortran-90 wurden neue Quellformen entwickelt, das heißt:

- Zeilen sind nun maximal 132 Zeichen lang
- Kommentare beginnen mit "!" und gehen bis zum Zeilenende
- Eine neue Zeile ist eine neue Anweisung, außer die letzte Zeile endet mit "&"
- "&" am Zeilenende bedeutet, dass die nächste nicht-Kommentar und nicht-Leerezeile die Anweisung fortsetzt.
- Die Fortsetzung darf mit "&" beginnen.
- Es sind maximal 39 Fortsaetzungszeilen möglich
- Leerzeichen sind signifkant  $\Rightarrow$  alle lexikalischen Tokens sind am Stück zu schreiben.
- Groß- und Kleinschreibung ist nicht signifikant in Namen und Keywords

## Datentypen

Fortran besitzt 5 Datentypen. Für jeden Datentyp gibt es spezielle dazugehörige Funktionen:

- Integer für ganze Zahlen
- Real für reelle Zahlen
- Complex für komplexe Zahlen
- Logical für logische Werte
- Character für Strings

### Der Datentyp Integer

mögliche Argumente	<pre>integer(kind=)</pre>
Darstellung	$\{\langle Z  angle \}$
Wert	mindestens 1 Ziffer, höchstens unendlich
Wertemenge	normalerweise im 2er-Komplement: $\left[-2^{l-1},2^{l-1}-1\right]$
Operationen	+, -, *, / (schneidet Nachkommastellen ab), ** (schneidet Nachkommastellen ab)

### Wichtige Funktionen:

- sign(x,y) gibt den Betrag von x, wenn  $y \ge 0$  und -|x|, wenn y < 0
- int(x) schneidet die Nachkommastellen von x ab
- floor(x) rundet ab  $(\lfloor x \rfloor)$
- ceiling(x) rundet auf ([x])
- selected\_int\_kind(k) liefert KIND-Parameter des kleinsten INTEGER-Typs, der dem alle Zahlen mit k Stellen darstellen kann

### Der Datentyp Real

mögliche Argumente	real(kind=)
Darstellung	$\{\langle Z \rangle\}.\{\langle Z \rangle\}E \pm \{\langle Z \rangle\}$
Wert	mindestens 1 Ziffer, höchstens unendlich
Wertemenge	
Operationen	+, -, *, /, **

### Wichtige Funktionen:

- aint(x) schneidet die Nachkommastellen von x ab
- real(x) konvertiert zu REAL

• selected\_real\_kind(p,r) liefert KIND-Parameter mit p Ziffern in der Mantisse und r Ziffern im Exponenten

## Der Datentyp Complex

mögliche Argumente	complex(kind=)
Darstellung	$(\langle \mathfrak{Re}  angle, \langle \mathfrak{Im}  angle)$
Wert	$\mathfrak{Re}, \mathfrak{Im}$ vorzeichenbehaftete realle Konstanten
Wertemenge	
Operationen	+, -, *, /, **

### Wichtige Funktionen:

- abs(c) liefert den Betrag von c, also  $\sqrt{x^2 + y^2}$
- real(c) liefert den Realteil von c
- aimag(c) liefert den Imaginärteil von  $\boldsymbol{c}$
- ullet conj(c) liefert das konjugiert Komplexe zu c

## Der Datentyp Logical

mögliche Argumente	
Darstellung	.TRUE., .FALSE.
Wert	.TRUE. oder .FALSE.
Wertemenge	.TRUE.,.FALSE.
Operationen	.AND., .OR., .NOT., .EQV., .NEQV

### Der Datentyp Character

mögliche Argumente	character(len=)	
Darstellung	Zeichen	
Wert	einzelnes Zeichen oder Zeichenketten	
Wertemenge	alle möglichen Zeichenfolgen mit $l$ Zeichen	
Operationen	// (Konkardination: fügt 2 Strings zusammen)	

### Wichtige Funktionen:

- ichar(c) gibt den internen ganzzahligen Zeichencode von  $\boldsymbol{c}$
- char(i) gibt den Zeichencode zu c
- $\langle \text{Zeichenkette} \rangle$  (a:b) gibt den Teilstring vom a-ten bis zum b-ten Zeichen

- ullet len(zk) gibt die Länge der Zeichenkette zk
- trim(zk) liefert die Zeichenkette ohne anhängende Leerzeichen
- adjustl(zk) Inhalt der Zeichenkette wird nach vorne geschoben
- repeat(zk,copies) gibt einen String mit copies-facher Zeichenkette
- index, scan, verify durchsucht einen String

Es gibt allerdings noch eine Reihe weiterer (mathematischer) Funktionen, das Ergebnis ist selbsterklärend:

- sin(x), asin(x), sinh(x)
- cos(x), acos(x), cosh(x)
- tan(x), atan(x), atan2(x,y)=atan(x/y)
- sqrt(x)
- exp(x)
- log10(x)

#### **INTEGER-Division**

Die klassiche INTEGER-Division sieht so aus:

Division:

Division:	$\frac{a}{b} = a/b$
Rest der Division:	$a-\left(rac{a}{b} ight)\cdot b= exttt{mod(a,b)}$
Beispiele (Division)	Beispiele (Rest)
$\frac{8}{5} \rightarrow 1$	$mod(8,5) \rightarrow 3$
$\frac{-8}{5} \rightarrow -1$	$mod(-8,5) \rightarrow -3$
$\frac{-8}{-5} \rightarrow 1$	$mod(-8,-5) \rightarrow -3$
$\frac{8}{-5} \rightarrow -1$	$\operatorname{mod}(8,-5) \to 3$

Das darf man aber nicht mit der nach unten abgerundeten REAL-Division verwechseln:

Rest der Division:	$a - \left\lfloor rac{a}{b}  ight floor \cdot b =  exttt{modulo(a,b)}$
Beispiele (Division)	Beispiele (Rest)
$\frac{8.0}{5.0} \rightarrow 1$	$\mathtt{modulo(8,5)} \to 3$
$\frac{-8.0}{5.0} \to -2$	${\tt modulo(-8,5)}   o 2$
$\frac{-8.0}{-5.0} \to 1$	$modulo(-8,-5) \rightarrow -3$
$\frac{8.0}{-5.0} \rightarrow -2$	${\tt modulo(8,-5)}  ightarrow {\tt -2}$

 $\left\lfloor rac{a}{b} 
ight
floor = extsf{floor(a/b)} = extsf{floor(real(a)/real(b))}$ 

#### Potenzieren

Die Potenz-Operation \*\* ist die einzige Operation die von rechts nach links gelesen wird, bei allen anderen Operationen wird in Leserichtung, also von links nach rechts gearbeitet.

- $2**3 = 2^3 = 8$
- $2**(-3) \rightarrow int(2^{-3})=int(\frac{1}{8})=0$
- $(-3)**2 = (-3)^2 = 9$
- $-3**2 = -3^2 = -9$
- $2**3**2 = 2**(3**2) = 2^9 = 512$
- $(2**3)**2 = (2^3)^2 = 64$

## Operator-Prioritäten

Operatoren haben in Fortran eine Priorität, die weiter gefasst ist als: "Punktrechnung vor Strichrechnung". Operatoren mit der höchsten Priorität (12) werden zuerst ausgeführt; Operatoren mit der Priorität 1 zuletzt.

- 1. selbstdefinierte Operatoren binär
- 2. .EQV. und .NEQV.
- 3. .OR.
- 4. .AND.
- 5. .NOT.
- 6. Vergleichsoperatoren
- 7. //
- 8. +, als Addition beziehungsweise Subtraktion
- 9. +, als Vorzeichen
- 10. \*, /
- 11. \*\*
- 12. selbstdefinierte Operatoren unär

Jetzt noch ein kurzer Abschnitt zu Variablen in imperativen Programmiersprachen. Eine Variable wird durch ein 5-Tupel (N,T,G,L,R) beschrieben, das heißt

- N Name
- T Typ
- G Gültigkeitsbereich
- L l-Value (Zugriff auf die Variable)

### Ausdrücke

### Anmerkung

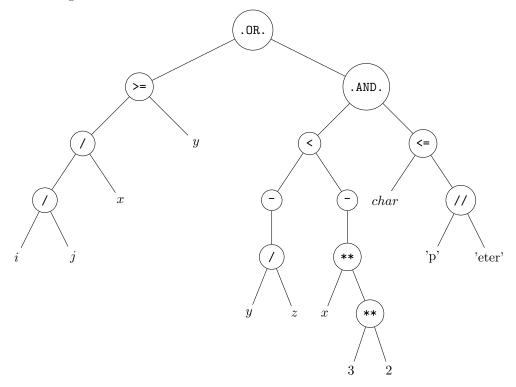
Beliebtes Klausuren-Thema!

Ein Ausdruck (= expression) wird in Fortran folgendermaßen ausgewertet:

- 1. Konstanten und Objekte werden ausgewertet
- 2. geklammerte Ausdrücke werden von innen nach außen ausgewertet
- 3. Funktionen werden aufgerufen
- 4. Operatoren höherer Priorität werden vor Operatoren niedrigerer Priorität behandelt
- 5. sind die Prioritäten gleich, so wird von links nach rechts gearbeitet (Ausnahme: \*\*)

Ein <u>Ausdrucksbaum</u> zeigt auf, wie in Fortran Ausdrücke ausgewertet werden: Für den Ausdruck (auch Infix-Notation)

sieht der Baum folgendermaßen aus:



Es gibt verschiedene Notationen um Ausdrücke aufzuschreiben:

- Präfix-Notation : Task  $\rightarrow$  rekursiv linke Seite  $\rightarrow$  rekursiv rechte Seite
- Infix-Notation : rekursiv linke Seite  $\to$  Task  $\to$  rekursiv rechte Seite

- Postfix-Notation : rekursiv linke Seite  $\rightarrow$  rekursiv rechte Seite  $\rightarrow$  Task

Für unseren Ausdruck bedeutet das:

- Präfix-Notation: = logo .OR. >= / / i j x y .AND. < NEG / y z NEG \*\* x \*\* 3 2 <= char // ,p' ,eter'
- Postfix-Notation: logo i j / x / y >= y z / NEG x 3 2 \*\* \*\* NEG < char ,p' ,eter' // <= .AND. .OR. =

## Kapitel IV

# Ein- und Ausgabe

