

Приднестровский государственный университет им. Т. Г. Шевченко

Физико-математический факультет

Кафедра прикладной математики и информатики

«ДОПУЩЕНО К ЗАЩИТЕ»

зав. кафедрой ПМИИ,

доц. \_\_\_\_\_ Коровай А. В.

« \_\_\_\_ » \_\_\_\_\_ 2017 г.

Курсовая работа  
по дисциплине «Доклад»  
ТЕОРЕМА ГАУССА

Выполнил:

студент 503 группы ФМФ

Гаусс К.

Руководитель:

ст. преп. кафедры ПМИИ

Великодный В. И.

## АННОТАЦИЯ

В статье кратко изложены сведения о теореме Гаусса — важной и полезной «Штуке».

## СОДЕРЖАНИЕ

Введение. . . . .	4
1. Формула для электрической индукции . . . . .	4
1.1. Интегральная форма . . . . .	5
1.2. Дифференциальная форма . . . . .	5
2. Дивергенция . . . . .	5
Заключение . . . . .	7
А. Приложение. . . . .	7

## ВВЕДЕНИЕ

*Теорема Гаусса (закон Гаусса)* — один из основных законов электродинамики, входит в систему уравнений Максвелла. Выражает связь (а именно равенство с точностью до постоянного коэффициента) между потоком напряжённости электрического поля сквозь замкнутую поверхность произвольной формы и алгебраической суммой зарядов, расположенных внутри этой поверхности, деленной на электрическую постоянную  $\epsilon_0$ . Применяется отдельно для вычисления электростатических полей. Как было показано в [?, ?] ... Аналогично [?] В работе [?] Авторы работы [?] показали В [?, ?, ?] В [?] В [?]

Теорему Гаусса можно записать для:

- электрической индукции
- магнитной индукции

Рассмотрим только первый случай.

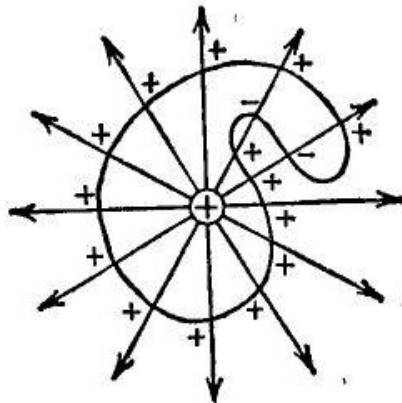


Рис. 1. Поток вектора через замкнутую поверхность

# 1. ФОРМУЛА ДЛЯ ЭЛЕКТРИЧЕСКОЙ ИНДУКЦИИ

## 1.1. ИНТЕГРАЛЬНАЯ ФОРМА

Для поля в диэлектрической среде электростатическая теорема Гаусса может быть записана в виде (1).

$$\Phi_{\mathbf{D}} \equiv \oint_S \mathbf{D} d\mathbf{S} = 4\pi Q. \quad (1)$$

СГС	СИ
$\Phi_{\mathbf{D}} \equiv \oint_S \mathbf{D} d\mathbf{S} = 4\pi Q$	$\Phi_{\mathbf{D}} \equiv \oint_S \mathbf{D} d\mathbf{S} = Q$

## 1.2. ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНАЯ ФОРМА

В дифференциальной форме:

$$\operatorname{div} \mathbf{D} \equiv \nabla \cdot \mathbf{D} = 4\pi \rho, \quad (2)$$

Все выражения записаны для единиц в системе СГС. За подробностями обращайтесь к [?].

## 2. ДИВЕРГЕНЦИЯ

В выражении (2) используется дивергенция. Это векторный оператор, определяемый следующим образом:

$$\operatorname{div} \mathbf{A} = \nabla \mathbf{F} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\Phi_F}{V}, \quad (3)$$

где  $\Phi_F$  — поток векторного поля.

В декартовых координатах:

$$\operatorname{div} \mathbf{F} = \frac{\partial F_x}{\partial x} + \frac{\partial F_y}{\partial y} + \frac{\partial F_z}{\partial z}. \quad (4)$$

## ЗАКЛЮЧЕНИЕ

## А. ПРИЛОЖЕНИЕ