МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«САРАТОВСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ Н.Г. ЧЕРНЫШЕВСКОГО»

Кафедра	теоретических	основ
компьютерной	безопасности	И
криптографии		

Протокол Kerberos

ОТЧЁТ ПО ДИСЦИПЛИНЕ «КРИПТОГРАФИЧЕСКИЕ ПРОТОКОЛЫ»

студента 5 курса 531 группы специальности 10.05.01 Компьютерная безопасность факультета компьютерных наук и информационных технологий Алексеева Александра Александровича

Преподаватель		
аспирант		Р. А. Фарахутдинов
	полпись, лата	

СОДЕРЖАНИЕ

1 Теоретическая часть	3
1.1 Описание алгоритма	
2 Описание программы	
2.1 Пример работы программы	4
3 Листинг кода	5

1 Теоретическая часть

Цель работы – изучение протокола Kerberos.

1.1 Описание алгоритма

Kerberos — вариант протокола Needham-Schroeder. В базовом протоколе Kerberos Version 5 у Алисы и Боба общие ключи с Трентом. Алиса хочет генерировать сеансовый ключ для сеанса связи с Бобом.

(1) Алиса посылает Тренту сообщение со своим именем и именем Боба:

(2) Трент создаёт сообщение, состоящее из метки времени, время жизни, случайного сеансового ключа и имени Алисы. Он шифрует сообщение ключом, общим для него и Боба. Затем он объединяет метку времени, время жизни, сеансовый ключ, имя Боба, и шифрует полученное сообщение ключом, общим для него и Алисы. Оба шифрованных сообщения он отправляет Алисе.

$$E_A(T, L, K, B), E_B(T, L, K, A)$$

(3) Алиса создаёт сообщение, состоящее из её имени и метки времени, шифрует его ключом К и отправляет Бобу. Алиса также посылает Бобу сообщение от Трента, шифрованное ключом Боба:

$$E_A(A, T), E_B(T, L, K, A)$$

(4) Боб создаёт сообщение, состоящее из метки времени плюс единица, шифрует его ключом K и отправляет Алисе:

$$E_K(T+1)$$

Этот протокол работает, но только если часы каждого пользователя синхронизированы с часами Трента. На практике эффект достигается синхронизацией с надежным сервером времени с точностью в несколько минут и обнаружением повторной передачи в течение определённого интервала времени.

2 Описание программы

Программа, представленная ниже, содержит следующие функции:

- powClosed (x, y, mod) возводит число x в степень y по модулю mod;
- miller_rabin (n, k = 10) проверка числа n на простоту с вероятностью $\frac{1}{2^k}$;
- generate Keys(x) генерация чисел p, g и y, которые используется в шифрсистеме Эль-Гамаля;
- encryption(keysPGY, x, message) шифрование сообщения message с помощью ключей p, g, x, y;
- decryption(keysPGY, x, cipherText) расшифрование шифртекста cipherText с помощью ключей p, g, x, y;
- kerberos(users) реализация протокола Kerberos для пользователей users.

2.1 Примеры работы программы

```
Введите логин и пароль пользователя 1: Alice разхиd1
Введите логин и пароль пользователя 2: Bob разхиd2
Введите логин и пароль пользователя 2: Bob разхиd2
Пользователь Alice зерегистрирован в системе Kerberos. Общий секретный ключ: 11286431034786165566
Пользователь Bob зарегистрирован в системе Kerberos. Общий секретный ключ: 11286429935274537355
Пользователь Bob зарегистрирован в системе Kerberos. Общий секретный ключ: 11286429935274537355
Пользователь Alice отправляет Kerberos сообщение (Alice, Bob)

Kerberos создаёт сообщение (T, L, K, B) = (1697764529, 300, 1310378251, Bob) для пользователя Alice, генерирует открытые ключи (р, g, y) = (43118644324957, 3067101708092
120, 42043022294815) и зашифровывает сообщение общим секретным ключом: (30671017089320:1386215283399) (33497622217331:177031735383086) (30671017080920:11110416642187) (4
1721858583333:8299778933108) (24525305006381:32751292310114) (28577961388746:9887928495749) (30671017080920:13994599599570) (2010211410406622:1229903394766)

Kerberos создаёт сообщение (T, L, K, A) = (1607764529, 300, 1310378251, Alice) для пользователя Bob, генерирует открытые ключи (р, g, y) = (999389, 58995, 33062) и заш ифровывает сообщение общим секретным ключом: (58095:596185) (935420:387623) (324865:314500) (58095:651345) (924388:821162) (924388:840438) (912660:7510) (792395:669779) (58995:930467) (872431:459436) (120893:14594) (372456537733136641:720742761351034137) (1111640556427965279:86906527023030554) (40
10льзователь Alice получает сообщения ключом: (472356537733136641:1379804745964323404) (472356537733136641:720742761351034137) (1111640556427965279:86906527023030554) (40
10льзователь Bob получает свои сообщение и расшифровывает: (А, T) = (Alice, 1697764529) и (Т, L, K, A) = (1697764529, 300, 1310378251, Alice)
10льзователь Bob получает свои сообщение (Т + 1) = 1697764530, зашифровывает его сеансовым ключом и отправляет пользователю Alice: (1458086313259978459:622894517075784773) (9
15721804433532936:1222521543762319093)
```

3 Листинг кода

```
#include <iostream>
#include "cmath"
#include "vector"
#include "string"
#include "chrono"
#include "map"
#include "fstream"
#include "boost/multiprecision/cpp int.hpp"
using namespace std;
using namespace std::chrono;
using namespace boost::multiprecision;
map <char, string> book{ {'0', "111"}, {'1', "112"}, {'2', "113"}, {'3', "114"},
{'4', "115"}, {'5', "116"}, {'6', "117"}, {'7', "118"}, {'8', "119"},
                           {'9', "121"}, {' ', "122"}, {'!', "123"}, {'"', "124"},
{'#', "125"}, {'$', "126"}, {'%', "127"}, {'^', "128"}, {'&', "129"}, {'\'', "131"}, {'(', "132"}, {')', "133"}, {'*',
"134"}, {'+', "135"}, {',', "136"}, {'-', "137"}, {'.', "138"}, {'/', "139"},
                           {':', "141"}, {';', "142"}, {'<', "143"}, {'=', "144"},
{'>', "145"}, {'?', "146"}, {'@', "147"}, {'[', "148"}, {'\\', "149"},
{']', "151"}, {'_', "152"}, {'`', "153"}, {'{', "154"}, {'}', "155"}, {'|', "156"}, {'~', "157"}, {'\n', "158"}, {'a', "159"},
                           {'b', "161"}, {'c', "162"}, {'d', "163"}, {'e', "164"},
{'f', "165"}, {'g', "166"}, {'h', "167"}, {'i', "168"}, {'j', "169"},
                           ('k', "171"), {'1', "172"}, {'m', "173"}, {'n', "174"},
{'o', "175"}, {'p', "176"}, {'q', "177"}, {'r', "178"}, {'s', "179"}, {'t', "181"}, {'u', "182"}, {'v', "183"}, {'w', "184"},
{'x', "185"}, {'y', "186"}, {'z', "187"}, {'A', "188"}, {'B', "189"},
                           {'C', "191"}, {'D', "192"}, {'E', "193"}, {'F', "194"},
{'G', "195"}, {'H', "196"}, {'I', "197"}, {'J', "198"}, {'K', "199"},
                           {'L', "211"}, {'M', "212"}, {'N', "213"}, {'O', "214"},
{'P', "215"}, {'Q', "216"}, {'R', "217"}, {'S', "218"}, {'T', "219"},
                           {'U', "221"}, {'V', "222"}, {'W', "223"}, {'X', "224"},
{'Y', "225"}, {'Z', "226"} };
map <string, char> bookRvs{ {"111", '0'}, {"112", '1'}, {"113", '2'}, {"114",
'3'}, {"115", '4'}, {"116", '5'}, {"117", '6'}, {"118", '7'}, {"119", '8'}, {"121", '9'}, {"122", ''}, {"123", '!'}, {"124",
'"'}, {"125", '#'}, {"126",
                              '$'}, {"127", '%'}, {"128", '^'}, {"129", '&'},
                              {"131", '\''}, {"132", '('}, {"133", ')'}, {"134",
'*'}, {"135", '+'}, {"136",
                              ','}, {"137", '-'}, {"138", '.'}, {"139", '/'},
                              {"141", ':'}, {"142", ';'}, {"143", '<'}, {"144",
'='}, {"145", '>'}, {"146",
                              '?'}, {"147", '@'}, {"148", '['}, {"149",
                              {"151", ']'}, {"152", ' '}, {"153", '`'}, {"154",
                              '|'}, {"157", '~'}, {"1\overline{5}8", '\n'}, {"159", 'a'},
'{'}, {"155", '}'}, {"156",
                              {"161", 'b'}, {"162", 'c'}, {"163", 'd'}, {"164",
'e'}, {"165", 'f'}, {"166", 'g'}, {"167", 'h'}, {"168", 'i'}, {"169", 'j'},
                              {"171", 'k'}, {"172", '1'}, {"173", 'm'}, {"174",
'n'}, {"175", 'o'}, {"176", 'p'}, {"177", 'q'}, {"178", 'r'}, {"179", 's'},
                              {"181", 't'}, {"182", 'u'}, {"183", 'v'}, {"184",
'w'}, {"185", 'x'}, {"186", 'y'}, {"187", 'z'}, {"188", 'A'}, {"189", 'B'},
                              {"191", 'C'}, {"192", 'D'}, {"193", 'E'}, {"194",
'F'}, {"195", 'G'}, {"196", 'H'}, {"197", 'I'}, {"198", 'J'}, {"199", 'K'},
                              {"211", 'L'}, {"212", 'M'}, {"213", 'N'}, {"214",
'O'}, {"215", 'P'}, {"216", 'Q'}, {"217", 'R'}, {"218", 'S'}, {"219", 'T'},
                               {"221", 'U'}, {"222", 'V'}, {"223", 'W'}, {"224",
'X'}, {"225", 'Y'}, {"226", 'Z'} };
```

vector <cpp int> deg2(cpp int el, cpp int n) {

5

```
vector <cpp_int> res;
    while (n != 0) {
        if (n / el == 1) {
            res.push back(el);
            n -= el;
            el = 1;
        }
        else
            el *= 2;
    }
    return res;
}
cpp int multMod(cpp int n, cpp int mod, vector <pair <cpp int, cpp int>> lst) {
    if (lst.size() == 1) {
        cpp int res = 1;
        for (int i = 0; i < lst[0].second; i++)
            res = res * lst[0].first % mod;
        return res;
    }
    else if (lst[0].second == 1) {
        cpp int el = lst[0].first;
        lst.erase(lst.begin());
        return (el * multMod(n, mod, lst)) % mod;
    }
    else {
        for (int i = 0; i < lst.size(); i++)</pre>
            if (lst[i].second > 1) {
                lst[i].first = (lst[i].first * lst[i].first) % mod;
                 lst[i].second /= 2;
            }
        return multMod(n, mod, lst);
    }
}
cpp int powClosed(cpp int x, cpp int y, cpp int mod) {
    if (y == 0)
        return 1;
    vector \langle \text{cpp int} \rangle lst = deg2(1, y);
    vector <pair <cpp_int, cpp_int>> xDegs;
    for (int i = 0; i < lst.size(); i++)</pre>
        xDegs.push back(make pair(x, lst[i]));
    cpp int res = multMod(x, mod, xDegs);
    return res;
}
cpp int usualEuclid(cpp int a, cpp int b) {
    if (a < b)
        swap(a, b);
    if (a < 0 | | b < 0)
        throw string{ "Выполнение невозможно: a < 0 или b < 0" };
    else if (b == 0)
        return a;
    cpp int r = a % b;
    return usualEuclid(b, r);
}
```

```
cpp int decForm(string x) {
    cpp_int res = 0, deg = 1;
    if (x.back() == '1')
        res += 1;
    for (int i = 1; i < x.length(); i++) {
        deg = deg * 2;
        if (x[x.length() - i - 1] == '1')
            res += deg;
    }
    return res;
}
bool miller rabin(cpp int n, int k = 10) {
    if (n == 0 || n == 1)
        return false;
    cpp int d = n - 1;
    cpp int s = 0;
    while (d \% 2 == 0) {
        s++;
        d = d / 2;
    cpp int nDec = n - 1;
    for (int i = 0; i < k; i++) {
        cpp int a = rand() % nDec;
        if (a == 0 || a == 1)
            a = a + 2;
        cpp_int x = powClosed(a, d, n);
        if(x == 1 \mid \mid x == nDec)
            continue;
        bool flag = false;
        for (int j = 0; j < s; j++) {
            x = (x * x) % n;
            if (x == nDec) {
                flag = true;
                break;
            }
        if (!flag)
            return false;
   return true;
vector <cpp_int> generateKeys(cpp_int x) {
    cpp int q = rand();
    while (!miller rabin(q))
        q++;
    cpp int s, p = 2, pDec;
    while (!miller rabin(p)) {
        string sBin = "";
        int sBinSize = rand() % 50 + 1;
        for (int i = 0; i < sBinSize; i++)</pre>
            sBin = sBin + to_string(rand() % 2);
        s = decForm(sBin);
```

```
p = (q * s) + 1;
      pDec = p - 1;
   }
   cpp int a = 2, g;
   while (pDec > a) {
      g = powClosed(a, pDec / q, p);
      if (g == 1) {
         a++;
         continue;
      }
      break;
   }
   cpp int y = powClosed(g, x % p, p);
   return vector <cpp int> {p, g, y};
}
vector <pair <cpp int, cpp int>> encryption(vector <cpp int> keysPGY, cpp int x,
string message) {
   vector <pair <cpp int, cpp int>> res;
   cpp int p = \text{keysPGY}[0], q = \text{keysPGY}[1], y = \text{keysPGY}[2];
   string codeSymbs = "";
   for (int i = 0; i < message.length(); i++)</pre>
      codeSymbs += book[message[i]];
   int offset = to string(p).size();
   for (int i = 0; i < codeSymbs.length(); i += offset) {</pre>
      cpp int M(codeSymbs.substr(i, offset));
      if (M / p != 0) {
         string help = to string(M);
         help.pop back();
         cpp int m(help);
         M = m;
         i--;
      }
      cpp int k = 2;
      while (usualEuclid(k, p - 1) != 1) {
         string kBin = "";
         int kBinSize = rand() % offset;
         for (int i = 0; i < kBinSize; i++)</pre>
             kBin = kBin + to string(rand() % 2);
         k = decForm(kBin + "1") % p;
      }
      res.push back(make pair(powClosed(g, k, p), powClosed(y, k, p) * M %
p));
   return res;
}
///
```

```
string decryption(vector <cpp int> keysPGY, cpp int x, vector <pair <cpp int,
cpp_int>> ciphertext) {
    string res = "";
    cpp int p = \text{keysPGY}[0], g = \text{keysPGY}[1], y = \text{keysPGY}[2];
    string codeSymbs = "";
    for (int i = 0; i < ciphertext.size(); i++) {</pre>
        cpp int M, a = ciphertext[i].first, b = ciphertext[i].second;
        M = powClosed(a, p - 1 - (x % p), p) * b % p;
        codeSymbs += to string(M);
    for (int i = 0; i < codeSymbs.length(); i += 3) {
        string M = codeSymbs.substr(i, 3);
        res += bookRvs[M];
    return res;
}
void kerberos(pair <string, string>* users) {
    hash <string> hashStr;
    cpp int keyUser1(hashStr(users[0].second)),
keyUser2(hashStr(users[1].second));
    cout << "\nПользователь " << users[0].first << " зерегистрирован в системе
Kerberos. Общий секретный ключ: " << keyUserl;
    cout << "\nПользователь " << users[1].first << " зарегистрирован в системе
Kerberos. Общий секретный ключ: " << keyUser2;
    cout << "\n\nПользователь " << users[0].first << " отправляет Kerberos
сообщение (" << users[0].first << ", " << users[1].first << ")";
    uint64 t sec =
duration cast<seconds>(system clock::now().time since epoch()).count();
    cpp int timestamp(sec), ttl = 300, mainKey = abs(rand() * rand() * rand());
    string messageForUser1 = "(" + to string(timestamp) + ", " + to string(ttl)
+ ", " + to_string(mainKey) + ", " + users[1].first + ")";
    vector <cpp int> keysPGYforUser1 = generateKeys(keyUser1);
    vector <pair <cpp int, cpp int>> encMessageForUser1 =
encryption(keysPGYforUser1, keyUser1, messageForUser1);
    cout << "\n\nKerberos создаёт сообщение (Т, L, K, B) = " << messageForUser1
<< " для пользователя " << users[0].first << ", генерирует открытые ключи ";
    cout << "(p, g, y) = (" << keysPGYforUser1[0] << ", " << keysPGYforUser1[1]</pre>
<< ", " << keysPGYforUser1[2] << ") и зашифровывает сообщение общим секретным
ключом: ";
    for (int i = 0; i < encMessageForUser1.size(); i++)</pre>
        cout << "(" << encMessageForUser1[i].first << ":" <<</pre>
encMessageForUser1[i].second << ") ";</pre>
string messageForUser2 = "(" + to_string(timestamp) + ", " + to_string(ttl)
+ ", " + to_string(mainKey) + ", " + users[0].first + ")";
    vector <cpp_int> keysPGYforUser2 = generateKeys(keyUser2);
    vector <pair <cpp int, cpp int>> encMessageForUser2 =
encryption(keysPGYforUser2, keyUser2, messageForUser2);
   cout << "\n\nKerberos создаёт сообщение (Т, L, K, A) = " << messageForUser2
<< " для пользователя " << users[1].first << ", генерирует открытые ключи ";
    cout << "(p, g, y) = (" << keysPGYforUser2[0] << ", " << keysPGYforUser2[1]</pre>
<< ", " << keysPGYforUser2[2] << ") и зашифровывает сообщение общим секретным
ключом: ";
    for (int i = 0; i < encMessageForUser2.size(); i++)</pre>
        cout << "(" << encMessageForUser2[i].first << ":" <<</pre>
encMessageForUser2[i].second << ") ";</pre>
```

```
cout << "\n\nЗашифрованные сообщения и сгенерированные ключи отправляются
пользователю " << users[0].first;
    string decMessageForUser1 = decryption(keysPGYforUser1, keyUser1,
encMessageForUser1);
    << "\n\nПользователь " << users[0].first << " получает сообщения.
Cooбщение для пользователя " << users[0].first << ": " << decMessageForUser1;
    string message = "(" + users[0].first + ", " + to string(timestamp) + ")";
    vector <cpp int> keys = generateKeys(mainKey);
    vector <pair <cpp int, cpp int>> encMessage = encryption(keys, mainKey,
message);
    ^{<<} ". Далее пользователя формирует собщение (A, T) = " ^{<<} message ^{<<} "
и зашифровывает сеансовым ключом : ";
    for (int i = 0; i < encMessage.size(); i++)</pre>
        cout << "(" << encMessage[i].first << ":" << encMessage[i].second << ")</pre>
    cout << "\nCообщения (A, T) и (T, L, K, A) передаёт пользователю " <<
users[1].first;
    string decMessageForUser2 = decryption(keysPGYforUser2, keyUser2,
encMessageForUser2);
    string decMessage = decryption(keys, mainKey, encMessage);
    cout << "\n\nПользователь " << users[1].first << " получает свои сообщение и
расшифровывает: ";
    cout << "(A, T) = " << decMessage << " и (T, L, K, A) = " <<
decMessageForUser2;
    timestamp += 1;
    message = to string(timestamp);
    encMessage = encryption(keys, mainKey, message);
    cout << "\n\nПользователь " << users[1].first << " Создаёт сообщение (Т + 1)
= " << message << ", зашифровывает его сеансовым ключом и отправляет";
    cout << " пользователю " << users[0].first << ": ";
    for (int i = 0; i < encMessage.size(); i++)</pre>
        cout << "(" << encMessage[i].first << ":" << encMessage[i].second << ")</pre>
    cout << "\n\nПользователь " << users[0].first << " получает сообщение от "
<< users[1].first << " и расшифровывает его: " << decryption(keys, mainKey,
encMessage);
int main() {
    srand(time(0));
    setlocale(LC ALL, "ru");
    cout << "\tПротокол Kerberos";
    pair <string, string>* users = new pair <string, string>[2];
    string login, password;
    cout << "\nВведите логин и пароль пользователя 1: ";
    cin >> login >> password;
    users[0] = make pair(login, password);
    cout << "Введите логин и пароль пользователя 2: ";
    cin >> login >> password;
    users[1] = make pair(login, password);
    kerberos (users);
    cout << endl;</pre>
    return 0;
}
```