Московский государственный технический университет им. Н.Э. Баумана

Факультет «Информатика, искусственный интеллект и системы управления»

Кафедра «Системы обработки информации и управления»



Отчет по рубежному контролю №2

по дисциплине «Методы машинного обучения»

Методы обучения с подкреплением (тема работы)

ИСПОЛНИТЕЛЬ: Пасатюк А.Д. группа ИУ5-23М

ПРЕПОДАВАТЕЛЬ: Гапанюк Ю.А.

Москва, 2023

Задание

Для одного из алгоритмов временных различий, реализованных Вами в соответствующей лабораторная работе:

- SARSA
- Q-обучение
- Двойное Q-обучение

осуществите подбор гиперпараметров. Критерием оптимизации должна являться суммарная награда.

Выполнение

Осуществим подбор гиперпараметров для алгоритма двойное Q-обучение для среды Toy Text / CliffWalking-v0.

Код программы:

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import gym
from tqdm import tqdm
# ****** БАЗОВЫЙ АГЕНТ
**********
class BasicAgent:
   Базовый агент, от которого наследуются стратегии обучения
   # Наименование алгоритма
   ALGO NAME = '---'
   def __init__(self, env, eps=0.1):
       # Среда
      self.env = env
       # Размерности Q-матрицы
       self.nA = env.action space.n
       self.nS = env.observation space.n
       # и сама матрица
       self.Q = np.zeros((self.nS, self.nA))
       # Значения коэффициентов
       # Порог выбора случайного действия
       self.eps = eps
       # Награды по эпизодам
       self.episodes reward = []
   def print q(self):
       print('Вывод Q-матрицы для алгоритма ', self.ALGO NAME)
       print(self.Q)
   def get state(self, state):
```

```
111
        Возвращает правильное начальное состояние
        if type(state) is tuple:
           # Если состояние вернулось с виде кортежа, то вернуть только
номер состояния
           return state[0]
       else:
           return state
    def greedy(self, state):
       <<Жадное>> текущее действие
        Возвращает действие, соответствующее максимальному Q-значению
        для состояния state
        return np.argmax(self.Q[state])
    def make action(self, state):
        Выбор действия агентом
        if np.random.uniform(0, 1) < self.eps:</pre>
            # Если вероятность меньше ерз
            # то выбирается случайное действие
           return self.env.action space.sample()
        else:
            # иначе действие, соответствующее максимальному Q-значению
           return self.greedy(state)
    def draw episodes reward(self):
        # Построение графика наград по эпизодам
        fig, ax = plt.subplots(figsize=(15, 10))
        y = self.episodes reward
       x = list(range(1, len(y) + 1))
       plt.plot(x, y, '-', linewidth=1, color='green')
       plt.title('Награды по эпизодам')
       plt.xlabel('Номер эпизода')
       plt.ylabel('Награда')
       plt.show()
    def learn(self):
        Реализация алгоритма обучения
       pass
# ****** Двойное Q-обучение
**********************************
class DoubleQLearning Agent(BasicAgent):
    Реализация алгоритма Double Q-Learning
    # Наименование алгоритма
   ALGO NAME = 'Двойное Q-обучение'
    def
        init
               (self, env, eps=0.4, lr=0.01, gamma=0.98,
num episodes=10000):
        # Вызов конструктора верхнего уровня
        super().__init__(env, eps)
        # Вторая матрица
       self.Q2 = np.zeros((self.nS, self.nA))
        # Learning rate
```

```
# Коэффициент дисконтирования
        self.gamma = gamma
        # Количество эпизодов
        self.num episodes = num episodes
        # Постепенное уменьшение ерѕ
        self.eps decay = 0.00005
        self.eps threshold = 0.01
    def greedy(self, state):
        <<Жадное>> текущее действие
        Возвращает действие, соответствующее максимальному Q-значению
        для состояния state
        temp q = self.Q[state] + self.Q2[state]
        return np.argmax(temp q)
    def print q(self):
       print('Вывод Q-матриц для алгоритма ', self.ALGO NAME)
       print('Q1')
       print(self.Q)
       print('Q2')
       print(self.Q2)
    def learn(self):
        Обучение на основе алгоритма Double Q-Learning
        self.episodes reward = []
        # Цикл по эпизодам
        for ep in tqdm(list(range(self.num episodes))):
            # Начальное состояние среды
            state = self.get state(self.env.reset())
            # Флаг штатного завершения эпизода
            done = False
            # Флаг нештатного завершения эпизода
            truncated = False
            # Суммарная награда по эпизоду
            tot rew = 0
            # По мере заполнения Q-матрицы уменьшаем вероятность случайного
выбора действия
            if self.eps > self.eps threshold:
                self.eps -= self.eps decay
            # Проигрывание одного эпизода до финального состояния
            while not (done or truncated):
                # Выбор действия
                # В SARSA следующее действие выбиралось после шага в среде
                action = self.make action(state)
                # Выполняем шаг в среде
                next state, rew, done, truncated, = self.env.step(action)
                if np.random.rand() < 0.5:</pre>
                    # Обновление первой таблицы
                    self.Q[state][action] = self.Q[state][action] + self.lr *
                                             (rew + self.gamma *
self.Q2[next state][np.argmax(self.Q[next state])] -
                                             self.Q[state][action])
                else:
```

self.lr = lr

```
# Обновление второй таблицы
                    self.Q2[state][action] = self.Q2[state][action] + self.lr
* \
                                              (rew + self.gamma *
self.Q[next state][np.argmax(self.Q2[next state])] -
                                               self.Q2[state][action])
                # Следующее состояние считаем текущим
                state = next state
                # Суммарная награда за эпизод
                tot rew += rew
                if (done or truncated):
                    self.episodes reward.append(tot rew)
def play_agent(agent):
    Проигрывание сессии для обученного агента
   env2 = gym.make('CliffWalking-v0', render mode='human')
    state = env2.reset()[0]
   done = False
   while not done:
        action = agent.greedy(state)
       next state, reward, terminated, truncated, = env2.step(action)
       env2.render()
       state = next state
       if terminated or truncated:
            done = True
def run sarsa():
   env = gym.make('CliffWalking-v0')
   agent = SARSA Agent(env)
   agent.learn()
    agent.print q()
    agent.draw episodes reward()
   play agent(agent)
def run q learning():
    env = gym.make('CliffWalking-v0')
    agent = QLearning Agent(env)
    agent.learn()
    agent.print q()
    agent.draw episodes reward()
    play agent(agent)
def run double q learning():
    env = gym.make('CliffWalking-v0')
    agent = DoubleQLearning Agent(env)
   agent.learn()
   agent.print q()
    agent.draw_episodes_reward()
   play agent(agent)
def main():
    #run sarsa()
    #run q learning()
    run double q learning()
```

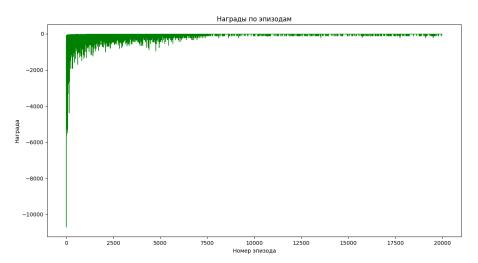
```
if __name__ == '__main__':
    main()
```

Haчaльные знaчeния пaрaмeтрoв: eps=0.4, lr=0.01, gamma=0.98, num episodes=20000

Результат работы программы для алгоритма двойное Q-обучение:

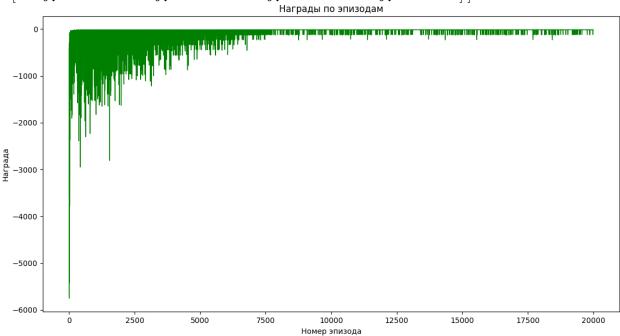
```
-1 364 805
Суммарная награда:
Вывод Q-матриц для алгоритма Двойное Q-обучение
01
[[-10.09289085 -10.05236375 -10.06661421 -10.05735569]
   -9.71581234 -9.73462015
                                           -9.76248178]
                             -9.75893961
   -9.20171654
                -9.15979638
                             -9.12146606
                                           -9.11167113]
   -8.63566668
                                           -8.63401819]
                              -8.66457317
                 -8.63519216
                 -7.94002267
                                           -7.84955342]
   -7.98680156
                              -7.84642037
                                           -7.33750851]
                 -7.3177254
   -7.367545
                              -7.33854801
   -6.64671873
                 -6.5917705
                              -6.57839412
                                            -6.46176356]
   -5.87492013
                 -5.81049733
                              -5.88691874
                                            -5.81181292]
   -5.09154321
                 -5.11917163
                               -5.1355987
                                            -5.21879047]
   -4.40171783
                 -4.35688049
                               -4.24478732
                                             -4.29833392]
   -3.52301773
                 -3.60464091
                               -3.56958825
                                             -3.63954656]
   -2.88511185
                 -2.91032281
                               -2.86508486
                                            -2.87708437]
  -10.48024056
                -10.49745569
                              -10.51655902
                                            -10.44920163]
 [
   -9.96535803
                 -9.81722866
                               -9.93429739
                                           -10.00811644]
   -9.36394517
                 -9.37690307
                               -9.3595449
                                            -9.63528841]
   -8.59449177
                 -8.62334513
                               -8.66033629
                                            -8.59899088]
   -8.01929493
                 -7.98289361
                               -8.07404167
                                             -7.99682761]
 [
   -7.26646017
                 -7.19817033
                               -7.25095966
                                            -7.20935484]
 [
   -6.49400171
                 -6.51214251
                               -6.46780122
                                            -6.54922636]
                                            -5.52589125]
   -5.53491379
                 -5.64586131
                               -5.62541019
 Γ
                               -4.76720792
                                            -4.97131056]
   -4.78415057
                 -4.69002989
 Γ
   -4.03705047
                 -3.84944952
                               -3.83877637
                                            -4.24189274]
 Γ
                 -2.91389716
                                            -3.153285471
   -3.13561396
                               -2.92618607
                 -2.22634054
   -2.656748
                               -1.97981038
                                            -2.59211793]
 [ -11.00557409 \quad -10.76416381 \quad -11.85701092 \quad -11.29618101]
 [-10.49072883 -9.96343246 -110.55624232 -10.98223467]
   -9.71875505
                 -9.14635966 -109.98786692 -10.18519696]
 Γ
   -9.07175399
                -8.31261189 -108.93028503 -9.43290233]
   -8.22365029 -7.46184887 -107.72317206 -8.6161662 ]
   -7.60964924 -6.59372334 -106.30573095 -7.79251125]
   -6.74440505 -5.70788096 -106.13930259 -6.98440691
   -5.94309344 -4.80396016 -104.08830981 -6.12166608
   -5.17961435 -3.881592 -102.96398032 -5.32232631
   -4.34524825
                -2.9404
                             -104.00078648 -4.4418403 ]
                          -102.83486016
   -3.41063132
                 -1.98
                                          -3.53742476]
   -2.75113889
                 -1.86781992 -1.
                                            -2.73993195]
 [-11.54888054 - 110.94993464 - 12.09385316 - 12.10577493]
                  0.
                               0.
                                            0.
 [
                                                       1
                  0.
                                0.
                                              0.
 [
                                                       1
                  0.
                               0.
                                              0.
 [
                                                       ]
 [
                  0.
                               0.
                                             0.
                                                       ]
                  0.
                               0.
                                             0.
 Γ
                                                       1
                  0.
                               0.
                                             0.
 Γ
                                                       1
                  0.
                               0.
                                             0.
 Γ
                                                       1
                  0.
                               0.
                                             0.
Γ
                                                       1
    0.
                  0.
                                0.
                                              0.
                                                       1
Γ
    0.
                                              0.
                  0.
                                0.
                                                       1
[
                  0.
                                0.
                                              0.
                                                       ]]
Γ
02
[ [ -10.08725201 -10.12520674 -10.1195806 -10.11902158 ]
```

```
-9.71225524
                 -9.68958033
                                -9.66908317
                                               -9.671302781
   -9.18152206
                 -9.21987742
                                -9.25975732
                                               -9.2689325 1
Γ
   -8.59901649
                 -8.59776443
                                -8.57436691
                                               -8.605258731
Γ
   -7.92750984
                 -7.97279723
                                -8.07464665
                                               -8.065976411
Γ
   -7.25584046
                 -7.30401695
                                -7.28732536
                                               -7.2989119 ]
Γ
                                -6.59175349
   -6.51751331
                 -6.57148497
                                               -6.7033622 ]
   -5.84858482
                 -5.9082715
                                -5.83290626
                                               -5.9153179 ]
   -5.12142191
                 -5.09302443
                                -5.08228751
                                               -5.00239973]
   -4.28001894
                 -4.31715554
                                -4.42759652
                                               -4.3873417 ]
   -3.64950912
                 -3.56744837
                                -3.60515033
                                               -3.53928069
  -2.8666946
                 -2.83678597
                                -2.88052962
                                               -2.915583821
 -10.43087191
                -10.41097794
                               -10.40213938
                                             -10.46437916]
   -9.97858795
                -10.12237541
                               -10.01065767
                                               -9.943802161
  -9.28857852
                 -9.27584111
                                -9.29802879
                                               -9.02624789]
                                               -8.79930542]
  -8.78931355
                 -8.76093983
                                -8.72711492
                                               -7.96616803]
   -7.94182926
                 -7.97707646
                                -7.88998857
   -7.20800997
                 -7.26848581
                                -7.21814166
                                               -7.26869932]
  -6.43181951
                 -6.40954264
                                -6.4540916
                                               -6.38100473]
  -5.7043716
                 -5.58265138
                                -5.60338121
                                               -5.74290532]
   -4.81478883
                 -4.84343715
                                -4.76589759
                                               -4.8147614 ]
[
   -3.76967598
                 -3.8300691
                                -3.84104215
                                               -3.826565521
Γ
   -3.1775973
                 -2.93630598
                                -2.92410092
                                               -3.34788014]
-2.31075539
                 -2.38671612
                                -1.97983451
                                               -2.357627011
Γ
                 -10.76416381 -11.86581843
                                              -11.31649696]
 -11.0430105
Γ
                                             -11.00761557]
 -10.42761154
                 -9.96343246 -110.10299523
ſ
                                              -10.24362237]
   -9.83474167
                 -9.14635966 -109.2817179
   -8.95959349
                 -8.31261189 -108.58168375
                                               -9.33229126]
                 -7.46184887 -108.10547576
   -8.25563215
                                               -8.599004181
Γ
   -7.58326826
                 -6.59372334 -106.74402458
                                               -7.724729491
Γ
  -6.72891051
                 -5.70788096 -106.36275122
                                               -6.940885591
Γ
   -5.85231886
                 -4.80396016 -102.38917141
                                               -6.169233411
Γ
   -5.21306041
                 -3.881592
                              -103.56646553
                                               -5.181982971
Γ
                 -2.9404
   -4.54895799
                              -101.52384438
                                               -4.467917891
Γ
                 -1.98
                              -103.68426844
                                               -3.586693661
   -3.52607338
                  -1.87122489
                                -1.
                                               -2.747285711
   -2.7474357
                               -12.09113087
  -11.54888054 -111.00242428
                                              -12.090101161
    0.
                                                0.
                   0.
                                 0.
                                                           ]
    0.
                   0.
                                  0.
                                                0.
                                                           ]
                   0.
    0.
                                  0.
                                                0.
                                                           ]
                                                0.
    0.
                   0.
                                  0.
                                                           ]
    0.
                   0.
                                  0.
                                                0.
                                                           ]
    0.
                   0.
                                  0.
                                                0.
    0.
                   0.
                                  0.
                                                0.
Γ
    0.
                   0.
                                  0.
                                                0.
[
    0.
                   0.
                                  0.
                                                0.
[
    0.
                   0.
                                  0.
                                                0.
                                                           ]
    0.
                   0.
[
                                                           ]]
```



```
Суммарная награда: -1 439 135
Вывод Q-матриц для алгоритма Двойное Q-обучение
Q1
[[ -11.9657858
               -11.87042023 -11.86732539 -11.83872938]
[-11.41332339 -11.39771521 -11.4175467 -11.74805093]
[-10.68288564 -10.71451528 -10.67901651 -10.91284192]
   -9.89879522 -9.86997088 -9.93874431 -10.33062944
   -9.51627825 -9.23844394 -9.13758822 -9.6380229 ]
 Γ
   -8.48133609 -8.5216577
                             -8.28248331 -8.823221 ]
 Γ
   -7.61497493 -7.87381806 -8.1313079
                                          -7.668002541
 [
   -7.23893188 -6.72829976 -6.41499778 -7.0540342 |
 [
   -5.40910339 -6.24544729 -6.52080154 -5.86225381
 Γ
   -5.34673589 -4.73160967 -4.20692848 -4.83008464]
 Γ
   -3.90981407 -3.925385
                             -4.52694793 -4.347138041
 Γ
   -3.44020774 -3.27828083 -2.93761498 -3.547649391
 Γ
 [-12.46313118 -11.61054848 -11.54888054 -12.19742999]
 [-11.91560349 -10.75625267 -10.76416381 -12.22470474]
 \begin{bmatrix} -11.23176454 & -9.97286426 & -9.96343246 & -11.535778461 \end{bmatrix}
 \begin{bmatrix} -10.55222519 & -9.17263827 & -9.14635966 & -10.6015 \end{bmatrix}
                                                     1
   -9.8356837
                -8.31490101 -8.31261189 -9.80883516]
 Γ
   -9.44160891 -8.18802267
                             -7.46184887 -8.939852431
 Γ
   -8.25889616 -6.52998622 -6.59372333 -8.07883231
 Γ
   -7.77040861 -6.76957049
                            -5.70788099 -7.66870773]
 Γ
   -6.23967876 -4.45823857
                            -4.80395985 -6.14192221]
 ſ
   -5.92363029 -4.77522461
                             -3.88159231 -6.30472527]
 Γ
   -4.25804498
                             -2.93976962
                                           -3.72663587]
 Γ
                -2.93969628
   -3.55458229 -2.72681421
                             -1.98
                                           -3.9549554 ]
 Γ
 [-12.31790293 -10.76416381 -12.31790293 -11.54888054]
 [-11.57873915 -9.96343246 -111.31790293 -11.54888054]
 [-10.76416381 -9.14635966 -111.31790293 -10.76416381]
   -9.96343246 -8.31261189 -111.31790293 -9.96343246]
 -9.14635966 -7.46184887 -111.31790293 -9.14635966]
 -8.31261189 -6.59372334 -111.3179029
                                           -8.31261189]
 -8.31503634 -5.70788096 -111.31790282 -7.46184887]
 Γ
                -4.80396016 -111.31790276 -6.59372322]
   -6.59372283
 Γ
                                          -5.70788098]
   -6.80705805
                -3.881592 -111.31789958
 Γ
                            -111.31789651 -4.803959341
   -4.80395568
                -2.9404
                -1.98
   -3.88234228
                            -111.31788262
                                           -3.881591621
 Γ
   -2.94039874 -1.97999827 -1.
                                           -2.940399451
 Γ
  -11.54888054 -111.31790293 -12.31790293 -12.31790293
 Γ
                              0.
 Γ
                  0.
                                            0.
                                                      1
 Γ
    0.
                  0.
                               0.
                                            0.
                                                      1
 Γ
    0.
                 0.
                               0.
                                            0.
                                                      1
    0.
                 0.
                               0.
                                            0.
 Γ
                                                      1
    0.
                 0.
                               0.
                                            0.
 Γ
                                                      1
    0.
                 0.
                               0.
                                            0.
 [
                                                      1
                0.
                              0.
    0.
                                            0.
 [
                                                      1
                 0.
    0.
                               0.
                                            0.
[
                                                      1
    0.
                 0.
                               0.
                                            0.
[
                                                      1
    0.
                 0.
                               0.
                                            0.
[
                                                      1
                 0.
                               0.
                                            0 -
[
                                                      ]]
02
[[-11.85627492 -11.94110353 -11.9363446 -11.99527241]
[-11.36027433 -11.37766876 -11.36031981 -11.43012568]
[ -10.86007128 \quad -10.67902143 \quad -10.71419049 \quad -10.98906902]
[-10.1923441 -9.98868682 -9.91805686 -10.12927801]
   -9.27187704 -9.12713996 -9.14280062 -9.41085218
[
Γ
   -8.65797006 -8.60423479 -8.82751155 -8.91765225]
   -7.97369461 -7.55849936 -7.27363464 -8.16736263
   -6.60225054
                -7.0606398
                             -7.38036484
                                           -7.18632466]
```

```
-6.37431163
                   -5.54550214
                                  -5.27335876
                                                  -5.961528071
Γ
   -4.58692606
                   -5.18077096
                                  -5.72128062
                                                  -5.077075731
Γ
   -4.4184448
                   -3.87579005
                                  -3.29689175
                                                  -3.758230061
Γ
   -3.27503977
                   -3.44707523
                                  -2.97224921
                                                  -4.020284111
Γ
  -12.45459829
                 -11.54111113
                                 -11.54888054
                                                 -12.317521481
  -11.9839398
                 -10.79408928
                                 -10.76416381
                                                 -12.311875811
                                                 -11.352959271
  -11.33397228
                   -9.97643058
                                  -9.96343246
  -10.58371301
                   -9.17226326
                                  -9.14635966
                                                 -10.69708238]
   -9.7791513
                                                  -9.754640041
                   -8.92942703
                                  -8.31261189
   -8.99759174
                   -7.43786749
                                  -7.46184887
                                                  -9.03609304]
   -8.54176048
                   -7.46532353
                                  -6.59372335
                                                  -8.751058831
   -7.25428594
                   -5.46389192
                                  -5.70788095
                                                  -7.05279609]
                                  -4.80396035
   -6.62521953
                   -5.92414795
                                                  -7.09797239]
   -5.19738991
                   -3.50014841
                                  -3.88159183
                                                  -4.76958849]
   -4.66393968
                   -2.94055435
                                                  -5.600036781
                                  -2.94053608
   -3.52231315
                   -2.76888829
                                  -1.98
                                                  -3.26747307]
  -12.37932653
                 -10.76416381
                                 -12.31790293
                                                 -11.54888054]
  -11.54888054
                   -9.96343246 -111.31790293
                                                 -11.54888054]
  -10.76416381
                   -9.14635966 -111.31790293
                                                 -10.76416381]
   -9.96343246
                   -8.31261189 -111.31790292
                                                  -9.963432461
   -9.14635966
                   -7.46184887 -111.31790293
                                                  -9.146359661
Γ
   -9.0213795
                   -6.59372334 -111.31790289
                                                  -8.312611891
Γ
   -7.46184875
                   -5.70788096 -111.31790291
                                                  -7.46184883]
Γ
   -7.63384947
                   -4.80396016 -111.31789907
                                                  -6.59372339]
Γ
   -5.7078732
                                                  -5.70788031]
                   -3.881592
                                -111.31789988
                   -2.9404
                                                  -4.80396006]
   -5.68231557
                                -111.31789954
   -3.88055672
                   -1.98
                                                  -3.8815909 ]
                                -111.31775528
                   -1.97999764
                                                  -2.940399341
   -2.94045074
                                  -1.
Γ
  -11.54888054
                -111.31790293
                                 -12.31790293
                                                 -12.317902931
Γ
                    0.
                                    0.
                                                   0.
                                                               1
Γ
    0.
                    0.
                                    0.
                                                   0.
                                                               1
Γ
    0.
                    0.
                                    0.
                                                   0.
                                                               1
Γ
    0.
                    0.
                                                   0.
                                    0.
                                                               1
Γ
                    0.
    Ω
                                    Ω
                                                   Ω
                                                               ]
                    0.
                                                   Ω
    \cap
                                    \cap
                                                   0.
                    0.
    \cap
                                    0.
                                                               ]
                    0.
                                                   0.
                                                               ]
    0.
                                    0.
[
                                    0.
                                                   0.
                                                               ]
[
    0.
                    0.
                    0.
    0.
                                    0.
                                                   0.
[
                                                               ]
                                                   0.
    0.
                                    0.
[
                    0.
                                                               ]]
                                     Награды по эпизодам
   0
```



Изменим следующие параметры: lr=0.8, num episodes=10000 Суммарная награда: -859 934 Вывод Q-матриц для алгоритма Двойное Q-обучение Q1 [[-13.07239812 -12.31790978 -12.31790293 -13.07240228] [-12.31790293 -11.54888056 -11.54888054 -13.07154487] [-11.54888059 -10.76416381 -10.76416381 -12.31790294] [-10.76416381 -9.96346368 -9.96343246 -11.54888054] [-9.96343246 -9.14635966 -9.14635966 -10.76416381] [-9.14635966 -8.31261189 -8.31261189 -9.96343472] [-8.31261189 -7.46184887 -7.46184887 -9.14635966] [-7.46184887 -6.59372334 -6.59372334 -8.31261189] [-6.59372334 -5.70788099 -5.70788096 -7.46184887] [-5.70788096 -4.80396016 -4.80396016 -6.59372334] [-4.80396016 -3.881592 -3.881592 -5.70788096] [-3.881592 -3.881592 -2.9404 -4.80396016] [-13.07154487 -11.54888054 -11.54888054 -12.31790293] [-12.31790293 -10.76416381 -10.76416381 -12.31790293] [-11.54888054 -9.96343246 -9.96343246 -11.54888054] [-10.76416381 -9.14635966 -9.14635966 -10.76416381] [-9.96343246 -8.31261189 -8.31261189 -9.96343246] [-9.14635966 -7.46184887 -7.46184887 -9.14635966] [-8.31261189 -6.59372334 -6.59372334 -8.31261189] [-7.46184887 -5.70788096 -5.70788096 -7.46184887] [-6.59372334 -4.80396016 -4.80396016 -6.59372334] [-5.70788096 -3.881592 -3.881592 -5.70788096] [-4.80396016 -2.9404 -2.9404 -4.80396016] [-3.881592 -2.9404 -1.98 -3.881592] [-12.31790293 -10.76416381 -12.31790293 -11.54888054] [-11.54888054 -9.96343246 -111.31790293 -11.54888054] $[\ -10.76416381 \ \ -9.14635966 \ -111.31790293 \ \ -10.76416381]$ [-9.96343246 -8.31261189 -111.31790293 -9.96343246] [-9.14635966 -7.46184887 -111.31790293 -9.14635966] [-7.46184887 -5.70788096 -111.31790293 -7.46184887] [-6.59372334 -4.80396016 -111.31790293 -6.59372334] [-5.70788096 -3.881592 -111.31790293 -5.70788096] [-4.80396016 -2.9404 -111.31790293 -4.80396016] [-3.881592 -1.98 -111.31790293 -3.881592] -1.98 -2.9404] [-2.9404 -1. [-11.54888054 -111.31790293 -12.31790293 -12.31790293] [0. 0. 0. 0.] [0. 0. 0. 0.] [0. 0. 0. 0.] [0. 0. 0.] 0. [0. 0. 0. 0.] [0. 0. 0. 0.] [0. 0. 0. 0.]

[0.

[0.

[0.

[0.

Q2

0.

0.

0.

0.

0.

0.

0.

0.

0.

0.

0.

0.

]

]

]]

```
[[-13.07154492 -12.31790433 -12.31790293 -13.07154492]
[-12.31790294 -11.54888054 -11.54888054 -13.07154488]
[-11.54888054 -10.76416381 -10.76416381 -12.31790293]
[-10.76416381 -9.96343873 -9.96343246 -11.5488808]
[ -9.96343246 -9.14635966 -9.14635966 -10.76416381]
[ -9.14635966 -8.3126119 -8.31261189 -9.96343246]
[ -8.3126119 -7.46184887 -7.46184888 -9.14636125]
[ -7.46184887 -6.59372334 -6.59372334 -8.31261189]
[ -6.59372334 -5.70788125 -5.70788096 -7.46184887]
[ -5.70788099 -4.80396016 -4.80396016 -6.59372337]
[ -4.80396016 -3.881592 -3.881592 -5.70788096]
[ -3.881592 -3.881592 -2.9404
                                  -4.80396016]
[-13.07154487 -11.54888054 -11.54888054 -12.31790293]
[-12.31790293 -10.76416381 -10.76416381 -12.31790293]
[-11.54888054 -9.96343246 -9.96343246 -11.54888054]
[-10.76416381 -9.14635966 -9.14635966 -10.76416381]
[ -9.96343246 -8.31261189 -8.31261189 -9.96343246]
[ -9.14635966 -7.46184887 -7.46184887 -9.14635966]
[ -8.31261189 -6.59372334 -6.59372334 -8.31261189]
[ -7.46184887 -5.70788096 -5.70788096 -7.46184887]
[ -6.59372334 -4.80396016 -4.80396016 -6.59372334]
[-5.70788096 -3.881592 -3.881592 -5.70788096]
[ -4.80396016 -2.9404
                       -2.9404
                                  -4.80396016]
[ -3.881592 -2.9404
                      -1.98
                               -3.881592 ]
[-12.31790293 -10.76416381 -12.31790293 -11.54888054]
[-11.54888054 -9.96343246 -111.31790293 -11.54888054]
[-10.76416381 -9.14635966 -111.31790293 -10.76416381]
[ -9.96343246 -8.31261189 -111.31790293 -9.96343246]
[ -9.14635966 -7.46184887 -111.31790293 -9.14635966]
[ -7.46184887 -5.70788096 -111.31790293 -7.46184887]
[ -6.59372334 -4.80396016 -111.31790293 -6.59372334]
[ -5.70788096 -3.881592 -111.31790293 -5.70788096]
[ -4.80396016 -2.9404 -111.31790293 -4.80396016]
[ -3.881592 -1.98
                    -111.31790293 -3.881592 ]
          -1.98
                    -1.
[ -2.9404
                            -2.9404 ]
[-11.54888054 -111.31790293 -12.31790293 -12.31790293]
[ 0.
         0.
                 0.
                        0.
                             ]
[ 0.
         0.
                 0.
                             ]
                        0.
[ 0.
         0.
                 0.
                        0.
                             ]
[ 0.
         0.
                 0.
                        0.
                             1
[ 0.
         0.
                 0.
                             ]
[ 0.
         0.
                 0.
                        0.
                             ]
[ 0.
         0.
                0.
                        0.
                             ]
[ 0.
         0.
                0.
                        0.
                             ]
[ 0.
         0.
                 0.
                        0.
                             ]
[ 0.
                 0.
                        0.
                             ]
[ 0.
                        0.
                             ]]
         0.
                 0.
```

