

데이터 과학 기반의 파이썬 빅데이터 분석

Chapter 10 회귀 분석

목차

01 [선형 회귀 분석 + 산점도/선형 회귀 그래프] 환경에 따른 주택 가격 예측하기 02 [회귀 분석 + 산점도/선형 회귀 그래프] 항목에 따른 자동차 연비 예측하기

학습목표

- 머신러닝의 지도 학습 방식을 이해한다.
- 머신러닝을 위한 파이썬 라이브러리인 사이킷런을 학습한다.
- 머신러닝 방식의 선형 회귀 분석을 통해 예측을 수행할 수 있다.

빅데이터 분석 기초지식 - 변수

범주형 변수 Categorical	명목형 Nominal	순서 없음, 값을 구분하기 위한 변수 (성별, 혈액형, 국가, 직업)
Qualitative (질적자료)	순위형 Ordinal	순서 있음, 서열형 (학점, 제품 만족도)
수치형 변수	구간형	등간형(Interval)
Numerical	Interval	셀 수는 있지만 특정 구간이 존재하는 변수, 사칙연산 (년도, 발생횟수, 자녀수)
Quantative	비율형	연속형(continuous)
(양적 자료)	Ratio	연속적인 값을 가지며 차이와 비율에 의미가 있는 변수(소득, 키, 몸무게)

(설명)

- 1. 범주형 변수의 순위형과, 수치형 변수가 혼동된다면 예제를 생각해 보자. 순위형 변수는 학점에서 A+,B+,C+,D+ 과같이 구분할 수 있다. 구분은 할 수 있지만, 연산은 할 수 없다. A - B = ?
- 2. 수치형 변수에서 구간형 변수를 잘 모르겠다면 또 예제를 생각해 보자. 2019년은 확실히 숫자이다 1월에는 31일이 있고, 2월에는 28일이 있다. 하지만 27.5일 이런 식으로 더 쪼개는 게 불가능하다. 반면에 연속형 변수는 그 안에 무한한 값이 들어갈 수 있다. 예를 들어 키의 경우 160cm 와 161cm 사이에 169.00001까지 무수히 많은 숫자가 들어간다.

[참고] 분석변수

https://m.bloq.naver.com/PostView.nhn?bloqId=euleekwon&loqNo=221438258492&proxyReferer=https:%2F%2Fwww.qooqle.com%2F

빅데이터 분석 기초지식 - 상관관계와 인과관계

상관관계 - 어떤 한 통계적 변인과 다른 여러 통계적 변인들이 공변(共變)하는 함수관계를 말한다.

양의 상관관계	하나의 변수가 증가할 때 다른 변수가 함께 증가하는 경우
음의 상관관계	하나의 변수가 증가할 때 다른 변수가 함께 감소하는 경우
무 상관관계	두 변수 간의 아무런 증감이 없는 경우

인과관계 - 선행하는 한 <u>변인</u>이 후행하는 다른 변인의 <u>원인</u>이 되고 있다고 믿어지는 관계이다. 상관관계는 수학적으로 증명이 가능하지만, 인과관계는 어디까지나 충분한 <u>재현성</u>의 확인, <u>변인</u>의 배제, 통제집단과 실험집단의 설정과 같은 환경에서 얻어진 **실험 데이터**를 통해서 누적적으로 뒷받침될 뿐이다.

어떤 상관관계가 확인되면, 잠재적 인과관계에 대해서는 다음과 같은 다섯 가지 경우가 있다.

첫째, 처음부터 인과관계 같은 건 없었다. 단순한 우연의 일치였던 것.

둘째, 연구에 반영되지 않았던 제3의 변인 z 가 x 와 y 두 변인에게 영향을 끼칠 수 있다.

셋째, 인과관계가 존재하기는 하는데, 서로가 서로에게 원인인 동시에 결과가 된다.

넷째, 인과관계가 존재하기는 하는데, x 가 원인이고 y 가 결과가 된다.

다섯째, 인과관계가 존재하기는 하는데, y 가 원인이고 x 가 결과가 된다.

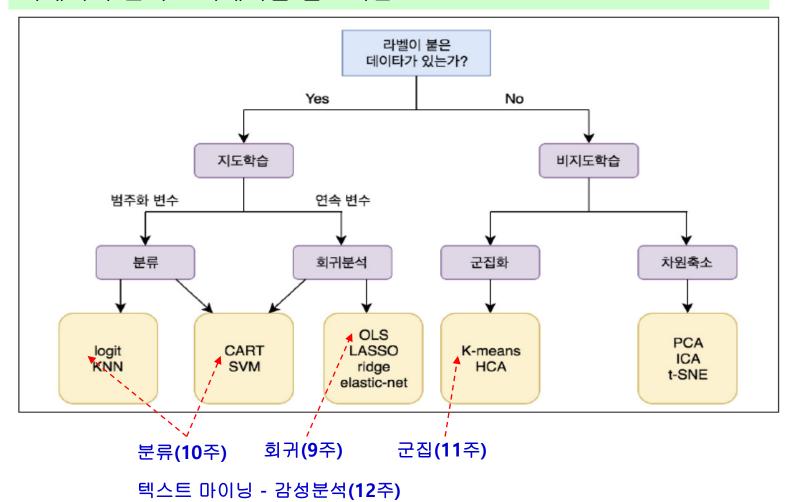
'상관관계는 인과관계와 같지 않다. 상관관계는 인과관계의 단순한 필요 조건의 하나이다'

[참고]

상관관계와 인과관계 _

(나무위키)https://namu.wiki/w/%EC%83%81%EA%B4%80%EA%B4%80%EA%B3%84%EC%99%80%20%EC%9D%B8%EA%B3%BC%EA%B4%80%EA %B3%84 (위키)

빅데이터 분석 - 기계학습 알고리즘



6

빅데이터 기초지식 - 회귀분석

상관관계(correlation)의 경우 상관관계 분석이라는 이름으로 좀 익숙할지 모른다면 인과관계(causation) 분석은 사실 우리가 흔히 알고 있는 회귀분석이다.

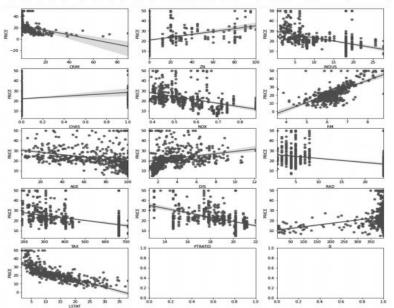
- 종속변수가 1개, 독립 변수가 1개 -> 단변량 <mark>단순 선형 회귀</mark> 모델 (Univariate simple linear regression model)
- 종속변수가 1개, 독립변수가 2개 이상 -> 단변량 **다중 선형 회귀** 모델 (Univariate Multiple linear regression model)
- 종속변수가 2개 이상, 독립변수가 1개 -> <mark>다변량 단순 선형 회귀 모델</mark> (Multivariate simple linear regression model)
- 종속변수가 2개 이상, 독립 변수가 2개 이상 -> 다변량 다중 선형 회귀 분석 (Multivariate multiple linear regression model)

■ 분석 미리보기

환경에 따른 주택 가격 예측하기					
목표	보스턴 주택 가격 데이터에 머신러닝 기반의 회귀 분석을 수행하여 주택 가격에 영향을 미치는 환경 변수를 확인하고, 그에 따른 주택 가격을 예측한다.				
핵심 개념	머신러닝, 머신러닝 프로세스, 지도 학습, 사이킷런, 사이킷런의 내장 데이터셋, 분석 평가 지표				
데이터 수집	보스턴 주택 가격 데이터: 사이킷런 내장 데이터셋				
데이터 준비 및 탐색	1. 사이킷런 데이터셋 확인: boston.DESCR 2. 사이킷런 데이터셋에 지정된 X 피처와 타깃 피처 결합				
분석 모델 구축	사이킷런의 선형 회귀 모델 구축				

결과 시각화

데이터가 주택 가격에 미치는 영향을 산점도와 선형 회귀 그래프로 시각화



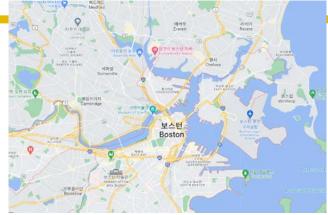
■ 주택 가격 문제

보스턴 주택 가격: 1978년에 발표된 데이터로 미국 보스턴 지역의

주택 가격에 영향을 미치는 요소들을 정리함

(kaggle 사이트 : Boston Housing

https://www.kaggle.com/c/boston-housing



[01] CRIM	자치시(town) 별 1인당 범죄율
[02] ZN	25,000 평방피트를 초과하는 거주지역의 비율
[03] INDUS	비소매상업지역이 점유하고 있는 토지의 비율
[04] CHAS	찰스강에 대한 더미변수(강의 경계에 위치한 경우는 1, 아니면 0)
[05] NOX	10ppm 당 농축 일산화질소
[06] RM	주택 1가구당 평균 방의 개수
[07] AGE	1940년 이전에 건축된 소유주택의 비율
[08] DIS	5개의 보스턴 직업센터까지의 접근성 지수
1 5 5	

[09] RAD 방사형 도로까지의 접근성 지수

[10] TAX 10,000 달러 당 재산세율

[11] PTRATIO 자치시(town)별 학생/교사 비율

[12] B 1000(Bk-0.63)^2, 여기서 Bk는 자치시별 흑인의 비율을 말함.

[13] LSTAT 모집단의 하위계층의 비율(%)

[14] MEDV 본인 소유의 주택가격(중앙값) (단위: \$1,000)

출처: https://ai-times.tistory.com/431 [ai-times]

■ House Prices - Advanced Regression Techniques

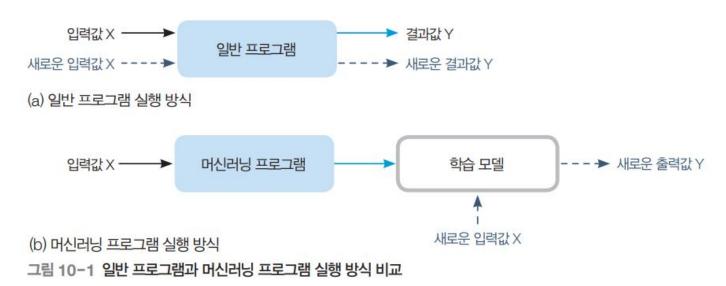
https://www.kaggle.com/c/house-prices-advanced-regression-techniques

■ 목표설정

• 목표: 보스턴 주택 가격 데이터에 머신러닝 기반의 회귀 분석을 수행 주택 가격에 영향을 미치는 변수를 확인하고 그 값에 따른 주택 가격을 예측

■ 핵심 개념 이해

- 머신러닝
 - 1959년 아서 사무엘: '컴퓨터에 명시적인 프로그램 없이 스스로 학습할 수 있는 능력을 부여하는 연구 분야'로 정의
 - 인간이 지식과 경험을 학습하는 방법을 적용하여 컴퓨터에 입력된 데이터에서 스스로 패턴을 찾아 학습하여 새로운 지식을 만들고 예측하는 통찰을 제공하는 AI의 한 분야



■ 핵심 개념 이해

- 머신러닝 프로세스
 - _ 데이터 수집 → 데이터 전처리 및 훈련/테스트 데이터 분할 → 모델 구축 및 학습 → 모델 평가 → 예측
- 지도 학습
 - 학습을 하기 위한 훈련 데이터에 입력과 출력을 같이 제공
 - 문제(입력)에 대한 답(출력, 결과값)을 아는 상태에서 학습하는 방식
 - 입력: 예측 변수, 속성, 특징
 - 출력: 반응 변수, 목표 변수, 클래스, 레이블

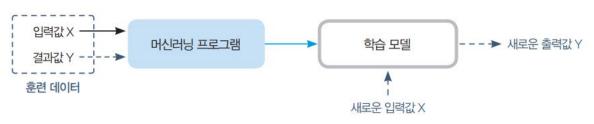
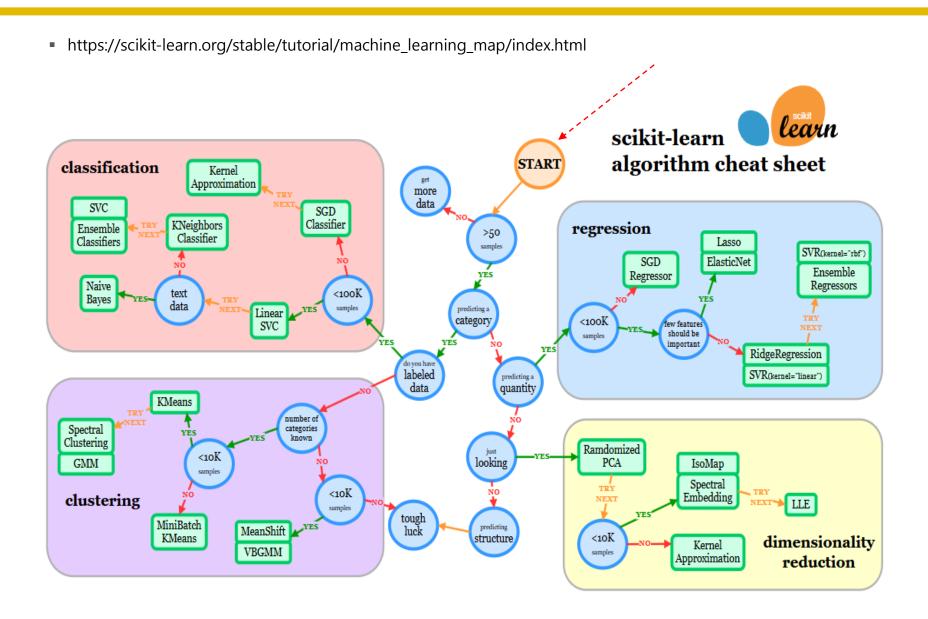


그림 10-2 머신러닝의 지도 학습 방식



■ 핵심 개념 이해

- 분석 평가 지표
 - 회귀 분석 결과에 대한 평가 지표는 예측값과 실제값의 차이인 오류의 크기가 됨
 - 정확한 평가를 위해 오류의 절대값 평균이나 제곱의 평균, 제곱 평균의 제곱근 또는 분산 비율을 사용

표 10-1 회귀 분석 결과에 대한 평가 지표

평가 지표	수식	사이킷런 라이브러리
MAE: Mean Absolute Error	$\frac{1}{n}\sum_{i=1}^{n}\left Y_{i}-\widehat{Y}_{i}\right $	metrics.mean_absolute_error()
MSE: Mean Squared Error	$\frac{1}{n}\sum_{i=1}^{n}(Y_{i}-\hat{Y}_{i})^{2}$	metrics.mean_squared_error()
RMSE: Root Mean Squared Error	$\sqrt{\frac{1}{n}\sum_{i=1}^{n}(Y_{i}-\widehat{Y}_{i})^{2}}$	없음
R ² : Variance score, 결정 계수coefficient of determination	예측값의 분산 실제값의 분산	metrics.r2_score()

결정계수: https://namu.wiki/w/%EA%B2%B0%EC%A0%95%EA%B3%84%EC%88%98

회귀분석 결과의 해석과 R²: https://recipesds.tistory.com/entry/%ED%9A%8C%EA%B7%80%EB%B6%84%EC%84%9D-%EA%B2%B0%EA%B3%BC-R%C2%B2%EC%84%A4%EB%AA%85%EB%A0%A5%EC%9D%98-%EC%9D%98-%EC%9D%98-%EC%9D%98-%EC%9D%98%EB%AF%B8-%EA%B7%B8%EB%A6%AC%EA%B3%A0-R%EC%9D%80-%EC%83%81%EA%B4%80%EA%B3%84%EC%88%98%EC%9D%98-%EC%A0%9C%EA%B3%B1-%EC%9D%91

선형회귀 간단한 예제

■ 키와 몸무게 데이터

```
data = {'x' : [156.5, 160.6, 169.5, 167.9, 154.8, 163.0],
'y' : [ 51.7, 54.8, 62.3, 61.3, 49.8, 55.8]}
```

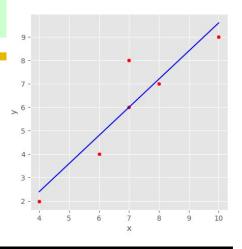
linearregression.py 프로그램

```
In [1]:
          !pip install sklearn
          data.plot(kind="scatter", # 산점도를 그리시오
In [2]:
                x='x', # 가로축은 x라고 라벨을 붙임
                y='y', # 세로축은 y라고 라벨을 붙임
                figsize=(5,5), # 가로 5인치, 세로 5인치 크기의 박스를 설정
                color="blue") # 산점도 상의 점 색상을 파랑색으로 지정
          # linear_model 모듈이 포함하고 있는 Linearregression() 함수를
          'linear regression'이라고 하는 변수에 할당
          linear_regression = linear_model.LinearRegression()
          # Linearregression()의 fit()이라는 함수를 이용하여 선형회귀 모델 훈련 실행
          # 이 때 독립변수는 x, 종속변수는 y
          linear_regression.fit(X = pd.DataFrame(data["x"]), y = data["y"])
          # 선형 회귀식의 세로축 절편 'linear_regression.intercept_'를 구하여 출력한다.
          print('a value = ', linear_regression.intercept_)
          # 선형 회귀식의 기울기 'linear_regression.coef_'를 구하여 출력한다.
          print('b balue =', linear_regression.coef_)
```

선형회귀 간단한 예제

■ 토익점수

- data = $\{'x' : [4,6,7,7,8,10], 'y' : [2,4,6,8,7,9]\}$
- X값 평균=mean(x)=m(x)=7, y값 평균=mean(y)=m(y)=6
- Y= 1.2x 2.4, R2 score= SSR/SST = 1- SSE/SST = 0.847



Х	4	6	7	7	8	10		
$oldsymbol{y}$	2	4	6	8	7	9		
E(y) \hat{y}_i	2.4	4.8	6	6	7.2	9.6	∑ = 36	$Mean=m(y)=\frac{6}{9}$
y-m(y)	-4	-2	0	2	1	3		
(y-m(y))^2	16	4	0	4	1	9	∑ = 34	SST=34
E(y)-m(y)	-3.6	-1.2	0	0	1.2	3.6	Σ =	
(E(y)-m(y)) ^ 2	12.96	1.44	0	0	1.44	12.96	∑ = 28.8	SSR=28.8
y-E(y)	-0.4	-0.8	0	2	-0.2	-0.6		Mean=0
(y-E(y) * (E(y)-m(y))	1.44	0.96	0	0	-0.24	-2.16	$\Sigma = 0$	
(y-E(y)) ^2	0.16	0.64	0	4	0.04	0.36	∑ = 5.2	SSE=5.2, MSE(mean squared error)
y-E(y)	0.4	0.8	0	2	0.2	0.6	Σ = 4	Mean=0.666, MAE(mean absolute error)
							(결정계수)	R2=28.8/34=0.84705

■ 데이터 수집, 준비 및 탐색

1. 주피터 노트북에서 '10장_주택가격분석'으로 노트북 페이지를 추가하고 입력

In [1]:	!pip install sklearn
In [2]:	import numpy as np import pandas as pd
	from sklearn.datasets import load_boston boston = load_boston()

In [2]: 사이킷런에서 제공하는 데이터셋sklearn.datasets 중에서 보스톤 주택 가격 데이터셋을 사용하기 위해 load_boston을 임포트하고, 데이터셋을 로드하여load_boston() 객체boston를 생성

■ 데이터 수집, 준비 및 탐색

2. 데이터가 이미 정리된 상태이므로 데이터셋 구성을 확인

In [3]:	print(boston. DESCR)														
In [4]:	boston_df = pd.DataFrame(boston. data , columns = boston. feature_names)														
		CRIM	ZN	INDU	S CHA	S N	IOX	RM	AGE	DIS	RAD	TAX	PTRATIO	В	LSTAT
Out[4]:	0	0.00632	18.0	2.3	1 0	.0 0.	538 6	.575	65.2	4.0900	1.0	296.0	15.3	396.90	4.98
5 5 5 1	1	0.02731	0.0	7.0	7 0	.0 0.	469 6	.421	78.9	4.9671	2.0	242.0	17.8	396.90	9.14
	2	0.02729	0.0	7.0	7 0	.0 0.	469 7	.185	61.1	4.9671	2.0	242.0	17.8	392.83	4.03
	3	0.03237	0.0	2.1	3 0	.0 0.	458 6	.998	45.8	6.0622	3.0	222.0	18.7	394.63	2.94
	4	0.06905	0.0	2.1	3 0	.0 0.	458 7	.147	54.2	6.0622	3.0	222.0	18.7	396.90	5.33
In [5]:		bosto	n_df['PRIC	E'] =	bos	ston.	targ	et						
		CRIM		NDUS		NOX		AGE		S RAD	TAX	PTRAT	ю в	LSTAT	PRICE
Out[5]:	0	0.00632	18.0	2.31	0.0	0.538	6.575	65.2	4.090	00 1.0	296.0	15	.3 396.90	4.98	24.0
Out[J].	1	0.02731	0.0	7.07	0.0	0.469	6.421	78.9	4.967	71 2.0	242.0	17	.8 396.90	9.14	21.6
	2	0.02729	0.0	7.07	0.0	0.469	7.185	61.1	4.967	71 2.0	242.0	17	.8 392.83	4.03	34.7
	3	0.03237	0.0	2.18	0.0	0.458	6.998	45.8	6.062	22 3.0	222.0	18	.7 394.63	2.94	33.4
	4	0.06905	0.0	2.18	0.0	0.458	7.147	54.2	6.062	22 3.0	222.0	18	.7 396.90	5.33	36.2

In [3]: 데이터셋에 대한 설명boston.DESCR을 확인

In [4]: 데이터셋 객체의 data 배열boston.data,즉 독립 변수 X가 되는 피처들을 DataFrame 자료형으로 변환하여 boston_df를 생성 boston df의 데이터 5개를 확인bostone df.head()

In [5]: 데이터셋 객체의 target 배열 boston.target, 즉 종속 변수인 주택 가격('PRICE') 컬럼을 boston_df에 추가 boston_df의 데이터 5개를 확인bostone_df.head()

■ 데이터 수집, 준비 및 탐색

2. 데이터가 이미 정리된 상태이므로 데이터셋 구성을 확인

In [6]:	print('보스톤 주택 가격 데이터셋 크기: ', boston_df.shape)					
Out[6]:	보스톤 주택 가격 데이터셋 크기: (506, 14)					
In [7]:	boston_df.info()					
Out[7]:	<class 'pandas.core.frame.dataframe'=""> RangeIndex: 506 entries, 0 to 505 Data columns (total 14 columns): CRIM 506 non-null float64 ZN 506 non-null float64 INDUS 506 non-null float64 CHAS 506 non-null float64 NOX 506 non-null float64 RM 506 non-null float64 AGE 506 non-null float64 DIS 506 non-null float64 RAD 506 non-null float64 RAD 506 non-null float64 TAX 506 non-null float64 PTRATIO 506 non-null float64 B 506 non-null float64 B 506 non-null float64 CSTAT 506 non-null float64 DRICE 506 non-null float64</class>					

- 14개의 독립 변수(피처)의 의미
 - CRIM: 지역별 범죄 발생률
 - ZN: 25,000평방피트를 초과하는 거주 지역 비율
 - INDUS: 비상업 지역의 넓이 비율
 - CHAS: 찰스강의 더미변수(1은 강의 경계, 0은 경계 아님)
 - NOX: 일산화질소 농도
 - RM: 거주할 수 있는 방 개수
 - AGE: 1940년 이전에 건축된 주택 비율
 - DIS: 5개 주요 고용센터까지 가중 거리
 - RAD: 고속도로 접근 용이도
 - TAX: 10,000달러당 재산세 비율
 - PTRATIO: 지역의 교사와 학생 수 비율
 - B: 지역의 흑인 거주 비율
 - LSTAT: 하위 계층의 비율
 - PRICE(MEDV): 본인 소유 주택 가격의 중앙값

In [6]: 데이터셋의 형태 boston_df.shape, 즉 행의 개수(데이터 개수)와 열의 개수(변수 개수)를 확인 행의 개수가 506이므로 데이터가 506개 있으며, 열의 개수가 14이므로 변수가 14개 있음 변수 중에서 13개는 독립 변수 X가 되고, 마지막 변수 'PRICE'는 종속 변수 Y가 됨

In [7]: boston_df에 대한 정보를 확인boston.info()

■ 분석 모델 구축, 결과 분석 및 시각화

- 1. 선형 회귀를 이용해 분석 모델 구축하기
 - 1. 사이킷런의 선형 분석 모델 패키지sklearn.linear model에서 선형 회귀LinearRegression를 이용하여 분석 모델을 구축

In [8]:	from sklearn.linear_model import LinearRegression from sklearn.model_selection import train_test_split from sklearn.metrics import mean_squared_error, r2_score
In [9]:	#X, Y 분할하기 Y = boston_df['PRICE'] X = boston_df. drop (['PRICE'], axis = 1, inplace = False)
In [10]:	#훈련용 데이터와 평가용 데이터 분할하기 X_train, X_test, Y_train, Y_test = train_test_split (X, Y, test_size = 0.3, random_state = 156)

In [8]: 사이킷런을 사용하여 머신러닝 회귀 분석을 하기 위한 LinearRegression과 데이터셋 분리 작업을 위한 train_test_split, 성능 측정을 위한 평가 지표인 mean_squared_ error, r2_score를 임포트

In [9]: PRICE 피처를 회귀식의 종속 변수 Y로 설정하고 PRICE를 제외 drop()한 나머지 피처를 독립 변수 X로 설정 In [10]: X와 Y 데이터 506개를 학습 데이터와 평가 데이터로 7:3 비율로 분할test_size=0.3

■ 분석 모델 구축, 결과 분석 및 시각화

- 1. 선형 회귀를 이용해 분석 모델 구축하기
 - 1. 사이킷런의 선형 분석 모델 패키지sklearn.linear_model에서 선형 회귀LinearRegression를 이용하여 분석 모델을 구축

In [11]:	#선형 회귀 분석 : 모델 생성 lr = LinearRegression()
In [12]:	#선형 회귀 분석 : 모델 훈련 Ir .fit (X_train, Y_train)
Out[12]:	LinearRegression()
In [13]:	#선형 회귀 분석 : 평가 데이터에 대한 예측 수행 -> 예측 결과 Y_predict 구하기 Y_predict = lr. predict (X_test)

In [11]: 선형 회귀 분석 모델 객체 Ir을 생성

In [12]: 학습 데이터 Xx train와 YY train를 가지고 학습을 수행fit().

In [13]: 평가 데이터 Xx_test를 가지고 예측을 수행하여predict() 예측값YY_predict를 구함

■ 분석 모델 구축, 결과 분석 및 시각화

- 1. 선형 회귀를 이용해 분석 모델 구축하기
 - 2. 선형 회귀 분석 모델을 평가 지표를 통해 평가하고 회귀 계수를 확인하여 피처의 영향을 분석

In [14]:	<pre>mse = mean_squared_error(Y_test, Y_predict) rmse = np.sqrt(mse) print('MSE : {0:.3f}, RMSE : {1:.3f}'.format(mse, rmse)) print('R^2(Variance score) : {0:.3f}'.format(r2_score(Y_test, Y_predict)))</pre>
Out[14]:	MSE : 17.297, RMSE : 4.159 R^2(Variance score) : 0.757
In [15]:	print('Y 절편 값: ', lr. intercept_) print('회귀 계수 값: ', np.round(lr. coef_ , 1))
Out[15]:	Y 절편 값: 40.995595172164336 회귀 계수 값: [-0.1 0.1 0. 319.8 3.4 01.7 0.4 -00.9 00.6]

In [14]: 회귀 분석은 지도 학습이므로 평가 데이터 X에 대한 결과값 Yy_test를 이미 알고 있는 상태에서 평가 데이터 Yy_test와 In [13]에서 구한 예측 결과Y_predict의 오차를 계산하여 모델을 평가. 평가 지표 MSE를 구하고mean_squared_error() 구한 값의 제곱근을 계산하여np.sqrt(mse) 평가 지표 RMSE를 구함 그리고 평가 지표 R2 을 구함r2 score()

In [15]: 선형 회귀의 Y절편 Ir.intercept_과 각 피처의 회귀 계수 Ir.coef_를 확인

■ 분석 모델 구축, 결과 분석 및 시각화

- 1. 선형 회귀를 이용해 분석 모델 구축하기
 - 2. 선형 회귀 분석 모델을 평가 지표를 통해 평가하고 회귀 계수를 확인하여 피처의 영향을 분석

In [16]:	coef = pd. Series (data = np.round(lr. coef_ , 2), index = X.columns) coef. sort_values (ascending = False)
Out[16]:	RM 3.35 CHAS 3.05 RAD 0.36 ZN 0.07 INDUS 0.03 B 0.01 AGE 0.01 TAX -0.01 CRIM -0.11 LSTAT -0.57 PTRATIO -0.92 DIS -1.74 NOX -19.80 dtype: float64

In [16]: 회귀 모델에서 구한 회귀 계수 값lr.coef_과 피처 이름x.columns을 묶어서 Series 자료 형으로 만들고, 회귀 계수 값을 기준으로 내림차순으로 정렬하여 ascending=False 확인sort_values()

회귀 모델 결과를 토대로 보스톤 주택 가격에 대한 회귀식

 $\text{Yprice} = -0.11 \text{Xcrim} + 0.07 \text{xzn} + 0.03 \text{xindus} + 3.05 \text{xchas} - 19.80 \text{xnox} + 3.35 \text{xrm} + 0.01 \text{xage} - 1.74 \text{xdis} + 0.36 \text{xrad} - 0.01 \text{xtax} \\ - 0.92 \text{xptratio} + 0.01 \text{xb} - 0.57 \text{xlstat} + 41.00$

■ 회귀 분석 결과를 산점도 + 선형 회귀 그래프로 시각화하기

2. 선형 회귀를 이용해 분석 모델 구축하기

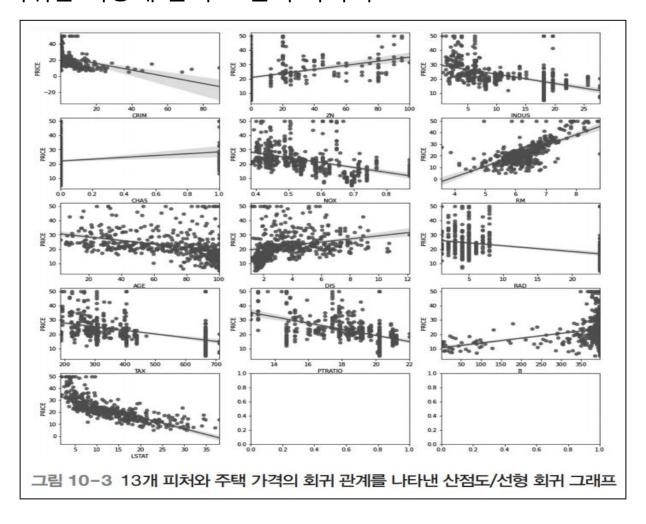
In [17]:	import matplotlib.pyplot as plt import seaborn as sns
In [18]:	fig, axs = plt. subplots (figsize = (16, 16), ncols = 3, nrows = 5)
	x_features = ['CRIM', 'ZN', 'INDUS', 'CHAS', 'NOX', 'RM', 'AGE', 'DIS', 'RAD', 'TAX', 'PTRATIO', 'B', 'LSTAT']
	<pre>for i, feature in enumerate(x_features): row = int(i/3)</pre>
	col = i%3
	$sns.regplot(x = feature, y = 'PRICE', data = boston_df, ax = axs[row][col])$

In [17]: 시각화에 필요한 모듈을 임포트

In [18]: 독립 변수인 13개 피처와 종속 변수인 주택 가격, PRICE와의 회귀 관계를 보여주는 13개 그래프를 subplots()를 사용하여 5행 3열 구조로 모아서 나타냄

aborn의 regplot()은 산점도 그래프와 선형 회귀 그래프를 함께 그려줌

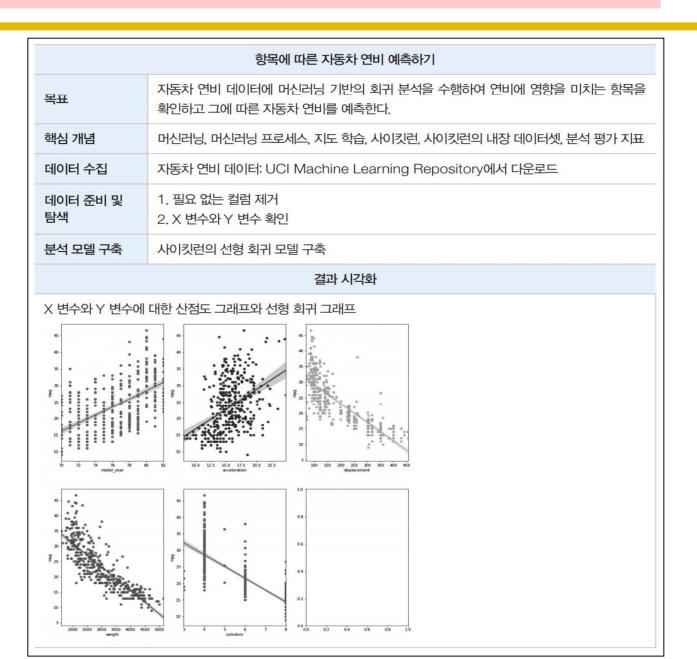
- 회귀 분석 결과를 산점도 + 선형 회귀 그래프로 시각화하기
 - 2. 선형 회귀를 이용해 분석 모델 구축하기



선형회귀 정리

- 선형 회귀의 Y절편(intercept)과 각 피처의 회귀 계수(coef)를 어떻게 구하는가? => 대표적으로 최소자승법을 사용한다.
- 다중 회귀분석의 경우 식이 의미가 있는지 어떻게 판단하는가? => F 통계량을 사용하여 p-값이 0.05보다 작으면 유의하다고 판단.
- 모형이 얼마나 설명력을 갖는가? => 결정계수를 확인한다.
- 독립변수들이 많을 경우 독립변수가 의미가 있는지 판단은 어떻게하는가? => 각 변수의 p-값이 0.05보다 작으면 유의하다고 판단

■ 분석 미리보기



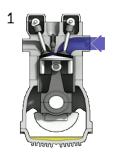
■ 자동차 연비 문제

자동차 연비를 결정하는 주요 요소는 무엇인가?

mpg : 연비 (1mile=1.6km, 1gallon=3.78 liter, 1mpg=0.42 km/liter)

cylinders : 실린더 displacement : 배기량 weight : 무게 acceleration : 가속

model_year : 제작연도





https://www.youtube.com/watch?v=06bQPPjnw1g

배기량 = 실린더 단면적 X 행정길이 X 기통수 = $(\pi/4)$ X 직경 2 X 행정길이 X 기통수

[참고]

https://archive.ics.uci.edu/ml/datasets/auto+mpg https://happygrammer.github.io/tensorflow/keras/regression/

■ 목표설정

• 목표: 자동차 연비 데이터에 머신러닝 기반의 회귀 분석을 수행 연비에 영향을 미치는 항목을 확인하고, 그에 따른 자동차 연비를 예측

■ 핵심 개념 이해

• 1절의 프로젝트와 동일한 개념에 대한 이해가 필요

■ 데이터 수집

1. 자동차 연비 데이터 다운로드하기

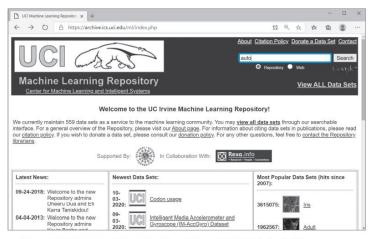


그림 10-4 UCI Machine Learning Repository 사이트에서 'auto' 검색

2. 검색 결과 목록에서 'Auto MPG Data Set - UCI Machine Learning Repository 클릭

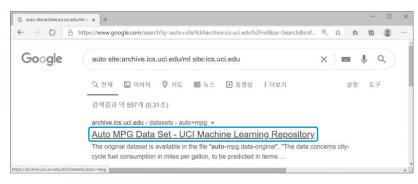


그림 10-5 검색 목록에서 다운로드할 데이터셋 선택

■ 데이터 수집

3. Data Folder를 클릭하여 'auto-mpg.data'를 다운로드

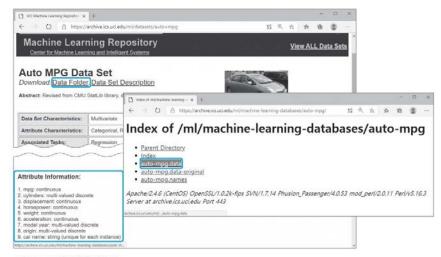


그림 10-6 데이터셋 다운로드

4. CSV 파일로 변경하기

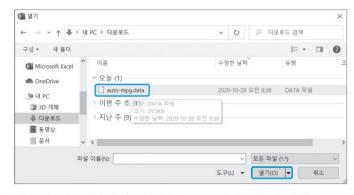


그림 10-7 CSV 파일로 변경하기 1 - 엑셀 프로그램에서 파일 열기

■ 데이터 수집

5. 1단계는 버튼을 클릭, 2단계에서는 [구분 기호]로 '공백'을 선택하고 버튼을 클릭

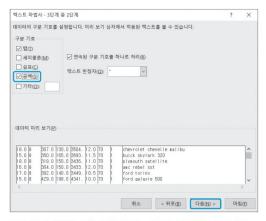


그림 10-8 CSV 파일로 변경하기 2 - 텍스트 마법사로 파일 정리

6. 텍스트 마법사 3단계에서 데이터 미리 보기를 확인하고 버튼을 클릭

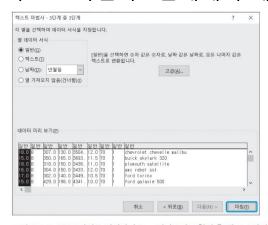


그림 10-9 CSV 파일로 변경하기 3 - 미리보기로 확인 후 텍스트 마법사 종료

■ 데이터 수집

- 7. 항목을 구분하기 위해 열 이름을 추가
 - 행을 삽입하고 열 이름으로 mpg, cylinders, displacement, horsepower, weight, acceleration, model_year, origin, car name을 각각 입력

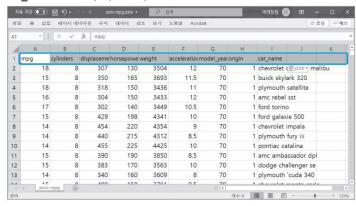


그림 10-10 CSV 파일로 변경하기 4 - 항목 이름 추가

8. My_Python 폴더에 10장_data 폴더를 만들고 파일을 'auto-mpg.csv'로 저장

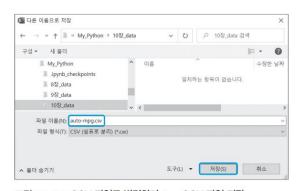


그림 10-11 CSV 파일로 변경하기 4 - CSV 파일 저장

■ 데이터 준비 및 탐색

• 분석에 필요 없는 컬럼을 제거하고 데이터셋의 내용을 확인

In [1]:	import numpy as np import pandas as pd data_df = pd.read_csv('./10장_data/auto-mpg.csv', header = 0, engine = 'python')								
In [2]:	print('데이터셋 크기: ', data_df. shape) data_df. head()								
Out[2]:	데이터섯	[크기: (398, 9)						
	mpg cyli	nders displacement	horsepower	weight	acceleration	model_year	origin	car_name	
	0 18.0	8 307.0	130	3504	12.0	70	1	chevrolet chevelle malibu	
	1 15.0	8 350.0	165	3693	11.5	70	1	buick skylark 320	
	2 18.0	8 318.0	150	3436	11.0	70	1	plymouth satellite	
	3 16.0	8 304.0	150	3433	12.0	70	1	amc rebel sst	
	4 17.0	8 302.0	140	3449	10.5	70	1	ford torino	
In [3]:	data_df data_df		r op (['car_ı	name	e', 'origin'	', 'horsep	oowe	er'], axis = 1, inp	place = False)
Out[3]:	mpg cylin	ders displacement	weight accele	ration r	model_year				
	0 18.0	8 307.0	3504	12.0	70				
	1 15.0	8 350.0	3693	11.5	70				
	2 18.0	8 318.0	3436	11.0	70				
	3 16.0	8 304.0	3433	12.0	70				
	4 17.0	8 302.0	3449	10.5	70				

In [2]: 데이터셋의 형태data_df.shape를 확인해보면, 398행과 9열로 구성되어 있음 398개 데이터에 9개 컬럼이 있으므로 파일 내용이 DataFrame으로 잘 저장되었다는 것을 알 수 있음 데이터 5개를 출력하여 내용을 확인data_df.head().

In [3] 피처 중에서 car_name, origin, horsepower는 분석에 사용하지 않으므로 제거data_df.drop() 후 확인data_df.head().

■ 데이터 준비 및 탐색

• 분석에 필요 없는 컬럼을 제거하고 데이터셋의 내용을 확인

In [4]:	print('데이터셋 크기: ', data_df. shape)		
Out[4]:	데이터셋 크기: (398, 6)		
In [5]:	data_df.info()		
Out[5]:	<class 'pandas.core.frame.dataframe'=""> RangeIndex: 398 entries, 0 to 397 Data columns (total 6 columns): mpg</class>		

In [4]: 분석에 사용할 데이터셋의 형태data_df.shape를 확인

In [5]: 분석에 사용할 데이터셋의 정보data_df.info()를 확인

■ 분석 모델 구축, 결과 분석 및 시각화

- 1. 선형 회귀 분석 모델 구축하기
 - 1. 자동차 연비 예측을 위해 다음과 같이 선형 회귀 분석 모델을 구축

In [6]:	from sklearn.linear_model import LinearRegression from sklearn.model_selection import train_test_split from sklearn.metrics import mean_squared_error, r2_score
In [7]	#X, Y 분할하기 Y = data_df['mpg'] X = data_df. drop (['mpg'], axis = 1, inplace = False)
In [8]:	#훈련용 데이터와 평가용 데이터 분할하기 X_train, X_test, Y_train, Y_test = train_test_split (X, Y, test_size = 0.3, random_state = 0)

- In [6]: 사이킷런을 사용하여 머신러닝 선형 회귀 분석을 하기 위한 LinearRegression과 데이터셋 분리 작업을 위한 train_test_split, 성능 측정을 위한 평가 지표인 mean_squared_ error, r2_score를 임포트
- In [7]: 자동차 연비를 예측하는 것이 프로젝트의 목표이므로, mpg 피처를 회귀식의 종속 변수 Y로 설정하고, mpg를 제외한 나머지 피처를 독립 변수 X로 설정
- In [8]: 데이터를 7:3 비율 test_size=0.3로 분할하여 train_test_split() 학습 데이터와 평가 데이터로 설정

■ 분석 모델 구축, 결과 분석 및 시각화

- 1. 선형 회귀 분석 모델 구축하기
 - 1. 자동차 연비 예측을 위해 다음과 같이 선형 회귀 분석 모델을 구축

In [9]:	#선형 회귀 분석 : 모델 생성 lr = LinearRegression()
In [10]	#선형 회귀 분석 : 모델 훈련 Ir.fit(X_train, Y_train)
Out[10]:	LinearRegression()
In [11]:	#선형 회귀 분석 : 평가 데이터에 대한 예측 수행 -> 예측 결과 Y_predict 구하기 Y_predict = lr. predict (X_test)

In [9]: 선형 회귀 분석 모델 객체인 Ir을 생성

In [10]: 학습 데이터 XX_train와 YY_train를 가지고 학습을 수행fit()

In [11]: 평가 데이터 XX_test로 예측을 수행하여predict() 예측값 YY_predict를 구함

■ 분석 모델 구축, 결과 분석 및 시각화

- 1. 선형 회귀 분석 모델 구축하기
 - 2. 평가 지표를 통해 선형 회귀 분석 모델을 평가하고 회귀 계수를 확인하여 자동차 연비에 끼치는 피처의 영향을 분석

In [12]:	<pre>mse = mean_squared_error(Y_test, Y_predict) rmse = np.sqrt(mse) print('MSE : {0:.3f}, RMSE : {1:.3f}'.format(mse, rmse)) print('R^2(Variance score) : {0:.3f}'.format(r2_score(Y_test, Y_predict)))</pre>
Out[12]:	MSE : 12.278, RMSE : 3.504 R^2(Variance score) : 0.808
In [13]	print('Y 절편 값: ', np.round(Ir. intercept _, 2)) print('회귀 계수 값: ', np.round(Ir. coef _, 2))
Out[13]:	Y 절편 값: -17.55 회귀 계수 값: [-0.14 0.01 -0.01 0.2 0.76]

In [12]: 회귀 분석은 지도 학습이므로 평가 데이터 X에 대한 YY_test를 이미 알고 있음 평가 데이터의 결과값 Y_test과 예측 결과값 Y_predict의 오차를 계산하여 모델을 평가하는데, mean_ squared_error()를 이용하여 평가 지표 MSE를 구하고 구한 값의 제곱근을 계산하여 평가 지표 RMSE를 구한다. 그리고 r2_score()를 이용하여 평가 지표 R2를 구함

In [13]: 선형 회귀의 Y절편 Ir.intercept_과 각 피처의 회귀 계수Ir.coef_를 확인

■ 분석 모델 구축, 결과 분석 및 시각화

- 1. 선형 회귀 분석 모델 구축하기
 - 2. 평가 지표를 통해 선형 회귀 분석 모델을 평가하고 회귀 계수를 확인하여 자동차 연비에 끼치는 피처의 영향을 분석

In [14]:	coef = pd. Series (data = np.round(lr. coef_ , 2), index = X.columns) coef.sort_values(ascending = False)
Out[14]:	model_year 0.76 acceleration 0.20 displacement 0.01 weight -0.01 cylinders -0.14 dtype: float64

In [14]: 회귀 모델에서 구한 회귀 계수 값 Ir.coef_과 피처 이름 X.columns을 묶어서 Series 자료 형으로 만들고, 회귀 계수 값을 기준으로 내림차순 ascending = False으로 정렬 sort_values()하여 회귀 계수 값이 큰 항목을 확인

회귀 모델 결과로 자동차 연비를 예측하는 회귀식

Ympg = -0.14Xcylinders + 0.01Xdisplacement - 0.01Xweight + 0.20Xacceleration + 0.76Xmodel_year - 17.55

■ 분석 모델 구축, 결과 분석 및 시각화

- 2. 선형 회귀 분석 모델 구축하기
 - 1. 평가 지표를 통해 선형 회귀 분석 모델을 평가하고 회귀 계수를 확인하여 자동차 연비에 끼치는 피처의 영향을 분석

```
In [15]: import matplotlib.pyplot as plt import seaborn as sns

In [16]: fig, axs = plt.subplots(figsize = (16, 16), ncols = 3, nrows = 2)
    x_features = ['model_year', 'acceleration', 'displacement', 'weight', 'cylinders']
    plot_color = ['r', 'b', 'y', 'g', 'r']
    for i, feature in enumerate(x_features):
        row = int(i/3)
        col = i%3
        sns.regplot(x = feature, y = 'mpg', data = data_df, ax = axs[row][col], color = plot_color[i])
```

In [15]: 시각화에 필요한 모듈을 임포트

In [16]: subplots()를 사용하여 독립 변수인 5개 피처 ['model_year', 'acceleration', 'displacement', 'weight', 'cylinders']와 종속 변수인 연비 mpq와의 회귀 관계를 보여주는 5개 그래프를 2행 3열 구조로 나타낸

■ 분석 모델 구축, 결과 분석 및 시각화

- 2. 선형 회귀 분석 모델 구축하기
 - 1. 평가 지표를 통해 선형 회귀 분석 모델을 평가하고 회귀 계수를 확인하여 자동차 연비에 끼치는 피처의 영향을 분석

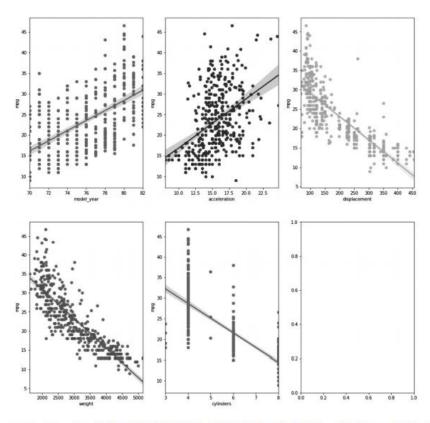


그림 10-12 5개 피처와 연비의 회귀 관계를 보여주는 산점도 + 선형 회귀 그래프

■ 분석 모델 구축, 결과 분석 및 시각화

- 2. 선형 회귀 분석 모델 구축하기
 - 2. 완성된 자동차 연비 예측 모델을 사용하여 임의의 데이터를 입력하면 연비를 예측할 수 있음

In [17]:	print("연비를 예측하고 싶은 차의 정보를 입력해주세요.") cylinders_1 = int(input("cylinders : ")) displacement_1 = int(input("displacement : ")) weight_1 = int(input("weight : ")) acceleration_1 = int(input("acceleration : ")) model_year_1 = int(input("model_year : "))	
Out[17]:	연비를 예측하고 싶은 차의 정보를 입력해주세요. cylinders: 8 displacement: 350 —	
In [18]:	<pre>mpg_predict = Ir.predict([[cylinders_1, displacement_1, weight_1, acceleration_1 , model_year_1]])</pre>	
In [19]:	print("이 자동차의 예상 연비(MPG)는 %.2f입니다." %mpg_predict)	
Out[19]:	이 자동차의 예상 연비(MPG)는 41.32입니다	

In [17]: 5개 항목(독립 변수)을 입력하면 변수에 저장

In [18]: 변수를 회귀 모델에 적용하여 예측 결과값을 구함