

Ejercicio_1. (2 puntos)

Dado el esquema del algoritmo de ordenación QuickSort:

```
QuickSort (A, izq, der) /* Ordena un vector A desde izq hasta der */
    if (izq < der) {
        piv=mediana (izq, der)
        div =partition (A, piv, izq, der)
        /* El vector A[izq..der] se particiona en dos subvectores A[izq..div] y A[div+1..der],
        de forma que los elementos de A[izq..div] son menores o iguales que los de A[div+1..der]
        (según elemento pivote) */
        QuickSort (A, izq, div)
        QuickSort (A, div+1, der)
    }
```

Donde, con “**mediana**” se obtiene la mediana de los elementos del array A entre las posiciones izq y der (el elemento que ocuparía la posición central si estuvieran ordenados), y “partition” es el procedimiento de particionar pero usando **piv** como pivote, con lo que el problema se divide en dos subproblemas de igual tamaño. Si el tiempo de ejecución del procedimiento “**mediana**” es $t_{med}(n)=20n$, y el de “partition” es $t_{par}(n)=n$:

- (0,75 puntos). Calcular la complejidad del algoritmo propuesto por el método de la **ecuación característica**.
- (0,25 puntos). Calcular la complejidad del algoritmo propuesto por el Teorema maestro.
- (0,5 puntos). Calcular la complejidad del algoritmo propuesto por expansión de recurrencia.
- (0,5 puntos). Si el método de la **Burbuja** tiene un tiempo de ejecución de n^2 , justificar para qué valores de la entrada es preferible esta versión del QuickSort al método de la Burbuja.

NOTAS:

- Suma de los valores de la progresión geométrica $\sum_{i=0}^n 2^i = 2^{n+1} - 1$
- El Teorema maestro aplicado a $T(n) = aT(n/b) + \Theta(n^k \log^p n)$ es:

$$T(n) \in \begin{cases} O(n^{\log_b a}) & \text{si } a > b^k \\ O(n^k \cdot \log^{p+1} n) & \text{si } a = b^k \\ O(n^k \cdot \log^p n) & \text{si } a < b^k \end{cases}$$

Ejercicio_2. (3 puntos)

- Resolver el problema de la mochila para el caso en que no se permita partir los objetos (es decir, un objeto se coge entero o no se coge nada).

☐ Problema de la mochila.

■ Tenemos:

- ☐ n objetos, cada uno con un peso (p_i) y un valor o beneficio (b_i)
- ☐ Una mochila en la que podemos meter objetos, con una capacidad de peso máximo M .

■ **Objetivo:** llenar la mochila con esos objetos, maximizando la suma de los beneficios (valores) transportados, y respetando la limitación de capacidad máxima M .

■ Se supondrá que los objetos **NO** se pueden partir en trozos.

➤ **Se pide:**

- a. (1.5 puntos). Diseñar un algoritmo **voraz** para resolver el problema aunque no se garantice la solución óptima. Es necesario marcar en el código propuesto a que corresponde cada parte en el esquema general de un algoritmo voraz (criterio, candidatos, función.....). Si hay más de un criterio posible elegir uno razonadamente y discutir los otros. Comprobar si el algoritmo garantiza la solución óptima en este caso (la demostración se puede hacer con un contraejemplo).

➤ Aplicar el algoritmo al caso: $n=3$, $M=6$, $p=(2, 3, 4)$, $b=(1, 2, 5)$

- b. (1.5 puntos). Resolver el problema mediante **programación dinámica**. Definir la ecuación recurrente, los casos base, las tablas y el algoritmo para rellenarlas y especificar cómo se **recompone la solución** final a partir de los valores de las tablas.

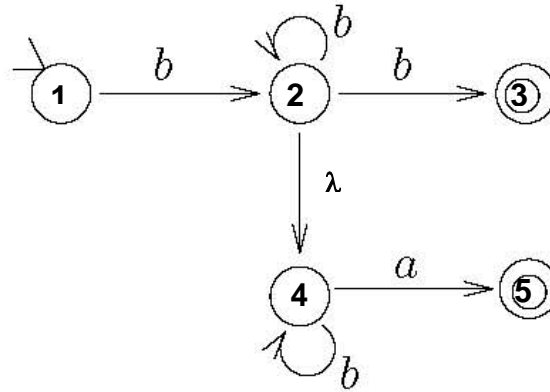
➤ Aplicar el algoritmo al caso: $n=3$, $M=6$, $p=(2, 3, 4)$, $b=(1, 2, 5)$

❖ **Nota:** una posible ecuación recurrente es:

$$\text{Mochila}(k, m) = \begin{cases} 0 & \text{Si } k=0 \text{ ó } m=0 \\ -\infty & \text{Si } k<0 \text{ ó } m<0 \\ \max \{ \text{Mochila}(k-1, m), b_k + \text{Mochila}(k-1, m-p_k) \} & \end{cases}$$

Ejercicio_3. (2 puntos)

- Dado el AFND definido en el grafo:



➤ **Se pide:**

- (0,25 puntos). Si son aceptadas o no por el autómata las siguientes cadenas:
 - $f'(1, ba)$
 - $f'(1, ab)$
 - $f'(1, bb)$
 - $f'(1, b)$
 - $f'(1, bba)$
- (0,5 puntos). El AFD equivalente
- (0,5 puntos). El AFD mínimo
- (0,25 puntos). Corroborar el resultado obtenido para las palabras del apartado **a.** con el AFD obtenido en el apartado **c.**
- (0,5 puntos). Obtener una expresión regular equivalente al AFD obtenido en el apartado **c.**

Ejercicio_4. (3 puntos)

Considérese la siguiente gramática:

$S \rightarrow (L)$

| a

$L \rightarrow L \% S$

| S

- a.** (0,25 puntos). Comprobar si es LL(1) mediante el cálculo de los conjuntos Primero y Siguiente.
- b.** (0.25 puntos). Con la gramática equivalente LL(1), especificar un autómata con pila que acepte el mismo lenguaje por pila vacía.
- c.** (0.5 puntos). Analizar por el autómata del apartado **b.** anterior, teniendo en cuenta el principio de preanálisis (lectura de un símbolo de la entrada con anticipación) la entrada "**(a%(a%a))**".
- d.** (0,75 puntos) Con la gramática equivalente LL(1), construir la tabla de análisis LL(1) y especificar el pseudocódigo de análisis sintáctico tabular.
- e.** (0,75 puntos) Construir la traza correspondiente al reconocimiento de la frase: "**(a%(a%a))**" según el pseudocódigo especificado en el apartado **d.** anterior.
- f.** (0,5 puntos) Especificar el pseudocódigo de análisis sintáctico dirigido por la sintaxis para la gramática obtenida LL(1).