TRABAJO PRÁCTICO Nº 1 EXPRESIONES ALGEBRAICAS - POLINOMIOS

1) Calcular los valores numéricos indicados en cada caso:

a)
$$A(x) = 7x^3 - 3x^2 - x + 10$$

 $A(2) =$

b)
$$P(x) = 5x^7 - 4x^2 + 11x + 17$$

 $P(-1)=$

c)
$$B(x) = x^4 - 5x^2 + 7x - 20$$

 $B(0) =$

d)
$$C(x) = (x - 5)^2 \cdot (x - 7) \cdot (x + 12)$$

 $C(4) =$

2) Realizar las siguientes operaciones con monomios:

a)
$$2x^2y^3z + 3x^2y^3z =$$

b)
$$3x^4 - 2x^4 + 7x^4 =$$

c)
$$2a^2bc^3 - 5a^2bc^3 + 3a^2bc^3 - 2a^2bc^3 =$$

d)
$$(12x^3) \cdot (4x) =$$

e)
$$(18x^3y^2z^5) \cdot (6x^3yz^2) =$$

f)
$$(12x^3): (4x) =$$

g)
$$(18x^6y^2z^5):(6x^3yz^2) =$$

h)
$$\frac{24 \times^5 y^4 + 18 \times^4 y^5 - 48 \times^{10} y^3}{6 \times^2 y^3} =$$

i)
$$(-3x^2)^3 =$$

$$\left(\frac{2}{3} \times^3\right)^2 =$$

3) Dados los polinomios:

$$P(x) = 4x^2 - 1$$

$$R(x) = 6x^2 + x + 1$$

$$T(x) = 3/2x^2 + 5$$

$$Q(x) = x^3 - 3x^2 + 6x - 2$$

$$S(x) = 1/2x^2 + 4$$

$$U(x) = x^2 + 2$$

Calcular:

a)
$$P(x) + Q(x) =$$

b)
$$P(x) - U(x) =$$

c)
$$P(x) + R(x) =$$

d)
$$2P(x) - R(x) =$$

e)
$$S(x) + T(x) + U(x) =$$

f)
$$S(x) - T(x) + U(x) =$$

4) Multiplicar:

a)
$$(x^4 - 2x^2 + 2) \cdot (x^2 - 2x + 3)$$

b)
$$(3x^2 - 5x) \cdot (2x^3 + 4x^2 - x + 2)$$

c)
$$(2x^2 - 5x + 6) \cdot (3x^4 - 5x^3 - 6x^2 + 4x - 3)$$

5) Dividir:

a)
$$(x^4 - 2x^3 - 11x^2 + 30x - 20) : (x^2 + 3x - 2)$$

b)
$$(x^6 + 5x^4 + 3x^2 - 2x) : (x^2 - x + 3)$$

c)
$$(x^5 + 2x^3 - x - 8) : (x^2 - 2x + 1) =$$

6) Dividir por la regla de Ruffini:

a)
$$(x^5 - 32) : (x - 2)$$

b)
$$(x^3 + 2x + 70) : (x + 4)$$

c)
$$(x^5 - 32) : (x - 2)$$

d)
$$(x^4 - 3x^2 + 2) : (x - 3)$$

TRABAJO PRÁCTICO Nº 1 EXPRESIONES ALGEBRAICAS - POLINOMIOS

- 7) Halla el resto de las siguientes divisiones:
 - a) $(x^5 2x^2 3) : (x 1)$
 - b) $(2x^4 2x^3 + 3x^2 + 5x + 10) : (x + 2)$
 - c) $(x^4 3x^2 + 2)$: (x 3)
- 8) Aplicando el teorema del resto, indica cuáles de estas divisiones son exactas:
 - a) $(x^3 5x 1) : (x 3)$
 - b) $(x^6 1) : (x + 1)$
 - c) $(x^4 2x^3 + x^2 + x 1) : (x 1)$
 - d) $(x^{10} 1024) : (x + 2)$
- 9) Factorizar
 - a) $x^3 + x^2$
 - b) $2x^4 + 4x^2$
 - c) $x^2 4$
 - d) $x^4 16$
 - e) $9 + 6x + x^2$
 - f) $\chi^2 \chi 6$

- g) $x^4 10x^2 + 9$
- h) $x^4 2x^2 3$
- i) $2x^4 + x^3 8x^2 x + 6$
- j) $2x^3 7x^2 + 8x 3$
- k) $x^3 x^2 4$
- 1) $x^3 + 3x^2 4x 12$
- m) $6x^3 + 7x^2 9x + 2$

- 10) Factorizar los polinomios
 - a) $9x^4 4x^2 =$
 - b) $x^5 + 20x^3 + 100x =$
 - c) $3x^5 18x^3 + 27x =$

- d) $2x^3 50x =$
- e) $2x^5 32x =$
- f) $2x^2 + x 28 =$

- 11) Descomponer en factores los polinomios
 - a) xy 2x 3y + 6 =
 - b) $25x^2 1 =$
 - c) $36x^6 49 =$
 - d) $x^2 2x + 1 =$
 - e) $x^2 6x + 9 =$
 - f) $x^2 20x + 100 =$
 - g) $x^2 + 10x + 25 =$

- h) $x^2 + 14x + 49 =$
- i) $x^3 4x^2 + 4x =$
- j) $3x^7 27x =$
- k) $x^2 11x + 30 =$
- 1) $3x^2 10x + 3 =$
- m) $2x^2 x 1 =$
- 12) Hallar las raíces de los siguientes polinomios, indicando su multiplicidad. Luego, factorizar:
 - $P_1(x) = x^4 10x^2 + 9$
 - $P_3(x) = x^4 5x^2 + 4$
 - $P_5(x) = 3x^4 3x^3 18x^2$
 - $P_7(x) = x^3 1$

- $P_2(x) = (x^2 + 9)(4x^2 8x 12)$
- $P_4(x) = x^3 2x^2 4x + 8$
- $P_6(x) = 3x^4 + x^3 2x^2$
- $P_8(x) = (x^2 81)(4x^2 + 4x + 2)$