

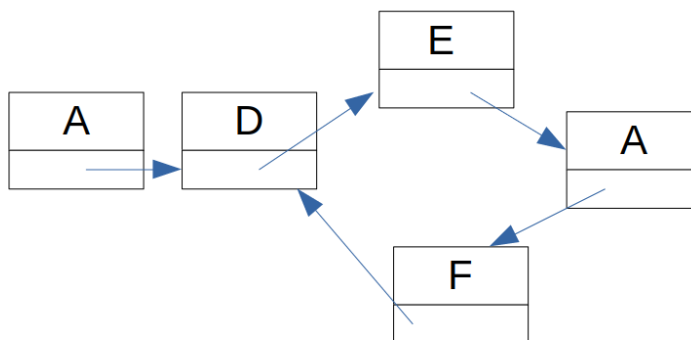


Universidade Federal da Bahia - UFBA
Instituto de Computação - IC
Departamento de Ciência da Computação - DCC
MATA40 – Estrutura de Dados e Aplicações
Prof. Ricardo Rios



- A prova vale 10,0 pontos e todas as questões têm o mesmo peso.
- Interpretação faz parte da avaliação. Para responder uma questão, elabore suas hipóteses e desenvolva a solução.
- Conversas entre alunos não são permitidas. Caso ocorra, as duas provas serão anuladas e os envolvidos ficarão com nota 0,0.

1 Implemente uma função que detecta ciclos em uma lista encadeada. Exemplo:



Neste exemplo, o resultado seria “Ciclo Detectado”. Sugestão: Utilize dois ponteiros, com diferentes velocidades de movimentação.

- 2 Utilizando operações primitivas, calcule a complexidade do seu algoritmo.
- 3 Discuta a complexidade calculada anteriormente em termos de $O(\cdot)$ [funções como limitantes superiores] e $\Omega(\cdot)$ [funções como limitantes inferiores].
- 4 Suponha que você precise implementar um compilador. Utilizando uma pilha, verifique se expressões são válidas considerando “(”, “)”, “[”, “]”, “{” e “}”. Exemplo:
 - a $(a + b) + (c + d)$: Válida
 - b $((a + b) + (c + d))$: Inválida
 - c $((a + b) + (c + d))$: inválida
 - d $[{a + b} + (c + d)]$: Válida
- 5 Você deve implementar o algoritmo Round Robin (RR) de escalonamento em um Sistema Operacional (SO). Esse algoritmo executa da seguinte maneira:
 - a Cada processo no sistema tem um custo de execução representado por Unidades de Processamento (UP);

- b Cada novo processo é enviado para uma fila de "pronto" que contém processos que estão aptos para serem executados;
- c A CPU libera um limite de tempo (quantum) para cada processo. Se um processo está executando e precisa de mais UP que o quantum liberado pela CPU, ele executa até o limite e depois volta para o final da fila de pronto com as UPs necessárias para concluir sua tarefa.

Seu código deve ler a seguinte entrada:

```
3
5 15
1 2 3
10 1 20
```

A primeira linha ("3") informa quantas linhas em sequência devem ser lidas. A segunda linha contém duas informações importantes: "5" - o quantum da CPU e "15" o máximo de UP que seu código vai processar. A próxima linha contém os IDs dos processos. A última linha contém todas as UPs necessárias por processo.

Nesse caso, o processo "1", que chegou primeiro, começa a executar. Esse processo ocupa a CPU por um quantum de "5" UP. Depois, ele volta para o final da fila com "5" UP.

O processo "2" precisou apenas de um "1" UP. Em seguida, ele sai da CPU e não volta para a fila porque não tem UP restante.

Ao final do máximo de UP, seu código deve imprimir a fila atual e as respectivas UPs restantes:

```
3 1
15 1
```

Importante:

1 - Não é permitido usar funções existentes do Python para gerenciamento de listas (ex.: lista = [], lista.append, ...), pilhas ou qualquer outra estrutura. Respostas que as utilizarem serão zeradas!

2 - Utilize sua implementação do TAD Fila.

- 6 Considere uma implementação de lista encadeada com cabeça e sem cauda que armazena valores reais. Implemente a função **conc**, que concatena duas listas L1 e L2 passadas como parâmetro, intercalando seus elementos. Ao final, imprima o resultado na tela.

Exemplo:

L1: [1.2 3.5 9.78]

L2: [5 2.9]

Saída: [1.2 5 3.5 2.9 9.78]

- 7 Implemente uma lista duplamente encadeada com elementos que armazenem valores inteiros. Além disso, implemente uma função que recebe um vetor de inteiros e os insere na lista de maneira ordenada. Observação: seu algoritmo não pode recomeçar a partir da cabeça a busca pela posição correta após cada inserção na lista, exceto na primeira inserção. Ex.:

Lista atual: [0 1 3 5 6]

Inserir vetor: [4 2 7]

Para inserir o elemento 4, a busca deve começar a partir do elemento 0. Ao inserir o elemento 4 após o 3 [0 1 3 4 5 6], o algoritmo não deve voltar para o primeiro elemento 0 para buscar a posição do valor 2 que será inserido na sequência. O algoritmo deve fazer essa inserção usando o encadeamento para trás.

- 8 A turma de ED estava “batendo um baba” na praia quando um novo estudante chegou e disse “15 minutos, 2 gols!”. Após 15 minutos, o time que perdeu de 1x0 precisou escolher alguém para sair. Para decidir qual estudante deveria dar o lugar, todos do time perdedor fizeram um círculo e cada um disse um número aleatório de 0-5. Somaram, então, os números dos estudantes e, em seguida, escolheram alguém do círculo para começar a contagem. A partir desse estudante, no sentido horário, começaram a contar até chegar na soma total. A pessoa, na qual a contagem finalizou, deveria dar o lugar ao estudante que chegou.

Exemplo de entrada:

[5 0 2 0 4 3] //números aleatórios escolhidos pelos estudantes time perdedor
3 //posição que deve iniciar a contagem. Posições: [0 1 2 3 4 5]

Execução

[0 1 2 3 4 5]
[1 2 3]
[4 5 6 7 8 9]
[10 11 12 13 14]

Saída:

4 // a pessoa que estava na posição 4 deve dar lugar ao novo estudante

- 9 Implemente uma lista duplamente encadeada circular e duas funções que insere (operação 1) e remove (operação 0) elementos em uma determinada posição específica.

Exemplo:

// [operação] [valor, se operação 1; posição, se operação 0] [posição, se operação 1, vazio se operação 0]

1 1 0

1 2 1

1 5 2

1 3 3

0 2

1 7 2

Lista antes da remoção:

[1 ⇌ 2 ⇌ 5 ⇌ 3]

↑ _____|

Lista após a remoção:

[1 ⇌ 2 ⇌ 3]

↑ _____|

Lista após a nova inserção:

[1 ⇌ 2 ⇌ 7 ⇌ 3]

↑ _____|

- 10 Implemente uma pilha e suas funções de empilhar e desempilhar. Em seguida, implemente uma função que retorne uma pilha cujo topo contém o elemento que estava na base. Utilize uma pilha auxiliar para resolver o problema. Exemplo:

<i>Entrada</i>	<i>Saida</i>
[4]	[23]
[17]	[4]
[9]	[17]
[23]	[9]

- 11 Implemente uma heap que receba entradas no seguinte formato:

```
11
1 10
1 5
1 9
1 8
1 1
1 3
1 2
0 1
1 4
0 2
1 7
```

A primeira linha informa quantas operações serão realizadas pela sua função. As linhas seguintes são compostas de 2 números: 0 indicando a remoção do elemento com a chave apresentada na sequência (e.g. “0 1” remove o elemento com chave “1”) e 1 a inserção de um elemento com chave indicada na sequência (e.g. “1 10” insere o elemento com chave “10”). Por fim, seu código deve imprimir a heap usando a função “em-ordem”.

- 12 Usando o algoritmo da questão 01, desenvolva uma função que receba uma entrada no seguinte formato:

```
12
1 10
1 5
1 9
1 8
1 1
1 3
1 2
0 1
1 4
0 2
1 7
```

A primeira linha informa quantas operações serão realizadas pela sua função. As linhas seguintes são compostas de 2 números: 0 indicando a remoção do elemento com a chave apresentada na sequência (e.g. "0 1" remove o elemento com chave "1"), 1 a inserção de um elemento com chave indicada na sequência (e.g. "1 10" insere o elemento com chave "10") e 2 a busca de um elemento com chave indicada na sequência (e.g. "2 9" busca o elemento com chave "9"). Utilize a busca em largura e no final apresente o caminho realizado pela busca, i.e., as chaves dos nós visitados.

- 13 Repita o exercício anterior, mas implementando a busca em profundidade.
- 14 A primeira linha informa quantas operações serão realizadas pela sua função. As linhas seguintes são compostas de 2 números: 0 indicando a remoção do elemento com a chave apresentada na sequência (e.g. "0 1" remove o elemento com chave "1"), 1 a inserção de um elemento com chave indicada na sequência (e.g. "1 10" insere o elemento com chave "10") e 2 a busca de um elemento com chave indicada na sequência (e.g. "2 9" busca o elemento com chave "9"). Utilize a busca em largura e no final apresente o caminho realizado pela busca, i.e., as chaves dos nós visitados.
- 15 Implemente a estrutura de dados lista encadeada simples e execute as seguintes tarefas:
 - a Ler dois vetores (entrada) e armazená-los em listas encadeadas separadas;
 - b Implementar uma função que insere a segunda lista em um determinado ponto da primeira lista;
 - c Inserir a segunda lista na primeira e imprimir o resultado;
 - d Implementar uma função que remove os valores repetidos de uma lista, mantendo apenas a primeira ocorrência;
 - e Remover os valores repetidos da junção das listas e imprimir o resultado.

Seu código deve ler o seguinte modelo de entrada:

```
3          // Quantidade de linhas a seguir.
0 1 2 3 4 5
0 9 8 0 0
4          // Posição para inserção.
```

Seu código deve ter o seguinte modelo de saída:

```
0 1 2 3 0 9 8 0 0 4 5    // Print após inserção
0 1 2 3 9 8 4 5          // Print após remoção de valores repetidos
```

- 16 Implemente as estruturas de dados lista encadeada circular e Pilha, em seguida execute as seguintes tarefas:
 - a Ler um vetor e armazená-lo em uma lista encadeada circular;
 - b Implementar uma função que procura o próximo maior elemento da lista, remove-o e o adiciona a uma pilha que deve ser retornada;
 - i A primeira pesquisa deve começar no primeiro valor da lista (o primeiro valor do vetor recebido);

- ii Ao chegar ao final da lista, você deve continuar até encontrar o valor novamente e removê-lo;
 - iii A partir desse momento, as novas pesquisas não necessariamente iniciarão no primeiro valor, mas sim de onde você removeu o último;
 - iv Você deve contar a quantidade de voltas feitas na lista e imprimir esse valor quando a lista estiver vazia;
 - v Você deve retornar a pilha resultante (que estará ordenada com os menores valores no topo e maiores na base).
- c Você deve imprimir a pilha resultante.

Seu código deve ler o seguinte modelo de entrada:

```
1 // Quantidade de linhas a seguir.
5 0 7 2 4
```

Seu código deve ter o seguinte modelo de saída:

```
5 // Quantidade de voltas realizadas
0 2 4 5 7 // Valores nas ordem armazenada na pilha.
```

17 Implemente a estrutura de dados Pilha e execute as seguintes tarefas:

- a Ler dois vetores e armazená-los em pilhas separadas;
 - i Os vetores deverão ser armazenados em suas respectivas pilhas com "Push(...)";
 - ii As pilhas resultantes resultantes devem estar ordenadas da mesma forma que o vetor de entrada (primeiro valor na base, último valor no topo).
- b Implementar (usando apenas pilhas) uma função que empilhe a segunda pilha na primeira sem alterar a ordem das mesmas;
- c Você deve imprimir a pilha resultante.

Seu código deve ler o seguinte modelo de entrada:

```
2 // Quantidade de linhas a seguir.
1 2 3 4 5
6 7 8 9 0
```

Seu código deve ter o seguinte modelo de saída:

```
0
9
8
7
6
5
4
3
2
1
```

18 Implemente a estrutura de dados Pilha e execute as seguintes tarefas:

- a Ler um vetor e armazená-lo em uma pilha;
- b Implementar uma função que utiliza 3 pilhas e transfira os elementos da primeira pilha para a terceira utilizando a segunda como auxiliar;
 - i O vetor deve ser armazenado com "Push(...)";

- ii A pilha resultante deve estar ordenada da mesma forma que o vetor de entrada (primeiro valor na base, último valor no topo).
- c Você deve imprimir quantos passos foram necessários para mover a primeira pilha para a terceira.
 - i Utilize apenas pilhas;
 - ii A primeira pilha sempre estará ordenada (maior valor na base, menor no topo);
 - iii Você nunca deve empilhar um valor maior sobre um valor menor.

Seu código deve ler o seguinte modelo de entrada:

```
1 // Quantidade de linhas a seguir
2 1
```

O que seu código deve simular:

```
1 | |
2 | |

1°
| | |
2 1 |

2°
| | |
| 1 2

3°
| | 1
| | 2
```

Seu código deve ter o seguinte modelo de saída:

```
3
```

- 19 Implemente as estruturas de dados Pilha e Fila; em seguida, execute as seguintes tarefas:
- a Ler dois vetores e armazená-los em pilhas separadas;
 - i Os vetores deverão ser armazenados em suas respectivas pilhas com "Push(...)";
 - ii As pilhas resultantes resultantes devem estar ordenadas da mesma forma que o vetor de entrada (primeiro valor na base, último valor no topo);
 - iii Imprima as pilhas de acordo a representação abaixo (base na esquerda, topo na direita).
 - b Transferir os elementos da pilha para filas separadas;
 - i Os vetores deverão ser armazenados em suas respectivas filas com "Append(...)";
 - ii As filas resultantes devem estar ordenadas da mesma forma que o vetor de entrada (primeiro valor na frente, último valor no final);
 - iii Utilize pilhas para alcançar isso (dica: simule uma fila utilizando pilhas);
 - iv Imprima as filas.
 - c Implementar uma função que recebe 2 filas e retorne uma terceira fila que intercala os valores das duas primeiras;
 - i Utilize apenas filas;
 - ii Valores da primeira fila primeiro;
 - iii A fila maior terá seus últimos elementos no final;

iv Imprima a fila resultante.

Seu código deve ler o seguinte modelo de entrada:

```
2 // Quantidade de linhas a seguir.  
0 2 4 6 8 10 12  
1 3 5 7 9
```

Seu código deve ter o seguinte modelo de saída:

```
0 2 4 6 8 10 12  
1 3 5 7 9  
0 2 4 6 8 10 12  
1 3 5 7 9  
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 12
```

20 Na última semana, a fila de entrada de um certo evento ficou extraordinariamente grande. Os organizadores perceberam que algumas pessoas necessárias para o evento acontecer estavam presas nesta fila. Além disso, perceberam também uma certa quantidade de idosos e grávidas ao longo da mesma. Para evitar que essa situação se repita, a equipe que organiza eventos como esse decidiu pedir à turma de estrutura de dados da UFBA para escrever um programa para auxiliá-los. Eles preferiram que esse programa fosse acionado manualmente toda vez que eles julgassem que a fila precisasse ser organizada. O programa deve dividir a fila em duas:

- a Sem prioridade;
- b Com prioridade: a partir de 60 anos, até 5 anos, grávidas e palestrantes - Grávidas e palestrantes serão especificados pela posição na fila.

Seu código deve:

- a Implementar a estrutura de dados fila;
- b Ler um vetor e armazená-lo em uma fila;
 - i O vetor deve ser armazenado na fila com "Append(...)";
 - ii A fila resultante deve estar ordenada da mesma forma que o vetor de entrada (primeiro valor na frente, último valor no final).
- c Transferir os elementos dentro das especificações para uma fila separada;
 - i Todas as operações de transferência de fila deverão ser realizadas utilizando filas: Pop(...) para remover da fila inicial e "Append(...)" para adicionar na fila auxiliar/final;
 - ii As filas resultantes devem estar ordenadas da mesma forma que o vetor de entrada (primeiro valor na frente, último valor no final);
- d Imprima as filas.

Seu código deve ler o seguinte modelo de entrada:

```
2 // Quantidade de linhas a seguir.  
50 65 30 33 11 3 25 39 17 22 27 26 44 28 53 28 20 70 58 27 33 36 49 17 // Vetor de idades  
7 8 14 // Vetor com a posição das grávidas e palestrantes na fila
```

Seu código deve ter o seguinte modelo de saída:

```
50 30 33 11 17 22 27 26 44 53 28 20 58 27 33 36 49 17 // Fila original sem os preferenciais  
65 3 25 39 28 70 // Fila preferencial
```

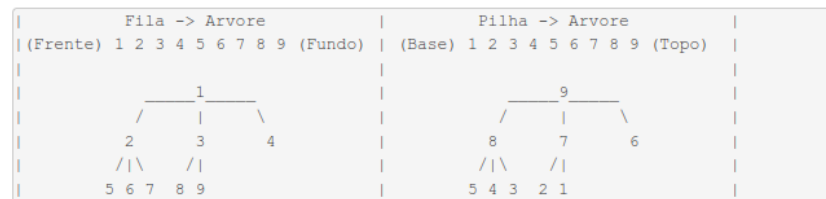
21 Implemente as estruturas de dados pilha, fila e árvore; em seguida, execute:

- a Ler um vetor e armazenar uma cópia do mesmo em uma pilha e uma cópia em uma fila;
 - i Os vetores deverão ser armazenados em suas respectivas estruturas com seu método de adicionar associado;
 - ii As estruturas devem estar ordenadas da mesma forma que os vetores de entrada (primeiro/base/frente -> último/topo/final).
- b Implementar uma função que recebe uma fila, uma pilha e cria/manipula duas árvores de grau 3 da seguinte maneira:
 - i As estruturas devem estar ordenadas da mesma forma que os vetores de entrada (primeiro/base/frente -> último/topo/final).
 - ii A primeira deve ser preenchida com a fila, a segunda com a pilha;
 - iii Limpe as árvores da esquerda para a direita, priorizando sempre remover a folha mais profunda à esquerda (RemoveLeftmostLeaf);
 - iv Imprima o conteúdo à medida que o remove (DisplayAndClearTree + RemoveLeftmostLeaf);

Seu código deve ler o seguinte modelo de entrada:

```
1 // Quantidade de linhas a seguir.
1 2 3 4 5 6 7 8 9 // Vetor que deve ser transformado em uma fila e em uma pilha
```

Processo:



Seu código deve ter o seguinte modelo de saída:

```
5 6 7 2 8 9 3 4 1 // Saída obtida ao esvaziar a árvore criada com a fila.
5 4 3 8 2 1 7 6 9 // Saída obtida ao esvaziar a árvore criada com a pilha.
```

```
^
|
|_ Último elemento removido é a raiz.
|_ Primeiro elemento removido é o mais à esquerda.
```

22 Implemente uma estrutura de dados árvore binária completa e execute as seguintes tarefas:

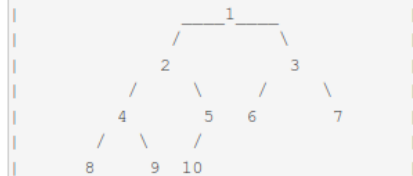
- a Ler um vetor e armazená-lo em uma árvore binária;
 - i Todos os nós de um dado nível devem ser preenchidos (da esquerda para a direita) antes de preencher o nível seguinte;
 - ii Os elementos devem ser preenchidos na mesma ordem do vetor de entrada.
- b Implementar uma função que recebe uma árvore e dois números para pesquisa;
 - i Considere que não haverá valores repetidos;
 - ii Caso ambos elementos sejam encontrados, imprima a diferença de nível deles;
 - iii Caso apenas um seja encontrado, imprima a altura do mesmo;
 - iv Caso nenhum seja encontrado, imprima a profundidade da árvore.

- c Seu código deve receber uma árvore e "N = linhas - 1" pares de valores para pesquisa.

Seu código deve ler o seguinte modelo de entrada:

```
5 // Quantidade de linhas
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 // Vetor de entrada para a árvore
1 2 // Pares de valores para pesquisa
1 11
3 10
0 15
```

Árvore Binária Completa:



Seu código deve ter o seguinte modelo de saída:

```
1
3
2
3
```

- 23 Implemente a estrutura de dados lista duplamente encadeada não-circular e execute as seguintes tarefas:

- Ler dois vetores (entrada) e armazená-los em listas separadas;
- Implementar uma função que procura os elementos da segunda lista na primeira e retorna uma terceira lista composta pelo caminho percorrido nessa procura;
 - Assuma que a primeira lista sempre estará ordenada;
 - Seu algoritmo deve procurar através do melhor caminho sempre;
 - Você deve armazenar os valores toda vez que houver uma comparação.
- Você deve imprimir a lista resultante com o caminho percorrido.

Seu código deve ler o seguinte modelo de entrada:

```
2 // Quantidade de linhas a seguir.
3 4 5 7 8
1 10 6 4
```

Seu código deve ter o seguinte modelo de saída:

```
3 3 4 5 7 8 8 7 5 5 4
```