作业解答

- Leetcode 200. Number of Islands
 - 最直接的种子填充法
- Leetcode 130. Surrounded Regions
 - 种子填充法后,找到哪些是被包围的区域,反转

动态规划

Ben

课程说明

- 前导技能
 - 递归,基本的暴力搜索(必会)
- 动态规划 (Dynamic Programming)
 - 名字并无多大意义
- 目标
 - 分析 -> Coding -> AC
- 课程开始
 - Leetcode 198

定义

- 本质: 递归
- 原问题 (N) ->子问题 (N-1) ->原问题 (N)
- 最优子结构
 - 子问题最优决策可导出原问题最优决策
 - 无后效性
- 重叠子问题
 - 去冗余
 - 空间换时间(注意分析时空复杂度)

问题共性

- 套路
 - 最优, 最大, 最小, 最长, 计数
- 离散问题
 - 容易设计状态 (整数01背包问题)
- 最优子结构
 - N-1可以推导出N

基本步骤

- 四个步骤
 - 设计暴力算法, 找到冗余
 - 设计并存储状态 (一维,二维,三维数组,甚至用Map)
 - 递归式 (状态转移方程)
 - 自底向上计算最优解 (编程方式)

实例

- 斐波那契数列
 - 暴力递归
 - F(n)表示斐波那契第n个
 - F(n) = F(n-1) + F(n-2), if n > 2, otherwise F(n) = 1
 - for i <- 2 to n
- N!
 - 暴力递归
 - F(n)表示n!的值
 - F(n) = F(n-1) * n, if n > = 1, otherwise F(n) = 1
 - for i <- 2 to n

小兵向前冲

- N*M的棋盘上,小兵要从左下角走到右上角,只能向上或者向右走, 问有多少种走法
- 套路: 计数问题
 - 暴力搜索 (回溯法)
 - F(n,m)表示棋盘大小为n*m时走法数量
 - F(n,m) = F(n-1,m) + F(n,m-1) if n*m > 0, otherwise F(n,m) = 1
 - for i <- 1 to n
 - for j <- 1 to m

小兵向前冲

- 空间复杂度?
- 时间复杂度?
- 组合数递推公式C(n,m)?
- 如果某些格子禁止小兵进入?
- 小兵一次某方向上可以走一步或者两步?

01背包问题

- · 小偷有一个容量为W的背包,有n件物品,第i个物品价值vi,且重wi
- 目标: 找到xi使得对于所有的xi = {0, 1}
- sum(wi*xi) <= W, 并且 sum(xi*vi)最大
- 套路: 最大
 - 暴力回溯法怎么写?
 - F(i, W)表示前i件物品体积为w, 最大价值
 - F(i, W) = max{F(i-1, W), F(i-1, W-wi) + vi} //后一项当W < wi时为0
 - for i <- 1 to W
 - for j < -1 to n

01背包问题

- 空间复杂度?
- 时间复杂度?
- 滚动数组
- 如果W很大怎么办?
- 如果相关值是实数怎么办?
- 类似题目Leetcode 322

最长公共子序列

- 一个给定序列的子序列是在该序列中删去若干元素后得到的序列
- 给定两个序列X和Y, 当另一序列Z既是X的子序列又是Y的子序列时, 称Z是序列X和Y的公共子序列
- 最长公共子序列
- X = (A, B, C, B, D, A, B) Y = (B, D, C, A, B, A)
- (B, C, B, A) (B, D, A, B)

最长公共子序列

- 如何暴力回溯递归?
- 状态表示F(i, j)
- F(i, j) = max{F(i 1, j), F(i, j 1), F(i 1, j 1) + 1} //后一项当X[i]!= Y[i]时为零
- for i <- 1 to N
 - for j <- 1 to M
- 类似题目Leetcode 72

旅行商问题

- 一个商人要不重复的访问N个城市,允许从任意城市出发,在任意城市结束。 现已知任意两个城市之间的道路长度
- 求城市的访问序列, 使得商人走过的路程最短
- 例: N=4, 访问序列3, 4, 1, 2
- NP问题,最优解无多项式时间算法
- 时间复杂度? 空间复杂度?
- 状态压缩
 - 时间复杂度
 - 空间复杂度

总结

- 动态规划算法用到的题目存在很多套路
- 滚动数组, 状态压缩, 升维, 单调性, 四边形不等式 (高级套路)
- 先学套路, 跳出套路
- 本质: 先暴力, 找冗余, 去冗余