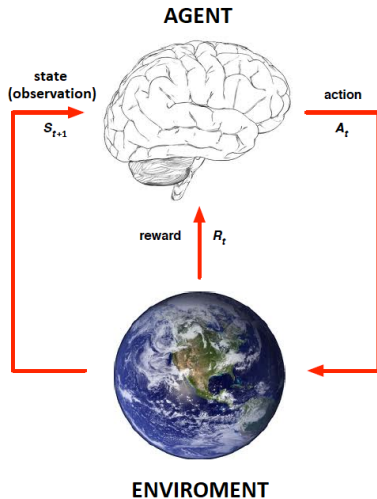


# Лекция 3: Динамическое программирование

Антон Романович Плаксин

# Reinforcement Learning



Цель агента - максимизировать  $G = \sum_{t=0}^T \gamma^t R_t$ ,  $\gamma \in [0, 1]$ .

# Markov Decision Process

## Markov Property

$$\mathbb{P}[S_{t+1}|S_t, A_t] = \mathbb{P}[S_{t+1}|S_1, A_1, S_2, A_2 \dots, S_t, A_t]$$

$$\mathbb{P}[R_t|S_t, A_t] = \mathbb{P}[R_t|S_1, A_1, S_2, A_2 \dots, S_t, A_t] = 1$$

# Markov Decision Process

## Markov Property

$$\mathbb{P}[S_{t+1}|S_t, A_t] = \mathbb{P}[S_{t+1}|S_1, A_1, S_2, A_2 \dots, S_t, A_t]$$

$$\mathbb{P}[R_t|S_t, A_t] = \mathbb{P}[R_t|S_1, A_1, S_2, A_2 \dots, S_t, A_t] = 1$$

## Markov Decision Process $\langle \mathcal{S}, \mathcal{A}, \mathcal{P}, \mathcal{R}, \gamma \rangle$

- $\mathcal{S}$  — **конечное** ( $|\mathcal{S}| = n$ ) пространство состояний
- $\mathcal{A}$  — **конечное** ( $|\mathcal{A}| = m$ ) пространство действий
- $\mathcal{P}$  — **известная** функция (тензор) вероятностей переходов между состояниями

$$\mathcal{P}(s'|s, a) = \mathbb{P}[S_{t+1} = s' | S_t = s, A_t = a]$$

- $\mathcal{R}$  — **известная** функция (матрица) вознаграждений

$$\mathcal{R}(s, a) = R_t \quad \Leftrightarrow \quad \mathbb{P}[R_t | S_t = s, A_t = a] = 1$$

- $\gamma \in [0, 1]$  — коэффициент дисконтирования

$$\pi(a|s) \in [0, 1], \quad a \in \mathcal{A}, \quad s \in \mathcal{S}$$

- Мы задаем  $\pi$
- АГЕНТ находится в начальном состоянии  $S_0 \in \mathcal{S}$
- совершает действие  $A_0 \sim \pi(\cdot|S_0)$
- получает награду  $R_0 = \mathcal{R}(S_0, A_0)$  и переходит в следующее состояние  $S_1 \sim \mathcal{P}(\cdot|S_0, A_0)$
- совершает действие  $A_1 \sim \pi(\cdot|S_1)$
- получает награду  $R_1 = \mathcal{R}(S_1, A_1)$  и переходит в следующее состояние  $S_2 \sim \mathcal{P}(\cdot|S_1, A_1)$
- ...
- $\tau = \{S_0, A_0, S_1, A_1, \dots, S_T, A_T\}, \quad G(\tau) = \sum_{t=0}^T \gamma^t \mathcal{R}(S_t, A_t)$

Наша задача

$$\mathbb{E}_{\pi}[G] \longrightarrow \max_{\pi}$$

$$\pi(a|s) \in [0, 1], \quad a \in \mathcal{A}, \quad s \in \mathcal{S}$$

- Мы задаем  $\pi$
- АГЕНТ находится в начальном состоянии  $S_0 \in \mathcal{S}$
- совершает действие  $A_0 \sim \pi(\cdot|S_0)$
- получает награду  $R_0 = \mathcal{R}(S_0, A_0)$  и переходит в следующее состояние  $S_1 \sim \mathcal{P}(\cdot|S_0, A_0)$
- совершает действие  $A_1 \sim \pi(\cdot|S_1)$
- получает награду  $R_1 = \mathcal{R}(S_1, A_1)$  и переходит в следующее состояние  $S_2 \sim \mathcal{P}(\cdot|S_1, A_1)$
- ...
- $\tau = \{S_0, A_0, S_1, A_1, \dots\}, \quad G(\tau) = \sum_{t=0}^{\infty} \gamma^t \mathcal{R}(S_t, A_t)$

Наша задача

$$\mathbb{E}_{\pi}[G] \longrightarrow \max_{\pi}$$

# State-Value Function

$$\mathbb{E}_{\pi}[G] = \sum_{\tau} G(\tau) \mathbb{P}(\tau|\pi),$$

где

$$G(\tau) = \sum_{t=0}^{\infty} \gamma^t \mathcal{R}(S_t, A_t), \quad \mathbb{P}(\tau|\pi) = \prod_{t=0}^{\infty} \pi(A_t|S_t) \mathcal{P}(S_{t+1}|S_t, A_t)$$

# State-Value Function

$$\mathbb{E}_{\pi}[G] = \sum_{\tau} G(\tau) \mathbb{P}(\tau|\pi),$$

где

$$G(\tau) = \sum_{t=0}^{\infty} \gamma^t \mathcal{R}(S_t, A_t), \quad \mathbb{P}(\tau|\pi) = \prod_{t=0}^{\infty} \pi(A_t|S_t) \mathcal{P}(S_{t+1}|S_t, A_t)$$

## State-Value Function

$$v_{\pi}(s) = \mathbb{E}_{\pi}[G \mid S_0 = s]$$



# State-Value Function

$$\mathbb{E}_\pi[G] = \sum_{\tau} G(\tau) \mathbb{P}(\tau|\pi),$$

где

$$G(\tau) = \sum_{t=0}^{\infty} \gamma^t \mathcal{R}(S_t, A_t), \quad \mathbb{P}(\tau|\pi) = \prod_{t=0}^{\infty} \pi(A_t|S_t) \mathcal{P}(S_{t+1}|S_t, A_t)$$

## State-Value Function

$$v_\pi(s) = \mathbb{E}_\pi[G \mid S_0 = s]$$

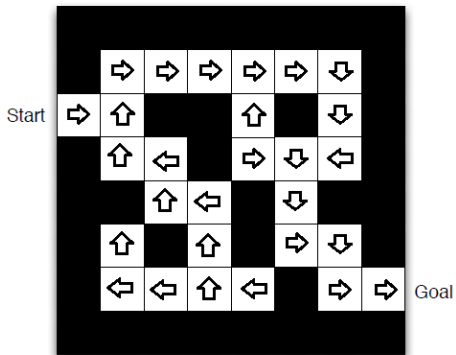
## Замечание

Если Policy и Environment детерминированны (не стохастические), то

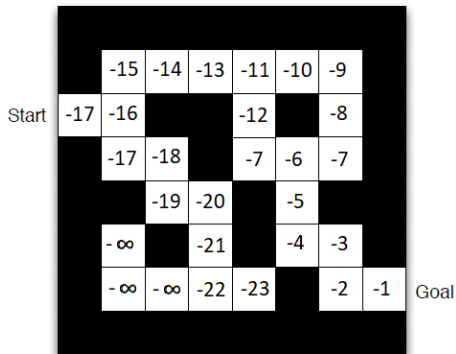
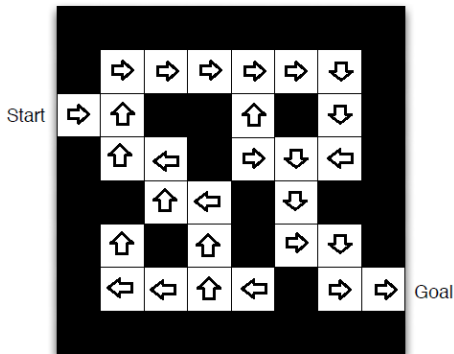
$$v_\pi(s) = G(\tau_\pi),$$

где  $\tau_\pi: \mathbb{P}(\tau_\pi|\pi) = 1$ .

# Пример: Maze



# Пример: Maze



# Bellman Expectation Equation

$$\tau = (S_0, A_0, S_1, A_1, S_2, A_2, \dots), \quad G(\tau) = \sum_{t=0}^{\infty} \gamma^t \mathcal{R}(S_t, A_t)$$

# Bellman Expectation Equation

$$\tau = (S_0, A_0, S_1, A_1, S_2, A_2, \dots), \quad G(\tau) = \sum_{t=0}^{\infty} \gamma^t \mathcal{R}(S_t, A_t)$$

$$\tilde{\tau} = (S_1, A_1, S_2, A_2, S_3, A_3, \dots), \quad G(\tilde{\tau}) = \sum_{t=0}^{\infty} \gamma^t \mathcal{R}(S_{t+1}, A_{t+1})$$

# Bellman Expectation Equation

$$\tau = (S_0, A_0, S_1, A_1, S_2, A_2, \dots), \quad G(\tau) = \sum_{t=0}^{\infty} \gamma^t \mathcal{R}(S_t, A_t)$$

$$\tilde{\tau} = (S_1, A_1, S_2, A_2, S_3, A_3, \dots), \quad G(\tilde{\tau}) = \sum_{t=0}^{\infty} \gamma^t \mathcal{R}(S_{t+1}, A_{t+1})$$

$$G(\tau) = \mathcal{R}(S_0, A_0) + \gamma \sum_{t=1}^{\infty} \gamma^{t-1} \mathcal{R}(S_t, A_t) = \mathcal{R}(S_0, A_0) + \gamma G(\tilde{\tau})$$

# Bellman Expectation Equation

$$\tau = (S_0, A_0, S_1, A_1, S_2, A_2, \dots), \quad G(\tau) = \sum_{t=0}^{\infty} \gamma^t \mathcal{R}(S_t, A_t)$$

$$\tilde{\tau} = (S_1, A_1, S_2, A_2, S_3, A_3, \dots), \quad G(\tilde{\tau}) = \sum_{t=0}^{\infty} \gamma^t \mathcal{R}(S_{t+1}, A_{t+1})$$

$$G(\tau) = \mathcal{R}(S_0, A_0) + \gamma \sum_{t=1}^{\infty} \gamma^{t-1} \mathcal{R}(S_t, A_t) = \mathcal{R}(S_0, A_0) + \gamma G(\tilde{\tau})$$

Bellman Expectation Equation для  $v_{\pi}$

$$v_{\pi}(s) = \sum_a \pi(a|s) \left( \mathcal{R}(s, a) + \gamma \sum_{s'} \mathcal{P}(s'|s, a) v_{\pi}(s') \right)$$

# Решение Bellman Expectation Equation

Bellman Expectation Equation для  $v_\pi$

$$v_\pi(s) = \sum_a \pi(a|s) \left( \mathcal{R}(s, a) + \gamma \sum_{s'} \mathcal{P}(s'|s, a) v_\pi(s') \right)$$



# Решение Bellman Expectation Equation

Bellman Expectation Equation для  $v_\pi$

$$v_\pi(s) = \sum_a \pi(a|s) \left( \mathcal{R}(s, a) + \gamma \sum_{s'} \mathcal{P}(s'|s, a) v_\pi(s') \right)$$

$$v_\pi(s) = \sum_a \pi(a|s) \mathcal{R}(s, a) + \gamma \sum_{s'} \sum_a \mathcal{P}(s'|s, a) v_\pi(s')$$

# Решение Bellman Expectation Equation

Bellman Expectation Equation для  $v_\pi$

$$v_\pi(s) = \sum_a \pi(a|s) \left( \mathcal{R}(s, a) + \gamma \sum_{s'} \mathcal{P}(s'|s, a) v_\pi(s') \right)$$

$$v_\pi(s) = \sum_a \pi(a|s) \mathcal{R}(s, a) + \gamma \sum_{s'} \sum_a \mathcal{P}(s'|s, a) v_\pi(s')$$

$$\mathcal{R}_\pi(s) = \sum_a \pi(a|s) \mathcal{R}(s, a), \quad \mathcal{P}_\pi(s', s) = \sum_a \mathcal{P}(s'|s, a)$$

# Решение Bellman Expectation Equation

Bellman Expectation Equation для  $v_\pi$

$$v_\pi(s) = \sum_a \pi(a|s) \left( \mathcal{R}(s, a) + \gamma \sum_{s'} \mathcal{P}(s'|s, a) v_\pi(s') \right)$$

$$v_\pi(s) = \sum_a \pi(a|s) \mathcal{R}(s, a) + \gamma \sum_{s'} \sum_a \mathcal{P}(s'|s, a) v_\pi(s')$$

$$\mathcal{R}_\pi(s) = \sum_a \pi(a|s) \mathcal{R}(s, a), \quad \mathcal{P}_\pi(s', s) = \sum_a \mathcal{P}(s'|s, a)$$

$$v_\pi(s) = \mathcal{R}_\pi(s) + \gamma \sum_{s'} \mathcal{P}_\pi(s', s) v_\pi(s')$$

# Решение Bellman Expectation Equation

Bellman Expectation Equation для  $v_\pi$

$$v_\pi(s) = \sum_a \pi(a|s) \left( \mathcal{R}(s, a) + \gamma \sum_{s'} \mathcal{P}(s'|s, a) v_\pi(s') \right)$$

$$v_\pi(s) = \sum_a \pi(a|s) \mathcal{R}(s, a) + \gamma \sum_{s'} \sum_a \mathcal{P}(s'|s, a) v_\pi(s')$$

$$\mathcal{R}_\pi(s) = \sum_a \pi(a|s) \mathcal{R}(s, a), \quad \mathcal{P}_\pi(s', s) = \sum_a \mathcal{P}(s'|s, a)$$

$$v_\pi(s) = \mathcal{R}_\pi(s) + \gamma \sum_{s'} \mathcal{P}_\pi(s', s) v_\pi(s')$$

$$v_\pi = \begin{pmatrix} v_\pi(s_1) \\ \vdots \\ v_\pi(s_n) \end{pmatrix}, \mathcal{R}_\pi = \begin{pmatrix} \mathcal{R}_\pi(s_1) \\ \vdots \\ \mathcal{R}_\pi(s_n) \end{pmatrix}, \mathcal{P}_\pi = \begin{pmatrix} \mathcal{P}_\pi(s_1, s_1) & \dots & \mathcal{P}_\pi(s_1, s_n) \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ \mathcal{P}_\pi(s_n, s_1) & \dots & \mathcal{P}_\pi(s_n, s_n) \end{pmatrix}$$

# Решение Bellman Expectation Equation

Bellman Expectation Equation для  $v_\pi$

$$v_\pi(s) = \sum_a \pi(a|s) \left( \mathcal{R}(s, a) + \gamma \sum_{s'} \mathcal{P}(s'|s, a) v_\pi(s') \right)$$

$$v_\pi = \mathcal{R}_\pi + \gamma \mathcal{P}_\pi v_\pi$$

# Решение Bellman Expectation Equation

Bellman Expectation Equation для  $v_\pi$

$$v_\pi(s) = \sum_a \pi(a|s) \left( \mathcal{R}(s, a) + \gamma \sum_{s'} \mathcal{P}(s'|s, a) v_\pi(s') \right)$$

$$v_\pi = \mathcal{R}_\pi + \gamma \mathcal{P}_\pi v_\pi$$

$$(E - \gamma \mathcal{P}_\pi) v_\pi = \mathcal{R}_\pi$$

# Решение Bellman Expectation Equation

Bellman Expectation Equation для  $v_\pi$

$$v_\pi(s) = \sum_a \pi(a|s) \left( \mathcal{R}(s, a) + \gamma \sum_{s'} \mathcal{P}(s'|s, a) v_\pi(s') \right)$$

$$v_\pi = \mathcal{R}_\pi + \gamma \mathcal{P}_\pi v_\pi$$

$$(E - \gamma \mathcal{P}_\pi) v_\pi = \mathcal{R}_\pi$$

$$v_\pi = (E - \gamma \mathcal{P}_\pi)^{-1} \mathcal{R}_\pi$$

# Решение Bellman Expectation Equation

Bellman Expectation Equation для  $v_\pi$

$$v_\pi(s) = \sum_a \pi(a|s) \left( \mathcal{R}(s, a) + \gamma \sum_{s'} \mathcal{P}(s'|s, a) v_\pi(s') \right)$$

$$v_\pi = \mathcal{R}_\pi + \gamma \mathcal{P}_\pi v_\pi$$

$$(E - \gamma \mathcal{P}_\pi) v_\pi = \mathcal{R}_\pi$$

$$v_\pi = (E - \gamma \mathcal{P}_\pi)^{-1} \mathcal{R}_\pi$$

## Теорема

Если  $\gamma < 1$ , то существует единственное  $v_\pi$  решение Bellman Expectation Equation.



# Iterative Policy Evaluation

Пусть задана Policy  $\pi$ ;  $v^0(s)$ ,  $s \in \mathcal{S}$  — любая инициализация;  
 $K$  — число итераций.

Для каждого  $k \in \overline{0, K}$  делаем

- Для каждого  $s \in \mathcal{S}$  определяем

$$v^{k+1}(s) = \sum_a \pi(a|s) \left( \mathcal{R}(s, a) + \gamma \sum_{s'} \mathcal{P}(s'|s, a) v^k(s') \right)$$

или сокращенно

$$v^{k+1} = \mathcal{R}_\pi + \gamma \mathcal{P}_\pi v^k$$

## Теорема

Iterative Policy Evaluation сходится, то есть  $v^k \rightarrow v_\pi$ ,  $k \rightarrow \infty$ .  
Сходимость имеет порядок  $o(mn^2)$

# Action-Value Function

## Action-Value Function

$$q_{\pi}(s, a) = \mathbb{E}_{\pi}[G \mid S_0 = s, A_0 = a]$$

# Action-Value Function

## Action-Value Function

$$q_{\pi}(s, a) = \mathbb{E}_{\pi}[G \mid S_0 = s, A_0 = a]$$

## СВЯЗЬ С $v_{\pi}$

$$v_{\pi}(s) = \sum_a \pi(a|s)q_{\pi}(s, a), \quad q_{\pi}(s, a) = \mathcal{R}(s, a) + \gamma \sum_{s'} \mathcal{P}(s'|s, a)v_{\pi}(s')$$

# Action-Value Function

## Action-Value Function

$$q_{\pi}(s, a) = \mathbb{E}_{\pi}[G \mid S_0 = s, A_0 = a]$$

## СВЯЗЬ с $v_{\pi}$

$$v_{\pi}(s) = \sum_a \pi(a|s)q_{\pi}(s, a), \quad q_{\pi}(s, a) = \mathcal{R}(s, a) + \gamma \sum_{s'} \mathcal{P}(s'|s, a)v_{\pi}(s')$$

## Bellman Expectation Equation для $q_{\pi}$

$$q_{\pi}(s, a) = \mathcal{R}(s, a) + \gamma \sum_{s'} \mathcal{P}(s'|s, a) \sum_{a'} \pi(a'|s')q_{\pi}(s', a')$$

# Policy Improvement

Частичный порядок для Policy

$$\pi' \geq \pi \quad \Leftrightarrow \quad v_{\pi'}(s) \geq v_{\pi}(s), \quad \forall s \in \mathcal{S}$$

# Policy Improvement

Частичный порядок для Policy

$$\pi' \geq \pi \quad \Leftrightarrow \quad v_{\pi'}(s) \geq v_{\pi}(s), \quad \forall s \in \mathcal{S}$$

Greedy Policy Improvement

$$\pi'(a|s) = \begin{cases} 1, & \text{если } a \in \operatorname{argmax}_{a' \in \mathcal{A}} q_{\pi}(s, a') \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

# Policy Improvement

## Частичный порядок для Policy

$$\pi' \geq \pi \quad \Leftrightarrow \quad v_{\pi'}(s) \geq v_{\pi}(s), \quad \forall s \in \mathcal{S}$$

## Greedy Policy Improvement

$$\pi'(a|s) = \begin{cases} 1, & \text{если } a \in \operatorname{argmax}_{a' \in \mathcal{A}} q_{\pi}(s, a') \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

## Policy Improvement Theorem

Пусть задана Policy  $\pi$ . Если Policy  $\pi'$  определяется согласно Greedy Policy Improvement, то

$$\pi' \geq \pi$$

# Optimal Policy

(Optimal) State-Value Function и Action-Value Function

$$v_*(s) = \max_{\pi} v_{\pi}(s), \quad q_*(s, a) = \max_{\pi} q_{\pi}(s, a)$$



# Optimal Policy

## (Optimal) State-Value Function и Action-Value Function

$$v_*(s) = \max_{\pi} v_{\pi}(s), \quad q_*(s, a) = \max_{\pi} q_{\pi}(s, a)$$

## Optimal Policy Existence Theorem

Существует (оптимальная) Policy  $\pi_*$  такая, что

- $\pi_* \geq \pi, \forall \pi$
- $v_{\pi_*}(s) = v_*(s), \forall s \in \mathcal{S}$
- $q_{\pi_*}(s, a) = q_*(s, a), \forall s \in \mathcal{S}, \forall a \in \mathcal{A}$

# Policy Iteration

Пусть инициализированы  $\pi^0$  и заданы числа  $L, K \in \mathbb{N}$ .

Для каждого  $k \in \overline{0, K}$  делаем

- (Policy evaluation) Iterative Policy Evaluation

$$v^{l+1} = \mathcal{R}_{\pi^k} + \mathcal{P}_{\pi^k} v^l, \quad l \in \overline{0, L-1}.$$

По  $v^L(s)$  построить  $q^L(s, a)$ .

- (Policy improvement) Greedy Policy Improvement

$$\pi^{k+1}(a|s) = \begin{cases} 1, & \text{если } a \in \operatorname{argmax}_{a' \in \mathcal{A}} q^L(s, a') \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

# Policy Iteration

Пусть инициализированы  $\pi^0$  и заданы числа  $L, K \in \mathbb{N}$ .

Для каждого  $k \in \overline{0, K}$  делаем

- (Policy evaluation) Iterative Policy Evaluation

$$v^{l+1} = \mathcal{R}_{\pi^k} + \mathcal{P}_{\pi^k} v^l, \quad l \in \overline{0, L-1}.$$

По  $v^L(s)$  построить  $q^L(s, a)$ .

- (Policy improvement) Greedy Policy Improvement

$$\pi^{k+1}(a|s) = \begin{cases} 1, & \text{если } a \in \operatorname{argmax}_{a' \in \mathcal{A}} q^L(s, a') \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

## Теорема

Policy Iteration сходится, то есть  $\pi^k \rightarrow \pi_*$ ,  $k \rightarrow \infty$ . Сходимость имеет порядок  $o(mn^2)$

# Bellman Optimality Equations

Bellman Optimality Equations для  $v_*$

$$v_*(s) = \max_{a \in \mathcal{A}} \left( \mathcal{R}(s, a) + \gamma \sum_{s' \in \mathcal{S}} \mathcal{P}(s'|s, a) v_*(s') \right)$$

# Bellman Optimality Equations

Bellman Optimality Equations для  $v_*$

$$v_*(s) = \max_{a \in \mathcal{A}} \left( \mathcal{R}(s, a) + \gamma \sum_{s' \in \mathcal{S}} \mathcal{P}(s'|s, a) v_*(s') \right)$$

Bellman Optimality Equations для  $q_*$

$$q_*(s, a) = \mathcal{R}(s, a) + \gamma \sum_{s' \in \mathcal{S}} \mathcal{P}(s'|s, a) \max_{a' \in \mathcal{A}} q_*(s', a')$$

# Bellman Optimality Equations

Bellman Optimality Equations для  $v_*$

$$v_*(s) = \max_{a \in \mathcal{A}} \left( \mathcal{R}(s, a) + \gamma \sum_{s' \in \mathcal{S}} \mathcal{P}(s'|s, a) v_*(s') \right)$$

Bellman Optimality Equations для  $q_*$

$$q_*(s, a) = \mathcal{R}(s, a) + \gamma \sum_{s' \in \mathcal{S}} \mathcal{P}(s'|s, a) \max_{a' \in \mathcal{A}} q_*(s', a')$$

СВЯЗЬ  $v_*$  И  $q_*$

$$v_*(s) = \max_{a \in \mathcal{A}} q_*(s, a), \quad q_*(s, a) = \mathcal{R}(s, a) + \gamma \sum_{s' \in \mathcal{S}} \mathcal{P}(s'|s, a) v_*(s')$$

# Bellman Optimality Equations

Bellman Optimality Equations для  $v_*$

$$v_*(s) = \max_{a \in \mathcal{A}} \left( \mathcal{R}(s, a) + \gamma \sum_{s' \in \mathcal{S}} \mathcal{P}(s'|s, a) v_*(s') \right)$$

Bellman Optimality Equations для  $q_*$

$$q_*(s, a) = \mathcal{R}(s, a) + \gamma \sum_{s' \in \mathcal{S}} \mathcal{P}(s'|s, a) \max_{a' \in \mathcal{A}} q_*(s', a')$$

СВЯЗЬ  $v_*$  и  $q_*$

$$v_*(s) = \max_{a \in \mathcal{A}} q_*(s, a), \quad q_*(s, a) = \mathcal{R}(s, a) + \gamma \sum_{s' \in \mathcal{S}} \mathcal{P}(s'|s, a) v_*(s')$$

СВЯЗЬ  $\pi_*$  и  $q_*$

$$\pi_*(a|s) = \begin{cases} 1, & \text{если } a \in \operatorname{argmax}_{a' \in \mathcal{A}} q_*(s, a') \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

# Value Iteration

$v^0(s)$ ,  $s \in \mathcal{S}$  — любая инициализация;  $K$  — число итераций.

Для каждого  $k \in \overline{0, K}$  делаем

- Для каждого  $s \in \mathcal{S}$  определяем

$$v^{k+1}(s) = \max_{a \in \mathcal{A}} \left( \mathcal{R}(s, a) + \gamma \sum_{s'} \mathcal{P}(s'|s, a) v^k(s') \right)$$

## Теорема

Value Iteration сходится, то есть  $v^k \rightarrow v_*$ ,  $k \rightarrow \infty$ . Сходимость имеет порядок  $o(mn^2)$



- Определения  $v_\pi$ ,  $q_\pi$ ,  $v_*$ ,  $q_*$ ,  $\pi_*$  будут использоваться в самом общем случае MDP (когда  $\mathcal{S}$  и  $\mathcal{A}$  не обязательно конечные, и  $\mathcal{P}$  и  $\mathcal{R}$  не обязательно известны)
- Bellman Expectation Equation для  $v_\pi$  и  $q_\pi$ , и Bellman Optimality Equation для  $v_*$  и  $q_*$  (в том виде, в котором они представлены), а также Policy Improvement Theorem и Optimal Policy Existence Theorem справедливы в случае, когда в MDP  $\mathcal{S}$  и  $\mathcal{A}$  конечны, но  $\mathcal{P}$  и  $\mathcal{R}$  не обязательно известны
- Алгоритмы Policy Iteration и Value Iteration работают в случае, когда в MDP  $\mathcal{S}$  и  $\mathcal{A}$  конечны, и  $\mathcal{P}$  и  $\mathcal{R}$  известны

# Организационные вопросы

- Пятница, 17:50, аудитория 622
- Отчетность: домашние работы
- Странчика курса: [https://github.com/imm-rl-lab/UrFU\\_course](https://github.com/imm-rl-lab/UrFU_course)
- E-mail для связи:

ВОПРОСЫ?