Лекция 2: Введение в Нейронные сети. Deep Cross-Entropy Method

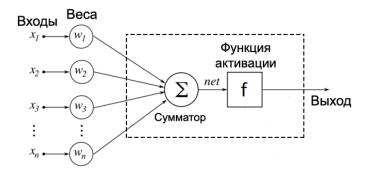
Антон Романович Плаксин

Организационные вопросы

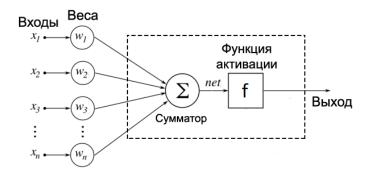
- Пятница, 17:50, аудитория 622
- Лекции и практики
- Отчетность: домашние работы
- Слайды: https://github.com/imm-rl-lab/UrFU course
- E-mail для связи:
- Телефон (Telegram, Whatsapp) для связи:
- Вопросу по ходу можно и нужно!

Нейрон

Нейрон



Нейрон

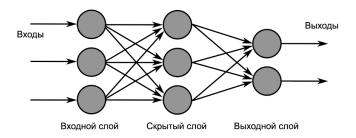


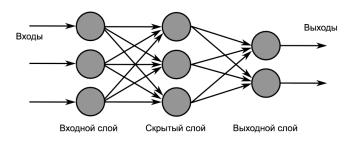
$$y = f\left(b + \sum_{i=1}^{n} w_i x_i\right)$$



Функции активации

Nane	Plot	Equation	Derivative
Identity	/	f(x) = x	f'(x) = 1
Binary step		$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{for } x < 0 \\ 1 & \text{for } x \ge 0 \end{cases}$	$f'(x) = \begin{cases} 0 & \text{for } x \neq 0 \\ ? & \text{for } x = 0 \end{cases}$
Logistic (a.k.a Soft step)		$f(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$	f'(x) = f(x)(1 - f(x))
TanH		$f(x) = \tanh(x) = \frac{2}{1 + e^{-2x}} - 1$	$f'(x) = 1 - f(x)^2$
ArcTan		$f(x) = \tan^{-1}(x)$	$f'(x) = \frac{1}{x^2 + 1}$
Rectified Linear Unit (ReLU)		$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{for } x < 0 \\ x & \text{for } x \ge 0 \end{cases}$	$f'(x) = \begin{cases} 0 & \text{for } x < 0 \\ 1 & \text{for } x \ge 0 \end{cases}$
Parameteric Rectified Linear Unit (PReLU) ^[2]		$f(x) = \begin{cases} \alpha x & \text{for } x < 0 \\ x & \text{for } x \ge 0 \end{cases}$	$f'(x) = \begin{cases} \alpha & \text{for } x < 0 \\ 1 & \text{for } x \ge 0 \end{cases}$
Exponential Linear Unit (ELU) ^[3]		$f(x) = \begin{cases} \alpha(e^x - 1) & \text{for } x < 0 \\ x & \text{for } x \ge 0 \end{cases}$	$f'(x) = \begin{cases} f(x) + \alpha & \text{for } x < 0 \\ 1 & \text{for } x \ge 0 \end{cases}$
SoftPlus	/	$f(x) = \log_e(1 + e^x)$	$f'(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$



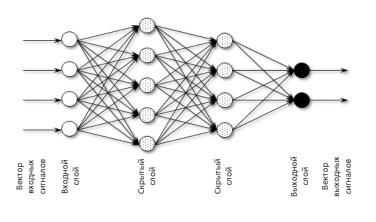


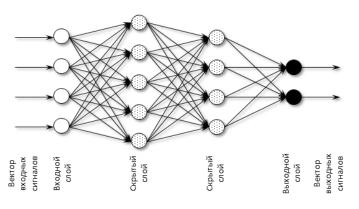
$$F_j^{\theta}(X) = f_{out}\left(b_j + \sum_{k=1}^3 w_{j,k} f\left(\hat{b}_k + \sum_{i=1}^3 \hat{w}_{k,i} x_i\right)\right), \quad j \in \overline{1,2}.$$

$$F^{\theta}(X) \in \mathbb{R}^2, \quad X = (x_1, x_2, x_3) \in \mathbb{R}^3,$$

$$\theta = (b_1, b_2, w_{1,1}, \dots, w_{2,3}, \hat{b}_1, \hat{b}_2, \hat{b}_3, \hat{w}_{1,1}, \dots, \hat{w}_{3,3}) \in \mathbb{R}^{20}$$







$$F_j^{\theta}(X) = f_{out}\left(b_j + \sum_{k=1}^4 w_{j,k} f\left(\hat{b}_k + \sum_{l=1}^5 \hat{w}_{k,l} f\left(\tilde{b}_l + \sum_{i=1}^4 \tilde{w}_{l,i} x_i\right)\right)\right), \quad j \in \overline{1,2}.$$

$$F^{\theta}(X) \in \mathbb{R}^2, \quad X \in \mathbb{R}^4, \quad \theta \in \mathbb{R}^{59}$$



По данным $\{(X_1,Y_1),(X_2,Y_2),\dots,(X_k,Y_k)\},\,X_i\in\mathbb{R}^n,\,Y_i\in\mathbb{R}^m$ решить задачу $\sum\limits_{i=1}^k\|F(X_i)-Y_i\|^2 o \min\limits_{F \text{ is continuous}}$

По данным
$$\big\{(X_1,Y_1),(X_2,Y_2),\ldots,(X_k,Y_k)\big\},\,X_i\in\mathbb{R}^n,\,Y_i\in\mathbb{R}^m$$
 решить задачу $\sum\limits_{i=1}^k\|F(X_i)-Y_i\|^2 o \min\limits_{F\text{ is continuous}}$

Решение с использованием нейронной сети

 \bullet Зададим структуру F^{θ} и начальные веса θ_0 нейронной сети



По данным
$$\big\{(X_1,Y_1),(X_2,Y_2),\ldots,(X_k,Y_k)\big\},\,X_i\in\mathbb{R}^n,\,Y_i\in\mathbb{R}^m$$
 решить задачу $\sum\limits_{i=1}^k\|F(X_i)-Y_i\|^2 o \min\limits_{F\text{ is continuous}}$

- Зададим структуру F^{θ} и начальные веса θ_0 нейронной сети
- \bullet Определим функцию ошибки $Loss(\theta) = \sum\limits_{i=1}^k \|F^{\theta}(X_i) Y_i\|^2$



По данным
$$\big\{(X_1,Y_1),(X_2,Y_2),\ldots,(X_k,Y_k)\big\},\,X_i\in\mathbb{R}^n,\,Y_i\in\mathbb{R}^m$$
 решить задачу $\sum\limits_{i=1}^k\|F(X_i)-Y_i\|^2 o \min\limits_{F\text{ is continuous}}$

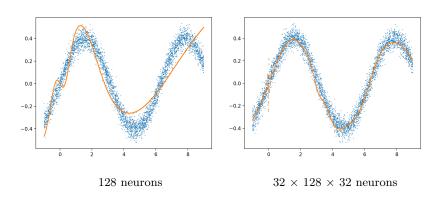
- Зададим структуру F^{θ} и начальные веса θ_0 нейронной сети
- \bullet Определим функцию ошибки $Loss(\theta) = \sum\limits_{i=1}^k \|F^{\theta}(X_i) Y_i\|^2$
- \bullet Решить задачу оптимизации $Loss(\theta) \mapsto \min_{\theta}$

По данным
$$\big\{(X_1,Y_1),(X_2,Y_2),\ldots,(X_k,Y_k)\big\},\,X_i\in\mathbb{R}^n,\,Y_i\in\mathbb{R}^m$$
 решить задачу $\sum\limits_{i=1}^k\|F(X_i)-Y_i\|^2 o \min\limits_{F\text{ is continuous}}$

- Зададим структуру F^{θ} и начальные веса θ_0 нейронной сети
- \bullet Определим функцию ошибки $Loss(\theta) = \sum\limits_{i=1}^k \|F^{\theta}(X_i) Y_i\|^2$
- Решить задачу оптимизации $Loss(\theta) \mapsto \min_{\theta}$
 - Метод градиентного спуска $\theta_{j+1} = \theta_j + \eta \nabla_{\theta} Loss(\theta), \ \eta > 0$



Пример задачи регрессии





Теорема Цыбенко

Теорема

Для любой непрерывной функции $G\colon [0,1]^n\mapsto \mathbb{R}^m$ и любого $\varepsilon>0$ найдутся такие $N,\ w_i,\ \hat{b}_i,\ \hat{w}_{i,j},\ i\in\overline{1,N},\ j\in\overline{1,n},$ что

$$||F^{\theta}(X) - G(X)|| \le \varepsilon, \quad X \in [0, 1]^n,$$

где

$$F^{\theta}(X) = \sum_{i=1}^{N} w_i \sigma\left(\hat{b}_i + \sum_{j=1}^{n} \hat{w}_{i,j} x_j\right),$$

$$X = (x_1, \dots, x_n), \quad \theta = (w_1, \dots, w_N, \hat{b}_1, \dots, \hat{b}_N, \hat{w}_{1,1}, \dots, \hat{w}_{N,n})$$



$$Loss(\theta) = \sum_{i=1}^{k} ||F^{\theta}(X_i) - Y_i||^2,$$
$$F_j^{\theta}(X) = f_{out}\left(b_j + \sum_{k=1}^{3} w_{j,k} f\left(\hat{b}_k + \sum_{i=1}^{3} \hat{w}_{k,i} x_i\right)\right), \quad j \in \overline{1,2}.$$

$$Loss(\theta) = \sum_{i=1}^{k} ||F^{\theta}(X_i) - Y_i||^2,$$

$$F_j^{\theta}(X) = f_{out}\left(b_j + \sum_{k=1}^{3} w_{j,k} f\left(\hat{b}_k + \sum_{i=1}^{3} \hat{w}_{k,i} x_i\right)\right), \quad j \in \overline{1, 2}.$$

$$\frac{\partial Loss(\theta)}{\partial \hat{w}_{2.3}} = ???$$



$$Loss(\theta) = \sum_{i=1}^{k} ||F^{\theta}(X_i) - Y_i||^2,$$

$$F_j^{\theta}(X) = f_{out}\left(b_j + \sum_{k=1}^{3} w_{j,k} f\left(\hat{b}_k + \sum_{i=1}^{3} \hat{w}_{k,i} x_i\right)\right), \quad j \in \overline{1,2}.$$

$$\frac{\partial Loss(\theta)}{\partial \hat{w}_{2,3}} = 2\sum_{i=1}^{k} \langle F^{\theta}(X_i) - Y_i, \frac{\partial F^{\theta}(X_i)}{\partial \hat{w}_{2,3}} \rangle$$



$$\frac{\partial F_j^{\theta}(X_i)}{\partial \hat{w}_{2,3}} \approx \frac{F_j^{(\dots,\hat{w}_{2,3} + \Delta w,\dots)}(X_i) - F_j^{\theta}(X_i)}{\Delta w}$$

$$\underbrace{\frac{\partial F_j^{\theta}(X_i)}{\partial \hat{w}_{2,3}}}_{\textstyle 2} \approx \underbrace{F_j^{(\dots,\hat{w}_{2,3} + \Delta w,\dots)}(X_i) - F_j^{\theta}(X_i)}_{\textstyle \Delta w}$$

$$\frac{\partial F_j^{\theta}(X_i)}{\partial \hat{w}_{2,3}} \approx \underbrace{F_j^{(\dots,\hat{w}_{2,3} + \Delta w,\dots)}(X_i) - F_j^{\theta}(X_i)}_{\Delta w}$$

$$F_j^{\theta}(X) = f_{out}\left(b_j + \sum_{k=1}^3 w_{j,k} f\left(\hat{b}_k + \sum_{i=1}^3 \hat{w}_{k,i} x_i\right)\right), \quad j \in \overline{1,2}.$$



$$\frac{\partial F_j^{\theta}(X_i)}{\partial \hat{w}_{2,3}} \approx \underbrace{F_j^{(\dots,\hat{w}_{2,3} + \Delta w,\dots)}(X_i) - F_j^{\theta}(X_i)}_{\Delta w}$$

$$F_j^{\theta}(X) = f_{out}\left(b_j + \sum_{k=1}^3 w_{j,k} f\left(\hat{b}_k + \sum_{i=1}^3 \hat{w}_{k,i} x_i\right)\right), \quad j \in \overline{1,2}.$$

$$\frac{\partial F_j^{\theta}(X_i)}{\partial \hat{w}_{2,3}} = ???$$



$$\frac{\partial F_j^{\theta}(X_i)}{\partial \hat{w}_{2,3}} \approx \underbrace{F_j^{(\dots,\hat{w}_{2,3} + \Delta w,\dots)}(X_i) - F_j^{\theta}(X_i)}_{\Delta w}$$

$$F_j^{\theta}(X) = f_{out}\left(b_j + \sum_{k=1}^3 w_{j,k} f\left(\hat{b}_k + \sum_{i=1}^3 \hat{w}_{k,i} x_i\right)\right), \quad j \in \overline{1,2}.$$

$$\frac{\partial F_{j}^{\theta}(X_{i})}{\partial \hat{w}_{2,3}} = f'_{out} \left(b_{j} + \sum_{k=1}^{3} w_{j,k} f\left(\hat{b}_{k} + \sum_{i=1}^{3} \hat{w}_{k,i} x_{i} \right) \right)$$

$$\times w_{j,2} f' \left(\hat{b}_{2} + \sum_{i=1}^{3} \hat{w}_{2,i} x_{i} \right) x_{3}$$



Пусть $l \in \mathbb{N}$ — размер батча

Пусть $l \in \mathbb{N}$ — размер батча

Пусть $l \in \mathbb{N}$ — размер батча

- Случайным образом выбираем из данных батч $\{(X_1,Y_1),\ldots,(X_l,Y_l)\}$
- Определим функцию ошибки $Loss(\theta) = \sum\limits_{i=1}^l \|F^{\theta}(X_i) Y_i\|^2$

Пусть $l \in \mathbb{N}$ — размер батча

- Случайным образом выбираем из данных батч $\{(X_1,Y_1),\dots,(X_l,Y_l)\}$
- Определим функцию ошибки $Loss(\theta) = \sum\limits_{i=1}^l \|F^{\theta}(X_i) Y_i\|^2$
- Обновляем веса $\theta_{j+1} = \theta_j + \eta \nabla_{\theta} Loss(\theta)$

По данным $\big\{(X_1,Y_1),\ldots,(X_k,Y_k)\big\},\,X_i\in\mathbb{R}^n,\,Y_i\in\{1,\ldots,m\},$ найти такое отображение F, что $|\{i\in\overline{1,k}\,|\,F(X_i)\neq Y_i\}|\to \min_F$

По данным $\{(X_1,Y_1),\dots,(X_k,Y_k)\},\,X_i\in\mathbb{R}^n,\,Y_i\in\{1,\dots,m\},$ найти такое отображение F, что $|\{i\in\overline{1,k}\,|\,F(X_i)\neq Y_i\}|\to \min_F$

Softmax
$$(Z)_i = \frac{e^{z_i}}{\sum\limits_{j=1}^m e^{z_j}}, \quad i \in \overline{1, m}, \quad Z = (z_1, \dots, z_m)$$

По данным $\{(X_1,Y_1),\dots,(X_k,Y_k)\}, X_i \in \mathbb{R}^n, Y_i \in \{1,\dots,m\},$ найти такое отображение F, что $|\{i \in \overline{1,k} \,|\, F(X_i) \neq Y_i\}| \to \min_F$.

Softmax
$$(Z)_i = \frac{e^{z_i}}{\sum\limits_{j=1}^m e^{z_j}}, \quad i \in \overline{1, m}, \quad Z = (z_1, \dots, z_m)$$

Решение с использованием нейронной сети

 \bullet Зададим структуру нейронной сети F^{θ} и начальные веса θ_0



По данным $\{(X_1,Y_1),\ldots,(X_k,Y_k)\}, X_i\in\mathbb{R}^n, Y_i\in\{1,\ldots,m\},$ найти такое отображение F, что $|\{i\in\overline{1,k}\,|\,F(X_i)\neq Y_i\}|\to \min_F$.

Softmax
$$(Z)_i = \frac{e^{z_i}}{\sum\limits_{j=1}^m e^{z_j}}, \quad i \in \overline{1, m}, \quad Z = (z_1, \dots, z_m)$$

- Зададим структуру нейронной сети F^{θ} и начальные веса θ_0
- Определим функцию ошибки

$$Loss(\theta) = -\sum_{i=1}^{k} \ln \operatorname{Softmax}(F^{\theta}(X_i))_{Y_i}$$



По данным $\{(X_1,Y_1),\dots,(X_k,Y_k)\},\,X_i\in\mathbb{R}^n,\,Y_i\in\{1,\dots,m\},$ найти такое отображение F, что $|\{i\in\overline{1,k}\,|\,F(X_i)\neq Y_i\}|\to \min_F$

Softmax
$$(Z)_i = \frac{e^{z_i}}{\sum\limits_{j=1}^m e^{z_j}}, \quad i \in \overline{1, m}, \quad Z = (z_1, \dots, z_m)$$

Решение с использованием нейронной сети

- Зададим структуру нейронной сети F^{θ} и начальные веса θ_0
- Определим функцию ошибки

$$Loss(\theta) = -\sum_{i=1}^{k} \ln \operatorname{Softmax}(F^{\theta}(X_i))_{Y_i}$$

 \bullet Решить задачу оптимизации $Loss(\theta) \mapsto \min_{\theta}$



По данным $\{(X_1,Y_1),\dots,(X_k,Y_k)\},\ X_i\in\mathbb{R}^n,\ Y_i\in\{1,\dots,m\},$ найти такое отображение F, что $|\{i\in\overline{1,k}\,|\,F(X_i)\neq Y_i\}|\to \min_F.$

Softmax
$$(Z)_i = \frac{e^{z_i}}{\sum\limits_{j=1}^m e^{z_j}}, \quad i \in \overline{1, m}, \quad Z = (z_1, \dots, z_m)$$

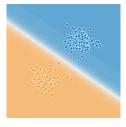
- Зададим структуру нейронной сети F^{θ} и начальные веса θ_0
- Определим функцию ошибки

$$Loss(\theta) = -\sum_{i=1}^{k} \ln \operatorname{Softmax}(F^{\theta}(X_i))_{Y_i}$$

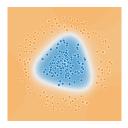
- \bullet Решить задачу оптимизации $Loss(\theta) \mapsto \min_{\theta}$
 - Метод градиентного спуска $\theta_{j+1} = \theta_j + \eta \nabla_{\theta} Loss(\theta)$



Пример задачи классификации



 $1~{\rm layer}\,\times\,1~{\rm neuron}$

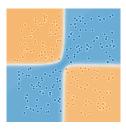


1 layer \times 3 neuron

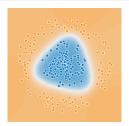
Пример задачи классификации



 $1~{\rm layer}\,\times\,1~{\rm neuron}$



 $2 \text{ layer} \times 3 \text{ neuron}$

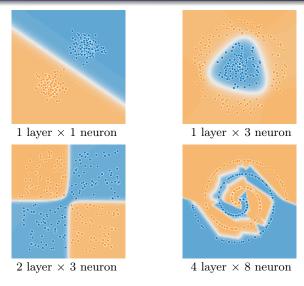


 $1~{\rm layer}\,\times\,3~{\rm neuron}$



 $4 \text{ layer} \times 8 \text{ neuron}$

Пример задачи классификации



https://playground.tensorflow.org

• Структура (кол-во слоев и нейронов, функции активации)

- Структура (кол-во слоев и нейронов, функции активации)
- Функция Loss

- Структура (кол-во слоев и нейронов, функции активации)
- Функция Loss
- Метод градиентного спуска

- Структура (кол-во слоев и нейронов, функции активации)
- Функция Loss
- Метод градиентного спуска
- Инициализация весов

- Структура (кол-во слоев и нейронов, функции активации)
- Функция Loss
- Метод градиентного спуска
- Инициализация весов
- Регуляризация, Batch normalization, Dropout, ...

- Структура (кол-во слоев и нейронов, функции активации)
- Функция Loss
- Метод градиентного спуска
- Инициализация весов
- Регуляризация, Batch normalization, Dropout, ...
 - С. Николенко, Е. Архангельская «Глубокое обучение. Погружение в мир нейронных сетей»

Cross-Entropy Method. Случай $\mathcal{S} \subset \mathbb{R}^n$ и $\mathcal{A} \subset \mathbb{R}^m$

Пусть $\pi^{\theta_0} \colon \mathbb{R}^n \to \mathbb{R}^m$ — нейронная сеть с начальными весами θ_0 , N — количество итераций алгоритма, $q \in (0,1)$ — параметр для определения элитных траекторий, $\eta, \varepsilon > 0$ — параметры (можно уменьшать в процессе работы). Для каждого $n \in \overline{0,N}$ делаем

Cross-Entropy Method. Случай $\mathcal{S} \subset \mathbb{R}^n$ и $\mathcal{A} \subset \mathbb{R}^m$

Пусть $\pi^{\theta_0} \colon \mathbb{R}^n \mapsto \mathbb{R}^m$ — нейронная сеть с начальными весами θ_0 , N — количество итераций алгоритма, $q \in (0,1)$ — параметр для определения элитных траекторий, $\eta, \varepsilon > 0$ — параметры (можно уменьшать в процессе работы). Для каждого $n \in \overline{0,N}$ делаем

• (Policy evaluation) Действуя по правилу

$$A_t = \left[\pi^{\theta_n}(S_t) + Noise(\varepsilon)\right]_{\mathcal{A}}, \quad t \in \overline{0, T}$$

реализуем K сессий, получаем траектории $\tau_k, k \in 1, K$ и награды $G(\tau_k)$ для каждой из них. Оцениваем policy π^{θ} :

$$\mathbb{E}_{\pi^{\theta_n}}[G] \approx V_{\pi^{\theta_n}} := \frac{1}{K} \sum_{k=1}^K G(\tau_k)$$

Если $V_{\pi^{\theta_n}} << V_{\pi^{\theta_{n-1}}}$, то break с ответом $\pi^{\theta_{n-1}}$



Cross-Entropy Method. Случай $\mathcal{S} \subset \mathbb{R}^n$ и $\mathcal{A} \subset \mathbb{R}^m$

Пусть $\pi^{\theta_0} \colon \mathbb{R}^n \mapsto \mathbb{R}^m$ — нейронная сеть с начальными весами θ_0 , N — количество итераций алгоритма, $q \in (0,1)$ — параметр для определения элитных траекторий, $\eta, \varepsilon > 0$ — параметры (можно уменьшать в процессе работы). Для каждого $n \in \overline{0,N}$ делаем

• (Policy improvement) Выбираем элитные траектории $\mathcal{T}_n = \{\tau_k, k \in \overline{1,K} \colon G(\tau_k) > \gamma_q\}$ ($\gamma_q - q$ -квантиль чисел $G(\tau_k)$, $k \in \overline{1,K}$). По ним определяем функцию потерь

$$Loss(\theta) = \sum_{(a|s) \in \mathcal{T}_n} \|\pi^{\theta_n}(s) - a\|^2$$

и методом градиентного спуска определяем следующие веса

$$\theta_{n+1} = \theta_n + \eta \nabla_{\theta} Loss(\theta_n)$$



Cross-Entropy Method. Случай $\mathcal{S} \subset \mathbb{R}^n$ и $|\mathcal{A}| = m$

Пусть $F^{\theta} \colon \mathbb{R}^n \mapsto \mathbb{R}^m$ — нейронная сеть. Обозначаем

$$\pi^{\theta}(i|s) = \text{Softmax}(F^{\theta}(s))_i, \quad \pi_{\text{uniform}}(i|s) = 1/m, \quad i \in \overline{1, m}.$$

Пусть θ_0 — начальные веса, N — количество итераций алгоритма, $q\in(0,1)$ — параметр для определения элитных траекторий, $\eta,\varepsilon>0$ — параметры (можно уменьшать в процессе работы). Для каждого $n\in\overline{0,N}$ делаем

Cross-Entropy Method. Случай $\mathcal{S} \subset \mathbb{R}^n$ и $|\mathcal{A}| = m$

Пусть $F^{\theta} \colon \mathbb{R}^n \mapsto \mathbb{R}^m$ — нейронная сеть. Обозначаем

$$\pi^{\theta}(i|s) = \text{Softmax}(F^{\theta}(s))_i, \quad \pi_{\text{uniform}}(i|s) = 1/m, \quad i \in \overline{1, m}.$$

Пусть θ_0 — начальные веса, N — количество итераций алгоритма, $q\in(0,1)$ — параметр для определения элитных траекторий, $\eta,\varepsilon>0$ — параметры (можно уменьшать в процессе работы). Для каждого $n\in\overline{0,N}$ делаем

• (Policy evaluation) Действуя по правилу

$$A_t \sim (1 - \varepsilon) \pi^{\theta_n}(\cdot | S_t) + \varepsilon \pi_{\text{uniform}}(\cdot | S_t), \quad t \in \overline{0, T},$$

реализуем K сессий, получаем траектории $\tau_k, k \in \overline{1,K}$ и награды $G(\tau_k)$ для каждой из них. Оцениваем policy π^{θ} :

$$\mathbb{E}_{\pi^{\theta_n}}[G] \approx V_{\pi^{\theta_n}} := \frac{1}{K} \sum_{k=1}^K G(\tau_k)$$

Если $V_{\pi^{\theta_n}} << V_{\pi^{\theta_{n-1}}}$, то break с ответом $\pi^{\theta_{n-1}}$

Cross-Entropy Method. Случай $\mathcal{S} \subset \mathbb{R}^n$ и $|\mathcal{A}| = m$

Пусть $F^{\theta} \colon \mathbb{R}^{n} \mapsto \mathbb{R}^{m}$ — нейронная сеть. Обозначаем

$$\pi^{\theta}(i|s) = \text{Softmax}(F^{\theta}(s))_i, \quad \pi_{\text{uniform}}(i|s) = 1/m, \quad i \in \overline{1, m}.$$

Пусть θ_0 — начальные веса, N — количество итераций алгоритма, $q\in(0,1)$ — параметр для определения элитных траекторий, $\eta,\varepsilon>0$ — параметры (можно уменьшать в процессе работы). Для каждого $n\in\overline{0,N}$ делаем

• (Policy improvement) Выбираем элитные траектории $\mathcal{T}_n = \{\tau_k, k \in \overline{1,K} \colon G(\tau_k) > \gamma_q\}$ ($\gamma_q - q$ -квантиль чисел $G(\tau_k)$, $k \in \overline{1,K}$). По ним определяем функцию потерь

$$Loss(\theta) = -\sum_{(a|s)\in\mathcal{T}_n} \ln \pi^{\theta}(a|s)$$

и методом градиентного спуска определяем следующие веса

$$\theta_{n+1} = \theta_n + \eta \nabla_{\theta} Loss(\theta_n)$$

вопросы?