## Memoria TFG

## Mario Díaz

## October 2025

## 1 Polaritón plasmónico de grafeno (PPG)

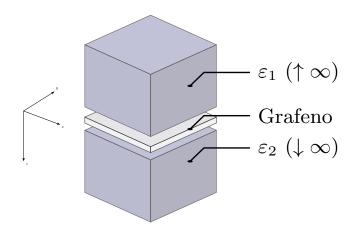


Figure 1: Stack: monocapa de grafeno separando dos medios semiinfinitos no dispersivos. Supondremos  $\varepsilon_1=1$  (aire) y  $\varepsilon_2$  constante.

**Descripción.** Monocapa de grafeno confinada entre dos medios semiinfinitos con permitividades  $\varepsilon_1$  y  $\varepsilon_2$  (no dispersivas). En adelante tomamos  $\varepsilon_1 = 1$  (aire).

Ecuación característica Ecuación dada:

$$(\varepsilon_1 + \varepsilon_2) \omega^2 - 2 c k_x \omega_D = 0. \tag{1}$$

Solución analítica (relación de dispersión). De (1) resulta inmediatamente:

$$\omega^{2}(k_{x})_{PPG} = \frac{2 c k_{x} \omega_{D}}{\varepsilon_{1} + \varepsilon_{2}} \equiv \omega_{p}^{2}$$
(2)

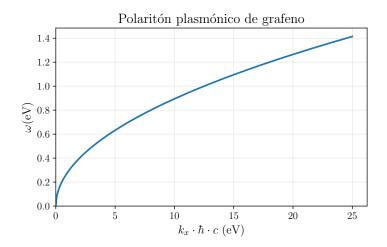


Figure 2: Relación de dispersión  $\omega(k_x)$  del PPG dada por (2).

Agrupaciones y frecuencias de interfase. En este sistema puramente plasmonico no hay frecuencias de interfase  $(\omega_T, \omega_L)$  que delimiten bandas. Hay una única rama  $\omega(k_x)$  monótona y sin gaps.

Asíntotas. Límite 
$$k_x \to 0$$
. De  $\omega(k_x)_{PPG} \propto \sqrt{k_x}$ : 
$$\omega(k_x)_{PPG} \xrightarrow[k_x \to 0]{} 0 \quad \text{(no hay frecuencia de corte)}.$$

Límite  $k_x \to \infty$ .

$$\omega(k_x)_{PPG} = \sqrt{\frac{2 c \omega_D}{\varepsilon_1 + \varepsilon_2}} \sqrt{k_x} \sim \sqrt{k_x} \qquad (k_x \to \infty),$$

sin saturar en una constante (al no existir  $\omega_T, \omega_L$  del medio).