

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)
Кафедра САПР

ОТЧЕТ
по лабораторной работе №3
по дисциплине «Алгоритмы и структуры данных»
Тема: Алгоритмы на графах (Вариант 1)

Студент гр. 8309

Иванов Д.К.

Преподаватель

Тутуева А.В.

Санкт-Петербург

2020

Исходная формулировка задания:

Дан список возможных авиарейсов в текстовом файле в формате: Город отправления 1;Город прибытия 1;цена прямого перелета 1;цена обратного перелета 1.

Найти наиболее эффективный по стоимости перелет из города i в город j .

Цель работы:

Научиться работать с алгоритмом Дейкстры.

Организация данных:

Название	Описание работы метода	Оценка временной сложности
NewListNode	Добавление элемента в список смежности	$O(1)$
CreateGraph	Создание графа с выделением памяти под массив списков смежности	$O(1)$
AddEdge	Добавление ребра в графе. Создается список смежности и помещается в массив.	$O(1)$
NewMinHeapNode	Добавление элемента в двоичную кучу	$O(1)$
CreateMinHeap	Создание минимальной двоичной кучи	$O(1)$
SwapMinHeapNode	Функция, которая меняет местами два элемента кучи.	$O(1)$
MinHeapify	Восстановление свойства кучи по данному индексу и обновление позиций измененных элементов	$O(\log N)$
IsEmpty	Проверка кучи на пустоту	$O(1)$.
ExtractMin	Извлечение минимального элемента из кучи	$O(\log N)$
DecreaseKey	Понижение значения цены данного ребра, выбирая элемент из кучи	$O(\log N)$

IsMinHeap	Проверка кучи на минимальность	$O(1)$.
Finding	Возвращение нужной строки из массива строк	$O(1)$
Print	Выводит цены на проезд во все города из выбранного города	$O(N)$.
Dijkstra	Реализация алгоритма Дейкстры. Сначала все элементы принимают значение INT_MAX (бесконечность), после меняется значение первого элемента списка, затем последовательно считаются цены для каждого из списков смежности (поля цены). После чего алгоритм выводится результат с помощью функции print	$O(E \log V)$.
Count	Подсчет кол-ва вершин в файле для создания графа с нужным кол-вом вершин	$O(N)$.
Checking(1-3)	Проверка строки на наличие в массиве строк (для инициализации каждого города)	$O(1)$

Описание реализованных unit-тестов

Название Unit-теста	Описание работы
TEST_METHOD(Test Newheapnode)	Проверка создания элемента кучи
TEST_METHOD(Test NewListNode)	Проверка создания узла списка смежности
TEST_METHOD(Test CreateGraph)	Проверка создания графа
TEST_METHOD(Test AddEdge)	Проверка создания ребра в графе
TEST_METHOD(Test Newheapnode)	Проверка создания элемента кучи
TEST_METHOD(Test Swap)	Проверка замены элементов кучи и результата
TEST_METHOD(Test Heapify)	Проверка восстановления свойств кучи

TEST_METHOD(Test Empty)	Проверка вывода ошибки при создании итератора для пустого Ассоциативного массива
-------------------------	--

Название Unit-теста	Описание работы
TEST_METHOD(Test Empty2)	Проверка кучи на пустоту, случай не пустого дерева
TEST_METHOD(Test Extract)	Проверка извлечения минимального элемента кучи
TEST_METHOD(Test Decrease)	Проверка понижения ключа
TEST_METHOD(Test Ismin)	Проверка кучи на минимальность
TEST_METHOD(Test Finding)	Проверка поиска строки по индексу
TEST_METHOD(Test Checking_test)	Проверка наличия строки в массиве
TEST_METHOD(Test Count_test)	Проверка подсчета кол-ва разных городов в файле
TEST_METHOD(Test Checking2_test)	Проверка поиска индекса строки в массиве.

Программа

Source.cpp

```
#include "pch.h"
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <limits.h>
#include <string>
#include <fstream>
#include <iostream>

using namespace std;
//point1 - name of the city, numb - number of the city
struct node {
    int numb;
    string point1;
};
// node in adjacency list
struct ListNode
```

```

{
    node dest;
    int cost;
    ListNode* next;
};

// adjacency list
struct AdjList
{
    ListNode *head;
};

// A structure of a graph with array of adjacency lists
struct Graph
{
    int V;
    AdjList* array;
};

// create a new adjacency list node
ListNode* newListNode(int dest1, int cost, string destination)
{
    ListNode* newNode = new ListNode;

    newNode->dest.point1 = destination;
    newNode->dest.numb = dest1;
    newNode->cost = cost;
    newNode->next = NULL;
    return newNode;
}

// creates a graph with V vertices
Graph* createGraph(int V)
{
    Graph* graph = new Graph;
    graph->V = V;

    graph->array = (struct AdjList*) malloc(V * sizeof(struct AdjList));

    for (int i = 0; i < V; ++i)
        graph->array[i].head = NULL;

    return graph;
}

// Adds an edge
void addEdge(Graph* graph, int src, int dest, int cost, int cost2, string source, string destination)
{
    ListNode* newNode = newListNode(dest, cost, destination);
    newNode->next = graph->array[src].head;
    graph->array[src].head = newNode;

    newNode = newListNode(src, cost2, source);
    newNode->next = graph->array[dest].head;
    graph->array[dest].head = newNode;
}

// min heap node
struct MinHeapNode
{
    int v;
    int cost;
};

```

```

// min heap
struct MinHeap
{
    int size;
    int capacity;
    int *pos; // This is needed for decreaseKey()
    MinHeapNode **array;
};

// create a new Min Heap Node
MinHeapNode* newMinHeapNode(int v, int cost)
{
    MinHeapNode* minHeapNode = new MinHeapNode;
    minHeapNode->v = v;
    minHeapNode->cost = cost;
    return minHeapNode;
}

//create a Min Heap
MinHeap* createMinHeap(int capacity)
{
    MinHeap* minHeap = new MinHeap;
    minHeap->pos = new int[capacity];
    minHeap->size = 0;
    minHeap->capacity = capacity;
    minHeap->array = (MinHeapNode**) malloc(capacity * sizeof(MinHeapNode*));
    return minHeap;
}

// swap two nodes of min heap
void swapMinHeapNode(MinHeapNode** a, MinHeapNode** b)
{
    MinHeapNode* t = *a;
    *a = *b;
    *b = t;
}

// heapify at given idx
void minHeapify(MinHeap* minHeap, int idx)
{
    int smallest, left, right;
    smallest = idx;
    left = 2 * idx + 1;
    right = 2 * idx + 2;

    if (left < minHeap->size &&
        minHeap->array[left]->cost < minHeap->array[smallest]->cost)
        smallest = left;

    if (right < minHeap->size &&
        minHeap->array[right]->cost < minHeap->array[smallest]->cost)
        smallest = right;

    if (smallest != idx)
    {
        MinHeapNode *smallestNode = minHeap->array[smallest];
        MinHeapNode *idxNode = minHeap->array[idx];

        minHeap->pos[smallestNode->v] = idx;
        minHeap->pos[idxNode->v] = smallest;
    }
}

```

```

        swapMinHeapNode(&minHeap->array[smallest], &minHeap->array[idx]);

        minHeapify(minHeap, smallest);
    }
}

// Heap Empty or not
bool isEmpty(MinHeap* minHeap)
{
    return minHeap->size == 0;
}

// extract minimum node from heap
MinHeapNode* extractMin(MinHeap* minHeap)
{
    if (isEmpty(minHeap))
        return NULL;

    MinHeapNode* root = minHeap->array[0];

    MinHeapNode* lastNode = minHeap->array[minHeap->size - 1];
    minHeap->array[0] = lastNode;

    minHeap->pos[root->v] = minHeap->size - 1;
    minHeap->pos[lastNode->v] = 0;

    minHeap->size--;
    minHeapify(minHeap, 0);

    return root;
}

// decrease dist value of a given vertex v
void decreaseKey(MinHeap* minHeap, int v, int cost)
{
    int i = minHeap->pos[v];

    minHeap->array[i]->cost = cost;

    while (i && minHeap->array[i]->cost < minHeap->array[(i - 1) / 2]->cost)
    {
        minHeap->pos[minHeap->array[i]->v] = (i - 1) / 2;
        minHeap->pos[minHeap->array[(i - 1) / 2]->v] = i;
        swapMinHeapNode(&minHeap->array[i], &minHeap->array[(i - 1) / 2]);

        i = (i - 1) / 2;
    }
}

// 'v' is in min heap or not
bool isInMinHeap(MinHeap *minHeap, int v)
{
    if (minHeap->pos[v] < minHeap->size)
        return true;
    return false;
}

```

```

//find a string with given index
string finding(int src, string help[100]) {
    return help[src];
}
//print the solution
void print(string help[100],int cost[], int n,int src)
{
    string helping = finding(src, help);
    cout << "source is"<<" "<<helping<<endl;
    cout << endl;
    for (int i = 0;i < n;i++) {
        if(cost[i]!=0)
            cout << finding(i,help) << " " << cost[i] << endl;
    }
}

// The main function that calculates distances of shortest paths from src to all
void dijkstra(string help[100], Graph* graph, int src)
{
    int V = graph->V-1;
    int *cost=new int[V];

    MinHeap* minHeap = createMinHeap(V);

    for (int v = 0; v < V; ++v)
    {
        cost[v] = INT_MAX;
        minHeap->array[v] = newMinHeapNode(v, cost[v]);
        minHeap->pos[v] = v;
    }

    minHeap->array[src] = newMinHeapNode(src, cost[src]);
    minHeap->pos[src] = src;
    cost[src] = 0;
    decreaseKey(minHeap, src, cost[src]);

    minHeap->size = V;

    while (!isEmpty(minHeap))
    {
        MinHeapNode* minHeapNode = extractMin(minHeap);
        int u = minHeapNode->v;

        struct ListNode* pCrawl = graph->array[u].head;
        while (pCrawl != NULL)
        {
            int v = pCrawl->dest.numb;

            if (isInMinHeap(minHeap, v) && cost[u] != INT_MAX && pCrawl->cost + cost[u] <
cost[v])
            {
                cost[v] = cost[u] + pCrawl->cost;

                decreaseKey(minHeap, v, cost[v]);
            }
            pCrawl = pCrawl->next;
        }
    }

    print(help,cost, V,src);
}

```



```

//check a string in array
bool checking(string check[], string check1) {
    int i = 0;
    for (int i = 0; i < sizeof(check); i++) {
        string help = check[i];
        if (check[i] == check1)
            return false;
    }
    return true;
}

//count a number of cities in given file
int count() {
    fstream source;
    source.open("C:\\Users\\Alex\\Desktop\\laba2.txt", ios::in);
    int j = 0;
    int i = 0;
    int k = 0;
    int checks = 0;
    int counting = 0;
    char check = ' ';
    string check1[100];
    char *save = new char[100];
    while (!source.eof()) {
        i = 0;
        while ((check != '\0') && (!source.eof())) {

            checks = 0;
            source >> check;
            if (check == ';') {
                j++;
                save[k] = '\0';
                string help = (string)save;
                if (checking(check1, help) == true)
                    counting++;
                check1[i] = help;
                i++;
                memset(save, 0, sizeof(save) / sizeof(save[0]));
                checks = 1;
                k = -1;
            }
            if (j == 2) {
                while (((check == '0') || (check == '1') || (check == '2') || (check ==
'3') || (check == '4') || (check == '5') || (check == '6') || (check == '7') || (check == '8') ||
(check == '9') || (check == ';') || (check == '/') || (check == 'A') || (check == 'N')) &&
(!source.eof()))
                    source >> check;

                j = 0;
                k = 0;
                checks = 0;
            }
            if (checks == 0)
                save[k] = check;
            k++;
        }
        string help = (string)save;
        if (checking(check1, check1[k]) == true)
            counting++;
        check1[i] = help;
        i++;
    }
    return counting;
}

//check string in array

```

```

bool checking3(string check[100], string str) {
    int i = 0;
    for ( i = 0; i < sizeof(check); i++) {
        if (check[i] == str)
            return true;
    }
    check[i] = str;
    return false;
}
//find an index of string
int checking2(string check[100], string str) {
    int i = 0;
    for (i = 0; i < 100; i++) {
        if (check[i] == str)
            return i;
    }
}

int main() {
    fstream source;
    int f = 0;
    source.open("C:\\Users\\Alex\\Desktop\\laba2.txt", ios::in);
    int V = count();
    Graph *Graph = createGraph(V);
    char help[100];
    string helping[100];
    int j = 0;
    while (!source.eof()) {
        string point1, point2 = "";
        int i = 1;
        if (j == 0)
            i = 0;
        int cost, cost2 = 0;
        char check = ' ';
        while (check != ';') {
            source >> check;
            if (check == ';')
                break;
            help[i] = check;
            i++;
        }
        help[i] = '\0';
        point1 = (string)help;
        check = ' ';
        i = 0;
        while (check != ';') {
            //i = 0;
            source >> check;
            if (check == ';')
                break;
            help[i] = check;
            i++;
        }
        help[i] = '\0';
        point2 = (string)help;
        check = ' ';
        i = 0;
        while (check != ';') {
            //i = 0;
            source >> check;
            if (check == ';')
                break;
            help[i] = check;
            i++;
        }
    }
}

```

```

    }
    help[i] = '\0';
    if ((help[0] == 'N') && (help[1] == '/') && (help[2] == 'A')) {
        cost = INT_MAX;
    }
    else
        cost = stoi(help);
    source >> check;
    i = 0;
    while (((check == '0') || (check == '1') || (check == '2') || (check == '3') ||
(check == '4') || (check == '5') || (check == '6') || (check == '7') || (check == '8') || (check ==
'9') || (check == ';') || (check == '/') || (check == 'A') || (check == 'N')) && (!source.eof())) {
        //i = 0;
        if (check == ';')
            break;
        help[i] = check;
        i++;
        if (((check == '0') || (check == '1') || (check == '2') || (check == '3') ||
(check == '4') || (check == '5') || (check == '6') || (check == '7') || (check == '8') || (check ==
'9') || (check == ';') || (check == '/') || (check == 'A') || (check == 'N')) && (!source.eof()))
            source >> check;
    }
    help[i] = '\0';
    if ((help[0] == 'N') && (help[1] == '/') && (help[2] == 'A')) {
        cost2 = INT_MAX;
    }
    else
        cost2 = stoi(help);
    int point11, point12 = 0;
    if (checking3(helping, point1) == true)
        point11 = checking2(helping, point1);
    else {
        helping[f] = point1;
        point11 = f;
        f++;
    }
    if (checking3(helping, point2) == true)
        point12 = checking2(helping, point2);
    else {
        helping[f] = point2;
        point12 = f;
        f++;
    }
    addEdge(Graph, point11, point12, cost, cost2, point1, point2);
    help[0] = check;
    j++;
}
source.close();
string city;
cout << "enter a city" << endl;
getline(cin, city);
if (checking3(helping, city) == false)
    return 0;
int index = checking2(helping, city);
dijkstra(helping, Graph, index);
}

```

Unittest.cpp

```

#include "pch.h"
#include "CppUnitTest.h"
#include "C:\Users\user\source\repos\4.3\4.3\Source.cpp"

using namespace Microsoft::VisualStudio::CppUnitTestFramework;

```

```

namespace UnitTest1{
    TEST_CLASS(UnitTest1)
    {
    public:

        TEST_METHOD(NewListNode)
        {
            int one = 1;
            int cost = 10;
            string destination = "Moscow";
            ListNode *test = newListNode(one, cost, destination);
            Assert::AreEqual(1, test->dest.numb);
            Assert::AreEqual((string)"Moscow", test->dest.point1);
            Assert::AreEqual(10, test->cost);
        }
        TEST_METHOD(CreateGraph)
        {
            int V = 9;
            Graph *graph = createGraph(V);
            Assert::AreEqual(9,graph->V);
        }
        TEST_METHOD(Addedge)
        {
            int V = 9;
            Graph *graph = createGraph(V);
            int point11 = 1;
            int point12 = 2;
            int cost = 10;
            int cost2 = 15;
            string point1 = "Saint-P";
            string point2 = "Moscow";

            addEdge(graph, point11, point12, 10, 15, point1, point2);
            Assert::AreEqual( graph->array[1].head->cost,10);
            Assert::AreEqual(graph->array[1].head->dest.point1, (string)"Moscow");
            Assert::AreEqual(graph->array[1].head->dest.numb, 2);
            Assert::AreEqual(graph->array[2].head->cost, 15);
            Assert::AreEqual(graph->array[2].head->dest.point1, (string)"Saint-P");
            Assert::AreEqual(graph->array[2].head->dest.numb, 1);
        }
        TEST_METHOD(newheapnode)
        {
            int V = 9;
            int cost = 15;
            MinHeapNode *save = newMinHeapNode(V, cost);
            Assert::AreEqual(9, save->v);
            Assert::AreEqual(15, save->cost);
        }
        TEST_METHOD(newheap)
        {
            int V = 9;
            //int cost = 15;
            MinHeap *save = createMinHeap(V);
            Assert::AreEqual(9, save->capacity);
            Assert::AreEqual(0, save->size);
        }
        TEST_METHOD(swap)
        {
            int V = 9;
            int cost = 15;
            MinHeapNode *save = newMinHeapNode(V, cost);
            int V1 = 12;
            int cost1 = 17;

```

```

        MinHeapNode *save1 = newMinHeapNode(V1, cost1);
        swapMinHeapNode(&save, &save1);
        Assert::AreEqual(12, save->v);
        Assert::AreEqual(17, save->cost);
        Assert::AreEqual(9, save1->v);
        Assert::AreEqual(15, save1->cost);
    }
    TEST_METHOD(Heapify)
    {
        int V = 9;
        int cost = 15;
        MinHeapNode *save = newMinHeapNode(V, cost);
        int V1 = 12;
        int cost1 = 17;
        MinHeapNode *save1 = newMinHeapNode(V1, cost1);
        MinHeap *test = createMinHeap(V);
        for (int v = 0; v < 5; v++)
        {
            test->array[v] = newMinHeapNode(v, v+1);
            test->pos[v] = v;
        }

        minHeapify(test, 0);
        Assert::AreEqual(0, test->array[0]->v);
        Assert::AreEqual(1, test->array[0]->cost);
    }

    TEST_METHOD(Empty)
    {
        int V = 9;
        int cost = 15;
        MinHeap *save = createMinHeap(V);
        bool test = isEmpty(save);
        Assert::AreEqual(test, true);
    }

    TEST_METHOD(Empty2)
    {
        int V = 9;
        int cost = 15;
        MinHeap *save = createMinHeap(V);
        for (int i = 0; i < 5; i++) {
            save->array[i] = newMinHeapNode(i, i + 1);
            save->size++;
        }

        bool test = isEmpty(save);
        Assert::AreEqual(test, false);
    }

    TEST_METHOD(Extract)
    {
        int V = 9;
        int cost = 15;
        MinHeap *save = createMinHeap(V);
        for (int i = 0; i < 5; i++) {
            save->array[i] = newMinHeapNode(i, i + 1);
            save->size++;
        }

        MinHeapNode *test = extractMin(save);
        Assert::AreEqual(test->v, 0);
        Assert::AreEqual(test->cost, 1);
    }

    TEST_METHOD(decrease)
    {

```

```

    int V = 9;
    int cost = 15;
    MinHeap *save = createMinHeap(V);
    for (int i = 0; i < 5; i++) {
        save->array[i] = newMinHeapNode(i, i + 1);
        save->pos[i] = i;
        save->size++;
    }
    decreaseKey(save, 1, 2);
    Assert::AreEqual(save->array[0]->v, 0);
    Assert::AreEqual(save->array[0]->cost, 1);
}
TEST_METHOD(ismin)
{
    int V = 9;
    int cost = 15;
    MinHeap *save = createMinHeap(V);
    for (int i = 0; i < 5; i++) {
        save->array[i] = newMinHeapNode(i, i + 1);
        save->pos[i] = i;
        save->size++;
    }
    bool test = isInMinHeap(save, 1);
    Assert::AreEqual(test, true);
}

TEST_METHOD(finding_test)
{
    string test[5];
    test[0] = "zero";
    test[1] = "one";
    test[2] = "two";
    test[3] = "three";
    test[4] = "four";
    // test[5] = "five";
    string testing = finding(1, test);
    Assert::AreEqual(testing, (string)"one");
}

TEST_METHOD(checking_test)
{
    string test[5];
    test[0] = "zero";
    test[1] = "one";
    test[2] = "two";
    test[3] = "three";
    test[4] = "four";
    // test[5] = "five";
    bool testing = checking(test, test[1]);
    Assert::AreEqual(testing, false);
}

TEST_METHOD(count_test)
{
    int test = count();
    Assert::AreEqual(5, test);
}

TEST_METHOD(checking3_test)
{
    string test[5];
    test[0] = "zero";
    test[1] = "one";
    test[2] = "two";
    test[3] = "three";
    test[4] = "four";

```

```

        //      test[5] = "five";
        bool testing = checking3(test, test[1]);
        Assert::AreEqual(testing, true);
    }
    TEST_METHOD(checking2_test)
    {
        string test[5];
        test[0] = "zero";
        test[1] = "one";
        test[2] = "two";
        test[3] = "three";
        test[4] = "four";
        //      test[5] = "five";
        int testing = checking2(test, "one");
        Assert::AreEqual(1, testing);
    }
};
}

```

Вывод

При написании программы были улучшены знания ООП, а также изучена работа алгоритма Дейкстры.