Nba - Modelo Ridge, Lasso y Elastic Net

1.Introducción al trabajo

El próximo documento, se tratará de encontrar el modelo predictivo que mayor capacidad de predicción tenga acerca de los salarios de los jugadores de la NBA en función de otras 29 variables.

El dataset consta, tras eliminar los valores nulos, de 485 observaciones y 28 variables, las cuales se resumirán en las siguientes líneas del documento:

1:Player Nombre del jugador.

2:Salary Salario del jugador.

3:NBA_Country Nacionalidad del jugador.

4:NBA DraftNumber Número del draft.

5:Age Edad del jugador.

6:Tm Abreviatura del equipo

7:G Partidos jugados

8:MP Minutos jugados

9:PER Eficiencia de jugador

10:TS% Porcentaje de tiro

11:3PAr % de triples

12:FTr % de tiros libres

 $13{:}\mathrm{ORB\%}$ % Rebotes Ofensivos ganados

14:DRB% % Rebotes defensivos ganados

15:TRB% % Rebotes totales

16:AST% % Asistencia

17:STL%% Robos

 $18{:}\mathrm{BLK\%}$ % Bloqueos

19:TOV% % Robo previo a tiro

20:USG% % de participación en jugadas

21:OWS Acciones en ataque acertadas

22:DWS Acciones defensivas acertadas

23:WS Victorias contribuidas

24:WS/48 Ratio de contribución por partido

25:OBPM +/- rendimiento respecto al equipo (cada 100 jugadas en ataque)

26:DBPM +/- rendimiento respecto al equipo (cada 100 jugadas en defensa)

2.Importación de librerías y Dataset

```
library(glmnet)
library(tidyverse)
library(fBasics)
library(car)
library(dplyr)
library(ggplot2)
library(knitr)
library(MASS)
library(corrplot)
library(PerformanceAnalytics)
library(gvlma)
library(tinytex)
library(devtools)
nba <- read_delim("nba_2.csv", ";", escape_double = FALSE,</pre>
                    trim_ws = TRUE)
attach(nba)
names (nba)
##
    [1] "Player"
                           "Salary"
                                             "NBA Country"
                                                                "NBA DraftNumber"
                           "Tm"
                                             "G"
                                                                "אף"
##
    [5] "Age"
   [9] "PER"
                           "TS"
                                             "PAr"
                                                                "FTr"
## [13] "ORB"
                                             "TRB"
                                                                "AST"
                           "DRB"
## [17] "STL"
                           "BLK"
                                             "TOV"
                                                                "USG"
## [21] "OWS"
                           "DWS"
                                             "WS"
                                                                "WS_1"
                                                                "VORP"
## [25] "OBPM"
                           "DBPM"
                                             "BPM"
head(nba)
## # A tibble: 6 x 28
##
     Player Salary NBA_Country NBA_DraftNumber
                                                   Age Tm
                                                                 G
                                                                      MP
                                                                           PER
                                                                                   TS
     <chr>
            <dbl> <chr>
                                          <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <
## 1 Zhou ~ 8.16e5 China
                                             43
                                                    22 HOU
                                                                16
                                                                      87
                                                                           0.6 0.303
## 2 Zaza ~ 3.48e6 Georgia
                                             42
                                                    33 GSW
                                                                66
                                                                     937 16.8 0.608
## 3 Zach ~ 1.23e7 USA
                                             19
                                                    36 SAC
                                                                59 1508 17.3 0.529
## 4 Zach ~ 3.20e6 USA
                                             13
                                                    22 CHI
                                                                24
                                                                     656
                                                                          14.6 0.499
                                             10
## 5 Zach ~ 3.06e6 USA
                                                    20 POR
                                                                62
                                                                     979
                                                                           8.2 0.487
                                             62
                                                                79 2238 11.5 0.543
## 6 Yogi ~ 1.31e6 USA
                                                    24 DAL
## # ... with 18 more variables: PAr <dbl>, FTr <dbl>, ORB <dbl>, DRB <dbl>,
      TRB <dbl>, AST <dbl>, STL <dbl>, BLK <dbl>, TOV <dbl>, USG <dbl>,
## #
       OWS <dbl>, DWS <dbl>, WS <dbl>, WS 1 <dbl>, OBPM <dbl>, DBPM <dbl>,
      BPM <dbl>, VORP <dbl>
## #
```

```
##
       Player
                            Salary
                                            NBA_Country
                                                                NBA_DraftNumber
##
                                   46080
    Length: 485
                                            Length: 485
                                                                      : 1.00
                        Min.
                               :
                                                                Min.
    Class : character
                        1st Qu.: 1471382
                                            Class : character
                                                                1st Qu.:11.00
    Mode :character
                                            Mode :character
##
                        Median: 3202217
                                                                Median :25.00
##
                               : 6636507
                                                                        :29.45
                        Mean
                                                                Mean
##
                        3rd Qu.:10000000
                                                                3rd Qu.:47.00
##
                               :34682550
                                                                        :62.00
                        Max.
                                                                Max.
##
                                               G
                                                                MP
##
         Age
                          Tm
##
    Min.
           :19.00
                     Length: 485
                                         Min.
                                                : 1.00
                                                          Min.
                                                                 :
##
    1st Qu.:23.00
                     Class : character
                                         1st Qu.:29.00
                                                          1st Qu.: 381
    Median :26.00
                     Mode :character
                                         Median :59.00
                                                          Median:1134
##
##
    Mean
          :26.26
                                         Mean
                                                :50.17
                                                          Mean
                                                                 :1154
    3rd Qu.:29.00
##
                                         3rd Qu.:71.00
                                                          3rd Qu.:1819
                                                          Max.
##
    Max.
           :41.00
                                         Max.
                                                :79.00
                                                                 :2898
##
##
         PER.
                            TS
                                             PAr
                                                               FTr
##
    Min.
           :-41.10
                             :0.0000
                                        Min.
                                               :0.0000
                                                          Min.
                                                                 :0.0000
                      Min.
    1st Qu.: 9.80
                                        1st Qu.:0.1670
                                                          1st Qu.:0.1550
##
                      1st Qu.:0.5055
##
    Median : 13.20
                      Median : 0.5450
                                        Median : 0.3460
                                                          Median :0.2310
          : 13.26
                                               :0.3374
##
    Mean
                      Mean
                             :0.5354
                                        Mean
                                                          Mean
                                                                 :0.2634
    3rd Qu.: 16.50
                      3rd Qu.:0.5825
                                        3rd Qu.:0.4810
                                                          3rd Qu.:0.3195
##
    Max. :134.10
                             :1.5000
                                        Max.
                                               :1.0000
                                                                 :5.3330
                      Max.
                                                          Max.
##
                      NA's
                             :2
                                        NA's
                                               :2
                                                          NA's
         ORB
##
                           DRB
                                            TRB
                                                              AST
##
    Min.
           : 0.000
                      Min.
                             : 0.00
                                       Min.
                                              : 0.000
                                                         Min.
                                                                : 0.00
##
    1st Qu.: 1.800
                      1st Qu.:10.20
                                       1st Qu.: 6.200
                                                         1st Qu.: 6.90
##
    Median : 3.200
                      Median :14.00
                                       Median: 8.700
                                                         Median: 9.90
##
                                                         Mean
    Mean
          : 4.874
                      Mean
                            :14.95
                                       Mean
                                             : 9.908
                                                               :12.95
##
    3rd Qu.: 7.000
                      3rd Qu.:18.80
                                       3rd Qu.:13.300
                                                         3rd Qu.:17.60
##
    Max.
          :35.900
                      Max.
                             :37.60
                                       Max.
                                              :26.500
                                                         Max.
                                                               :49.40
##
##
         STL
                                             TOV
                                                              USG
                           BLK
##
          : 0.000
                             : 0.000
    Min.
                                        Min.
                                               : 0.00
                                                         Min.
                                                               : 0.0
                      Min.
##
    1st Qu.: 1.000
                      1st Qu.: 0.600
                                        1st Qu.: 9.90
                                                         1st Qu.:15.0
                      Median : 1.200
                                        Median :12.50
##
    Median : 1.500
                                                         Median:17.9
    Mean : 1.529
                      Mean
                            : 1.713
                                        Mean
                                               :13.14
                                                         Mean :18.9
##
    3rd Qu.: 1.900
                      3rd Qu.: 2.200
                                        3rd Qu.:15.75
                                                         3rd Qu.:22.2
##
    Max.
         :12.500
                      Max.
                             :13.400
                                        Max.
                                               :66.70
                                                         Max.
                                                                :45.1
                                               :2
##
                                        NA's
                                                              WS_1
##
         OWS
                           DWS
                                             WS
                                                         Min. :-1.06300
##
    Min.
           :-2.300
                      \mathtt{Min}.
                             :0.000
                                       Min.
                                              :-1.200
##
    1st Qu.: 0.000
                      1st Qu.:0.300
                                       1st Qu.: 0.300
                                                         1st Qu.: 0.04000
##
    Median : 0.800
                      Median :1.000
                                       Median: 1.800
                                                         Median: 0.08300
    Mean : 1.275
                      Mean
                             :1.176
                                       Mean
                                             : 2.455
                                                         Mean
                                                               : 0.07996
    3rd Qu.: 2.000
                                       3rd Qu.: 3.600
                                                         3rd Qu.: 0.12300
##
                      3rd Qu.:1.800
##
    Max.
           :11.400
                      Max.
                             :5.600
                                       Max.
                                              :15.000
                                                         Max.
                                                               : 2.71300
##
##
         OBPM
                            DBPM
                                                BPM
                                                                  VORP
##
    Min.
           :-36.500
                       Min.
                              :-14.3000
                                           Min.
                                                   :-49.20
                                                             Min.
                                                                     :-1.3000
                       1st Qu.: -1.7000
    1st Qu.: -2.700
                                           1st Qu.: -3.60
                                                             1st Qu.:-0.1000
```

```
## Median: -1.100 Median: -0.4000 Median: -1.30 Median: 0.1000
## Mean: -1.271 Mean: -0.4895 Mean: -1.76 Mean: 0.5988
## 3rd Qu.: 0.400 3rd Qu.: 1.0000 3rd Qu.: 0.50 3rd Qu.: 0.9000
## Max.: 68.700 Max.: 6.8000 Max.: 54.40 Max.: 8.6000
##
```

3. Limpieza del Dataset

```
#Limpieza de datos
nba <- na.omit(nba)</pre>
#Convertir la variable Tm (Teams) de cualitativa a Cuantitativa
unique(nba$Tm)
## [1] "HOU" "GSW" "SAC" "CHI" "POR" "DAL" "BOS" "MEM" "DEN" "TOT" "LAC" "ORL"
## [13] "MIA" "IND" "LAL" "MIN" "PHO" "ATL" "CLE" "NYK" "CHO" "MIL" "SAS" "UTA"
## [25] "NOP" "WAS" "PHI" "BRK" "OKC" "DET" "TOR"
levels <- c('HOU', 'GSW', 'SAC', 'CHI', 'POR',</pre>
            'DAL', 'BOS', 'MEM', 'DEN',
            'TOT', 'LAC', 'ORL', 'MIA',
            'IND', 'LAL', 'MIN', 'PHO',
            'ATL', 'CLE', 'NYK', 'CHO',
            'MIL', 'SAS', 'UTA', 'NOP',
            'WAS', 'PHI', 'BRK', 'OKC',
            'DET', 'TOR')
nba$Team <- match(nba$Tm, levels)</pre>
#Convertir la variable NBA Country (Países) de cualitativa a Cuantitativa
unique(nba$NBA Country)
## [1] "China"
                            "Georgia"
                                               "USA"
                                                                   "Canada"
                           "France"
                                                                   "Russia"
## [5] "Spain"
                                               "Czech Republic"
                           "Switzerland"
## [9] "South Sudan"
                                               "New Zealand"
                                                                   "Haiti"
## [13] "Democratic Re_"
                           "Tunisia"
                                               "Brazil"
                                                                   "Germany"
## [17] "Australia"
                           "Cameroon"
                                               "Israel"
                                                                   "Turkey"
## [21] "United Kingdo..." "Montenegro"
                                               "Serbia"
                                                                   "Argentina"
## [25] "Bosnia"
                           "Lithuania"
                                               "Croatia"
                                                                   "Italy"
## [29] "Poland"
                                                                   "Latvia"
                           "Dominican Rep..." "Finland"
## [33] "Bosnia & Herz..." "Sweden"
                                               "Ukraine"
                                                                   "Austria"
## [37] "Puerto Rico"
                           "Senegal"
                                               "Slovenia"
                                                                   "Greece"
## [41] "Democratic Re..." "Mali"
                                               "Bahamas"
                                                                   "Egypt"
niveles <- c('China', 'Georgia', 'USA', 'Canada', 'Spain',</pre>
            'France', 'Czech Republic', 'Russia', 'South Sudan',
            'Switzerland', 'New Zealand', 'Haiti', 'Democratic Re_',
            'Tunisia', 'Brazil', 'Germany', 'Australia',
            'Cameroon', 'Israel', 'Turkey', 'United Kingdo...',
            'Montenegro', 'Serbia', 'Argentina', 'Bosnia',
```

4. Ejemplificación Modelo Lineal con todas las variables

```
#Realizamos el modelo con todas las variables numericas y las cualitativas convertidas a cuantitativas
model <- lm(log(Salary, base = 10) ~ NBA_DraftNumber + Age + G + MP + PER + PAr + FTr + ORB + DRB + TRB
              AST + STL + BLK + TOV + USG + OWS + DWS + WS + WS_1 + OBPM + DBPM + BPM + VORP + Team + P
model
##
## Call:
## lm(formula = log(Salary, base = 10) ~ NBA_DraftNumber + Age +
       G + MP + PER + PAr + FTr + ORB + DRB + TRB + AST + STL +
##
       BLK + TOV + USG + OWS + DWS + WS + WS 1 + OBPM + DBPM + BPM +
##
##
       VORP + Team + Pais, data = nba)
##
## Coefficients:
##
       (Intercept)
                    NBA_DraftNumber
                                                                       G
                                                   Age
##
         5.5371834
                          -0.0093861
                                            0.0438368
                                                             -0.0013098
##
                MP
                                 PER
                                                   PAr
                                                                     FTr
                          -0.0639629
##
         0.0003702
                                            -0.3810026
                                                             -0.0756245
##
               ORB
                                 DRB
                                                   TRB
                                                                     AST
##
        -0.0592330
                          -0.0449221
                                            0.1260209
                                                              0.0010175
##
               STL
                                                                     USG
                                 BLK
                                                   TOV
##
         0.0035687
                           0.0163819
                                            -0.0033433
                                                               0.0219521
##
               OWS
                                 DWS
                                                    WS
                                                                    WS_1
##
        -0.0264411
                          -0.0941729
                                            0.0362625
                                                               1.0697027
##
              OBPM
                                DBPM
                                                   BPM
                                                                    VORP
##
        -0.1059997
                          -0.1499403
                                            0.1729863
                                                             -0.0108669
##
              Team
                                Pais
##
         0.0037295
                           0.0031131
```

5. División dataset Training vs Testing

Dividimos el datase de nba en dos parte, una, que representa el 70% de los datos, para entrenar a los modelos y luego otra, que representa el 30% que servirá para poder testear la eficacia del modelo.

```
library(rsample)
set.seed(2020)
#Dividir el Dataset
```

```
nba_split <- initial_split(nba, prop = .7)</pre>
dim(nba)
## [1] 483 30
#Practica (70%)
nba_training_data <- training(nba_split)</pre>
dim(nba_training_data)
## [1] 339 30
#Test (30%)
nba_testing_data <- testing(nba_split)</pre>
dim(nba_testing_data)
## [1] 144 30
# Create training and testing feature model matrices and response vectors.
# we use model.matrix(...)[, -1] to discard the intercept
nba_training_data_a <- model.matrix(Player ~ ., nba_training_data)[, -1]</pre>
nba_training_data_b <- log(nba_training_data$Salary)</pre>
nba_testing_data_a <- model.matrix(Player ~ ., nba_testing_data)[, -1]</pre>
nba_testing_data_b <- log(nba_testing_data$Salary)</pre>
```

6. Regresiones

6.1. Ridge Regression

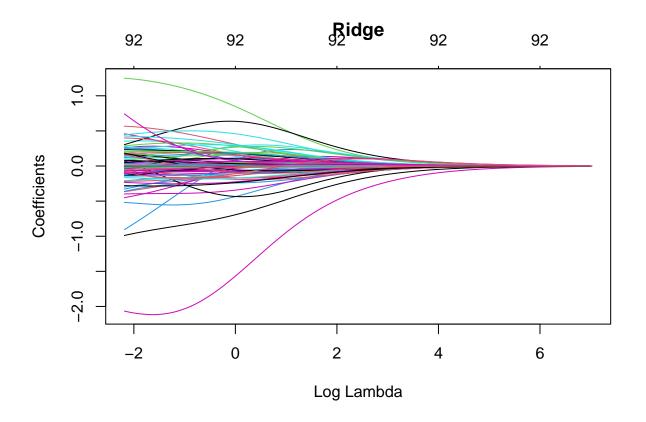
A continuación, vamos a realizar la Regresión de Ridge, esta regresión busca estimadores de coecifientes que reducen el RSS, pero penaliza aquellos coecifientes que se acerquen a cero, por eso, esta estimación tiene el efecto de reducir las estimacions del coecifiente a cero.

En este apartado, seguiremos la siguiente estructura:

- Visualización de las estimaciones de los coecifientes de las variables con la función glmnet.
- Visualización de los MSE (Mean Squared Error) para cada uno de los valores de Lambda.
- Elegir el modelo con menor valor de MSE y sumarle una desviación típica a la derecha (debido a que se favorece a los modelos parsimoniosos, es decir, más sencillos).
- Visualización del valor de LOG(Lambda) escogido junto con el valor de las estimaciones de los coecifientes.
- Visualización de la tabla con el top 25 variables que más influyen en el modelo de Ridge.

```
nba_ridge <- glmnet(
    x = nba_training_data_a,
    y = nba_training_data_b,
    alpha = 0
)

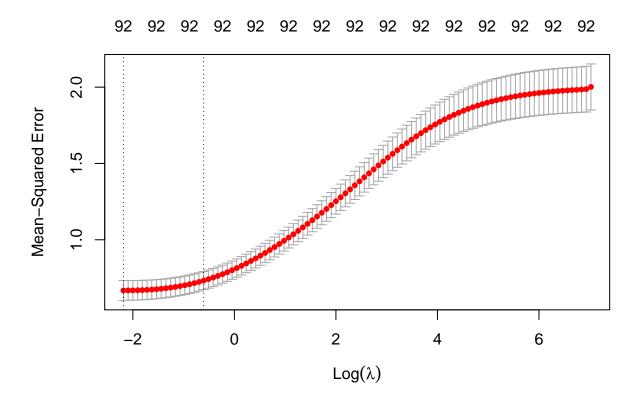
plot(nba_ridge, xvar = 'lambda', main = 'Ridge')</pre>
```



```
#Encabezado
nba_ridge$lambda %>% head()
## [1] 1123.6650 1023.8417 932.8864 850.0113 774.4987 705.6944
names(nba_ridge)
   [1] "a0"
                                "df"
                    "beta"
                                             "dim"
                                                         "lambda"
                                                                     "dev.ratio"
   [7] "nulldev"
                    "npasses"
                                "jerr"
                                             "offset"
                                                         "call"
                                                                     "nobs"
#Tuning A - Ver modelo con menor error al cuadrado en funcion de su lambda
nba_ridge_cv <- cv.glmnet(</pre>
```

```
x = nba_training_data_a,
y = nba_training_data_b,
alpha = 0
)

# plot results
plot(nba_ridge_cv)
```



```
#Minimo
min(nba_ridge_cv$cvm) #0.6679

## [1] 0.6679933

#Valor de lambda para el minimo
nba_ridge_cv$lambda.min #0.112

## [1] 0.1123665

log(nba_ridge_cv$lambda.min) #-2.185
```

```
#Minimo LAMBDA + 1 desv estandar
nba_ridge_cv$cvm[nba_ridge_cv$lambda == nba_ridge_cv$lambda.1se]

## [1] 0.7325181

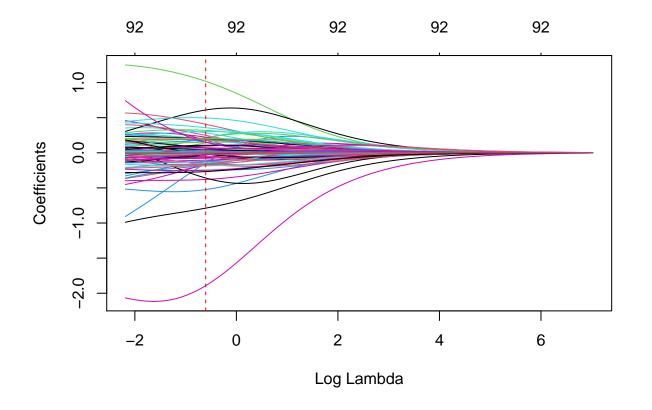
nba_ridge_cv$lambda.1se

## [1] 0.5463935

#Valor Lmabda
log(nba_ridge_cv$lambda.1se)

## [1] -0.6044158

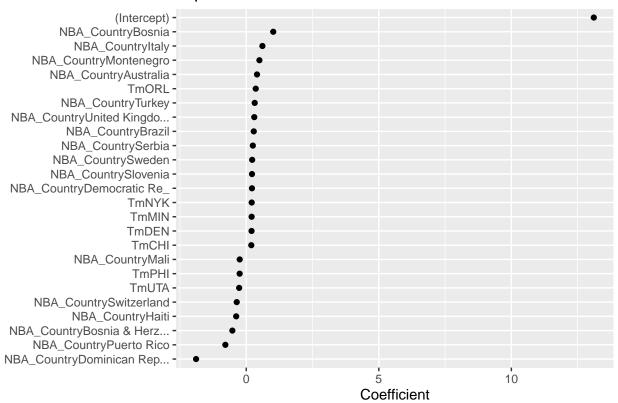
#Grafica del valor de los coecifientes para el valor de lambda
plot(nba_ridge, xvar = "lambda")
abline(v = log(nba_ridge_cv$lambda.1se), col = "red", lty = "dashed")
```



```
#Tabla top 25 coecifientes con mas influencia
coef(nba_ridge_cv, s = "lambda.1se") %>%
  broom::tidy() %>%
  top_n(25, wt = abs(value)) %>%
  ggplot(aes(value, reorder(row, value))) +
```

```
geom_point() +
ggtitle("Top 25 influential variables") +
xlab("Coefficient") +
ylab(NULL)
```





Podemos observar que para este modelo, el valor de lambda que genera un menor RSE es cuando Log(Lambda) es igual a -0.51 (aunque este puede variar en función de la muestra).

También se muestra el top 25 variables que más afectan al modelo y con un mayor valor de coecifientes (sin tener en cuenta 'Intercept').

6.2 Lasso Regression

La Regresión Lasso es un método de análisis de regresión que realiza selección de variables y regularización para mejorar la exactitud e interpretabilidad del modelo estadístico producido por este.

La penalización de la Regresión Lasso se da por el valor absoluto de los parámetro, lo que provoca que según Log(Lambda) se hace más estricto, es decir, aumenta su valor positivamente, se reduce el número de variables que conforman el modelo.

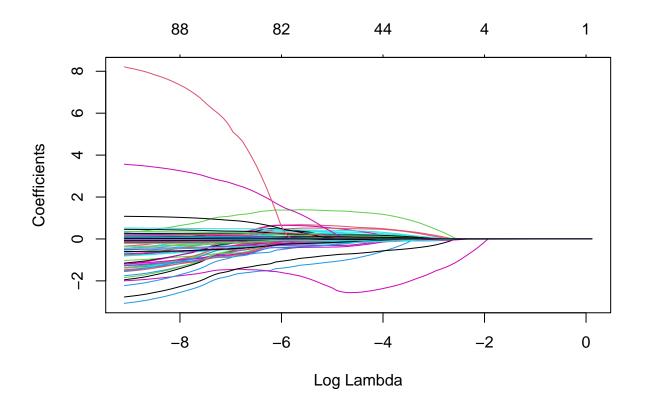
En este apartado, seguiremos la siguiente estructura:

- Visualización de las estimaciones de los coecifientes de las variables con la función glmnet.
- Visualización de los MSE (Mean Squared Error) para cada uno de los valores de Lambda.

- Elegir el modelo con menor valor de MSE y sumarle una desviación típica a la derecha (debido a que se favorece a los modelos parsimoniosos, es decir, más sencillos).
- Visualización del valor de LOG(Lambda) escogido junto con el valor de las estimaciones de los coecifientes.
- Visualización de la tabla con las variables que más influyen en el modelo de Lasso

```
#Calculo coecifientes en funcion de lambda
nba_lasso <- glmnet(
    x = nba_training_data_a,
    y = nba_training_data_b,
    alpha = 1
)

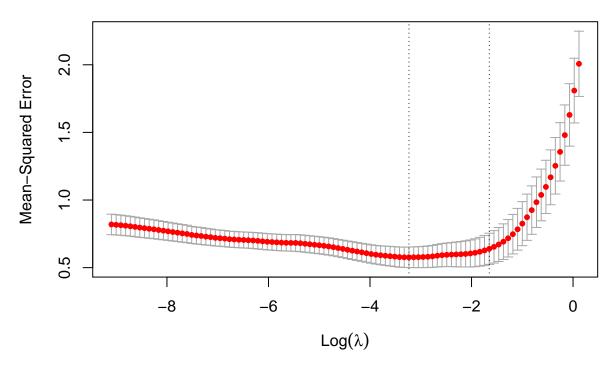
plot(nba_lasso, xvar = "lambda")</pre>
```



```
#Calculo medio de residuos en funcion del logaritmo de lambda

nba_lasso_cv <- cv.glmnet(
    x = nba_training_data_a,
    y = nba_training_data_b,
    alpha = 1
)</pre>
plot(nba_lasso_cv)
```

90 89 87 83 85 79 72 58 39 23 10 4 3 3 1 1



```
#Valor de lambda para el minimo MSE
min(nba_lasso_cv$cvm)
```

[1] 0.5764144

```
#Valor minimo de lambda
nba_lasso_cv$lambda.min
```

[1] 0.03945403

```
#Valor minimo de lambda + 1 desviacion estandar

nba_lasso_cv$cvm[nba_lasso_cv$lambda == nba_lasso_cv$lambda.1se]
```

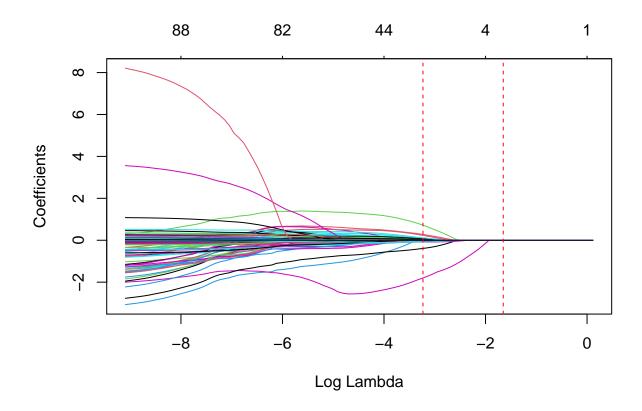
[1] 0.639276

```
log(nba_lasso_cv$lambda.1se)
```

[1] -1.651045

```
#Grafica del valor de los coecifientes en funcion de lambda

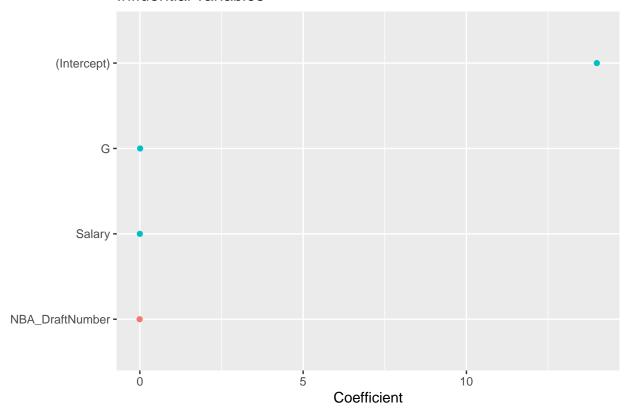
plot(nba_lasso, xvar = 'lambda')
abline(v = log(nba_lasso_cv$lambda.min), col = "red", lty = "dashed")
abline(v = log(nba_lasso_cv$lambda.1se), col = "red", lty = "dashed")
```



```
#Tabla coecifientes con mas influencia

coef(nba_lasso_cv, s = "lambda.1se") %>%
   tidy() %>%
   ggplot(aes(value, reorder(row, value), color = value > 0)) +
   geom_point(show.legend = FALSE) +
   ggtitle("Influential variables") +
   xlab("Coefficient") +
   ylab(NULL)
```

Influential variables



Podemos observar que para este modelo, el valor de lambda que genera un menor RSE es cuando Log(Lambda) es igual a -1.65 (aunque este puede variar en función de la muestra).

También se muestran las variables que más afectan al modelo y con un mayor valor de coecifientes (sin tener en cuenta 'Intercept').

6.3. Elastic Net Regression

La Regresión de Elastic Net no es más que la combinación lineal de ambos modelos.

La Regresión de Lasso y Ridge no son más que dos casos particulares de Elastic Net donde Alpha = 1 (Lasso) o Alpha = 0 (Ridge).

Elastic Net ajusta el valor de alpha para realizar la combiación de Lasso y Ridge.

La estructura que se seguirá en este apartado es:

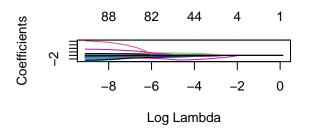
- Visualización de los estimadores de los coecifientes para diferentes valores de Lambda $(0,\,0.25,\,0.75~\mathrm{y}$ 1)
- Visualización de los MSE (minimos valores de errores al cuadrado), para cada uno de los valores de alpha (de 0 a 1 en intervalos de 0.1)

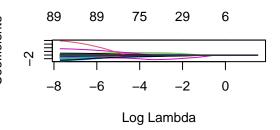
```
lasso <- glmnet(nba_training_data_a, nba_training_data_b, alpha = 1.0)
elastic1 <- glmnet(nba_training_data_a, nba_training_data_b, alpha = 0.25)
elastic2 <- glmnet(nba_training_data_a, nba_training_data_b, alpha = 0.75)
ridge <- glmnet(nba_training_data_a, nba_training_data_b, alpha = 0.0)</pre>
```

```
par(mfrow = c(2, 2), mar = c(6, 4, 6, 2) + 0.1)
plot(lasso, xvar = "lambda", main = "Lasso (Alpha = 1)\n\n\n")
plot(elastic1, xvar = "lambda", main = "Elastic Net (Alpha = .25)\n\n\n")
plot(elastic2, xvar = "lambda", main = "Elastic Net (Alpha = .75)\n\n")
plot(ridge, xvar = "lambda", main = "Ridge (Alpha = 0)\n\n")
```

Lasso (Alpha = 1)

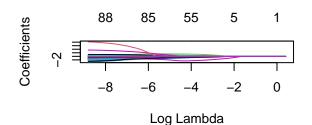
Elastic Net (Alpha = .25)

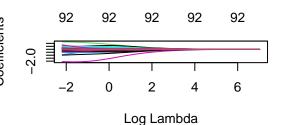




Elastic Net (Alpha = .75)

Ridge (Alpha = 0)





```
## # A tibble: 11 x 5
## alpha mse_min mse_1se lambda_min lambda_1se
## <dbl> <lgl> <lgl> <lgl> <lgl> <lgl>
```

```
##
    1
        0
            NA
                     NA
                             NA
                                         NA
##
    2
        0.1 NA
                     NΑ
                             NΑ
                                         NΑ
        0.2 NA
##
                     NA
                             NA
                                         NA
##
        0.3 NA
                             NA
                                         NA
   4
                     NA
##
    5
        0.4 NA
                     NA
                             NA
                                         NA
##
   6
        0.5 NA
                     NA
                             NA
                                         NA
##
   7
        0.6 NA
                     NA
                             NA
                                         NA
        0.7 NA
                     NA
                             NA
                                         NA
##
   8
##
   9
        0.8 NA
                     NA
                             NA
                                         NA
## 10
        0.9 NA
                     NA
                             NA
                                         NA
## 11
        1
            NA
                     NA
                             NA
                                         NA
for(i in seq_along(tuning_grid$alpha)) {
```

```
for(i in seq_along(tuning_grid$alpha)) {

# fit CV model for each alpha value
fit <- cv.glmnet(nba_training_data_a, nba_training_data_b, alpha = tuning_grid$alpha[i])

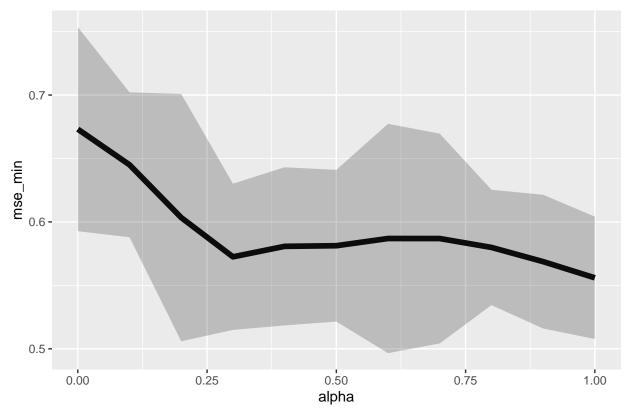
# extract MSE and lambda values
tuning_grid$mse_min[i] <- fit$cvm[fit$lambda == fit$lambda.min]
tuning_grid$mse_1se[i] <- fit$cvm[fit$lambda == fit$lambda.1se]
tuning_grid$lambda_min[i] <- fit$lambda.min
tuning_grid$lambda_1se[i] <- fit$lambda.1se
}

tuning_grid</pre>
```

```
## # A tibble: 11 x 5
##
      alpha mse_min mse_1se lambda_min lambda_1se
##
      <dbl>
              <dbl>
                      <dbl>
                                 <dbl>
                                             <dbl>
       0
              0.673
                      0.753
                                0.112
                                             0.600
##
   1
##
   2
       0.1
              0.645
                      0.702
                                0.226
                                             0.689
##
   3
       0.2
              0.603
                      0.701
                                0.103
                                             0.602
##
       0.3
              0.572
                      0.630
                                0.0906
                                             0.366
                      0.643
##
  5
       0.4
              0.581
                                0.0819
                                             0.363
##
   6
       0.5
              0.581
                      0.641
                                0.0719
                                             0.319
##
   7
       0.6
                      0.677
                                0.0658
                                             0.351
              0.587
##
   8
        0.7
              0.587
                      0.670
                                0.0564
                                             0.301
##
  9
        0.8
              0.580
                      0.625
                                0.0594
                                             0.219
                      0.621
                                0.0481
                                             0.194
## 10
        0.9
              0.569
## 11
              0.556
                      0.604
                                0.0395
                                             0.159
        1
```

```
tuning_grid %>%
  mutate(se = mse_1se - mse_min) %>%
  ggplot(aes(alpha, mse_min)) +
  geom_line(size = 2) +
  geom_ribbon(aes(ymax = mse_min + se, ymin = mse_min - se), alpha = .25) +
  ggtitle("MSE ± one standard error")
```

MSE ± one standard error



Independientemente de la muestra que se haya escogido, se puede observar que el error es más elevado para los valores de alpha entre $0 y 0.25 \circ 0.30$, es por eso que cualquier modelo entre alpha 0.30 hasta 1 nos puede servir para poder predecir los salarios de la NBA.

Pero debido a nuestro sesgo de querer elegir modelos parsimoniosos, es decir, más sencillos, el modelo que más se ajsuta a nuestras necesidades es el modelo Lasso (alpha = 1), cuyo mse es de 0.575 aproximadamente.

7. Predicción

En este apartado, auquue ya hayamos observado que el modelo Lasso es que mejor predice, vamos a ponerle valor a esa predicción, para ello, utilizaremos ese 30% de los datos que no habiamos utilizado para poder ver cuál es el error medio de la predicción de los valores.

Se obtiene que el error cuadrado mínimo es de 0.556, pero el error medio de predicción no puedo calcularlo por errores que no he podido solucionar.

```
#Lasso
cv_lasso <- cv.glmnet(nba_training_data_a, nba_training_data_b, alpha = 1.0)
min(cv_lasso$cvm)</pre>
```

[1] 0.5622004