

① Beweisen oder widerlegen Sie die folgend

Aussage: $(a_n \cdot b_n)$ ist konvergent, so ist auch (a_n) und (b_n) jeweils konvergent.

② Bestimmen Sie den Grenzwert der Folge

$$\lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{n+1} - \sqrt{n})$$

③ Bestimmen Sie ob die gegebene Reihe konvergiert oder divergiert:

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(2n)^n}{2^{n-1}}$$

④ Bestimmen Sie mit dem „Quetschlemma“ den Grenzwert von a_n :

$$a_n = \frac{6n + \sin(n)}{2n + 5}$$

⑤ Bestimmen Sie den Konvergenzradius von der folgende Potenzreihe

$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{-3^n}{a^n} \right) (x-1)^n \quad a \in \mathbb{R}$$

⑥ Zeigen Sie, dass es mind. ein x existiert: $x > 0$

$$2x^3 + 3x^2 = 20$$

⑦ Bestimmen Sie die Tangente für: $f(x) = \frac{1}{x} + 2 \log(x)$, $P(1, f(1))$

⑧ Kurvendiskussion $f(x) = x^2 e^{-x^2}$

(i) Bereich wo $f(x)$ positiv ist

(ii) Bereich wo $f(x)$ monoton fallend/wachsend (streng)

(iii) Extremwert bestimmen (Min./Max.)

⑨ Bestimmen Sie den Wert von: $f(x) = x^{\frac{1}{x-1}}$, $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$

⑩ Integrale berechnen:

$$(1) \int_0^1 \frac{x^3 + 2x + 5}{x^2} dx$$

$$(2) \int \cos(2x) \sin^4(2x) dx$$

$$(3) \int_0^{2\pi} x^2 \cdot \sin(x) dx \quad [\text{Hinweis: zweimal die selbe Regel}]$$

11 Folgenfunktion $f_n(x) = \frac{\sin(x)}{n}$

(1) Punktweise Konvergenz

(2) Gleichmäßige Konvergenz gegen Grenzfunktion

12 Umkehrfunktion ableiten $y_0 = 1$

$$f(x) = \text{~~umkehrfunktion~~} \quad 2e^{x^2} - 1$$

[Hinweis: $f(0)$]