Министерство образования и науки Российской Федерации

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ПРОФЕССИОНАЛЬНОГО ОБРАЗОВАНИЯ «САРАТОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ Н.Г.ЧЕРНЫШЕВСКОГО»

Кафедра теоретических основ компьютерной безопасности и криптографии

ТЕОРИЯ ПСЕВДОСЛУЧАЙНЫХ ГЕНЕРАТОРОВ ОТЧЕТ ПО ПРАКТИЧЕСКОМУ КУРСУ

гудента 4 курса 431 группы
акультета компьютерных наук и информационных технологий
ерватюка Сергея Александровича
фамилия, имя, отчество
Гаучный руководитель
т. преподаватель И.И. Слеповичев
подпись, дата

Задание 1. Генерация псевдослучайных чисел

Описание задания: создать программу, для генерации псевдослучайных величин. Входные параметры алгоритмы передаются программе в виде строки параметров, передаваемых через командную строку. Выходные значения записываются в файл, название которого указывается в строке параметров запуска программы.

Алгоритм 1. Линейный конгруэнтный метод

Описание алгоритма:

В основе линейного конгруэнтного метода лежит выбор четырех ключевых чисел:

- m > 0, модуль;
- $0 \le a \le m$, множитель;
- $0 \le c \le m$, приращение (инкремент);
- $0 \le X_0 \le m$, начальное значение.

Последовательность ПСЧ, получаемая по формуле:

$$x_{n+1} = (aX_n + c) \mod m, \ n \ge 1$$

называется линейной конгруэнтной последовательностью (ЛКП). Ключом для неё служит X_0 .

Параметры запуска программы:

/g:lc/n:10000/i:6075,106,1283,7

Параметры алгоритма і:

Модуль, множитель, приращение, начальное значение

```
def lc(n,args):
    if len(args)!=4:
        print("Некорректное количество
apryмeнтов")
        return 'Error'
    bar = IncrementalBar('Генерация:',
max=int(n))
    m,a,c,x = args
    res = [x]
```

```
for i in range(int(n)):
    x = (a * x + c) % m
    res.append(x)
    bar.next()
bar.finish()
return res
```

Алгоритм 2. Аддитивный метод

Описание алгоритма:

Каждое следующее значение вычисляется по рекуррентной формуле:

$$x_{n+1} = \left(x_{n-k} + x_{n-j}\right) \bmod m, \ j > k \ge 1.$$

Числа k, j – целые числа, которые называются запаздываниями, m –

это модуль, n — длина вектора, который подается на вход, x_0 берется из

вектора начальных значений.

Параметры запуска программы:

/g:add /n:10000 /i:6075,1,3,1,2,3,4

Параметры алгоритма і:

Модуль, младший индекс, старший индекс, последовательность

начальных значений.

Исходный текст алгоритма:

```
def add(n,args):
    if len(args)<4:
        print ("Недостаточное количество аргументов")
        return 'Error'
    elif args[1] > args[2] or args[1] < 1 or args[2] < 1:
        print("Должно выполняться условие j>k>=1")
        return 'Error'
    elif len(args)-3<args[2]:
        print ("Длина последовательности начальных значений
должна быть >= старшему индексу")
        return 'Error'
    bar = IncrementalBar('Генерация:', max=int(n))
    xList = args
    m = xList.pop(0)
    k = xList.pop(0)
    j = xList.pop(0)
    for i in range(len(xList), int(n)+len(xList)):
        x = (xList[i-j]+xList[i-k]) % m
        xList.append(x)
        bar.next()
    bar.finish()
    return xList
```

Результат работы программы:

dist > F md.dat U X

dist > F

Алгоритм 3. Пятипараметрический метод

Описание алгоритма:

Данный метод является частным случаем РСЛОС, использует характеристический многочлен из 5 членов. Генерирует последовательности -битовых двоичных чисел в соответствии с рекуррентной формулой:

$$X = X + X + X + X + X, n = 1, 2, 3, ...$$
 $n+p \qquad n+q_1 \qquad n+q_2 \qquad n+q_3 \qquad n$

 Γ де X_i это биты.

Параметры q_1 , q_2 и q_3 являются показателями степени ненулевых

членов характеристического полинома, а p – размер начального вектора.

Необходимо чтобы удовлетворялось условие, где

$$p > q_1 > q_2 > q_3 > 0$$

Ү имеет такое же значение, как и в РСЛОС.

Параметры запуска программы:

/g:5p /n:10000 /i:8920,40,69,10,12

Параметры алгоритма і:

р, q1, q2, q3, w, начальное значение

Исходный текст алгоритма:

```
def fiveP(n,args):
    if len(args)!=6:
        print("Некорректное количество аргументов")
        return 'Error'
    print(args)
    p,q1,q2,q3,w,default = args
   bar = IncrementalBar('Генерация:', max=int(n))
    res = [default]
    default = str(default)
    while len(str(default)) < p:</pre>
        default = '0' + default
    counter = 0
    for _ in range(n):
        x bin = ''
        for _ in range(w):
            x = int(default[counter + q1]) +
int(default[counter +q2]) + int(default[counter + q3]) +
int(default[counter])
            counter += 1
            x = x % 2
            default += str(x)
            x bin += str(x)
        res.append(int(x bin, 2))
        bar.next()
    bar.finish()
    return res
```

Результат работы программы:

Алгоритм 4. Регистр сдвига с обратной связью (РСЛОС)

Описание алгоритма:

Для натурального числа p и параметров a, a, ..., a, которые

принимают значения либо 0, либо 1, работает рекуррентная формула:

$$x_{n+p} = a x_{p-1} + a x_{p-2} + ... + x_n \pmod{2}$$

Наименьшее положительное целое число N, такое, что $X_{n+N} = X_n$ для

всех значений n называют периодом последовательности. Эту последовательность называют М-последовательностью. Период данной последовательности составляет (2^p-1) .

Значения x и a лежать в диапазоне x , ..., x , a , ..., $a \in \{0, 1\}$.

Индексы $1 \le j < ... < j \le p$, означают, что только a = 1, остальные m = 1

коэффициенты равно 0.

Параметры запуска программы:

/g:lfsr /n:10000 /i:1010110101010,10

Параметры алгоритма і:

Двоичное представление вектора коэффициентов, начальное значение регистра.

```
def lfsr(n,args):
    if len(args)!=2:
        print("Некорректное количество аргументов")
        return 'Error'
    elif checkBinVector(str(args[0])):
        print("Вектор должен состоять только из 0 и 1")
        return 'Error'
    a,default = args
    a=str(a)
   bar = IncrementalBar('Генерация:', max=int(n))
   res = [default]
    default = bin(default)[2:]
    lenDefault = len(default)
   while len(default) < len(a) +lenDefault:</pre>
        default = '0' + default
    counter = 0
    for in range(n):
        x bin = ''
        for in range(len(a)+lenDefault):
            x=0
            for p in range (len(a)-1, 1, -1):
                x += int(a[p]) + int(default[counter+p])
            counter += 1
            x = x % 2
            default += str(x)
            x bin += str(x)
        res.append(int(x bin, 2))
        bar.next()
   bar.finish()
    return res
```

Алгоритм 5. Нелинейная комбинация РСЛОС. Генератор Геффа Описание алгоритма:

Генератор Геффа является примером нелинейной комбинацией РСЛОС. В этом генераторе используются три РСЛОС, объединённые нелинейным образом. Длины этих регистров L_1, L_2, L_3 - попарно простые числа. Нелинейная функция генератора:

$$f(x_1, x_2, x_3) = x_1 x_2 \oplus x_2 x_3 \oplus x_3$$

Параметры запуска программы:

Параметры алгоритма і:

Параметры – двоичное представление векторов коэффициентов для R1, R2, R3, w, x1, x2, x3. w – длина слова, x1, x2, x3 – десятичное представление начальных состояний регистров R1, R2, R3.

```
def nfsr(n, args):
    if len(args)!=7:
        print("Некорректное количество аргументов")
        return 'Error'
    elif checkBinVector(str(args[0])) or
checkBinVector(str(args[1])) or checkBinVector(str(args[2])):
        print("Вектор должен состоять только из 0 и 1")
        return 'Error'
    bar = IncrementalBar('Генерация:', max=int(n))
    res=[]
    vec1,vec2,vec3,x1,x2,x3,w = args
    res1 = lfsr(n, [vec1,x1])
    res2 = lfsr(n, [vec2,x2])
```

```
res3 = lfsr(n, [vec3,x3])
for i in range(n):
    x1,x2,x3 = res1[i],res2[i],res3[i]
    resultTemp = (x1 & x2) ^ (x2 &x3) ^ x3
    res.append(resultTemp)
    bar.next()
bar.finish()
return res
```

Алгоритм 6. Вихрь Мерсенна

Описание алгоритма:

Метод Вихрь Мерсенна позволяет генерировать последовательность двоичных псевдослучайных целых w-битных чисел в соответствии с рекуррентной формулой:

$$x_{n+p} = x_{n+q} \oplus (X_{n+1}^l)_A \quad (n = 0, 1, 2, ...),$$

где p, q, r – целые константы;

p – степень рекуррентности, $1 \le q \le p$;

 X_{n} – w-битное двоичное целое число;

 $\left(X_{n+1}^{l}\right)$ — двоичное целое число, полученное конкатенацией чисел X^{r} и

 x^l когда первые (w-r) битов взяты из X, а последние r битов из X в

n+1 n + 1

том же порядке;

A — матрица размера $w \times w$ состоящая из нулей и единиц

XA— произведение, при вычислении которого сначала выполняют операцию X >> 1 (сдвига битов на одну позицию вправо), если последний бит X равен 0, а затем, когда последний бит X = 1, то вычисляют $XA = (X >> 1) \oplus a$.

Параметры задаются изначально:

w — размер слова (разрядность значений, которыми оперирует алгоритм)

r: r ≤ w – позиция разделения

 $p, q: 0 < q \le p - \partial в a n o л o ж u m e л ь н ы x ч u c л a$

 $a, b, c: 0 \le a, b, c < 2^w$ -w-разрядные неотрицательные числа

 $u, s, t, l: 0 \le u, s, t, l \le w - \kappa o э \phi \phi u u u e н m ы$

 x_0 , ..., x_{p-1} – начальные значения вектора

Параметры запуска программы:

/g:mt/n:10000/i:624

Параметры алгоритма і:

Модуль, начальное значение х

```
def mt(n, args):
    if len(args) < 1:
        p = 624
    else:
        p = args.pop(0)
    if len(args) < p:
        x = [5, 28, 14, 27, 18, 17, 23, 1, 24, 17, 5, 11, 1,
            1, 19, 13, 21, 7, 2, 11, 8, 23, 21, 15, 24, 4, 7, 11,
29, 7, 24,
            15, 13, 9, 26, 3, 12, 9, 8, 17, 2, 2, 28, 6, 30, 14,
29, 21, 13,
            1, 27, 9, 18, 26, 8, 14, 22, 15, 9, 7, 21, 10, 12, 6,
23, 17,
            13, 18, 3, 29, 29, 17, 5, 14, 18, 18, 17, 12, 5, 3, 18,
26, 29,
            29, 7, 17, 1, 23, 16, 9, 26, 28, 4, 21, 6, 30, 29, 15,
14, 26,
            24, 30, 23, 26, 22, 22, 26, 9, 2, 16, 11, 16, 30, 3, 7,
30, 8,
```

```
11, 9, 10, 25, 12, 1, 22, 11, 5, 22, 12, 24, 18, 17, 6,
10, 15,
            21, 24, 26, 12, 13, 4, 19, 26, 26, 22, 15, 10, 1, 18,
25, 28, 1,
            24, 18, 27, 3, 5, 15, 27, 21, 17, 5, 29, 16, 28, 30,
10, 26, 6,
            22, 6, 4, 4, 8, 5, 2, 4, 17, 22, 5, 12, 15, 11, 8, 7,
5, 5, 8,
            18, 23, 28, 19, 2, 18, 6, 2, 3, 9, 17, 9, 4, 29, 6, 29,
17, 25,
            11, 18, 28, 12, 6, 13, 8, 14, 14, 7, 13, 9, 22, 28, 20,
30, 3,
            8, 1, 28, 10, 28, 7, 12, 26, 14, 27, 18, 30, 7, 18, 2,
30, 13,
            12, 11, 17, 9, 24, 23, 10, 18, 4, 15, 29, 3, 19, 15,
24, 13, 15,
            7, 12, 3, 7, 21, 17, 24, 3, 14, 22, 9, 29, 2, 7, 27,
29, 18, 26,
            4, 12, 6, 25, 21, 8, 20, 11, 10, 23, 8, 4, 26, 28, 12,
19, 11,
            13, 1, 3, 22, 12, 16, 11, 6, 26, 28, 17, 25, 29, 5, 12,
27, 25,
            11, 7, 13, 5, 27, 12, 19, 25, 11, 5, 3, 5, 9, 26, 28,
25, 18,
            18, 22, 16, 17, 29, 2, 20, 2, 7, 2, 26, 29, 6, 6, 23,
8, 20, 6,
            26, 24, 28, 22, 15, 7, 28, 26, 7, 24, 21, 28, 16, 27,
8, 2, 3,
            19, 23, 6, 20, 19, 27, 16, 16, 1, 20, 10, 8, 8, 8, 28,
21, 8,
            11, 4, 13, 29, 29, 8, 24, 22, 3, 2, 26, 13, 19, 8, 17,
25, 6, 2,
            7, 4, 20, 24, 26, 2, 23, 9, 15, 22, 19, 20, 24, 29, 2,
29, 24,
            3, 28, 30, 2, 22, 28, 21, 28, 9, 12, 30, 18, 13, 2, 9,
17, 20,
            10, 24, 30, 20, 23, 6, 30, 21, 8, 26, 13, 30, 9, 30, 1,
```

14, 19,

```
16, 6, 18, 9, 15, 1, 27, 4, 12, 4, 26, 6, 24, 19, 24,
4, 15, 6,
            13, 10, 24, 2, 29, 5, 12, 24, 14, 24, 11, 1, 23, 24,
12, 2, 2,
            18, 27, 30, 11, 26, 28, 20, 20, 8, 11, 23, 4, 26, 19,
17, 21,
            11, 29, 11, 30, 2, 9, 12, 17, 18, 18, 13, 14, 12, 19,
20, 7, 15,
            2, 17, 15, 26, 12, 24, 22, 3, 4, 22, 16, 9, 12, 16, 13,
30, 14,
            24, 1, 10, 21, 16, 6, 1, 30, 27, 19, 25, 27, 7, 12, 17,
24, 29,
            12, 20, 4, 21, 12, 16, 13, 21, 23, 29, 2, 29, 21, 12,
13, 23,
            12, 22, 16, 12, 19, 22, 6, 20, 11, 28, 16, 7, 26, 14,
17, 17, 4,
            22, 29, 6, 27, 14, 16, 28, 18, 11, 25, 2, 13, 27, 14,
23, 27,
            14, 30, 21, 6, 6, 4, 12, 15, 17, 27, 3, 6, 5, 2, 19, 9,
12, 24,
            20, 11, 21, 13, 8, 26, 16, 18, 1]
    else:
       x = args
   bar = IncrementalBar('Генерация:', max=int(n))
   w = 32
   r = 31
    q = 397
    a = 2567483615
   u = 11
    s = 7
    t = 15
    1 = 18
   b = 2636928640
    c = 4022730752
    res = []
    value1 = ''
    value2 = ''
```

```
for i in range (w - r):
   value1 += '1'
   value2 += '0'
for i in range(r):
   value1 += '0'
    value2 += '1'
value1Int = int(value1, 2)
value2Int = int(value2, 2)
for i in range (n + 1500):
    t12 = int(x[i]) \& value1Int
    t13 = int((x[i + 1])) & value2Int
    Y = t12 | t13
    if (Y % 2 != 0):
        valuex = (int(x[i + q]) % 2 ** w) ^ (Y >> 1) ^ a
    else:
        valuex = (int(x[i + q]) % 2 ** w) ^ (Y >> 1) ^ 0
    Y = valuex
    Y = (Y ^ (Y >> u))
    Y = Y ^ ((Y << s) & b)
    Y = Y ^ ((Y << t) & c)
    Z = (Y ^ (Y >> 1))
    x.append(valuex)
    res.append(Z % p)
    bar.next()
bar.finish()
return res
```

Алгоритм 7. RC4

Описание алгоритма:

На вход:

n – количество необходимых сгенерированных чисел

w – количество бит, используемых для генерации числа

К – массив ключа длины 256, которые состоит из чисел от 0 до 255, которые перемешаны любым способом.

1. Инициализация S_i , i = 0, 1, ..., 255.

Начальное значение состояния заполняется на основе ключа $K_0, ..., K_{255}$

a)
$$for i = 0 \ 255 : S_i = i;$$

b)
$$j = 0$$
;

c)
$$for i = 0 to 255$$
: $j = (j + S_i + K_j) mod 256$; $Swap(Si, Sj)$

$$2. i = 0, j = 0.$$

3. Итерация алгоритма:

a)
$$i = (i + 1) \mod 256$$
;

b)
$$j = (j + S_i) \mod 256;$$

c)
$$Swap(S_i, S_i)$$
;

d)
$$t = (S_i + S_i) \mod 256;$$

e)
$$K = S_t$$
;

Параметры запуска программы:

/g:rc4 /n:10000

64,155,133,46,

Параметры алгоритма і:

256 начальных значений

```
def rc4(n, args):
    if len(args)!=256:
        x =
[73,25,169,67,200,69,83,93,19,100,141,85,207,66,71,236,194,239,167,
32,101,135,213,35,89,112,188,178,82,33,206,54,249,51,255,102,1
```

```
16,231,152,42,122,15,41,14,208,244,230,6,8,245,217,124,227,185
,184,248,37,59,
31, 191, 120, 111, 26, 253, 140, 63, 125, 242, 3, 136, 27, 36, 186, 95, 220, 94
,243,49,70,15,
0,79,118,117,176,172,247,24,65,241,238,174,55,114,21,2,129,162
,17,210,254,22,
60,62,251,91,215,0,109,223,156,97,11,127,123,130,250,192,1,138
,52,113,160,1,
81,229,105,47,44,40,180,116,168,153,154,201,72,234,128,224,5,1
61,197,134,13,
2,190,177,29,56,12,77,50,58,74,131,146,246,68,166,96,216,219,2
12,13,115,211,
157,144,203,20,232,9,45,34,23,151,195,237,196,80,57,7,205,43,1
82,193,106,87,
104,119,38,218,148,48,187,221,226,159,145,202,110,228,173,209,
10,108,75,84,
139,53,61,18,103,183,98,179,165,81,126,137,171,170,252,147,78,
214,163,158,2,
33,149,142,175,121,76,90,4,92,199,30,107,88,99,189,222,225,143
,235,39,240,20,
            4,28,86,198]
    else:
        x = args
    bar = IncrementalBar('Выполнение:', max=n)
    res = []
    length = 256
    sBox = [0] * length
    key = [0] * length
    for i in range(length):
        sBox[i] = i
    for i in range (length):
        key[i] = int(x[i % len(x)])
    j = 0
    for i in range(length):
        j = (j + sBox[i] + key[i]) % length
        sBox[i], sBox[j] = sBox[j], sBox[i]
    for i in range (n, 0, -1):
        i = (i + 1) % length
        j = (j + sBox[i]) % length
        sBox[i], sBox[j] = sBox[j], sBox[i]
        t = (sBox[i] + sBox[j]) % length
        res.append(sBox[t])
        bar.next()
    bar.finish()
```

return res

** Finding *** | Finding *** |

Алгоритм 8. RSA

Описание алгоритма:

Основные параметры:

На вход:

с – количество необходимых сгенерированных чисел

n — модуль

е - степень

x - начальное значение

w – количество генерируемых бит за шаг

1 – длина выходной двоичной последовательности

1. Выбрать случайное целое x_0 .

$$2.count = (c * l) / w$$

For i = 1 to count do

$$a. x_i \leftarrow x_{x-1}^e \mod n$$

- b. В поток добавляем w бит из сгенерированного числа
- 3. "Нарезаем" последовательность по l бит \boldsymbol{z}_{1} , \boldsymbol{z}_{2} , ..., \boldsymbol{z}_{l}
- 4. Переводим последовательность \boldsymbol{z}_{1} , \boldsymbol{z}_{2} , ..., \boldsymbol{z}_{l} в десятичное число.

Параметры запуска программы:

/g:rsa /n:10000 /i:100151,224951,287,22528,22

Параметры алгоритма і:

Модуль n, число e, w, начальное значение x.

е удовлетворяет условиям: 1 < e < (p-1)(q-1), HOД(e, (p-1)(q-1)) = 1, где p*q=n.

х из интервала [1,n]

w – длина слова.

```
def rsa(n , args):
    if len(args)!=5:
        print("Некорректное количество аргументов")
        return 'Error'
    p, q, e, x, l = int(args[0]), int(args[1]), int(args[2]),
int(args[3]), int(args[4])
    res = []
    bar = IncrementalBar('Выполнение:', max=n )
    n = p * q
    for i in range(n ):
        counter = 1 - 1
        seqElem = 0
        for j in range(1):
            x = x ** e % n
            bit = x \& 1
            seqElem = seqElem | (bit << counter)</pre>
            counter -= 1
        res.append(seqElem)
        bar.next()
    bar.finish()
    return res
```

 ♠ managey
 ♠ Fractact
 U X

 dist) F middet
 1
 1.25025 1077106 1165537 3828445 2714060 2311572 3322331 700748 3203774 1880078 1425540 1356421 347010 120074 340075 120074 340075 120074 340075 120074 340075 120074 340075 120074 340075 120074 340075 120074 340075 120074 340075 120074 340075 120074 340075 34022 382550 3114485 145139 3994181 3903140 702499 1280048 807771 942706 332729 1704404 281541 345563 5446413 30066013 210075 210074 340075 9607729 310075 340074 340075 340074 340075 340074 340075 340074 340075 340074 340075 340074 340075 340074 340075 340074 340075 340074 340075 340074 340074 340075 340074 340074 340075 340074 340074 340075 340074 3

Алгоритм 9. Алгоритм Блюм-Блюма-Шуба (BBS)

Описание алгоритма:

Основные параметры:

п- модуль

x - начальное значение

l- длина выходной последовательности

На входе: Модуль n, начальное значение x_0 , длина выходной последовательности l.

На выходе: Последовательность псевдослучайных бит $z_1, z_2, ..., z_l$, переведенных в десятичное число.

Модуль m = p * q является произведение двух больших простых чисел p и q.

- 1. Вычислим $x_0 = x^2 \mod n$, которое будет начальным вектором.
- 2. For i=1 to l do $\begin{array}{c}
 1. x \\
 & i+1
 \end{array}
 \leftarrow x \mod n$

```
2. z \leftarrow \text{последний значащий бит } x_i
```

- 3. Вернуть $z_1, z_2, ..., z_l$
- 4. Перевести последовательность бит $z_1, z_2, ..., z_l$ в десятичное число.

Параметры запуска программы:

```
/g:bbs /n:10000 /i:7
```

Начальное значение x (взаимно простое с n).

Исходный текст алгоритма:

```
def bbs(n , args):
    if len(args)!=1:
       print("Некорректное количество аргументов")
       return 'Error'
    x = int(args[0])
   bar = IncrementalBar('Выполнение:', max=n )
    res = []
    n, w = 50621, 10
    for i in range(n ):
        x bin = ''
        for j in range(w):
           x = (x * x) % n
            x bin += str(x % 2)
        res.append(int(x bin, 2))
        bar.next()
   bar.finish()
    return res
```

Результат работы программы:

≣ rnd.dat U ×

dist > ≣ rnd.dat