#### Билет 10

Магнитные взаимодействия. Магнитное поле электрического тока. Вектор индукции магнитного поля, линии магнитной индукции. Закон Био-Савара-Лапласа. Магнитное поле прямого и кругового тока.

#### Магнитное поле постоянного тока

Магнитное поле — особый вид материи, посредством которого осуществляется взаимодействие между движущимися заряженными частицами.

Магнитное поле создается движущимися электрическими зарядами.

Взаимодействие магнитной стрелки с проводником на малом расстоянии открыл Г.Х. Эрнест в 1820 году.

При замыкании цепи магнитная стрелка отклонялась.

Свойства магнитного поля:

- 1. Магнитное поле материально: оно существует независимо от нас, от наших знаний о нем
- 2. Магнитное поле обладает определенными свойствами, которые могут быть найдены экспериментально

Силовая характеристика магнитно поля — вектор магнитной индукции  $\vec{B}$  ,  $[B] = T_{\mathcal{I}}$  .

Направление вектора магнитной индукции — направление нормали к поверхности, где расположена рамка с током, то есть в сторону поступательного движения правого буравчика при вращении по направлению тока в рамке.

Это же направление покажет северный полюс магнитной стрелки.

В магнитном поле прямолинейного проводника с током устанавливается по касательной к окружности с центром в проводнике. В данном случае буравчик должен двигаться в направлении тока, а вращение покажет направление вектора магнитной индукции.

Значение модуля момента магнитной индукции получено опытным путем:  $B = k \frac{M_{max}}{LS}$  ,

где  $M_{max}$  - максимальный момент силы.

### Принцип суперпозиции

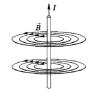
Если в данной точке пространства различные токи создают магнитные поля, то результирующая магнитная индукция в этой точке равна векторной сумме магнитных индукций всех токов.

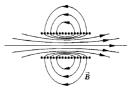
Линии магнитной индукции — линии, касательные к которым в каждой точке сонаправлены с вектором магнитной индукции.

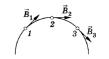
Свойства линий магнитной индукции:



- 2. Касательные в любой точке характеризуют направление  $\, B \,$
- 3. Направление индукции магнитного моля и силы тока связаны правилом буравчика.
- 4. Плоскость силовых линий перпендикулярна проводнику, по которому течет ток.
- 5. Силовые линии симметрично охватывают проводник.







Магнитный поток вектора магнитной индукции через поверхность dS - скалярная физическая величина, численно равная произведению модуля вектора магнитной индукции на площадь dS и косинус угла между векторами  $\alpha$ 

$$\vec{B}$$
 и  $\vec{n}$  .  $d\Phi = B \cdot dS \cdot \cos \alpha$ 

Поток магнитной индукции через замкнутую поверхность равен 0, т. к. количество силовых линий, входящих внутрь поверхности, равно числу линий, выходящих из нее.

$$[\Phi] = T_{\mathcal{I}} \cdot M^2 = B\delta$$

<u> 1 Вебер</u> — магнитный поток, создаваемый магнитным полем с индукцией  $1 \, T \pi$  через поверхность площадью  $1 \, m^2$ 

### Закон Био-Савара-Лапласа

Рассмотрим малый участок dl . Здесь  $\vec{dl}$  - вектор, направленный по току в проводнике. Элемент тока:  $I\cdot \vec{d}l$  . Каждый такой элемент создает поле в точке A.



Элементарная индукция магнитного поля:  $d \, \vec{B} = k \, ' \cdot \frac{[I \, \vec{dl} \cdot \vec{r}\,]}{r^3}$  ,  $\vec{r}$  - вектор от элементарного участка до точки А

$$k' = \frac{\mu_0}{4\pi} = 10^{-7} \frac{H}{A^2}$$
 - магнитная проницаемость,  $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \frac{H}{A^2}$  - магнитная постоянная.

По принципу суперпозиции результирующее поле равно векторной сумме элементарных.

$$\vec{B} = \int d\vec{B}$$

# Применение теоремы для прямого проводника

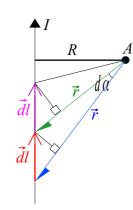
$$d\vec{B} = \frac{\mu \mu_0}{4\pi} \cdot \frac{[I \, dl \cdot \vec{r}]}{r^3} \rightarrow |d\vec{B}| = dB = \frac{\mu \mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I \, dl \cdot \sin \alpha}{r^2}$$

$$r = \frac{R}{\sin \alpha} \qquad \xrightarrow{x} = \sin d\alpha \implies x \approx r \cdot d\alpha$$

$$|\vec{d}l| = \frac{r \cdot d\alpha}{\sin \alpha} \qquad dl = \frac{x}{\sin \alpha} = \frac{r \cdot d\alpha}{\sin \alpha}$$

$$dB = \frac{\mu \mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I \sin \alpha}{R} d\alpha$$

$$B = \int_0^{\pi} dB = \frac{\mu \mu_0}{4\pi} \frac{I}{R} \cdot \int_0^{\pi} \sin \alpha \, d\alpha = \frac{\mu \mu_0}{2\pi} \frac{I}{R}$$



## Применение теоремы для кругового проводника

$$|d\vec{B}| = dB = \frac{\mu \mu_0}{4 \pi} \cdot \frac{I \, dl \cdot \sin \alpha}{r^2}$$

$$B = \int_0^{2\pi R} dB = \frac{\mu \mu_0}{4 \pi} \frac{I}{R^2} \cdot \int_0^{2\pi R} dl = \frac{\mu \mu_0}{2} \frac{I}{R}$$

