

Лабораторная работа 1-4. Дерево отрезков

Statement is not available on English language

А. Сумма простая

ограничение по времени на тест: 1 секунда
ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт

ввод: стандартный ввод

вывод: стандартный вывод

Вам нужно научиться отвечать на запрос «сумма чисел на отрезке».

Массив не меняется. Запросов много. Отвечать на каждый запрос следует за .

Входные данные

Размер массива — n и числа X, y, a_0 , порождающие массив a :

Далее следует количество запросов m и числа Z, t, b_0 , порождающие массив b :

Массив c строится следующим образом:

Запросы: i -й из них — найти сумму на отрезке от $\min(c_{2i}, c_{2i+1})$ до $\max(c_{2i}, c_{2i+1})$ в массиве a .

Ограничения: $1 \leq n \leq 10^7, 0 \leq m \leq 10^7$. Все числа целые от 0 до 2^{16} . t может быть равно -1 .

Выходные данные

Выведите сумму всех сумм.

Пример

входные данные	Copy
3 1 2 3 3 1 -1 4	
выходные данные	Copy
23	

Примечание

$a = \{3, 5, 7\}, b = \{4, 3, 2, 1, 0, 2^{30} - 1\}, c = \{1, 0, 2, 1, 0, 0\}$,

запросы = $\{[0, 1], [1, 2], [0, 0]\}$, суммы = $\{8, 12, 3\}$.

Statement is not available on English language

В. RSQ

ограничение по времени на тест: 2 секунды
ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт

ввод: стандартный ввод

вывод: стандартный вывод

Входные данные

В первой строке находится число n — размер массива. ($1 \leq n \leq 500\,000$) Во второй строке находится n чисел a_i — элементы массива. Далее содержится описание операций, их количество не превышает $1\,000\,000$. В каждой строке находится одна из следующих операций:

- set $i\ X$ — установить $a[i]$ в X .
- sum $i\ j$ — вывести значение суммы элементов в массиве на отрезке с i по j , гарантируется, что $(1 \leq i \leq j \leq n)$.

Все числа во входном файле и результаты выполнения всех операций не превышают по модулю 10^{18} .

Выходные данные

Выведите последовательно результат выполнения всех операций sum. Следуйте формату выходного файла из примера.

Пример

входные данные	Copy
5	

```
1 2 3 4 5
sum 2 5
sum 1 5
sum 1 4
sum 2 4
set 1 10
set 2 3
set 5 2
sum 2 5
sum 1 5
sum 1 4
sum 2 4
```

Выходные данные

Copy

```
14
15
10
9
12
22
20
10
```

Statement is not available on English language

C. RMQ2

ограничение по времени на тест: 2 секунды
ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт
ввод: стандартный ввод
вывод: стандартный вывод

Входные данные

В первой строке находится число n — размер массива. ($1 \leq n \leq 10^5$) Во второй строке находится n чисел a_i — элементы массива. Далее содержится описание операций, их количество не превышает $2 \cdot 10^5$. В каждой строке находится одна из следующих операций:

- $\text{set } i\ j\ x$ — установить все $a[k], i \leq k \leq j$ в x .
- $\text{add } i\ j\ x$ — увеличить все $a[k], i \leq k \leq j$ на x .
- $\text{min } i\ j$ — вывести значение минимального элемента в массиве на отрезке с i по j , гарантируется, что $(1 \leq i \leq j \leq n)$.

Все числа во входном файле и результаты выполнения всех операций не превышают по модулю 10^{18} .

Выходные данные

Выведите последовательно результат выполнения всех операций `min`. Следуйте формату выходного файла из примера.

Пример

Входные данные

Copy

```
5
1 2 3 4 5
min 2 5
min 1 5
min 1 4
min 2 4
set 1 3 10
add 2 4 4
min 2 5
min 1 5
min 1 4
min 2 4
```

Выходные данные

Copy

```
2
1
1
2
5
5
8
8
```

Statement is not available on English language

D. Художник

ограничение по времени на тест: 2 секунды
ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт
ввод: стандартный ввод

вывод: стандартный вывод

Итальянский художник-абстракционист Ф. Мандарино увлекся рисованием одномерных черно-белых картин. Он пытается найти оптимальное местоположение и количество черных участков картины. Для этого он проводит на прямой белые и черные отрезки, и после каждой из таких операций хочет знать количество черных отрезков на получившейся картине и их суммарную длину.

Изначально прямая — белая. Ваша задача — написать программу, которая после каждой из таких операций выводит в выходной файл интересующие художника данные.

Входные данные

В первой строке входного файла содержится общее количество нарисованных отрезков ($1 \leq n \leq 100\,000$). В последующих n строках содержится описание операций. Каждая операция описывается строкой вида $C\ X\ l$, где C — цвет отрезка (W для белых отрезков, B для черных), а сам отрезок имеет вид $[X; X + l)$, причем координаты обоих концов — целые числа, не превосходящие по модулю $500\,000$. Длина задается положительным целым числом.

Выходные данные

После выполнения каждой из операций необходимо вывести в выходной файл на отдельной строке количество черных отрезков на картине и их суммарную длину, разделенные одним пробелом.

Пример

входные данные	Copy
7 W 2 3 B 2 2 B 4 2 B 3 2 B 7 2 W 3 1 W 0 10	
выходные данные	Copy
0 0 1 2 1 4 1 4 2 6 3 5 0 0	

Statement is not available on English language

Е. Криптография

ограничение по времени на тест: 2 секунды
ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт

ввод: `crypto.in`
вывод: `crypto.out`

Задано n матриц A_1, A_2, \dots, A_n размера 2×2 . Необходимо для нескольких запросов вычислить произведение матриц A_i, A_{i+1}, \dots, A_j . Все вычисления производятся по модулю l .

Входные данные

Первая строка входного файла содержит числа r ($1 \leq r \leq 10\,000$), n ($1 \leq n \leq 200\,000$) и m ($1 \leq m \leq 200\,000$). Следующие n блоков по две строки содержащие по два числа в строке — описания матриц. Затем следуют m пар целых чисел от 1 до n , запросы на произведение на отрезке.

Выходные данные

Выведите m блоков по две строки, по два числа в каждой — произведения на отрезках. Разделяйте блоки пустой строкой. Все вычисления производятся по модулю l

Пример

входные данные	Copy
3 4 4 0 1 0 0 2 1 1 2 0 0 0 2 1 0 0 2 1 4	

2 3 1 3 2 2	
выходные данные	Copy
0 2 0 0 0 2 0 1 0 1 0 0 2 1 1 2	

Statement is not available on English language

Ф. Разреженные таблицы

ограничение по времени на тест: 2 секунды
ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт
ввод: стандартный ввод
вывод: стандартный вывод

Дан массив из n чисел. Требуется написать программу, которая будет отвечать на запросы следующего вида: найти минимум на отрезке между U и V включительно.

Входные данные

В первой строке входного файла даны три натуральных числа n, m ($1 \leq n \leq 10^5, 1 \leq m \leq 10^7$) и a_1 ($0 \leq a_1 < 16\,714\,589$) — количество элементов в массиве, количество запросов и первый элемент массива соответственно. Вторая строка содержит два натуральных числа U_1 и V_1 ($1 \leq U_1, V_1 \leq n$) — первый запрос.

Элементы a_2, a_3, \dots, a_n задаются следующей формулой:

Например, при $n = 10, a_1 = 12345$ получается следующий массив: $a = (12345, 305498, 7048017, 11694653, 1565158, 2591019, 9471233, 570265, 13137658, 1325095)$.

Запросы генерируются следующим образом:

где ans_i — ответ на запрос номер i .
Обратите внимание, что U_i может быть больше, чем V_i .

Выходные данные

В выходной файл выведите U_m, V_m и ans_m (последний запрос и ответ на него).

Примеры

входные данные	Copy
10 8 12345 3 9	
выходные данные	Copy
5 3 1565158	

Statement is not available on English language

Г. Окна

ограничение по времени на тест: 2 секунды
ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт
ввод: стандартный ввод
вывод: стандартный вывод

На экране расположены прямоугольные окна, каким-то образом перекрывающиеся (со сторонами, параллельными осям координат). Вам необходимо найти точку, которая покрыта наибольшим числом из них.

Входные данные

В первой строке входного файла записано число окон n ($1 \leq n \leq 50000$). Следующие n строк содержат координаты окон

$X_{(1, i)}$ $Y_{(1, i)}$ $X_{(2, i)}$ $Y_{(2, i)}$, где $(X_{(1, i)}, Y_{(1, i)})$ — координаты левого верхнего угла i -го окна, а $(X_{(2, i)}, Y_{(2, i)})$ — правого нижнего (на экране компьютера Y растёт сверху вниз, а X — слева направо). Все координаты — целые числа, по модулю не превосходящие $2 \cdot 10^5$.

Выходные данные

В первой строке выходного файла выведите максимальное число окон, покрывающих какую-либо из точек в данной конфигурации. Во второй строке выведите два целых числа, разделенные пробелом — координаты точки, покрытой максимальным числом окон. Окна считаются замкнутыми, т.е. покрывающими свои граничные точки.

Примеры

входные данные	Copy
2 0 0 3 3 1 1 4 4	
выходные данные	Copy
2 1 3	

входные данные	Copy
1 0 0 1 1	
выходные данные	Copy
1 0 1	

Statement is not available on English language

Н. RMQ наоборот

ограничение по времени на тест: 2 секунды
ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт
ввод: `rmq.in`
вывод: `rmq.out`

Рассмотрим массив $a[1..n]$. Пусть $Q(i, j)$ — ответ на запрос о нахождении минимума среди чисел $a[i], \dots, a[j]$. Вам даны несколько запросов и ответы на них. Восстановите исходный массив.

Входные данные

Первая строка входного файла содержит число n — размер массива, и m — число запросов ($1 \leq n, m \leq 100\,000$). Следующие m строк содержат по три целых числа i, j и q , означающих, что $Q(i, j) = q$ ($1 \leq i \leq j \leq n$, $-2^{31} \leq q \leq 2^{31} - 1$).

Выходные данные

Если искомого массива не существует, выведите строку «inconsistent».

В противном случае в первую строку выходного файла выведите «consistent». Во вторую строку выходного файла выведите элементы массива. Элементами массива должны быть целые числа в интервале от -2^{31} до $2^{31} - 1$ включительно. Если решений несколько, выведите любое.

Примеры

входные данные	Copy
3 2 1 2 1 2 3 2	
выходные данные	Copy
consistent 1 2 2	

входные данные	Copy
3 3 1 2 1 1 1 2 2 3 2	
выходные данные	Copy
inconsistent	

Statement is not available on English language

I. Горы

ограничение по времени на тест: 2 секунды
ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт

ввод: стандартный ввод
вывод: стандартный вывод

В парке развлечений «Ай-ой-ай» открылся новейший аттракцион: польские горки. Трек состоит из n рельс, присоединенных одна к концу другой. Начало первой рельсы находится на высоте 0. Оператор Петя может конфигурировать аттракцион, изменяя по своему желанию подъём нескольких последовательных рельс. При этом подъём всех остальных рельс не изменяется. При каждом изменении конфигурации рельс положение следующих за изменяемыми подбирается таким образом, чтобы весь трек оставался связным.

Каждый запуск вагонетки осуществляется с энергией, достаточной для достижения высоты h . Это значит, что вагонетка будет двигаться до тех пор, пока высота не превысит h , либо пока не закончится трек.

По записям о всех изменениях конфигурации рельс и временах запусков вагонетки для каждого запуска определите, сколько рельс вагонетка проедет до остановки.

Трек можно представить как последовательность n подъёмов d_i , по одному на рельс. Изначально рельсы горизонтальны, то есть $d_i = 0$ для всех i .

Каждое изменение конфигурации определяется числами a , b и D : все рельсы с a -й по b -ю включительно после этого действия имеют подъём, равный D .

Каждый запуск вагонетки определяется единственным целым числом h — максимальной высотой, на которую способна подняться вагонетка.

Входные данные

В первой строке записано целое число n ($1 \leq n \leq 10^9$) — число рельс. Следующие строки содержат запросы трех видов:

- $a\ b\ D$ — изменение конфигурации. Рельсы с a -й по b -ю включительно после выполнения запроса имеют подъём, равный D .
- h — запуск вагонетки. Требуется найти число рельс, которое проедет вагонетка, которая способна подняться на высоту h .
- конец ввода. Этот запрос встретится ровно один раз в конце файла.

В любой момент времени высота любой точки трека лежит в промежутке от 0 до 10^9 . Во вводе не более 100 000 строк.

Выходные данные

Для каждого запроса выведите единственное целое число — количество рельс, которое проедет вагонетка.

Пример

входные данные	Сору
4 Q 1 I 1 4 2 Q 3 Q 1 I 2 2 -1 Q 3 E	
выходные данные	Сору
4 1 0 3	

Statement is not available on English language

J. Великая Китайская Стена

ограничение по времени на тест: 2 секунды
ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт

ввод: стандартный ввод
вывод: стандартный вывод

В этой задаче мы проследим альтернативную историю Великой Китайской Стены.

Великая Китайская Стена состоит из n метровых участков, пронумерованных по порядку целыми числами от 1 до n . Каждый участок характеризуется своей высотой в метрах — целым неотрицательным числом. До начала нашей истории Стена ещё не построена, поэтому высота каждого участка равна нулю.

Происходят события двух видов.

1. *Укрепление Стены* (запись: «defend $a\ b\ c$ »). Император вызывает к себе вассалов из приграничных провинций и велит им сделать так, чтобы промежуток Стены, охватывающий участки от a до b включительно, имел высоту не менее c метров. Это значит, что все участки

меньшей высоты на этом промежутке нужно достроить до высоты C , а остальные оставить нетронутыми. Приказ императора выполняется немедленно, то есть до наступления следующего события.

2. *Нападение варваров* (запись: «**attack** $d\ e$ »). Варвары подходят к Стене снаружи и занимают позиции напротив промежутка Стены, охватывающего участки от d до e включительно. После этого они находят такой участок на этом промежутке, у которого высота как можно меньше, и пытаются через него проникнуть на территорию Китая. Нападение также происходит немедленно, до наступления следующего события.

Для восстановления достоверной альтернативно-исторической картины не хватает одного: для каждого нападения варваров указать минимальную высоту Стены на соответствующем промежутке, а также какой-нибудь участок из этого промежутка с такой высотой. По заданной последовательности событий найдите эти числа.

Входные данные

В первой строке заданы через пробел два целых числа n и m — длина Стены в метрах и количество событий соответственно ($1 \leq n \leq 10^6$, $0 \leq m \leq 10^5$). В следующих m строках описаны события в порядке их следования. Если событие описывает укрепление Стены, оно задано в форме «**defend** $a\ b\ c$ » ($1 \leq a \leq b \leq n$, $1 \leq c \leq 10^7$). Если же событие описывает нападение варваров, оно задано в форме «**attack** $d\ e$ » ($1 \leq d \leq e \leq n$).

Выходные данные

В ответ на каждое нападение варваров выведите строку, содержащую два числа, разделённые пробелом. Первое из этих чисел — минимальная высота Стены на соответствующем промежутке. Второе — номер любого метрового участка Стены на этом промежутке, имеющего такую высоту.

Пример

входные данные	Copy
5 4 defend 1 3 10 attack 1 4 attack 2 3 attack 1 2	
выходные данные	Copy
0 4 10 2 10 1	

Statement is not available on English language

К. Парковка

ограничение по времени на тест: 2 секунды
ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт

ввод: parking.in
вывод: parking.out

На кольцевой парковке есть n мест пронумерованных от 1 до n . Есть два вида событий прибытие машину на парковку и отъезд машины с парковки. Если машина приезжает на парковку, а её место занято, то она едет далее по кругу и встаёт на первое свободное место.

Входные данные

В первой строке входного файла находится два числа n и m — размер парковки и количество запросов ($1 \leq n, m \leq 100000$). В следующих m строках находятся события. Каждая из этих строк имеет следующий вид:

- enter X — приехала машина, которая хочет встать на место X . Для каждой такой команды выведите какое место займёт эта машина.
- exit X — уехала машина занимавшая место X . Гарантируется, что на этом месте была машина.

Выходные данные

Выведите последовательно результаты выполнения всех операций enter.

Пример

входные данные	Copy
3 5 enter 1 enter 1 exit 1 enter 2 enter 2	
выходные данные	Copy
1 2 3 1	

Задача А. Звезды

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Вася любит наблюдать за звездами. Но следить за всем небом сразу ему тяжело. Поэтому он наблюдает только за частью пространства, ограниченной кубом размером $n \times n \times n$. Этот куб поделен на маленькие кубики размером $1 \times 1 \times 1$. Во время его наблюдений могут происходить следующие события:

1. В каком-то кубике появляются или исчезают несколько звезд.
2. К нему может заглянуть его друг Петя и поинтересоваться, сколько видно звезд в части пространства, состоящей из нескольких кубиков.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит натуральное число $1 \leq n \leq 128$. Координаты кубиков — целые числа от 0 до $n - 1$. Далее следуют записи о происходивших событиях по одной в строке. В начале строки записано число m . Если m равно:

- 1, то за ним следуют 4 числа — x, y, z ($0 \leq x, y, z < N$) и k ($-20000 \leq k \leq 20000$) — координаты кубика и величина, на которую в нем изменилось количество видимых звезд;
- 2, то за ним следуют 6 чисел — $x_1, y_1, z_1, x_2, y_2, z_2$ ($0 \leq x_1 \leq x_2 < N, 0 \leq y_1 \leq y_2 < N, 0 \leq z_1 \leq z_2 < N$), которые означают, что Петя попросил подсчитать количество звезд в кубиках (x, y, z) из области: $x_1 \leq x \leq x_2, y_1 \leq y \leq y_2, z_1 \leq z \leq z_2$;
- 3, то это означает, что Васе надоело наблюдать за звездами и отвечать на вопросы Пети. Эта запись встречается во входном файле только один раз и будет последней.

Количество записей во входном файле не больше 100 002.

Формат выходных данных

Для каждого Петиного вопроса выведите искомое количество звезд.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
2	0
2 1 1 1 1 1 1	1
1 0 0 0 1	4
1 0 1 0 3	2
2 0 0 0 0 0 0	
2 0 0 0 0 1 0	
1 0 1 0 -2	
2 0 0 0 1 1 1	
3	