### Katedra informatiky Přírodovědecká fakulta Univerzita Palackého v Olomouci

# BAKALÁŘSKÁ PRÁCE

Editor Petriho Sítí



2019

Vedoucí práce: Mgr. Petr Osička, Ph.D.

Roman Wehmhöner

Studijní obor: Aplikovaná informatika, prezenční forma

### Bibliografické údaje

Autor: Roman Wehmhöner

Název práce: Editor Petriho Sítí

Typ práce: bakalářská práce

Pracoviště: Katedra informatiky, Přírodovědecká fakulta, Univerzita

Palackého v Olomouci

Rok obhajoby: 2019

Studijní obor: Aplikovaná informatika, prezenční forma

Vedoucí práce: Mgr. Petr Osička, Ph.D.

Počet stran: 35

Přílohy: 1 CD/DVD

Jazyk práce: český

### Bibliograpic info

Author: Roman Wehmhöner

Title: Petri Nets Editor

Thesis type: bachelor thesis

Department: Department of Computer Science, Faculty of Science, Pa-

lacký University Olomouc

Year of defense: 2019

Study field: Applied Computer Science, full-time form

Supervisor: Mgr. Petr Osička, Ph.D.

Page count: 35

Supplements: 1 CD/DVD

Thesis language: Czech

#### Anotace

Cílem bakalářské práce bylo vytvořit editor petriho sítí umožňující jednoduché a pohodlné ovládání. Editor také obsahuje základní nástroje pro analýzu petriho sítí.

### Synopsis

The goal of bachelor thesis is to make editor for petri nets with simple convenient control. Editor contains basic analysis tools too.

Klíčová slova: Petriho síť; Editor

Keywords: Petri net; Editor

Tímto bych chtěl poděkovat vedoucímu bakalářské práce panu Mgr. Petrovi Osičkovi, Ph.D. za hodnotné rady při vývoji editoru.
Místopřísežně prohlašuji, že jsem celou práci včetně příloh vypracoval/a samostatně a za použití pouze zdrojů citovaných v textu práce a uvedených v seznamu literatury.
datum odevzdání práce podpis autora

## Obsah

1	Peti	riho sítě	8
	1.1	Základní popis	8
	1.2	Vizuální zobrazení sítě	9
	1.3	Zkrácený zápis ohodnocení sítě	10
	1.4	Využití Petriho sítí	10
	1.5	Graf dosažitelnosti	11
		1.5.1 Vlastnosti odvoditelné z Grafu dosažitelnosti	11
		1.5.2 Příklady grafu dosažitelnosti s vlastnostmi	13
	1.6	Graf pokrytí	14
		1.6.1 Sestrojení grafu	14
		1.6.2 Různé výsledky grafu pokrytí	16
		1.6.3 Upravená verze vlastností	16
	1.7	Příklady sítí	18
0	T 1.4		20
2	Edit		20
	2.1	Systémové požadavky	20
	2.2	Rozložení editoru	
		2.2.1 Postranní panel	21
		2.2.2 Ovládání, Hlavní plocha editoru	21
		2.2.3 Panel nástrojů editoru	
		2.2.3.1 Tisk	22
		2.2.4 Tabulka ohodnocení	23
		2.2.5 Výsledky analýzy	23
		2.2.6 Klávesové zkratky	23
3	Pou	žité technologie	25
	3.1	nodejs	
	3.2	TypeScript	
	3.3	Electron	
	3.4	Javascriptová Knihovna Data driven documents - D3	
	3.5	Scalable vector graphics (SVG)	
	3.6	JavaScript object notation (JSON)	
	5.0	Javascript object notation (JSON)	41
4	Stav	ba programu	<b>30</b>
	4.1	Modely	30
	4.2	Draw třídy	31
	4.3	Třída editor	31
5	Obs	ah přiloženého CD/DVD	32
Li	terat	ura	34
Re	ejstří	k	35

## Seznam obrázků

	1	sít	)
	2	Ukázky jednoduchých sítí s grafem dosažitelnosti	3
	3	Příklad neohraničené sítě	1
	4	Příklad sítě z knihy Understanding petri nets[1](fig. 14.1) 16	3
	5	Příklad neohraničené sítě s chybějící hranou v grafu pokrytí 17	7
	6	Prodejní automat (fig 3.1)	3
	7	Vzájemné vyloučení (fig 3.2)	9
	8	Crosstalk algoritmus (fig 3.7)	9
	9	Rozložení editoru	)
	11	Postranní panel	1
	12	Editace hodnot	2
	13	Panel nástrojů editoru	3
	14	Tabulka ohodnocení	1
	15	ukázka výsledků analýzy sítě	1
	16	Struktura programu	)
$\mathbf{S}$	ezn	am tabulek	
	1	Určování vlastností sítě v editoru	4
	2	Klavesové zkratky využitelné v editoru	5
$\mathbf{S}$	ezn	am vět	
	1	Definice (Petriho sít)	3
	2	Definice (Graf dosažitelnosti)	1
	3	Definice (Ohraničenost sítě)	1
	4	Definice (Konečnost sítě)	1
	5	Definice (Vratnost sítě)	1
	6	Definice (Sít bez mrtvého bodu)	1
	7	Definice (Slabě živá sít)	2
	8	Definice (Živá sít)	2
		Důkaz (Ohraničenost sítě v grafu pokrytí)	7
		Důkaz (Konečnost sítě v grafu pokrytí)	7
		Důkaz (Vratnost sítě v grafu pokrytí)	7
		Důkaz (Síť bez mrtvého bodu v grafu pokrytí)	7
		Důkaz (Slabě živá síť v grafu pokrytí)	3
		Důkaz (živá síť v grafu pokrytí)	3

# Seznam zdrojových kódů

1	Ukázka TypeScriptu	26
2	Vytváření okna v elektronu	27
3	Komunikace v rámci procesu elektronu	27
4	Ukázka kódu v D3	28
5	Uložení petriho sítě	29

#### TODO: Smazat todo: command

### 1 Petriho sítě

Tato kapitola byla inspirovaná a čerpala informace z knihy Understanding petri nets[1].

### 1.1 Základní popis

Petriho síte jsou matematickým nástrojem pro modelování a simulaci paralelních procesů a jejich sychronizaci. Jsou tvořené místy, přechody a hranami které jsou vždy propojením jednoho místa s jedním přechodem.

### Definice 1 (Petriho síť)

$$N = \langle P, T, A, M_0 \rangle$$

- N je Petriho sítí
- $\bullet$  P je konečná množina míst
- T je konečná množina přechodů
- A je konečná množina hran  $A \subseteq ((P \times T) \cup (T \times P)) \times \mathbb{N}_0$  kde číslo symbolizuje násobek kolik značek hrana "přesune"
- $M_0: P \to \mathbb{N}_0$  je počáteční ohodnocení sítě (zkráceně ohodnocení) míst kde pro každé místo  $p \in P$  existuje počet jeho značek  $m \in M_0$

Pro odkazovaní na jednotlivé členy prvků z množiny hran  $a \in A$  budeme používat notaci P(a) pro odkázání na místo hrany, T(a) pro odkázání na přechod a AM(a) pro odkaz na násobek.

Každý přechod t může mít "přiřazený" libovolný počet hran, kde každá hrana a je propojením s některým z míst  $p \in P$ .

Hrany přechodu t můžeme rozlišit na hrany směrující do přechodu

$$^{\rightarrow}t = \{ a \in A | a \in (P \times T \times \mathbb{N}_0) \land t = T(a) \}$$

a hrany směřující z přechodu (do místa)

$$t^{\rightarrow} = \{a \in A | a \in (T \times P \times \mathbb{N}_0) \land t = T(a)\}$$

dohromady pak všechny hrany přechodu t jsou spojením těchto dvou množin

$$ArcesOfTransition(t, A) = (^{\rightarrow}t \cup t^{\rightarrow}) \subset A$$

Aktuální stav petriho sítě neboli ohodnocení M je funkce přiřazující každému místu  $p \in P$  petriho sítě počet značek

$$(\forall p \in P)M(p) \in \mathbb{N}_0$$

počáteční ohodnocení petriho sítě se značí  $M_0$ .

Pro dané ohodnocení M je přechod  $t \in T$  označený jako povolený pokud všechny hrany směřující do přechodu  $\to t$  splňují svou podmínku tzn. hrana splňuje svoji podmínku pokud místo ze kterého vychází má vyšší nebo stejné ohodnocení (v daném M) než je násobek hrany AM

$$IsEnabled(P, t, A, M) = (\forall a \in {}^{\rightarrow}t)M(P(a)) \ge AM(a)$$

Pak si můžeme ještě definovat množinu všech povolených přechodů pro zadané ohodnocení

$$EnabledTransitions(P, T, A, M) = \{t \in T | IsEnabled(P, t, A, M) \}$$

Pokud je přechod t v ohodnocení M Petriho sítě **povolen**, znamená to že může dojít k aktivování tohoto přechodu čímž dojde ke změně aktuálního ohodnocení z M do ohodnocení M' tak, že pro každé místo  $p \in P$  a každou hranu  $A_{pt} \subset ArcesOfTransition(t, A)$  spojující p s t že nové ohonocení v místě M'(p) je sumou násobků hran  $\sum_{a \in A_{pt}} AM(a)$  a původního hodnocení M(p)

$$FireTransition(P, t, A, M) = function M'$$

Výsledné ohodnocení M' je pak pro každé místo p definováno

$$M'(p) = M(p) + \sum_{a \in \{a_{tp} \in ArcesOfTransition(t,A) \mid P(a_{tp}) = p\}} AM(a)$$

Tuto změnu můžeme značit  $M \to^t M'$ 

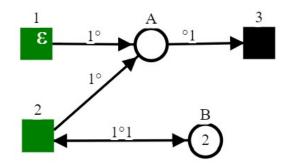
Ohodnocení M' je označené jako **dosažitelné**<sup>{1}</sup> z ohodnocení M pokud existuje sekvence přechodů taková, že jejich postupným aktivováním z ohodnocení M vznikne ohodnocení M'. Ohdonocení M' je dostupné z ohodnocení M pak značíme  $M \to^* M'$ .

### 1.2 Vizuální zobrazení sítě

Pro Petriho síť existuje nejenom matematické zobrazení ale i v praxi více využívané grafické zobrazení. V grafickém zobrazení kolečka symbolizují místa petriho sítě a číslo v kolečku udává počet značek. Přechody jsou symbolizované čtverci. V editoru je čtverec zelený pokud je přechod povolený. Pokud má v sobě čtverec symbol  $\epsilon$ , znamená to že je přechod určený pro komunikaci sítě s okolním prostředím. Na editor nemá žádný vliv jestli je přechod označený jako  $\epsilon$  a tak tedy toto označení je jen pro jednoduší orientaci v síti. Kolečka i čtverce mají pak nad sebou značení konkrétního místa/přechodu které symbolizují. Nakonec

samotné hrany jsou symbolizované šipkamy které jsou popsané násobkem kolik hrana "přesune" značek. Popis hran je symbolizován dvěmi čísly oddělenými kolečkem. Číslo před kolečkem značí hodnotu hrany směrující z přechodu do místa, číslo za kolečkem značí hodnotu hrany směrující z místa do přechodu.

Na obrázku 1 můžeme vidět grafické vyobrazení jednoduché sítě s dvěmi místy, třemi přechody a čtyřmi hranami. Již na první pohled si můžeme všimnou



Obrázek 1: Příklad zobrazení jednoduché sítě

že pro jednoduší rozlišení míst a přechodů jsou přechody značené čísli a místa písmeny. Tuto síť vyobrazenou na obrázku 1 bychom mohli matematickým zápisem zapsat jako síť  $N=\langle P,T,A,M_0\rangle$  kde

$$P = \{a, b\}$$

$$T = \{1, 2, 3\}$$

$$A = \{\langle 1, a, 1 \rangle, \langle 2, a, 1 \rangle, \langle 2, b, 1 \rangle, \langle b, 2, 2 \rangle, \langle a, 3, 1 \rangle\}$$

$$M_0(a) = 0; M_0(b) = 2$$

V matematickém zápise sítě budeme místa značit malými písmeny (oproti editoru) abychom předešli případným nedorozuměním.

### 1.3 Zkrácený zápis ohodnocení sítě

Abychom předešli zdlouhavému psaní kaźdého případu ohodnocovací funkce (např.  $M(a) = 0; M(c) = 2; \cdots$ ), zavedeme si kratší zápis. Nejdříve seřadíme všechny místa podle jejich značení jako by šlo o číselnou soustavu (s písmeny místo čísel) neboli  $a, b, c, \cdots, z, aa, ab, ac, \cdots$ . Pak si z těchto míst uděláme uspořádanou n-tici jejich ohodnocení  $\langle M(a), M(b), M(c), \cdots \rangle$ . Tuto n-tici pak budeme používat jako kratší zápis ohodnocovací funkce:

$$M = \langle M(a), M(b), M(c), \cdots \rangle$$

Například pro M'(a)=3; M'(b)=0; M'(c)=5 by krátký zápis vypadal  $M'=\langle 3,0,5\rangle$ 

### 1.4 Využití Petriho sítí

Petriho sítě se používají k analýze a modelování paralelních a distribuovaných systému, databázových systémů atd. a to at už pro analýzu při vývoji softwaru a

nebo pro popis vnitřní struktury již hotového proprietárního softwaru umožnující lepší porozumění uživateli.

#### 1.5 Graf dosažitelnosti

Graf dosažitelnosti je jeden z nejzákladnějších nástrojů pro analýzu Petriho sítí. Obsahuje vždy počáteční ohodnocení a všechny ohodnocení které jsou dostupné z počátečního ohodnocení, takovéto ohodnocení budeme nazývat dosažitelné ohodnocení <sup>{2}</sup>. Vrcholy grafu jsou jednotlivá ohodnocení a hrany grafu jsou značené přechody které jsou aktivované aby z počátečního ohodnocení vzniklo cílové.

### Definice 2 (Graf dosažitelnosti)

$$RG = \{M, \langle M, T', M' \rangle \}$$

- RG je Graf dosažitelnosti
- ullet M je Vrchol grafu který je zároveň konkrétní ohodnocení petriho sítě
- $\bullet$   $\langle M,T',M'\rangle$ je Hrana grafu která je změnou z hodnocení Mlibovolným přechodem  $t\in T'$  ze kterého vzniká M'

#### 1.5.1 Vlastnosti odvoditelné z Grafu dosažitelnosti

Z grafu dosažitelnosti Petriho sítě jsou odvoditelné tyto vlastnosti:

### Definice 3 (Ohraničenost sítě)

Petriho síť je **ohraničená** $^{\{3\}}$  pokud je její graf dosažitelnosti konečný. Pokud existuje takové přirozené číslo n pro které v žádném dosažitelném ohodnocení nepřesahuje žádné místo svým ohodnocením číslo n. Pokud zvolíme n aby splňovalo tuto podmínku a zároveň bylo nejmenší možné, pak můžeme nazývat síť že je **ohraničená** n.

#### Definice 4 (Konečnost sítě)

Petriho síť **skončí**<sup>{4}</sup> za předpokladu že graf je konečný a zároveň neobsahuje žádné cykly. Neboli Petriho sít vždy po nějakém počtu kroků dojde do stavu kdy žádný přechod není povolený.

#### Definice 5 (Vratnost sítě)

Petriho sít je **vratná**<sup>{5}</sup> pokud je její graf silně souvislý. Z každého dosažitelného ohdonocení je dosažitelné počáteční ohodnocení.

### Definice 6 (Síť bez mrtvého bodu)

Petriho síť je **bez mrtvého bodu**<sup>{6}</sup> pokud z každého vrcholu grafu dosaži-

telnosti vede alespoň jedna hrana. Petriho sít má v každém ohodnocení povolený alespoň jeden přechod.

### Definice 7 (Slabě živá síť)

Petriho sít je **slabě živá**<sup>{7}</sup> pokud pro každý přechod existuje v grafu hrana označená tímto přechodem. Pro každý přechod Petriho sítě existuje dosažitelné ohodnocení které povoluje daný přechod.

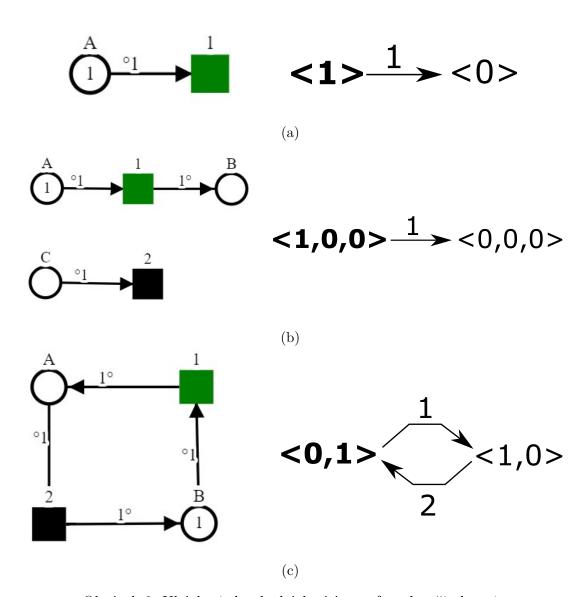
### Definice 8 (Živá síť)

Petriho síť je **živá**<sup>{8}</sup> pokud pro každý přechod t a každé ohodnocení M existuje v grafu cesta z ohodnocení M do ohodnocení ze kterého vede hrana z označením přechodu t. Pro každý přechod t a každé ohodnocení M existuje dosažitelné ohodnocení M' které přechod t povoluje.

Logickou úvahoua a z vlastností grafů pak můžeme určit někré vzájemné závislosti vlastnosti:

- Síť která je vratná nebo/a živá je zároveň i bez mrtvého bodu.
- Sít která je bez mrtvého bodu neskončí a zároveň sít která skončí není bez mrtvého bodu(pozor, neznamená že sít musí mít alespoň jednu z těchto vlastností).
- Sít která není slabě živá nemůže být živá.

### 1.5.2 Příklady grafu dosažitelnosti s vlastnostmi



Obrázek 2: Ukázky jednoduchých sítí s grafem dosažitelnosti

Síť na obrázku 2a skončí a je slabě živá.

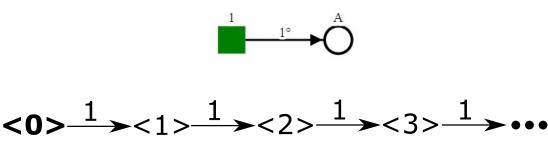
Sít na obrázku 2b skončí a není slabě živá.

A sít na obrázku 2c je vratná a živá.

Všechny tři sítě jsou ohraničené 1. Také si můžeme všimnout že z výše uvedených vlastností u ukázkových sítí stačí jen vypsané vlastnosti a ostatní se dají odvodit ze závislosti vlastností.

### 1.6 Graf pokrytí

Hlavní nevýhodou grafu dosažitelnosti je že může být nekonečný a tudíž je nemožné ho zkonstruovat celý. Můžeme velice jednoduše navrhnout a sestrojit triviální Petriho sít (Obrázek 3) u které by konstrukce jejího grafu dosažitelnosti nikdy neskončila.



Obrázek 3: Příklad neohraničené sítě

Proto existuje upravená verze grafu dosažitelnosti nazvaná grafu pokrytí, která může obsahovat tzv.  $\omega$  ohodnocení které mimo celých čísel přiřadí alespoň jednomu místu i hodnotu  $\omega$  symbolizující že místo může nabívat nekonečně vysokého počtu značek. Petriho síť se nemůže nacházet v  $\omega$  ohodnocení, toto ohodnocení je pouze pro vytvoření abstrakce v grafu pokrytí.

Protože hodnotu  $\omega$  bereme jako nekonečno pak od ní můžeme odečíst nebo přičíst libovolně velké číslo a hodnota se nezmění.

$$\cdots = \omega - 2 = \omega - 1 = \omega = \omega + 1 = \omega + 2 = \cdots$$

Ohodnocení M značíme jako že je ostře menší < než ohodnocení M' pokud pro každé místo p platí  $M(p) \leq M'(p)$  a alespoň pro jedno místo p platí M(p) < M'(p).

$$M < M' = ((\forall p \in P)M(p) \le M'(p)) \land (\exists p \in P)M(p) < M'(p)$$

#### 1.6.1 Sestrojení grafu

Sestrojování grafu probíhá postupně přidáváním hran. Nejdříve se přidá počáteční ohodnocení jako kořen grafu. Následně se z grafu vybírají náhodně nevypočítané povolené přechody a pokud vedou do místa které ještě v grafu není tak se přidá a pokud je ostře menší než ohodnocení ze kterého je dosažitelné tak se přidají  $\omega$  hodnoty na místa ve kterých má více značek. Algoritmus končí výpočet až jsou všechny povolené přechody pro všechny vrcholy v grafu vypočítané.

Sestrojení grafu pokrytí pseudokód MakeCoverabilityGraph1

Pokud sestrojený graf pokrytí neobsahuje žádné  $\omega$  ohodnocení, pak je graf totožný s grafem dosažitelnosti. Pokud graf pokrytí obsahuje  $\omega$  ohodnocení, zanamená to že graf dosažitelnosti by byl nekonečný a tudíž by nebylo možné ho zkonstruovat celý a nešli by na něm zjišťovat některé nebo všechy vlastnosti. Proto si vystačíme s algoritmem na vytváření grafu pokrytí.

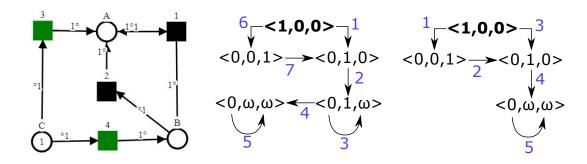
### Algorithm 1 MakeCoverabilityGraph

```
1: function MakeCoverabilityGraph(\langle P, T, A, M_0 \rangle)
 2:
         \langle V, E, v_0 \rangle := \langle \{M_0\}, \emptyset, M_0 \rangle
         WorkSet := \emptyset
 3:
 4:
         for all t \in EnabledTransitions(P, T, A, M_0) do
 5:
             WorkSet := WorkSet \cup \{\langle M_0, t \rangle\}
         end for
 6:
         while WorkSet \neq \emptyset do
 7:
             \langle M, t \rangle := RandomElement(WorkSet)
 8:
             WorkSet := WorkSet \setminus \{\langle M, t \rangle\}
 9:
             M' := FireTransition(P, t, A, M)
10:
             for all \{M'' \mid M'' \in V \land (M'' \to^* M \lor M'' = M) \land M'' < M'\} do
11:
12:
                 for all p \in P do
13:
                      mp := M(p)
                      if M''(p) < M'(p) then
14:
                          M'(p) := \omega
15:
                      end if
16:
                 end for
17:
             end for
18:
             if M' \notin V then
19:
                 V := V \cup \{M'\}
20:
                 for all t \in EnabledTransitions(P, T, A, M') do
21:
                      WorkSet := WorkSet \cup \{\langle M', t \rangle\}
22:
                 end for
23:
             end if
24:
             E := E \cup \{\langle M, t, M' \rangle\}
25:
         end while
26:
         return \langle V, E, v_0 \rangle
27:
28: end function
```

#### 1.6.2 Různé výsledky grafu pokrytí

Při konstrukci grafu pokrytí záleží v jakém pořadí se hrany přidávají a výsledný graf může mít různý počet vrcholů a hran v závislosti na pořadí přidávání hran. V našem algoritmu využíváme funkce RandomElement která vybere náhodný prvek množiny a snažíme se tak tipovat jaké pořadí hran bude ideální pro sestrojení nejmenšího grafu. Pokud bychom chtěli sestrojit minimální graf pokrytí, museli bychom nahradit funkci RandomElement nějakou funkcí která by vždy vybrala přechody právě v takovém pořadí aby došlo k sestrojení minimálního grafu.

Že záleží na pořadí v jakém se hrany přidávájí si můžeme ukázat na síti v obrázku 4. Zde ale musíme dávat pozor, protože v tomto případě čísla neznačí přechody, ale pořadí ve kterém byly hrany přidány.



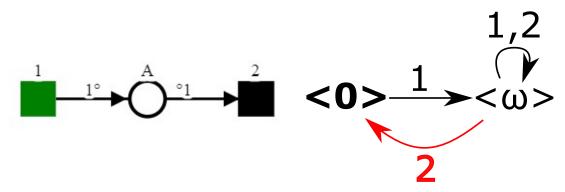
Obrázek 4: Příklad sítě z knihy Understanding petri nets[1](fig. 14.1)

### 1.6.3 Upravená verze vlastností

Oproti grafu dosažitelnosti náš graf pokrytí tak jak jsme ho sestrojili pomocí algoritmu MakeCoverabilityGraph1 nemusí obsahovat všechny výsledky přechodů které mohou nastat a to znamená že v některých případech některé vlastnosti Petriho sítě nejsme schopni určit, protože nám chybí informace o těchto chybějícíh hranách grafu pokrytí. Problém je částečně způsobený tím jak máme definovanou hodnotu  $\omega$  a pokud nějaké místo p je ohodnoceno  $\omega$  pak už není možné aby z vrcholu s tímto ohodnocením vedla hrana do vrcholu kde místo p nebude mít hodnotu  $\omega$ .

V Obrázku 5 vidíme červěně zvíražněnou hrana která při použití algoritmu MakeCoverabilityGraph1 chybí. Přitom by tam měla hrana být, protože když budeme neustále opakovat aktivaci přechodu 2 tak se eventuálně (až bude počet aktivací přechodu 2 roven počtu aktivací 1) dostaneme do ohodnocení kde má místo A hodnotu 0 což je zároveň výchozí ohodnocení. Díky této chybějící hraně bychom síť určili jako že není **vratná** ale přitom ve skutečnosti je. Proto musíme zjistit jestli jsou všechny vlastnosti grafu dosažitelnosti aplikovatlné i na graf pokrytí, případně poupravit nebo rozšířit jejich definici.

Síť je **ohraničená** pokud graf pokrytí neobsahuje žádné  $\omega$  ohodnocení



Obrázek 5: Příklad neohraničené sítě s chybějící hranou v grafu pokrytí

Důkaz (Ohraničenost sítě v grafu pokrytí)

**Ohraničenost** sítě je určená konečností grafu dosažitelnosti. Nekonečný rozvoj grafu dosažitelnosti je vždy v grafu pokrytí symbolizován  $\omega$  ohodnocenímy. Z toho můžeme vyvodit že síť je **ohraničená** pokud její graf pokrytí neobsahuje žádně  $\omega$  ohodnocení.

Petriho síť ne**skončí** pokud graf obsahuje  $\omega$  ohodnocení.

Důkaz (Konečnost sítě v grafu pokrytí)

Petriho síť ne**skončí** pokud je její graf dosažitelnosti nekonečný tudíš stejnou úvahou jako u ohraničenosti můžeme říct že síť ne**skončí** pokud její graf pokrytí obsahuje  $\omega$  ohodnocení a skončí pokud je splněná původní podmínka v definici 4.

Jestli je síť **vratná** z grafu s $\omega$  ohodnocením jsme si už ukázali že díky chybějícím hranám určitelné není. Můžeme si ale jednoduchou úvahou určit množinu případů kdy síť rozhodně vratná není, a to v situaci kdy existuje  $\omega$  ohodnocení a neexistuje žádný přechod který by měl větší vstup jak výstup.

Důkaz (Vratnost sítě v grafu pokrytí)

Pokud máme  $\omega$  ohodnocení tak to mimo jiné znamená že se suma značek všech míst může při opakovaném aktivování některých přechodů zvyšovat neustále. Pak musí existovat i přechod terý tuto sumu snižuje, neboli přecho který má vyšší sumu násobků z místa  $\to t$  než do místa  $t^\to$ . Pokud takový přechod neexistuje přesto že v coverability grafu je  $\omega$  ohodnocení, pak můžeme s jistotou říct že síť není **vratná** 

Pro určení jestli je síť **vratná** v ostatních případech bychom potřebovali algoritmus který vytváří i zpětné hrany z  $\omega$  ohodnocení.

Petriho síť je **bez mrtvého bodu** pokud z každého vrcholu grafu pokrytí vede alespoň jedna hrana.

Důkaz (Sít bez mrtvého bodu v grafu pokrytí)

V tomto případě nemusíme rozlišovat  $\omega$  ohodnocení a standardní ohodnocení, pokud z něj vede v grafu hrana, znamená to že v tomto ohodnocení sít neuvázne.

Petriho síť je **slabě živá** pokud pro každý přechod existuje v grafu hrana označená tímto přechodem.

Důkaz (Slabě živá síť v grafu pokrytí)

 $\omega$  ohodnocení stejně jako v případě určování jestli je síť **bez mrtvého bodu** výsledek neovlivní.

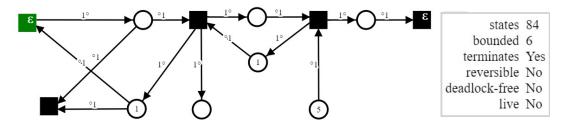
Petriho síť je **živá**<sup>{9}</sup> pokud pro každý přechod t a každé ohodnocení M existuje v grafu cesta z ohodnocení M do ohodnocení ze kterého vede hrana z označením přechodu t.

Důkaz (živá síť v grafu pokrytí)

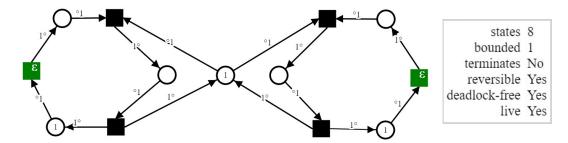
Když jsou ohodnocení M < M', pak pokud je přechod t povolený v M pak musí být povolený i v M'. Díky tomu můžemě určit že chybějící hrany z ostře větších ohodnocení do menších nejsou potřeba protože by jejich existence stejně neumožňovala přístup k dalším přechodům a proto můžeme živost vyčíst i grafu pokrytí.

### 1.7 Příklady sítí

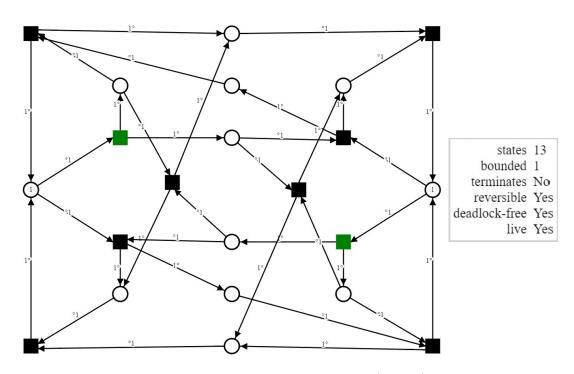
Na obrázcích 6, 7, 8 jsou říklady sítí z knihy Understanding petri nets[1] s výsledky analýz editoru. Odkaz na sít v knice je součástí popisů obrázků.



Obrázek 6: Prodejní automat (fig 3.1)



Obrázek 7: Vzájemné vyloučení (fig 3.2)



Obrázek 8: Crosstalk algoritmus (fig $3.7)\,$ 

### 2 Editor

### 2.1 Systémové požadavky

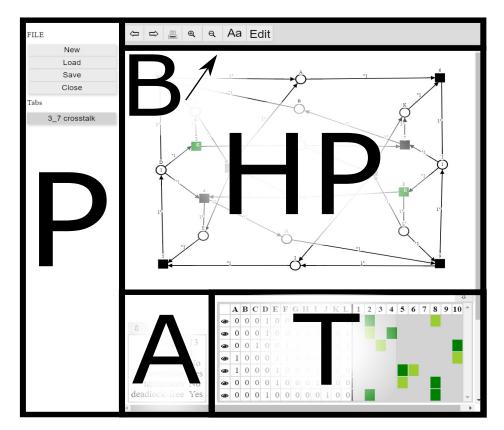
• Operační systém: Windows 10 (starší verze windows netestovány)

• Ovládání: klávesnice + myš

• Rozlišení obrazovky: minimálně 720p

### 2.2 Rozložení editoru

Editor je rozložený na několik částí. Všechny tyto části jsou písmeny označené v Obrázku 9 Rozložení editoru.Každá část editoru je popsaná ve své vlastní sekci.



Obrázek 9: Rozložení editoru

označení	název části editoru	sekce
P	Postranní panel	2.2.1
HP	Hlavní plocha editoru	2.2.2
В	Panel nástrojů editoru	2.2.3
T	Tabulka ohodnocení	2.2.4
A	Výsledky analýzy	2.2.5

### 2.2.1 Postranní panel

Postraní panel obsahuje tlačítka pro práci se záložkami a samotné záložky. Pod označením **FILE** jsou tlačítka:

**New** Vytvoří novou prázdnou záložku

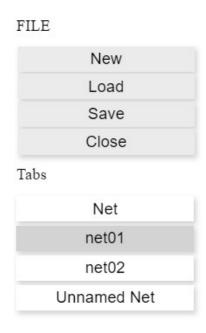
Load Otevře dialog pro načtení uložené sítě

Save Uloží síť v otevřené záložce. Pokud byla síť již uložena nebo načtena dialog nabídne uživateli na výběr dvě možnosti. Možnost yes uloží a přepíše původní soubor. Možnost Select file otevře

dialog a uživatel vybere vlastní místo uložoní.

Close Zavře aktuálně otevřenou záložku

Pod označením **Tabs** jsou pak záložky které se otevírají kliknutím. Záložky jsou nazvané podle jména souboru sítě.



Obrázek 11: Postranní panel

#### 2.2.2 Ovládání, Hlavní plocha editoru

Editor je navržený tak aby bylo možné jej používat pouze za použítí myši bez potřeby využívání klávesnice. Zároveň oproti ostatním editorům nemá různé nástroje (např. na vkládání různých objektů) a všechny akce editování jsou možné bez toho aby kurzor opustil hlavní plochu editoru.

Kliknutím levým tlačítkem myši se vytvoří přechod. Kliknutím na přechod se začne vytvářet hrana. Pokud se při vytváření hrany klikne do nějakého místa

tak se na něj hrana připojí. Pokud se klikne do prázdného prostoru vytvoří se zde nové místo. vytváření hrany jde zrušit pravým tlačítkem myši.

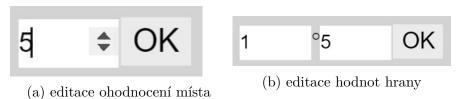
Při kliknutí na hranu nebo místo se otevře dialog na obrázku 12 editace hodnoty. Při najetí nad editované pole se zobrazí šipky kterými je možné přidávat nebo ubírat hodnotu, nebo je možné taky do něj kliknout aby se do zde umístil kurzor klávesnice a přitom když je myš stále nad polem použít kolečko na změnu hodnoty. Dialogy se ukládají kliknutím na OK nebo stiknutím Enter, kliknutí do jiného místa(levé i pravé) hlavní plochy způsobí zavření dialogu bez provedení změny.

Ohodnocení místa se dá měnit i bez otevření dialogu a to najetím myši a rolováním kolečka, zatímco při najetí a rolovaní na hranu pouze prohodí směr hrany. Rolovaní při najetí na přechody pouze odebere nebo přidá přechodu  $\epsilon$  označení (označení pouze orientační pro uživatele).

Kliknutím a tažením je pak možné jednotlivá místa a přechody přesouvat. Při přesouvání se jednotlivé objekty navzájem odpuzují aby nedošlo k jejich překrytí.

Nakonec pravým tlačítkem je možné místo, přechod nebo hranu odstranit.

Při editaci je možné také využít nějaké klávesové zkratky které jsou popsané v 2.2.6



Obrázek 12: Editace hodnot

Pokud je mód nastavený na hodnotu *Run* výše popsané akce myší se vypnou. Jediná akce v tomto módu je aktivace přechodu.

### 2.2.3 Panel nástrojů editoru

Funkce tlačítek panelu nástrojů zobrezeného v obrázku 13:

Zpět/Vpřed Vrátí poslední akci nebo zruší vrácení poslední akce

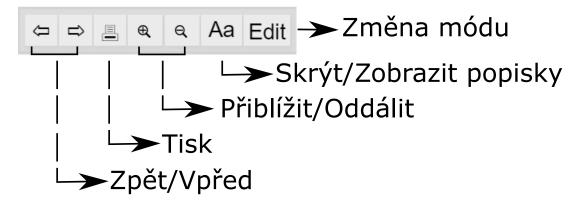
Tisk Otevře dialog pro tisk otevřené sítě

Přiblížit/Oddálit Přiblíží/Oddálí Petriho síť
Skrýt/Zobrazit popisky Skryje nebo zobrazí popisky míst a přechodů

Změna módu Přepíná mezi editovacím módem a módem spouštění sítě.

#### 2.2.3.1 Tisk

Hlavní plocha má vždy rozměry pro tisk na papír formátu a4. Pro tisk do pdf je potřeba virtuální tiskárna která tuto funci umožňuje (např. Microsoft print to PDF).



Obrázek 13: Panel nástrojů editoru

Tisk nemusí vždy fungovat, je to způsobené chybou ve verzi Electronu která byla k vytvoření programu použita. Pokud tisk nefunguje mělo by stačit editor restartovat.

### 2.2.4 Tabulka ohodnocení

Tabulka ohodnocení (Obrázek 14) slouží pro rychlé testování sítě uživatelem. Každý řádek v tabulce reprezentuje jedno dosažitelné ohodnocení v levé části tabulky a povolené přechody v tomto ohodnocení jsou zobrazeny zelenými obdelníčky v pravé části tabulky. Uživatel může kdykoliv kliknout na jakýkoliv ze zelených obdelníčků a tím přidá další řádek pod řádek na který kliknul který obsahuje nové ohodnocení vzíklé aplikací přechodu který uživatel vybral. Pokud uživatel vybral přechod na řádku pod kterým už řádky jsou, tak budou všechny odebrány a pak až se přidá nový.

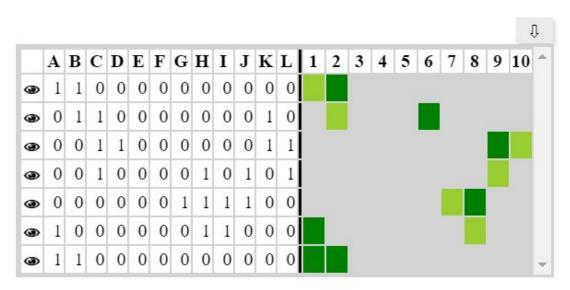
Pokud uživatel najede na ikonu oka tak dojde k zobrazení ohodnocení daného řádku do sítě na hlavní ploše editoru.

#### 2.2.5 Výsledky analýzy

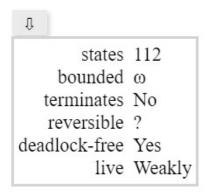
Ve výsledcích analýzy (viz Obrázek 15) jsou zobrazeny vlasnosti sítě podle sekce 1.6.3. Jak jednolivé vlastnosti přečíst je popsané v tabulce

#### 2.2.6 Klávesové zkratky

Seznam klávesových zkratek použitelných v editoru je v tabulce 2.



Obrázek 14: Tabulka ohodnocení



Obrázek 15: ukázka výsledků analýzy sítě

Název v editoru	Vlasnost	Hodnota	Význam
	states	-	počet stavů sítě
bounded	ed <b>ohraničenost</b>	ω	sít je <b>neohraničená</b>
Dounded		číslo	určuje <b>ohraničenost</b>
terminates	síť <b>skončí</b>	Yes	sít <b>skončí</b>
terminates	Sit Skolici	No	síť ne <b>skončí</b>
		Yes	síť je <b>vratná</b>
reversible	vratná	No	síť není <b>vratná</b>
		?	nevíme zda je síť <b>vratná</b>
dondlock from	dlock-free mrtvý bodu	Yes	síť je <b>bez mrtvého bodu</b>
deadlock-life		No	síť má <b>mrtvý bod</b>
		Yes	Síť je <b>živá</b>
live	live <b>živá</b> / slabě živá	Weakly	Síť je <b>slabě živá</b>
		No	Síť není <b>slabě živá</b>

Tabulka 1: Určování vlastností sítě v editoru

Zkratka	Akce
Ctrl + Z	Zpět
Ctrl + Shift + Z	Vpřed
Ctrl + O	Otevření uložené sítě
Ctrl + S	Uložení sítě na aktuální záložce
Ctrl + N	Vytvoření nové sítě

Tabulka 2: Klavesové zkratky využitelné v editoru

### 3 Použité technologie

Následující technologie byly využity pro vytvoření editoru Petriho sítí.

### 3.1 nodejs

Technologie která umožňuje využívat jazyk JavaScript pro psaní serverových aplikací. Cílem platformy nodeJS je vytvořit ekosystém pro jednoduší vývoj webových stránek a aplikací, kde stačí pro vyrvaření funkcionality pouze jeden programovací jazyk.

### 3.2 TypeScript

TypeScript je opensource programovací jazyk od společnosti Microsoft který je nadstavbou nad jazykem JavaScript. Jelikož je TypeScript nadstavbou nad programovacím jazykem JavaScript tak je jakýkoliv validní kód v JavaScriptu automaticky validním kódem v TypeScriptu. Typecript se kompiluje do Javascriptu a proto po stránce funkcionality nenabízí nic navíc avšak po stránce vývoje nabízí možnost statické typové kontroly se kterou je spjaté fungování našeptávačů v dnešních textových editorech a také nabízí možnost kompilace do starších verzí JavaScript se simulací funkcionality novejších verzí JavaScriptu.

Zdrojový kód 1 je ukázka jednoduchého kódu v JavaScript. Můžeme si zde všimnou proměnné a do které nakonec nahrajeme řetězec i přesto že ji máme definouvanou jako číslo. Proto si musíme zároveň sami dávat pozor na to jestli tento jazyk využíváme správně a neobcházíme ho tak že bychom si jím spíš škodili než pomohli.

#### 3.3 Electron

Electron je opensource framework vytvořený v NodeJS který zaobaluje Windows API (viz zdrojový kód 2) a dohromady se softwarem chromium umožňují vytváření okenních aplikací za pomocí technologií HTML, CSS a JavaScript nebo TypeScript. Electron je stejně jako webová stránka nebo webová aplikace rozdělený na dvě části. "Serverová" část komunikuje s Windows API a "klientská" tzv.

```
// typová inference
    let a = 10;
    // řetězec není číslo CHYBA! - nezkompiluje se
    a = "necislo";
    // 12 je číslo, v pořádku
    a = 12;
 6
    // obejití typovosti, proběhne v pořádku ale POZOR v a už není čí
        slo ikdyž podle typescriptu to tak vypadá
     (a as any) = "necislo"
8
9
    // definice typu s inicializací, b je číslo nebo text
    let b: number | string = 10;
10
     * Funkce fnc je funce jednoho argumentu který je je složený objekt
12
         obsahující
     * vlasnosti x a y které jseou čísla.
13
     * Funkce fnc vrací pravdivostní hodnotu.
15
    function fnc(arg: {x:number,y:number}): boolean {
16
        // Kód funkce, pokud všechny větve funkce
17
        // nevrací definovanou návratovou hodnotu vyhodí chybu
18
19
```

Zdrojový kód 1: Ukázka TypeScriptu

renderer část se stará už pouze o vykreslování okna. Obě části jsou pak propojené přes *Inter-Process Communication*, což uživatel může využívat přes objekty *ipcRenderer* na straně rendereru a přes *ipcMain* na straně serveru (viz Zdrojový kód 3).

### 3.4 Javascriptová Knihovna Data driven documents - D3

Knihovna D3 se používá pro zobrazení dat do document object modelu. Knihovna obsahuje selektory které umožňují vybrat zároveň data i DOM objekty a pracovat s nimi najednou. Hlavní výhodou knihovny je její rozdělení selektorů na Enter, Exit, Update. Selektor Enter se volá pokud dojde k případu že má kolekce dat větši počet prvků než je vytvořeno DOM elementů do kterých se mají zobrazovat. Enter je tedy selektor který definuje jak se vytváří nové DOM elementy když přibydou data. Naopak Exit selektor je pravým opakem Enter selektoru a stará se tedy o případy kdy máme méně dat než máme DOM elementů. Poslední selektor je Update který je standardním selektorem (jako je například přímo v JavaScriptu document.querySelector), který přímo aplikuje změny dat do DOM elemntů. Selektory Enter a Exit mají své příkazy zatímco selektor Update speciální příkaz nemá a je to jen souhrné označení všech ostatních selektorů. V ukázce (viz Zdrojový kód 4) je jednoduchý kód který pro každý prvek dat zobrazí jeden řádek s těmito daty.

```
import { BrowserWindow, Menu, app } from "electron";
2
     function createWindow() {
3
        // vytvoření samotného okna
        const mainWindow = new BrowserWindow({
           width: 400, height: 500,
           title: 'NazevOkna',
 6
        });
        // otevře výchozí stránku
8
       mainWindow.loadURL('file://${__dirname}/index.html');
        // odebere horní menu aplikace
10
       Menu.setApplicationMenu(null);
11
12
13
     // počká až vše bude připraveno
14
     app.on('ready', createWindow);
15
                   Zdrojový kód 2: Vytváření okna v elektronu
    //server
1
     ipcMain.on("user-event-name", (e, arg) => {
3
     // Do Something
     })
4
5
    //renderer
    ipcRenderer.send("user-event-name", {/*DATA*/})
```

Zdrojový kód 3: Komunikace v rámci procesu elektronu

### 3.5 Scalable vector graphics (SVG)

SVG je značkovací jazyk vycházející z XML který popsije vykreslovaní vektororvé grafiky. Je idaální pro vytvaření grafiky je vyžadováno aby se dala přibližovat a přitom se neztrácela kvalita obrazu (proto Scalable). V editoru je tato technologie využita v samotnému vykreslovaní sítí.

### 3.6 JavaScript object notation (JSON)

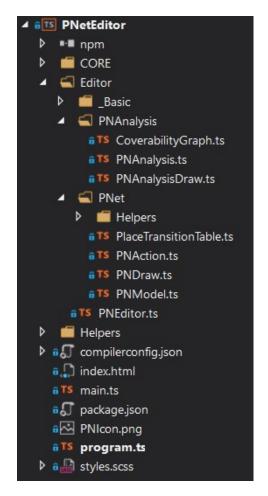
JSON je technologie která využívá notace javascriptových objektů pro ukladání dat. Výhodou tohoto formátu je že po rozparsování souboru se může s ním hned v javascriptu jednoduše pracovat a také je čitelný pro člověka a je podporovaný ve většině softwaru. Sítě vytvořené v editoru jsou ukládané v tomto formátu. Uložené sítě nejsou určené aby je někdo editoval, ale uložená sít může být třeba použita v jiném programu který si ji rozparsuje a bude s ní dál pracovat. V ukázce (viz Zdrojový kód 5) je sít tvořená jedním místem s ohodnocením 2, jedním přechodem a hranou směřující do místa.

```
1 import * as d3 from 'd3';
3 // vybere v DOM element co má id container
4 const container = d3.select("#container");
5 // data která chceme zobrazit
6 const data = [1, 2, 3, 4];
7 // propojíme data s DOMem
8 container.data(data)
    // enter selektor
9
10
      .enter()
     // pro data které nemají element jej přidáme
11
12
      .append("li")
      // přejde zpět na update selektor
13
      .merge(container)
      // změní text li elementu na číslo z dat
15
      .text(d => d)
16
     // exit selektor
17
      .exit()
      // odebere přebívající DOM elementy
19
      .remove()
20
```

Zdrojový kód 4: Ukázka kódu v D3

```
1 {
   "places": [
3
       "id": 0,
4
       "position": {
5
         "x": 95, "y": 35
6
7
       "marking": 2
8
9
    ],
10
11
     "transitions": [
12
        "position": {
14
        "x": 30, "y": 35
15
       "id": 0,
16
       "isCold": false
17
     }
18
19
   ],
   "arcs": [
20
22
       "place_id": 0,
       "transition_id": 0,
23
       "toPlace": 1,
24
        "toTransition": 0
26
27
    ]
28 }
```

Zdrojový kód 5: Uložení petriho sítě



Obrázek 16: Struktura programu

### 4 Stavba programu

Editor je napsán hlavně v render straně elektronu. Díky tomu je možné editor v případě potřeby v budoucnu předělat na webovou aplikaci. Struktura programu (Obrázek 16) je tvořená souborem program, který má na starosti vytváření hlavního okna a načíst/uložit dialogů. Soubor main obsluhuje vytváření a ukládání editorů. Složky CORE a Helpers obsahují univerzální funkcionalitu používanou editore a složka Editor obsahuje pak samotný editor tvořený třídamy Model, Draw a třídami které je propojují do jednoho celku.

### 4.1 Modely

V programu jsou třídy nazvané model které obsahují data a starají se o jejich zpracování. Tyto modely obsahují také definice pro převod mezi anonymním objektem a objektem vytvořeným z těchto tříd a díky tomu je jednoduché je serializovat a deserializovat.

### 4.2 Draw třídy

Draw třídy obsahují logiku k zobrazovaní dat obsažených v modelech a taky zároveň odchytávání akcí způsobených na DOM elementech reprezentujících data v modelech.

### 4.3 Třída editor

Třída editor propojuje všechny potřebné třídy a zároveň obsahuje obsluhu akcí provedených na třídách draw. Každá síť při načtení nebo vytvoření má vlastní instanci třídy editor.

### 5 Obsah přiloženého CD/DVD

Na samotném konci textu práce je uveden stručný popis obsahu přiloženého CD/DVD, tj. jeho závazné adresářové struktury, důležitých souborů apod.

#### bin/

Instalátor Instalator programu, popř. program Program, spustitelné přímo z CD/DVD. / Kompletní adresářová struktura webové aplikace Webovka (v ZIP archivu) pro zkopírování na webový server. Adresář obsahuje i všechny runtime knihovny a další soubory potřebné pro bezproblémový běh instalátoru a programu z CD/DVD / pro bezproblémový provoz webové aplikace na webovém serveru.

#### doc/

Text práce ve formátu PDF, vytvořený s použitím závazného stylu KI PřF UP v Olomouci pro závěrečné práce, včetně všech příloh, a všechny soubory potřebné pro bezproblémové vygenerování PDF dokumentu textu (v ZIP archivu), tj. zdrojový text textu, vložené obrázky, apod.

#### src/

Kompletní zdrojové texty programu Program / webové aplikace Webovka se všemi potřebnými (příp. převzatými) zdrojovými texty, knihovnami a dalšími soubory potřebnými pro bezproblémové vytvoření spustitelných verzí programu / adresářové struktury pro zkopírování na webový server.

#### readme.txt

Instrukce pro instalaci a spuštění programu Program, včetně všech požadavků pro jeho bezproblémový provoz. / Instrukce pro nasazení webové aplikace Webovka na webový server, včetně všech požadavků pro její bezproblémový provoz, a webová adresa, na které je aplikace nasazena pro účel testování při tvorbě posudků práce a pro účel obhajoby práce.

Navíc CD/DVD obsahuje:

#### data/

Ukázková a testovací data použitá v práci a pro potřeby testování práce při tvorbě posudků a obhajoby práce.

#### install/

Instalátory aplikací, runtime knihoven a jiných souborů potřebných pro provoz programu Program / webové aplikace Webovka, které nejsou standardní součástí operačního systému určeného pro běh programu / provoz webové aplikace.

#### literature/

Vybrané položky bibliografie, příp. jiná užitečná literatura vztahující se k práci.

U veškerých cizích převzatých materiálů obsažených na CD/DVD jejich zahrnutí dovolují podmínky pro jejich šíření nebo přiložený souhlas držitele copyrightu. Pro všechny použité (a citované) materiály, u kterých toto není splněno a nejsou tak obsaženy na CD/DVD, je uveden jejich zdroj (např. webová adresa) v bibliografii nebo textu práce nebo v souboru readme.txt.

### Literatura

- [1] REISIG, Wolfgang. Understanding petri nets: modeling techniques, analysis methods, case studies. Berlin: Springer, 2013. ISBN 978-3-642-33277-7.
- [2] Webová stránka: Data driven documents. Dostupný z: (https://d3js.org/).
- [3] Webová stránka: ElectronJS. Dostupný z: (https://electronjs.org/).
- [4] **Webová stránka:** Google-developers JavaScript Promises: an Introduction. Dostupný z: (https://developers.google.com/web/fundamentals/primers/promises).
- [5] Webová stránka: Jazyk sass a scss . Dostupný z: (https://sass-lang.com/).
- [6] Webová stránka: NodeJS. Dostupný z: (https://nodejs.org/).

# Rejstřík

```
dosažitelné ohodnocení, 9, 11
síť živá, 12, 18
síť bez mrtvého bodu, 11
síť ohraničenost, 11
síť skončí, 11
síť slabě živá, 12
síť vratná, 11
```