面向节能的单/多列车优化决策问题

艾鑫 1 杨志巧 2 李金武 3

- 1 三峡大学 理学院
- 2 武汉大学 数学与统计学院
- 3 湖南大学 机械与运载工程学院

2015年12月9日

问题回顾

第一问、单列车节能运行优化控制问题

问题回顾

问题一、单列车节能运行优化控制问题

第一小问 请建立计算速度距离曲线的数学模型,计算寻找一条列车 从 A_6 站出发到达 A_7 站的最节能运行的速度距离曲线,其 中两车站间的运行时间为 110 秒

问题回顾

问题一、单列车节能运行优化控制问题

- 第一小问 请建立计算速度距离曲线的数学模型,计算寻找一条列车 从 A_6 站出发到达 A_7 站的最节能运行的速度距离曲线,其中两车站间的运行时间为 110 秒
- 第二小问 请建立新的计算速度距离曲线的数学模型,计算寻找一条 列车从 A_6 站出发到达 A_8 站的最节能运行的速度距离曲 线,其中要求列车在 A_7 车站停站 45 秒, A_6 站和 A_8 站间 总运行时间规定为 220 秒(不包括停站时间)

第二问、多列车节能运行优化控制问题

问题回顾

第二问、多列车节能运行优化控制问题

第一小问 当 100 列列车以间隔 $H = h_1, \dots, h_{99}$ 从 A_1 站出发,追踪运行,依次经过 A_2 , A_3 ,……到达 A_{14} 站,中间在各个车站停战最少 D_{\min} 秒,最多 D_{\max} 秒。间隔 H 各分量的变化范围是 H_{\min} 秒至 H_{\max} 秒。请建立优化模型并寻找使所有列车运行总能耗最低的间隔 H。要求第一列列车发车时间和最后一列列车的发车时间之间间隔为 $T_0 = 63900$ 秒,且从 A_1 站到 A_{14} 站的总运行时间不变,均为 2086 秒(包括停站时间)。假设所有列车处于同一供电区段。

4□ > 4□ > 4 = > 4 = > = 9 < ○</p>

问题回顾

第二问、多列车节能运行优化控制问题

第二小问 接上问,如果高峰时间(早高峰 7200 秒至 12600 秒,晚高峰 43200 至 50400 秒)发车间隔不大于 2.5 分钟且不小于 2 分钟,其余时间发车间隔不小于 5 分钟,每天 240 列。请重新为它们制定运行图和相应的速度距离曲线。

第三问、列车延误后运行优化控制问题

问题回顾

第三问、列车延误后运行优化控制问题

第一小问 接上问,若列车 i 在车站 A_j 延误 DT_j^i (10 秒)发车,请建立控制模型,找出在确保安全的前提下,首先使所有后续列车尽快恢复正点运行,其次恢复期间耗能最少的列车运行曲线

问题回顾

第三问、列车延误后运行优化控制问题

- 第一小问 接上问,若列车 i 在车站 A_j 延误 DT_j^i (10 秒)发车,请建立控制模型,找出在确保安全的前提下,首先使所有后续列车尽快恢复正点运行,其次恢复期间耗能最少的列车运行曲线
- 第二小问 假设 DT_j^i 为随机变量,普通延误($0 < DT_j^i < 10$ s)概率为 20%,严重延误($DT_j^i > 10$ s)概率为 10%(超过 120 秒,接近下一班,不考虑调整),无延误($DT_j^i = 0$)概率为 70%。若允许列车在各站到、发时间与原时间相比提前不超过 10 秒,根据上述统计数据,如何对第二问的控制方案进行调整?

问题求解

第一问、单列车节能运行优化控制问题

模型建立

目标函数的确定

题目的目的是让耗能最少,我们这里仅考虑列车行驶过程中提供牵引力所消耗的能量,故目标函数为:

$$E = \int_0^{t_{\text{max}}} F(t) v_t dt$$

约束条件的确定

约束条件一 行驶路程约束,两站点之间的距离是给定的,所以需要约束行驶的距离

$$\int_{o}^{t_{\text{max}}} v_t dt = L_{\text{max}}$$

约束条件的确定

约束条件一 行驶路程约束,两站点之间的距离是给定的,所以需要约束行驶的距离

$$\int_{o}^{t_{\text{max}}} v_t dt = L_{\text{max}}$$

约束条件二 初始和终了时的速度因为零

$$\begin{cases} v_0 = v_{t_{\text{max}}} = 0 \\ v_t \le \overline{v_t} \end{cases}$$

约束条件的确定

约束条件一 行驶路程约束,两站点之间的距离是给定的,所以需要约束行驶的距离

$$\int_{o}^{t_{\text{max}}} v_t dt = L_{\text{max}}$$

约束条件二 初始和终了时的速度因为零

$$\begin{cases} v_0 = v_{t_{\text{max}}} = 0 \\ v_t \le \overline{v_t} \end{cases}$$

约束条件三 牛顿第二定律

$$ma_t = m\frac{dv_t}{dt} = F(t) - B(t) - W(t)$$



第一问模型

综上所述,建立的单列车两个站点之间的最优化模型为:

$$\min \quad E = \int_{o}^{t_{\text{max}}} F(t) v_{t} dt$$

$$s.t. \begin{cases} \int_{o}^{t_{\text{max}}} v_{t} dt = L_{\text{max}} \\ \begin{cases} v_{0} = v_{t_{\text{max}}} = 0 \\ v_{t} \leq \overline{v_{t}} \end{cases} \\ ma_{t} = m \frac{dv_{t}}{dt} = F(t) - B(t) - W(t) \\ F(t) = k_{t} F_{\text{max}}(t) \\ B(t) = k_{b} B_{\text{max}}(t) \\ W(t) = [w_{0}(t) + w_{1}(t)] \times g \times m/1000 \end{cases}$$

求解算法

• 题目要求在给定的时间内, 使消耗的能量最小

- 题目要求在给定的时间内, 使消耗的能量最小
- 给定时间让能量最小 ⇒ 比较困难

- 题目要求在给定的时间内, 使消耗的能量最小
- 给定时间让能量最小 ⇒ 比较困难
- 给定能量让时间最小 ⇒ 容易求解

- 题目要求在给定的时间内, 使消耗的能量最小
- 给定时间让能量最小 ⇒ 比较困难
- 给定能量让时间最小 ⇒ 容易求解
- 可以将第一个问题转化为第二个问题,首先构造一个能量比较小的 初始解,然后不断的增加能量,直到时间满足要求

为什么能够这么做?

- 将此问题推广为一个多目标规划问题
 - 目标一: min t
 - 目标二: min E
- 运行方案 $(t, E) \Longrightarrow P(t, E)$
- 多目标规划: Pareto front *C* (非劣解集)

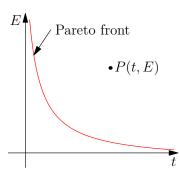


图: Pareto front 示意图

为什么能够这么做?

- 原问题: 给定时间 t_n ,求 $E_{min} \Longrightarrow$ 求 $t = t_n$ 与 C 的交点对应的运行方案
- 如果我们能够给出能量较小的初始解 (t_1, E_1) ,然后逐步添加能量,直到 $t = t_n$,即求得原问题的运行方案

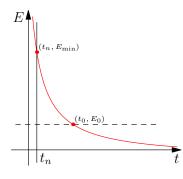


图: 目标解与初始解在 E-t 平面的位置

为什么能够这么做?

- 原问题: 给定时间 t_n , 求 $E_{\min} \Longrightarrow$ 求 $t = t_n$ 与 C 的交点
- 如果我们能够给出能量较小的初始解 (t_1, E_1) ,然后逐步添加能量,直到 $t = t_n$

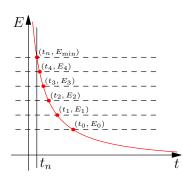


图: 逐步修正示意图

考虑一个理想的情况

下面考虑一个理想的情况,即假设:

- 速度限制 v_{max} 为常数
- 阻力 r 也为常数

优化模型

$$\min \quad E = \int_0^{t_{\text{max}}} k_t(t) v(t) F(t) dt$$

$$s.t. \begin{cases} m \frac{dv(t)}{dt} = k_t F - k_b B - r \\ L = \int_0^{t_{\text{max}}} v(t) dt \\ v(0) = v_0, \quad v(t_{\text{max}}) = v_T \\ k_t \in [0, 1], k_b \in [0, 1], v \le v_{\text{max}} \end{cases}$$

Pontryagin 最大值原理

根据 Pontryagin 最大值原理, 前述优 化模型可以转化为最大化下面的哈密 顿函数:

$$H = \frac{p_1}{v} \times (k_t F - k_b B - r) + p_2 v - k_t v F$$

其中 p_1 应该满足下面的微分方程:

$$\frac{dp_1}{ds} = -\frac{\partial H}{\partial v}$$

求解结果

顿函数:
$$H = \frac{p_1}{v} \times (k_t F - k_b B - r) + p_2 v - k_t v F$$
 其中 p_1 应该满足下面的微分方程:
$$\frac{dp_1}{dt} = -\frac{\partial H}{\partial t}$$

$$\frac{dp_1}{dt} = -\frac{\partial H}{\partial t}$$

$$\frac{dp_1}{dt} = \frac{\partial H}{\partial t}$$

Pontryagin 最大值原理

求解结果与四个阶段相对应:

最大加速
$$k_t = 1, k_b = 0$$
 巡航 $k_t \in [0, 1], k_b = 0$ 巡航 $k_t = 0, k_b \in [0, 1]$

惰行
$$k_t = 0, k_b = 0$$

最大制动
$$k_t = 0, k_b = 1$$

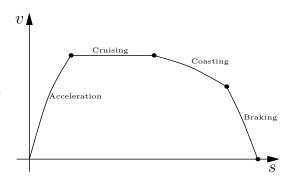


图: 理想情况下最优解示意图

Pontryagin 最大值原理

最大值原理结论

对于理想情况,所有"能量最小"和"时间最短"问题的最优解都是由:最大牵引、巡航、 惰行和最大制动组成。

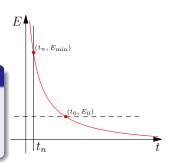


图:"能量最小"与"时间最短"问题的最优解

回到实际情况

- 实际情况下,不同路段的速度限制是不一样的
- 实际路况(坡度、曲率)是随着路段变化的
- 基本阻力与速度相关



图: 实际情况下速度限制示意图

求解初始解

初始解求法

首先将列车最大加速到速度为 50km/h, 然后使列车惰行, 在要到达终点时按最大制动进行制动。

- 加速到 50km/h 是因为一般速度限制都大于等于 50km/h
- 实际过程中发现,部分路段阻力过大,因此在惰行的时候要设置一个加速度下限
- 具体的制动点是通过检测是否遇到制动曲线来确定的

制动点的确定

什么是制动曲线?

制动曲线是在某一点,以该点的目标速度按照最大制动逆推出来的速度-路程曲线。在列车行驶过程中,一旦列车的速度-路程曲线遇到制动曲线就要立刻进行最大制动。

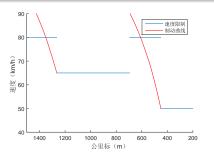


图: 制动曲线示意图

一个实际的初始解

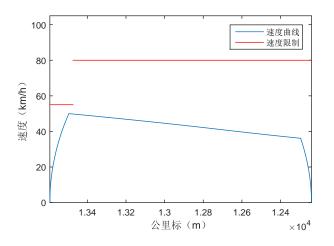


图: 初始解示意图

初始解的逐步修正

得到初始解后,以速度限制对路程进行分区,使得在每个分区内的速度限制都是一样的。

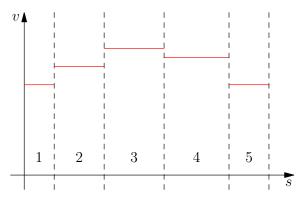


图: 路程分区示意图

初始解的逐步修正

一般得到的初始解的时间是大于所规定的运行时间,所以需要多分配一小份能量 ΔE ,对初始解进行逐步修正,直到达到目标运行时间为止。

能量分配准则

设总路程按照速度限制分成了 N 个子区间,逐次将分配的能量 ΔE 分配到各个子区间。对于分配能量的区间按照已分配到的总能量,按照:最大加速、巡航、惰行、最大制动的策略计算运行方案。因此可以得到每一个区间的节省时间 Δt_i ,将能量 ΔE 分配给节省时间最多的区间。

多站点情况

- 对于多站点情况,可以看做是两站点情况的一个特例
- 对于初始解,可以先生成相邻两个站点之间的初始解,拼接起来形 成多站点情况的初始解
- 在相邻两个站点之间任然按照速度限制划分子区间,将所有子区间 都当做多站点情况的子区间。逐步优化初始解过程与之前一样

第一问速度路程曲线

第一小问

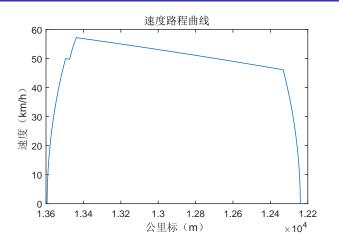


图: 第一小问速度路程曲线

第一问速度路程曲线

第二小问

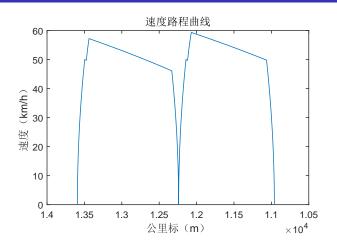


图: 第二小问速度路程曲线

第二问、多列车节能运行优化控制问题

问题回顾

第二问、多列车节能运行优化控制问题

第一小问 当 100 列列车以间隔 $H = h_1, \dots, h_{99}$ 从 A_1 站出发,追踪运行,依次经过 A_2 , A_3 ,……到达 A_{14} 站,中间在各个车站停战最少 D_{\min} 秒,最多 D_{\max} 秒。间隔 H 各分量的变化范围是 H_{\min} 秒至 H_{\max} 秒。请建立优化模型并寻找使所有列车运行总能耗最低的间隔 H。要求第一列列车发车时间和最后一列列车的发车时间之间间隔为 $T_0 = 63900$ 秒,且从 A_1 站到 A_{14} 站的总运行时间不变,均为 2086 秒(包括停站时间)。假设所有列车处于同一供电区段。

• 第二问考虑的是一个多列车节能优化运行问题

- 第二问考虑的是一个多列车节能优化运行问题
- 对于多个列车,如果一起考虑必然非常复杂。题目中提到一个词:"追踪运行"。因此我们让每个列车的行驶方案一致,不同的仅仅只是各列车的发车间隔和停留间隔

- 第二问考虑的是一个多列车节能优化运行问题
- 对于多个列车,如果一起考虑必然非常复杂。题目中提到一个词:"追踪运行"。因此我们让每个列车的行驶方案一致,不同的仅仅只是各列车的发车间隔和停留间隔
- 事实上,同时考虑发车间隔和站点停留间隔,这个问题也很复杂, 因此令每个列车的停留时间相同,只考虑发车间隔的优化。

- 第二问考虑的是一个多列车节能优化运行问题
- 对于多个列车,如果一起考虑必然非常复杂。题目中提到一个词:"追踪运行"。因此我们让每个列车的行驶方案一致,不同的仅仅只是各列车的发车间隔和停留间隔
- 事实上,同时考虑发车间隔和站点停留间隔,这个问题也很复杂, 因此令每个列车的停留时间相同,只考虑发车间隔的优化。
- 本文需要考虑再生能量的利用问题,所以发车间隔的优化的目的就是尽可能的利用再生能量

- 第二问考虑的是一个多列车节能优化运行问题
- 对于多个列车,如果一起考虑必然非常复杂。题目中提到一个词:"追踪运行"。因此我们让每个列车的行驶方案一致,不同的仅仅只是各列车的发车间隔和停留间隔
- 事实上,同时考虑发车间隔和站点停留间隔,这个问题也很复杂, 因此令每个列车的停留时间相同,只考虑发车间隔的优化。
- 本文需要考虑再生能量的利用问题,所以发车间隔的优化的目的就是尽可能的利用再生能量
- 于是本问题分解为两个问题

- 第二问考虑的是一个多列车节能优化运行问题
- 对于多个列车,如果一起考虑必然非常复杂。题目中提到一个词:"追踪运行"。因此我们让每个列车的行驶方案一致,不同的仅仅只是各列车的发车间隔和停留间隔
- 事实上,同时考虑发车间隔和站点停留间隔,这个问题也很复杂, 因此令每个列车的停留时间相同,只考虑发车间隔的优化。
- 本文需要考虑再生能量的利用问题,所以发车间隔的优化的目的就 是尽可能的利用再生能量
- 于是本问题分解为两个问题
 - 单个列车的优化问题,使单个列车消耗的能量尽可能的少

- 第二问考虑的是一个多列车节能优化运行问题
- 对于多个列车,如果一起考虑必然非常复杂。题目中提到一个词:"追踪运行"。因此我们让每个列车的行驶方案一致,不同的仅仅只是各列车的发车间隔和停留间隔
- 事实上,同时考虑发车间隔和站点停留间隔,这个问题也很复杂, 因此令每个列车的停留时间相同,只考虑发车间隔的优化。
- 本文需要考虑再生能量的利用问题,所以发车间隔的优化的目的就是尽可能的利用再生能量
- 于是本问题分解为两个问题
 - 单个列车的优化问题,使单个列车消耗的能量尽可能的少
 - 各列车的发车间隔优化问题, 使利用的再生能量尽可能的多

单个列车的优化问题

单个列车的优化问题在第一问中已经解决了,利用第一问的算法,求出的从站点 A_1 到 A_{14} 的速度路程曲线为:

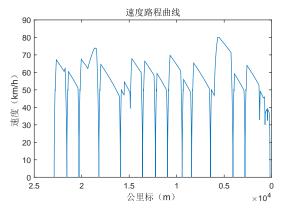


图: 第二问单列车速度路程曲线

再生能量的利用

再生能量

列车在制动时会产生能量 E_{reg} , 如果有其余车辆处于加速状态,其可以利用能量 E_{reg} 。产生的再生能量为:

$$E_{reg} = (E_{mech} - E_f) \cdot 95\%$$

其中 E_{mech} 为机械能的变化量, E_f 为克服基本阻力和附加阻力做的功。

再生能量的利用按照下面的公式计算:

$$E_{used} = E_{reg} \cdot \frac{t_{overlap}}{t_{brake}}$$



再生能量利用示意图

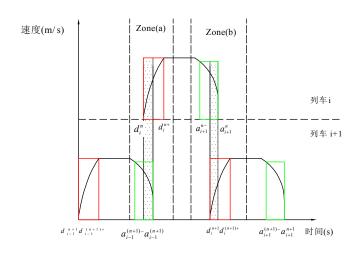


图: 再生能量利用示意图

发车间隔的优化

目标函数 由于单个列车消耗的能量已经确定,并且各列车的形式方 案一致,故各列车消耗的能量为一个定值。因此我们的目 标就是让利用的再生能量最大

优化方法 每两个列车之间有一个发车间隔,所有总共有 99 个自变量,并且目标函数的计算过程比较复杂,无法使用传统的优化算法求解。在此我们采用遗传算法进行求解

第二问第一小问结果

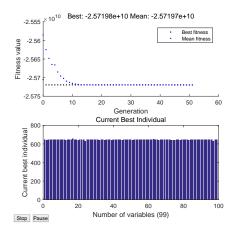


图: 第二问第一小问结果

结果的一点解释

为什么发车间隔都差不多?原因是:

- 题目要求第一列列车发车时间和最后一列列车的发车时间之间间隔 为 63900 秒
- 平均下来发车间隔为 645 秒左右
- 发车间隔的最大值限制为 11 分钟,即 660 秒
- 因此没有多大的调整空间

问题回顾

第二问、多列车节能运行优化控制问题

第二小问 接上问,如果高峰时间(早高峰 7200 秒至 12600 秒,晚高峰 43200 至 50400 秒)发车间隔不大于 2.5 分钟且不小于 2 分钟,其余时间发车间隔不小于 5 分钟,每天 240 列。请重新为它们制定运行图和相应的速度距离曲线。

第二问第二小问分析

第二小问与第一小问的差别是

- 在早高峰和晚高峰增加了特殊的发车间隔限制
- 发车量变为 240 列

面临的困难:

- 高峰时期的限制不好添加。哪些列车处于高峰期,取决于前面列车 的发车间隔。无法明确指定对某一变量的限制
- 自变量的数目变得更多,目标函数的计算量更大

蒙特卡洛法

lacktriangle 首先初始化两个变量,分别为时间间隔 h_i 和累积时间 S

- lacktriangle 首先初始化两个变量,分别为时间间隔 h_i 和累积时间 S
- ② 然后判断累计时间是否在高峰期内

- lacktriangle 首先初始化两个变量,分别为时间间隔 h_i 和累积时间 S
- ② 然后判断累计时间是否在高峰期内
 - 如果不在高峰期内,则按照非高峰期的发车间隔范围生成随机数

- lacktriangle 首先初始化两个变量,分别为时间间隔 h_i 和累积时间 S
- ② 然后判断累计时间是否在高峰期内
 - 如果不在高峰期内,则按照非高峰期的发车间隔范围生成随机数
 - 如果在高峰期内,则按照高峰期的发车间隔范围生成随机数

- lacktriangle 首先初始化两个变量,分别为时间间隔 h_i 和累积时间 S
- ② 然后判断累计时间是否在高峰期内
 - 如果不在高峰期内,则按照非高峰期的发车间隔范围生成随机数
 - 如果在高峰期内,则按照高峰期的发车间隔范围生成随机数
- 为了首尾两辆列车的发车间隔达到题目要求,我们仅对前面的发车间隔进行上述操作,后 10 辆列车取剩余时间的平均值

- lacktriangle 首先初始化两个变量,分别为时间间隔 h_i 和累积时间 S
- ② 然后判断累计时间是否在高峰期内
 - 如果不在高峰期内,则按照非高峰期的发车间隔范围生成随机数
 - 如果在高峰期内,则按照高峰期的发车间隔范围生成随机数
- 为了首尾两辆列车的发车间隔达到题目要求,我们仅对前面的发车 间隔进行上述操作,后 10 辆列车取剩余时间的平均值
- lacktriangle 最后将上述过程重复循环 N 次,取其中的最优解

第二小问结果

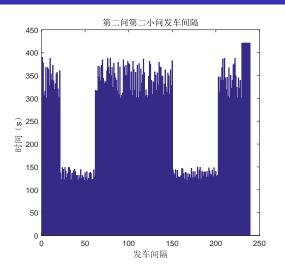


图: 第二小问结果

第三问、列车延误后运行优化控制问题

问题回顾

第三问、列车延误后运行优化控制问题

- 第一小问 接上问,若列车 i 在车站 A_j 延误 DT_j^i (10 秒)发车,请建立控制模型,找出在确保安全的前提下,首先使所有后续列车尽快恢复正点运行,其次恢复期间耗能最少的列车运行曲线
- 第二小问 假设 DT_j^i 为随机变量,普通延误($0 < DT_j^i < 10$ s)概率为 20%,严重延误($DT_j^i > 10$ s)概率为 10%(超过 120 秒,接近下一班,不考虑调整),无延误($DT_j^i = 0$)概率为 70%。若允许列车在各站到、发时间与原时间相比提前不超过 10 秒,根据上述统计数据,如何对第二问的控制方案进行调整?

• 首先要保证列车的安全,后车的速度不能超过限制速度 $V_{limit} = min(V_{line}, \sqrt{2LB_e})$

- 首先要保证列车的安全,后车的速度不能超过限制速度 $V_{limit} = min(V_{line}, \sqrt{2LB_e})$
 - V_{line} 是列车当前位置的速度限速(km/h)

- 首先要保证列车的安全,后车的速度不能超过限制速度 $V_{limit} = min(V_{line}, \sqrt{2LB_e})$
 - V_{line} 是列车当前位置的速度限速(km/h)
 - L 是当前时刻前后车之间的距离 (m)

- 首先要保证列车的安全,后车的速度不能超过限制速度 $V_{limit} = min(V_{line}, \sqrt{2LB_e})$
 - V_{line} 是列车当前位置的速度限速(km/h)
 - L 是当前时刻前后车之间的距离 (m)
 - B_e 是列车制动的最大减速度 (m/s^2)

- 首先要保证列车的安全,后车的速度不能超过限制速度 $V_{limit} = min(V_{line}, \sqrt{2LB_e})$
 - V_{line} 是列车当前位置的速度限速(km/h)
 - L 是当前时刻前后车之间的距离 (m)
 - B_e 是列车制动的最大减速度 (m/s^2)
- 然后要尽快恢复正点运行,最后才考虑能耗最少

- 首先要保证列车的安全,后车的速度不能超过限制速度 $V_{limit} = min(V_{line}, \sqrt{2LB_e})$
 - V_{line} 是列车当前位置的速度限速(km/h)
 - L 是当前时刻前后车之间的距离 (m)
 - B_e 是列车制动的最大减速度 (m/s^2)
- 然后要尽快恢复正点运行,最后才考虑能耗最少
- 下面我们分两种情况考虑这个问题

小延误情况

小延误情况

小延误是指当前延误列车并不影响后续列车的情况。判断条件是当前延误列车与下一列列车的发车间隔大于最小发车间隔。

● 这种情况下,我们仅考虑延误的这一辆列车,让其尽可能的准时到 达下一个站点

小延误情况

小延误情况

小延误是指当前延误列车并不影响后续列车的情况。判断条件是当前延误列车与下一列列车的发车间隔大于最小发车间隔。

- 这种情况下,我们仅考虑延误的这一辆列车,让其尽可能的准时到 达下一个站点
- 若无法准时到达下个站点,则让需要缩短的时间平均分配到两个路段。若任无法达到要求,则分配到三个路段,以此类推

小延误情况

小延误情况

小延误是指当前延误列车并不影响后续列车的情况。判断条件是当前延误列车与下一列列车的发车间隔大于最小发车间隔。

- 这种情况下,我们仅考虑延误的这一辆列车,让其尽可能的准时到 达下一个站点
- 若无法准时到达下个站点,则让需要缩短的时间平均分配到两个路段。若任无法达到要求,则分配到三个路段,以此类推
- 为使能量消耗尽量小,直接利用第一问的运行控制模型

• 当延误时间过长的时候,可能会影响到后续列车的运行

- 当延误时间过长的时候,可能会影响到后续列车的运行
- 对于这种情况,我们让延误的列车首先按照之前的策略,尽可能快 的恢复正点运行

- 当延误时间过长的时候,可能会影响到后续列车的运行
- 对于这种情况,我们让延误的列车首先按照之前的策略,尽可能快的恢复正点运行
- 若后续列车在预定的发车时间与前车发车的时间间隔小于最小发车间隔,则让其顺延,直到与前车的发车间隔大于最小发车间隔为止

- 当延误时间过长的时候,可能会影响到后续列车的运行
- 对于这种情况,我们让延误的列车首先按照之前的策略,尽可能快的恢复正点运行
- 若后续列车在预定的发车时间与前车发车的时间间隔小于最小发车间隔,则让其顺延,直到与前车的发车间隔大于最小发车间隔为止
- 在后续的运行过程中按照新的速度限制 $V_{limit} = min(V_{line}, \sqrt{2LB_e})$ 运行

第一小问结果

对于第一小问,都是属于小延误情况,所以仅需考虑单个列车的延误。 求解的结果如下:

表: 第二问第一小问结果

延误站台	实际消耗能量 (度)	额外消耗能量 (度)	晚点时间(秒)	调整站点数
2	225.56	5.01	0.00	1
3	225.29	4.74	0.00	1
4	231.17	10.63	0.00	1
5	227.57	7.02	0.00	1
6	227.56	7.01	0.00	1
7	225.10	4.56	0.00	1
8	227.38	6.84	0.00	1
9	225.31	4.76	0.00	1
10	229.61	9.06	0.00	1
11	229.01	8.47	5.00	1
12	228.33	7.78	0.00	1
13	231.83	11.28	0.00	1

第一小问结果

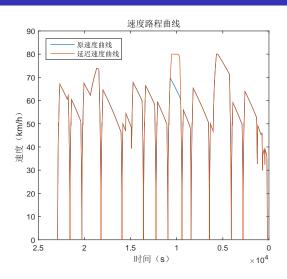


图: 延迟情况下的速度调整示意图

第二小问结果

第二小问考虑延误时间为随机变量,故采用计算机模拟的方法,按照题目的要求生成延误时间的随机数。模拟的部分结果如下:

表: 第二问第二小问部分结果

延迟站点	延迟类型	延迟时间 (s)	晚点时间(s)	额外能量 (度)
4	0	0.00	0.00	0.00
6	0	0.00	0.00	0.00
7	0	0.00	0.00	0.00
12	0	0.00	0.00	0.00
3	0	0.00	0.00	0.00
11	0	0.00	0.00	0.00
9	0	0.00	0.00	0.00
6	1	1.06	0.00	4.41
4	0	0.00	0.00	0.00
6	2	28.62	19.08	18.41
7	1	1.98	0.00	4.56
3	0	0.00	0.00	0.00
8	0	0.00	0.00	0.00
4	0	0.00	0.00	0.00

总结与展望

总结

第一问 将行程按照速度限制划分区间。构造能量较小的初始解, 然后逐步添加能量对初始解进行修正,直到耗时达到给定 时间

总结

- 第一问 将行程按照速度限制划分区间。构造能量较小的初始解, 然后逐步添加能量对初始解进行修正,直到耗时达到给定 时间
- 第二问 先建立单个列车的最优行车方案,然后采用遗传算法对发车间隔进行优化。对于第二小问,用蒙特卡洛法进行求解

总结

- 第一问 将行程按照速度限制划分区间。构造能量较小的初始解, 然后逐步添加能量对初始解进行修正,直到耗时达到给定 时间
- 第二问 先建立单个列车的最优行车方案,然后采用遗传算法对发车间隔进行优化。对于第二小问,用蒙特卡洛法进行求解
- 第三问 分小延误和大延误两种情况,对于小延误仅考虑延误的单个列车,让其尽快的正点运行。对于大延误,后续列车与延误列车的发车间隔必须大于最小发车间隔,并采用新的速度限制公式

• 在第一问的算法中,可以考虑一次对两个区间进行修正

- 在第一问的算法中,可以考虑一次对两个区间进行修正
- 在第二问中可以考虑对停车间隔的优化

- 在第一问的算法中,可以考虑一次对两个区间进行修正
- 在第二问中可以考虑对停车间隔的优化
- 改进第二问第二小问的蒙特卡罗算法

- 在第一问的算法中,可以考虑一次对两个区间进行修正
- 在第二问中可以考虑对停车间隔的优化
- 改进第二问第二小问的蒙特卡罗算法
- 考虑多个列车同时延误的情况

谢谢大家!