Instutuția Publică Liceul Teoretic Spiru Haret.

Analiză:

Metoda

Desparte și stapânește.

- 1. Date Generale.
- 2. Avantaje.
- 3. Dezavantaje.
- 4. Concluzii.
- 5. Aplicații(Exemple de probleme)
- 6. Bibliografie

Realizat de: Colomiicenco Sanda, clasa a XI-a "D"

Profesor: Maria Guțu

Date Generale:

Metoda desparte și stăpânește (divide et impera) e o metodă de elaborare a algoritmilor ce presupune:

- Împărțirea repetată a unei probleme de dimensiuni mari in [n] subprobleme de acelaș tip, de dimensiuni mai mici.
- Rezolvarea subproblemelor in mod direct, dacă dimensiunea lor permite, sau redivizarea acestora.
- Combinarea solutiilor gasite pentru construirea solutiilor subproblemelor de dimensiuni din ce in ce mai mari
- Combinarea ultimelor soluții ale subprogramelor pentru a obtine soluția finală. Problemele rezolvate prin această metoda trebuie să îndeplinească anumite conditii:
 - Se poate descompune in (doua sau mai multe) suprobleme.
 - Aceste suprobleme sunt independente una fata de alta (o subproblema nu se rezolva pe baza alteia si nu se foloseste rezultate celeilalte).
 - Aceste subprobleme sunt similare cu problema initiala.
 - La randul lor subproblemele se pot descompune (daca este necesar) in alte subprobleme mai simple.
- Aceste subprobleme simple se pot solutiona imediat prin algoritmul simplificat. Totuși, deoarece nu toate problemele existente se supun acestor condiții, metoda este rar

aplicată si la anumite tipuri de probleme.

Algoritmul general al metodei:

Metoda DIVIDE ET IMPERA admite o implementare recursiva ,deorece subproblemele sunt similare problemei initiale, dar de dimensiuni mai mici .

Principiul fundamental al recursivitatii este autoapelarea unui subprogram cand acesta este activ,ceea ce se intampla la un nivel ,se intampla la orice nivel ,avand grija sa asiguram condiția de terminare ale apelurilor repetate .Asemanător se intamplă si in cazul metodei DIVITE ET IMPERA.

```
procedure DesparteSiStapineste(i, j : integer; var x : tip); var m : integer; x1, x2 : tip; begin if SolutieDirecta(i, j) then Prelucrare(i, j, x) else begin m:=(j-i) \text{ div } 2; DesparteSiStapineste(i, i+m, x1); DesparteSiStapineste(i+m+1, j, x2); Combina(x1, x2, x);
```

end; end;

Parametrii i și j din antetul procedurii defi nesc submulțimea curentă supusă prelucrării.

Funcția SolutieDirecta returnează valoarea true dacă subproblema curentă admite o rezolvare directă și false în caz contrar.

Procedura Prelucrare returnează prin parametrul x soluția subproblemei curente, calculată în mod direct.

Dacă calculul direct este imposibil, se execută două apeluri recursive

– unul pentru submulţimea (ai, ai+1, ..., am) şi altul pentru submulţimea (ai+m+1, ai+m+2, ...,aj).

Procedura Combina prelucrează soluțiile x1 și x2 ale subproblemelor respective și returnează soluția x a problemei curente.

Avantaje vs Dezavantaje:

- + Poate fi aplicată problemelor precum: căutarea binară, sortare rapidă, gasirea unui element in pozitie, partiționarea unui șir etc.
- + Programele elaborate în baza acestei metode sunt deobicei simple, si datorită metodei sunt effectuate într-un timp relative scurt.
- -Nu toate problemele îndeplinesc criteriile necesare pentru a fi rezolvate prin această metoda, fapt ce o face limitată.
- -Este aplicată doar atunci cînd programul poate fi divizat in subprogram mai mici cu un șablon anumit.

Concluzii:

Folosirea acestei metode ca și metodă principală, deși are caracteristici positive în condițiile abordate, nu este universal, fapt ce îi face întrebuințare fiind foarte rară. Totuși aceasta metodă bazându-se pe un process recursive și dividerea unui program masiv in subprogram e de dimensiuni mai mici se dovedește ca fiind utilă daca problemele îndeplinesc condițiile necesare.

Probleme rezolvate: Maximul unui vector:

Se citeste un vector cu n componente, numere naturale. Se cere sa se tipareasca valoarea maxima.

daca i=j, valoarea maxima va fi v[i];

contrar vom imparti vectorul in doi vectori: primul vector va contine componentele de la i la (i+j) div 2, al doilea vector va contine componentele de la (i+j) div 2 +1 la j aflam maximul pentru fiecare din vectori iar solutia problemei va fi data de valoarea maxima dintre rezultatele celor doua subprobleme.

```
program maxim;
var v:array[1..10] of integer;
    n,i:integer;
function max(i,j:integer):integer;
var a,b:integer;
   begin
 if i=j then max:=v[i]
   else begin
 a:=max(i, (i+j) div 2);
 b:=\max((i+j) \text{ div } 2+1,j);
   if a>b then max:=a
 else max:=b;
  end:
 end:
 begin
write('n=');
readln(n);
 for i:=1 to n do read(v[i]);
writeln(maximul este ',max(1,n));
end.
```

Cel mai mare divizor comun:

Fie n valori numere naturale a1,a2,a3,...,an. Determinati cel mai mare divizor comun al lor prin metoda Divide Et Impera.

Se imparte sirul a1,a2,a3,..,an in doua subsiruri (a1,a2,a3,..,am),respectiv (am+1,am+2,.,an).

m reprezintă poziția de mijloc, m=(1+n) div 2.

end;

-Cmmdc(a1,a2,...,an) = Cmmdc(a1,a2,...,am), Cmmdc(am+1,am+2,...,an))

```
program cmmdc_sir;
const nmax=20;
type indice=1..nmax;
var a:array[indice] of word;
n:indice;
                                               function cmmdc(p,q:indice):word;
procedure citire;
                                               var m:indice;
var i:indice;
                                               begin
begin
                                               if
                                                            q-p \le 1
                                                                                then
                                               cmmdc:=euclid(a[p],a[q])
readln(n);
for i:=1 to n do read(a[i]);
                                               else
                                               begin
end;
function euclid(x,y:word):word;
                                               m := (p+q) \text{ div } 2;
var r:word;
                                               cmmdc:=euclid(cmmdc(p,m),cmmd
begin
                                               c(m+1,q));
while y<>0 do
                                               end:
begin
                                               end;
                                               begin
r:=x \mod y;
x := y;
                                               citire;
                                               writeln('cmmdc=',cmmdc(1,n));
y:=r;
                                               readln:
end:
euclid:=x;
                                               end.
```

Cautarea binara intr-un sir:

Sa se verifice daca o valoare data x exista intr-un sir de numere intregi ordonate crescator. Se va folosi un algoritm de cautare bazat pe metoda Divide Et Impera.

Se descompune problema in doua subprobleme de acelasi tip. Se imparte vectorul in doi subvectori: primul subvector va contine elementele pana la pozitia de mijloc, iar al doilea va fi alcatuit din elementele de dupa pozitia din mijloc.

Verificăm daca valoarea cautată se gasește chiar pe poziția din mijloc si in caz afirmativ cautarea se opreste.

Daca valoarea cautata este mai mica decat elementul situat pe pozitia din mijloc, cautarea trebuie continuata in subvectorul stang, iar daca este mai mare, cautarea continua in subvectorul drept.

```
program cautare;
type vector=array[1..20] of integer;
var v:vector;n,x,i:integer;
function caut(p,q:integer):integer;
var mij:integer;
begin
if q<p then caut:=-1
else
begin
mij:=(p+q) div 2;
if v[mij]=x then caut:=mij
else if x < v[mij] then caut:=(p,mij-1)
else caut:=caut(mij+1,q);
end;
end:
begin
write('n=');
readln(n);
write('v[1]=');
readln(v[1]);
for i:=2 to n do
repeat
write('v[',i,']=');
readln(v[i]);
until v[i]>v[i-1];
write('x=');
readln(x);
writeln(caut(1,n));
end.
```

Problema plierilor:

Se considera un vector de lungime n. Definim plierea vectorului prin suparapunerea unei jumatati, numita donoare, peste cealalta jumatate, numita receptoare, cu precizarea ca dacă numarul de elemente este impar, elementul din mijloc este eliminat. Prin pliere, elementele subvectorului obținut vor avea număratoarea jumătății recepetoare. Plierea se poate aplica in mod repetat, pana cand se ajunge la un subvector format dintr-un singur element, numit element final. Scrieti un program care sa afiseze toate elementele finale posibile si sa figureze pe ecran pentru fiecare element final o suucesiune de plieri.

```
program plieri;
const nmax=50;
tyepe element=1..nmax;
var n,i:element;
efinal:array[element] of boolean;
m:array[element] of string;
procedure pliaza(p,q:element);
begin
if p=q then efinal [p]:=true
else
begin
if (q-p+1) \mod 2=1 then
begin
efinal[(p+q) div 2]:=false;
ls:=(p+q) div 2-1;
end
else
ls:=(p+q) div 2;
1d := (p+q) \text{ div } 2+1;
pliaza(p,ls);
str(ls,ss);
str(ld,sd);
for i:=p to ls do
m[i]:= \hat{d}'+sd+' '+m[i];
end;
end;
begin
write(,n=');
readln(n);
for i:=1 to n do m[i]:='';
pliaza(1,n);
writeln('elementele finale sunt:' ');
for i:=1 to n do if efinal[i] then begin write (, '': ');
writeln(m[i]);
end;
writeln;
end.
```

Bibliografie:

http://www.creeaza.com/referate/informatica/Metoda -de-programare-DIVIDE-ET449.php

http://www.scritub.com/stiinta/informatica/METOD A-DIVIDE-ET-IMPERA25186243.php

https://www.slideshare.net/LuminiaMihailov/metoda-divide-et-impera-47939776

https://tehnicideprogramare12.weebly.com/metoda-divide-et-impera.html