

## Побитови операции

Побитовите операции са операции, които ни позволяват да променяме данни чрез директен достъп до паметта – буквално „местим единиците и нули“. Ще ги прилагаме върху числа. Повечето от тези операции действат по подобие на аритметичните – между две числа пишем знак и връщаме резултата от действието.

В паметта числата се представят със записа си в двоична бройна система. Например  $21 = 10101$  и се записва в паметта като 0000 0000 0000 0000 0000 0000 0001 0101. Многото нули отпред (не гарантирам, че са точният брой) показват, че числото е малко (но за записване на големи числа като 1 милион са необходими много цифри и тогава тези отпред ще се използват). В примерите ще разглеждаме само числа с по-малко от 8 съществени двоични цифри и за удобство ще пишем само тях. И така, в паметта на компютъра представянето на 21 е

$$21 = 0001\ 0101$$

Всяка цифра в двоичното представяне се нарича бит. Удобно е да броим битовете отзад напред, започвайки от нула – така номерът на всеки бит съответства на степента на 2. В случая с  $21 = 2^0 + 2^2 + 2^4$  имаме три бита с единици – битовете с номера 0, 2 и 4.

### Побитово изместване наляво <<

Пример:

```
int a = 60;           // 60 = 0011 1100
int c = 60 << 2;       // 240 = 1111 0000
```

Побитовото изместване наляво взема битовете на първото числото (започвайки от първата единица) и ги измества наляво с толкова позиции, колкото е второто. По този начин всъщност се увеличават степените на 2 в двоичното представяне на числото. Можем да мислим за тази операция като за умножение със степен на 2.

$n \ll k$  е същото като  $n * K$ , където  $K = 2^k$ .

В случая 60 се умножава по  $2^2$ , т.е. 4.

Ако  $k = 0$ ,  $n$  не се променя.

### Побитово изместване надясно >>

То е подобно на изместването наляво, само че този път местим битовете в другата посока. Възможно е да изгубим някоя цифра 1 при местенето, например когато имаме  $21 \gg 1$  ще

получим 0000 1010, което е равно на 10. Изместването надясно всъщност е целочислено деление със степен на 2.

$n \gg k$  е същото като  $n / K$ , където  $K = 2^k$ .

В случая 21 се дели целочислено на  $2^1$ , т.е. 2.

Ако  $k = 0$ ,  $n$  не се променя.

### Побитово И – &

Пример:

```
int a = 21;           // 21 = 0001 0101
int b = 15;           // 15 = 0001 1001
int c = a & b;         // 17 = 0001 0001
```

Ако бит номер  $X$  на  $a$  е 1 и бит номер  $X$  на  $b$  е 1, то бит номер  $X$  на  $a \& b$  също ще е 1. Ако обаче съответният бит не е 1 и в двете числа, той ще е 0 в резултата.

### Побитово Или и Изключващо Или – |, ^

Пример:

```
int a = 21;           // 21 = 0001 0101
int b = 15;           // 15 = 0001 1001
int c = a | b;         // 29 = 0001 1101

int aa = 21;          // 21 = 0001 0101
int bb = 15;          // 15 = 0001 1001
int cc = aa ^ bb;      // 12 = 0000 1100
```

При побитовото Или ( $|$ ), ако бит номер  $X$  е 1 в поне едно от числата  $a$  и  $b$ , то бит номер  $X$  на  $a | b$  ще е 1, иначе ще е 0.

При побитовото Изключващо Или ( $^$ ), ако бит номер  $X$  е различен в двете числа, той ще е 1 в резултата, а ако е еднакъв, той ще е 0 в резултата.

### Как да разберем какъв е бит номер $X$

Достъчно е да приложим  $\&$  върху въпросното число и  $2^X$ . Ако получим 0, значи е 0, а ако резултатът е различен от 0, значи е 1.

```

0001 0101    // 21
&
0000 0100    // 4 = 22
=
0000 0100    // != 0

```

```

0001 0101    // 21
&
0000 1000    // 8 = 23
=
0000 0000    // == 0

```

## Скоби и cout

Не е никак трудно да напишем програма с побитови операции, която работи, но дава грешен резултат. Символите, които използваме за тези операции, имат и други значения в C++ и това понякога обърква компилатора. Има и особени случаи, в които други оператори са с по-висок приоритет.

Най-сигурно е (поне в началото) да ограждаме побитовите операции в скоби. Така става ясно както какви точно действия се извършват, така и в какъв ред. А при употреба на `cout` няма как да по друг начин да уточним, че става дума за побитово изместване, а не за извеждане на две числа.

Примери:

```

cout << 6 << 2;           // Отпечатва се: 62 (цифрите 6 и 2)
cout << (6 << 2);         // Отпечатва се: 24 (което е 6 * 4)

```

```

if ( 21 & 8 == 0)
    cout << "true";
else
    cout << "false";

```

```

// По-рано видяхме, че 21 & 8 е 0.
// Ще се отпечата false обаче, защото компилаторът тук се обърква и
// първо проверява дали 8 е равно на 0.

```

```

if ( (21 & 8) == 0)
    cout << "true";
else
    cout << "false";

```

```

// Този път ще се отпечата true.

```