## 关于20世纪10个最伟大的算法

原创 邓子平 多物理场仿真技术



本世纪初,美国物理学会(American Institute of Physics)和IEEE计算机社团 (IEEE Computer Society)的一本联合刊物《科学与工程中的计算》发表了由田纳西大学的Jack Dongarra和橡树岭国家实验室的Francis Sullivan 联名撰写的"世纪十大算法"一文,该文"试图整理出在20世纪对科学和工程领域的发展产生最大影响力的十大算法"。作者苦于"任何选择都将是充满争议的,因为实在是没有最好的算法",他们只好用编年顺序依次列出了这十项算法领域人类智慧的巅峰之作——给出了一份没有排名的算法排行榜

- 1、蒙特卡罗算法。1946: John von Neumann, Stan Ulam, and Nick Metropolis
- 2、单纯形方法。1947: George Dantzig.
- 3、Krylov 子空间迭代算法。1950: Magnus Hestenes, Eduard Stiefel, and Cornelius Lanczos。
- 4、矩阵分解算法。1951: Alston Householder。
- 5、Fotran 最优化编译器。1957: John Backus。Fotran在科学计算中具有里程碑性质
- 6、QR算法。1959-61: J.G.F. Francis
- 7、快速排序算法。1962: Tony Hoare
- 8、FFT算法。1965: James Cooley

- 9、整数关系确定算法 (Integer Relation Detecting Algorithms) 。1977: Helaman Ferguson and Rodney Forcade
- 10、快速多极算法(Fast Multipole Algorithms )。1987: Leslie Greengard and Vladimir Rokhlin

抛开这种评选是否合理,讲这十个算法的主要原因是其中7个算法(红色)是笔者在实际工程中用过的,有些还做过深入研究,都是工业软件研发的底层技术。

1.蒙特卡罗算法:一种利用随机数的算法,在连续性计算困难的地方,可以近似代替,另外在很多需要预测领域也能派上用场。主要问题是要平衡精度和计算量,曾经多重积分为了提高一点点的精度,计算量要提高一个数量级。

2.单纯形方法:是线性规划优化算法中最基本的算法。很多其他优化算法比如遗传算法,模拟退火,神经网络思路都比单纯形方法更复杂,入选理由可能跟快排一样,思路开创性,对后来算法的影响比较大。

3.Krylov 子空间迭代算法:这个在公众号里多次介绍,在实际开发中也经常使用。求解大规模线性方程组必用! (大规模一般DOF至少在百万上,几千万很平常)

Krylov子空间方法: Arnoldi、Lanczos迭代、CG算法

矩阵计算--Krylov子空间方法

Krylov子空间迭代方法: 历史

4.矩阵分解算法:求解大规模线性方程组过程中必用的数值方法!

5.QR算法: 也是求解大规模线性方程组过程中常用的数值方法

6.FFT算法: 快速傅里叶变换,不多解释。在电磁场频域时域变换用到

7.快速多极算法: 矩量法, 边界元法等满秩矩阵求解大规模线性方程组必用算法。商业软件FEKO的 多层快速多级在此基础算法上发展而来。

快速多级子算法 (FMM) 介绍和实现

FEM之杂谈(2)---快速多级子算法介绍

## 快速多级算法简介

可以看到有四种算法都和大规模线性方程组求解有关。

## 一篇文章入门大规模线性方程组求解

## 相关文献

- 1 Jack Dongarra, Francis Sullivan, Guest Editors Introduction The Top 10 Algorithms, Computing in Science and Engineering, Volume 2, Number 1, January/February 2000, pages 22-23.
- 2 Barry Cipra, The Best of the 20th Century: Editors Name Top 10 Algorithms, SIAM News, Volume 33, Number 4, May 2000, page 1.
- 3 The Top 10 Computational Methods of the 20th Century, IACM Expressions, Number 11, September 2001, pages 5-9.