

Numpy および Python

プログラミング言語

■ C言語

- ◆ 1972年に開発された汎用高級言語
- ◆ 機械語に近い構成による高速な実行速度
- ◆ ポインタのポインタに代表される難解な仕様
 - ◆ 習得難易度が高い

■ Python

- ◆ 1991年に開発された汎用高級言語
- ◆ 豊富なライブラリ(モジュール)による拡張
- ◆ 簡易な文法により記述することができる
 - ◆ 習得難易度が低い
- ◆ 速度がC言語と比較して劣る

プログラミング言語

■ C言語 ■ Python

- ◆ 科学計算用に設計された言語ではない
- ◆ 自分で多くを定義する必要がある
e.g. 構造体, クラス, 関数
- ◆ 本来の趣旨から離れた作業が必要

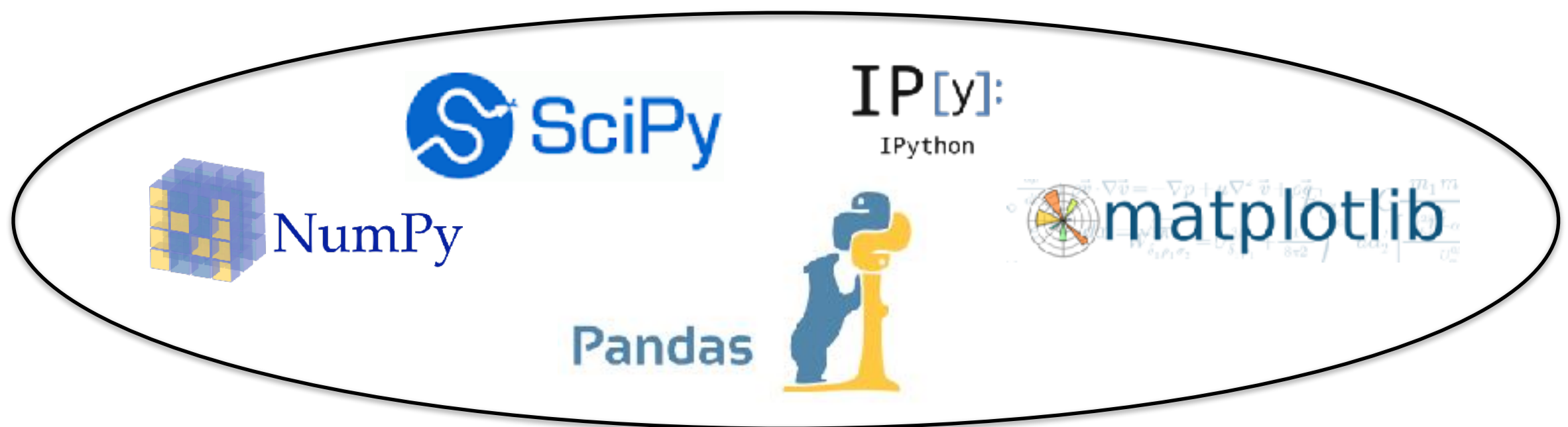
Numpyを使おう！

- ◆ 科学計算用に設計されたPythonのライブラリ
- ◆ 行列演算など算術計算が高速



■ Pythonで用いられる科学計算用ライブラリ

- ◆ 内部はCで実装されている
- ◆ その他の数学・解析系ライブラリにおける基盤
- ◆ JuliaやRubyなど多言語での利用も可能



本編の前に…

■ Pythonのバージョン

```
Python 3.6.4
```

■ 表記

❖ コード名

```
#include <stdio.h>

int main(void){
    return 0;
}
```

■ リンク

https://github.com/Scstechr/D-WiSE_LT/tree/master/180301/codes

Hello World

■ C言語

❖ hello.c

```
#include <stdio.h>

int main(void){
    printf("Hello World\n");

    return 0;
}
```

❖ コンパイル

```
$ gcc hello.c
```

❖ 実行

```
$ ./a.out
Hello World
```

Hello World

■ Python

❖ hello.py

```
print("Hello World")
```

❖ 実行

```
$ python hello.py  
Hello World
```

逐次コンパイルを行うため事前コンパイルは不要

❖ hello_main.py

```
def main():  
    print("Hello World")  
  
if __name__ == "__main__":  
    main()
```

Hello World

■ 比較

❖ hello.c

```
#include <stdio.h>

int main(void){
    printf("Hello World\n");

    return 0;
}
```

❖ hello.py

```
print("Hello World")
```

同じ処理を少ない行数で記述することが可能
デバッグの負担を軽減する

Hello World

■ 比較

❖ hello.c

```
#include <stdio.h>

int main(void){
    printf("Hello World\n");

    return 0;
}
```

❖ hello_main.py

```
def main():
    print("Hello World")

if __name__ == "__main__":
    main()
```

配列の初期化

■ C言語

❖ array.c

```
int main(void) {  
  
    int array[10];  
  
    for(int i = 0; i < 10; i++) {  
        array[i] = 0;  
    }  
  
    return 0;  
}
```

array[] = {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0}

配列の初期化

■ Python

❖ array.py

```
def main():  
    lst = []  
  
    for i in range(10):  
        lst.append(0)  
  
if __name__ == "__main__":  
    main()
```

リスト (list)

- ❖ 多機能なPythonの配列
- ❖ `lst.append()` は `()` の中身を末尾に追加

```
lst = [0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]
```

配列の初期化

■ 比較

❖ array.c

```
int main(void) {  
    int array[10];  
  
    for(int i = 0; i < 10; i++) {  
        array[i] = 0;  
    }  
  
    return 0;  
}
```

❖ array.py

```
def main():  
    lst = []  
  
    for i in range(10):  
        lst.append(0)  
  
if __name__ == "__main__":  
    main()
```

配列の初期化

■ 比較

❖ array.c

```
int main(void){  
  
    int array[10];  
  
    for(int i = 0; i <  
10; i++){  
        array[i] = 0;  
    }  
}
```

❖ array.py

```
def main():  
  
    lst = []  
  
    for i in  
range(10):  
        lst.append(0)
```

変数の型付け

- ❖ C言語: 静的型付け (変数宣言時に型宣言を行う)
- ❖ Python: 動的型付け (右辺により型変化)

配列の初期化

■ リスト内包表記

❖ array_comp.py

```
def main():  
    lst = [0 for i in range(10)]  
  
if __name__ == "__main__":  
    main()
```

リストの初期化は「リスト内包表記」で一文中で書ける

配列の初期化

■ コンストラクタ

❖ array_const.py

```
def main():  
    lst = list(range(10))  
  
if __name__ == "__main__":  
    main()
```

for文を使わない分リスト内包表記より(おそらく)速い

配列を出力する

■ C言語

❖ array_print.c

```
#include <stdio.h>

int main(void){

    int array[10];

    for(int i = 0; i < 10; i++){
        array[i] = i;
    }

    for(int i = 0; i < 10; i++){
        printf("%d\n", array[i]);
    }

    return 0;
}
```

```
$ gcc array_print.c
$ ./a.out
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9
```


配列を出力する

■ Python

❖ array_print.py

```
def main():  
    lst = [i for i in range(10)]  
  
    for i in lst:  
        print(i)  
  
    # [print(i) for i in lst]  
  
if __name__ == '__main__':  
    main()
```

```
$ python array_print2.py  
0  
1  
2  
3  
4  
5  
6  
7  
8  
9
```

Pythonにおける出力

■ print()

❖ array_print2.py

```
def main():  
    lst = [i for i in range(10)]  
  
    print(lst)  
  
if __name__ == '__main__':  
    main()
```

```
$ python array_print2.py  
[0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]
```

❖ hello_main.py

```
def main():  
    print('Hello World')  
  
if __name__ == '__main__':  
    main()
```

```
$ python hello_main.py  
Hello World
```

print()

❖ ()の中身に合わせて出力を変化

配列を出力する

■ C言語で同様の動作を実装する (関数篇)

❖ array_print2.c (1/2)

```
#include <stdio.h>

void print(int *array, int size){
    printf("[");
    for(int i = 0; i < size; i++){
        printf("%d,", array[i]);
    }
    printf("\b]\n");
}
```

配列のポインタとサイズを受け取る関数を定義

配列を出力する

■ C言語で同様の動作を実装する (関数篇)

❖ array_print2.c (2/2)

```
int main(void) {  
  
    int array[10];  
  
    for(int i = 0; i < 10; i++) {  
        array[i] = i;  
    }  
  
    print(array, 10);  
  
    return 0;  
}
```

配列を出力する

■ C言語で同様の動作を実装する (構造体篇)

❖ array_print3.c (1/3)

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

#define ARRAY_SIZE 10

typedef struct{
    int array[ARRAY_SIZE];
    int size;
} Array;
```

配列とサイズで構成される構造体を定義

配列を出力する

■ C言語で同様の動作を実装する (構造体篇)

❖ array_print3.c (2/3)

```
void print(Array *array){  
    printf("[");  
    for(int i = 0; i < array->size; i++){  
        printf("%d,", array->array[i]);  
    }  
    printf("\b]\n");  
}
```

構造体のポインタを受け取る関数を定義

配列を出力する

■ C言語で同様の動作を実装する (構造体篇)

❖ array_print3.c (3/3)

```
int main(void){  
  
    Array *array = (Array*)malloc(sizeof(Array));  
    array->size = 10;  
  
    for(int i = 0; i < array->size; i++){  
        array->array[i] = i;  
    }  
  
    print(array);  
    free(array);  
    return 0;  
}
```

配列を出力する

■ int型の(一次元の)配列にしか有効ではない

❖ array_print2.c

```
#include <stdio.h>

void print(int *array, int size){
    printf("[");
    for(int i = 0; i < size; i++){
        printf("%d,", array[i]);
    }
    printf("\b]\n");
}

int main(void){
    int array[10];

    for(int i = 0; i < 10; i++){
        array[i] = i;
    }

    print(array, 10);

    return 0;
}
```

❖ array_print3.c

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

#define ARRAY_SIZE 10

typedef struct{
    int array[ARRAY_SIZE];
    int size;
} Array;

void print(Array *array){
    printf("[");
    for(int i = 0; i < array->size; i++){
        printf("%d,", array->array[i]);
    }
    printf("\b]\n");
}

int main(void){
    Array *array = (Array*)malloc(sizeof(Array));
    array->size = 10;

    for(int i = 0; i < array->size; i++){
        array->array[i] = i;
    }

    print(array);
    free(array);
    return 0;
}
```


配列を出力する

■ Pythonのprint()の凄さ

❖ array_print2.c

```
#include <stdio.h>

void print(int *array, int size){
    printf("[");
    for(int i = 0; i < size; i++){
        printf("%d,", array[i]);
    }
    printf("\b]\n");
}

int main(void){

    int array[10];

    for(int i = 0; i < 10; i++){
        array[i] = i;
    }

    print(array, 10);

    return 0;
}
```

❖ array_print2.py

```
def main():
    lst = [i for i in range(10)]

    print(lst)

if __name__ == '__main__':
    main()
```

Pythonのデバッグのお供

■ Pythonのlistの凄さ

❖ 対話型インタプリタの起動

```
$ python
Python 3.6.2 |Anaconda custom (64-bit)| (default,
Jul 20 2017, 13:14:59)
[GCC 4.2.1 Compatible Apple LLVM 6.0
(clang-600.0.57)] on darwin
Type "help", "copyright", "credits" or "license"
for more information.
>>> exit()
$
```

簡単な動作確認をすることができる

Pythonのデバッグのお供

■ Pythonのlistの凄さ

❖ 充実した既存の関数群

```
>>> dir(list)
['__add__', '__class__', '__contains__', '__delattr__', '__delitem__', '__dir__', '__doc__', '__eq__', '__format__', '__ge__', '__getattribute__', '__getitem__', '__gt__', '__hash__', '__iadd__', '__imul__', '__init__', '__init_subclass__', '__iter__', '__le__', '__len__', '__lt__', '__mul__', '__ne__', '__new__', '__reduce__', '__reduce_ex__', '__repr__', '__reversed__', '__rmul__', '__setattr__', '__setitem__', '__sizeof__', '__str__', '__subclasshook__', 'append', 'clear', 'copy', 'count', 'extend', 'index', 'insert', 'pop', 'remove', 'reverse', 'sort']
```

Pythonのデバッグのお供

■ その他の有用な機能

❖ `help()`: 関数その他の詳細を`vi`で出力 (`q`で抜ける)

```
>>> help(list.append)
Help on method_descriptor:

append(...)
    L.append(object) -> None -- append object to end
```

❖ `type()`: インスタンスの種類を出力

```
>>> lst = list(range(10))
>>> lst
[0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]
>>> type(lst)
<class 'list'>
```

実行時間

■ 比較

❖ array_print3.c

```
$ time ./a.out  
[0,1,2,3,4,5,6,7,8,9]  
  
real 0m0.007s  
user 0m0.002s  
sys 0m0.002s
```

❖ array_print2.py

```
$ time python array_print2.py  
[0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]  
  
real 0m0.062s  
user 0m0.039s  
sys 0m0.015s
```

Pythonは遅い!

Numpy

■ PythonのNumpyの凄さ

❖ 対話型インタプリタの起動

```
$ python
Python 3.6.2 |Anaconda custom (64-bit)| (default,
Jul 20 2017, 13:14:59)
[GCC 4.2.1 Compatible Apple LLVM 6.0
(clang-600.0.57)] on darwin
Type "help", "copyright", "credits" or "license"
for more information.
>>>
```

Numpy

■ Pythonのライブラリ利用法

✧ importする

```
>>> import numpy as np
```

numpyを書くのは長いのでnpと表記する（慣例）

★ C言語の類似表記:

```
#include <stdio.h>  
#include "myheader.h"
```

★ Pythonの場合は出自を記す必要がある

```
import numpy as np  
#numpyで定義されたsum()を使いたい  
np.sum()
```

■ PythonのNumpyの凄さ

❖ 豊富な関数群

```
>>> dir(np)
['ALLOW_THREADS', 'BUFSIZE', 'CLIP', 'ComplexWarning', 'DataSource',
'ERR_CALL', 'ERR_DEFAULT', 'ERR_IGNORE', 'ERR_LOG', 'ERR_PRINT',
'ERR_RAISE', 'ERR_WARN', 'FLOATING_POINT_SUPPORT', 'FPE_DIVIDEBYZERO',
'FPE_INVALID', 'FPE_OVERFLOW', 'FPE_UNDERFLOW', 'False_', 'Inf',
'Infinity', 'MAXDIMS', 'MAY_SHARE_BOUNDS', 'MAY_SHARE_EXACT', 'MachAr',
'ModuleDeprecationWarning', 'NAN', 'NINF', 'NZERO', 'NaN', 'PINF',
'PZERO', 'PackageLoader', 'RAISE', 'RankWarning', 'SHIFT_DIVIDEBYZERO',
'SHIFT_INVALID', 'SHIFT_OVERFLOW', 'SHIFT_UNDERFLOW', 'ScalarType',
'Tester', 'TooHardError', 'True_', 'UFUNC_BUFSIZE_DEFAULT',
'UFUNC_PYVALS_NAME', 'VisibleDeprecationWarning', 'WRAP', '_NoValue',
'__NUMPY_SETUP__', '__all__', '__builtins__', '__cached__',
'__config__', '__doc__', '__file__', '__git_revision__', '__loader__',
'__name__', '__package__', '__path__', '__spec__', '__version__',
'_import_tools', '_mat', 'abs', 'absolute', 'absolute_import', 'add',
'add_docstring', 'add_newdoc', 'add_newdoc_ufunc', 'add_newdocs',
'alen', 'all', 'allclose', 'alltrue', 'alterdot', 'amax', 'amin',
'angle', 'any', 'append', 'apply_along_axis', 'apply_over_axes',
'arange', 'arccos', 'arccosh', 'arcsin', 'arcsinh', 'arctan', 'arctan2',
'arctanh', 'argmax', 'argmin', 'argpartition', 'argsort', 'argwhere',
```


■ PythonのNumpyの凄さ

❖ 多次元行列(np.ndarray)に限っても豊富

```
>>> dir(np.ndarray)
['T', '__abs__', '__add__', '__and__', '__array__',
 '__array_finalize__', '__array_interface__', '__array_prepare__',
 '__array_priority__', '__array_struct__', '__array_wrap__', '__bool__',
 '__class__', '__contains__', '__copy__', '__deepcopy__', '__delattr__',
 '__delitem__', '__dir__', '__divmod__', '__doc__', '__eq__',
 '__float__', '__floordiv__', '__format__', '__ge__', '__getattr__',
 '__getitem__', '__gt__', '__hash__', '__iadd__', '__iand__',
 '__ifloordiv__', '__ilshift__', '__imatmul__', '__imod__', '__imul__',
 '__index__', '__init__', '__init_subclass__', '__int__', '__invert__',
 '__ior__', '__ipow__', '__irshift__', '__isub__', '__iter__',
 '__itruediv__', '__ixor__', '__le__', '__len__', '__lshift__', '__lt__',
 '__matmul__', '__mod__', '__mul__', '__ne__', '__neg__', '__new__',
 '__or__', '__pos__', '__pow__', '__radd__', '__rand__', '__rdivmod__',
 '__reduce__', '__reduce_ex__', '__repr__', '__rfloordiv__',
 '__rlshift__', '__rmatmul__', '__rmod__', '__rmul__', '__ror__',
 '__rpow__', '__rrshift__', '__rshift__', '__rsub__', '__rtruediv__',
 '__rxor__', '__setattr__', '__setitem__', '__setstate__', '__sizeof__',
 '__str__', '__sub__', '__subclasshook__', '__truediv__', '__xor__',
'all', 'any', 'argmax', 'argmin', 'argpartition', 'argsort', 'astype',
```

Numpy

■ listからnp.ndarrayへの変換

❖ np_array.py

```
import numpy as np

def main():
    lst = [i for i in range(10)]
    print(lst, type(lst))

    array = np.array(lst)
    print(array, type(array))

if __name__ == "__main__":
    main()
```

```
$ python np_array.py
[0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9] <class 'list'>
[0 1 2 3 4 5 6 7 8 9] <class 'numpy.ndarray'>
```

Numpy

■ numpyで定義された関数を用いる

❖ np_array2.py

```
import numpy as np

def main():
    #array = np.array([i for i in range(10)])
    array = np.arange(10)
    print(array)

if __name__ == "__main__":
    main()
```

`np.arange(n)` : 0~n-1で初期化された一次元配列

実行時間の計測: Python

■ 比較

❖ array_print2.py

```
$ time python array_print2.py  
[0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]  
  
real 0m0.062s  
user 0m0.039s  
sys 0m0.015s
```

❖ np_array2.py

```
$ time python np_array2.py  
[0 1 2 3 4 5 6 7 8 9]  
  
real 0m0.239s  
user 0m0.161s  
sys 0m0.062s
```

実行時間の計測: Python

■ numpyをimportするオーバーヘッド

❖ import_numpy.py

```
$ cat import_numpy.py
import numpy as np
$ time python import_numpy.py

real 0m0.226s
user 0m0.149s
sys 0m0.062s
```

❖ array_print2.py

```
real 0m0.062s
user 0m0.039s
sys 0m0.015s
```

❖ array_print2.py

```
real 0m0.239s
user 0m0.161s
sys 0m0.062s
```

```
real 0m0.013s
user 0m0.012s
sys 0m0.000s
```

→

実行時間の計測: Python

■ ipythonを利用する

❖ 多機能の対話型インタプリタの起動

```
$ ipython
Python 3.6.2 |Anaconda custom (64-bit)| (default,
Jul 20 2017, 13:14:59)
Type 'copyright', 'credits' or 'license' for more
information
IPython 6.2.1 -- An enhanced Interactive Python.
Type '?' for help.

In [1]: list.append?
Docstring: L.append(object) -> None -- append
object to end
Type:      method_descriptor

In [2]:
```

実行時間の計測: Python

■ ipythonを利用する

❖ Numpyをimport

```
In [1]: import numpy as np
```

❖ nを引数とする関数を定義

```
In [2]: def range_list(n):  
...:     lst = list(range(n))  
...:  
In [3]: def arange_np(n):  
...:     array = np.arange(n)  
...:
```



実行時間の計測: Python

■ ipythonを利用する

❖ %timeitで計測 (要素数10の1次元配列)

```
In [4]: %timeit range_list(10)
878 ns  $\pm$  31.8 ns per loop (mean  $\pm$  std.
dev. of 7 runs, 1000000 loops each)
```

```
In [5]: %timeit arange_np(10)
872 ns  $\pm$  32.8 ns per loop (mean  $\pm$  std.
dev. of 7 runs, 1000000 loops each)
```


実行時間の計測: Python

■ ipythonを利用する

❖ %timeitで計測 (要素数10000の1次元配列)

```
In [6]: %timeit range_list(10000)
238 µs ± 9.11 µs per loop (mean ± std.
dev. of 7 runs, 1000 loops each)
```

```
In [7]: %timeit arange_np(10000)
5.87 µs ± 179 ns per loop (mean ± std.
dev. of 7 runs, 100000 loops each)
```

実行時間: C

■ time.hを利用する

❖ array_10k.c (1/3)

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <time.h>

#define ARRAY_SIZE 10000
#define TRIAL 100000

typedef struct{
    int data[ARRAY_SIZE];
    int size;
} Array;
```

ヘッダのincludeと定数・構造体の定義

■ time.hを利用する

❖ array_10k.c (2/3)

```
void process(){
    Array *array = (Array*)malloc(sizeof(Array));
    array->size = 10000;

    for(int i = 0; i < array->size; i++){
        array->data[i] = i;
    }
}
```

配列の初期化を関数として切り出す

実行時間: C

■ time.hを利用する

❖ array_10k.c (3/3)

```
int main(){
    clock_t t1, t2;
    double sum; sum = 0;

    for(int i = 0; i < TRIAL; i++){
        t1 = clock(); process(); t2 = clock();

        sum += (double)(t2-t1)/CLOCKS_PER_SEC;
    }

    printf("%f\n", (double)sum / TRIAL);

    return 0;
}
```

実行時間

■ time.hを利用する

❖ array_10k.c

```
$ ./array_10k.out  
0.000034
```

■ 比較

種類		実行時間
Python	list	238 [μs]
	numpy	5.86 [μs]
C		34 [μs]

~~Pythonは遅い!~~

Numpy - 配列の初期化

■ ipythonを利用する

❖ 多機能型の対話型インタプリタの起動

```
$ ipython
Python 3.6.2 |Anaconda custom (64-bit)| (default,
Jul 20 2017, 13:14:59)
Type 'copyright', 'credits' or 'license' for more
information
IPython 6.2.1 -- An enhanced Interactive Python.
Type '?' for help.
```

❖ Numpyをimport

```
In [1] : import numpy as np
```

Numpy - 配列の初期化

■ 全零行列

✧ `np.zeros()`

```
In [2]: np.zeros(10)
Out[2]: array([ 0.,  0.,  0.,  0.,  0.,  0.,  0.,  0.,  0.,  0.])
```

■ 全一行列

✧ `np.ones()`

```
In [3]: np.ones(10)
Out[3]: array([ 1.,  1.,  1.,  1.,  1.,  1.,  1.,  1.,  1.,  1.])
```

Numpy - 多次元行列を定義

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}$$

■ listを変換

```
In [4]: np.array([[0,1],[2,3]])  
Out[4]:  
array([[0, 1],  
       [2, 3]])
```

■ np.reshape() で1次元配列を多次元へ変換

```
In [5]: np.arange(4).reshape([2,2])  
Out[5]:  
array([[0, 1],  
       [2, 3]])
```


Numpy - 多次元行列を定義

■ 全零行列 `np.zeros()`

```
In [6]: np.zeros([2,2])  
Out[6]:  
array([[ 0.,  0.],  
       [ 0.,  0.]])
```

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$$

■ 全一行列 `np.ones()`

```
In [7]: np.ones([2,2])  
Out[7]:  
array([[ 1.,  1.],  
       [ 1.,  1.]])
```

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$$

■ 単位行列 `np.identity()`

```
In [8]: np.identity(2)  
Out[8]:  
array([[ 1.,  0.],  
       [ 0.,  1.]])
```

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Numpy - 行列演算

$$a = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{bmatrix}, \quad b = \begin{bmatrix} 4 \\ 5 \\ 6 \end{bmatrix}$$

```
In [9]: a = np.array([1,2,3])  
In [9]: b = np.array([4,5,6])
```

■ 加算

```
In [10]: a + b  
Out[10]: array([5, 7, 9])
```

■ 減算

```
In [11]: a - b  
Out[11]: array([-3, -3, -3])
```

Numpy - 行列演算

$$a = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{bmatrix}, \quad b = \begin{bmatrix} 4 \\ 5 \\ 6 \end{bmatrix}$$

```
In [9]: a = np.array([1,2,3])  
In [9]: b = np.array([4,5,6])
```

■ 乗算

```
In [12]: a * b  
Out[12]: array([ 4, 10, 18])
```

■ 除算

```
In [13]: a / b  
Out[13]: array([ 0.25,  0.4 ,  0.5 ])
```

■ np.linalg

```
>>> dir(np.linalg)
['LinAlgError', '__builtins__', '__cached__',
 '__doc__', '__file__', '__loader__', '__name__',
 '__package__', '__path__', '__spec__',
 '_numpy_tester', '_umath_linalg',
 'absolute_import', 'bench', 'cholesky', 'cond',
 'det', 'division', 'eig', 'eigh', 'eigvals',
 'eigvalsh', 'info', 'inv', 'lapack_lite', 'linalg',
 'lstsq', 'matrix_power', 'matrix_rank',
 'multi_dot', 'norm', 'pinv', 'print_function',
 'qr', 'slogdet', 'solve', 'svd', 'tensorinv',
 'tensorsolve', 'test']
>>>
```

Numpy - 線形代数

$$c = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$$

```
In [14]: c = np.arange(1,5).reshape(2,2)
```

■ 行列式: $\det c$

```
In [15]: np.linalg.det(c)  
Out[15]: -2.000000000000000000000004
```

■ ノルム: $\|c\|$

```
In [16]: np.linalg.norm(c)  
Out[16]: 5.4772255750516612
```

$$c = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$$

```
In [14]: c = np.arange(1,5).reshape(2,2)
```

■ 逆行列: c^{-1}

```
In [17]: np.linalg.inv(c)
Out[17]:
array([[ -2.  ,  1.  ],
       [ 1.5, -0.5]])
```

Numpy - 乱数生成

■ random (既存ライブラリ)

```
>>> import random
>>> dir(random)
['BPF', 'LOG4', 'NV_MAGICCONST', 'RECIP_BPF', 'Random',
 'SG_MAGICCONST', 'SystemRandom', 'TWOPI',
 '_BuiltinMethodType', '_MethodType', '_Sequence', '_Set',
 '__all__', '__builtins__', '__cached__', '__doc__',
 '__file__', '__loader__', '__name__', '__package__',
 '__spec__', '_acos', '_bisect', '_ceil', '_cos', '_e',
 '_exp', '_inst', '_itertools', '_log', '_pi', '_random',
 '_sha512', '_sin', '_sqrt', '_test', '_test_generator',
 '_urandom', '_warn', 'betavariate', 'choice', 'choices',
 'expovariate', 'gammavariate', 'gauss', 'getrandbits',
 'getstate', 'lognormvariate', 'normalvariate',
 'paretovariate', 'randint', 'random', 'randrange', 'sample',
 'seed', 'setstate', 'shuffle', 'triangular', 'uniform',
 'vonmisesvariate', 'weibullvariate']
```

Numpy - 乱数生成

■ np.random

```
>>> dir(np.random)
['Lock', 'RandomState', '__RandomState_ctor', '__all__',
 '__builtins__', '__cached__', '__doc__', '__file__',
 '__loader__', '__name__', '__package__', '__path__',
 '__spec__', '_numpy_tester', 'absolute_import', 'bench',
 'beta', 'binomial', 'bytes', 'chisquare', 'choice',
 'dirichlet', 'division', 'exponential', 'f', 'gamma',
 'geometric', 'get_state', 'gumbel', 'hypergeometric', 'info',
 'laplace', 'logistic', 'lognormal', 'logseries', 'mtrand',
 'multinomial', 'multivariate_normal', 'negative_binomial',
 'noncentral_chisquare', 'noncentral_f', 'normal', 'np',
 'operator', 'pareto', 'permutation', 'poisson', 'power',
 'print_function', 'rand', 'randint', 'randn', 'random',
 'random_integers', 'random_sample', 'ranf', 'rayleigh',
 'sample', 'seed', 'set_state', 'shuffle', 'standard_cauchy',
 'standard_exponential', 'standard_gamma', 'standard_normal',
 'standard_t', 'test', 'triangular', 'uniform', 'vonmises',
 'wald', 'warnings', 'weibull', 'zipf']
```


Numpy - 異なる分布による乱数生成

■ 一様分布: `np.random.rand()`

❖ `np_rand.py`

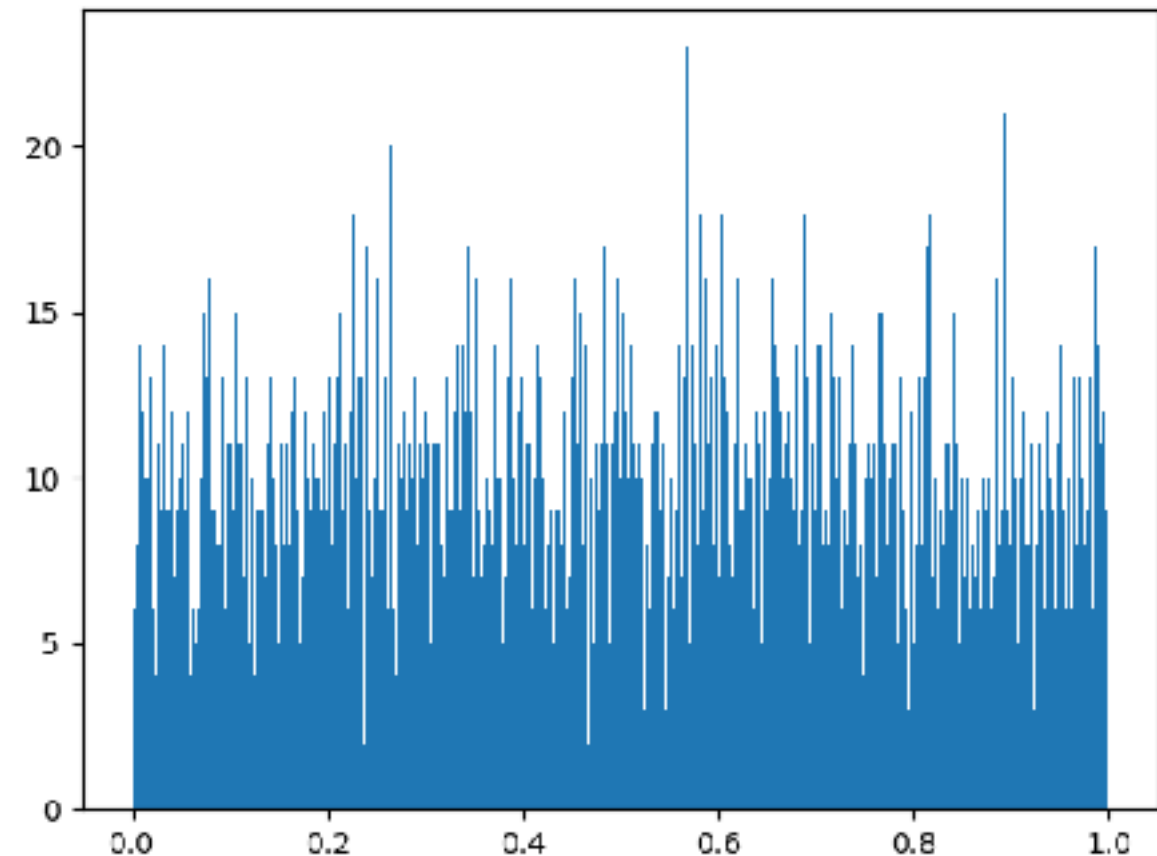
```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

def main():
    R = np.random.rand(10000)

    plt.hist(R, bins=1000)

    plt.show()

if __name__ == "__main__":
    main()
```



一様分布

Numpy - 異なる分布による乱数生成

■ 標準正規分布 $\mathcal{N}(0, 1)$: `np.random.randn()`

❖ `np_randn.py`

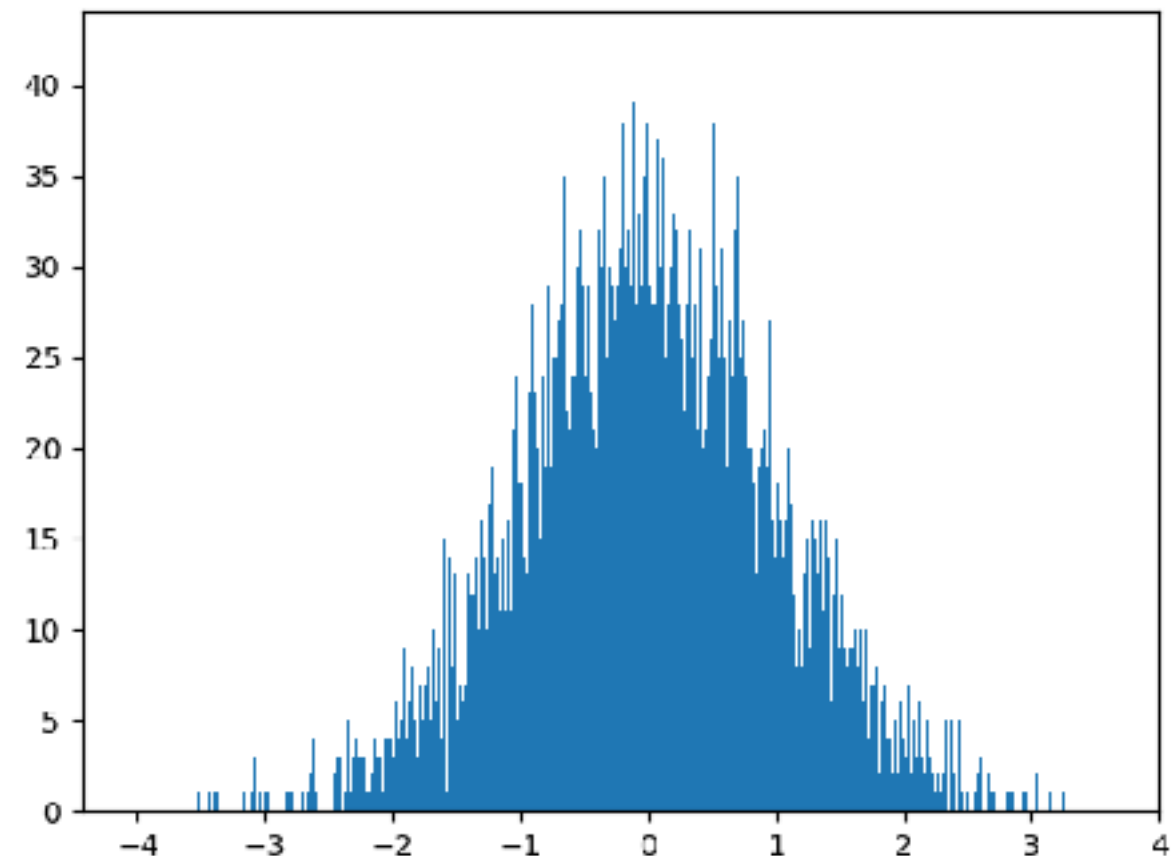
```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

def main():
    R = np.random.randn(10000)

    plt.hist(R, bins=1000)

    plt.show()

if __name__ == "__main__":
    main()
```



標準正規分布

Numpy - 分布関数で決定

■ ランダムに選択: `np.random.choice()`

$$\Lambda_8(x) = 0.5x^2 + 0.28x^3 + 0.22x^8$$

❖ `np_rand_choice.py`

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

def main():
    array = np.arange(9)
    pmf = np.zeros(9)

    pmf[2] = 0.5
    pmf[3] = 0.28
    pmf[8] = 0.22

    R = np.random.choice(array, size = 10000, p=pmf)

    #print(R)
    plt.hist(R, bins=100)

    plt.show()

if __name__ == "__main__":
    main()
```

Numpy - 分布関数で決定

■ ランダムに選択: `np.random.choice()`

$$\Lambda_8(x) = 0.5x^2 + 0.28x^3 + 0.22x^8$$

❖ `np_rand_choice.py`

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

def main():
    array = np.arange(9)
    pmf = np.zeros(9)

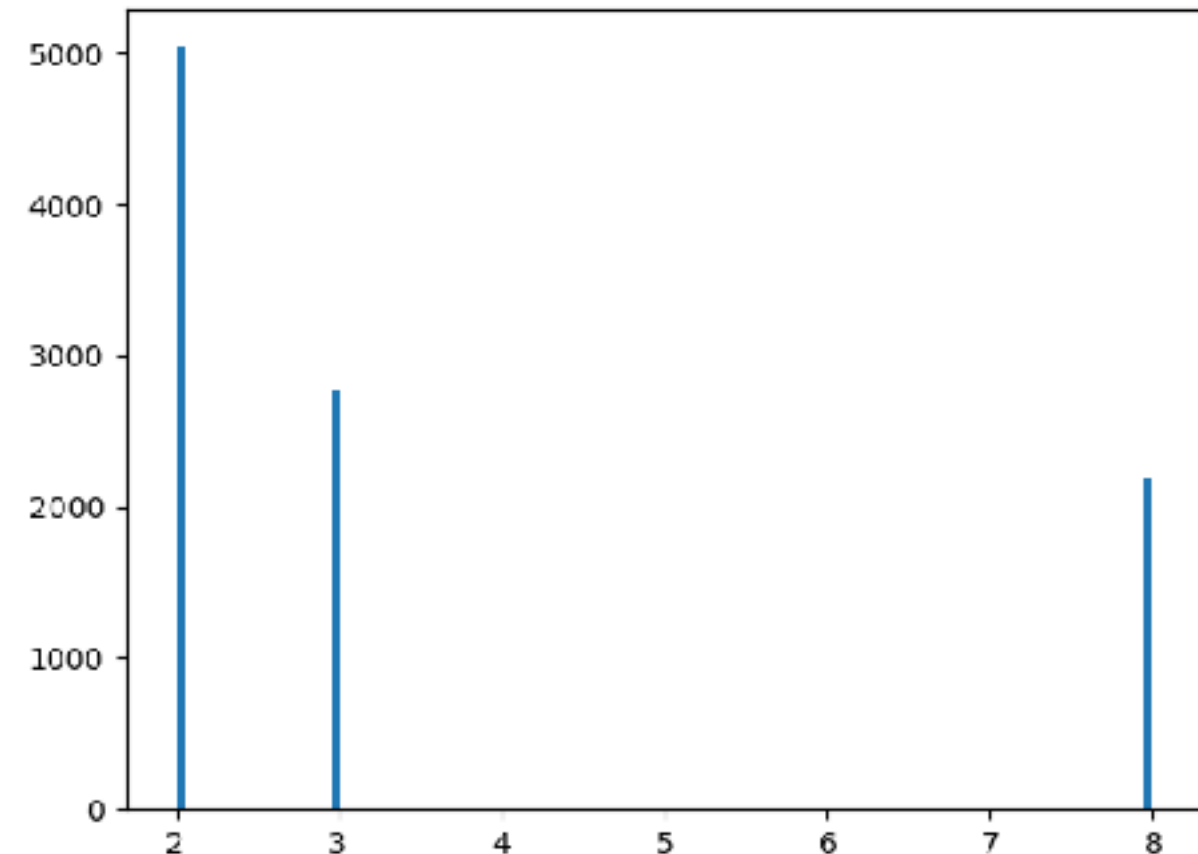
    pmf[2] = 0.5
    pmf[3] = 0.28
    pmf[8] = 0.22

    R = np.random.choice(array, size =

    #print(R)
    plt.hist(R, bins=100)

    plt.show()

if __name__ == "__main__":
    main()
```



■ Python

- 簡潔に記述できるためデバッグしやすい
- C言語と比較すると実行速度が遅い
- そのままでは科学計算用には適していない

■ Numpy

- Pythonの科学計算用ライブラリ
- 内部がCで記述されており高速な演算が可能
- 豊富なライブラリ関数による簡易な実装

その他の数学用ライブラリ

■ Scipy: 算術計算用のライブラリ

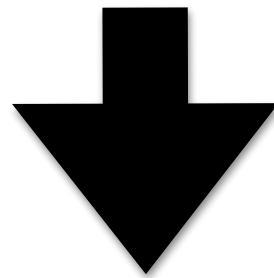
- ・ 微分積分や疎行列などを定義している
- ・ NumpyにないものはおそらくScipyにある

■ Sympy: 変数をシンボルとして扱うためのライブラリ

- ・ x, y などに具体的に値を代入する必要がない
- ・ 極限などよりテーラー展開など応用数学分野に強い
- ・ 式の展開とか整理に利用？

NumpyおよびPythonの使い方

処理の流れをPythonで決める



実行速度に満足したか？

はい



いいえ

Cで書き直す？

はい



いいえ

修羅の道へ...

■ おすすめ

- YouTubeなどでカンファレンス動画を観る
 - PyData, Enthought, Next Day Video, PyCon
- オライリー本を買う
- GitHubなどでコードを漁る
- 公式ドキュメントを熟読する
 - 新しいメソッドを知ることにより処理速度が変化

補助

■ プログラミング言語年代記

1950s	Fortran		
1960s	BASIC		
1970s	C	SQL	SmallTalk
1980s	C++	Common Lisp	Perl
1990s	Python	Ruby	Haskell
2000s	C#	Go	Nim
2010s	Rust	Julia	Kotlin

Pythonを使いつつ速度を求める

■ Cython

- PythonをCに変換する
- コードが汚くなる代わりに速い

■ Numba

- JIT (Just-In-Time) コンパイラ
- 機械語に変換し速度向上を目指す

■ Pypy

- 速度向上を目指すPythonのバージョン