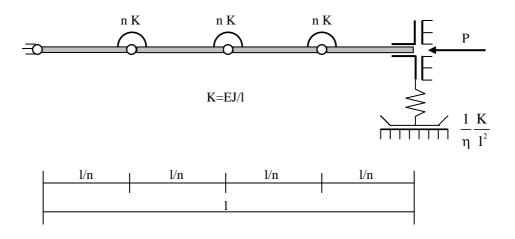
## Università degli Studi di Bergamo, Facoltà di Ingegneria, Dalmine Laurea Specialistica in Ingegneria Edile

## Fondamenti di Dinamica e Instabilità delle Strutture a.a. 2006/2007

## III ELABORATO

Si consideri il seguente sistema strutturale discreto avente aste rigide e molle elastiche lineari (molle rotazionali relative e molla elongazionale d'estremità agente in direzione verticale):



ove n è il numero di tratti in cui è stata divisa la lunghezza totale l fissa (n > 1; in fig. è rappresentato il caso n = 4). Il parametro  $\eta > 0$  descrive la rigidezza della molla elongazionale d'estremità.

## **Richieste:**

- Si considerino i primi tre casi con n = 2, n = 3 e n = 4:
  - calcolare il carico critico euleriano  $P_{cr}^{n}$  di ogni caso utilizzando il metodo energetico e il metodo statico (si parta da equazioni valide per spostamenti grandi per poi giungere a relazioni valide in regime di spostamenti geometricamente piccoli);
  - rappresentare l'andamento dei tre carichi critici P<sub>cr</sub> così determinati in funzione del parametro η, ponendoli a confronto;
  - fornire in tabella il valore dei tre  $P_{cr}^{n}$  per i valori  $\eta \to 0$ ,  $\eta = 1$ ,  $\eta \to \infty$ , per il valore  $\eta = 5 + (N C)/5$  (N=numero lettera iniziale del nome, C= numero lettera iniziale del cognome) e per eventuali altri valori di  $\eta$  ritenuti significativi;
  - rappresentare le corrispondenti tre deformate critiche per gli stessi valori di η.
- Facoltativo: determinare il carico critico per ulteriori n successivi (n > 4), indagando l'eventuale andamento asintotico per n crescenti.
- Facoltativo: individuare eventuali nessi col problema assegnato nel IV elaborato.