

\_\_\_\_\_

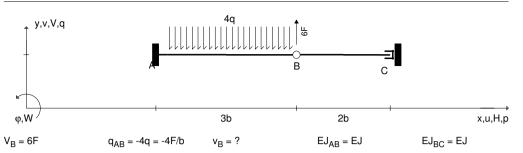
**←**[+]

\_\_\_\_\_

 $\uparrow \boxed{+} \downarrow$ 

\_\_\_\_\_

Carichi e deformazioni date hanno verso efficace in disegno. Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere la linea elastica delle aste.  $J_{YZ} - x_{YZ} - \vartheta_{YZ} \ \, \text{riferimento locale asta YZ con origine in Y Calcolare lo spostamento verticale del nodo B}$ 

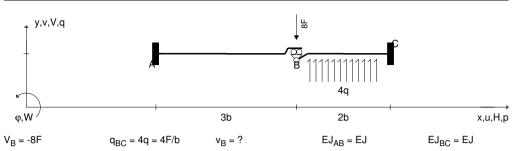


v<sub>B</sub> = AB y(x)EJ=BC y(x)EJ=

 $\uparrow$  +  $\downarrow$ 

Carichi e deformazioni date hanno verso efficace in disegno. Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere la linea elastica delle aste.  $J_{YZ}$  -  $x_{YZ}$  -  $\vartheta_{YZ}$  riferimento locale asta YZ con origine in Y Calcolare lo spostamento verticale del nodo B

Riportare la soluzione su questo foglio.



\_\_\_\_\_

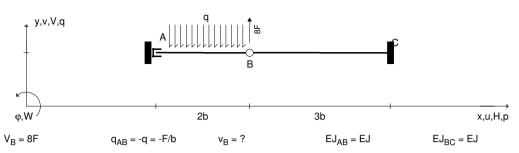
\_\_\_\_\_\_

 $\uparrow$  +  $\downarrow$ 

\_\_\_\_\_

Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere la linea elastica delle aste.  $J_{YZ} - x_{YZ} - \vartheta_{YZ} \ \ riferimento locale asta \ YZ \ con origine in \ Y$  Calcolare lo spostamento verticale del nodo B

Carichi e deformazioni date hanno verso efficace in disegno.



\_\_\_\_\_

**←**[+]**→** 

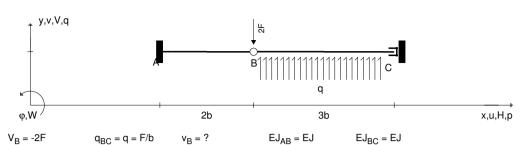
\_\_\_\_\_\_

 $\uparrow$  +  $\downarrow$ 

\_\_\_\_\_

Carichi e deformazioni date hanno verso efficace in disegno. Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere la linea elastica delle aste.  $J_{YZ} - x_{YZ} - \vartheta_{YZ} \ \, \text{riferimento locale asta YZ con origine in Y Calcolare lo spostamento verticale del nodo B Riportare la soluzione su questo foglio.$ 

@ Adolfo Zavelani Rossi, Politecnico di Milano



v<sub>B</sub> =
AB y(x)EJ=
BC y(x)EJ=

**←**[+]—

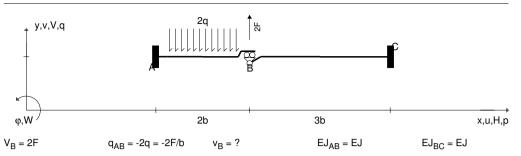
\_\_\_\_\_

 $\uparrow \boxed{+} \downarrow$ 

\_\_\_\_\_

Carichi e deformazioni date hanno verso efficace in disegno. Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere la linea elastica delle aste.  $J_{YZ} - x_{YZ} - \vartheta_{YZ} \ riferimento locale asta YZ con origine in Y Calcolare lo spostamento verticale del nodo B$ 

Calcolare lo spostamento verticale del nodo B
Riportare la soluzione su questo foglio.



\_\_\_\_\_

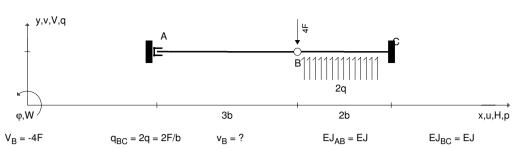
**←**[+]**→** 

\_\_\_\_\_

 $\uparrow$  +  $\downarrow$ 

\_\_\_\_\_

Carichi e deformazioni date hanno verso efficace in disegno. Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere la linea elastica delle aste.  $J_{YZ} - x_{YZ} - \vartheta_{YZ} \ \ \, \text{riferimento locale asta YZ con origine in Y Calcolare lo spostamento verticale del nodo B }$ 



\_\_\_\_\_

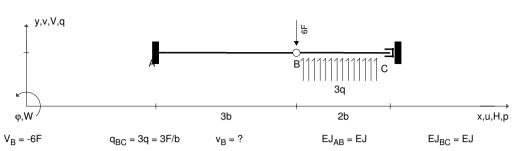
\_\_\_\_\_\_

 $\uparrow$  +  $\downarrow$ 

\_\_\_\_\_

Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere la linea elastica delle aste.  $J_{YZ} - x_{YZ} - \vartheta_{YZ} \ \ riferimento locale asta YZ con origine in Y$  Calcolare lo spostamento verticale del nodo B

Carichi e deformazioni date hanno verso efficace in disegno.



\_\_\_\_\_

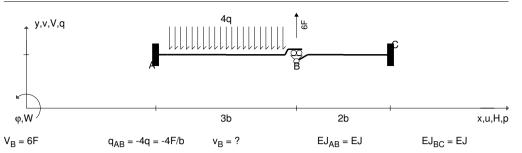
-+

\_\_\_\_\_\_

 $\uparrow \boxed{+} \downarrow$ 

\_\_\_\_\_

Carichi e deformazioni date hanno verso efficace in disegno. Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere la linea elastica delle aste.  $J_{YZ} - x_{YZ} - \vartheta_{YZ} \ \, \text{riferimento locale asta YZ con origine in Y Calcolare lo spostamento verticale del nodo B }$ 



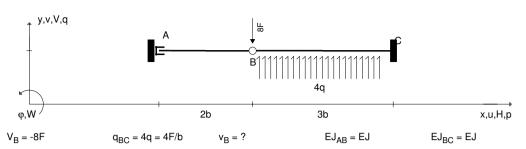
\_\_\_\_\_

 $\uparrow$  +  $\downarrow$ 

\_\_\_\_\_

Carichi e deformazioni date hanno verso efficace in disegno. Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere la linea elastica delle aste.  $J_{YZ} - x_{YZ} - \vartheta_{YZ} \ \, riferimento locale asta YZ con origine in Y Calcolare lo spostamento verticale del nodo B$ 





$v_B =$ AB $y(x)EJ=$ BC $y(x)EJ=$				



\_\_\_\_\_\_



\_\_\_\_\_\_

Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere la linea elastica delle aste.  $J_{YZ} - x_{YZ} - \vartheta_{YZ} \ riferimento locale asta YZ con origine in Y \\ Calcolare lo spostamento verticale del nodo B \\ Riportare la soluzione su questo foglio. \\ @ Adolfo Zavelani Rossi, Politecnico di Milano$ 

Carichi e deformazioni date hanno verso efficace in disegno.

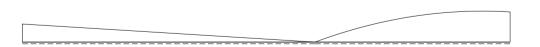












$$H_A = 0$$
  
 $V_A = 48/35F - 18/35qb = 6/7F$   
 $W_A = 144/35Fb - 54/35qb^2 = 18/7Fb$ 

$$H_{AB} = 0$$
  
 $V_{AB} = 48/35F - 18/35qb = 6/7F$   
 $W_{AB} = 144/35Fb - 54/35qb^2 = 18/7Fb$   
 $H_{BA} = 0$   
 $V_{BA} = -48/35F + 18/35qb = -6/7F$   
 $W_{BA} = 0$ 

# SPOSTAMENTI ASSOLUTI $v_B = -432/35(Fb^3/EJ) + 162/35(qb^4/EJ) = -54/7(Fb^3/EJ)$

DEFORMATA (coordinate locali)
AB y(x)EJ = 
$$-9/7x^2$$
Fb +  $1/7x^3$ F
BC y(x)EJ =  $-54/7$ Fb<sup>3</sup> +  $444/7x$ Fb<sup>2</sup> -  $6/7x^3$ F +  $1/8x^4$ q

$$H_C = 0$$

$$V_C = 162/35F - 192/35qb = -6/7F$$
  
 $W_C = -324/35Fb + 174/35qb^2 = -30/7Fb$ 

$$H_{BC} = 0$$
  
 $V_{BC} = -162/35F - 18/35qb = -36/7F$   
 $W_{BC} = 0$   
 $H_{CB} = 0$   
 $V_{CB} = 162/35F - 192/35qb = -6/7F$   
 $W_{CB} = -324/35Fb + 174/35qb^2 = -30/7Fb$ 



$$H_A = 0$$

$$V_A = -48/35F +597/70qb = 501/70F$$
  
 $W_A = -144/35Fb +531/70qb^2 = 243/70Fb$ 

$$H_C = 0$$

 $H_{BC} = 0$ 

 $W_{BC} = 0$ 

$$V_C = -162/35F + 243/70qb = -81/70F$$
  
 $W_C = 324/35Fb - 243/35qb^2 = 81/35Fb$ 

$$H_{AB} = 0$$

$$V_{AB} = -48/35F + 597/70qb = 501/70F$$

$$W_{AB} = -144/35Fb + 531/70qb^2 = 243/70Fb$$

$$H_{CB} = 0$$
  
 $V_{CB} = -162/3!$ 

$$V_{BA} = 48/35F + 243/70qb = 339/70F$$

$$V_{CB} = -162/35F + 243/70qb = -81/70F$$
  
 $W_{CB} = 324/35Fb - 243/35qb^2 = 81/35Fb$ 

 $V_{BC} = 162/35F - 243/70qb = 81/70F$ 

 $W_{BA} = 0$ 

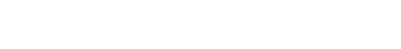
# SPOSTAMENTI ASSOLUTI

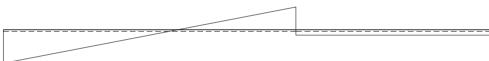
$$v_B = 432/35(Fb^3/EJ) - 324/35(qb^4/EJ) = 108/35(Fb^3/EJ)$$

$$v_B = 432/35(Fb^{\circ}/EJ) - 324/35(qb^{\circ}/EJ) = 108/35(Fb^{\circ}/EJ)$$

# DEFORMATA (coordinate locali)

AB y(x)EJ = 
$$-243/140x^2$$
Fb  $+167/140x^3$ F  $-1/6x^4$ q BC y(x)EJ =  $108/35$ Fb<sup>3</sup>  $-81/35x$ Fb<sup>2</sup>  $+27/140x^3$ F





В



6 Fb<sup>3</sup>/EJ





$$H_A = 0$$
  
 $V_A = 64/35F - 24/35qb = 8/7F$   
 $W_A = 192/35Fb - 72/35qb^2 = 24/7Fb$ 

$$H_C = 0$$
  
 $V_C = 216/35F - 256/35qb = -8/7F$   
 $W_C = -432/35Fb + 232/35qb^2 = -40/7Fb$ 

$$H_{AB} = 0$$

$$V_{AB} = 64/35F - 24/35qb = 8/7F$$
  
 $W_{AB} = 192/35Fb - 72/35qb^2 = 24/7Fb$ 

$$V_{BC} = -216/35F - 24/35qb = -48/7F$$
  
 $W_{BC} = 0$   
 $H_{CB} = 0$ 

 $H_{BC} = 0$ 

$$V_{BA} = -64/35F + 24/35qb = -8/7F$$

$$V_{CB} = 216/35F - 256/35qb = -8/7F$$
  
 $W_{CB} = -432/35Fb + 232/35qb^2 = -40/7Fb$ 

$$W_{BA} = 0$$

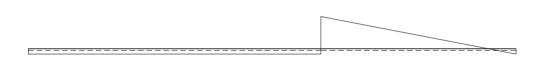
# SPOSTAMENTI ASSOLUTI

$$v_B = -576/35(Fb^3/EJ) + 216/35(qb^4/EJ) = -72/7(Fb^3/EJ)$$

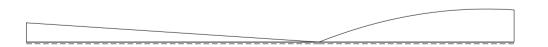
AB y(x)EJ = 
$$-12/7x^2$$
Fb  $+4/21x^3$ F  
BC y(x)EJ =  $-72/7$ Fb<sup>3</sup>  $+176/21x$ Fb<sup>2</sup>  $-8/7x^3$ F  $+1/6x^4$ q

























 $W_{BA} = 0$ 

$$H_A = 0$$
  
 $V_A = -216/35F + 64/35qb = -152/35F$   
 $W_A = -432/35Fb + 58/35qb^2 = -374/35Fb$ 

$$H_{AB} = 0$$
  
 $V_{AB} = -216/35F + 64/35qb = -152/35F$   
 $W_{AB} = -432/35Fb + 58/35qb^2 = -374/35Fb$   
 $H_{BA} = 0$   
 $V_{BA} = 216/35F + 6/35qb = 222/35F$ 

SPOSTAMENTI ASSOLUTI 
$$v_B = 576/35(Fb^3/EJ) - 54/35(qb^4/EJ) = 522/35(Fb^3/EJ)$$

DEFORMATA (coordinate locali)  
AB y(x)EJ = 
$$187/35x^2$$
Fb  $-76/105x^3$ F  $-1/24x^4$ q  
BC y(x)EJ =  $522/35$ Fb<sup>3</sup>  $-261/35x$ Fb<sup>2</sup>  $+29/105x^3$ F

$$H_C = 0$$

$$V_C = -64/35F + 6/35qb = -58/35F$$
  
 $W_C = 192/35Fb - 18/35qb^2 = 174/35Fb$ 

$$H_{BC} = 0$$

$$V_{BC} = 64/35F - 6/35qb = 58/35F$$

$$W_{BC} = 0$$

$$H_{CB} = 0$$

$$V_{CB} = -64/35F + 6/35qb = -58/35F$$
  
 $W_{CB} = 192/35Fb - 18/35qb^2 = 174/35Fb$ 

$$H_A = 0$$

$$V_A = 54/35F - 243/280qb = 27/40F$$
  
 $W_A = 108/35Fb - 243/140qb^2 = 27/20Fb$ 

$$H_C = 0$$

$$V_C = 16/35F - 597/280qb = -67/40F$$
  
 $W_C = -48/35Fb + 531/280qb^2 = 21/40Fb$ 

$$H_{AB} = 0$$

$$V_{AB} = 54/35F - 243/280qb = 27/40F$$

$$W_{AB} = 108/35 Fb - 243/140 qb^2 = 27/20 Fb$$

$$H_{B\Delta} = 0$$

$$V_{BA} = -54/35F + 243/280qb = -27/40F$$

$$W_{BA} = 0$$

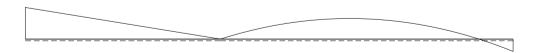
$$H_{BC} = 0$$
  
 $V_{BC} = -16/35F - 243/280qb = -53/40F$ 

$$W_{BC} = 0$$
  
 $H_{CB} = 0$ 

$$V_{CB} = 16/35F - 597/280qb = -67/40F$$
  
 $W_{CB} = -48/35Fb + 531/280qb^2 = 21/40Fb$ 

# 3 Fb<sup>3</sup>/EJ





# SPOSTAMENTI ASSOLUTI

$$v_B = -144/35(Fb^3/EJ) + 81/35(qb^4/EJ) = -9/5(Fb^3/EJ)$$

# DEFORMATA (coordinate locali)

AB y(x)EJ = 
$$-27/40x^2$$
Fb  $+9/80x^3$ F  
BC y(x)EJ =  $-9/5$ Fb<sup>3</sup>  $+117/80x$ Fb<sup>2</sup>  $-53/240x^3$ F  $+1/24x^4$ q

$$H_A = 0$$
  
 $V_A = -54/35F + 128/35qb = 74/35F$   
 $W_A = -108/35Fb + 116/35qb^2 = 8/35Fb$ 

$$H_C = 0$$
  
 $V_C = -16/35F + 12/35qb = -4/35F$   
 $W_C = 48/35Fb - 36/35qb^2 = 12/35Fb$ 

$$H_{AB} = 0$$

$$V_{AB} = -54/35F + 128/35qb = 74/35F$$
  
 $W_{AB} = -108/35Fb + 116/35qb^2 = 8/35Fb$ 

 $v_B = 144/35(Fb^3/EJ) - 108/35(qb^4/EJ) = 36/35(Fb^3/EJ)$ 

$$H_{BC} = 0$$
  
 $V_{BC} = 16/35F - 12/35qb = 4/35F$   
 $W_{BC} = 0$   
 $H_{CB} = 0$ 

$$H_{BA} = 0$$

$$V_{BA} = 54/35F + 12/35qb = 66/35F$$
  
 $W_{BA} = 0$ 

SPOSTAMENTI ASSOLUTI

$$V_{CB} = -16/35F + 12/35qb = -4/35F$$
  
 $W_{CB} = 48/35Fb - 36/35qb^2 = 12/35Fb$ 











# DEFORMATA (coordinate locali) AB $y(x)EJ = -4/35x^2Fb + 37/105x^3F - 1/12x^4q$ BC $y(x)EJ = 36/35Fb^3 - 18/35xFb^2 + 2/105x^3F$

$$H_A = 0$$
  
 $V_A = 32/35F - 12/35qb = 4/7F$   
 $W_A = 96/35Fb - 36/35qb^2 = 12/7Fb$ 

$$\begin{split} &H_C = 0 \\ &V_C = 108/35F - 128/35qb = -4/7F \\ &W_C = -216/35Fb + 116/35qb^2 = -20/7Fb \end{split}$$

$$H_{AB} = 0$$

$$V_{AB} = 32/35F - 12/35qb = 4/7F$$
  
 $W_{AB} = 96/35Fb - 36/35qb^2 = 12/7Fb$ 

$$H_{BC} = 0$$
  
 $V_{BC} = -108/35F - 12/35qb = -24/7F$   
 $W_{BC} = 0$   
 $H_{CB} = 0$ 

$$H_{B\Delta} = 0$$

$$V_{BA} = -32/35F + 12/35qb = -4/7F$$
  
 $W_{BA} = 0$ 

 $V_{CB} = 108/35F - 128/35qb = -4/7F$  $W_{CB} = -216/35Fb + 116/35qb^2 = -20/7Fb$ 











# SPOSTAMENTI ASSOLUTI

$$v_B = -288/35(Fb^3/EJ) + 108/35(qb^4/EJ) = -36/7(Fb^3/EJ)$$

DEFORMATA (coordinate locali)  
AB y(x)EJ = 
$$-6/7x^2$$
Fb  $+2/21x^3$ F  
BC y(x)EJ =  $-36/7$ Fb $^3 +88/21x$ Fb $^2 -4/7x^3$ F  $+1/12x^4$ q

 $W_{BA} = 0$ 

$$H_A = 0$$
  
 $V_A = 48/35F - 18/35qb = 6/7F$   
 $W_A = 144/35Fb - 54/35qb^2 = 18/7Fb$ 

$$H_C = 0$$
  
 $V_C = 162/35F - 192/35qb = -6/7F$   
 $W_C = -324/35Fb + 174/35qb^2 = -30/7Fb$ 

$$H_{AB} = 0$$
  
 $V_{AB} = 48/35F - 18/35qb = 6/7F$   
 $W_{AB} = 144/35Fb - 54/35qb^2 = 18/7Fb$   
 $H_{BA} = 0$   
 $V_{BA} = -48/35F + 18/35qb = -6/7F$ 

 $v_B = -432/35(Fb^3/EJ) + 162/35(qb^4/EJ) = -54/7(Fb^3/EJ)$ 

DEFORMATA (coordinate locali) AB y(x)EJ =  $-9/7x^2$ Fb  $+1/7x^3$ F BC y(x)EJ = -54/7Fb $^3$  +44/7xFb $^2$   $-6/7x^3$ F  $+1/8x^4$ q

SPOSTAMENTI ASSOLUTI

$$\begin{split} &V_{BC} = -162/35 F - 18/35 qb = -36/7 F \\ &W_{BC} = 0 \\ &H_{CB} = 0 \\ &V_{CB} = 162/35 F - 192/35 qb = -6/7 F \\ &W_{CB} = -324/35 Fb + 174/35 qb^2 = -30/7 Fb \end{split}$$

 $H_{BC} = 0$ 

⊢—— 15 Fb<sup>3</sup>/EJ









$$H_A = 0$$

$$V_A = -48/35F +597/70qb = 501/70F$$
  
 $W_A = -144/35Fb +531/70qb^2 = 243/70Fb$ 

$$H_C = 0$$

$$V_C = -162/35F + 243/70qb = -81/70F$$
  
 $W_C = 324/35Fb - 243/35qb^2 = 81/35Fb$ 

$$H_{AB} = 0$$

$$V_{AB} = -48/35F + 597/70qb = 501/70F$$

$$W_{AB} = -144/35Fb + 531/70qb^2 = 243/70Fb$$

$$W_{BC} = 0$$
$$H_{CB} = 0$$

 $H_{BC} = 0$ 

$$V_{BA} = 48/35F + 243/70qb = 339/70F$$

$$V_{CB} = -162/35F + 243/70qb = -81/70F$$
  
 $W_{CB} = 324/35Fb - 243/35qb^2 = 81/35Fb$ 

 $V_{BC} = 162/35F - 243/70qb = 81/70F$ 

$$W_{BA} = 0$$

# SPOSTAMENTI ASSOLUTI

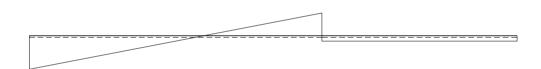
$$v_B = 432/35(Fb^3/EJ) - 324/35(qb^4/EJ) = 108/35(Fb^3/EJ)$$

$$V_{B} = 432/35(FD/EJ) - 324/35(QD/EJ) = 108/35(FD/EJ)$$

# DEFORMATA (coordinate locali)

AB y(x)EJ = 
$$-243/140x^2$$
Fb  $+167/140x^3$ F  $-1/6x^4$ q BC y(x)EJ =  $108/35$ Fb<sup>3</sup>  $-81/35x$ Fb<sup>2</sup>  $+27/140x^3$ F











$$H_A = 0$$

 $V_A = 216/35F - 243/70qb = 27/10F$  $W_A = 432/35Fb - 243/35qb^2 = 27/5Fb$   $H_C = 0$ 

 $V_C = 64/35F - 597/70qb = -67/10F$  $W_C = -192/35Fb + 531/70qb^2 = 21/10Fb$ 

$$H_{AB} = 0$$

 $V_{AB} = 216/35F - 243/70qb = 27/10F$  $W_{AB} = 432/35Fb - 243/35qb^2 = 27/5Fb$   $H_{BC} = 0$  $V_{BC} = -64/35F - 243/70qb = -53/10F$ 

 $W_{BC} = 0$  $H_{CB} = 0$ 

Ho

 $V_{CB} = 64/35F - 597/70qb = -67/10F$  $W_{CB} = -192/35Fb + 531/70qb^2 = 21/10Fb$ 

 $H_{DA} = 0$ 

 $V_{BA} = -216/35F + 243/70qb = -27/10F$ 

 $W_{BA} = 0$ 

# SPOSTAMENTI ASSOLUTI

 $v_B = -576/35(Fb^3/EJ) + 324/35(qb^4/EJ) = -36/5(Fb^3/EJ)$ 

# DEFORMATA (coordinate locali)

AB y(x)EJ =  $-27/10x^2$ Fb  $+9/20x^3$ F BC y(x)EJ = -36/5Fb<sup>3</sup> +117/20xFb<sup>2</sup>  $-53/60x^3$ F  $+1/6x^4$ q



12 Fb<sup>3</sup>/EJ

