

 $v_B =$ AB y(x)EJ=BC y(x)EJ=

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

 $\uparrow \boxed{+} \downarrow$ 

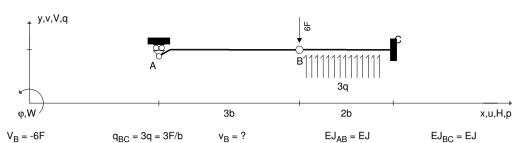
\_\_\_\_\_

Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere la linea elastica delle aste.  $J_{YZ} - x_{YZ} - \vartheta_{YZ} \ \ riferimento locale asta \ YZ \ con origine in \ Y$  Calcolare lo spostamento verticale del nodo B Riportare la soluzione su questo foglio.

@ Adolfo Zavelani Rossi, Politecnico di Milano

Carichi e deformazioni date hanno verso efficace in disegno.

(+)

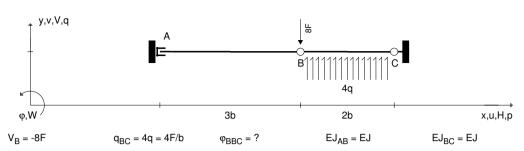


v<sub>B</sub> = AB y(x)EJ=BC y(x)EJ=

 $\uparrow$  +  $\downarrow$ 

Carichi e deformazioni date hanno verso efficace in disegno. Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere la linea elastica delle aste.  $J_{YZ}$  -  $x_{YZ}$  -  $\vartheta_{YZ}$  riferimento locale asta YZ con origine in Y Calcolare lo spostamento verticale del nodo B

Riportare la soluzione su questo foglio.



 $\phi_{BBC}$ =
AB y(x)EJ=
BC y(x)EJ=

<u>--+-</u>

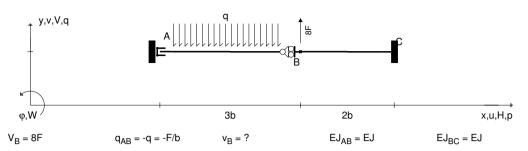
\_\_\_\_\_\_

 $\uparrow$  +  $\downarrow$ 

\_\_\_\_\_

Carichi e deformazioni date hanno verso efficace in disegno.
Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste.
Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste.
Esprimere la linea elastica delle aste.

 $J_{YZ} - x_{YZ} - \vartheta_{YZ} \ \ riferimento locale asta \ YZ \ con origine \ in \ Y$  Calcolare la rotazione assoluta del nodo B su asta BC Riportare la soluzione su questo foglio.



 $v_B = AB y(x)EJ= BC y(x)EJ=$ 

\_\_\_\_\_

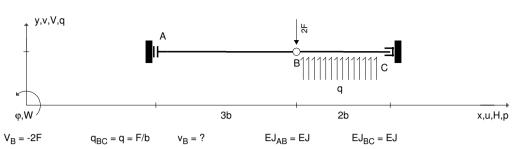
**←**[+]**→** 

\_\_\_\_\_

 $\uparrow$  +  $\downarrow$ 

\_\_\_\_\_

Carichi e deformazioni date hanno verso efficace in disegno. Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere la linea elastica delle aste.  $J_{YZ} - x_{YZ} - \vartheta_{YZ} \ \ \, \text{riferimento locale asta YZ con origine in Y Calcolare lo spostamento verticale del nodo B Riportare la soluzione su questo foglio. }$ 



 $v_B =$ AB y(x)EJ=BC y(x)EJ=

\_\_\_\_\_

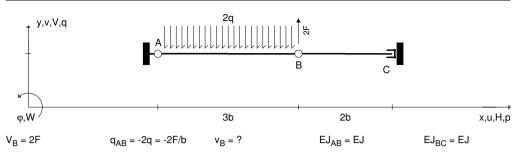
**←**[+]—

\_\_\_\_\_

 $\uparrow \boxed{+} \downarrow$ 

\_\_\_\_\_

Carichi e deformazioni date hanno verso efficace in disegno. Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere la linea elastica delle aste.  $J_{YZ} - x_{YZ} - \vartheta_{YZ} \ \, \text{riferimento locale asta YZ con origine in Y Calcolare lo spostamento verticale del nodo B Riportare la soluzione su questo foglio.$ 



 $V_B =$ AB y(x)EJ=BC y(x)EJ=

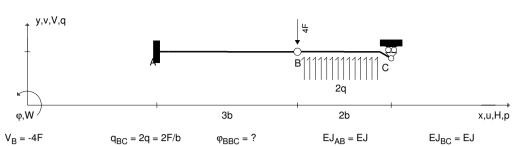
<u>--+-</u>

\_\_\_\_\_\_

 $\uparrow$  +  $\downarrow$ 

\_\_\_\_\_

Carichi e deformazioni date hanno verso efficace in disegno. Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere la linea elastica delle aste.  $J_{YZ} - x_{YZ} - \vartheta_{YZ} \ \, \text{riferimento locale asta YZ con origine in Y Calcolare lo spostamento verticale del nodo B Riportare la soluzione su questo foglio.$ 



 $\begin{array}{l} \phi_{BBC} = \\ AB \ y(x)EJ = \\ BC \ y(x)EJ = \end{array}$ 

\_\_\_\_\_

 $\leftarrow \boxed{+} \rightarrow$ 

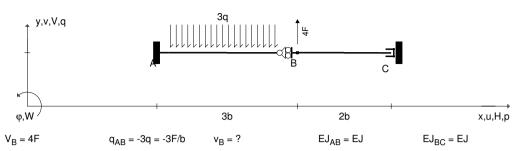
\_\_\_\_\_\_

 $\uparrow$  +  $\downarrow$ 

\_\_\_\_\_

Carichi e deformazioni date hanno verso efficace in disegno. Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere la linea elastica delle aste.  $J_{YZ} - x_{YZ} - \vartheta_{YZ} \ \ \, riferimento locale asta YZ con origine in Y$ 

 $J_{YZ}$  -  $x_{YZ}$  -  $\vartheta_{YZ}$  riferimento locale asta YZ con origine in Y Calcolare la rotazione assoluta del nodo B su asta BC Riportare la soluzione su questo foglio.



 $v_B =$ AB y(x)EJ=BC y(x)EJ=

\_\_\_\_\_

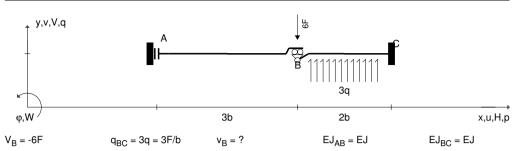
\_\_\_\_\_

 $\uparrow$  +  $\downarrow$ 

\_\_\_\_\_

Riportare la soluzione su questo foglio.

@ Adolfo Zavelani Rossi, Politecnico di Milano



v<sub>B</sub> = AB y(x)EJ= BC y(x)EJ=

\_\_\_\_\_

 $\leftarrow \boxed{+} \rightarrow$ 

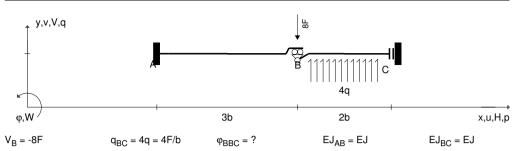
\_\_\_\_\_

 $\uparrow$  +  $\downarrow$ 

\_\_\_\_\_

Carichi e deformazioni date hanno verso efficace in disegno. Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere la linea elastica delle aste.  $J_{YZ} - x_{YZ} - \vartheta_{YZ} \ riferimento locale asta YZ con origine in Y$  Calcolare la spostamento verticale del podo R

Calcolare lo spostamento verticale del nodo B Riportare la soluzione su questo foglio.



$\phi_{BBC}$ = AB $y(x)EJ$ = BC $y(x)EJ$ =				

 $\leftarrow + \rightarrow$ 

\_\_\_\_\_\_

 $\uparrow$  +  $\downarrow$ 

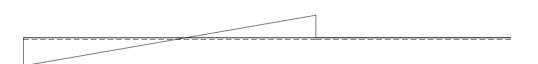
\_\_\_\_\_

Carichi e deformazioni date hanno verso efficace in disegno. Calcolare reazioni vincolari della struttura e delle aste. Tracciare i diagrammi delle azioni interne nelle aste. Esprimere la linea elastica delle aste.

 $J_{YZ} - x_{YZ} - \vartheta_{YZ} \ \ riferimento locale asta \ YZ \ con origine \ in \ Y$  Calcolare la rotazione assoluta del nodo B su asta BC Riportare la soluzione su questo foglio.













$H_A = 0$	$W_A = -12Fb + 27/2qb^2 = 3/2Fb$	$V_C = 0$
$V_A = -4F + 9qb = 5F$	$H_C = 0$	$W_C = 0$

$H_{AB} = 0$	$H_{BC} = 0$
$V_{AB} = -4F + 9qb = 5F$	$V_{BC} = 0$
$W_{AB} = -12Fb + 27/2qb^2 = 3/2Fb$	$W_{BC} = 0$
$H_{BA} = 0$	$H_{CB} = 0$
$V_{BA} = 4F = 4F$	$V_{CB} = 0$
$W_{BA} = 0$	$W_{CB} = 0$

SPOSTAMENTI ASSOLUTI  $v_B = 36(Fb^3/EJ) - 243/8(qb^4/EJ) = 45/8(Fb^3/EJ)$ 

DEFORMATA (coordinate locali) AB y(x)EJ =  $-3/4x^2$ Fb  $+5/6x^3$ F  $-1/8x^4$ q BC y(x)EJ = 45/8Fb<sup>3</sup>

$$\begin{aligned} &H_A=0 & &W_A=0 \\ &V_A=0 & &H_C=0 \end{aligned}$$

 $V_C = 6F - 6qb = 0$   $W_C = -12Fb + 6qb^2 = -6Fb$ 

 $N_{AB} = 0$ 

$$H_{BC} = 0$$
  
 $V_{BC} = -6F = -6F$   
 $W_{BC} = 0$ 

 $H_{CB} = 0$ 

 $V_{CB} = 6F - 6qb = 0$   $W_{CB} = -12Fb + 6qb^2 = -6Fb$ 

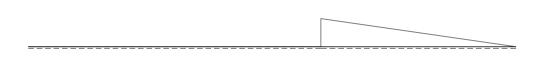
SPOSTAMENTI ASSOLUTI

 $v_B = -16(Fb^3/EJ) + 6(qb^4/EJ) = -10(Fb^3/EJ)$ 

DEFORMATA (coordinate locali) AB y(x)EJ =  $-10/3xFb^2$ BC y(x)EJ =  $-10Fb^3 + 8xFb^2 - x^3F + 1/8x^4q$ 













60 Fb<sup>3</sup>/EJ





REAZIONI

$$H_A = 0$$
  $W_A = 24Fb - 12qb^2 = 12Fb$   $V_A = 8F - 4qb = 4F$   $H_C = 0$ 

$$H_C = 0$$

$$V_C = -4qb = -4F$$
  
 $W_C = 0$ 

$$H_{AB} = 0$$
  $H_{BC} = 0$ 

$$V_{AB} = 8F - 4qb = 4F$$
  $V_{BC} = -4qb = -4F$   $W_{AB} = 24Fb - 12qb^2 = 12Fb$   $W_{BC} = 0$ 

$$H_{BA} = 0$$
  $H_{CB} = 0$ 

$$V_{BA} = -8F + 4qb = -4F$$
  $V_{CB} = -4qb = -4F$ 

$$W_{BA} = 0$$
  $W_{CB} = 0$ 

# SPOSTAMENTI ASSOLUTI

$$\varphi_{BBC} = 36(Fb^2/EJ) - 50/3(qb^3/EJ) = 58/3(Fb^2/EJ)$$

# DEFORMATA (coordinate locali)

AB y(x)EJ = 
$$-6x^2$$
Fb +2/3x<sup>3</sup>F

AB y(x)EJ = 
$$-6x^2$$
Fb +2/3x<sup>3</sup>F  
BC y(x)EJ =  $-36$ Fb<sup>3</sup> +58/3xFb<sup>2</sup> -2/3x<sup>3</sup>F +1/6x<sup>4</sup>q

$$H_A = 0$$
  $W_A = 9/2qb^2 = 9/2Fb$   $V_C = -8F = -8F$   $V_A = 3qb = 3F$   $H_C = 0$   $W_C = 16Fb = 16Fb$ 

$$\begin{array}{lll} H_{AB} = 0 & H_{BC} = 0 \\ V_{AB} = 3qb = 3F & V_{BC} = 8F = 8F \\ W_{AB} = 9/2qb^2 = 9/2Fb & W_{BC} = 0 \\ H_{BA} = 0 & H_{CB} = 0 \\ V_{BA} = 0 & V_{CB} = -8F = -8F \\ W_{BA} = 0 & W_{CB} = 16Fb = 16Fb \end{array}$$

SPOSTAMENTI ASSOLUTI

 $v_{BBC} = 64/3(Fb^3/EJ) = 64/3(Fb^3/EJ)$ 

DEFORMATA (coordinate locali)

AB y(x)EJ = 
$$-9/4x^2$$
Fb + $1/2x^3$ F - $1/24x^4$ q  
BC y(x)EJ =  $64/3$ Fb<sup>3</sup> - $16x$ Fb<sup>2</sup> + $4/3x^3$ F



⊢—— 40 Fb<sup>3</sup>/EJ

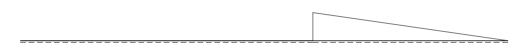
















REAZIONI $H_A = 0$ $V_A = 0$	$W_A = 0$ $H_C = 0$	$V_C = 2F - 2qb = 0$ $W_C = -4Fb + 2qb^2 = -2Fb$
$H_{AB} = 0$ $V_{AB} = 0$ $W_{AB} = 0$ $H_{BA} = 0$ $V_{BA} = 0$ $W_{BA} = 0$	$H_{BC} = 0$ $V_{BC} = -2F = -2F$ $W_{BC} = 0$ $H_{CB} = 0$ $V_{CB} = 2F - 2qb = 0$ $W_{CB} = -4Fb + 2qb^2 = -2Fb$	

SPOSTAMENTI ASSOLUTI  $v_B = -16/3(Fb^3/EJ) + 2(qb^4/EJ) = -10/3(Fb^3/EJ)$ 

DEFORMATA (coordinate locali) AB y(x)EJ = -10/3Fb<sup>3</sup> BC y(x)EJ = -10/3Fb<sup>3</sup> +8/3xFb<sup>2</sup> -1/3x<sup>3</sup>F +1/24x<sup>4</sup>q

 $H_{AB} = 0$   $V_{AB} = 3qb = 3F$   $H_{BA} = 0$   $V_{BA} = 3qb = 3F$ 

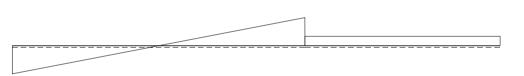
$$H_A = 0$$

$$V_A = 3qb = 3F$$

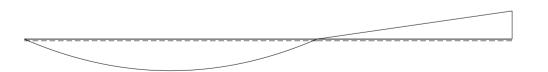
$$W_A = 0$$
$$H_C = 0$$

$$V_C = -2F + 3qb = F$$
  
 $W_C = 4Fb - 6qb^2 = -2Fb$ 

A C B C







$$H_{BC} = 0$$
  
 $V_{BC} = 2F - 3qb = -F$   
 $W_{BC} = 0$   
 $H_{CB} = 0$   
 $V_{CB} = -2F + 3qb = F$   
 $W_{CB} = 4Fb - 6qb^2 = -2Fb$   
SPOSTAMENTI ASSOLUTI

$$v_B = 16/3(Fb^3/EJ) - 8(qb^4/EJ) = -8/3(Fb^3/EJ)$$

DEFORMATA (coordinate locali)  
AB y(x)EJ = 
$$-113/36xFb^2 + 1/2x^3F - 1/12x^4q$$
  
BC y(x)EJ =  $-8/3Fb^3 + 2xFb^2 - 1/6x^3F$ 

$$H_A = 0$$
  $W_A = 12Fb - 6qb^2 = 6Fb$   $V_A = 4F - 2qb = 2F$   $H_C = 0$ 

 $H_C = 0$ 

 $V_{C} = -2qb = -2F$  $W_C = 0$ 

$$H_{AB} = 0$$
  $H_{BC} = 0$   $V_{AB} = 4F - 2qb = 2F$   $V_{BC} = -2qb = -2F$ 

 $W_{AB} = 12Fb - 6qb^2 = 6Fb$  $H_{BA} = 0$ 

 $W_{BC} = 0$  $H_{CB} = 0$ 

$$V_{BA} = -4F + 2qb = -2F$$

 $V_{CB} = -2qb = -2F$ 

 $W_{BA} = 0$  $W_{CB} = 0$ 

# SPOSTAMENTI ASSOLUTI

 $\varphi_{BBC} = 18(Fb^2/EJ) - 25/3(qb^3/EJ) = 29/3(Fb^2/EJ)$ 

# DEFORMATA (coordinate locali)

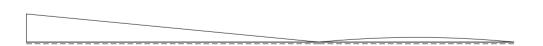
AB y(x)EJ =  $-3x^2$ Fb +1/3 $x^3$ F BC y(x)EJ = -18Fb  $^3$  +29/3xFb  $^2$  -1/3 $x^3$ F +1/12 $x^4$ q













$$H_A = 0$$
  $W_A = 27/2qb^2 = 27/2Fb$   $V_C = -4F = -4F$   $V_A = 9qb = 9F$   $H_C = 0$   $W_C = 8Fb = 8Fb$ 

 $\begin{array}{lll} H_{AB} = 0 & H_{BC} = 0 \\ V_{AB} = 9qb = 9F & V_{BC} = 4F = 4F \\ W_{AB} = 27/2qb^2 = 27/2Fb & W_{BC} = 0 \\ H_{BA} = 0 & H_{CB} = 0 \\ V_{BA} = 0 & V_{CB} = -4F = -4F \\ W_{BA} = 0 & W_{CB} = 8Fb = 8Fb \end{array}$ 

SPOSTAMENTI ASSOLUTI  $v_{BBC} = 32/3(Fb^3/EJ) = 32/3(Fb^3/EJ)$ 

DEFORMATA (coordinate locali) AB y(x)EJ =  $-27/4x^2$ Fb  $+3/2x^3$ F  $-1/8x^4$ q BC y(x)EJ = 32/3Fb $^3$  -8xFb $^2$   $+2/3x^3$ F



⊢—— 60 Fb<sup>3</sup>/EJ



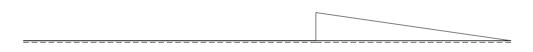




 $V_C = 6F - 6qb = 0$   $W_C = -12Fb + 6qb^2 = -6Fb$ 











$$\begin{aligned} H_A &= 0 & W_A &= 0 \\ V_A &= 0 & H_C &= 0 \end{aligned}$$

$$\begin{array}{lll} H_{AB} = 0 & H_{BC} = 0 \\ V_{AB} = 0 & V_{BC} = -6F = -6F \\ W_{AB} = 0 & W_{BC} = 0 \\ H_{BA} = 0 & H_{CB} = 0 \end{array}$$

 $V_{CB} = 6F - 6qb = 0$   $W_{CB} = -12Fb + 6qb^2 = -6Fb$  $V_{BA} = 0$  $W_{BA} = 0$ 

## SPOSTAMENTI ASSOLUTI

$$v_B = -16(Fb^3/EJ) + 6(qb^4/EJ) = -10(Fb^3/EJ)$$

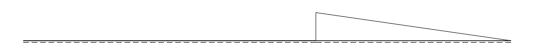
# DEFORMATA (coordinate locali)

$$AB v(x)EJ = -10Fb^3$$

AB 
$$y(x)EJ = -10Fb^3$$
  
BC  $y(x)EJ = -10Fb^3 + 8xFb^2 - x^3F + 1/8x^4q$ 











$$H_A = 0$$
  $W_A = 24Fb - 24qb^2 = 0$   $V_C = 0$   $V_A = 8F - 8qb = 0$   $H_C = 0$   $W_C = -8qb^2 = -8Fb$ 

 $H_{AB} = 0$  $H_{BC} = 0$  $V_{AB} = 8F - 8qb = 0$  $V_{BC} = -8qb = -8F$  $W_{AB} = 24Fb - 24qb^2 = 0$  $W_{BC} = 0$  $H_{BA} = 0$  $H_{CB} = 0$  $V_{CB} = 0$   $W_{CB} = -8qb^2 = -8Fb$  $V_{BA} = -8F + 8qb = 0$  $W_{BA} = 0$ 

## SPOSTAMENTI ASSOLUTI

 $\phi_{BBC} = 32/3(qb^3/EJ) = 32/3(Fb^2/EJ)$ 

# DEFORMATA (coordinate locali)

AB y(x)EJ = 0BC  $y(x)EJ = 32/3xFb^2 - 4/3x^3F + 1/6x^4q$