Università degli studi di Bergamo Scuola di Ingegneria (Dolmine) CCS Ingegneria Edile

LM-24 Inogegneria delle Costruzioni Eduli

Complementi di Scienza delle Costruzioni (ICAR/08-SdC; 6CFU)

A.A. 2021/2022

prof. Egiolio RIZZI egiolio. zizzi@unibg. it

LEZIONE 09

Soluzione tramite Metodo della Linea Elastica (LE)

$$(\beta > 0) \quad K = \beta \stackrel{\text{EJ}}{=} V_{1}(x_{1})$$

$$M_{A} = X$$

$$V_{2} = \stackrel{\text{FL}}{=} V_{2}$$

$$V_{3} = \frac{F}{2} + \stackrel{\text{X}}{=} V_{2}$$

$$V_{4} = \frac{F}{2} + \stackrel{\text{X}}{=} V_{2}$$

$$V_{5} = \frac{F}{2} \stackrel{\text{X}}{=} V_{5}$$

$$V_{7} = \frac{F}{2} \stackrel{\text{X}}{=} V_{7} \stackrel{\text{X}}{=} V_{7}$$

Curvatura totale del generico compositiono: (m campi di integrazione) $Y_{i}(x_{i}) \simeq X_{i}(x_{i}) = X_{i}(x_{i}) + X_{i}(x_{i})$ $Y_{i}(x_{i}) \simeq X_{i}(x_{i}) = X_{i}(x_{i}) + X_{i}(x_{i})$ EJ_{i} EJ_{i} $EJ_{i}(x_{i}) = B_{i}(x_{i}) + EJ_{i}(x_{i})$ $EJ_{i}(x_{i}) = M_{i}(x_{i}) + EJ_{i}(x_{i})$

$$EJ \cdot y_i^{(\alpha_i)} = \frac{M_i(\alpha_i)}{Y_i(\alpha_i)} + EJ \cdot v_t(\alpha_i)$$

eg. differenziale del 2° voline

Tratto 1:

$$E \int y_{1}(x_{1}) = M_{1}(x_{1}) + E \int \frac{Fb}{Fb} = -\frac{F}{b} \frac{x_{1}}{2} + \left(\frac{F}{2} + \frac{X}{b}\right)x_{1} - X + Fb$$

$$E \int y_{1}(x_{1}) = -\frac{F}{b} \frac{x_{1}}{6} + \left(\frac{F}{2} + \frac{X}{b}\right) \frac{x_{1}}{2} + \left(\frac{Fb}{b} - X\right)x_{1} + A_{1}$$

$$E \int y_{1}(x_{1}) = -\frac{F}{b} \frac{x_{1}}{24} + \left(\frac{F}{2} + \frac{X}{b}\right) \frac{x_{1}}{6} + \left(\frac{Fb}{b} - X\right) \frac{x_{1}}{2} + A_{1}x_{1} + A_{2}$$

Tratto 2:

EJ
$$y_2^{pr}(x_2) = \frac{0}{y} + EJ = 0$$

EJ $y_2^{pr}(x_2) = B_1$

EJ $y_2(x_2) = B_1$

Theograte $2h + I = 5$
 $A_1, A_2, B_1, B_2; X$

EJ $y_2(x_2) = B_1x_2 + B_2$

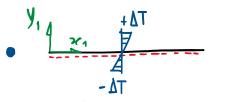
Scrittura l'imposizione delle condizioni al contorno (c.c.) [in numero provi n_{cc} = 2n+I = 5]

$$\begin{array}{ll} \bullet & y_1(0) = 0 \\ \bullet & y_1(0) = -\frac{\chi}{K} \\ \bullet & y_1(b) = -\frac{\chi}{K} \\ \bullet & y_1(b) = -\delta + \varepsilon_1 = 0 \\ \bullet & y_1(b) = -\delta + \varepsilon_2 = 0 \\ \bullet & y_1(b) = y_2(b) \\ \bullet & y_2(b) = 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{ll} \bullet & \lambda = 0 \\ \bullet & \lambda = 0$$

- LE finalis sost. A, Az, B1, Bz e X e tracciamento della deformata qualitativa.

- Attenzione ai segui su LE e.c.?



curvature elastiche e termiche

$$EJy_1^{\nabla v} = + M - EJV_t$$

$$EJy_1^{vv} = -M + EJV_t$$

molla relativa

elongazionale

× K

letto nel riferim. locale

Vi = y1(b)

y

opposto a X

11

(1)

$$y_{1}(5)-y_{2}(6)=\frac{X}{K}$$

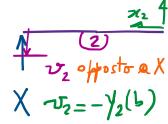
sport relative

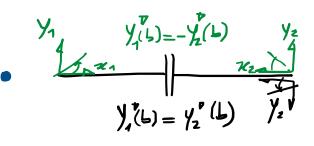
Al = v= v+ vz

= X legge shi Hooke

y2

x2 4





y,(b) = - /2(b)

$$A_{1} = -y_{1}^{*}(b)$$

$$-y_{1}^{*}(b) + y_{2}^{*}(b) = \frac{X}{K}$$

$$\Delta \Upsilon = \Upsilon_{rel} = \Upsilon_1 + \Upsilon_2$$
$$= \frac{X}{K}$$