

UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI BERGAMO

SCUOLA DI INGEGNERIA (DALMINE)

ANNO ACCADEMICO 2023/2024

INSEGNAMENTO: COMPLEMENTI DI SCIENZA DELLE COSTRUZIONI (6 CFU)

CORSO DI LAUREA MAGISTRALE: INGEGNERIA DELLE COSTRUZIONI EDILI, INGEGNERIA MECCANICA

DOCENTE: PROF. EGIDIO RIZZI

PROGRAMMA DETTAGLIATO DEL CORSO

DATA	N. ORE	ARGOMENTO	N. ORE PROGR.
18/09/23 Lez. 01	1	Introduzione al corso. Programma: argomenti di Complementi di Scienza delle Costruzioni trattati. Parte I - Meccanica delle Strutture; Parte II – Meccanica dei Solidi. <u>Parte I – Meccanica delle Strutture</u> Analisi Cinematica. Labilità. Determinazione e indeterminazione cinematica. CN di non labilità (determinazione cinematica). Grado di labilità L. Esempi di labilità (per spostamenti finiti e atti di moto).	01
"	1	Approcci in AC: (1) sequenza di montaggio di schemi noti (schemi elementari); (2) approccio geometrico; (3) approccio analitico. Rappresentazione di atto di moto (piano). Vincolo di rigidità. Sovrapposizione (somma) di rotazioni rigide infinitesime.	02
20/09/23 Lez. 02	1	Atto di moto piano: rappresentazione analitica e geometrica, con spostata e mappe di componenti di spostamento orizzontale e verticale. Casi con centri impropri e loro proiezione.	03
"	1	Ruolo cinematico della biella e del carrello per sovrapposizione di rotazioni rigide infinitesime. Analisi Cinematica geometrica. I e II Teorema sulle catene cinematiche. Enunciato quale CN di labilità. Casi degeneri con CIR coincidenti.	04
25/09/23 Lez. 03	1	Procedura di AC geometrica tramite applicazione sistematica del I e del II Teorema sulle catene cinematiche. Computo del numero di doppiette, di triplete e di CIR. Numero di sottoinsiemi di k elementi di un insieme di n secondo il calcolo combinatorio. Esempi di AC geometrica. Ricostruzione della spostata di coppie di aste per continuità sullo spostamento del CIR relativo.	05
"	1	Esempio di pseudo-quadrilatero articolato con gdv assoluto spostato. Analisi completa e con condensazione cinematica della biella. Esempio simile, con gdv relativo spostato e conclusione di non labilità causa non allineamento dei potenziali CIR relativi. Spostata di tentativo incompatibile con vincolo carrello interno.	06
25/09/23 Tut. 01	2	Esercitazione su: Schemi isostatici fondamentali e casi labili (con spostate e mappe delle componenti di spostamento).	T.02

27/09/23 Lez. 04	1	Esempi di tracciamento di spostate e di mappe degli spostamenti orizzontali e verticali (di un sistema con due aste e di un sistema con tre aste).	07
"	1	Analisi cinematica analitica. Esempio introduttivo con singolo corpo rigido di asta inclinata cerniera-carrello avente asse del carrello con inclinazione variabile. Approccio completo con eliminazione di tutti i vincoli. Sistema di congruenza. Matrice di congruenza. Condizione di labilità da singolarità della matrice quadrata ottenuta. Sistema di congruenza ridotto secondo schema ad albero.	08
02/10/23 Lez. 05	1	Analisi cinematica analitica. Sistemi articolati. Formalizzazione generale con illustrazione di esempio di arco a tre cerniere allineate. Sistema di congruenza completo. Compilazione della matrice di congruenza C. Proprietà algebriche di C e del sistema di congruenza. Grado di indeterminazione cinematica o di labilità. Classificazione. Sistemi determinati e indeterminati.	09
"	1	Analisi con schema ad albero. Sistema di congruenza ridotto. Procedura generale di AC analitica con illustrazione delle varie fasi tramite esempio con schema ad albero alternativo al precedente. Modifica della matrice C per arco a tre cerniere non allineate ottenuto da variazione del precedente.	10
02/10/23 Tut. 02	2	Esercitazione su: Analisi Cinematica mediante approccio geometrico.	T.04
04/10/23 Lez. 06	1	Analisi statica e dualità statica/cinematica. Esempio illustrativo di portale a tre cerniere non allineate. Sistema di equilibrio. Matrice di equilibrio E. Proprietà di dualità da corrispondenze (trasposizione, $E=C^T$), per ispezione. Analisi da schema ad albero e sistema di equilibrio ridotto. Soluzione per l'esempio isostatico considerato, con calcolo di tutte le RV.	11
"	1	Proprietà algebriche del sistema di equilibrio. CNS di esistenza della soluzione (Th. di Rouché-Capelli). Grado di indeterminazione statica o di iperstaticità. Relazione tra i gradi di indeterminazione, statica e cinematica. Casistica e classificazione delle strutture, con esempi. Strutture isostatiche e iperstatiche.	12
09/10/23 Lez. 07	1	Principio dei Lavori Virtuali (PLV). Ponte tra cinematica e statica. Enunciato quale CN di equilibrio e di congruenza. Manifestazioni del PLV: Principio degli Spostamenti Virtuali (PSV, CS di equilibrio); Principio delle Forze Virtuali (PFV, CS di congruenza). Deformazioni elementari elastiche e anelastiche (termiche). Ruolo degli effetti termici in strutture isostatiche ed iperstatiche. Dualità via PSV con dimostrazione della relazione $E = C^T$.	13
"	1	Calcolo di componenti di Reazioni Vincolari e di Azioni Interne mediante il PSV per i sistemi articolati di corpi rigidi ($L_e = 0$). Esempi riferiti al portale a tre cerniere già considerato in precedenza per l'analisi cinematica e statica.	14
09/10/23 Tut. 03	2	Esercitazione su: Analisi Cinematica mediante approccio geometrico.	T.06
11/10/23 Lez. 08	1	Soluzione di strutture iperstatiche con vincoli cedevoli elasticamente ed anelasticamente e con effetti termici (coazioni imposte). Molle elastiche lineari. Esempio di riferimento con telaio trave-colonna e molla rotazionale con rigidità variabile. Scelta dell'incognita iperstatica X. Calcolo delle RV(X).	15
"	1	Soluzione tramite PLV (PFV). Scrittura indiretta della condizione di congruenza tramite PLV.	16

		Discussione sulla soluzione ottenuta secondo il valore della rigidità della molla rotazionale. Calcolo di componenti di spostamento col PLV.	
16/10/23 Lez. 09	1	Soluzione completa dell'esempio precedente mediante metodo della Linea Elastica. Richiami sul metodo della LE. Novità inerenti deformazioni termiche e cedimenti elastici ed anelastici.	17
"	1	Calcolo di spostamenti e rotazioni nodali. Rappresentazione della deformata qualitativa. Condizioni al contorno in presenza di molle assolute e relative, elongazionali e rotazionali.	18
17/10/23 Tut. 04	2	Esercitazione su: Analisi Cinematica mediante approccio analitico.	T.08
18/10/23 Lez. 10	1	Travature reticolari. Generalità. Ipotesi. Tipologie. Esempi. Tiranti e puntoni. CN di non labilità. Analisi cinematica. Analisi statica. Esempio di calcolo di travatura reticolare isostatica mediante: (a) Metodo degli equilibri nodali o dei nodi; (b) Metodo delle sezioni o di Ritter. Disposizione con diagonali tesi e con diagonali compressi.	19
"	1	Travatura reticolare iperstatica soggetta a dilatazione termica. Procedimento risolutivo generale con scrittura del PLV. Soluzione della travatura fittizia con metodo dei nodi e con metodo delle sezioni. Scrittura del PLV. Determinazione dell'incognita iperstatica. Calcolo di componenti di spostamento dei nodi della travatura reticolare. Rappresentazione della deformata.	20
23/10/23 Lez. 11	1	Azione interne in aste curve. Equazioni indefinite di equilibrio del concio di trave curvilinea.	21
"	1	Esempio di arco semicircolare: con carico concentrato in chiave, con carico uniformemente distribuito, con pressione uniforme. Andamenti funzionali delle azioni interne N, T, M e loro rappresentazione nei diagrammi di azione interna.	22
24/10/23 Tut. 05	2	Esercitazione su: Analisi Statica e dualità Cinematica/Statica.	T.10
25/10/23 Lez. 12	1	<u>Parte II – Meccanica dei Solidi</u> Statica dei continui. Continuo non polare di Cauchy. Vettore sforzo di Cauchy. Relazione di Cauchy. Tensore sforzo di Cauchy. Significato fisico delle componenti di sforzo. Legge di trasformazione delle componenti di un tensore doppio. Tensioni principali. Problema agli autovalori. Invarianti di sforzo. Invarianza dell'operatore traccia al variare del sistema di riferimento. Equazioni indefinite di equilibrio tramite teorema della divergenza.	23
"	1	Componenti di sforzo volumetrica e deviatorica. Rappresentazione grafica nello spazio delle tensioni principali. Problemi agli autovalori per le componenti volumetrica e deviatorica. Equazione caratteristica del deviatore. Invarianti del deviatore. Relazioni tra invarianti del deviatore e invarianti di sforzo. Soluzione analitica del problema agli autovalori del deviatore. Coordinate di Haigh-Westergaard. Rilevanza in meccanica dei materiali (con riferimento specifico alla teoria della plasticità).	24
30/10/23 Lez. 13	1	Cinematica dei continui. Spostamento; traslazione rigida. Deformazione. Ipotesi di piccoli spostamenti e di piccole deformazioni. Tensore gradiente di spostamento. Parte simmetrica ed emisimmetrica: deformazione pura e rotazione rigida infinitesime. Significato fisico delle	25

		componenti del tensore delle piccole deformazioni.	
"	1	Concetto di congruenza interna. Equazioni di compatibilità interna (CN). Scrittura compatta nella forma di de Saint Venant (81 equazioni). Identità di Bianchi (3 identità): equivalenza delle 6 equazioni di congruenza a 3 equazioni indipendenti. CS di congruenza per corpi monoconnessi.	26
31/10/23 Tut. 06	2	Esercitazione su: Usi del PLV. Calcolo di RV e AI in sistemi articolati di corpi rigidi (PSV); risoluzione di struttura (una volta) iperstatica (PFV).	T.12
06/11/23 Lez. 14	1	Problema elastico lineare. Equazioni governanti e condizioni al contorno. Bilancio equazioni/incognite. Legame costitutivo iperelastico. Energia di deformazione ed energia complementare. Legge sforzi/deformazioni per derivazione. Tensori di rigidezza e di cedevolezza. Simmetrie minori e maggiori.	27
"	1	Materiale elastico lineare. Legge costitutiva. Comportamento isotropo con 2 parametri indipendenti. Parametri elastici e loro relazione. Espressione esplicita della legge costitutiva sforzi/deformazioni e deformazioni/sforzi. Disaccoppiamento delle risposte volumetrica e deviatorica. Rappresentazione matriciale, per matrice di cedevolezza e matrice di rigidezza. Materiale ortotropo con 9 parametri. Materiale trasversalmente isotropo con 5 parametri.	28
07/11/23 Tut. 07	2	Esercitazione su: Soluzione di strutture (più volte) iperstatiche mediante PLV e LE.	T.14
08/11/23 Lez. 15	1	PLV in meccanica dei continui quale "ponte" tra statica e cinematica. Enunciato della CN di equilibrio e congruenza. Enunciato del PFV quale CN di congruenza. Enunciato del PSV quale CN di equilibrio. Dimostrazione del PLV (CN di equilibrio e congruenza) tramite applicazione del teorema della divergenza.	29
"	1	Proprietà del problema elastico lineare. Buona posizione. Principio di Sovrapponibilità degli Effetti (PSE). Unicità della soluzione (Teorema di Kirchhoff). Dimostrazione (per assurdo). Soluzione del problema elastico: metodi e approcci risolutivi, diretti, inversi, semi-inversi. Menzione all'approccio numerico in meccanica computazionale (in particolare per Elementi Finiti).	30
13/11/23 Lez. 16	1	Problema di de Saint Venant (DSV). Ipotesi e definizioni. Postulato di DSV. Sistema di riferimento principale. Definizione delle risultanti agenti sulle basi del prisma e tali da formare un sistema di forze autoequilibrato. Equivalenza statica al campo di sforzo. Approccio semi-inverso agli sforzi. Ipotesi fondamentale di DSV. Imposizione dell'equilibrio in sede indefinita e al contorno (sulla superficie laterale scarica).	31
"	1	Rispetto del legame costitutivo. Imposizione delle equazioni di compatibilità interna. Sforzo normale lineare in x,y,z . Espressione finale dello sforzo normale con identificazione dei coefficienti in funzione delle azioni presenti. Deduzione finale dell'equazione di congruenza nelle τ_{zx}, τ_{zy} . Problema differenziale risultante per le componenti di sforzo tangenziale τ_{zx}, τ_{zy} (equazione di equilibrio, equazione di congruenza e condizione al contorno).	32
14/11/23 Tut. 08	2	Esercitazione su: Soluzione di struttura iperstatica mediante PLV.	T.16

15/11/23 Lez. 17	1	Torsione. Equazioni governanti. Approccio agli spostamenti. Ipotesi sul campo di spostamenti. Conseguenti campi di deformazione e di sforzo.	33
"	1	Verifica del rispetto dell'equazione di congruenza. Imposizione dell'equazione di equilibrio. Problema di Neumann-Dini per l'equazione di Laplace. Scritture differenti della condizione al contorno. Ingobbamento nullo in sezione circolare. Equivalenza statica del campo di sforzo determinato al momento torcente applicato. Momento d'inerzia torsionale. Rigidezza torsionale. Fattore di torsione.	34
20/11/23 Lez. 18	1	Centro di torsione. Funzione di ingobbamento riferita al centro di torsione. Annullamento delle rotazioni medie fuori piano. Coordinate del centro di torsione.	35
"	1	Torsione: approccio agli sforzi. Problema di Dirichlet per l'equazione di Poisson. Quadro sinottico dei due approcci (agli spostamenti ed agli sforzi), con relazioni mutue. Approcci risolutivi al problema della torsione: soluzione analitica esatta; soluzione approssimata; soluzione numerica.	36
21/11/23 Ese. 01	2	Esercitazione su: Soluzione di travatura reticolare.	E.02
22/11/23 Lez. 19	1	Analogie del pb. della torsione con altri fenomeni fisici. Analogia idrodinamica (Lord Kelvin). Equazioni governanti e corrispondenze. Sezione rettangolare: campo di sforzo qualitativo; formule ingegneristiche da soluzione per sviluppi in serie.	37
"	1	Fattore di concentrazione delle tensioni (da analogia idrodinamica). Spigoli sporgenti e rientranti. Raccordo circolare di spigolo a 90° (formula di Trefftz). Analogia della membrana (Ludwig Prandtl). Corrispondenze col problema della torsione. Visualizzazione della funzione di sforzo di Airy tramite spostamento trasversale della membrana.	38
27/11/23 Lez. 20	1	Soluzione analitica del problema della torsione per la sezione ellittica. Campo di sforzo. Inerzia torsionale e fattore di torsione. Stima dell'inerzia torsionale di sezioni compatte secondo sezione ellittica equivalente (formula di DSV). Funzione di ingobbamento. Caso particolare della sezione circolare.	39
"	1	Torsione nei profili rettangolari sottili. Considerazioni da analogie idrodinamica e della membrana. Funzione di sforzo. Momento d'inerzia torsionale. Tensioni tangenziali e τ^{\max} . Equivalenza del campo tensionale a $Mt/2$. τ^{\max} a pari momento torcente (per spessore minore) o a pari rotazione (per spessore maggiore). Funzione di ingobbamento (limite da risultato per sezione ellittica).	40
28/11/23 Tut. 09	2	Esercitazione su: Soluzione di struttura iperstatica mediante LE e PLV.	T.18
29/11/23 Lez. 21	1	Torsione nei profili sottili aperti. Considerazioni da analogie idrodinamica e della membrana. Composizione di rettangoli infinitesimi $b(s)ds$. Funzione di sforzo e campo delle tensioni tangenziali. Approssimazioni legate all'assunzione $\tau_{zn} = 0$. Momento d'inerzia torsionale. Tensione tangenziale massima.	41

"	1	Funzione d'ingobbamento (riferita alla linea media). Area settoriale. Centro di torsione (coordinate). Profili sottili aperti formati da rettangoli allungati. Caratteristiche geometriche. τ_{zs}^{max} e funzione di ingobbamento (lineare a tratti). Profili a stella e loro centro di torsione e mancata capacità portante torsionale (secondaria) da ingobbamento impedito.	42
04/12/23 Lez. 22	1	Torsione nei profili sottili chiusi (monocellulari). Deduzioni risolutive in base alle analogie idrodinamica e della membrana. Ipotesi caratteristiche della soluzione approssimata. Effetto delle τ_{zn} , ritenute trascurabili. Formula di Bredt da equivalenza statica. Calcolo dell'inerzia torsionale tramite PLV. Ruolo dell'area racchiusa all'interno della linea media.	43
"	1	Funzione di ingobbamento per integrazione della relazione differenziale già considerata per i profili sottili aperti (qui con $\tau_{zs} \neq 0$). Caso dei profili scatolari con ingobbamento lineare a tratti. Confronto completo tra profilo aperto e profilo chiuso, in termini di resistenza e deformabilità.	44
05/12/23 Tut. 10	2	Esercitazione su: Geometria delle aree; profili sottili aperti.	T.20
06/12/23 Lez. 23	1	Taglio. Commenti sulla soluzione in forma chiusa. Centro di taglio (CTa). Definizione. Dimostrazione della coincidenza tra centro di taglio e centro di torsione (CTo), tramite PLV. Determinazione del CTa per equivalenza statica. Disaccoppiamento tra effetti taglienti e torcenti. Momento torcente parassita.	45
"	1	Taglio nei profili sottili aperti. Soluzione approssimata di Jourawsky. Ipotesi di τ_{zs} cost sullo spessore e implicazioni su τ_{zn} (trascurabile). Derivazione della formula di Jourawsky per equilibrio alla traslazione in direzione dell'asse del prisma (con ragionamento per la determinazione del segno reale delle τ_{zs}). Calcolo del centro di taglio per equivalenza statica. Ortogonalità energetica tra tensioni tangenziali a taglio e deformazioni tangenziali a torsione (soluzioni approssimate) nei profili aperti.	46
11/12/23 Lez. 24		Taglio nei profili aperti formati da rettangoli sottili. Andamento dei flussi delle tensioni tangenziali. Calcolo delle risultanti sui vari tratti, in forma analitica e mediante Regola di Simpson. Profili a stella.	47
"		Profilo a C. Calcolo della posizione del centro di taglio (a sinistra della costola verticale). Conclusioni sul corso.	48
12/12/23 Tut. 11	2	Esercitazione su: Profili sottili aperti; centro di taglio.	T.22
13/12/23 Ese. 02	2	Esercitazione su: Soluzione di travatura reticolare.	E.04
18/12/23 Ese. 03	2	Esercitazione su: Profili sottili aperti.	E.06
19/12/23 Tut. 12	2	Esercitazione su: Profili sottili chiusi.	T.24
20/12/23 Ese. 04	2	Esercitazione su: Profili sottili aperti.	E.08

08/01/24 Ese. 05	2	Esercitazione seminariale su: Travi curve in ponti ad arco.	E.10
10/01/24 Ese. 06	2	Esercitazione su: Profili sottili chiusi; quesiti conclusivi.	E.12