${\bf M\acute{e}canique}\mathop{\bf des}_{{\tiny{\bf Semestre}}\, 4} {\bf Fluides}$

Pression dans la statique des fluides

Définition de la pression locale

$$P = \frac{dF}{dS}$$

en $N.m^2$ ou Pa.

La pression dans un fluide est une grandeur locale indépendante de la surface utilisée.

Relation de la statique des fluides

La variation de pression sous l'effet d'une force de champ $\vec{\gamma}$

$$\rho \vec{\gamma} - \vec{grad}(p) = \vec{0}$$

On rappelle le PFD local

$$\vec{div}(\vec{\gamma}) + \rho \vec{\gamma} = \vec{0}$$

Loi de l'hydrostatique

La force d'un champ $\vec{\gamma}$ est le champ de pesanteur \vec{g} on a donc

$$p + \rho gz = cte$$

$$\operatorname{car} \rho g = \frac{\partial p}{\partial z} \Leftrightarrow \rho gz + cte = p.$$

 $\label{eq:car} \begin{array}{l} \operatorname{car}\,\rho g = \frac{\partial p}{\partial z} \Leftrightarrow \rho gz + cte = p. \\ \text{Poussée d'Archimède avec V le volume de} \end{array}$ fluide déplacé :

$$\vec{\pi} = \rho V \vec{g}$$

Relation de Bernouilli endynamique des

Pour un fluide parfait incompressible en écoulement permanent dans le champ de pesenteur. Pas de frottements (pas de perte). Il y a donc conservation de l'énergie mécanique locale le long d'une ligne de courant.

$$\frac{1}{2}\vec{u}^2 + gh = \frac{p}{\rho} = cte$$

$$p + \rho g h + \frac{1}{2} \rho \vec{u}^2 = p_B$$

$$h + \frac{p}{\rho g} + \frac{1}{2g}\vec{u}^2 = h_B$$