

Contactmoment 2: Respons computer lab

! Belangrijk

Vooraleer je de oefeningen kan oplossen is het belangrijk om zowel de dataset te laden, het pakket `car` te activeren en ook de OLP2 Functies te activeren.

Oefening 1

Oefening 1

In welke mate scoren leerlingen uit de verschillende studierichtingen (`Richting5cat`) anders als het gaat over het begrijpen van techniek (`Begrijpen.voor`)? Indien dit zo is, welke groepen van leerlingen verschillen dan statistisch significant van elkaar?

Om deze vragen te beantwoorden dienen we een ANOVA analyse uit te voeren. Hieronder volgen we de verschillende stappen van een ANOVA analyse om zo een volledig antwoord op deze vragen te kunnen formuleren.

We starten met het berekenen van de gemiddelde scores in de steekproef voor `Begrijpen.voor` van de leerlingen in de verschillende studierichtingen.

```
tapply(Techniek$Begrijpen.voor, Techniek$Richting5cat, FUN=mean, na.rm=TRUE)
```

1	2	3	4	5
0.6216667	0.6452206	0.7098642	0.6337891	0.5429025

Hieruit leren we dat in de steekproef leerlingen uit categorie 3 gemiddeld het hoogst scoren op `Begrijpen.voor` (gemiddelde = 0.71) en leerlingen uit categorie 5 scoren gemiddeld het laagst (gemiddelde = 0.54).

Vooraleer we de ANOVA zelf kunnen uitvoeren dienen we de assumptie van gelijke binnengroepenvarianties na te gaan aan de hand van de Levene Test.

```
leveneTest(Techniek$Begrijpen.voor, Techniek$Richting5cat)
```

```
Levene's Test for Homogeneity of Variance (center = median)
      Df F value Pr(>F)
group   4  2.0016 0.09181 .
      1873
---
Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

Uit de bovenstaande output leren we dat we de nulhypothese (= er zijn gelijke binnengroepenvarianties in de populatie) niet kunnen verwerpen. Maw, de assumptie gaat wel op. Dus, we kunnen de functie `aov()` hanteren.

```
Model.Begrijpen <- aov(Techniek$Begrijpen.voor ~ Techniek$Richting5cat)
summary(Model.Begrijpen)
```

```
              Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
Techniek$Richting5cat    4    5.27   1.3182   49.34 <2e-16 ***
Residuals              1873   50.04   0.0267
---
Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
489 observations deleted due to missingness
```

De analyses leren ons dat er een statistisch significant verband is tussen studierichting en `Begrijpen.voor` ($F(4,1873) = 49.34$, $p < 0.001$).

Een volgende stap is nagaan hoe groot het effect is (effectgrootte berekenen).

```
etasq(Model.Begrijpen)
```

```
              Partial eta^2
Techniek$Richting5cat    0.0953278
Residuals                NA
```

Eta-kwadraat bedraagt 0.095 en is dus tussen 0.06 en 0.14: het gaat om een medium effect.

Een laatste stap is nagaan welke groepen onderling verschillen van elkaar. Dit doen we aan de hand van post-hoc testen door middel van de functie `TukeyHSD()`.

```
Model.Begrijpen.Tukey <- TukeyHSD(Model.Begrijpen)
Model.Begrijpen.Tukey
```

Tukey multiple comparisons of means
95% family-wise confidence level

```
Fit: aov(formula = Techniek$Begrijpen.voor ~ Techniek$Richting5cat)
```

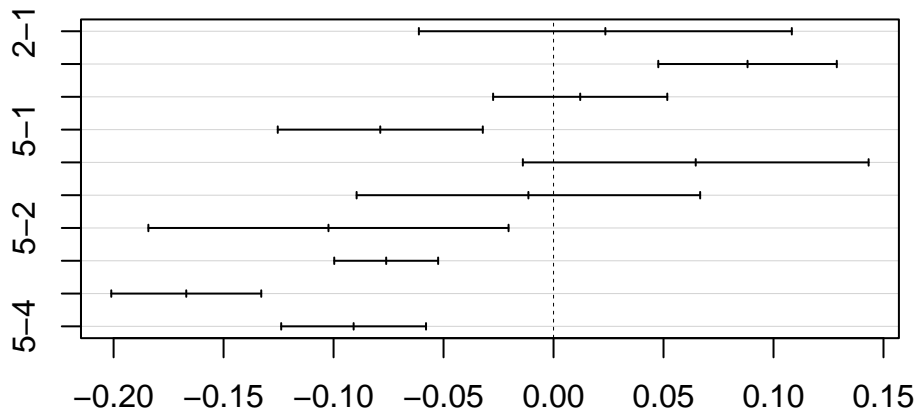
```
$`Techniek$Richting5cat`
      diff      lwr      upr      p adj
2-1  0.02355392 -0.06121659  0.10832444 0.9422650
3-1  0.08819755  0.04762624  0.12876886 0.0000000
4-1  0.01212240 -0.02746614  0.05171093 0.9193976
5-1 -0.07876412 -0.12536703 -0.03216122 0.0000413
3-2  0.06464363 -0.01394620  0.14323346 0.1634082
4-2 -0.01143153 -0.08951854  0.06665549 0.9946245
5-2 -0.10231805 -0.18418477 -0.02045132 0.0059194
4-3 -0.07607515 -0.09968814 -0.05246217 0.0000000
5-3 -0.16696167 -0.20105203 -0.13287132 0.0000000
5-4 -0.09088652 -0.12380115 -0.05797189 0.0000000
```

Kijken we naar de laatste kolom dan kunnen we daar de verschillende lijnen identificeren waarvoor geldt dat de p-waarde lager is dan 0.05 (lijnen 2, 4, 7, 8, 9, 10).

We kunnen deze post-hoc testen ook visualiseren:

```
plot(Model.Begrijpen.Tukey)
```

95% family-wise confidence level



Differences in mean levels of Techniek\$Richting5cat

CONCLUSIE:

Afhankelijk van de studierichting die een leerling volgt, verschilt de mate waarin techniek wordt begrepen. Het gaat om een medium ($\eta^2 = 0.10$) en statistisch significant effect ($F(4,1873) = 49.34$, $p < 0.001$). We verwachten dit effect dus ook in de populatie terug te vinden. Uit de post-hoc analyse blijkt dat leerlingen uit categorie 5 (Handel/STV) het meest verschillen van de andere leerlingen. Hun score op `Begrijpen.voor` is significant ($p < 0.05$) lager dan deze van leerlingen uit categorie 2 (Kunst), categorie 3 (Latijn) en categorie 4 (Moderne wetenschappen). Ook tussen de groepen Latijn (categorie 3) en Techniek (categorie 1) is een significant verschil ($p < 0.05$) in het begrijpen van techniek terug te vinden. De leerlingen uit de Latijnse scoren significant ($p < 0.05$) beter dan de leerlingen uit de meer technische richtingen. De verschillen tussen leerlingen uit de technische (categorie 1), moderne (categorie 4) of kunstrichtingen (categorie 2) in onze steekproef kunnen we niet doortrekken naar de populatie ($p > 0.05$).

Oefening 2

Oefening 2

We bekeken in de eerste oefening of er een verschil was in het begrijpen van techniek naargelang de studierichting.

Als we de afhankelijke variabele (**Begrijpen.voor**) opdelen in vier categorieën op basis van de kwartielen kunnen we dit verband ook weergeven in een tabel.

→ Hoe is de verdeling overheen de verschillende categorieën van begrijpen naar studierichting?

→ Geef dit ook grafisch weer.

Deze oefening vraagt om een analyse aan de hand van een kruistabel.

Als start voor deze oefening maken we een categorische variant van de variabele **Begrijpen.voor** via de `recode()` functie.

```
# Kwartielen berekenen

quantile(Techniek$Begrijpen.voor, c(0.25,0.5,0.75), na.rm=TRUE)
```

```
      25%    50%    75%
0.5000 0.6875 0.7500
```

```
# Hercoderen

Techniek$Begrijpen.voor.Cat <- recode(
  Techniek$Begrijpen.voor,
  "0:0.5 = 'Zeet laag';
  0.5:0.6875 = 'Laag';
  0.6875:0.75 = 'Hoog';
  0.75:1 = 'Zeet hoog'",
  as.factor = TRUE,
  levels = c("Zeet laag", "Laag", "Hoog", "Zeet hoog")
)
```

Nu kunnen we een kruistabel aanmaken. Meerbepaald maken we een tabel met kolompercentages waarin we de afhankelijke variabele (**Begrijpen.voor.Cat**) in de rijen plaatsen.

```
kruistabel.kolom(Techniek$Begrijpen.voor.Cat, Techniek$Richting5cat)
```

	x						
y	1	2	3	4	5	Sum	
Zeer laag	30.666667	29.411765	12.460064	28.485577	46.186441	25.559105	
Laag	38.666667	29.411765	34.025559	38.100962	37.711864	36.581470	
Hoog	13.333333	11.764706	17.731629	13.100962	9.322034	14.164004	
Zeer hoog	17.333333	29.411765	35.782748	20.312500	6.779661	23.695421	
Sum	100.000000	100.000000	100.000000	100.000000	100.000000	100.000000	

Vervolgens berekenen we de Chi-kwadraat test. Door gebruik te maken van de functie `chi.kwadraat.test()` krijgen we in de output ook meteen een maat van effectgrootte mee (Cramer's V).

```
chi.kwadraat.test(
  table(Techniek$Begrijpen.voor.Cat,
        Techniek$Richting5cat)
)
```

Pearson's Chi-squared test

```
data:  table(Techniek$Begrijpen.voor.Cat, Techniek$Richting5cat)
X-squared = 172.76, df = 12, p-value < 2.2e-16
95 percent confidence interval:
 0.1428339 0.1959541
sample estimates:
Cramer's V
 0.1751129
```

Tot slot visualiseren we de kruistabel. Let op dat je hier rijen en kolommen omwisselt in vergelijking met de vorige stukken code. Daarom dat we in de onderstaande code-blok eerst een nieuw object aanmaken `Tabel_asso` waarin de kruistabel staat met de rijen en kolommen omgewisseld.

```
Tabel_asso <- table(Techniek$Richting5cat,Techniek$Begrijpen.voor.Cat)
assocplot(Tabel_asso)
```



Als we alle output overschouwen, dan komen we tot volgende conclusie.

CONCLUSIE:

De kolompercentages geven weer hoe binnen de verschillende clusters van studierichtingen wordt gescoord op het begrijpen van techniek. We bespreken enkele ‘opvallende’ cijfers... Bij de leerlingen uit technische studierichtingen zit de grootste groep in de categorie “Laag” (38.67%). Het percentage van deze leerlingen in de categorie “Zeet hoog” bedraagt slechts 17.33%. De grootste groep leerlingen die Latijn volgen is terug te vinden in de categorie “Zeet hoog” (35.78%). Deze groep leerlingen scoort dus in het algemeen beter dan de leerlingen uit de andere studierichtingen. Handel/STV-leerlingen scoren dan weer sterk lager. 46.19% van deze leerlingen is terug te vinden in de categorie “Zeet Laag” en slechts 6.78% in de categorie “Zeet Hoog”. De chi²-analyse leert ons dat het verband statistisch significant is ($p < 0.05$), maar eerder beperkt (Cramer’s $V = 0.18$).

Oefening 3

Oefening 3

We zijn ook geïnteresseerd in welke mate de aanwezigheid van technisch speelgoed (**Speelgoed**) een invloed heeft op het begrijpen van techniek (**Begrijpen.voor**). We kunnen dit op 2 manieren analyseren nu we beschikken over een kwalitatieve en een kwantitatieve variabele die iets zeggen over het begrijpen van techniek (de originele variabele **Begrijpen.voor** en de aangemaakte categorische variabele uit oefening 2).

→ Teken beide modellen en vermeld de analysetechniek.

→ Maak beide oefeningen en vergelijk de resultaten.

Optie 1:



→ t-test

Optie 2:



→ kruistabel

Optie 1: t-test

Eerst de Levene Test.

```
leveneTest(Techniek$Begrijpen.voor, Techniek$Speelgoed)
```

Levene's Test for Homogeneity of Variance (center = median)

	Df	F value	Pr(>F)
group	1	0.1089	0.7415
	1890		

P-waarde is hoger dan 0.05, dus de assumptie van gelijke binnengroepenvarianties gaat op. Nu kunnen we de t-test zelf uitvoeren.

```
t.test(Techniek$Begrijpen.voor~Techniek$Speelgoed, var.equal=TRUE)
```

Two Sample t-test

```
data:  Techniek$Begrijpen.voor by Techniek$Speelgoed
t = -3.6108, df = 1890, p-value = 0.0003132
alternative hypothesis: true difference in means between group 0 and group 1 is not equal to
95 percent confidence interval:
 -0.04621105 -0.01368049
sample estimates:
mean in group 0 mean in group 1
    0.6251900      0.6551357
```

Ook de effectgrootte gaan we na (Cohen's d).

```
d(Techniek$Begrijpen.voor,Techniek$Speelgoed)
```

```
[1] -0.1737467
```

CONCLUSIE:

In de steekproef scoren leerlingen gemiddeld 0.66 op begrijpen van techniek, terwijl leerlingen die thuis geen technisch speelgoed hebben iets lager scoren (gemiddelde = 0.63). Het effect van al dan niet technisch speelgoed hebben, is statistisch significant ($p < 0.05$). We kunnen het dus doortrekken naar de populatie. Het effect is echter zo klein ($d = 0.17$) dat het van weinig praktische waarde is.

Optie 2: kruistabel

Een tabel met kolompercentages aanmaken met afhankelijke variabele (Begrijpen.voor.Cat) in de rijen.

```
kruistabel.kolom(Techniek$Begrijpen.voor.Cat,Techniek$Speelgoed)
```

	x		
y	0	1	Sum
Zeer laag	29.63526	24.06807	26.00423
Laag	38.44985	35.57536	36.57505
Hoog	12.15805	15.07293	14.05920
Zeer hoog	19.75684	25.28363	23.36152
Sum	100.00000	100.00000	100.00000

De Chi-kwadraattest uitvoeren.

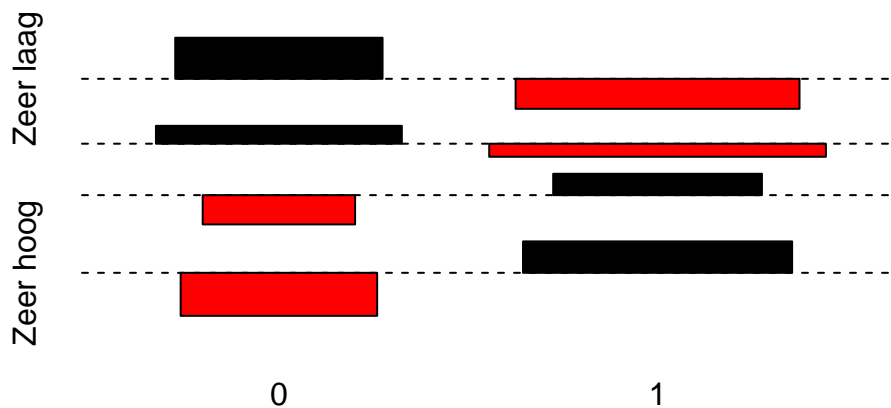
```
chi.kwadraat.test(table(Techniek$Begrijpen.voor.Cat, Techniek$Speelgoed))
```

Pearson's Chi-squared test

```
data: table(Techniek$Begrijpen.voor.Cat, Techniek$Speelgoed)
X-squared = 14.289, df = 3, p-value = 0.002537
95 percent confidence interval:
 0.03199597 0.12691805
sample estimates:
Cramer's V
0.08690546
```

En tot slot ook de tabel visueel maken.

```
Tabel_asso <- table(Techniek$Speelgoed,Techniek$Begrijpen.voor.Cat)
assocplot(Tabel_asso)
```



Alles samengenomen kunnen we het volgende concluderen uit deze analyse.

Conclusie:

De kolompercentages geven weer of leerlingen die al dan niet technisch speelgoed bezitten anders scoren op het begrijpen van techniek. Uit de kruistabel blijkt dat de verschillen eerder klein zijn. Beide groepen leerlingen hebben gelijkaardige percentages binnen de verschillende categorieën van 'Begrijpen.voor.Cat'. Hoewel de χ^2 -analyse aangeeft dat het om een statistisch significant verband gaat ($p < 0.05$), wijst de Cramer's V op een klein effect (Cramer's $V = 0.09$).

Vergelijken we beide analyses, dan komen we tot een vrij gelijkaardige conclusie. Er is een statistisch significant verband, maar het is verwaarloosbaar klein.